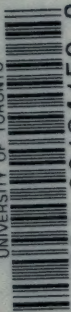
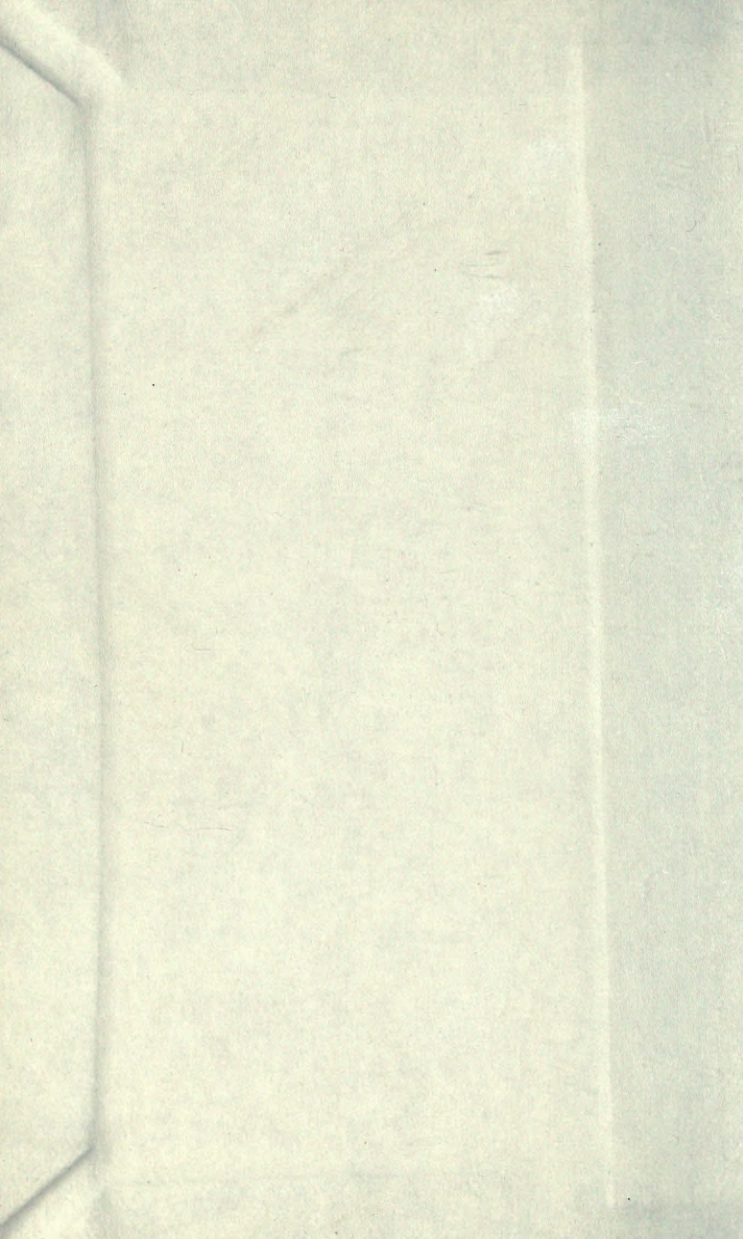


UNIVERSITY OF TORONTO



3 1761 00184159 2



Gr
65
US
PROCLI^{US} DIADOCHI^{US}

IN

PRIMUM EUCLIDIS ELEMENTORUM
LIBRUM

COMMENTARII.

EX RECOGNITIONE

GODOFREDI FRIEDLEIN.



29223
4/10/93

LIPSIAE

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI

M. DCCC. LXXIII.



QA
31
E9P7
1873

PRAEFATIO.

Operaenè pretium fuerit rursus in lucem proferre quae inde ab anno M. D. XXXIII. homo nemo retractavit, iure dubium potest videri ei, qui ex voluntate tantum alicuius putat pependisse hoc neque ex facultate occasione data. Jam qui primus Procli commentarios edidit, Simon Grynaeus, uno tantum codice adiutus, quem Oxonii Joannem Claymundum candide sibi suppeditasse dicit, audacior rem est aggressus. Editi enim illi erant, ut Barocii utar verbis, perinde ac si editi nunquam fuissent. Eademque querela sonat ex illorum libris, quicunque graece studebant legere, quae tradidisset Proclus seu de philosophiae placitis seu de rebus mathematicis vel geometricis, quae ipse et philosophus et geometra in his commentariis protulisset.

Egregia quidem his subvenit Barocius enucleans difficiliora, emendans mendosa, explens lacunosa, addens desiderata, interpretans latine cuncta. Idem, si voluisset, Proclum graecum videtur potuisse restituere. Nam divina providentia factum esse laudat, ut in insula Creta vetustissimum exemplar ad manus suas perveniret; ex quo exemplari et ipso pluribus in locis imperfecto impressum illud quoad posset diligenter se emendavisse dicit. Bononiam profectus invenit duo exemplaria manu scripta, alterum in bibliotheca S. Salvatoris alterum in bibliotheca Fabricii Garzoni, medicam facultatem publice in Bononiensi Gymnasio profitentis, atque ex his omnibus exemplaribus quoad fieri potuit unum fecit integrum, quod e graeca lingua in latinam convertit,

conversum palam fecit. Dum imprimitur, alia duo vidit graeca exemplaria, unum Venetiis in bibliotheca Sanctorum Joannis et Pauli, alterum Patavii ex bibliotheca Jo. Vincentii Pinelli Genuensis, et ad opus conficiendum adhibuit. Suo iure Procli Diadochi utilissimum lucidissimumque volumen a propinquo iam interitu vindicatum tum primum renovatae Phoenicis instar exortum esse praedicat. Usi sunt opere eius praestantissimo quicunque hos Procli commentarios adierunt, cum etsi non ipsa verba at sententias et res invenirent, graeco exemplari magis involutas quam detectas. Cuius rei satis erit unius viri Angli afferre testimonium. Taylor enim in praefatione versionis suae Anglicae Barocii demum libro sui incepti difficultates superari potuisse profitetur neque in locis dubiis alium sequitur ducem quam Barocium.

Fieri tamen non potuit, quin verba quoque graeca desiderarentur. Illud imprimis caput de Euclide et de claris mathematicis ante Euclidem in Fabricii bibliotheca graeca et inter Euclidis elementa ab August edita emendatius prodiit. Novissimus Fridericus Hultsch plura ex Proclo excerpta Heronis geometricorum reliquiis addidit.

Cuncti operis editionem videtur molitus esse Dasipodius molitusque est teste Fabricio Eduardus Bernhardus. Haud procul abfuit ab eodem incepto, qui diligentissimam navavit Proclo operam, Joachim Henricus Knoche et philosophiae et mathematicae studiis optime instructus. Is insigni humanitate, cum parare me editionem commentariorum Procli audisset, sui laboris partem, quam typis anno M. DCCC. LVI. redditum et ipse ad me mittere nequivit, sua manu scriptam mecum communicavit. Ita ad me delata est cura Procli commentarios denuo edendi neque ego potuissem suscipere onus ab aliis relictum nisi Halmius sua inter omnes nota liberalitate et summa

omnium litterarum scientia codicem ad me misisset Monacensem praestantissimum. Hinc sperare coepi, me si non ab omni parte perfectam absolutamque editionem, at multo emendatiorem et minus lacunosam ideoque multis hominibus doctis gratam conficere posse. Quidquid igitur temporis a muneris publici negotiis officiisque aliis vacabat, in Procli commentarios impendi laborisque mei fructus typis nunc prodiit redditus.

Quibus libris in conficiendo opere sim usus, patet ex notarum explicatione, quae Procli verba infra praecedit. Hoc loco pauca sunt addenda et de codicibus manuscriptis et de contextus forma.

Omnes quos scimus codices, in quibus Procli commentarii leguntur, ex uno eodemque exemplari esse ortos documento certissimo sunt lacunae, quae finem commentarii ad XXXVI^{am} Euclidis propositionem una cum initio sequentis et finem commentarii ad XLI^{am} una cum commentario ad XLII^{am} et initium commentarii ad XLIII^{am} absumpserunt. Varietates quoque verborum et sententiarum magna ex parte talem cognationem produnt ex scribarum vel correctorum variis eiusdem vitii remediis natae. Non enim defuerunt qui legerent illos commentarios. Codicem quoque Monacensem retractatum esse manu non imperita apertissima sunt vestigia, sed difficillimum est diiudicatu, utrum idem qui codicem scripsit etiam correxerit, an haud multo post alius eum recognoverit. Multis in locis correctoris manus a scribentis manu vix differt, aliis locis pallidius atramentum, tractus litterarum vel negligentior vel recentior posteram manum videntur prodere. Plures igitur conicias lectores operatos esse in hoc libro manu scripto, quibus sua unicuique iam non possis vindicare; unum saltem ex iis, si non plures, hominem eruditum paulo post codicem recens scriptum menda eius aliquot vidisse et emendasse mihi quidem est persuasum.

Quem igitur inveni habitum quam diligentissime potui descripsi, cum confundere distincta sit facile, distinguere confusa nemo queat, nisi qui ipsum codicem inspiciat.

Vellem contigisset mihi, ut plures codices perscrutarer; quod cum fieri nequiret, quidquid alii ex aliis codicibus hauserunt conferre studui. Hanc ad rem non solum Grynaei editionem et Augusti et Hultschii fragmenta adhibenda esse censui sed etiam Zamberti et Barocii interpretationes; est enim, ut etiam ex latinis verbis graeca verba divines. Magnopere dolui, quod Wachsmuth vir doctissimus in musei Rhenani volumine XVIII^{mo} plura de Procli commentariis in primum Euclidis librum non protulit. Eo iucundior mihi fuit principis Boncompagni summa liberalitas et humanitas, qui rogatus a me duobus ex codicibus Romae in bibliotheca Barberina asservatis varietates locorum dubiorum vel lacunosorum septem ex codice 101, plus quam quadraginta et ducentorum ex codice 145 pretio non parvo colligendas curavit mihiq[ue] dono dedit, cuius rei maximas ei ago gratias.

Multi hac ratione emendari potuerunt loci; alios emendaverunt Nesselmann, Knoche, Hultsch — Taylor totus pendet ex Barocio — nonnullos et ipse emendasse mihi videor; uncis tamen inclusi quae, cum necessaria mihi esse viderentur, de meo in contextu addidi.

Singulorum verborum et vocum formas secundum codicem Monacensem reddidi; unde factum est, ut saepius $\tau\tau$ occurrat, ubi Grynaeus $\sigma\sigma$ adhibuit. $\gamma\acute{\iota}\nu\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ formae $\gamma\acute{\iota}\gamma\upsilon\epsilon\sigma\theta\alpha\iota$ praefendum esse iam Hultsch adnotavit in musei Rhenani voluminis XIXⁱ pagina 454; tamen omnibus in locis $\gamma\acute{\iota}\nu$ pro $\gamma\acute{\iota}\gamma\upsilon$ scribendum esse negaverim. Accentus vocum et sententiarum interpunctiones, maximam partem illis temporibus neglecta, ex nostro usu erant ponenda; contra ea ν mobile vel $\acute{\epsilon}\varphi\epsilon\lambda\kappa\nu\sigma\tau\acute{\iota}\kappa\acute{\omicron}\nu$ non ubique ex vulgaris

grammaticae regulis est positum; diligenter enim exaratus codex Procli scribendi rationem cum fide retinuisse mihi videtur, atque melius illa tempora graecae linguae concinnitatem sensisse puto, quam nostris temporibus ullus homo possit sentire; nec scholae usus erat respiciendus in libro, quem graecae linguae elementa discentes vix attingent. Trado igitur tradita, ne Proclo magis Graecus sim veritus.

Alius quoque peculiaris usus est dicendus, seu Procli solius seu aevi sui, quod scilicet eadem littera duas res significat. In figura enim in pagina 290 descripta ϵ et circulum notat centro γ intervallo $\gamma\delta$ descriptum et punctum aliquod ultra eius circumferentiam; simili modo in figura in pagina 346 descripta ϵ et trianguli et circuli centro δ intervallo $\delta\zeta$ ducti notat punctum. Denique id memoratu est dignum, quod duarum rectarum collectio significatur litteris iuxta se positis e. g. $\tau\omicron \overline{\alpha\gamma} = \tau\omicron \overline{\alpha} + \tau\omicron \overline{\gamma}$.

Restat ut de partitione loquar, qua Procli commentarii in quattuor libros sunt divisi, libri singuli in capita et commentaria. Proclus ipse uno tantum loco in paginae 352 linea 24 voce $\tau\mu\eta\mu\alpha$ utitur ad unam Euclidis propositionum partem notandam, quae propositiones praecedunt in pag. 354 lin. 8 $\dot{\upsilon}\pi\omicron\theta\acute{\epsilon}\sigma\epsilon\iota\varsigma$, in pag. 364 lin. 19 $\tau\acute{\alpha} \pi\rho\acute{\omicron} \tau\omega\acute{\nu} \theta\epsilon\omega\rho\eta\mu\acute{\alpha}\tau\omega\acute{\nu}$ nominat, nusquam ita transit ad alias quaestiones ut unum librum concludere alterum inchoare eum possis dicere. Singulas tantum quaestiones claudit atque quae diciturus sit addit, velut in paginae 81 lineis 23—26. Si codicem inspicias, prologum et libros IV distingui ex titulo rubro colore scripto conicias recteque te iudicasse censeas, cum in codicis folio numero 44 signato (infra in paginae 85 linea 20) inscriptionem invenias rubram: $\acute{\alpha}\rho\chi\eta \tau\omicron\upsilon \kappa\epsilon\iota\mu\acute{\epsilon}\nu\omicron\upsilon$. at iam in folio 23 (infra 48, 19) secundum inscriptionem liber primus, secundum marginis notam liber secundus incipit, in folio 97 (infra 178, 17) liber II (III), in folio 192

(infra 354, 20) liber III (IV), in folio 233 (infra 433) liber IV, re vera autem incerti alicuius scholium. Contra in folio 109 (infra 198), ubi Barocio quoque iudice 'Finis Principiorum' invenitur et initium propositionum, ne minima quidem nota novae rei fit indicium. Haec cum viderem, iam non dubitavi, quin commentariorum in quattuor libros partitio a librario vel scriba esset profecta, cuius exemplar omnium quae scimus exemplarium fuit fons. Singulos illos libros Barocius in capita et commentaria divisit, quem Taylor secutus est, atque ego secutus essem, nisi Procli operi quantum fieri posset genuinam formam reddendam esse putassem. Proclus commentarios suos ita continuasse mihi videtur, ut Euclidis tantum verba intericeret, sua autem quam dilucidissime disposita nullo maiore intervallo discerneret. Praeterea minime constat, quo iure commentariorum nomen acceperit Procli opus; multo verisimilius ex fine prologi prioris (infra 47, 7) mathematicae disciplinae studium scripturum fuisse Proclum dices. At certum nihil inde excuties. Itaque et titulum per tria saecula traditum retinui et sex tantum latinas inscriptiones addidi et Euclidis definitionibus, petitis, axiomatis, propositionibus suos numeros dedi, quo faciliorem redderem totius operis conspectum. Ut singulae res facilius possent inveniri, duos adieci indices, unum nominum alterum rerum et verborum. Denique in superiore parte cuiusque paginae et Grynaei et Barocii paginarum numeri sunt positi, ne lectorem locos laudatos quaerentem longior mora impediat. Quo plures gratum habebunt Proclum graece restitutum, eo minus laboris haud parvi paenitebit in eo consumpti.

Curiae ad Salam mense Januario anni M. DCCC. LXXIII.

Godofredus Friedlein.

NOTARUM EXPLICATIO.

- M* = codex Monacensis 427, chartaceus, saeculo X^{mo} ab Hardtio addictus, XI^{mo} vel XII^{mo} fortasse addicendus. aequali litterarum ductu folia CCXXXVIII sunt exarata eadem manu, paucis iisque raro adhibitis compendiis. margines relictis sunt lati, in quibus paucae tantum notae sunt adscriptae postera fortasse manu, quam tamen discernere a prima manu plerumque est difficile. figurarum geometricarum et lineae et litterae rubro colore sunt descriptae, minore tamen fere omnes diligentia; qui enim confecit illas, non inspexit Procli verba, sed parum accurate quas ob oculos habuit figuras depinxit.
- G* = Commentariorum Procli editio prima, quae Simonis Grynaei opera addita est Euclidis elementis graece editis Basileae apud Ioan. Hervagium anno M. D. XXXIII.
- C* = corrector quidam ignotus, qui editionis primae exemplar, olim Petri Victorii libris insertum, nunc in bibliotheca Monacensi sub signo A. Gr. 1060 asservatum, plurimis locis quantum conici potest ex codice codici *M* simillimo emendavit. non ubique verum eum vidisse aut attulisse non est quod miremur.
- Z* = liber manu scriptus sub signo cod. lat. 6 in bibliotheca Monacensi depositus, continens in primis CLIII foliis Procli commentariorum libros III Bartholomaeo Zamberto veneto interprete (anno M. DXXXVIII, anno interpretis VI et LX absoluto).
- B* = Procli in primum Euclidis elementorum librum commentariorum libri III a Francisco Barocio patritio veneto editi, Patavii 1560.
- B*₁ = codex Bononiensis bibliothecae S. Salvatoris 223 (*Kn. III*, p. 5).

- B_2 = codex 101 bibliothecae Barberinae, saec. XV., qui primas sedecim paginas editionis Hervagianae continet usque ad verbum *διανοητικὴν* in paginae .XVI. linea .XXI. ab inferiore parte.
- B_3 = codex 145 bibliothecae Barberinae, saec. XVI., a duobus librariis conscriptus, quorum prior folia 1—158, alter folia 159—200 exaravit.
- A = *ΕΤΚΛΕΙΔΟΤ ΣΤΟΙΧΕΙΑ* edita ab E. F. August (partis primae pag. 290—293. 307—308), Berolini MDCCCXXVI.
- N = Die Algebra der Griechen. Von Dr. G. H. F. Nesselmann, Berlin 1842.
- $Kn. I$ = Ex Procli successoris in Euclidis elementa commentariis definitionis quartae expositionem quae de recta est linea et sectionibus spiricis commentati sunt I. H. Knoche et F. I. Maerker, Herfordiae 1856.
- $Kn. II$ = Untersuchungen über des Proklus Diadochus Commentar zu Euklids Elementen von Dr. J. H. Knoche, Herford 1862.
- $Kn. III$ = Untersuchungen über die neuaufgefundenen Scholien des Proklus Diadochus zu Euklids Elementen von Dr. Joachim Heinrich Knoche, Oberlehrer und Conrektor, Herford 1865.
- H_1 = Zu Proklos. Dresden. Fr. Hultsch. (Rheinisches Museum für Philologie. Neue Folge. Neunzehnter Jahrgang. Frankfurt am Main 1864. p. 450—455).
- H_2 = Heronis Alexandrini geometricorum et stereometricorum reliquiae edidit Fridericus Hultsch, Berolini MDCCCLXIV.
- T = The philosophical and mathematical commentaries of Proclus on the first book of Euclid's elements. In two volumes. London, printed for the author (T. Taylor) 1792.
-

PROLOGI PARS PRIOR.

Τὴν μαθηματικὴν οὐσίαν οὔτε τῶν πρωτίστων ἐν τοῖς οὔσι γενῶν οὔτε τῶν ἐσχάτων εἶναι καὶ παρὰ τὴν ἀπλὴν διηρημένων, ἀναγκαῖον, ἀλλὰ τὴν μέσῃν χώραν ἀπειληφέναι τῶν τε ἀμερίστων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀσυνθέτων καὶ ἀδιαίρετων ὑποστάσεων καὶ τῶν μερι- 5 στῶν καὶ ἐν συνθέσεσιν παντοίαις καὶ ποικίλαις διαί- ρéseσιν ἀφωρισμένων. τὸ μὲν γὰρ αἰεὶ κατὰ ταῦτ' ἔχον καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον τῶν περὶ αὐτὴν λό- γων ὑπερανέχουσιν αὐτὴν ἀποφαίνει τῶν ἐν ὕλῃ φε- ρομένων εἰδῶν, τὸ δὲ διεξοδικὸν τῶν ἐπιβολῶν καὶ τὸ 10 ταῖς διαστάσεσι τῶν ὑποκειμένων προσχρῶμενον καὶ τὸ ἀπ' ἄλλων ἀρχῶν ἄλλα προκατασκευάζον καταδε- εστέραν αὐτῇ δίδωσι τάξιν τῆς ἀμερίστου καὶ ἐν αὐτῇ τελείως ἰδρυμένης φύσεως. διόπερ οἶμαι καὶ ὁ Πλά- των τὰς γνώσεις διήρει τῶν ὄντων ταῖς τε πρώταις 15 καὶ μέσαις καὶ τελευταίαις ὑποστάσεσι καὶ τοῖς μὲν ἀμερίστοις τὴν νοητὴν ἀπεδίδου τὴν ἀθρόως καὶ μετὰ

ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ ΕΙΣ Τὸ ἄ τῶν ΕΥΚΛΕΙΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ. π ᾱ β
 Ὶ δ. Μ. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ ΕΙΣ ΤΟ ΠΡΩΤΟΝ ΤΩΝ
 ΕΥΚΛΕΙΔΟΥΣ ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΠΡΩΤΟΝ Γ.

1 πρωτίστων Μ. 3 διηρημένων Μ. 7 ταυτὰ Μ.
 τὰ αὐτὰ Γ. 9 ἀποφέρει Γ. 12 ἀλλὰ Γ. ἄλλα C. || προ-
 κατασκευάζειν Γ, B₃, προκατασκευα . . . B₂, 'ad structuram' Z,
 'praeparat' B. 13 αὐτῇ] αὐτῇ Μ, αὐτῇ Γ. 17 ἀθρόως ex
 Γ, evan. in Μ.

πολυειδῶς δὲ μονοειδῇ παραδείγματα τῶν ὄντων ἀπο-
μιμούμενα καὶ ὡς συλλήβδην εἰπεῖν ἐν προθύροις μὲν
τεταγμένα τῶν πρώτων εἰδῶν καὶ ἐκφαίνοντα τὴν
ἡνωμένην καὶ ἀμερῇ καὶ γόνιμον ἐκείνων ὑπαρξιν,
οὕπῳ δὲ ἄρα τοῦ μερισμοῦ καὶ τῆς συνθέσεως τῶν 5
λόγων ὑπερέχοντα καὶ τῆς προσηκούσης ταῖς εἰκόσιν
ὑποστάσεως, οὐδὲ ὑπερδράμοντα τὰς ποικίλας καὶ
διεξοδικὰς τῆς ψυχῆς νοήσεις καὶ αὐταῖς συναρμο-
σθέντα ταῖς ἀπλαῖς καὶ ὕλης ἀπάσης καθαρυνούσαις
γνώσεσιν.

10

Ἡ μὲν δὲ μεσότης τῶν μαθηματικῶν γενῶν τε
καὶ εἰδῶν τοιαύτη νοεῖσθω, πρὸς γε τὸ παρὸν τὸ με-
ταξὺ συμπληροῦσα τῶν τε παντελῶς ἀμεριστῶν οὐ-
σιῶν καὶ τῶν περὶ τὴν ὕλην μεριστῶν γινομένων· τὰς
δὲ ἀρχὰς τῆς μαθηματικῆς ὅλης οὐσίας ἐπισκοποῦντες 15
ἐπ' αὐτὰς ἄνιμεν τὰς διὰ πάντων τῶν ὄντων διηκού-
σας ἀρχὰς καὶ πάντα ἀφ' ἑαυτῶν ἀπογεννώσας, λέγω
δὲ τὸ πέρας καὶ τὸ ἄπειρον. ἐκ γὰρ τούτων τῶν δύο
πρώτων μετὰ τὴν τοῦ ἐνὸς ἀπεριήγητον καὶ τοῖς ἅπα-
σιν ἄληπτον αἰτίαν ὑπέστη τά τε ἄλλα πάντα καὶ ἡ 20
τῶν μαθημάτων φύσις, ἐκείνων μὲν ἀθρόως πάντα
παραγουσῶν καὶ ἐξηρημένως, τῶν δὲ προϋόντων ἐν
μέτροις τοῖς προσήκουσι καὶ τάξει τῇ προεπούσῃ τὴν
πρόοδον καταδεχομένων, καὶ τῶν μὲν πρώτων, τῶν
δὲ μέσων, τῶν δὲ τελευταίων ὑφισταμένων. τὰ μὲν 25

1 πολυειδῶς δὲ ex G. || ἀπομιμούμενα ex G. 2 ἐν προ-
θύροις ex G. || μὲν om. G. 3 τεταγμένων G, τεταγμένα C.
8 διεξοδικὰς] 'cogitandi vim habentes' et in margine 'pro-
grediendi' B. 11 δὲ καὶ G. 12 πρὸς δὲ G, πρὸς γε C.
16 ἀγίωμεν G, ἄνιμεν, ἄν ἰοιμεν vel ἀνῖοιμεν C. 19 κατὰ
G. 20 ὑπέσθη G. || ἡ μαθηματικῶν G. 25 μέσων] δευ-
τέρων G.

γὰρ νοητὰ γένη κατὰ τὴν ἑαυτῶν ἀπλότητα πρῶτως
 μετέχει τοῦ πέρατος καὶ τοῦ ἀπείρου διὰ μὲν τὴν
 ἔνωσιν καὶ τὴν ταυτότητα καὶ τὴν μόνιμον ὑπαρξιν
 καὶ | σταθεράν || τοῦ πέρατος ἀποπληρούμενα, διὰ δὲ
 5 τὴν εἰς πλῆθος διαίρεσιν καὶ τὴν γεννητικὴν περι-
 ουσίαν καὶ τὴν θείαν ἑτερότητα καὶ πρόοδον τῆς
 ἀπειρίας ἀπολαμβάνοντα. τὰ δὲ μαθηματικὰ πέρατος μὲν
 ἔστιν ἔκγονα καὶ ἀπειρίας, ἀλλ' οὐ τῶν πρωτίστων
 μόνων οὐδὲ τῶν νοητῶν καὶ κρυφίων ἀρχῶν, ἀλλὰ
 10 καὶ τούτων, αἱ προῆλθον μὲν ἀπ' ἐκείνων εἰς δευτέ-
 ραν τάξιν, ἀπογεννᾶν δὲ μετ' ἀλλήλων ἐξαρκουῖσι
 τοὺς μέσους διακόσμους τῶν ὄντων καὶ τὴν ἐν αὐτοῖς
 ποιικιλίαν, ὅθεν δὴ καὶ ἐν τούτοις προέρχονται μὲν
 εἰς ἄπειρον οἱ λόγοι, κρατοῦνται δὲ ὑπὸ τῆς πέρατος
 15 αἰτίας. ὃ τε γὰρ ἀριθμὸς ἀπὸ μονάδος ἀρξάμενος
 ἄπαυστον ἔχει τὴν αὔξησιν, αἰὲ δὲ ὁ ληφθεὶς πεπέ-
 ρασται, καὶ ἡ τῶν μεγεθῶν διαίρεσις ἐπ' ἄπειρον χω-
 ρεῖ, τὰ δὲ διαιρούμενα πάντα ὥρισται, καὶ κατ' ἐνέρ-
 γειαν πεπέρασται τὰ μόρια τοῦ ὅλου. καὶ τῆς μὲν
 20 ἀπειρίας οὐκ οὔσης τὰ τε μεγέθη πάντα σύμμετρα ἂν
 ἦν καὶ οὐδὲν ἄρρητον οὐδὲ ἄλογον, οἷς δὴ δοκεῖ δια-
 φέρειν τὰ ἐν γεωμετρία τῶν ἐν ἀριθμητικῇ, καὶ οἱ
 ἀριθμοὶ τὴν γόνιμον τῆς μονάδος δύναμιν οὐκ ἂν
 ἐδύναντο δεικνύναι οὐδὲ ἂν πάντας εἶχον τοὺς λό-
 25 γους ἐν ἑαυτοῖς τῶν ὄντων, οἷον τοὺς πολλαπλασίους
 ἢ τοὺς ἐπιμορίους. πᾶς γὰρ ἀριθμὸς ἐξαλλάττει τὸν
 λόγον πρὸς τὴν μονάδα καὶ τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον

5 τὸ πλῆθος G. 6 θείαν M. 7 ἀπολαμβάνοντα G.
 ἀπολαμβάνοντα C. 14 λόγοι. Κρατοῦνται δὲ M. || Supra πέ-
 ρατος in M scriptum est τοῦ manu postera. 15 ὅτε G.
 18 μετ' G. κατ' C. 27 τὸν πρὸ αὐτοῦ γενόμενον] 'eam
 quae ante ipsam rationem facta est respiciens' et in margine

ἐξεταζόμενος. τοῦ δὲ πέρατος ἀναιρεθέντος συμμετρία
 τε καὶ κοινωνία λόγων καὶ ταυτότης εἰδῶν καὶ ἰσότης
 καὶ ὅσα τῆς ἀμείνονός ἐστι συστοιχίας οὐκ ἂν ποτε
 ἐν τοῖς μαθήμασιν ἐφαίνετο, οὐδ' ἂν ἐπιστῆμαι τῶν
 τοιούτων ἦσαν οὐδὲ καταλήψεις μόνιμοι καὶ ἀκριβεῖς. 5
 δεῖ τοίνυν ἀμφοτέρων τῶν ἀρχῶν ὥσπερ τοῖς ἄλλοις
 γένεσι τῶν ὄντων οὕτω δὴ καὶ τοῖς μαθηματικοῖς. τὰ
 δὲ ἔσχατα καὶ ἐν ὕλῃ φερόμενα καὶ ὑπὸ τῆς φύσεως
 διαπλαττόμενα πάντως αὐτόθεν ἀμφοῖν μετέχοντα κα-
 ταφαίνεται, τοῦ μὲν ἀπείρου κατὰ τὴν ὑποκειμένην 10
 αὐτοῖς ἔδραν τῶν εἰδῶν, τοῦ δὲ πέρατος κατὰ τοὺς
 λόγους καὶ τὰ σχήματα καὶ τὰς μορφάς.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀρχαὶ καὶ τῶν μαθημάτων αὗται
 προεστήκασιν, αἱ καὶ τῶν ὄντων ἀπάντων, φανερόν.
 ὥσπερ δὲ τὰς κοινὰς ἀρχὰς αὐτῶν θεωρήκαμεν καὶ 15
 διὰ πάντων διηκούσας τῶν μαθηματικῶν γενῶν, οὕτω
 δὴ καὶ || τὰ κοινὰ αὐτῶν θεωρήματα καὶ ἀπλᾶ καὶ τῆς
 μιᾶς ἐπιστήμης ἔργονα τῆς πάσας ὁμοῦ τὰς μαθηματι-
 κάς γνώσεις ἐν ἐνὶ ἐπεχούσης ἀναλογισώμεθα, καὶ
 ὅπως ἐφαρμόττει πάσαις καὶ δύναται καὶ ἐν ἀριθμοῖς 20
 καὶ ἐν μεγέθεσι καὶ ἐν κινήσεσι θεωρεῖσθαι σκοπή-
 σωμεν. τοιαῦτα δὲ ἐστὶ τὰ τε τῶν ἀναλογιῶν καὶ τὰ
 τῶν συνθέσεων καὶ διαιρέσεων καὶ τῶν ἀναστροφῶν
 καὶ ἐναλλαγῶν, ἔτι δὲ τὰ τῶν λόγων πάντων οἶον
 πολλαπλασίων καὶ ἐπιμορίων [καὶ] ἐπιμερῶν καὶ τῶν 25
 τούτοις ἀντικειμένων καὶ ἀπλῶς τὰ περὶ τὸ ἴσον καὶ
 ἄνισον καθόλου θεωρούμενα καὶ κοινῶς, οὐ καθόσον

'enum qui ante ipsum est respiciens' B. 1) ἀναιρεθέντος
 om. G. 18 ὁμοῦ] ἡμῶν C. 20 ἐφαρμόττει ex G. Litteras
 in M post ἐφαρμότ rasurae inscriptas non potui legere. Quat-
 tuor vel quinque litterae videntur ab initio esse scriptae.
 25 καὶ inter ἐπιμορίων et ἐπιμερῶν ego addidi.

ἔστιν ἐν σχήμασιν ἢ ἀριθμοῖς ἢ κινήσεσιν, ἀλλ' αὐτὸ καθ' αὐτὸ τούτων ἐκάτερον φύσιν τινὰ ἔχον κοινὴν καὶ γινώσκειν ἑαυτοῦ παρεχόμενον ἀπλουστέραν. καὶ μὴν καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις κοινὰ πάντων ἔστι τῶν μαθημάτων καὶ ἡ ἀπὸ τῶν γνωριμωτέρων ὁδὸς ἐπὶ τὰ ζητούμενα καὶ ἡ ἐκ τούτων ἐπ' ἐκεῖνα μετάβασις, ἃς δὴ καλοῦσιν ἀναλύσεις καὶ συνθέσεις. ἢ τε ὁμοιότης καὶ ἡ ἀνομοιότης τῶν λόγων οὐδ' ὅτιοῦν τῶν μαθηματικῶν γενῶν ἀπολείπουσιν.

10 καὶ γὰρ σχήματα τὰ μὲν ὅμοια τὰ δὲ ἀνόμοια λέγομεν καὶ ἀριθμοὺς ὡσαύτως τοὺς μὲν ὁμοίους τοὺς δὲ ἀνομοίους. καὶ ὅσα κατὰ τὰς δυνάμεις ἀναφαίνεται πᾶσιν ὁμοίως προσήκει τοῖς μαθήμασι, τῶν μὲν δυνάμενων τῶν δὲ δυναστευομένων. ἃ δὴ καὶ ὁ ἐν πολιτεία Σωκράτης ταῖς μούσαις ὑψηλολογουμέναις ἀνέθηκεν, τὰ κοινὰ πάντων τῶν μαθηματικῶν λόγων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις περιλαβὼν καὶ προστησάμενος ἐν τοῖς εἰρημένοις ἀριθμοῖς, ἀφ' ὧν δὴ καὶ τὰ μέτρα τῆς τε εὐγονίας καὶ τῆς ἐναντίας πρὸς ταύτην ἀγονίας

15 καταφαίνεται.

Δεῖ δὲ ἄρα τὰ κοινὰ ταῦτα μήτε ἐν τοῖς πολλοῖς καὶ διηρημένοις εἵδεσι πρῶτως ὑφεστάναι νομίζειν, μήτε ὑστέρωσ καὶ ἐκ τῶν πολλῶν ἔχοντα τὴν γένεσιν, ἀλλ' ὡς πρὸ αὐτῶν ἐστῶτα καὶ ἀπλότητι καὶ ἀκριβεῖα

25 διαφέροντα τίθεσθαι. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἡ γινώσκis αὐτῶν προηγείται τῶν πολλῶν γνώσεων καὶ δίδωσι

10 ἀνόμοια λέγωμεν *M.* 12 ἀναφαίνονται *G.* 15 *Polit. VIII, p. 546—547.* 16 τῶν post πάντων *om. G.* 18 ἐφ' ὧν *G.* 19 ἐγγωνίας *M, G.* εὐγωνίας *C.* || ἀγωνίας *M, G.*

23 Post ὑστέρωσ invenitur in *M* ἐν ἧι et supra lineam .ἦ. || ἐκ τῶν] αὐτῶν *G.* ἐκ τῶν *C.* 24 Inter πρὸ et αὐτῶν est rasura in *M.*

τὰς ἀρχὰς ἐκείναις, καὶ αἱ πολλαὶ περὶ αὐτὴν ὑφεστή-
 κασι καὶ ἐπ' αὐτὴν ἀναφέρονται. λεγέτω γὰρ ὁ γεω-
 μέτρης, ὅτι τεττάρων ὄντων μεγεθῶν ἀνάλογον ἔσται
 καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ δεικνύτω κατὰ τὰς οἰκείας ἀρχάς,
 αἷς ὁ ἀριθμητικὸς οὐκ ἂν ποτε χρήσαιτο, καὶ αὖ ὁ 5
 ἀριθμητικὸς, ὅτι τεττάρων ὄντων ἀριθμῶν ἀνάλογον |
 ἔσται καὶ τὸ ἐναλλάξ, καὶ τοῦτο ἀπὸ τῶν τῆς οἰκείας
 ἐπιστήμης ἀρχῶν. τίς οὖν ὁ καθ' ἑαυτὸν γνωρίζων
 τὸ ἐναλλάξ εἴτε ἐν μεγέθεσιν εἴτε ἐν ἀριθμοῖς καὶ τὴν
 διαίρεσιν τῶν συγκειμένων μεγεθῶν ἢ ἀριθμῶν καὶ 10
 τὴν σύνθεσιν ὡσαύτως τῶν διηρημένων; οὐ γὰρ δὴ
 πού τῶν μὲν με | ριστῶν εἰσὶν ἐπιστήμαι καὶ γνώσεις,
 τῶν δὲ αὐτῶν καὶ τῆς νοερᾶς θεωρίας ἐγγυτέρω τε-
 ταγμένων οὐδὲ μίαν ἔχομεν ἐπιστήμην. ἀλλὰ πολλῶ
 πρότερον ἢ ἐκείνων γνώσις ἐστὶν ἐπιστήμη καὶ ἀπ' 15
 ἐκείνης αἱ πολλαὶ τοὺς κοινούς ὑποδέχονται λόγους
 καὶ μέχρι τοσούτου γνώσεων ἄνοδος ἀπὸ τῶν μερι-
 κωτέρων ἐπὶ τὰς ὀλιγωτέρας, ἕως ἂν ἐπ' αὐτὴν ἀνα-
 δράμωμεν τὴν τοῦ ὄντος, ἣ ὅν ἐστιν, ἐπιστήμην. αὕτη
 γὰρ οὐ τὰ καθ' αὐτὰ τοῖς ἀριθμοῖς ὑπάρχοντα σκο- 20
 πεῖν ἀξιοῖ, οὐδὲ τὰ κοινὰ πᾶσι τοῖς ποσοῖς, ἀλλὰ τῶν
 ὄντων ἀπάντων τὴν μίαν καὶ μόνην οὐσίαν καὶ ὑπαρ-
 ξιν θεωρεῖ, καὶ διὰ τοῦτο πασῶν ἐστὶ τῶν ἐπιστημῶν
 περιληπτικωτάτη καὶ πᾶσαι παρ' ἐκείνης λαμβάνουσι
 τὰς ἀρχάς. αἰ γὰρ αἱ ἀνωτέρω ταῖς ὑπ' αὐτὰς παρ- 25
 ἔχουσι τὰς πρώτας τῶν ἀποδείξεων ὑποθέσεις, ἣ δὲ
 τελειοτάτη τῶν ἐπιστημῶν ἀπάσαις ἀφ' ἑαυτῆς ἐνδί-

7 τῶν om. G. 13 τῶν δὲ ἂν αὐτῶν G. 14 Ἀλλὰ M.

17 τοσούτων M. G. 19 ἣ ἂν ἐστὶν G; pro ἂν ὄν substituit C.

21 πᾶσις M. 22 μόνημον G. || ὑπαρξιν ex G. ὑπ-ξιν in
lineae fine et in initio sequentis lineae M. 27 Ἀπάσαις M.

δωσι ταῖς μὲν ὀλιγωτέρας ταῖς δὲ μερικωτέρας ἀρχάς·
 δι' ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ Σωκράτης παιδιὰν σπουδῇ κε-
 ραννὺς περιστρεφάμενος μὲν ἀπεικάζει τὰς ἐν ἡμῖν ἐπιστή-
 μας. πέτεσθαι δὲ αὐτὰς φησὶν τὰς μὲν κατ' ἀγέλας
 5 τὰς δὲ καὶ χωρὶς ἀπὸ τῶν ἄλλων. αἱ μὲν γὰρ κοινό-
 τεραι καὶ ὀλιγώτεραι πολλὰς ἐν ἑαυταῖς περιέχουσιν
 μερικωτέρας, αἱ δὲ τῶν διηρημένων κατ' εἶδη γνω-
 στῶν ἐφαπτόμεναι διεστήκασιν ἀλλήλων καὶ ἀσύναπτοι
 πρὸς ἀλλήλας εἰσὶν ἀπὸ διαφερουσῶν ὥρμημένοι τῶν
 10 πρῶτων ἀρχῶν. μία τοίνυν ἐπιστήμη προτετάχθω
 τῶν πολλῶν ἐπιστημῶν καὶ μαθημάτων ἢ τὰ κοινὰ
 καὶ διὰ πάντων διήκοντα τῶν γενῶν γνωρίζουσα καὶ
 πάσαις ταῖς μαθηματικαῖς ἐπιστήμαις χορηγοῦσα τὰς
 ἀρχάς.

15 Καὶ μέχρι τοῦδε ἐν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ἀφωρίσθω
 διδασκαλία. μετὰ δὲ τοῦτο τί ποτ' ἂν εἴη τὸ κριτή-
 ριον τῶν μαθημάτων θεωρήσωμεν καὶ προστησώμεθα
 καὶ τῆς τούτου παραδόσεως ἡγεμόνα τὸν Πλάτωνα
 διαιρούμενον ἐν πολιτείᾳ χωρὶς μὲν τὰ γνωστὰ χωρὶς
 20 δὲ τὰς γνώσεις καὶ συζύγως ἀπονέμοντα τοῖς γνωστοῖς
 τὰς γνώσεις. || τῶν γὰρ ὄντων τὰ μὲν νοητὰ θέμενος
 τὰ δὲ αἰσθητά, τῶν δ' αὖ νοητῶν τὰ μὲν νοητὰ πάλιν
 τὰ δὲ διανοητά, καὶ τῶν αἰσθητῶν τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ
 δὲ εἰκαστά, τοῖς μὲν νοητοῖς, ἃ δὴ τῶν τεττάρων ἐστὶ
 25 γενῶν πρῶτιστα, γνωσὶν ἐφίστησι τὴν νόησιν, τοῖς
 δὲ διανοητοῖς διάνοιαν, τοῖς δὲ αἰσθητοῖς πίστιν καὶ
 τοῖς εἰκαστοῖς εἰκασίαν. καὶ τοῦτον ἔχουσιν τὸν λό-
 γον ἀποφαίνει τὴν εἰκασίαν πρὸς τὴν αἰσθησιν, ὃν ἡ

1 ταῖς δὲ μερικωτέρας om. G. 6 καὶ ὀλιγώτεραι om. G.

16 τί om. G. addidit C. 18 καὶ τῆς τούτου] δὲ, ἐπὶ τῆς
 τούτων G. 20 συζύγους G. 28 ἀποβαίνει G. ἀποφαίνει C.

διάνοια πρὸς τὴν νόησιν· ἥ τε γὰρ εἰκασία τὰ εἰδῶλα
 γινώσκει τῶν αἰσθητῶν ἐν τε ὕδασι φανταζόμενα
 καὶ τοῖς ἄλλοις κατόπτροις ἐσχάτην πῶς ἐν εἶδεσιν
 ἔχοντα τάξιν καὶ εἰδῶλων ὄντως εἰδῶλα γεγονότα, καὶ
 ἡ διάνοια τὰς τῶν νοητῶν εἰκόνας θεωρεῖ τὰς ἀπὸ 5
 τῶν πρώτων καὶ ἀπλῶν καὶ ἀμεριστῶν εἰδῶν εἰς πλη-
 θος καὶ διαίρεσιν ὑποβάσας, δι' ὃ καὶ ταύτης μὲν ἡ
 γνῶσις ἀπ' ἄλλων ὑποθέσεων ἥρτηται πρεσβυτέρων,
 ἡ δὲ νόησις ἐπ' αὐτὴν ἀνεισι τὴν ἀνυπόθετον ἀρχήν.
 εἰ τοίνυν τὰ μαθηματικὰ μήτε τὴν ἀμέριστον ἔλαχεν 10
 ὑπόστασιν καὶ χωριστὴν ἀπὸ πάσης διαιρέσεως καὶ
 ποικιλίας μήτε τὴν αἰσθήσει γνωριζομένην καὶ πολὺν
 μετάβολον καὶ πάντῃ μεριστήν, παντί που καταφανές,
 ὅτι διανοητὰ μὲν ἐστὶ κατὰ τὴν οὐσίαν, διάνοια δὲ
 αὐτῶν προέστηκεν ὥς κριτήριον, ὥσπερ τῶν αἰσθη- 15
 τῶν αἰσθησις καὶ εἰκασία τῶν εἰκαστῶν. ὅθεν δὴ καὶ
 ὁ Σωκράτης ἀμυδροτέραν μὲν τὴν τούτων γνῶσιν
 εἶναι διορίζεται τῆς πρωτίστης ἐπιστήμης, τρανεστέ-
 ραν δὲ τῆς δοξαστικῆς ἐπιβολῆς. τὸ μὲν γὰρ ἀνει-
 λιγμένον καὶ διεξοδικὸν τῆς θεωρίας πλεονάζον ἔχουσι 20
 τῆς νοήσεως, τὸ δὲ μόνιμον τῶν λόγων καὶ ἀνέλεγ-
 κτον ὑπερέχον τῆς δόξης. καὶ τὸ μὲν ἐξ ὑποθέσεως
 ὠρμημένον κατὰ τὴν ὕφεσιν ἔλαχον τῆς πρώτης ἐπι-
 στήμης, τὸ δὲ ἐν αὐτοῖς εἶδεσιν ὑφεστὸς κατὰ τὴν
 τελειότεραν τῶν αἰσθητῶν εἰδησιν.

25

Τὸ μὲν οὖν κριτήριον τῶν μαθημάτων ἀπάντων
 τοιόνδε κατὰ τὸν νοῦν ἀφοριζόμεθα τοῦ Πλάτωνος,

2 ὕδασι] εἶδεσι G. 8 εἴρηται G, ἥρτηται C. 12 πολυ-
 μετάβολον G. 13 παντί G, πάντῃ M, C. 16 ἡ αἰσθησις G.
 18 τρανοτέραν G. 21 ἀνέλεγκτον ex G, ἀνέλεκτον M, C.
 23 ὠρισμένον G, ὠρμημένον C. || ὕφεσιν] φύσιν C, 'di-
 minutionem' B.

τὴν διάνοιαν δόξης μὲν ὑπεριδρύσασαν ἑαυτὴν, τῆς
 δὲ νοήσεως ἀπολειπομένην. ἔπεται δὲ πού κατιδεῖν
 ἡμᾶς, τίνα τὴν οὐσίαν προσήκει λέγειν τῶν μαθημα-
 τικῶν || εἰδῶν τε καὶ γενῶν, καὶ πότερον ἀπὸ τῶν
 5 αἰσθητῶν αὐτὴν ὑφίστάνειν συγχωρητέον εἴτε κατὰ
 ἀφαίρεσιν, ὥς πού λέγειν εἰώθασιν, εἴτε κατὰ ἄθροι-
 σιν τῶν μερικῶν εἰς ἓνα τὸν κοινὸν λόγον, ἢ καὶ πρὸ
 τούτων αὐτῇ τὴν ὑπόστασιν δοτέον, ὥς ὃ τε Πλά-
 των ἄξιοι καὶ ἡ τῶν ὅλων ἐπιδεικνύει πρόοδος. πρῶ-
 10 του μὲν οὖν εἰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ μαθηματικὰ
 εἶδη λέγομεν ὑποστῆναι, τῆς ψυχῆς ἀπὸ τῶν ἐν ὕλῃ
 τριγώνων ἢ κύκλων τὸ εἶδος τὸ κυκλικὸν ἢ τὸ τρι-
 γωνικὸν ὕστερογενῶς ἐν ἑαυτῇ μορφούσης, πόθεν ἢ
 ἀκριβεία καὶ τὸ ἀνέλεγκτον ὑπάρχει τοῖς λόγοις;
 15 ἀνάγκη γὰρ, ἢ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἢ ἀπὸ ψυχῆς. ἀλλὰ
 μὴν ἀπὸ γε τῶν αἰσθητῶν ἀδύνατον, πολλῷ γὰρ ἂν
 μᾶλλον ἀκριβείας τούτοις μετῆν· ἀπὸ τῆς | ψυχῆς
 ἄρα, τοῖς μὲν ἀτελέσι τὸ τέλειον τοῖς δὲ μὴ ἀκριβέσι
 τὸ ἀκριβὲς προστιθείσης. ποῦ γὰρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς
 20 τὸ ἀμερὲς ἢ τὸ ἀπλατὲς ἢ τὸ ἀβαθές, ποῦ δὲ ἢ τῶν
 ἐκ τοῦ κέντρου γραμμῶν ἰσότης, ποῦ δὲ οἱ ἐστῶτες
 αἰεὶ λόγοι τῶν πλευρῶν, ποῦ δὲ αἱ τῶν γωνιῶν ὀρθό-
 τητες; οὐχ ὁρῶμεν, ὥς ἐν ἀλλήλοις πάντα τὰ αἰσθητὰ
 συμμέμικται καὶ ὥς οὐδὲν ἐν τούτοις εἰλικρινὲς οὔδὲ
 25 τοῦ ἐναντίου καθαρεῦον, ἀλλὰ μεριστὰ πάντα καὶ δια-
 στατά καὶ κινούμενα; πῶς οὖν τοῖς ἀκινήτοις λόγοις
 ἐκ τῶν κινουμένων καὶ ἄλλοτε ἄλλως ἐχόντων αὐτὴν

8 ὥστε omissio ὃ G. ὃ intra lineas scriptum prima manu M. 9 δεικνύει G. 14 ἀνέλεγκτον C. 17 μέτεσιν G, μέτεστιν C. 23 ὁρῶ μὲν G. || αἰσθητὰ] μεριστὰ G, αἰσθητὰ C. 24 ὥς om. G. 25 καθαρεῦον G. || διεσθητὰ C. 26 ἐνούμενα G, κινούμενα C. || λόγοις om. G, add. C.

τὴν μόνιμον οὐσίαν δώσομεν; πᾶν γὰρ τὸ ἀπὸ κινου-
 μένων οὐσιῶν ὑφίστάμενον καὶ ὑπαρξιν μεταβλητὴν
 ἔχειν ὁμολογεῖται παρ' αὐτῶν. πῶς δὲ τοῖς ἀκριβέσι
 καὶ ἀνελέγκτοις εἶδεσιν ἀπὸ τῶν μὴ ἀκριβῶν τὴν
 ἀκριβείαν προσθήσομεν; πᾶν γὰρ τὸ τῆς ἀκινήτου 5
 γνώσεως αἴτιον μειζόνως ἐστὶν αὐτὸ τοιοῦτον. ψυχὴν
 ἄρα τὴν γεννητικὴν ὑποθετέον τῶν μαθηματικῶν
 εἰδῶν τε καὶ λόγων. ἀλλ' εἰ μὲν ἔχουσα τὰ παρα-
 δείγματα κατ' οὐσίαν ὑφίστησιν αὐτά, καὶ εἰσὶν αἱ
 γεννήσεις προβολαὶ τῶν ἐν αὐτῇ προυπαρχόντων 10
 εἰδῶν, τῷ τε Πλάτῳ συνεσόμεθα ταῦτα λέγοντες
 καὶ τὴν ἀληθῆ οὐσίαν τῶν μαθημάτων εὗρηκότες ἂν
 εἶημεν. εἰ δὲ μὴ ἔχουσα μηδὲ προειληφυῖα τοὺς λό-
 γους τοσοῦτον ὑφαίνει διάκοσμον ἄϋλον καὶ τοσαύτην
 ἀπογεννᾷ θεωρίαν, πῶς τὰ γεννηθέντα δύναται δια- 15
 κρίνειν, εἴτε γόνιμα τυγχάνει ὄντα εἴτε ἀνεμιαῖα καὶ
 εἰδῶλα ἀντ' ἀληθῶν, ποίοις δὲ κανόσι χρωμένῃ τὴν
 ἐν τούτοις ἀλήθειαν παραμετρεῖ; πῶς δὲ καὶ μὴ ἔχουσα
 τὴν οὐσίαν αὐτῶν ἀπογεννᾷ τοσαύτην || ποικιλίαν λό-
 γων; ἡύτοματισμένην γὰρ οὕτως τὴν ὑπόστασιν αὐ- 20
 τῶν ποιήσομεν καὶ πρὸς οὐδένᾳ ὄρον ἀναφερομένην.
 εἰ ἄρα ψυχῆς ἐστὶν ἔκγονα τὰ μαθηματικὰ εἶδη καὶ
 οὐκ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἔχει τοὺς λόγους, ὧν ὑφίστη-
 σιν ἡ ψυχὴ, καὶ ἀπ' ἐκείνων ταῦτα προβάλλεται καὶ
 αἱ ὠδῖνες αὐτῆς καὶ οἱ τόκοι μενόντων εἰσὶ καὶ αἰδίων 25
 ἐκφανεῖς εἰδῶν.

Δεύτερον τοίνυν εἰ κάτωθεν καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθη-

1) δώσομεν M. 3 ὁμολόγηται G. 4 ἀνελέγκτοις C.
 5 προσθήσομεν G. || ἀκινήτου ex C, ἀμιμήτου M, αἰεὶ κινί-
 του G. 8 τε om. G. 10 γενέσεις G. 23 ὧν] ὡς G,
 ὧν C.

τῶν ἀθροίζομεν τοὺς τῶν μαθημάτων λόγους, πῶς
 οὐκ ἀνάγκη τὰς ἀποδείξεις ἀμείνους λέγειν, ὅσαι ἀπὸ
 τῶν αἰσθητῶν συνίστανται, καὶ οὐ τὰς ἀπὸ τῶν κα-
 θολικωτέρων αἰεὶ καὶ ἀπλουστέρων εἰδῶν; τὰ γὰρ αἷτια
 5 πανταχοῦ ταῖς ἀποδείξεσιν οἰκεία πρὸς τὴν τοῦ ζη-
 τουμένου θήραν εἶναι φαμέν. εἰ οὖν τὰ μερικά τῶν
 καθόλου καὶ τὰ αἰσθητὰ τῶν διανοητῶν αἷτια, τίς μη-
 χανὴ τὸν ὅρον τῆς ἀποδείξεως ἐπὶ τὰ καθόλου μᾶλ-
 λον ἀναφέρειν ἀντὶ τῶν μεριστῶν καὶ τῶν διανοητῶν
 10 τὴν οὐσίαν πρὸ τῶν αἰσθητῶν ταῖς ἀποδείξεσιν συγ-
 γενεστέραν ἀποφαίνειν; οὐδὲ γὰρ εἴ τις φασὶν ἀπο-
 δεῖξειεν, ὅτι τὸ ἰσοσκελὲς δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει τὰς
 γωνίας, καὶ ὅτι τὸ ἰσόπλευρον ὡδὶ καὶ τὸ σκαληνὸν
 ἐπίσταται κατὰ τρόπον, ἀλλ' ὁ πᾶν τρίγωνον καὶ
 15 ἀπλῶς ἀποδείξας ἔχει τὴν ἐπιστήμην καθ' αὐτό. καὶ
 πάλιν ὅτι τὸ καθόλου βέλτιον τοῦ κατὰ μέρος πρὸς
 ἀπόδειξιν, καὶ ἐξῆς ὅτι αἱ ἀποδείξεις ἐκ τῶν καθόλου
 μᾶλλον, ἐξ ὧν δὲ αἱ ἀποδείξεις, ταῦτα πρότερα καὶ τῇ
 φύσει προηγούμενα τῶν καθ' ἕκαστα καὶ αἷτια τῶν
 20 δεικνυμένων. πολλοῦ ἄρα δέουσιν αἱ ἀποδεικτικαὶ
 τῶν ἐπιστημῶν περὶ τὰ ὑστερογενῆ καὶ τὰ ἀμυδρότερα
 τῶν αἰσθητῶν ἀθρεῖν, ἀλλ' οὐ τὰ διανοία ληπτὰ καὶ
 τελειότερα τῶν αἰσθήσει καὶ δόξῃ γνωρίμων θεωρεῖν.
 Ἔτι δὴ τὸ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ τὴν ψυχὴν
 25 ἀτιμοτέραν ποιοῦσι τῆς ὕλης οἱ ταῦτα λέγοντες. εἰ
 γὰρ ἡ μὲν ὕλη τὰ οὐσιώδη καὶ μᾶλλον ὄντα καὶ τρα-
 νέστερα παρὰ τῆς φύσεως δέχεται, ἡ δὲ ψυχὴ δεύτερα

1 ἀθροίζομεν C. 3 alterum τῶν om. G. 12 δυοῖν G.
 13 ὡς G, ὡδὶ C. 14 ἀλλὰ πᾶν G. 17 ἐξῆς G. || ἐκ τῶν] ἀν-
 τῶν G. 22 23. ἀλλ' οὐ . . . θεωρεῖν om. G. 24 ἔτι δε G.
 25 τῆς ὕλης in margine prima, ut videtur, manu; in contextu
 τῶν εἰδῶν M. τῶν εἰδῶν G, B₂ B₃, 'formis' Z. 'materia' B.

ἀπ' ἐκείνων καὶ εἰδῶλα καὶ εἰκόνας ὕστερογενεῖς ἐν
 ἑαυτῇ διαπλάττει πρὸς οὐσίαν ἀτιμωτέρας ἀφαιρουῖσα
 τῆς ὕλης τὰ κατὰ φύσιν αὐτῆς ἀχώριστα, πῶς οὐχὶ
 τὴν ψυχὴν ἀδρανεστέραν τῆς ὕλης καὶ καταδεεστέραν
 ἀποφαίνουσι; τόπος μὲν γὰρ καὶ ἡ ὕλη τῶν ἐνύλων 5
 λόγων καὶ ἡ ψυχὴ τῶν εἰδῶν. ἀλλ' ἡ μὲν τῶν πρῶ-
 των ἡ δὲ τῶν δευτέρων, καὶ ἡ μὲν τῶν προηγουμέ-
 νως ὄντων ἡ δὲ τῶν ἐκείθεν ὑφισταμένων, καὶ ἡ μὲν
 τῶν κατ' οὐσίαν, ἡ δὲ τῶν κατ' ἐπίνοιαν γενομένων.
 πῶς οὖν ἡ νοῦ καὶ τῆς νοερᾶς οὐσίας πρῶτως μετέ- 10
 χουσα καὶ πληρουμένη τῆς γνώσεως ἐκείθεν | καὶ τῆς
 ὅλης ζωῆς ἀμυδροτέρων εἰδῶν ἐστὶν ὑποδοχὴ τῆς
 ἐσχάτης ἐν τοῖς οὖσιν ἔδρας καὶ πρὸς τὸ εἶναι πάν-
 των ἀτελεστέρας; ἀλλὰ πρὸς μὲν ταύτην ἀπαντᾶν τὴν
 δόξαν πολλοῖς πολλακίς εὐθύνας δεδωκυῖαν περιέρχον. 15
 εἰ δὲ μή ἐστι κατὰ ἀφαίρεσιν τῶν ἐνύλων τὰ μαθη-
 ματικὰ εἶδη μήτε κατὰ συναθροισμὸν τῶν ἐν τοῖς καθ'
 ἕκαστα κοινῶν, μηθ' ὅλως ὕστερογενῇ καὶ ἀπὸ τῶν
 αἰσθητῶν, ἀνάγκη δῆπου τὴν ψυχὴν ἢ παρ' αὐτῆς ἢ
 παρὰ νοῦ λαμβάνειν αὐτὰ ἢ καὶ παρ' αὐτῆς καὶ παρ' 20
 ἐκείνου. ἀλλ' εἰ μὲν παρ' αὐτῆς μόνον, πῶς εἰκόνας
 ταῦτα τῶν νοερῶν εἰδῶν; πῶς δὲ μεταξὺ τῆς ἀμερί-
 στου φύσεως καὶ τῆς μεριστῆς μηδεμίαν ἀπὸ τῶν
 πρῶτων εἰς τὸ εἶναι συμπλήρωσιν λαχόντα; πῶς δὲ
 πρωτογενῶς παραδείγματα τῶν ὅλων τὰ ἐν νῷ προ- 25
 ἔστηκεν; εἰ | δὲ παρ' ἐκείνου μόνον, πῶς τὸ αὐτενέ-
 ργητον τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοκίνητον δύναται μένειν,

2 οὐσίας G, οὐσίαν C. || ἀφαιρουῖσα ex G, ἀφεροῦσα M.

5 ἐνύλων G, ἐνύλων C. 9 Post κατ' οὐσίαν addit γε-
 νομένων G. || γενομένων] *λεγομένων et in margine γενομέ-
 νων G, γενομένων C. 10 πρῶτης G, πρῶτως C. 19 ἀπ'
 αὐτῆς G. 25 ἐν ᾧ G, ἐν νῷ C.

εἴπερ οἱ ἐν αὐτῇ λόγοι κατὰ τὴν τῶν ἑτεροκινήτων
 ὑπόστασιν ἀλλαχόθεν εἰς αὐτὴν ἔρρευσαν; καὶ τί διοί-
 σει τῆς ὕλης τῆς δυνάμει μόνον οὔσης πάντα, γεννώ-
 σης δὲ οὐδὲν τῶν ἐνύλων εἰδῶν; λείπεται δὴ οὖν καὶ
 5 παρ' αὐτῆς καὶ παρὰ νοῦ ταῦτα παράγειν καὶ εἶναι
 πλήρωμα τῶν εἰδῶν αὐτήν, ἀπὸ μὲν τῶν νοερῶν πα-
 ραδειγμάτων ὑφισταμένων, αὐτογόνως δὲ τὴν εἰς τὸ
 εἶναι πάροδον λαγχανόντων. καὶ οὐκ ἄρα ἦν ἡ ψυχὴ
 γραμματεῖον καὶ τῶν λόγων κενόν, ἀλλὰ γεγραμμένον
 10 αἰεὶ καὶ γράφον ἑαυτὸ καὶ ὑπὸ νοῦ γραφόμενον. νοῦς
 γὰρ ἐστὶ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὸν πρὶ αὐτοῦ νοῦν ἀνε-
 λίττων ἑαυτὸν καὶ εἰκὼν ἐκείνου καὶ τύπος ἕξω γενό-
 μενος. εἰ οὖν ἐκεῖνος πάντα νοερῶς, καὶ ἡ ψυχὴ τὰ
 πάντα ψυχικῶς, καὶ εἰ παραδειγματικῶς ἐκεῖνος, καὶ
 15 ἡ ψυχὴ εἰκονικῶς, καὶ εἰ συνηρημένως, ἡ ψυχὴ διηρη-
 μένως. ὃ δὴ καὶ ὁ Πλάτων εἰδὼς ἐκ πάντων ὑφί-
 στησι τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν τὴν ψυχὴν καὶ κατ'
 ἀριθμοὺς αὐτὴν διαιρεῖ καὶ συνθεῖ ταῖς ἀναλογίαις
 καὶ τοῖς ἁρμονικοῖς λόγοις, καὶ τὰς πρωτοουργοὺς ἁρ-
 20 χὰς τῶν σχημάτων ἐν αὐτῇ καταβάλλεται, τό τε εὐθύ-
 καὶ τὸ περιφερέες, καὶ κινεῖ τοὺς ἐν αὐτῇ κύκλους νοε-
 ρῶς. πάντα ἄρα τὰ μαθηματικὰ πρῶτόν ἐστιν ἐν τῇ
 ψυχῇ καὶ πρὸ τῶν ἀριθμῶν οἱ αὐτοκίνητοι καὶ πρὸ
 τῶν φαινομένων σχημάτων τὰ ζωδιακὰ σχήματα καὶ
 25 πρὸ τῶν ἡρμωσμένων οἱ ἁρμονικοὶ λόγοι καὶ πρὸ τῶν
 κύκλῳ κινουμένων σωμάτων οἱ ἀφανεῖς κύκλοι δεδη-
 μιούργηται καὶ πλήρωμα τῶν πάντων ἡ ψυχὴ· καὶ

3 τῇ δυνάμει G. 7 αὐτογόνων G, αὐτογόνως C. || δὲ]
 καὶ G. 11 νοῦ G. 14 καὶ ante ἡ ψυχὴ om. G, add. C.
 15 Post συνηρημένως G. add. ἐκεῖνος. 16 ἰδῶν G, εἰδῶς C.
 17 τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν om. G. 24 ζωδιακὰ] 'ani-
 males' et in margine 'vitales' B. 27 τῶν om. G.

διάκοσμος οὗτος ἄλλος αὐτὸς ἑαυτὸν παράγων καὶ ἀπὸ τῆς οἰκείας ἀρχῆς παραγόμενος ζωῆς τε πληρῶν ἑαυτὸν καὶ ἀπὸ τοῦ δημιουργοῦ πληρούμενος ἀσωμάτως καὶ ἀδιαστάτως, καὶ ὅτ' ἂν προβάλλῃ τοὺς αὐτοῦ λόγους, τότε καὶ ἐπιστήμας προφαίνει πάσας καὶ 5 ἀρετάς. οὐσίωται οὖν ἐν τούτοις ἡ ψυχὴ τοῖς εἶδεσι καὶ οὔτε τὸν ἀριθμὸν ἐπ' αὐτῆς μονάδων πλήθος ὑποληπτέον οὔτε τὴν τῶν διαστατῶν ιδέαν σωματικῶς ἀκουστέον, ἀλλὰ πάντα ζωτικῶς καὶ νοερῶς τὰ παραδείγματα τῶν φαινομένων ἀριθμῶν καὶ σχημά- 10 των καὶ λόγων καὶ κινήσεων ὑποθετέον ἐπομένοις τῷ Τιμαίῳ πᾶσαν αὐτῆς τὴν γένεσιν καὶ τὴν δημιουργίαν ἀπὸ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν συμπληρώσαντι καὶ πάντων ἐν αὐτῇ τὰς αἰτίας ιδρύσαντι. τῶν μὲν γὰρ ἀριθμῶν πάντων οἱ ἑπτὰ ὄροι τὰς ἀρχὰς περιειλήφασι 15 τῶν γραμμικῶν καὶ τῶν ἐπιπέδων καὶ τῶν στερεῶν, τῶν δὲ λόγων πάντων οἱ ἑπτὰ λόγοι κατ' αἰτίαν ἐν αὐτῇ προϋφεστήκασι, τῶν δ' αὖ σχημάτων αἱ ἀρχαὶ δημιουργικῶς ιδρύσθησαν ἐν αὐτῇ, τῶν δὲ κινήσεων ἡ πρωτίστη καὶ τὰς ἄλλας ἀπάσας περιέχουσα καὶ 20 κινουῖσα συνυφέστηκεν αὐτῇ. πάντων γὰρ τῶν κινουμένων ὁ κύκλος ἀρχὴ καὶ ἡ κύκλῳ κίνησις. οὐσιώδεις ἄρα καὶ αὐτοκίνητοι τῶν μαθημάτων εἰδὲν οἱ λόγοι συμπληροῦντες τὰς ψυχάς, οὓς δὴ καὶ προβάλλουσα ἡ διάνοια καὶ ἐξελίττουσα πᾶσαν τὴν ποικιλίαν ὑφί- 25 στησι τῶν μαθηματικῶν ἐπιστημῶν, καὶ οὐ μὴ ποτε παύσῃται, γεννῶσα μὲν αἰεὶ καὶ ἀνευρίσκουσα ἄλλα

6 οὐσιούται G. 11 ἐπόμενος^{οἱ} M. ἐπομένους G. 15 ὄροι in contextu, in margine λόγοι G; sed omissa sunt τὰς ἀρχὰς περιειλήφασι . . . οἱ ἑπτὰ λόγοι. 17 αἰτίαν] 'essentiam' et in margine 'causam' B. 23 μαθηματικῶν G.

ἐπ' ἄλλοις, τοὺς δὲ ἄμερεῖς αὐτῆς λόγους ἐξαπλοῦσα. πάντα γὰρ προείληφεν ἀρχοειδῶς καὶ κατὰ τὴν ἄπειρον ἑαυτῆς δύναμιν ἐκ τῶν προειλημμένων ἀρχῶν παντοδαπῶν θεωρημάτων ποιεῖται προβολάς.

5 Ἀλλὰ δὴ μετὰ τὴν οὐσίαν τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἐπὶ τὴν μίαν αὐτῶν ἐπιστήμην ἀναδράμωμεν, ἣν πρὸ τῶν πολλῶν ἐδείκνυμεν οὕσαν, καὶ θεωρήσωμεν, τί τὸ ἔργον αὐτῆς καὶ τίνες αἱ δυνάμεις, καὶ ἐπὶ πόσον διατείνουσαι ταῖς ἐνεργείαις.

10 Τὸ μὲν δὴ ἔργον τῆς ὅλης μαθηματικῆς διανοητικόν, ὥσπερ τὸ πρότερον εἴπομεν, θετέον καὶ οὔτε τοιούτον, ὅποῖον τὸ νοερὸν ἐν ἑαυτῷ μονίμως ἰδρυμένον καὶ τέλειον καὶ αὐταρκες ἀφ' ἑαυτοῦ καὶ πρὸς ἑαυτὸ συνεῦον, οὔτε οἷον τὸ τῆς δόξης καὶ τῆς αἰσθήσεως.

15 αὗται γὰρ αἱ γνώσεις πρὸς τὰ ἐκτὸς ἀπερείδονται καὶ περὶ ἐκεῖνα ἐνεργοῦσι καὶ τὰς αἰτίας οὐκ ἔχουσι τῶν γιγνωσκομένων. ἡ δ' αὖ μαθηματικὴ τῆς μὲν ἀναμνήσεως ἔξωθεν ἄρχεται, τελευτᾷ δὲ εἰς τοὺς ἔνδον λόγους, καὶ ἀνεγείρεται μὲν ἀπὸ τῶν ὑστέρων, καταντᾷ

20 δὲ εἰς τὴν προηγουμένην οὐσίαν τῶν εἰδῶν, καὶ ἀκίνητος μὲν αὐτῆς οὐκ ἔστιν ἡ ἐνέργεια καθάπερ ἡ νοερά, διὰ δὲ κινήσεως οὐ || τοπικῆς οὐδὲ ἀλλοιωτικῆς ὥσπερ αἱ αἰσθήσεις, ἀλλὰ ζωτικῆς ἀνελίσσεται καὶ διέξεισι τὸν ἀσώματον τῶν λόγων διάκοσμον, τότε

25 μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐπὶ τὰ ἀποτελέσματα χωροῦσα, τότε δὲ ἀνάπαλιν ὀδεύουσα, καὶ τότε μὲν ἀπὸ τῶν προγιγνωσκομένων ἐπὶ τὰ ζητούμενα, τότε δὲ ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰ προηγούμενα κατὰ τὴν γνῶσιν.

4 ποιεῖ τε M. ποιεῖται G. 6 μίαν] μετὰ G, μίαν C.
7 θεωρήσωμεν G. 19 λόγοι G, λόγους C. 21 ἡ ante ἐνέργεια om. G. 24 τῷ λόγῳ G.

ἔτι τοίνυν οὔτε ὥς πλήρης ἑαυτῆς ἀπάσης ζητήσεως ὑπερίδρυνται καθάπερ ὁ νοῦς, οὔτε ἀφ' ἑτέρων τελειοῦται ὥς ἡ αἰσθησις, ἀλλὰ διὰ ζητήσεως εἰς τὴν εὕρεσιν πρόεισιν καὶ ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τελειότητα ἐπάνεισι.

5

Δυνάμεις γε μὴν ἔχει διττάς, | τὰς μὲν εἰς πλήθος προαγούσας τὰς ἀρχὰς καὶ ἀπογεννώσας τὰς πολυειδεῖς τῆς θεωρίας ἀτραπούς, τὰς δὲ συναγωγούς τῶν πολλῶν διεξόδων εἰς τὰς οἰκείας ὑποθέσεις. διότι γὰρ ἀρχὰς προεστήσατο τό τε ἓν καὶ τὸ πλήθος, τό τε ¹⁰ πέρας καὶ τὸ ἄπειρον, τὰ ὑποκείμενα αὐτῇ πρὸς τὴν κατάληψιν μέσῃν τε ἐκληρώσατο τάξιν τῶν ἀμερίστων εἰδῶν καὶ τῶν πάντῃ μεριστῶν, εἰκότως δὴ οἶμαι καὶ αἱ γνωστικαὶ δυνάμεις τῆς ὅλης αὐτῶν ἐπιστήμης διπλαῖ πεφῆνασιν οὔσαι, καὶ αἱ μὲν ἡμῖν εἰς τὴν ¹⁵ ἔνωσιν σπεύδουσai καὶ συμπτύσσουσai τὸ πλήθος, αἱ δὲ διακριτικαὶ τῶν ἀπλῶν εἰς τὰ ποικίλα καὶ τῶν καθολικωτέρων εἰς τὰ μερικώτερα, καὶ τῶν ἐν ἀρχῇ λόγων τεταγμένων εἰς τὰ δεύτερα καὶ τὰ πολλοστὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν. ἄνωθεν γὰρ ἀρχομένη διήκει μέχρι ²⁰ τῶν αἰσθητῶν ἀποτελεσμάτων καὶ συνάπτει πρὸς τὴν φύσιν καὶ συναποδείκνυσai πολλὰ μετὰ τῆς φυσιολογίας, ὥσπερ δὴ κάτωθεν ἐπανιοῦσα συνεγγίζει πῶς τῇ νοερᾷ γνώσει καὶ ἐφάπτεται τῆς τῶν πρώτων θεωρίας. διὸ δὴ καὶ ἐν ταῖς ἀποπερατώσεσιν ἑαυτῆς τὴν τε ²⁵ μηχανικὴν ὅλην προύβαλεν καὶ τὴν ὀπτικὴν καὶ κατ'οπτικὴν θεωρίαν καὶ ἄλλας πολλὰς συμπεπλεγμένας τοῖς αἰσθητοῖς καὶ δι' ἐκείνων ἐνεργούσας, καὶ ἐν ταῖς

2—3 ὑπερίδρυνται ... ζητήσεως bis redditum est in G; alterum del. not. C. 15 πεφύκασιν G. 16 συμπτύσσουσai M, συμπτώσσουσai G. 25 ταῖς ἀπο- om. G.

ἀνόδοις τῶν ἀμερίστων καὶ αὐλῶν νοήσεων ἀντιλαμβάνεται καὶ μετ' ἐκείνων τελειοῖ τὰς μεριστὰς ἐπιβολὰς καὶ τὰς ἐν διεξόδοις φερομένας γνώσεις, τὰ τε
 5 καὶ τὴν περὶ θεῶν ἀλήθειαν καὶ τὴν περὶ τῶν ὄντων θεωρίαν ἐν τοῖς οἰκείοις ἐκφαίνει λογισμοῖς. τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων εἰρήσθω.

Τὸ δὲ ἐντεῦθεν τῆς ἐπιστήμης ταύτης κατίδωμεν
 ἐξαίφνης ἀπὸ τῶν ἀρχηγικωτάτων γνώσεων μέχρι τῶν
 10 ἐσχάτων διατεῖνον. ὁ μὲν οὖν Τίμαιος κατὰ παιδεύ-
 σιν ὁδὸν τὴν τῶν μαθημάτων γνώσιν ἀποκαλεῖ. διότι
 δὴ τοῦτον ἔχει τὸν λόγον πρὸς τὴν τῶν ὅλων || ἐπι-
 στήμην καὶ τὴν πρώτην φιλοσοφίαν, ὃν ἡ παιδεία
 πρὸς τὴν ἀρετὴν. ἡ μὲν γὰρ προευντρεπίζει τὴν ψυχὴν
 15 ἔθεσιν ἀδιαστρόφοις εἰς τὴν τελείαν ζωὴν, ἡ δὲ προ-
 παρασκευάζει τὴν διάνοιαν ἡμῶν καὶ τὸ ὄμμα τῆς ψυ-
 χῆς εἰς τὴν ἐντεῦθεν περιαγωγὴν. διὸ καὶ ὁ ἐν πολι-
 τεύᾳ Σωκράτης ὁρθῶς εἶπεν· ὄμμα γὰρ τῆς ψυχῆς
 ὑπὸ τῶν ἄλλων ἐπιτηδευμάτων ἀποτυφλούμενον καὶ
 20 κατορυπτόμενον ὑπὸ τῶν μαθημάτων μόνων ἀναξω-
 πυρεῖσθαι τε καὶ ἀνεγείρεσθαι πάλιν εἰς τὴν θέαν
 τοῦ ὄντος καὶ ἀπὸ τῶν εἰδώλων ἐπὶ τὰ ἀληθῆ καὶ
 ἀπὸ τοῦ σκοτώδους εἰς τὸ νοερὸν μεθίστασθαι φῶς,
 καὶ ὅλως ἀπὸ τοῦ σπηλαίου καὶ τῶν ἐν τούτῳ γενε-
 25 σιουργῶν δεσμῶν καὶ τῶν ἀγκτήρων τῆς ὕλης ἐπὶ
 τὴν ἀσώματον ἀνατείνασθαι καὶ ἀμέριστον οὐσίαν.
 τό τε γὰρ κάλλος καὶ ἡ τάξις τῶν ἐν μαθηματικῇ

4 εἶδη. καὶ ταῖς G. 6 ἐκφαίνει G. ἐκφαίνει C.

14 προευντρεπίζει G. προευντρεπίζει C. 15 εἶδεσι G. || προ-
 κατασκευάζει G, προπαρασκευάζει C. 17 Polit. VII, p. 527,
 D. E. 21 ἀνεγείρεσθαι πέφυκεν. πάλιν G. 26 ἀνατεί-
 νεσθαι ἀμέριστον omisso καὶ G.

λόγων καὶ τὸ μόνιμον καὶ ἐστὼς τῆς θεωρίας αὐτοῖς
 ἡμᾶς συνάπτει τοῖς νοητοῖς καὶ ἐνιδρύει τελέως, αἰ
 μὲν ἐστῶσιν, αἰ δὲ τῷ θείῳ κάλλει διαπρέπουσιν, αἰ
 δὲ τὴν πρὸς ἄλληλα τάξιν διασῶζουσιν. Ὁ δὲ ἐν τῷ
 Φαίδρῳ Σωκράτης τρεῖς ἡμῖν παραδίδωσι τοὺς ἀνα- 5
 γομένους, οἳ καὶ τὸν πρῶτιστον αὐτοῦ συμπληροῦσι
 βίον· τὸν φιλόσοφον, τὸν ἐρωτικόν, τὸν μουσικόν.
 ἀλλὰ τῷ μὲν ἐρωτικῷ τῆς ἀναγωγῆς ἀρχὴ καὶ ὁδὸς
 ἐντεῦθεν ἀπὸ τοῦ φαινομένου κάλλους ἐπαναβασμοῖς
 χρωμένῳ τοῖς μέσοις εἶδεσι τῶν καλῶν, τῷ δὲ μου- 10
 σικῷ τρίτην λαχόντι τάξιν ἀπὸ τῶν ἐν αἰσθησεσιν
 ἁρμονιῶν ἐπὶ τὰς ἀφανεῖς ἁρμονίας καὶ τοὺς λόγους
 τοὺς ἐν ταύταις ἢ μετάβασις. καὶ τῷ μὲν ἡ ὄψις, τῷ
 δὲ ἡ ἀκοὴ τῆς ἀναμνήσεως ὄργανον. τῷ δὲ φιλοσόφῳ
 τὴν φύσιν πόθεν ἄρα καὶ διὰ τίνων ἡ ἀνακίνησις τῆς 15
 νοερᾶς γνώσεως καὶ ἡ πρὸς τὸ ὄντως ὄν καὶ τὴν ἀλή-
 θειαν ἔγερσις; δεῖ γὰρ καὶ τούτῳ διὰ τὸ ἀτελὲς τῆς
 οἰκείας ἀρχῆς. ἡ γὰρ φυσικὴ ἀρετὴ καὶ ὄμμα ἀτελὲς
 καὶ ἥθος ἔλαχεν. ἐγγήγερται μὲν οὖν ἤδη παρ' αὐτοῦ
 καὶ ἐπτόηται περὶ τὸ ὄν ὃ τὴν φύσιν τοιοῦτος, δοτέον 20
 δὲ αὐτῷ τὰ μαθήματα, φησὶν ὁ Πλωτίνος, πρὸς
 συνεθισμὸν τῆς ἀσωμάτου φύσεως καὶ τούτοις ὥσπερ
 σχήμασι χρώμενον ἀκτέον ἐπὶ τοὺς ἐν τῇ διαλεκτικῇ
 λόγους καὶ ὅλως ὥς τὴν τῶν ὄντων θεωρίαν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν πρὸς φιλοσοφίαν ἢ μαθηματικὴν τὴν 25
 πρωτίστην παρέχεται συντέλειαν, ἐκ τούτων δῆλον.

5 παρὰ δίδωσιν *M*. 6 αὐτῷ *G*. 9 ἐπαναβιβασμοῖς *G*.

15 ἀνακίνησις *M*, *B*₂ *B*₃, ἀνάμνησις *G*. 'recordatio' *Z*. 're-
 miniscentia' et in margine 'praeludium' *B*. 17 δεῖ δὲ *G*. δεῖ
 γὰρ *C*. || τοῦτο *G*. τούτῳ *C*. 22 συνεθισμένον *G*. 24 ὥς
 τὴν . . . θεωρίαν] ἐν τῇ τῶν ὄλων (ὄντων *C*) θεωρίᾳ. *G*. Ad

ὥς in *M* in margine annotatum est: ἄν πρὸς.

δεῖ δὲ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα μεμνησθαι, καὶ ὅτι θεολογία μὲν προευντρεπίζει τὰς νοερὰς ἐπιβολάς. ὅσα γὰρ τοῖς ἀτελέσι δυσθήρατα καὶ ἀνάντη φαίνεται τῆς περὶ τῶν θεῶν ἀληθείας εἰς διάγνωσιν, ταῦτα οἱ τῆς
 5 μαθηματικῆς λόγοι πιστὰ καὶ καταφανῆ καὶ ἀνέλεγκτα διὰ τῶν εἰκόνων ἀποφαίνουσι. τῶν μὲν γὰρ ὑπερουσίων ιδιοτήτων || ἐν τοῖς ἀριθμοῖς τὰς ἐμφάσεις δεικνύουσι, τῶν δὲ νοερῶν σχημάτων ἐν τοῖς διανοητοῖς τὰς δυνάμεις ἐκφαίνουσιν. διὸ καὶ ὁ Πλάτων
 10 πολλὰ καὶ θαυμαστὰ δόγματα περὶ θεῶν διὰ τῶν μαθηματικῶν εἰδῶν ἡμᾶς ἀναδιδάσκει καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων φιλοσοφία παραπετάσμασι τούτοις χρωμένη τὴν μυσταγωγίαν κατακρύπτει τῶν θείων δογμάτων. τοιοῦτος γὰρ καὶ ὁ ἱερὸς σύμπας λόγος καὶ ὁ
 15 Φιλόλαος ἐν ταῖς Βάχχαις καὶ ὅλος ὁ τρόπος τῆς Πυθαγόρου περὶ θεῶν ὑφηγήσεως.

Πρὸς δὲ τὴν φυσικὴν θεωρίαν τὰ μέγιστα συμβάλλεται, τὴν τε τῶν λόγων εὐταξίαν ἀναφαίνουσα, καθ' ἣν δεδημιούργηται τὸ πᾶν, καὶ ἀναλογίαν τὴν
 20 πάντα τὰ ἐν τῷ κόσμῳ συνδήσασαν, ὥς πον φησὶν ὁ Τίμαιος, καὶ φίλα τὰ μαχόμενα καὶ προσήγορα καὶ συμπαθῆ τὰ διεστῶτα ποιήσασαν, καὶ τὰ ἀπλᾶ καὶ πρωτοურγὰ στοιχεῖα καὶ πάντα τῇ συμμετρίᾳ καὶ τῇ ἰσότητι συνεχόμενα δείξασα, δι' ὧν καὶ ὁ πᾶς οὐρανὸς
 25 ἐτελειώθη, σχήματα τὰ προσήκοντα κατὰ τὰς εἰκόνων μερίδας ὑποδεξάμενος, ἔτι δὲ ἀριθμοὺς τοὺς οἰκείους ἐκάστῳ τῶν γιγνομένων καὶ ταῖς περιόδοις αὐτῶν καὶ ταῖς ἀποκαταστάσεσιν ἀνευροῦσα, δι' ὧν

1 καθέκαστον G, καθέκαστα C. || θεολογία G. 9 ἐμφαίνουσι G, ἐκφαίνουσι C. || διὸ δὲ καὶ G. 22 ποιήσασα G.
 25 ἐτελειώθη G. 27 ἐκάστῳ ex G. ἕκαστα M.

τάς τε εὐγονίας ἐκάστων καὶ τὰς ἐναντίας φορὰς συλλογίζεσθαι δυνατόν. ταῦτα γὰρ οἶμαι καὶ ὁ Τίμαιος ἐνδεικνύμενος πανταχοῦ διὰ τῶν μαθηματικῶν ὀνομάτων ἐκφαίνει τὴν περὶ τῆς φύσεως τῶν ὅλων θεωρίαν καὶ τὰς γενέσεις τῶν στοιχείων ἀριθμοῖς καὶ 5 σχήμασι κατακοσμεῖ καὶ τὰς δυνάμεις αὐτῶν καὶ τὰ πάθη καὶ τὰς ποιήσεις εἰς αὐτὰ ἀναφέρει, τῶν τε γωνιῶν τὰς ὀξύτητας καὶ τὰς ἀμβλύτητας καὶ τῶν πλευρῶν τὰς λειότητας ἢ τὰς ἐναντίας δυνάμεις, τό τε πλῆθος καὶ τὴν ὀλιγότητα τῶν στοιχείων αἰτιώμενος 10 τῆς παντοίας μεταβολῆς.

Πρὸς γε μὴν τὴν πολιτικὴν καλουμένην φιλοσοφίαν πῶς οὐχὶ φήσομεν αὐτὴν πολλὰ δὴ καὶ θαυμαστὰ συντελεῖν, τοὺς τε καιροὺς τῶν πράξεων ἀναμετρούμενην καὶ τὰς ποικίλας περιόδους τοῦ παντός 15 καὶ τοὺς προσήκοντας ἀριθμοὺς ταῖς γενέσεσι, τοὺς τε ἀφομοιωματικούς καὶ τοὺς τῆς ἀνομοιότητος αἰτίους, τοὺς τε γονίμους καὶ τελείους, καὶ τοὺς ἐναντίους τοῦτοις, τοὺς τε ἑναρμονίου ζωῆς χορηγοὺς καὶ τοὺς τῆς ἀναρμοστίας παρεκτικοὺς καὶ ὅλως φορὰς καὶ ἀφορίας 20 οἰστικούς. ἃ δὴ καὶ ὁ ἐν πολιτείᾳ τῶν μουσῶν λόγος ἐκφαίνει τὸν γεωμετρικὸν ἀριθμὸν σύμπαντα κύριον ἀμεινόνων καὶ χειρόνων γενέσεων τιθέμενος καὶ τῆς τε ἀλύτου τῶν ἀδιαστρόφων ἡθῶν διαμονῆς, καὶ τῆς μεταβολῆς τῶν ἀρίστων πολιτειῶν εἰς τὰς ἀλό- 25 γους καὶ ἔμπαθεῖς. ὅτι γὰρ τῆς ὅλης ἐστὶ μαθηματικῆς τὴν ἐπιστήμην παραδοῦναι τοῦ λεγομένου τούτου γεωμετρικοῦ ἀριθμοῦ καὶ οὐ μιᾶς τινὸς οἷον ἀριθμη-

19 ἑναρμονίους G, M. 20 ἀναρμοσίας G. 21 Polit. VIII p. 546, C. 547, C. 25 ἀρίστων ex G. ἀριστερῶν M. 26 μαθηματικῆς ἐστὶ G.

τικῆς ἢ γεωμετρίας παντί που δῆλον· διὰ πάντων γὰρ τῶν μαθημάτων οἱ λόγοι τῆς τε εὐγονίας || καὶ τῆς ἀγονίας διήκουσι.

Πρὸς δ' αὖ τὴν ἡθικὴν φιλοσοφίαν ἡμᾶς τελειοῖ,
 5 τάξιν καὶ ἐναρμόνιον ζωὴν ἐντιθεῖσα τοῖς ἡθεσιν ἡμῶν καὶ σχήματα πρέποντα τῇ ἀρετῇ καὶ μέλη καὶ κινήσεις παραδίδωσιν, ἀφ' ὧν δὴ καὶ ὁ Ἀθηναῖος ξένος τελειοῦσθαι βούλεται τοὺς τῆς ἡθικῆς ἀρετῆς ἐκ νέων μεταληψομένους, τῶν τε ἀρετῶν προτείνει
 10 τοὺς λόγους, ἄλλως μὲν ἐν τοῖς ἀριθμοῖς, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς σχήμασιν, ἄλλως δὲ ἐν τοῖς κατὰ μουσικὴν συμφώνοις καὶ τῶν κακιῶν τὰς ὑπερβολὰς καὶ τὰς ἐνδείας παραδείκνυσι, δι' ὧν ἀποτελούμεθα μέτριοι τὸ ἥθος καὶ κεκοσμημένοι. καὶ διὰ τοῦτο ὁ Σωκρά-
 15 τῆς ἐν Γοργίᾳ μὲν τὸν Καλλικλέα τῆς ἀτάκτου καὶ ἀκολάστου ζωῆς αἰτιώμενος, γεωμετρίας γάρ, φησὶν, ἀμελεῖς καὶ τῆς κατ' αὐτὴν ἰσότητος. ἐν πολιτείᾳ δὲ τῆς τυραννικῆς ἡδονῆς τὴν ἀπόστασιν, ἣν ἔλαχεν, εὐρίσκει πρὸς τὴν τοῦ βασιλέως κατὰ τὴν ἐπίπεδον
 20 γένεσιν καὶ τὴν στερεάν.

Ἀλλὰ μὴν ταῖς τε ἄλλαις ἐπιστήμασι τε καὶ τέχναις ἡλίκον τὸ ἀπὸ τῆς μαθηματικῆς ὄφελος παραγίνεται, μάθοιμεν ἂν ἐννοήσαντες, ὅτι ταῖς μὲν θεωρητικαῖς οἶον ῥητορικῇ καὶ ταῖς τοιαῖςδε πάσαις, ὅσαι διὰ λό-
 25 γων κυροῦνται, τελειότητα καὶ τάξιν προστίθῃσιν καὶ τὸ ἐκ πρώτων τε καὶ μέσων καὶ τελευταίων συμπληροῦσθαι κατὰ τὴν πρὸς αὐτὴν ἀπεικασίαν, ταῖς δὲ

2 εὐγονίας . . . ἀγονίας M, G. 3 διώκουσι G. διήκουσι C.

5 ἐντεθεῖσα M, G. || τοῖς om. G. 7 Plat. Leg. II, p. 672—673. 12 τὰς ante ἐνδείας om. G. 13 παραδεικνύνουσι G.

17 ἀμελῆς C. || Polit. IX, 587. D. 18 ἢ M. || ἤλαχεν C.

19 βασιλικοῦ G, βασιλέως C. 27 εἰκασίαν G, ἀπεικασίαν C.

ποιητικαῖς ἐν παραδείγματος τάξει προυφέστηκε τοὺς λόγους τῶν ποιουμένων καὶ τὰ μέτρα ἐν αὐτῇ προ-
υποστήσασα, ταῖς δὲ πρακτικαῖς τὴν ἐνέργειαν καὶ τὴν
κίνησιν ἀφορίζει διὰ τῶν ἐστώτων ἑαυτῆς καὶ ἀκινή-
των εἰδῶν. ὅλως γὰρ αἱ τέχναι πᾶσαι, καθάπερ δὴ 5
φησιν ὁ ἐν τῷ Φιλήβῳ Σωκράτης, ἀριθμητικῆς δέον-
ται καὶ μετρητικῆς καὶ στατικῆς, ἥτοι πασῶν ἢ τινῶν.
αὗται δὲ πᾶσαι περιέχονται ἐν τοῖς μαθηματικοῖς λό-
γοις καὶ κατ' ἐκείνους ὀρίζονται. καὶ γὰρ αἱ τῶν
ἀριθμῶν διανομαὶ καὶ ἡ τῶν μέτρων ποικιλία καὶ ἡ 10
τῶν βαρῶν διαφορότης ὑπὸ ταύτης γνωρίζονται.

Τὸ μὲν τοίνυν ὄφελος τῆς μαθηματικῆς ὅλης ἐπι-
στήμης πρὸς τε φιλοσοφίαν αὐτὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπι-
στήμας καὶ τέχνας ἔσται διὰ τούτων γνώριμον τοῖς
ἀκούουσιν, ἥδη δέ τινες τῶν ἀντιλογικῶν | ἐπιχει- 15
ροῦσι καθαιρεῖν τὴν ἀξίαν τῆς ἐπιστήμης ταύτης, οἱ
μὲν τὸ καλὸν αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθὸν ἀφαιροῦντες ὥς
οὐ περὶ τούτων ποιουμένης τοὺς λόγους, οἱ δὲ χρησι-
μωτέρας τὰς τῶν αἰσθητῶν ἐμπειρίας ἀποφαίνονται
τῶν ἐν αὐτῇ καθόλου θεωρουμένων, || οἷον γεωδεσίαν 20
γεωμετρίας, καὶ τὴν τῶν πολλῶν ἀριθμητικὴν τῆς ἐν
θεωρήμασιν ὑφεστώσεως, καὶ τὴν ναυτικὴν ἀστρολο-
γίαν τῆς καθόλου δεικνυούσης. οὔτε γὰρ πλουτοῦμεν

2 τὰ ἐν αὐτῇ G, ἐν αὐτῇ omisso spiritus signo M. 4 διὰ]

Να

δὲ G, J M. 6 τῷ om. G. 7 μετρητικῆς G, μετρητικῆς C.
8 τοῖς τῆς μαθηματικῆς G. In M supra τοῖς scriptum est
compendium articuli τῆς prima ut videtur manu. 11 βαρ-
βάρων G, βαρῶν C. 15 Post ἀντιλογικῶν sequuntur in G
διὰ τοὺς βουλομένους ἀνατρέπειν τὴν γεωμετρίαν, quae in M
leguntur in margine inter signa © = σημαίνει et †; loco prae-
positionis διὰ est compendium Δ, = διὰ τούτου. 19 αἰσθη-
σεων G.

- τῷ γινώσκειν τὸν πλοῦτον, ἀλλὰ τῷ χρῆσθαι, οὔτε
 εὐδαιμονοῦμεν τῷ τὴν εὐδαιμονίαν γινώσκειν, ἀλλὰ
 τῷ ζῆν εὐδαιμονικῶς, ὥστε καὶ πρὸς τὸν βίον τὸν
 ἀνθρώπινον καὶ τὰς πράξεις οὐ τὰς γνωστικὰς τῶν
 5 μαθηματικῶν, ἀλλὰ τὰς ἐμπειρικὰς συντελεῖν ὁμολο-
 γήσομεν. οἱ γὰρ ἀγνοοῦντες μὲν τοὺς λόγους, γε-
 γυμνασμένοι δὲ περὶ τὴν ἐν τοῖς καθ' ἕκαστα πείραν
 ὄλῳ καὶ παντὶ διαφέρουσι πρὸς τὰς ἀνθρωπικὰς χρείας
 τῶν περὶ τὴν θεωρίαν μόνην ἐσχολακότων.
- 10 Πρὸς δὴ τοὺς ταῦτα λέγοντας ἀπαντησόμεθα τὸ
 μὲν κάλλος ἐπιδείκνυντες τῶν μαθημάτων ἀπὸ τού-
 των, ἀφ' ὧν καὶ ὁ Ἀριστοτέλης ἐπεχείρησεν ἡμᾶς
 πείθειν. τρία γὰρ ταῦτα διαφερόντως καὶ ἐν τοῖς
 σώμασι καὶ ἐν ταῖς ψυχαῖς τὸ κάλλος ἀποτελεῖν, τὴν
 15 τάξιν, τὴν συμμετρίαν, τὸ ὠρισμένον, ἐπεὶ καὶ τὸ
 αἶσχος τὸ μὲν σωματικὸν ἀπὸ τῆς ὑλικῆς ἀταξίας καὶ
 ἀμορφίας καὶ ἀσυμμετρίας καὶ ἀοριστίας ἐν τῷ συν-
 θέτῳ κρατησάσης παρυφίσταται, τὸ δὲ [ψυχικὸν] ἀπὸ
 τῆς ἀλογίας πλημμελῶς καὶ ἀτάκτως κινουμένης καὶ
 20 ἀναρμόστου πρὸς τὸν λόγον οὔσης καὶ τὸν ἐκείθεν ὄρον
 οὐ καταδεχομένης, ὥστε καὶ τὸ κάλλος ἐν τοῖς ἐναν-
 τίοις ἂν ἔχοι τὴν ὑπαρξιν, τάξει δηλαδὴ καὶ συμμετρίᾳ
 καὶ τῷ ὠρισμένῳ. ταῦτα δὲ ἐν τῇ μαθηματικῇ μάλιστα
 θεωροῦμεν ἐπιστήμη, τὴν μὲν τάξιν ἐν τῇ τῶν δευ-
 25 τέρων ἀεὶ καὶ ποικιλωτέρων ἀπὸ τῶν πρώτων καὶ
 ἀπλουστερῶν ἐκφάνσει — συνήρτηται γὰρ ἀεὶ τὰ ἐπό-
 μενα τοῖς ἔμπροσθεν, καὶ τὰ μὲν ἀρχῆς ἔχει λόγον, τὰ

4 ἀνθρώπινον] ἀνῖνον G. quod compendium est vocis ἀν-
 θρώπινον. 8 ἀνίνας G. || χεῖρας prima ut videtur manu
 intra lineas in χρείας mutatum M. 18 ψυχικὸν ego addidi.
 20 τὸν om. G. 26 ἐμφάσει G.

δὲ τῶν ἐπομένων ταῖς πρώταις ὑποθέσεσιν — τὴν δὲ
 συμμετρίαν ἐν τῇ συμφωνίᾳ τῶν δεικνυμένων πρὸς
 ἄλληλα καὶ τῇ πρὸς τὸν νοῦν πάντων ἀναφορᾷ — μέ-
 τρον γὰρ ἐστὶ κοινὸν τῆς ὅλης ἐπιστήμης ὁ νοῦς, παρ'
 οὗ καὶ τὰς ἀρχὰς λαμβάνει καὶ πρὸς ὃν ἐπιστρέφει τοὺς 5
 μανθάνοντας — τὸ δὲ ὠρισμένον ἐν τοῖς ἐστῶσιν αἰεὶ
 καὶ ἀκινήτοις λόγοις· οὐ γὰρ ἄλλοτε ἄλλως ἔχει τὰ
 γνωστὰ αὐτῆς ὥσπερ τὰ δοξαστὰ καὶ τὰ αἰσθητὰ
 αὐτῆς, ἀλλ' αἰεὶ τὰ αὐτὰ προτείνεται καὶ ὠρίζεται τοῖς
 νοεροῖς εἶδεσιν. εἰ τοίνυν τὰ μὲν ἀποτελεσματικά τοῦ 10
 κάλλους ἐστὶ ταῦτα διαφερόντως, τὰ δὲ μαθήματα
 κατὰ ταῦτα χαρακτηρίζεται, πρόδηλον ὅτι καὶ ἐν τού-
 τοις ἐστὶ τὸ καλόν. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλλει, νοῦ μὲν
 καταλάμποντος ἄνωθεν τὴν ἐπιστήμην, ταύτης δὲ εἰς
 νοῦν ἐπειγομένης καὶ ἡμᾶς ἀπὸ αἰσθησεως εἰς ἐκείνον 15
 μετάγειν σπενδούσης;

Τὸ δ' αὖ ὄφελος αὐτῆς οὐκ εἰς τὰς ἀνθρωπίνας
 χρείας ἀφορῶντας κρίνειν ἀξιόσομεν οὐδὲ τῆς ἀνάγκης
 στοχαζομένους· οὕτω γὰρ καὶ τὴν θεωρητικὴν ἀρετὴν
 αὐτὴν ἄχρηστον ὁμολογήσομεν εἶναι ἑαυτὴν τῶν ἀν- 20
 θρωπίνων χωρίζουσαν καὶ, οὐ ταῦτα συντείνει, μὴδ'
 ὅλως γινώσκειν αἰρουμένην. ὃ καὶ ὁ ἐν Θεαιτήτῳ
 Σωκράτης περὶ τῶν κορυφαίων χρησιμῶν ὄντως (?)
 πάσης μὲν αὐτοὺς ἀφίστησι σχέσεως τῆς πρὸς τὸν
 ἀνθρώπινον βίον, πάσης δὲ ἀνάγκης καὶ χρείας εὖλυ- 25
 τον αὐτῶν τὴν διάνοιαν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἀνατείνει
 περιωπὴν. καὶ τοίνυν καὶ τὴν μαθηματικὴν ἐπιστήμην
 αὐτὴν δι' αὐτὴν αἰρετὴν καὶ τὴν ἐξ αὐτῆς θεωρίαν

4 κοινὸν om. G.

9 αὐτῆς post αἰσθητὰ om. G.

11 ταῦτα διαφερόντως ἐστὶ G. || μαθηματικά G. 21 οὐ ex G.

οὐ M. 22 καὶ ἐν omissio ὁ G. || Theät. 173. C. 23 ὄντων G.

εἶναι θετέον, ἀλλ' οὐ διὰ τὰς ἀνθρωπίνους χρείας. εἰ
 δὲ χρὴ πρὸς ἄλλο τι τὸ ἐξ αὐτῆς ὄφελος ἀναφέρειν,
 πρὸς τὴν νοερὰν γνῶσιν τὴν ὠφέλειαν τὴν ἀπ' αὐτῆς
 ἀνευεκτέον· εἰς γὰρ ἐκείνην ἡμᾶς ποδηγεῖ καὶ προ-
 5 ευτρεπίζει, τὸ ὄμμα τῆς ψυχῆς ἀποκαθαίρουσα καὶ
 ἀφαιροῦσα τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθήσεων ἐμπόδια πρὸς τὴν
 γνῶσιν τῶν ὅλων. ὥσπερ οὖν τὴν καθαρτικὴν ὅλην
 ἀρετὴν οὐ πρὸς τὰς βιωτικὰς χρείας ἀποβλέποντες
 χρησίμην ἢ ἄχρηστον φάμεν, ἀλλὰ πρὸς τὸν ἐν θεωρίᾳ
 10 βίον, οὕτως καὶ τῆς μαθηματικῆς τὸ τέλος εἰς νοῦν
 ἀναπέμπειν προσήκει καὶ τὴν σύμπασαν σοφίαν. διὸ
 καὶ ἡ περὶ αὐτὴν ἐνέργεια καθ' αὐτὴν τέ ἐστιν ἄξια
 σπουδῆς καὶ διὰ τὴν νοερὰν ζωὴν. δηλοῖ δὲ τὸ δι'
 ἑαυτὴν εἶναι τοῖς μετιοῦσιν αἰρετήν, ὃ καὶ Ἀριστο-
 15 τέλης πού φησιν, τὸ μηδενὸς μισθοῦ προκειμένου
 τοῖς ζητοῦσιν ὅμως ἐν ὀλίγῳ χρόνῳ τοσαύτην ἐπίδο-
 σιν τὴν τῶν μαθημάτων θεωρίαν λαβεῖν, ἔτι δὲ τὸ
 πάντας ἐν αὐτῇ φιλοχωρεῖν καὶ βούλεσθαι σχολάζειν
 τῶν ἄλλων ἀφεμένους, ὅσοι καὶ κατὰ μικρὸν ἐφήψαντο
 20 τῆς ἀπ' αὐτῆς ὠφελείας, ὥστε οἱ γε καταφρονητικῶς
 ἔχουσι τῆς τῶν μαθημάτων γνώσεως, ἄγευστοι τυγ-
 χάνουσιν ὄντες τῶν ἐν αὐτοῖς ἡδονῶν.

Οὐ δὲ οὖν διὰ τοῦτο τὴν μαθηματικὴν ἀτιμα-
 στέον, ὅτι μὴ πρὸς τὰς ἀνθρωπίνους ἡμῖν χρείας συν-
 25 τελεῖ — τὰ γὰρ ἔσχατα αὐτῆς | ἀπηχήματα τῆς τοι-
 αύτης χρείας στοχάζεται καὶ ὅσα μεθ' ὕλης ἐνεργεῖ —
 ἀλλὰ τοῦναντίον θαυμαστέον αὐτῆς τὴν αὐλίαν καὶ

1 οὐδὲ G, οὐ διὰ C. 4 ἀνακτέον G, ἀνανεκτέον C.
 6 αἰσθητῶν G, αἰσθήσεων C. 9 ἄχρηστον ex G. ἄχριστον
 M. 14 αὐτὴν G. 20 οἱ γε] ὅσοι H₂ p. 254. 21 ἔχον-
 τες G. 22 ὄντες om. H₂ p. 254. 24 τὰς om. G. 25 ἀπευχή-
 ματα G. ἀπηχήματα C. 26 ὅλης G.

τὸ ἐν αὐτῇ μόνῃ τὸ ἀγαθὸν ἔχειν. καὶ γὰρ ὅλως παν-
 σάμενοι τῆς περὶ τὰ ἀναγκαῖα φροντίδος οἱ ἄνθρωποι
 περὶ τὴν ζήτησιν ἐτράποντο τῶν μαθημάτων. καὶ
 τοῦτο εἰκότως· πρῶτα μὲν γὰρ τὰ σύντροφα καὶ ὁμο-
 φυῇ τῇ γενέσει περισπούδαστά ἐστι τοῖς ἀνθρώποις·⁵
 δευτέρα δὲ τὰ τῆς γενέσεως ἀπολύοντα τὴν ψυχὴν καὶ
 ἀναμιμνήσκοντα τοῦ ὄντος. οὕτως ἄρα καὶ τὰ ἀναγ-
 καῖα πρὸ τῶν δι' αὐτὰ τιμίων καὶ τὰ τῆς αἰσθήσεως
 σύμφυλα πρὸ τῶν κατὰ νοῦν γινγνωσκομένων μέτιμεν.
 καὶ γὰρ πᾶσα ἡ γένεσις καὶ ἡ ἐν αὐτῇ στρεφομένη¹⁰
 τῆς ψυχῆς ζωὴ πέφυκεν || ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς εἰς τὸ τέ-
 λειον χωρεῖν. τοσαῦτα καὶ πρὸς τούτους εἰρήσθω τοὺς
 τὴν μαθηματικὴν ἀτιμάζοντας ἐπιστήμην.

Ἴδως δ' ἂν τινες ἐκ τῆς ἡμετέρας ἐστίας ὀρμώμε-
 νοι καὶ τὸν Πλάτωνα προιστάμενοι μάρτυρα τῶν¹⁵
 λόγων ἐπιχειρήσειαν εἰς ὑπεροψίαν ἄγειν τοὺς ἐπι-
 πολαιοτέρους τῆς τῶν μαθημάτων ἀκροάσεως. καὶ
 γὰρ αὐτὸν δήπου τὸν φιλόσοφον ἐν πολιτείᾳ τὴν μα-
 θηματικὴν ταύτην γνῶσιν τοῦ τῶν ἐπιστήμῶν ἀπε-
 λαύνειν χοροῦ καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς αὐτῆς ὡς ἀγνοοῦσαν²⁰
 διελέγχειν, καὶ τὸ ᾧ ἀρχὴ μὲν, ἢ μὴ εἶδεν, τελευτὴ δὲ
 καὶ μέσα, ἐξ ὧν οὐκ οἶδεν, ἐπὶ τούτοις προσθήσουσι,
 καὶ ὅσα ἄλλα παρὰ τοῦ Σωκράτους ἐν ἐκείνοις ὀνειδίη
 κατὰ τῆς θεωρίας ταύτης ἀπέροπται. πρὸς δὲ φίλους
 ἄνδρας ἡμεῖς ποιούμενοι τοὺς λόγους ἀναμνήσομεν²⁵
 αὐτοὺς, ὅτι καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων καθαριστικὴν τῆς
 ψυχῆς καὶ ἀναγωγὸν τὴν μαθηματικὴν εἶναι σαφῶς

1 τὸ alter.] τι G. 7 οὕτως] 'Iure' et in margine 'Sic' B.

9 μέτιμεν M, G. 11 τοῦ om. G. 15 τὸν ex G, τῶν M.

16 ἐπιπολεωτέρους G. 20 τὰς ante αὐτῆς om. G. || ἀγνοοῦσαν
 ex G, ἀγνοοῦσα M. 24 κατὰ θεωρίας . . . πρὸς om. G.

25 ἀναμιμνήσομεν G, ἀναμνήσομεν C.

ἀποφαίνεται, τὴν ἀγλὺν ἀφαιροῦσαν τοῦ νοεροῦ τῆς
 διανοίας φωτὸς τοῦ κρείττονος σωθῆναι μυρίων σω-
 ματικῶν ὁμμάτων κατὰ τὴν Ὀμηρικὴν Ἀθηναῖν, ὥς ἂν
 μὴ μόνον τῶν Ἑρμαϊκῶν δώρων, ἀλλὰ καὶ τῶν Ἀθη-
 5 ναϊκῶν μετέχουσιν· καὶ ὥς ἐπιστήμην αὐτὴν ἀποκαλεῖ
 πανταχοῦ καὶ ὥς τῆς μεγίστης εὐδαιμονίας αἰτίαν τοῖς
 μετιοῦσιν.

Ἀλλὰ τί βούλεται διὰ τῶν ἐν πολιτεία λόγων
 ἀφαιρῶν αὐτῆς τὴν τῆς ἐπιστήμης ἐπωνυμίαν; ἐγὼ
 10 φράσω συντόμως· πρὸς γὰρ εἰδότας ὁ παρὼν ἔσται
 μοι λόγος. ἐπιστήμην ὁ Πλάτων πολλαχοῦ μὲν
 προσαγορεύει πᾶσαν ὥς εἰπεῖν οὕτω τὴν τῶν καθόλου
 γνῶσιν, ἀντιδιαιρούμενος αὐτὴν πρὸς τὴν αἰσθησιν
 τὰ καθ' ἕκαστα γνωρίζουσιν, καὶ τεχνικὰς καὶ ἐμπει-
 15 ρικὰς τῆς τοιαύτης γνώσεως ὁ τρόπος. καὶ κατὰ τοῦ-
 τον οἶμαι τὸν λόγον ἐν τε πολιτικῷ καὶ ἐν σοφιστῇ
 φαίνεται χρώμενος τῷ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματι, καὶ
 αὐτὴν τὴν γενναῖαν τὴν σοφιστικὴν ἐπιστήμην τιθέ-
 20 μενος, ἣν ὁ ἐν Γοργίᾳ Σωκράτης ἐμπειρίαν ἀπέφηνεν
 οὔσαν, καὶ τὴν κολακικὴν καὶ πολλὰς ἄλλας, ἐμπειρίας
 οὔσας ἄλλ' οὐκ ἐπιστήμας ἀληθεῖς. ταύτην δὲ αὐτὴν
 τῶν καθόλου γνῶσιν διελόμενος εἰς τε τὴν τὰς αἰτίας
 γνωρίζουσιν καὶ τὴν ἄνευ αἰτίας γνωστικὴν, τὴν μὲν
 ἑτέραν ἐπιστήμην ἀξιοῖ καλεῖν, τὴν δὲ λοιπὴν ἐμπει-
 25 ρίαν. καὶ οὕτως δὴ ταῖς μὲν τέχναις μεταδίδωσί
 που || τοῦ τῆς ἐπιστήμης ὀνόματος, ταῖς δὲ ἐμπειρίαις

1 ἀποφαίνεται om. *H*₂ p. 254. 4 μόνων *G*. 9 ; ego
 posui, in *M* invenitur colon, in *G* comma. 14 ἕκαστον
G. || τεχνικῶς *G*, τεχνικός *C*. || ἐμπειρικῶς *G*, ἐμπειρικός *C*.
 20 καὶ πολλὰς] ὁ πολλὰς *C*. 21 ἐπιστήμης *C*. 25 δὲ
G, δὴ *C*. 26 τοῦ om. *G*, add. *C*. || ταῖς δὲ ἐμπειρίαις ex *G*,
 τὰς δὲ ἐμπειρίας *C*, ταῖς δὲ ἐμπειρίαις *M*.

οὐδαμῶς. ἄλογον γὰρ πρᾶγμα φησιν ἐν συμποσίῳ, πῶς ἂν εἴη ἐπιστήμη. καὶ πᾶσα ἄρα γνῶσις λόγον ἔχουσα τῶν γνωστικῶν καὶ αἰτίαν ἐπιστήμη τίς ἐστίν. πάλιν τοίνυν τὴν ἐπιστήμην ταύτην ἀπ' αἰτίας γνω-
ριστικὴν τῶν ὑποκειμένων διαιρεῖ, καὶ τὴν μὲν στο- 5
χαστικὴν καὶ μεριστήν, τὴν δὲ τῶν καθ' αὐτὰ καὶ ὥσ-
αύτως ἔχόντων ἀεὶ γνωστικὴν [διακρίνει?] καὶ κατὰ
ταύτην τὴν διάκρισιν ἰατρικὴν μὲν καὶ πᾶσαν τὴν περὶ
τὰ ἐνυλὰ πραγματεῖαν χωρίζει τῆς ἐπιστήμης, τὴν δ'
αὖ μαθηματικὴν καὶ ὅλως τὴν τῶν αἰδίων θεωρητικὴν 10
ἐπιστήμην προσαγορεύει. ταύτην δ' αὖ τὴν ἐπιστή-
μην, ἣν τῶν τεχνῶν ἀφορίζομεν, διαιρῶν τὴν μὲν
ἀνυπόθετον εἶναι βοίλεται, τὴν δὲ ἐξ ὑποθέσεως ὡρ-
μημένην, καὶ τὴν μὲν ἀνυπόθετον τῶν ὅλων εἶναι
γνωστικὴν μέχρι τοῦ ἀγαθοῦ καὶ τῆς ἀνωτάτω τῶν 15
πάντων αἰτίας ἀναβαίνουσας καὶ τῆς ἀναγωγῆς τέλος
ποιουμένην τὸ ἀγαθόν, τὴν δὲ ὠρισμένης ἀρχᾶς προ-
στησαμένην ἀπὸ τούτων δεικνύναι τὰ ἐπόμενα αὐταῖς
οὐκ ἐπ' ἀρχὴν ἀλλ' ἐπὶ τελευτὴν ἰοῦσαν. καὶ οὕτως
δὴ τὴν μαθηματικὴν ἅτε ὑποθέσεσιν χρωμένην τῆς 20
ἀνυποθέτου καὶ τελείας ἐπιστήμης ἀπολείπεσθαί φη-
σιν. μία γὰρ ἡ ὄντως ἐπιστήμη, καθ' ἣν τὰ ὄντα
πάντα γινώσκειν πεφύκαμεν, καὶ ἀφ' ἧς πᾶσαι αἱ

4 ταύτην] In *M* eadem ut videtur manu scriptum est ταύ-
την. 7 γνωριστικὴν *G*. 8 τὴν post ταύτην om. *G*. || διαί-
ρεισιν *G*, διάκρισιν *C*. 13 ἐξ ὑποθέσεως ὡρμημένην] ἐνυ-
πόθετον *H*₂ p. 262. 17 Post τὴν δὲ additum est ἐνυπόθε-
τον in *H*₂. 18 καὶ ἀπὸ τούτων δεικνύουσας *G*. 19 'ad
principium, sed ad finem tendere' et in margine 'in principio,
sed in fine esse' *B*. || οὔσαν *G*. 20 ὑποθέσεσιν *G*, υπόθεσιν
M, sed supra lineam postera manu θέσεις, ὑποθέσει *H*₁ p. 451,
*H*₂ p. 262. 21 usque ad p. 32, 4 ἀπολείπεσθαι . . . μιᾶς
ἐπιστήμης om. *G*; add. *C*.

ἀρχαὶ ταῖς μὲν ἐγγυτέρω τεταγμέναις, ταῖς δὲ πορρω-
 τέρω. μὴ δὴ τοίνυν λέγωμεν, ὅτι τῶν ἐπιστημῶν ὁ
 Πλάτων ἀπελαύνει τὴν μαθηματικὴν, ἀλλ' ὅτι μιᾶς
 ἐπιστήμης αὐτὴν τῆς ἀκροτάτης δευτέραν ἀποφαίνει,
 5 μὴδ' ὅτι τὰς οἰκείας ἀρχὰς ἀγνοεῖν αὐτὴν φησιν, ἀλλ'
 ὅτι παρ' ἐκείνης λαβοῦσαν καὶ ἀναποδείκτως ἔχουσιν
 ἐκ τούτων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύει. καὶ γὰρ τὴν ψυ-
 χὴν τὴν ἐκ τῶν μαθηματικῶν λόγων ὑποστᾶσαν ποτὲ
 μὲν κινήσεως ἀρχὴν εἶναι συγχωρεῖ, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν
 10 νοητῶν γενῶν δέχεσθαι τὴν κίνησιν. καὶ συνάδει
 ταῦτα ἀλλήλοις. τοῖς μὲν γὰρ ἀπ' ἄλλου κινουμένοις
 αἰτία τῆς κινήσεως ἐστίν, ἀπάσης δὲ ἄρα κινήσεως οὐκ
 αἰτία. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ἡ μαθηματικὴ τῆς
 μὲν πρωτίστης ἐστὶν ἐπιστήμης δευτέρα καὶ ὡς πρὸς
 15 ἐκείνην ἀτελής, ἐπιστήμη δὲ ὅμως, | οὐχ ὡς ἀνυπό-
 θετος, ἀλλ' ὡς τῶν ιδίων ἐν ψυχῇ λόγων γνωριστικὴ
 καὶ ὡς τὰς αἰτίας ἀποδιδούσα τῶν συμπερασμάτων
 καὶ λόγον ἔχουσα τῶν ὑποκειμένων ἐαυτῇ γνωστῶν.
 τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς Πλάτωνος γνώμης ὑπὲρ τῶν
 20 μαθημάτων εἰρήσθω.

|| Τίνα δ' ἂν τις ἀπαιτήσκειεν τὸν μαθηματικόν,
 καὶ πῶς ἂν δύναιτό τις αὐτὸν κρίνειν ὀρθῶς μετὰ
 ταῦτα λέγωμεν. ὁ μὲν γὰρ ἀπλῶς πεπαιδευμένος περὶ
 πάντα κριτικός, φησὶν Ἀριστοτέλης, ὁ δὲ περὶ τὰ
 25 μαθήματα πεπαιδευμένος τῶν ἐν τοίτοις λόγων ἔσται
 κριτικὸς τῆς ὀρθότητος. δεῖ τοίνυν ὅρους προσειλη-
 φέναι τῆς κρίσεως καὶ γιγνώσκειν πρῶτον μὲν ἐφ'

2 μὴ δὲ τοίνυν λέγωμεν C. 8 λόγων om. G, add. C.

9 ἀρχὴν συγχωρεῖν omissio εἶναι C. 17 τῷ συμπεράσματι G,
 τῶν συμπερασμάτων C. 18 ἐν αὐτῇ G, ἐαυτῇ C. 20 μα-
 θηματικῶν G. 23—25 περὶ πάντα . . . πεπαιδευμένος om. G.

25 ἐν ex G, ἐκ M.

ὧν δεῖ κατὰ τὰ κοινὰ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις, καὶ ἐφ' ὧν εἰς τὰς ἐκάστων ιδιότητας ἀποβλέπειν. πολλὰ γὰρ ὑπάρχει τὰ αὐτὰ τοῖς κατ' εἶδος διαφέρουσιν, οἷον τριγώνοις πᾶσιν αἱ δύο ὀρθαί. πολλὰ δὲ τὴν μὲν αὐτὴν ἔχει κατηγορίαν, διαφέρει δὲ κατ' εἶδος ἐφ' 5 ἐκάστων τὸ κοινόν, οἷον ἡ ὁμοιότης ἐν σχήμασι καὶ ἀριθμοῖς. οὐ δεῖ δὴ μίαν ἀπόδειξιν ἐπὶ τούτων ἀπαιτεῖν τὸν μαθηματικόν· οὐ γὰρ αἱ αὐταὶ ἀρχαὶ σχημάτων καὶ ἀριθμῶν, ἀλλὰ διαφέρουσαι κατὰ τὸ ὑποκειμενον γένος. εἰ δὲ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς ἔν, καὶ 10 ἡ ἀπόδειξις μία· τὸ γὰρ δύο ὀρθὰς ἔχειν γωνίας ταύτον ἐν πᾶσι τριγώνοις, καὶ τὸ ὅ συμβέβηκεν ταυτόν ἐν ᾗ πασι, τὸ τρίγωνον, καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος. ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς οὐ τοῖς τριγώνοις μόνον, ἀλλὰ καὶ πᾶσιν εὐθύγραμμοις 15 ὑπάρχει, καὶ ἡ ἀπόδειξις ἐπὶ πάντα ἐφαρμόττει, καθόσον εὐθύγραμμα. καὶ γὰρ ἕκαστος λόγος συνεισφέρει τινὰ πάντως ιδιότητα καὶ πάθος, οὗ μετέχει πάντα κατὰ τὸν λόγον ἐκείνον, οἷον τὸν τριγωνικὸν ἢ τὸν εὐθύγραμμικὸν ἢ ὅλως τὸν τοῦ σχήματος. 20

Δεύτερον τοίνυν, εἰ κατὰ τὴν ὑποκειμένην ὕλην ποιεῖται τὰς ἀποδείξεις, οἷον εἰ ἀναγκαίους ἀποδίδωσι λόγους καὶ ἀνελέγκτους, ἀλλὰ μὴ πιθανοὺς μηδὲ τοῦ εἰκότος ἀναπεπλησμένους. ὅμοιον γὰρ φησιν Ἀριστοτέλης ῥητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ μαθη- 25

7 δὲ G. 9 διαφερούσας postera manu correctum in διαφέρουσαι M. 10 Post γένος perverse additum est in G: ὥσπερ δὴ καὶ τὸ τέτταρσιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν. 12 ὅ] 'cuius causa' et in margine 'cui' B. 13 Post ᾗ πασι perverse additum est in G: ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν τὰς ἐκτὸς. B quoque in contextu 'Rectis aequales habere externos' post 'Triangulum nempe' addit, in margine autem haec verba omittit. 23—24 ἀλλὰ μὴ . . . ἀναπεπλησμένους om. G.

- ματικοῦ πιθανολογοῦντος ἀποδέχεσθαι. δεῖ γὰρ ἕκα-
 στον ἐπιστήμονα καὶ τεχνίτην προσήκοντας ἀποδιδόναι
 τοῖς πράγμασι, περὶ ἃ πραγματεύεται, τοὺς λόγους.
 οὕτως καὶ ὁ Πλάτων ἐν Τιμαίῳ τὸν μὲν φυσιολόγον
 5 εἰκότας ἀπαιτεῖ λόγους ὥς ἂν περὶ τοιούτων πραγμα-
 τευόμενον, τὸν δὲ περὶ τῶν νοητῶν ἀναδιδάσκοντα
 καὶ τῆς ἐστώσης οὐσίας ἀνελέγκτους καὶ ἀκινήτους.
 εὐθὺς γὰρ τὰ ὑποκείμενα ταῖς ἐπιστήμασι ἢ ταῖς
 τέχναις ποιεῖ διαφοράς, οἷον εἰ τὰ μὲν ἀκίνητα, τὰ
 10 δὲ κινούμενα, καὶ τὰ μὲν ἀπλούστερα, τὰ δὲ συνθετώ-
 τερα, || καὶ τὰ μὲν νοητά, τὰ δὲ αἰσθητά. οὗτ' οὖν
 πᾶσαν τὴν μαθηματικὴν τὴν αὐτὴν ἀκριβειαν ἀπαιτή-
 σομεν — εἰ γὰρ ἢ μὲν αἰσθητῶν ἐφάπτοιτό πως, ἢ δὲ
 νοητῶν εἴη γνῶσις ὑποκειμένων, οὐχ ὁμοίως ἀμφοτέ-
 15 ραι ἀκριβεῖς, ἀλλ' ἢ ἑτέρα μᾶλλον. διὸ τὴν ἀριθμη-
 τικὴν τῆς ἁρμονικῆς μᾶλλον ἀκριβῆ φαμεν — οὐθ'
 ὅλως τὴν μαθηματικὴν καὶ τὰς ἄλλας ἐπιστήμας ταῖς
 αὐταῖς ἀποδείξεσιν ἀξιόσομεν χρῆσθαι. τὰ γὰρ ὑπο-
 κείμενα διαφορὰν οὐκ ὀλίγην παρέχεται.
- 20 Τὸ δὴ τρίτον λέγομεν, ὅτι καὶ περὶ ταυτότητος
 καὶ ἐτερότητος ἐπεσκέφθαι δεῖ τὸν μέλλοντα κρίνειν
 ὀρθῶς τοὺς τῆς μαθηματικῆς λόγους καὶ περὶ τοῦ
 καθ' αὐτὸ καὶ τοῦ κατὰ συμβεβηκὸς καὶ περὶ τῆς ἀνα-
 λογίας καὶ περὶ πάντων τῶν τοιούτων. σχεδὸν γὰρ
 25 αἱ ἁμαρτίαι πᾶσαι κατὰ ταῦτα συμβαίνουσι τῶν οἰο-
 μένων ἀποδεικνύναι μαθηματικῶς, οὐ μέντοι καὶ
 δεικνύντων, ὅταν τὸ ταὐτὸν ὥς ἕτερον καθ' ἕκαστον

5 τοῦτων G. 9 διαφορά sequente rasura unius litte-
 rae M. 16—17 τῆς ἁρμονικῆς . . . μαθηματικὴν om. G,
 add. C. 17 οὐ ταῖς αὐταῖς G; οὐ delet C. 20 τὸ δὲ τρί-
 γωνον G, τὸ δὴ τρίτον C.

εἶδος ἀποδεικνύωσιν. ἢ τὸ ἕτερον ὡς ταυτόν, ἢ ὅταν τὸ κατὰ συμβεβηκὸς ὑπάρχον ὡς καθ' αὐτὸ παραλαμβάνωσιν, ἢ τὸ καθ' αὐτὸ ὡς κατὰ συμβεβηκός, οἶον ὅτι ἡ περιφέρεια καλλίων τῆς εὐθείας, ἢ τὸ ἰσόπλευρον τοῦ ἰσοσκελοῦς. οὐ γὰρ μαθηματικοῦ ταῦτα διο- 5
ρίζειν.

Τέταρτον οὖν, ὅτι τῆς μαθηματικῆς μέσῃν ἐχούσης τάξιν τῶν τε νοητῶν καὶ αἰσθητῶν καὶ πολλὰς μὲν εἰκόνας τῶν θείων ἐν ἑαυτῇ δεικνυούσης, πολλὰ δὲ παραδείγματα τῶν φυσικῶν λόγων, δεῖ καὶ τὰς 10
ἀποδείξεις τριπλᾶς ἐπ' αὐτῆς θεωρεῖν, τὰς μὲν νοερωτέρας, τὰς δὲ διεξοδικωτέρας, τὰς δὲ καὶ δόξης ἐφαπτομένας. δεῖ γὰρ κατὰ τὰ προβλήματα τὰς ἀποδείξεις διαφερούσας εἶναι καὶ οἰκείως τοῖς γένεσι διαιρεῖσθαι τῶν ὄντων, ἐπεὶ καὶ αὐτὴ πᾶσι συννφαίνεται αὐτοῖς 15
καὶ πρὸς πάντας συναρμόζει τοὺς ἑαυτῆς λόγους.

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, περὶ δὲ τῶν εἰδῶν τῆς μαθηματικῆς μετὰ ταῦτα διοριστέον, τίνα τε καὶ πόσα τὸν ἀριθμὸν ἔστιν. μετὰ γὰρ τὸ ὅλον καὶ παντελὲς αὐτῆς γένος δεῖ δὴ πού καὶ τὰς τῶν μερικωτέρων ἐπι- 20
στημῶν κατ' εἶδη διαφορὰς ἀναλογίσασθαι. τοῖς μὲν οὖν Πυθαγορείοις ἐδόκει τετραχὰ διαιρεῖν τὴν ὅλην μαθηματικὴν ἐπιστήμην, τὸ μὲν αὐτῆς περὶ τὸ ποσόν, τὸ δὲ περὶ τὸ πηλίκον ἀφορίζουσι καὶ τούτων ἑκάτερον διττὸν τιθεμένοις· τό τε γὰρ ποσόν ἢ καθ' 25
αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν ἔχειν, ἢ πρὸς ἄλλο θεωρεῖσθαι | κατὰ σχέσιν, καὶ τὸ πηλίκον ἢ || ἔστως ἢ κινούμενον εἶναι· καὶ τὴν μὲν ἀριθμητικὴν τὸ καθ' αὐτὸ τὸ πο-

7 Τέταρτον οὖν ego conieci; τί γὰρ τῶν *M*, *B*₂, τί γὰρ τοι *G*, *B*₃, 'quid enim' *Z*. 'quarto denique loco dicimus' *B*. 12 δόξη *C*
15 αὐτῇ *G*, αὐτῇ *C*. 16 συναρμόζειν *C*. 19 ἔστιν om. *G*.

σὸν θεωρεῖν, τὴν δὲ μουσικὴν τὸ πρὸς ἄλλο, γεωμε-
 τρίαν δὲ τὸ πηλίκον ἀκίνητον ὑπάρχον καὶ τὴν σφαι-
 ρικὴν τὸ καθ' αὐτὸ κινούμενον· ἐπισκοπεῖν δ' αὖ τὸ
 πηλίκον καὶ ποσὸν οὔτε μέγεθος ἀπλῶς οὔτε πλήθος
 5 ἀλλὰ τὸ καθ' ἑκάτερον ὠρισμένον· τοῦτο γὰρ ἀφε-
 λούσας τῶν ἀπείρων τὰς ἐπιστήμας κατανοεῖν, ὥς οὐκ
 ἐνὸν τὴν καθ' ἑκάτερον ἀπειρίαν γνώσει περιλαβεῖν.
 ὅταν δὲ ταῦτα λέγωσιν ἄνδρες εἰς ἅπαν σοφίας ἐλη-
 λακότες, οὔτε τὸ ποσὸν τὸ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἀκούειν
 10 ἡμεῖς ἀξιόσομεν οὔτε τὸ πηλίκον τὸ περὶ τὰ σώματα
 φανταζόμενον. ταῦτα γὰρ οἶμαι θεωρεῖν τῆς φυσιο-
 λογίας ἐστίν, ἀλλ' οὐ τῆς μαθηματικῆς αὐτῆς. ἀλλ'
 ἐπεὶ τὴν ἔνωσιν καὶ τὴν διάκρισιν τῶν ὄλων καὶ τὴν
 ταυτότητα μετὰ τῆς ἐτερότητας εἰς τὴν τῆς ψυχῆς
 15 συμπλήρωσιν ὁ δημιουργὸς παρείληφεν καὶ πρὸς ταύ-
 ταις στάσιν καὶ κίνησιν καὶ ἐκ τούτων αὐτὴν τῶν γε-
 νῶν ὑπέστησεν, ὥς ὁ Τίμαιος ἡμᾶς ἀνεδίδαξεν, λεκτέον,
 ὅτι κατὰ μὲν τὴν ἐτερότητα τὴν αὐτῆς καὶ τὴν διαίρε-
 σιν τῶν λόγων καὶ τὸ πλήθος ἢ διάνοια στάσα καὶ
 20 νοήσασα ἑαυτὴν ἐν καὶ πολλὰ οὖσαν τούς τε ἀριθμοὺς
 προβάλλει καὶ τὴν τούτων γνώσιν, τὴν ἀριθμητικὴν,
 κατὰ δὲ τὴν ἔνωσιν τοῦ πλήθους καὶ τὴν πρὸς ἑαυτὸ
 κοινωνίαν καὶ τὸν σύνδεσμον τὴν μουσικὴν. δι' ὃ
 καὶ ἡ ἀριθμητικὴ πρεσβυτέρα τῆς μουσικῆς, ἐπεὶ καὶ
 25 ἡ ψυχὴ διαιρεῖται πρῶτον δημιουργικῶς, εἰδ' οὕτως

5 ἀφελούσας G. 6 οὐ κενὸν G. 7 γνώσει λαβεῖν G,
 γνώσιν περιλαβεῖν C. 10 ἡμᾶς G, ἡμεῖς C. 13 ἐπὶ C,
 εἰς H₂ p. 254. || διαίρεσιν G. 16 καὶ ante ἐκ addidit in M
 postera manus, quae eadem ὑπέστη in ὑπέστησεν mutavit. ||
 αὐτῇ G. 17 ὑπέστη M. || ἐδίδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.
 18 κατὰ μὲν om. H₂ p. 254. 20 - 23 In G duae lineae (13 et 14)
 inter se sunt permutatae; corr. C. 20 ἐν καὶ πολλὰ] ἐν πολ-
 λοῖς H₂ p. 254. 22 ἑαυτὴν H₂ p. 255. 25 πρῶτως G.

συνδέεται τοῖς λόγοις, ὥς ὁ Πλάτων ὑφηγεῖται. καὶ αὖ πάλιν κατὰ μὲν τὴν στάσιν τὴν ἐν αὐτῇ τὴν ἐνέργειαν ἰδρύσασα γεωμετρίαν ἀφ' ἑαυτῆς ἐξέφηνεν, καὶ τὸ ἐν σχῆμα τὸ οὐσιώδες καὶ τὰς δημιουργικὰς ἀρχὰς τῶν σχημάτων πάντων, κατὰ δὲ τὴν κίνησιν τὴν σφαι-
5 ρικὴν. κινεῖται γὰρ καὶ αὐτὴ κατὰ τοὺς κύκλους, ἔσθηκεν δὲ αἰεὶ ὡσαύτως κατὰ τὰς αἰτίας τῶν κύκλων, τὸ εἶθ' καὶ περιφερές. καὶ διὰ τοῦτο κἀνταῦθα προ-
ϋφέσθηκεν ἡ γεωμετρία τῆς σφαιρικῆς ὥσπερ ἡ στάσις τῆς κινήσεως.

10

Ἐπεὶ δ' οὐκ εἰς τὴν ἀπειροδύναμον ἑαυτῆς ἀφο-
ρῶσα τῶν εἰδῶν ἀνέλιξιν τὰς ἐπιστήμας ἐγέννησεν ταύτας, ἀλλ' εἰς τὴν κατὰ γένη τοῦ πέραςτος περιοχὴν, διὰ δὴ τοῦτό φασινα αἰτὰς ἀπὸ τε τοῦ πλήθους καὶ
μεγέθους ἀφελούσας τὸ ἄπειρον περὶ τὸ πεπερασμένον
15 ἤδη τὴν πραγματείαν ἔχειν. ἀρχὰς γὰρ ἐν αὐτῇ πάντων ἰδρυσεν ὁ νοῦς καὶ τοῦ πλήθους καὶ τοῦ μεγέθους. ἐπεὶ καὶ ὁμοιομερὴς ἐστὶν ὅλη πρὸς ἑαυτὴν καὶ μία καὶ ἀδιαίρετος καὶ αὖ πάλιν διηρημένη καὶ
τὸν τῶν εἰδῶν ἐκφαίνουσα κόσμον, περατός τε μετέχει
20 καὶ ἀπειρίας οὐσιώδους ἀπὸ τῶν νοητῶν. ἀλλὰ νοεῖ μὲν αὐτὴν κατὰ τὸ πέρας, γεννᾷ δὲ ζῶας καὶ λόγους παντοίους κατὰ τὴν ἀπειρίαν. αἱ τοίνυν νοήσεις αὐτῆς τὰς ἐπιστήμας ταύτας ὑπέσθησαν κατὰ τὸ πέρας τὸ ἐν αὐταῖς, ἀλλ' οὐ κατὰ τὴν
|| ἀπειρίαν τῆς ζωῆς.
25 νοῦ γὰρ εἰκόνα φέρουσιν, ἀλλ' οὐ ζωῆς.

2 αὖ] †ὦν *H*₂ p. 255, ex quo οὖν vel μὴν coniecit. || κατὰ μὲν στάσιν *M*. || αὐτῇ *M*, αὐτῇ *G*, αὐτῇ *H*₂ p. 255. 4 τὸ οὐσιώδες om. *G*. 11 τὴν om. *G*. 13 καταγενῆ *G*. 14 δὴ om. *G*, add. *C*. 16 ἔχει *G*, ἔχειν *C*. 21 νοῦ μὲν αὐτῇ *G*, νοεῖν μὲν αὐτὴν *C*. 22—24 γεννᾷ δὲ . . . κατὰ τὸ πέρας om. *G*, add. *C*.

Τῶν μὲν τοίνυν Πυθαγορείων ὁ λόγος οὗτος
 καὶ ἡ τῶν τεττάρων ἐπιστημῶν διαίρεσις, κατ' ἄλλον
 δ' αὖ τρόπον τὴν μαθηματικὴν τέμνειν τινὲς ἀξιοῦσιν,
 ὥσπερ καὶ Γεμῖνος, καὶ ποιοῦσι τὴν μὲν περὶ τὰ
 5 νοητὰ μόνον, τὴν δὲ περὶ τὰ αἰσθητὰ [ἐνεργοῦσαν?]
 καὶ τούτων ἐφαπτομένην, νοητὰ δῆπου καλοῦντες,
 ὅσα καθ' ἑαυτὴν ἡ ψυχὴ θεάματα ἀνακινεῖ, χωρίζουσα
 τῶν ἐνύλων ἑαυτὴν εἰδῶν. καὶ τῆς μὲν περὶ τὰ νοητὰ
 πραγματευομένης δύο τὰ πρῶτιστα καὶ κυριώτατα μέρη
 10 τίθενται ἀριθμητικὴν καὶ γεωμετρίαν, τῆς δὲ περὶ τὰ
 αἰσθητὰ τὴν ἐνέργειαν ἐχούσης ἕξ, μηχανικὴν, ἀστρο-
 λογίαν, ὀπτικὴν, γεωδεσίαν, κανονικὴν, λογιστικὴν.
 τὸ δ' αὖ τακτικὸν οὐκ ἀξιοῦσιν ἐν τι τῶν μερῶν τῆς
 μαθηματικῆς λέγειν, ὥσπερ ἕτεροι, ἀλλὰ προσχρησθαι
 15 τότε μὲν λογιστικῇ, καθάπερ ἐν ταῖς ἐξαριθμήσεσι
 τῶν λόγων, τότε δὲ γεωδεσίᾳ, καθάπερ ἐν ταῖς διαί-
 ρεσεσι τῶν χωρίων καὶ ταῖς ἀναμετρήσεσιν, ὥσπερ δὴ
 πολλῶ πλεον οὔτε τὸ ἱστορικὸν οὔτε τὸ ἰατρικὸν μέρος
 εἶναι μαθηματικῆς, εἰ καὶ προσχρῶνται πολλάκις οἱ τε
 20 τὰς ἱστορίας γράφοντες τοῖς μαθηματικοῖς θεωρήμα-
 σιν, ἢ θέσεις κλιμάτων φράζοντες ἢ μεγέθη πόλεων
 καὶ διαμέτρους ἢ περιβόλους καὶ διαμέτρους ἢ περι-
 μέτρους συλλογιζόμενοι, καὶ οἱ ἱατροὶ πολλὰ τῶν οἰ-
 κείων διὰ τῶν τοιούτων ἐφόδων σαφηνίζοντες. τὸ
 25 γὰρ ἀπὸ τῆς ἀστρολογίας ὄφελος εἰς ἰατρικὴν καὶ
 Ἱπποκράτης δῆλον ποιεῖ καὶ πάντες ὅσοι τι περὶ

3 τὸν μαθηματικὸν G, τὴν μαθηματικὴν C. 5 ἐνεργ-
 οῦσαν om. M, G; equidem hoc vel simile verbum addendum
 esse puto. 6 δὲ που G. 12 λογικὴν G, λογιστικὴν C.
 14 ἕτερον G. 15 λογικῆς G, λογιστικῆς C. 20 μαθηματι-
 κῆς G. 22 καὶ διαμέτρους post περιβόλους om. G. 23 οἱ
 om. G.

ὥρων καὶ τόπων εἰρήκασι. κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ τακτικός χρήσεται μὲν τοῖς θεωρήμασι τῶν μαθηματικῶν, οὐ μέντοι μαθηματικός ἐστίν, εἰ καὶ ποτὲ μὲν ἐλάχιστον δεῖξαι τὸ πλῆθος βουλόμενος εἰς κύκλον σχηματίζοι τὸ στρατόπεδον, ποτὲ δὲ πλεῖστον εἰς τε-⁵ τράγωνον ἢ πεντάγωνον ἢ ἄλλο τι πολύγωνον.

Τούτων δὴ τῶν εἰδῶν ὄντων τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἢ μὲν γεωμετρία διαιρεῖται πάλιν εἰς τε τὴν ἐπιπέδον θεωρίαν καὶ τὴν στερεομετρίαν. περὶ γὰρ σημεία καὶ γραμμὰς ἰδιαίχουσά τις οὐκ ἐστὶ πραγματεία,¹⁰ καθόσον οὐδὲ σχῆμα γένοιτο ἂν ἐν τούτοις ἄνευ ἐπιπέδων ἢ στερεῶν. πανταχοῦ γε μὴν ἔργον τῆς γεωμετρίας ἐν τε ἐπιπέδοις καὶ στερεοῖς ἢ συνιστάνειν ἢ συγκρίνειν ἢ διαιρεῖν τὰ συνεστῶτα. τῆς δὲ ἀριθμητικῆς ὡσαύτως ἢ διαίρεσις εἰς τε τὴν τῶν γραμμικῶν¹⁵ ἀριθμῶν θεωρίαν καὶ τὴν τῶν ἐπιπέδων καὶ τὴν τῶν στερεῶν. καὶ γὰρ τὰ εἶδη τοῦ ἀριθμοῦ καθ' αὐτὰ σκοπεῖ προϋόντα ἀπὸ μονάδος, καὶ τὰς γενέσεις τῶν ἐπιπέδων τῶν τε ὁμοίων καὶ τῶν ἀνομοίων, καὶ τὰς εἰς τρίτην αὐξήν προόδους. γεωδεσία δὲ καὶ λογιστικὴ²⁰ ταύταις ἀνάλογον, οὐ περὶ νοητῶν ἀριθμῶν ἢ σχημάτων, ἀλλὰ περὶ αἰσθητῶν ποιούμεναι τοὺς λόγους. οὐ γὰρ κύλινδρον ἢ κῶνον ἔργον τῆς γεωδεσίας μετρεῖν, ἀλλὰ σωρούς ὡς κώνους καὶ φρέατα ὡς κυλίνδρους, οὐδὲ δι' εὐθειῶν νοητῶν, ἀλλὰ δι' αἰσθητῶν,²⁵ τότε μὲν ἀκριβεστέρων, ὡς διὰ τῶν ἀκτίνων τῶν ἡλια-

1 κατὰ] καὶ C. 5 σχηματίζει G. 7 δὲ G, δὴ C.

11 ἐν τούτῳ G, ἐν τούτοις C, 'ex his' et in margine 'in his' B.

15 γραμματικῶν G, γραμμικῶν C. 19 τὰς] τὰ M. 20 αὐξήσιν G. 21 ἀνάλογον M, G, ἀνάλογοι N. p. 41. 26 ἀμειβεστέρων G, ἀκριβεστέρων C₁, B₂ B₃, H₁ p. 452. || ὡς ego scripsi, πῶς M. || ὡς διὰ τῶν . . . παχυτέρων om. G. 'modo quodam'

κῶν, τότε δὲ παχυτέρων, οἷον διὰ σπάρτων καὶ στάθ-
 μης. οἷδ' αὖ ὁ λογιστικὸς αὐτὰ καθ' ἑαυτὰ θεωρεῖ
 τὰ πάθη τῶν ἀριθμῶν, ἀλλ' ἐπὶ τῶν αἰσθητῶν, ὅθεν
 καὶ τὴν ἐπωνυμίαν αὐτοῖς ἀπὸ τῶν μετρουμένων τί-
 5 θεται, *μηλίτας* καλῶν *τινας* καὶ *φιαλίτας*. καὶ ἐλάχι-
 στον μὲν οὐδὲν εἶναι συγχωρεῖ καθάπερ ὁ ἀριθμητι-
 κός, ὥς μέντοι πρὸς τι γένος λαμβάνει τὸ ἐλάχιστον.
 ὁ γὰρ εἰς ἄνθρωπος μέτρον αὐτῷ γίνεται τοῦ πλήθους
 ὥς μονάς. πάλιν ὀπτική καὶ κανονικὴ γεωμετρίας
 10 εἰσὶ καὶ ἀριθμητικῆς ἔκγονοι, ἡ μὲν ταῖς ὅψεσι γραμ-
 μαῖς χρωμένη καὶ ταῖς ἐκ τούτων συνισταμέναις γω-
 νίαις, διαιρουμένη δὲ εἰς τε τὴν ἰδίως καλουμένην
 ὀπτικήν, ἣτις τῶν ψευδῶς φαινομένων παρὰ τὰς ἀπο-
 στάσεις τῶν ὁρατῶν τὴν αἰτίαν ἀποδίδωσιν, οἷον τῆς
 15 τῶν παραλλήλων συμπτώσεως ἢ τῆς τῶν τετραγώνων
 ὥς κύκλων θεωρίας, καὶ εἰς τὴν κατοπτρικὴν σύμπα-
 σαν τὴν περὶ τὰς ἀνακλάσεις τὰς παντοίας πραγμα-
 τευομένην καὶ τῇ εἰκαστικῇ γνώσει συμπλεκομένην,
 καὶ τὴν λεγομένην σκηνογραφικὴν δεικνύσαν, πῶς ἂν
 20 τὰ φαινόμενα μὴ ἄρρυθμα ἢ ἄμορφα φαντάζοιτο ἐν
 ταῖς εἰκόσι παρὰ τὰς ἀποστάσεις καὶ τὰ ὕψη τῶν
 γεγραμμένων. ἡ δ' αὖ κανονικὴ τοὺς φαινομένους
 λόγους τῶν ἀρμονιῶν σκοπεῖται, τὰς τῶν κανόνων
 κατατομὰς ἀνευρίσκουσα καὶ τῇ αἰσθήσει πανταχοῦ

Z, 'quodam pacto, ut' B. 1 καὶ διὰ σταθμῆς G. 4 αὐτοῖς
 ego scripsi, / τοῖς M (/ seiunctionis signum praecedentem syl-
 labam an ab articulo τοῖς seiungit), τοῖς G, 'his' B, om. Z,
 αὐτοῖς vel τούτοις N. p. 42. 5 *μηλίτας* M, G, *μηλίτας* N.
 8 *ἄνθρωπος*] ἐνὸς G, *ἄνθρωπος* id est ἄνθρωπος C. 13 *ψευ-*
δῶν G. 19 *σκηνογραφικὴν* G, *σκηνογραφικὴν* C. || *δεικνύ-*
ουσαν G.

προσχωμένη καὶ ὥς φησὶν ὁ Πλάτων || ὧτα τοῦ νοῦ
προσθησαμένη.

Πρὸς δὴ ταύταις ἡ μηχανικὴ καλουμένη τῆς περὶ
τὰ αἰσθητὰ καὶ τὰ ἐνυλα πραγματείας μέρος ὑπάρ-
χουσα, ὑπὸ δὲ ταύτην ἥ τε ὀργανοποιϊκὴ τῶν κατὰ 5
πόλεμον ἐπιτηδείων ὀργάνων, οἷα δὴ καὶ Ἀρχιμή-
δης λέγεται κατασκευάσαι τῶν πολεμούντων τὴν Συ-
ράκουσαν ἀμυντικὰ ὄργανα, καὶ ἡ θαυμαστοποιϊκὴ τα-
μὲν διὰ πνῶν φιλοτεχνοῦσα, ὥσπερ καὶ Κτησίβιος
καὶ Ἡρώων πραγματεύονται, τὰ δὲ διὰ ῥοπῶν, ὧν τῆς 10
μὲν κινήσεως τὴν ἀνισορροπίαν αἰτιατέον, τῆς δὲ στά-
σεως τὴν ἰσορροπίαν, ὥσπερ καὶ ὁ Τίμαιος διώρισεν,
τὰ δὲ διὰ νεύρων καὶ σπάρτων ἐμψύχους ὀλκὰς καὶ
κινήσεις ἀπομιμουμένων. ὑπὸ δὲ τὴν μηχανικὴν ἐστὶν
καὶ ἡ τῶν ἰσορροπίων ὅλως καὶ τῶν λεγομένων κεν- 15
τροβαρικῶν διάγνωσις, καὶ ἡ σφαιροποιῖα κατὰ μίμη-
σιν τῶν οὐρανίων περιφορῶν, οἷαν καὶ Ἀρχιμήδης
ἐπραγματεύσατο, καὶ ὅλως πᾶσα ἡ τῆς ὕλης κινητική.
λοιπὴ δὲ ἡ ἀστρολογία περὶ τῶν κοσμικῶν κινήσεων
διαλαμβάνουσα καὶ περὶ μεγεθῶν καὶ σχημάτων τῶν 20
οὐρανίων σωμάτων καὶ φωτισμῶν καὶ ἀποστάσεων
τῶν ἀπὸ γῆς καὶ τῶν τοιούτων ἀπάντων, πολὺ μὲν
ἀπολαύουσα τῆς αἰσθήσεως, πολὺ δὲ καὶ πρὸς τὴν
φυσικὴν ἐπικοινωνοῦσα θεωρίαν. ταύτης δὲ ἄρα μέ-
ρος ἐστὶ καὶ ἡ γνωμονικὴ περὶ τὴν ὥρῶν καταμέτρη- 25
σιν ἀσχολουμένη διὰ τῆς τῶν γνωμόνων θέσεως, καὶ

1 Pol. VII, p. 531, A. 2 προσθησαμένη om. G, προσθη-
μένη add. C. 3 δὲ G, δὴ C. 5 ὀργανοποιητικὴ G, ὕργα-
νοποιϊκὴ C. 8 θαυμαστοποιητικὴ G. 9 πνευμάτων G.
11 αἰτιατὸν G, αἰτιαντὸν C. 12 τὴν om. G, add. C.
21 ἀποστάτων G, ἀποστάσεων C. 23 καὶ om. G, add. C.
25 γνωμονικὴ C. || ὥρων M, G. 'horarum' Z, B.

ἡ μετεωροσκοπικὴ τῶν τε ἑξαρχμάτων τὰς διαφορὰς
καὶ τῶν ἄστρον τὰς ἀποστάσεις ἀνευρίσκουσα καὶ
πολλὰ ἄλλα καὶ ποικίλα τῶν κατ' ἀστρολογίαν θεωρη-
μάτων ἀναδιδάσκουσα, καὶ ἡ διοπτρικὴ τὰς εἰς ἀποχὰς
5 ἡλίου καὶ σελήνης καὶ τῶν ἄλλων ἄστρον καταμαν-
θάνουσα διὰ τῶν τοιούτων ὀργάνων. τοιαῦτα καὶ
περὶ τῶν τῆς μαθηματικῆς μερῶν ὑπὸ τῶν παλαιῶν
ἀναγεγραμμένα παρειλήφμεν.

Εἶεν δὴ οὖν. πάλιν ἐκείνα θεωρήσωμεν, ὅπως ὁ
10 Πλάτων θριγγὸν τῶν μαθημάτων ἐν πολιτείᾳ τὴν
διαλεκτικὴν προσείρηκεν, καὶ ὅστις ὁ σύνδεσμος αὐτῶν,
ὄν (?) τὴν ἐπινομίδα συνθεῖς παραδίδωσι. καὶ λέγο-
μεν, ὅτι καθάπερ ὁ νοῦς ὑπερίδρυται τῆς διανοίας
καὶ χορηγεῖ τὰς ἀρχὰς ἄνωθεν αὐτῇ καὶ τελειοῖ τὴν
15 διάνοιαν || ἀφ' ἑαυτοῦ, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἡ δια-
λεκτικὴ, φιλοσοφίας οὖσα τὸ καθαρώτατον μέρος,
προσεχῶς ὑπερήπλωται τῶν μαθημάτων καὶ περιέχει
τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν, καὶ δίδωσι δυνάμεις ἀφ'
ἑαυτῆς ταῖς ἐπιστήμας αὐτῶν παντοίας, τελεσιουργοὺς
20 καὶ κριτικὰς καὶ νοεράς, τὴν ἀναλυτικὴν λέγω καὶ
τὴν διαιρετικὴν καὶ τὴν ὀριστικὴν καὶ τὴν ἀποδεικτι-

1 τε om. G, add. C. 4 διοπτρικὴ M. || ε om. G. 9 οὖν
δὴ G. || θεωρήσωμεν G. 10 θριγγὸν G. || Pol VII, p. 534, E.

11 αὐτῶν, ὄν τὴν ἐπινομίδα ego scripsi; αὐτῶν οἱ τὴν ἐπι-
νομίδα M, αὐτῶ νοητὴν* ἐπινομήδῃ (ἐπινουήδῃ C, B₂ ἐπινο-
μίδα B₃) G. 'appellaverit: quale quæ um culum (sic) ipsa com-
ponens nobis tradit' Z, 'ipsarum . . . , ut tradit etiam ille, qui
Epinomidem composuit' B. 12 λέγω μὲν G, λέγομεν C.

15 †ἐφ' ἑαυτῆς (ἐφ' ἑαυτοῖς) H₂ p. 262. 17 Post προσεχῶς
additum est οὖσα (H₁ p. 452) H₂ p. 262. || μαθηματικῶν G,
μαθημάτων C. 18 τὴν ὅλην αὐτῶν ἀνέλιξιν] 'totum ipsa-
rum orbem' et in praefatione 'materiam ipsarum invincibilem'
B. 'the complet circle of these sciences' T. || ἐφ' ἑαυτοῦ H₂.

19 τελεσιουργικὰς (τελειουργικὰς) H₁ p. 452 H₂ p. 262.

κῆν. ἀφ' ὧν δὴ χορηγουμένη καὶ τελειουμένη ἡ μαθηματικὴ τὰ μὲν δι' ἀναλύσεως εὐρίσκει, τὰ δὲ διὰ συνθέσεως, καὶ τὰ μὲν διαιρετικῶς ὑφηγεῖται, τὰ δὲ ὀριστικῶς, | τὰ δὲ δι' ἀποδείξεως καταδεῖται τῶν ζητουμένων, συναρμόζουσα μὲν τοῖς ὑποκειμένοις ἑαυτῇ ⁵ τὰς μεθόδους ταύτας, χρωμένη δὲ ἐκάστη πρὸς τὴν θεωρίαν τῶν μέσων λόγων, ὅθεν δὴ καὶ αἱ ἀναλύσεις ἐπ' αὐτῆς καὶ οἱ ὀρισμοὶ καὶ αἱ διαιρέσεις καὶ αἱ ἀποδείξεις οἰκεῖαί τέ εἰσι καὶ κατὰ τὸν τρόπον τῆς μαθηματικῆς γνώσεως ἀνελίσσονται. θριγγὸς οὖν εἰκότως ¹⁰ ἔστιν ἡ διαλεκτικὴ τῶν μαθημάτων, πᾶν τὸ νοερὸν αὐτῶν τελειοῦσα καὶ τὸ ἀκριβὲς ἀνελεγκτότερον ἀπεργαζομένη καὶ τὸ ἀκίνητον μόνιμον ὡσαύτως διαφυλάττουσα καὶ τὸ ἄϋλον καὶ καθαρὸν εἰς τὴν ἀπλότητα τὴν τοῦ νοῦ καὶ τὴν αὐλίαν ἀναφέρουσα καὶ τὰς ¹⁵ τε ἀρχὰς αὐτῶν τὰς πρώτας ἀφορίζουσα διὰ τῶν λόγων καὶ τὰς τῶν γενῶν καὶ εἰδῶν τῶν ὑπ' αὐτὰ διακρίσεις ἐκφαίνουσα, τὰς τε συνθέσεις τὰς ἐκ τῶν ἀρχῶν τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς προαγούσας καὶ τὰς ἀναλύσεις τὰς ²⁰ τ' ἐπὶ τὰ πρῶτα καὶ τὰς ἀρχὰς ἐπανιούσας ἀναδιδάσκουσα.

Καὶ μὴν καὶ τὸν σύνδεσμον τῶν μαθημάτων οὐ τὴν ἀναλογίαν, ὥσπερ Ἑρατοσθένους οἶεται, θετέον. ἡ γὰρ ἀναλογία τῶν κοινῶν τοῖς μαθήμασιν ἔν τι καὶ λέγεται εἶναι καὶ ἔστιν. πολλὰ δ' αὖ καὶ ἄλλα διήκει ²⁵ διὰ πάντων ὡς εἰπεῖν τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τῇ

5 καὶ ante συναρμόζουσα add. G, delet C. || μὲν om. G. || ἑαυτῆς M, G, ἑαυτῇ (ἑαυτοῦ) H, p. 452, H₂ p. 263. 7 λόγων ex G, ἀλόγων M, 'rationum' Z, 'sermones' B. 8 ἐπ'] ἀπ' G. || αὐτοῖς C. 10 γνώσεως] ἀποδείξεως C. 12 ἀνελεγκτότερον G, ἀνελεγκτότερον M, C. 14 τὸ καθαρὸν G. 17 ἐπ' αὐτὰ G. 20 τ' om. G, add. C.

κοινῇ φύσει τῶν μαθημάτων. ἀλλ' ὥς ἡμεῖς ἂν φαί-
 μεν, προσεχῆς μὲν ἐστὶν αὐτῶν σύνδεσμος ἡ μία καὶ
 ὅλη μαθηματικὴ τὰς πασῶν τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστη-
 μῶν ἀρχὰς ἀπλούστερον ἐν ἑαυτῇ περιέχουσα καὶ τὴν
 5 τε κοινωνίαν αὐτῶν καὶ τὴν διαφορὰν ἐπεσκεμμένην
 καὶ ὅσα τὰ αὐτὰ ἐν πάσαις ἀναδιδάσκουσα, καὶ ὅσα
 πλείοσιν ὑπάρχει καὶ ὅσα ἐλάττωσιν. καὶ ἐπὶ ταύτην
 ἀπὸ τῶν πολλῶν ἡ ἄνοδος τοῖς κατὰ τρόπον μανθά-
 νουσιν. ἀνωτέρω δ' ἔτι ταύτης ἡ διαλεκτικὴ τῶν μα-
 10 θημάτων ἂν εἴη σύνδεσμος, ἡ καὶ θριγγλὸν αὐτῶν, ὥς
 ἔφην, ἐν πολιτείᾳ προσείρηνεν. αὕτη γὰρ καὶ τὴν
 ὅλην μαθηματικὴν τελειοῖ καὶ εἰς νοῦν ἀναπέμπει ταῖς
 ἑαυτῆς δυνάμεσι, || καὶ ἐπιστήμην ὄντως ἀποφαίνει
 καὶ μόνιμον καὶ ἀνέλεγκτον ἀπεργάζεται. τρίτην δ'
 15 ἂν ἔχοι τάξιν ἐν τοῖς συνδέσμοις ὁ νοῦς αὐτὸς ὁ πά-
 σας τὰς διαλεκτικὰς δυνάμεις ἐν ἑαυτῷ μονοειδῶς
 περιέχων καὶ τὴν ποικιλίαν αὐτῶν διὰ τῆς ἀπλότητος
 καὶ τὸν μερισμὸν διὰ τῆς ἀμεροῦς γνώσεως καὶ τὸ
 πλῆθος διὰ τῆς ἐνώσεως συνάγων. αὐτὸς δὲ οὖν
 20 συμπτύσσει μὲν τὰς ἀνελίξεις τῶν διαλεκτικῶν μεθό-
 δων, συνδεῖ δὲ ἄνωθεν πᾶσαν τὴν διέξοδον τῶν μα-
 θηματικῶν λόγων, τέλος δ' ἐστὶ τὸ ἄριστον τῆς ἀνα-
 γώγου πορείας καὶ τῆς γνωστικῆς ἐνεργείας. ταῦτά
 μοι καὶ περὶ τούτων διωρίσθω.

25 Τὸ δ' αὖ ὄνομα αὐτὸ τοῦτο τὸ τῆς μαθηματικῆς
 καὶ τὸ τῶν μαθημάτων πόθεν ἂν φαίμεν ὑπὸ τῶν

7 ὑπερέχει G, ὑπάρχει C. 9 ἑκατέρα G, ἀνωτέρα C.
 10 ἂν om. G. 11 προσέθηκεν C. || αὕτη G. 14 ἀνέλεγκτον
 M, C. 21 διέξοδον] 'cogitationem' et in margine 'progres-
 sum' B. 22 τὸ ἄριστον] 'longe optimus' (sc. finis) et in mar-
 gine 'ipsum optimum' B. 26 ss. M. in margine: πόθεν ἐκλή-
 θησαν μαθημάτων τὰ γεωμετρικὰ καὶ ἀριθμητικὰ καὶ τὰ
 συγγενῆ τούτοις.

παλαιῶν ταῖς ἐπιστήμας ταύταις ἀποδεδόσθαι καὶ
 τίνα ἂν ἔχοι προσήκοντα λόγον; δοκεῖ δὴ μοι μὴ τῶν
 ἐπιτυχόντων εἶναι, καθάπερ δὴ τὰ πολλὰ τῶν ὀνομά-
 των, ἡ τοιαύτη τῆς ἐπιστήμης τῶν διανοητικῶν λόγων
 προσηγορία, ἀλλ' ὥσπερ δὴ καὶ λέγεται τῶν Πυθα- 5
 γορείων κατειδότεν μὲν ὅτι πᾶσα ἡ καλουμένη μά-
 θησις ἀνάμνησις ἐστὶν οὐκ ἔξωθεν ἐντιθεμένη ταῖς
 ψυχαῖς, ὥσπερ τὰ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν φαντάσματα
 τυποῦνται ἐν τῇ φαντασίᾳ, οὐδ' ἐπεισοδιώδης οἷσα,
 καθάπερ ἡ δοξαστική γνῶσις, ἀλλ' ἀνεγειρομένη μὲν 10
 ἀπὸ τῶν φαινομένων, προβαλλομένη δὲ ἐνδοθεν ἀπ'
 αὐτῆς τῆς διανοίας εἰς ἑαυτὴν ἐπιστρεφομένης, κατει-
 δότων δ' αὖ καὶ ὅτι τὰς ἀναμνήσεις εἰ καὶ πολλαχό-
 θεν δεικνύναι δυνατόν, ἀλλὰ διαφερόντως, ὅτι καὶ
 Πλάτων φησὶν, ἐκ τῶν μαθημάτων. ἐὰν γάρ τις ἐπὶ 15
 τὰ διαγράμματα ἄγῃ, φησὶν ἐκεῖνος, ἐνταῦθα ἄρα
 σαφέστατα κατηγορεῖ, ὡς ἐστὶν ἡ μάθησις ἀνάμνησις.
 ὁθεν δὴ καὶ ὁ ἐν τῷ Μένωνι Σωκράτης ἐκ τοῦδε τοῦ
 τρόπου τῆς ἐπιχειρήσεως ἐπέδειξεν, ὅτι τὸ μανθάνειν
 οὐκ ἄλλο τί ἐστὶν ἢ ἀναμιμνήσκεσθαι τὴν ψυχὴν τῶν 20
 ἑαυτῆς λόγων. αἴτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἀναμιμνησκομέ-
 νον ἐστὶ τὸ διανοητικὸν τῆς ψυχῆς. τοῦτο δὲ ἐν τοῖς
 λόγοις οὐσίωται τῶν μαθημάτων καὶ τὰς ἐπιστήμας
 αὐτῶν ἐν ἑαυτῷ προεῖληφεν, καὶ μὴ ἐνεργῇ κατ'

2 μὴ] καὶ G. 7 ἐντεθειμένη τῇ ψυχῇ H₂ p. 253.

10 ἀνεξεγειρομένη H₂ p. 253.

11 ἀπ' αὐτῆς] ἐφ' ἑαυτῆς,

(ἀφ' ἑαυτῆς) H₂ p. 253.

13—14 τὰς ἀναμνήσεις . . . ὅτι
 καὶ om. G, add. C. 16 φησὶν ἐκεῖνος] Phaedo p. 73 B, ex

quo loco Kn III p. 40 addendum esse censet inter ἄγῃ et ἐν-

ταῦθα: ἢ ἄλλο τι τῶν τοιούτων, ἐνταῦθα σαφέστατα κα-

τηγορεῖ, ὅτι τοῦτο οὕτως ἔχει. 18 ἐν τῷ Μένωνι] p. 81,

E ss. || Μένωνι G. 23 οὐσίωτον H₂ p. 254, quod corr.

Kn. III p. 41.

αὐτάς. ἔχει δ' οὖν πάσας οὐσιωδῶς καὶ κρυφίως, προ-
 φαίνει δὲ ἐκάστην, ὅταν ἀφαιρεθῇ τῶν ἐμποδίων τῶν
 ἐκ τῆς αἰσθήσεως. αἱ μὲν γὰρ αἰσθήσεις συνάπτουσιν
 αὐτὴν τοῖς μεριστοῖς, αἱ δὲ φαντασίαι μορφωτικῶν κι-
 5 νήσεων ἀναπιμπλᾶσιν, αἱ δὲ ὀρεῖξεις περισπῶσιν εἰς
 τὸν ἐμπαθῆ βίον. || πᾶν δὲ τὸ μεριστον ἐμπόδιόν ἐστι
 τῆς εἰς ἑαυτοὺς ἡμῖν ἐπιστροφῆς, καὶ πᾶν τὸ μορφω-
 τικὸν ἐπιθολοῖ τὴν ἀμόρφωτον γνῶσιν, καὶ πᾶν τὸ
 ἐμπαθὲς κώλυμα τῆς ἀπαθοῦς ἐνεργείας ἐστίν. ὅταν
 10 οὖν ταῦτα τῆς διανοίας ἀφέλωμεν, τότε κατ' αὐτὴν
 γιγνώσκειν τοὺς ἐν αὐτῇ δυνάμεθα λόγους, καὶ ἐπι-
 στήμονες εἶναι κατ' ἐνέργειαν καὶ γνῶσιν τὴν οὐσιώδη
 προβάλλειν. δεσμῶται δὲ ὄντες καὶ τὸ ὄμμα τῆς ψυ-
 χῆς μύοντες οὐ μὴ ποτε τὴν προσήκουσαν ἡμῖν τελει-
 15 ὀτητα σχοίημεν. αὕτη τοίνυν ἐστὶν ἡ μάθησις ἡ τῶν
 αἰδίων ἐν ψυχῇ λόγων ἀνάμνησις, καὶ μαθηματικὴ
 διὰ ταύτην ἡ πρὸς τὰς ἀναμνήσεις ἡμῖν τὰς ἐκείνων
 συντελοῦσα γνῶσις διαφερόντως | ἐπονομάζεται. καὶ
 τὸ ἔργον ἄρα τῆς ἐπιστήμης ταύτης ὁποῖον δὴ τί ἐστίν
 20 ἐκ τοῦ ὀνόματος δηλοῦνται κινητικὸν τῆς ἐμφύτου γνώ-
 σεως καὶ ἐγερτικὸν τῆς νοήσεως καὶ καθαρτικὸν τῆς
 διανοίας καὶ ἐκφαντορικὸν τῶν κατ' οὐσίαν ἡμῖν
 ὑπαρχόντων εἰδῶν, λήθης τε καὶ ἀγνοίας ἀφαιρετι-
 κόν, ὧν ἀπὸ τῆς γενέσεως ἔσχομεν, καὶ ἀπολυτικὸν
 25 τῶν ἐκ τῆς ἀλογίας δεσμῶν, κατὰ τὸν θεὸν ὄντως
 τὸν τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἔφορον, ὃς προάγει μὲν εἰς

2 ἕκαστον G, ἐκάστην C. || τὸ ἐμπόδιον H₂ p. 254.

3 ἐκ τῆς] αὐτῆς G, ἐκ τῆς C. 5 περὶ πτώσιν M. In margine

legitur in M: ση. ωρ. ἄγαν. 7 ἡμῶν H₂ p. 254. 15 αὕτῃ

G, αὕτη C. 18 γνῶσεις G. 20 ἐμφύτου om. G, add. C.

22 ἐκφαντικὸν G, ἐκφαντορικόν C. 24 ἔχομεν G, ἔσχομεν C.

25 ὄντος C.

τὸ ἐμφανὲς τὰ νοερὰ δῶρα, πληροῖ δὲ πάντα τῶν
 θείων λόγων, κινεῖ δὲ τὰς ψυχὰς ἐπὶ νοῦν, καὶ ὥσπερ
 ἐκ κάρου βαθέος ἀνεγείρει, διὰ ζητήσεως δὲ ἐπιστρέ-
 φει πρὸς ἑαυτάς, καὶ διὰ μαιείας τελειοῖ, καὶ δι' εὐρέ-
 σεως τοῦ καθαροῦ νοῦ περιάγει πρὸς τὴν μακαρίαν ⁵
 ζωὴν. ὧ δὴ καὶ ἡμεῖς ἀναθέντες τουτὶ τὸ σύγγραμμα
 τὴν περὶ τῆς μαθηματικῆς ἐπιστήμης θεωρίαν περι-
 γράψομεν.

1 δὲ om. M. 3 βαθέως G. 4 αὐτάς G. || μανείας G,
 μαιείας C. || διὰ εὐρέσεως G.

PROLOGI PARS POSTERIOR.

|| Τὰ μὲν δὴ κοινὰ καὶ ἐπὶ πᾶσαν διατείνοντα τὴν
μαθηματικὴν ἐπιστήμην ἐν τοῖς προειρημένοις λόγοις
τεθεάμεθα τῷ τε Πλάτῳ συμπορευόμενοι καὶ παρὰ
τῶν ἄλλων ἀναλεγόμενοι τὰ πρὸς τὴν παροῦσαν
5 πραγματείαν ἡμῖν συντείνοντα νοήματα. τούτοις δὲ
ἔπεται περὶ τε αὐτῆς τῆς γεωμετρίας εἰπεῖν καὶ τῆς
προκειμένης στοιχειώσεως, ἧς ἕνεκα τὸν σύμπαντα λό-
γον ἐνεστησάμεθα.

Ὅτι μὲν οὖν ἡ γεωμετρία τῆς ὅλης ἐστὶ μαθημα-
10 τικῆς μέρος καὶ ὅτι δευτέραν ἔχει τάξιν μετὰ τὴν
ἀριθμητικὴν ὡς ἐκ ταύτης τελειούμενη καὶ ἀφοριζο-
μένη — πᾶν γάρ, ὅσον ἐστὶ ῥητὸν ἐν αὐτῇ καὶ γνω-
στόν, ἐκ τῶν ἀριθμητικῶν ἀφορίζεται λόγων — εἴρη-
ται τοῖς παλαιοῖς καὶ οὐ πολλοῦ δεῖται λόγου πρὸς
15 τὸ παρόν. γένοιτο δ' ἂν ἡμῖν ἡ περὶ αὐτῆς ὑφήγησις
κατὰ νοῦν, εἰ τὴν ὑποκειμένην αὐτῇ ἐπισκοπήσαιμεν
ὕλην, τίνα τάξιν ἔλαχεν ἐν τοῖς οὗσι, καὶ τὴν οὐσίαν.

ΠΡΟΚΛΟΥ ΛΥΚΙΟΥ ΠΛΑΤΩΝΙΚΟΥ ΔΙΑΔΟΧΟΥ εἰς τὸ πρῶτον
ΕΥΚΛΕΪΔΟΥ ΣΤΟΙΧΕΙΟΝ 1^ο α' M; at in margine 1^ο β'. ΠΡΟΚΛΟΥ
ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν ΕΥΚΛΕΪΔΟΥΣ
ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΔΕΥΤΕΡΟΝ. G.

1 μὲν δὴ] μέντοι G. || ἐπὶ] διὰ C. 3 τιθέμεθα G. τε-
θεάμεθα C. 4 ἀνελόμενοι G. ἀναλεγόμενοι C. 17 ὕλην
in margine M. || ὕλην ἐπισκοπήσαιμεν G.

ἀπὸ γὰρ ταύτης καλῶς θεωρηθείσης καὶ ἡ τῆς γιγνω-
 σκούσης αὐτὴν ἐπιστήμης καταφανήσεται δύναμις καὶ
 ἡ ὠφέλεια ἢ ἀπ' αὐτῆς καὶ τὸ ἀγαθόν, ὅπερ εἰς τοὺς
 μανθάνοντας παραγίνεται. καὶ γὰρ δὴ καὶ ἀπορήσειεν
 ἂν τις, ἐν τίνι γένει τῶν ὄντων τὴν γεωμετρικὴν ὕλην 5
 τιθέμενος οὐκ ἂν ἁμάρτοι τῆς περὶ αὐτὴν ἀληθείας.
 εἴτε γὰρ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ἐστὶ τὰ σχήματα, περὶ ὧν
 ὁ γεωμέτρης διαλέγεται, καὶ ἀχώριστα τῆς ὕλης, πῶς
 εἴτι τὴν γεωμετρίαν τῶν αἰσθητῶν ἡμᾶς ἀπολύειν φη-
 σομεν καὶ περιάγειν εἰς τὴν ἀσώματον ὑπόστασιν καὶ 10
 συνεθισμὸν εἶναι πρὸς τὴν θεάν τῶν νοητῶν καὶ προ-
 ευτρεπίζειν εἰς τὴν κατὰ νοῦν ἐνέργειαν; ποῦ δὲ καὶ
 τεθεάμεθα ἐν τοῖς αἰσθητοῖς τὸ ἀμερὲς σημεῖον ἢ τὴν
 ἀπλατῇ γραμμὴν ἢ || τὴν ἀβαθῇ ἐπιφάνειαν ἢ τὴν ἰσό-
 τητα τῶν ἐκ τοῦ κέντρου γραμμῶν ἢ ὅλως τὰ πολύ- 15
 γωνα καὶ πολύεδρα σχήματα πάντα, περὶ ὧν ἡ γεω-
 μετρία διδάσκει; πῶς δὲ καὶ οἱ λόγοι τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης ἀνέλεγκτοι μένουσι τῶν αἰσθητῶν σχημάτων
 καὶ εἰδῶν τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἐπιδεχομένων καὶ κι-
 νουμένων πάντη καὶ μεταβαλλομένων ἀπάσης τε ἀορι- 20
 στίας ὕλικῆς ἀναπεπλησμένων καὶ τῆς μὲν ἰσότητος
 μετὰ τῆς ἐναντίας ἀνισότητος ὑφεστηκυίας, τῶν δὲ
 ἀμερίστων κατὰ μερισμὸν καὶ διάστασιν προεληλυθό-
 των; εἴτε ἔξω τῆς ὕλης ἐστὶ τὰ ὑποκείμενα τῇ γεω-
 μετρίας καὶ λόγοι καθαροὶ καὶ χωριστοὶ τῶν αἰσθητῶν, 25
 ἀμέριστοι πάντες ἔδονται καὶ ἀσώματοι καὶ ἀμεγέθεις.
 ἔκτασις γὰρ καὶ ὄγκος καὶ ὅλως διάστασις τοῖς λόγοις
 διὰ τὴν ὕλικὴν ὑποδοχὴν παραγίνεται, τὰ μὲν ἀμέ-

3 ἐπ' C. 11 εἰς θεάν G, πρὸς τὴν θεάν C. 18 ἀνέ-
 λεκτοι M, C. 20 πάντων G, πάντη M, C. 21 ἰσότης M.
 23 διάστασιν G, διάσπασιν M, C. 26 πάντως G.

ριστα μεριστῶς, τὰ δὲ ἀδιάστατα διαστατῶς, τὰ δὲ ἀκίνητα κινουμένως δεχομένην. πῶς οὖν ἔτι τὴν εὐθεΐαν τέμνομεν καὶ τὸ τρίγωνον καὶ τὸν κύκλον; πῶς δὲ γωνιῶν διαφορὰς λέγομεν καὶ αὐξήσεις αὐτῶν
 5 καὶ μειώσεις σχημάτων, οἷον τριγωνικῶν ἢ τετραγωνικῶν; πῶς δὲ τὰς ἀφὰς τῶν κύκλων ἢ τῶν εὐθειῶν;
 | πάντα γὰρ ταῦτα μεριστὴν εἶναι τὴν γεωμετρικὴν ὕλην ἐπιδεικνύουσι καὶ οὐκ ἐν ἀμερέσι λόγοις ὑφεστηκυῖαν.

- 10 Τὰ μὲν οὖν ἄπορα τοιαῦτα πρὸς τὸ καὶ τὸν Πλάτωνα διανοητὰ μὲν προσαγορεύειν τὰ τῆς γεωμετρίας εἶδη, χωρίζειν δὲ ἡμᾶς ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν τὰ τοιαῦτα καὶ εἰς νοῦν ἐγείρειν ἀπὸ αἰσθήσεως συγχωρεῖν, καίτοι γε, ὅπερ ἔφην, τῶν ἐν διανοίᾳ λόγων ἀμερῶν ὄντων
 15 καὶ ἀδιαστάτων κατὰ τὴν ιδιότητα τὴν ψυχικὴν ὑφεστηκότων. εἰ δὲ δεῖ καὶ τοῖς πράγμασιν αὐτοῖς καὶ τῇ τοῦ Πλάτωνος ὑφηγήσει συμφώνους ἀποδιδόναι λόγους, οὕτως διελόντες εἰπόμεν, πᾶν τὸ καθόλου καὶ τὸ ἐν τῶν πολλῶν περιληπτικὸν ἢ ἐν
 20 τοῖς καθ' ἕκαστα φαντάζεσθαι (πέφυκεν ἢ φαίνεται?) καὶ τὴν ὑπαρξιν ἐν τούτοις ἔχειν ἀχώριστον ἀπ' αὐτῶν ὑπάρχον καὶ κατατεταγμένον ἐν αὐτοῖς καὶ μετὰ τούτων ἢ συγκινούμενον ἢ μονίμως ἐστὼς καὶ ἀκινήτως, ἢ πρὸ τῶν πολλῶν ὑφεστάναι καὶ γεννητικὸν εἶναι

1—2 διαστατῶς ... ἀκίνητα om. G. 10—12 τὸν Πλάτωνα ... τὰ τοιαῦτα καὶ om. G, add. C. 12 χωρίζειν] 'progredi ... ad' et in praefatione 'separari ... per' B, 'advance ... to' T. 13 ἐγείρειν] 'exurgere' et in praefatione 'excitari' B, 'rise' T. 15 καὶ om. G, add. C. || διαστατων C. 18 εἴπομεν M. 19 τὸ ἐν τῷ] τὸ ἐν καὶ H₂ p. 260. 20 πέφυκεν ἢ φαίνεται omisum est in H₂. 21 ἔχον M, G, ἔχειν (ἐκεῖνα χωρὶς τῶν) H₁ p. 452, H₂ p. 260. 23 ἐστὼς M, ἐστὼς G, ἐστὸς (ἐστῶς, ἐστῶς) H₂.

τοῦ πλήθους ἐμφάσεις ἀφ' ἑαυτοῦ τοῖς πολλοῖς παρ-
 έχον καὶ ἀμερίστως μὲν αὐτὸ προτεταγμένον τῶν μετ-
 εχόντων, ποικίλας δὲ μεθέξεις εἰς τὰ δεύτερα χορηγοῦν,
 ἢ κατ' ἐπίνοιαν ἀπὸ τῶν πολλῶν μορφοῦσθαι καὶ τὴν
 ὑπαρξιν ἐπιγενηματικὴν ἔχειν καὶ ὑστερογενῶς ἐπι- 5
 συνίστασθαι τοῖς πολλοῖς. κατὰ γὰρ ταύτας οἶμαι τὰς
 τριπλᾶς ὑποστάσεις εὐρήσομεν τὰ μὲν πρὸ τῶν πολ-
 λῶν, τὰ δὲ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὰ δὲ κατὰ τὴν πρὸς αὐτὰ
 σχέσιν καὶ κατηγορίαν ὑφιστάμενα. || τριττῶν δὲ ὄν-
 των ὡς συνελόντι φάναι τῶν καθολικῶν εἰδῶν τοῦ 10
 μετεχομένου καὶ ἐν τοῖς πολλοῖς ὄντος καὶ τὰ μερικὰ
 συμπληροῦντος νοήσωμεν διαφορὰς κατὰ τὴν ὑποκει-
 μένην ὕλην. καὶ τὰ μετέχοντα αὐτὰ διττὰ θέμενοι,
 τὰ μὲν αἰσθητὰ τὰ δὲ ἐν φαντασίᾳ τὴν ὑπόστασιν
 ἔχοντα — καὶ γὰρ ἡ ὕλη διττή, καὶ ἡ μὲν τῶν αἰσθη- 15
 σει συζυγούντων ἡ δὲ τῶν φανταστικῶν; ὥς πον καὶ
 Ἀριστοτέλης φησι διττὸν εἶναι τὸ καθόλου — τὸ
 κατατεταγμένον συγχωρήσομεν, τὸ μὲν αἰσθητὸν ὡς
 μετεχόμενον ὑπὸ τῶν αἰσθητῶν, τὸ δὲ φανταστὸν ὡς
 ἐν τοῖς τῆς φαντασίας πλήθεσιν ὑφεσθηκός. καὶ γὰρ 20
 ἡ φαντασία διὰ τε τὴν μορφωτικὴν κίνησιν καὶ τὸ
 μετὰ σώματος καὶ ἐν σώματι τὴν ὑπόστασιν ἔχειν με-

2 προτεταμένον G, προτεταγμένον C. 5 γεννηματικὴν
 G, γεννηματικὴν C. 6 κατὰ] καὶ H₁ p. 452, H₂ p. 260.

πολλῶν

7 ἄλλων prima manu M. 8—11 τὰ δὲ κατὰ τὴν . . . ἐν τοῖς
 πολλοῖς om. G, add. C. || τὰ δὲ κατὰ] (καὶ H₁ H₂). || πρὸς
 αὐτὰ (πρὸς αὐτὰ) H₁ H₂. 9 καὶ ante κατηγορίαν omissum
 est in H₁ H₂. 10 ἐν (ἐν) ante συνελόντι est additum in H₁ H₂,
 'unico verbo' B, 'ut breviter dicam' Z. 11 καὶ ante ἐν τοῖς
 πολλοῖς omissum est in H₁ H₂. || ὄντως M. || μεριστὰ G, με-
 ρικὰ C, (μετρικὰ H₂). 12 ἐκπληροῦντος (H₁) H₂. 13 αὐτοῦ
 M, G, αὐτὰ (αὐτοῦ) H₂. 16 φανταστικῶν H₂. 20 τῆς
 om. G.

ριστῶν ἀεὶ καὶ διηρημένων ἐστὶν καὶ ἐσχηματισμένων
 τύπων οἰστική, καὶ πᾶν ὃ γινώσκει τοιαύτην ἔλαχεν
 ὑπαρξιν. ὅθεν δὴ καὶ νοῦν παθητικόν τις αὐτὴν
 προσειπεῖν οὐκ ὥκνησεν. καίτοι γε εἰ νοῦς, πῶς οὐκ
 5 ἀπαθὴς καὶ ἄυλος; εἰ δὲ μετὰ πάθους ἐνεργεῖ, πῶς
 ἔτι νοῦς ἂν κληθεῖν δικαίως; ἀπάθεια μὲν γὰρ τῷ νῷ
 προσήκει καὶ τῇ νοεῖ φύσει, τὸ δὲ παθητικὸν πόρρω
 τῆς οὐσίας ἐκείνης. ἀλλ' οἶμαι τὸ μέσον αὐτῆς ἐμφῆ-
 ναι βουλόμενος τῶν τε πρωτίστων γνώσεων καὶ τῶν
 10 ἐσχάτων ἅμα καὶ νοῦν αὐτὴν προσεῖπεν ὥς ἐοικυῖαν
 ταῖς πρωτίσταις καὶ παθητικὸν κατὰ τὴν πρὸς τὰ
 ἔσχατα συγγένειαν. αἱ μὲν γὰρ ἀσχημάτιστοι καὶ
 ἀμόρφωτοι γνώσεις εἰσιν ἐν ἑαυταῖς ἔχουσιν τὰ νοητὰ
 καὶ περὶ ἑαυτὰς ἐνεργοῦσαι καὶ συνηνωμέναι τοῖς
 15 γνωστοῖς, παντὸς τύπου καὶ πάθους ἀλλαχόθεν ἐφή-
 κοντος καθαρεύουσαι. αἱ δὲ ἔσχαται διὰ τῶν ὀργά-
 νων ἐνεργοῦσι καὶ παθήματα μᾶλλον εἰσιν, ἔξωθεν
 εἰσδεχόμεναι τὰς γνώσεις καὶ συγκινούμεναι τοῖς ὑπο-
 κειμένοις. τοιαῦτα γὰρ αἱ αἰσθήσεις, ἐκ βιαιῶν παθη-
 20 μάτων γινόμεναι, φησὶν ὁ Πλάτων. ἡ δ' αὖ φαν-
 τασία τὸ μέσον κέντρον κατέχουσα τῶν γνώσεων
 ἀνεγείρεται μὲν ἀφ' ἑαυτῆς καὶ προβάλλει τὸ γνωστόν,
 ἅτε δὲ οὐκ ἔξω σώματος οὔσα ἐκ τοῦ ἀμεροῦς τῆς
 ζωῆς εἰς μερισμὸν καὶ διάστασιν καὶ σχῆμα προάγει
 25 τὰ γνωστὰ αὐτῆς, καὶ διὰ τοῦτο πᾶν, ὅπερ ἂν νοῆ,
 τύπος ἐστὶ καὶ μορφὴ νοήματος, καὶ τὸν τε κύκλον
 διαστατῶς νοεῖ τῆς μὲν ἐκτὸς ὕλης καθαρεύοντα

2 οἰστικόν G. 4 εἰ om. G, add. C.
 19 παθημάτων
 25 ἀνοή M.
 26 τῶν τε κύκλων C.

διὰ τῶν
 16 δι' ὧν ὀργά-
 19 παθημάτων
 25 ἀνοή M.

νοητὴν δὲ ὕλην ἔχοντα τὴν ἐν αὐτῇ, καὶ διὰ τοῦτο οὐχ εἷς ἐν αὐτῇ κύκλος, ὥσπερ οὐδὲ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς. ἅμα γὰρ διάστασις ἀναφαίνεται καὶ τὸ μεῖζον καὶ τὸ ἔλασσον καὶ τὸ πλῆθος τῶν τε κύκλων καὶ τῶν τριγώνων. εἰ οὖν || ἐν τοῖς αἰσθητοῖς κύκλοις ἐστὶ τὸ ⁵ καθόλου κατατεταγμένον, ὃ καὶ ἕκαστον αὐτῶν κύκλον ἀπετέλεσεν καὶ πάντας ὁμοίους ἀλλήλοις καθ' ἓνα λόγον ὑποστάντας, διαφέροντας δὲ ἢ μεγέθεσιν ἢ τοῖς ὑποκειμένοις, καὶ τοῖς φανταστοῖς κύκλοις ἐστὶ τι κοινὸν καὶ μετεχόμενον καὶ κατὰ τοῦτο πάντες τὴν ¹⁰ αὐτὴν ἔχουσι μορφήν. ἡ δὲ διαφορὰ αὐτοῖς καθ' ἓν ἐνταῦθα μόνον τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ μέγεθος. ὅταν γὰρ πολλοὺς ὁμοκέντρους φαντασθῆς, ἐν ἐνὶ μὲν πάντες ὑποκειμένῳ καὶ αὐτῷ καὶ ἐν ζωῇ τὴν ὑπαρξιν ἔχουσιν ἀχωρίστω σώματος ἀπλοῦ καὶ τῷ διαστήματι πλεονά- ¹⁵ σαντος τῆς ἀμεροῦς οὐσίας, διαφέρουσι δὲ τῷ τε μεγέθει καὶ τῇ μικρότητι καὶ τῷ περιέχεσθαι καὶ περιέχειν. διττὸν οὖν σοι νοείσθω τὸ καθόλου τὸ ἐν τοῖς πολλοῖς, τὸ μὲν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς, τὸ δὲ ἐν τοῖς φανταστοῖς. καὶ ὁ κυκλικὸς λόγος διττὸς καὶ ὁ τριγωνι- ²⁰ κὸς καὶ αὐτὸς ὁ τοῦ σχήματος, ὁ μὲν ἐπὶ τῆς νοητῆς ὕλης, ὁ δὲ ἐπὶ τῆς αἰσθητῆς. πρὸ δὲ τούτων ἦν ὁ τε ἐν διανοίᾳ λόγος καὶ ὁ ἐν τῇ φύσει, ὁ μὲν τῶν φανταστικῶν κύκλων ὑποστάτης καὶ τοῦ ἐν αὐτοῖς ἐνὸς εἶδους, ὁ δὲ τῶν αἰσθητικῶν. ἔστωσαν γὰρ οἱ ἐν ²⁵ οὐρανῷ κύκλοι καὶ ὅλως οἱ τῆς φύσεως ἔκγονοι. καὶ ὥσπερ ἀμερῆς ὁ ἐν διανοίᾳ λόγος, οὕτως καὶ ὁ φυσι-

3 ἀναφένεται M. 4 τε om. G. 8 ὑποστάντος C.

9 λόγοις G, κύκλοις C. 12 ὅτε G, ὅταν C. 13 ἐν om. M, G;

'in uno' B. 15 πλεονάζοντος G. 16 τε om. G, add. C.

17 τῷ] τὸ M, G. 18 σοι om. G, συννοείσθω C.

κός. ἔστι γὰρ καὶ τὰ διαστατὰ ἀδιαστάτως καὶ τὰ
 μεριστὰ ἀμερίστως καὶ τὰ μεγέθη ἀμεγέθως ἐν | ταῖς
 ἀσωμάτοις αἰτίαις, ὥσπερ αὖ ἀνάπαλιν τὰ ἀμέριστα
 μεριστῶς καὶ τὰ ἀμεγέθη μεγεθυσμένως ἐν ταῖς σω-
 5 ματικαῖς. καὶ διὰ τοῦτο ὁ μὲν ἐν διανοίᾳ κύκλος εἰς
 καὶ ἀπλοῦς ἔστι καὶ ἀδιάστατος καὶ αὐτὸ τὸ μέγεθος
 ἀμεγέθες ἐκεῖ — λόγοι γὰρ ἄνευ ὕλης τὰ τοιαῦτα
 καὶ τὸ σχῆμα ἀσχημάτιστον — ὁ δ' ἐν φαντασίᾳ με-
 ριστὸς ἐσχηματισμένος διάστατος, οὐχ εἰς μόνον, ἀλλ'
 10 εἰς καὶ πολὺς, καὶ οὐκ εἶδος μόνον, ἀλλὰ κατατεταγμέ-
 νον εἶδος, ὁ δ' ἐν τοῖς αἰσθητοῖς καὶ τῆς ἀκριβείας
 ὕφεσιν ἔχων καὶ ἀνάπλεως τῆς εὐθείας καὶ τῆς καθα-
 ρότητος τῶν αὐτῶν ἀπολειπόμενος.

Τὴν τοίνυν γεωμετρίαν ὅταν περὶ κύκλον τι λέγῃ
 15 καὶ διαμέτρου καὶ τῶν περὶ τὸν κύκλον παθημάτων,
 οἷον ἀφῶν διαιρέσεων τῶν τοιούτων, μήτε περὶ τῶν
 αἰσθητῶν λέγωμεν ἀναδιδάσκειν — χωρίζειν γὰρ ἀπὸ
 τούτων ἐπιχειρεῖ — μήτε τοῦ ἐν διανοίᾳ εἶδους. εἰς
 γὰρ ὁ κύκλος, ἡ δὲ περὶ πολλῶν ποιεῖται τοὺς λόγους
 20 καθ' ἓνα ἕκαστον προβάλλουσα καὶ περὶ ἀπάντων τὰ
 αὐτὰ θεωροῦσα. καὶ ἀδιαίρετος μὲν ἐκεῖνος, διαιρε-
 τὸς δὲ || ὁ ἐν γεωμετρίᾳ κύκλος. ἀλλὰ τὸ καθόλου μὲν
 αὐτῷ συγχωρῶμεν ἐπισκοπεῖν, τοῦτο δ' ἄρα ἐκεῖνο
 τὸ κατατεταγμένον ἐν τοῖς φανταστοῖς κύκλοις, καὶ
 25 ἄλλον μὲν ὁρᾶν καὶ κατ' ἄλλον θεωρεῖν τὸν ἐν δια-
 νοίᾳ κύκλον, περὶ ἄλλον δὲ ποιεῖσθαι τὰς ἀποδείξεις.
 ἔχουσα γὰρ ἡ διάνοια τοὺς λόγους, ἀσθενοῦσα δὲ

4 μεγεθυσμένως G. 5 ἐν ante διανοίᾳ om. G, add. C.

10 πολλοὶ G. 13 κύκλων G, αὐτῶν C. 14 ὅτε G, ὅταν C.

15 ἀμέτρου om. syllaba δι M. || περὶ τὸν κύκλον] περὶ
 κύκλου G. 17 λέγομεν G. 18 ἐπιχωρεῖ G, ἐπιχειρεῖ C.

25 ἄλλω M.

συνεπτυγμένως ἰδεῖν ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς καὶ ὑπεκτί-
 θεται καὶ εἰς τὴν φαντασίαν ἐν προθύροις κειμένην
 προάγει καὶ ἐν ἐκείνῃ ἢ καὶ μετ' ἐκείνης ἀνελίττει τὴν
 γνῶσιν αὐτῶν, ἀγαπήσασα μὲν τὸν ἀπὸ τῶν αἰσθη-
 τῶν χωρισμόν, τὴν δὲ φανταστὴν ὕλην εὐτρεπῇ πρὸς 5
 ὑποδοχὴν εὐροῦσα τῶν ἑαυτῆς εἰδῶν. ὅθεν καὶ ἡ
 νόησις αὐτῆς μετὰ φαντασίας αἷ τε συνθέσεις τῶν
 σχημάτων καὶ αἱ διαιρέσεις φαντασται καὶ ἡ γνῶσις
 ὁδὸς μὲν εἰς τὴν διανοητικὴν ἐστὶν οὐσίαν, οὕτω δὲ
 εἰς ἐκείνην ἀναδεδράμηκε, τῆς διανοίας εἰς τὰ ἔξω 10
 βλεπούσης καὶ ταῦτα κατὰ τὰ ἐνδοθεν θεωρούσης καὶ
 προβολαῖς μὲν χρωμένης λόγων ἄλλ' ἀφ' ἑαυτῆς εἰς
 τὸ ἔξω κινουμένης. εἰ δέ ποτε συμπτύξασα τὰς δια-
 στάσεις καὶ τοὺς τύπους καὶ τὸ πλῆθος ἀτυπώτως καὶ
 ἐνοειδῶς θεασαμένη πρὸς ἑαυτὴν ἐπιστρέψαι δυνη- 15
 θεῖη, τότε ἂν διαφερόντως τοὺς λόγους τοὺς γεωμε-
 τρικοὺς ἴδοι τοὺς ἀμερίστους, τοὺς ἀδιαστάτους, τοὺς
 οὐσιώδεις, ὧν ἐστὶ πλήρωμα. καὶ ἡ ἐνέργεια αὐτῆς
 αὕτη τέλος ἂν εἴη τὸ ἄριστον τῆς περὶ γεωμετρίαν
 σπουδῆς καὶ ὅντως τῆς Ἑρμαϊκῆς δόσεως ἔργον, ἀπὸ 20
 τινος Καλυψοῦς ἀναγούσης αὐτὴν εἰς τελειότεραν καὶ
 νοερωτέραν γνῶσιν καὶ ἀπολυούσης τῶν ἐν φαντασίᾳ
 μορφωτικῶν ἐπιβολῶν. καὶ ταύτην δεῖ τὴν μελέτην
 μελετᾶν τὸν ὡς ἀληθῶς γεωμετρικόν, καὶ πρὸς τὴν
 ἔγερσιν καὶ τὴν ἀπὸ τῆς φαντασίας μετάστασιν εἰς 25
 μόνην τὴν διάνοιαν αὐτὴν καθ' αὐτὴν ποιεῖσθαι τέ-
 λος, ἀρπάζοντα ἑαυτὸν ἀπὸ τῶν διαστάσεων καὶ τοῦ

1 ἀναπλῶται αὐτοὺς καὶ ὑποτίθεται G, ἀναπλοῖ τε αὐτοὺς
 καὶ ὑπεκτίθεται C. 9 ἀδιανοητικὴν G, διανοητικὴν C.

12 ἡγεμένη C. 19 αὕτη om. G. 20 ὑπό C. 21 τε-
 λειότητα G, τελειότεραν C. 22 νεωτέραν G. 24 τὴν post
 πρὸς om. G, add. C.

παθητικοῦ νοῦ πρὸς τὴν διανοητικὴν ἐνέργειαν, καθ' ἣν πάντα ἀδιαστάτως ὄψεται καὶ ἐν ἁμερεῖ τὸν κύκλον, τὴν διάμετρον, τὰ ἐν τῷ κύκλῳ πολύγωνα, καὶ πάντα ἐν πᾶσιν καὶ ἕκαστον χωρὶς. διὰ γὰρ τοῦτο καὶ ἐν
 5 φαντασίᾳ δείκνυμεν ἐν τε τοῖς πολυγώνοις τοὺς κύκλους ἐγγραφομένους καὶ ἐν τοῖς κύκλοις τὰ πολύγωνα, μιμούμενοι τὴν τῶν ἁμερῶν λόγων δι' ἀλλήλων δεῖξιν. διὰ ταῦτα γὰρ ἄρα καὶ συστάσεις σχημάτων καὶ γενέσεις καὶ διαιρέσεις ἀναγράφομεν καὶ θέσεις
 10 καὶ παραβολάς. διότι τῇ φαντασίᾳ προσχρώμεθα καὶ ταῖς ἐκ ταύτης διαστάσεσιν, ἐπεὶ τό γε εἶδος αὐτὸ ἀκίνητόν ἐστι καὶ ἀγέννητον καὶ ἀδιαίρετον καὶ παντὸς ὑποκειμένου καθαρεῦον. ἀλλὰ καὶ ὅσα κρυφίως ἐστὶν ἐν ἐκείνῳ, διαστατῶς καὶ μεριστῶς εἰς φαντα-
 15 σίαν προάγεται καὶ τὸ μὲν προβάλλον ἢ διάνοια, τὸ δὲ ἀφ' οὗ || προβάλλεται τὸ διανοητὸν εἶδος, τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ προβαλλόμενον παθητικὸς οὗτος καλούμενος νοῦς, ἐξελλίττων ἑαυτὸν περὶ τὴν ἁμέρειαν τοῦ ἀληθοῦς νοῦ καὶ διῆστας ἑαυτοῦ τὸ ἀδιάστατον τῆς
 20 ἀκραιφνοῦς νοήσεως καὶ μορφῶν ἑαυτὸν κατὰ πάντα τὰ ἀμόρφωτα εἶδη καὶ πάντα γιγνόμενος, ἃ ἐστὶν ἡ διάνοια καὶ ὁ ἁμερῆς ἐν ἡμῖν λόγος.

Περὶ μὲν οὖν τῆς γεωμετρικῆς ὕλης τοσαῦτα ἔχομεν λέγειν οὐκ ἀγνοοῦντες, ὅσα καὶ ὁ φιλόσοφος Πορ-
 25 φύριος ἐν τοῖς συμμίκτοις γέγραphen καὶ οἱ πλεῖστοι

8 δεῖξιν ex G; δῖμξιν, sed μ (= ν) rasura maximam partem deleto, M. 10 προσχρώμεθα om. G, add. C. 11 Post ταύτης ταύταις add. M, C. 13 καθαριεύον C. 14 διαστατῶς καὶ ἀμερίστως M, G, διαστατῶς ἀμερίστως B₃, 'absque intervallo ac sine partitione' Z, 'cum intervallis, partibiliterque' B. 16 τὸ δὲ ἐν ᾧ τὸ] δὲ et alterum τὸ add. G, delet C, om. M. 19 ἑαυτοῦ G, ἑαυτὸν M, C; a sese B; magis placet ἑαυτῷ vel ἐν ἑαυτῷ.

τῶν Πλατωνικῶν διατάττονται, συμφωνότερα δὲ εἶναι ταῦτα ταῖς γεωμετρικαῖς ἐφόδοις νομίζοντες καὶ τῷ Πλάτῳ διανοητὰ καλοῦντι τὰ ὑποκείμενα τῇ γεωμετρίας. συνάδει γὰρ οὖν ταῦτα ἀλλήλοις, διότι τῶν γεωμετρικῶν εἰδῶν αἱ μὲν αἰτίαι, καθ' ἃς καὶ ἡ διάνοια προβάλλει τὰς ἀποδείξεις, ἐν αὐτῇ προϋφιστήκασιν, αὐτὰ δὲ ἕκαστα τὰ διαιρούμενα καὶ συντιθέμενα σχήματα περὶ τὴν φαντασίαν προβέβληται. περὶ δὲ τῆς ἐπιστήμης αὐτῆς τῆς τούτων θεωρητικῆς μετὰ ταῦτα λέγωμεν. γνωστικὴ μὲν οὖν ἐστὶ μεγεθῶν 10 καὶ σχημάτων καὶ τῶν ἐν τούτοις περάτων, ἔτι δὲ τῶν λόγων τῶν ἐν αὐτοῖς ἡ γεωμετρία καὶ τῶν παθῶν τῶν περὶ αὐτὰ καὶ τῶν παντοίων θέσεων καὶ κινήσεων, προϊούσα μὲν ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς σημείου, καταβαίνουσα δὲ μέχρι τῶν στερεῶν καὶ τὰς πολυειδεῖς 15 αὐτῶν διαφορότητας ἀνευρίσκουσα, καὶ αὖ πάλιν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς τούτων ἀνατρέχουσα. καὶ γὰρ συνθέσεις χρηταὶ καὶ ἀναλύσεις, αἱ μὲν ἐξ ὑποθέσεων ὁρμῶσα καὶ τὰς ἀρχὰς ἀπὸ τῆς πρὸ αὐτῆς ἐπιστήμης λαμβάνουσα, 20 χρωμένη δὲ ταῖς διαλεκτικαῖς ἀπάσαις μεθόδοις, περὶ μὲν τὰς ἀρχὰς διαιρέσει τῶν εἰδῶν ἀπὸ τῶν γενῶν καὶ τοῖς ὀριστικοῖς λόγοις, περὶ δὲ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείξει καὶ ἀναλύσει, ἵνα καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλουστερῶν τὰ ποικιλώτερα δεικνύῃ προϊόντα καὶ ἐπ' 25 αὐτὰ πάλιν ἀναστρέφοντα καὶ χωρὶς μὲν περὶ τῶν ὑποκειμένων αὐτῇ ποιουμένη τοὺς λόγους, χωρὶς δὲ περὶ τῶν ἀξιωματικῶν, ἀφ' ὧν ὥρμηται πρὸς τὰς ἀπο-

6 ἀποδείξης M.

8 βέβληται G, προβέβληται C.

10 λέγομεν M.

12 τῶν ante παθῶν om. G.

- δείξεις, καὶ τῶν αἰτημάτων, χωρὶς δὲ περὶ τῶν καθ' αὐτὰ συμβεβηκότων, ἃ καὶ δείκνυσιν ὑπάρχοντα τοῖς ὑποκειμένοις. ἐκάστη γὰρ τῶν ἐπιστημῶν ἄλλο μὲν ἔχει τὸ γένος, περὶ ὃ πραγματεύεται καὶ οὗ τὰ πάθη
- 5 σκοπεῖν προτίθεται, ἄλλας δὲ τὰς ἀρχάς, αἷς χρῆται πρὸς τὰς ἀποδείξεις, ἄλλα δὲ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα. καὶ τὰ μὲν ἀξιώματα || κοινὰ πάσαις, εἰ καὶ ἐκάστη χρῆται πρὸς τὴν ὑποκειμένην ὕλην οἰκείως αὐτοῖς, τὸ δὲ γένος καὶ τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκὸς διαφέρει.
- 10 Τὰ μὲν οὖν ὑποκείμενα γεωμετρίας ἐστὶ τρίγωνα καὶ τετράγωνα καὶ κύκλοι καὶ ὅλως σχήματα καὶ μεγέθη καὶ τὰ τούτων πέρατα, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τούτοις αἱ διαιρέσεις, οἱ λόγοι, αἱ ἀφαί, αἱ ἰσότητες, αἱ παραβολαί, αἱ ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις,
- 15 πάντα τὰ τοιαῦτα, τὰ δὲ αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα, δι' ὧν ἀποδείκνυσιν ἕκαστα, τὸ ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν ἄγειν, τὸ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ, ἴσα εἶναι τὰ καταλειπόμενα καὶ τὰ τούτοις ἐπόμενα. διὸ καὶ οὔτε πᾶν πρόβλημα οὔτε πᾶν ἐρώ-
- 20 τημα γεωμετρικὸν ἐστίν, ἀλλὰ ὅσα ἐκ τῶν γεωμετρίας ἐστὶν ἀρχῶν, καὶ ὁ ἐκ τούτων ἐλεγχόμενος ἐλέγχοιτο ἂν ὡς γεωμέτρης. ὅσα δὲ μὴ ἐκ τούτων, οὐ γεωμετρικὰ ἀλλ' ἀγεωμέτρητα. διττὰ δὲ καὶ ταῦτά ἐστιν· ἢ γὰρ παντελῶς ἐξ ἐτέρων ἐστὶν ἀρχῶν, ὥσπερ τὸ
- 25 μουσικὸν ἐρώτημά φαμεν ἀγεωμέτρητον, ὅτι ἐξ ἄλλων παντελῶς ὑποθέσεων ὥρμηται καὶ οὐκ ἐκ τῶν γεωμετρίας ἀρχῶν, ἢ τὸ ταῖς γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς χρώμε-

1 τῶν αἰτημάτων om. G, τὰ αἰτήματα add. C. 14 αἱ ὑπερβολαί, αἱ ἐλλείψεις, πάντα τὰ τοιαῦτα in M in trium deinceps linearum extremis partibus sunt scripta, quarum linearum reliquae partes sunt vacuae relictæ. Posteram manum vix agnoveris, nec in B, est, quod suspicionem moveat. 17 ἀνάγειν C.

νον, ἀλλὰ διαστρόφως, οἷον εἴ τις λέγοι τὰς παραλλή-
λους συμπίπτειν. καὶ διὰ ταῦτα ἄρα καὶ ἡ γεωμετρία
κριτήρια παραδίδωσιν ἡμῖν, ἀφ' ὧν δυνησόμεθα δια-
γιννώσκειν τὰ τε ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς αὐτῆς καὶ ὅσα
τὴν ἐκείνων ἀλήθειαν ἐκβαίνει. οἱ γὰρ τρόποι, καθ' 5
οὓς τὰ ψευδάρια διελέγχειν δυνατόν, ὅπη διημάσσεται,
ταύτην ἔχουσι τὴν ἐπαγγελίαν. ἄλλα γὰρ ἔπεται ταῖς
γεωμετρικαῖς ἀρχαῖς καὶ ἄλλα ταῖς ἀριθμητικαῖς. τί
γὰρ δεῖ λέγειν περὶ τῶν . . . πάμπολυ λείπονται τού-
των; ἀκριβεστέρα γὰρ ἐστὶν ἐπιστήμη ἄλλη ἄλλης; ὥς 10
φησιν Ἀριστοτέλης, ἥ τε ποικιλωτέραις ἀρχαῖς
χρωμένη τῆς ἐξ ἀπλουστέρων ὑποθέσεων ὠρμημένης
καὶ ἡ τὸ διότι λέγουσα τῆς τὸ ὅτι γινωσκούσης καὶ ἡ
περὶ νοητῶν πραγματευομένη τῆς τῶν αἰσθητῶν ἐφα-
πτομένης. καὶ κατὰ ταύτας τὰς ἀποδόσεις τῆς ἀκρι- 15
βείας ἀριθμητικῇ μὲν ἀκριβεστέρα γεωμετρίας — αἱ
γὰρ ἐκείνης ἀρχαὶ τῇ ἀπλότητι διαφέρουσιν. ἡ μὲν
γὰρ μονὰς ἄθειός ἐστιν, ἡ δὲ στιγμή θέσιν ἔχουσα,
καὶ ἀρχαὶ γεωμετρίας μὲν ἡ στιγμή προσλαβοῦσα τὴν
θέσιν, ἀριθμητικῆς δὲ ἡ μονάς — γεωμετρία δὲ σφαι- 20
ρικῆς καὶ ἀριθμητικῆς μουσικῆς — αὗται γὰρ τὰς
αἰτίας ἀποδιδόασιν καθόλου τῶν ὑπ' ἐκείνας θεωρη-
μάτων — γεωμετρία δὲ μηχανικῆς ἢ ὀπτικῆς, ὅτι περὶ

6 ὃ μὴ G, ὁπὴ C. 9 τῶν ὑπάμπολυ M; super v postera
manus scripsit οἷ, quod eadem manus etiam in margine ad-
scripsit; τῶν ἄλλων εἰ πάμπολυ G; τῶν ἄ πάμπολυ B₃; 'si ex
his multa sunt defectiva' Z; 'de aliis, . . . si quidem ab iis pluri-
mum distant' B. Ego coniecerim ab initio scriptum fuisse τῶν
ὑπὸ ταύτας ἐπιστημῶν, αἷ vel alia similia. 11 An. post. 1, 24.

12 ἐξ B₃ G, om. M. Dicendum fuisse ἥ τε ἐξ ἀπλουστέρων
ὑποθέσεων ὠρμημένη τῆς ποικιλωτέραις ἀρχαῖς χρωμένης vidit
Barocius. Dubium tamen est utrum lapsus calami auctori an scri-
bae sit tribuendus. || ὠρμουμένης C. 15 ἀποδείξεις G. 19 μὲν
γεωμετρίας G. 23 ἡ ὀπτικῆς om. G, καὶ ὀπτικῆς add. C.

αἰσθητῶν αὐταὶ ποιοῦνται τοὺς λόγους. αἱ μὲν οὖν ἀριθμητικῆς ἀρχαὶ καὶ γεωμετρίας τῶν ἄλλων || διαφέρουσιν, αἱ δὲ αὐτῶν τούτων ὑποθέσεις διεστήκασιν μὲν ἀπ' ἀλλήλων, καθ' ἣν εἵπομεν διάστασιν, ἔχουσιν
 5 δ' αὖ καὶ κοινωνίαν πρὸς ἀλλήλας, διὸ καὶ τῶν θεωρημάτων τῶν δεικνυμένων τὰ μὲν ἐστὶν αὐταῖς κοινὰ τὰ δὲ ἴδια ἑκατέρας. τὸ μὲν γὰρ πάντα λόγον εἶναι ῥητὸν ἀριθμητικῇ προσήκει μόνῃ, γεωμετρίᾳ δὲ οὐδαμῶς· εἰσὶ γὰρ ἐν αὐτῇ καὶ ἄρρητοι λόγοι. καὶ τὸ ὠρίσθαι κατὰ τὸ ἔλασσον τοὺς τῶν τετραγώνων γνώμο-
 10 νας ἀριθμητικῆς ἴδιον· ἐν γεωμετρίᾳ γὰρ τὸ ἐλάχιστον ὅλως οὐκ ἐστὶν. γεωμετρίας δὲ ἐστὶν ἐξαίρετα τὰ περὶ τὰς θέσεις — οἱ γὰρ ἀριθμοὶ θέσιν οὐκ ἔχουσιν — τὰ περὶ τὰς ἀφάς — ἐν γὰρ συνεχέσι τὸ ἄπτεσθαι
 15 — τὸ περὶ τὰς ἀλόγους — ὅπου γὰρ ἐπ' ἄπειρον ἡ διαίρεσις, ἐκεῖ καὶ τὸ ἄλογον. κοινὰ δὲ ἐστὶν ἀμφοτέρων τὰ κατὰ τὰς τομάς, οἷας Εὐκλείδης ἐν τῷ δευτέρῳ παραδίδωσι, πλὴν τῆς τὴν εὐθείαν εἰς ἄκρον καὶ μέσον λόγον τεμνούσης. τῶν δ' αὖ κοινῶν τού-
 20 των θεωρημάτων τὸ μὲν ἀπὸ γεωμετρίας εἰς ἀριθμητικὴν μετέγεται, τὰ δὲ ἔμπαλιν ἀπὸ ἀριθμητικῆς εἰς γεωμετρίαν, τὰ δὲ ὁμοίως ἀμφοτέραις προσήκεν ἀπὸ τῆς ὅλης μαθηματικῆς ἐπιστήμης εἰς | αὐτάς καθήκοντα. τὸ μὲν γὰρ ἐναλλάξ καὶ αἱ ἀναστροφαὶ τῶν
 25 λόγων καὶ αἱ συνθέσεις καὶ αἱ διαιρέσεις κατὰ τοῦτον τὸν τρόπον ἐστὶ κοινὸν ἀμφοτέραις, τὰ δὲ τῶν συμμετρῶν ἀριθμητικὴ μὲν θεωρεῖ πρῶτως, γεωμετρία δὲ δευτέρως ἐκείνην μιμουμένη. διὸ καὶ τὰ σύμμετρα

τούτω ταῦτα ἀφορίζεται, ὅσα λόγον ἔχει πρὸς ἄλληλα, ὃν ἀριθμὸς πρὸς ἀριθμὸν ὡς τῆς συμμετρίας προηγου- μένως ἐν ἀριθμοῖς ὑφισταμένης. ὅπου γὰρ ἀριθμός, ἐκεῖ καὶ τὸ σύμμετρον, καὶ ὅπου τὸ σύμμετρον, καὶ ὁ ἀριθμός. τὰ γε μὴν τῶν τριγώνων καὶ τετραγώνων 5 γεωμετρία μὲν θεωρεῖ πρῶτως, κατ' ἀναλογίαν δὲ λαβούσα παρ' αὐτῆς ἡ ἀριθμητικὴ· καὶ γὰρ ἐν τοῖς ἀριθμοῖς σχήματα κατ' αἰτίαν ἐστίν. ἐκ τῶν ἀποτελεσμάτων οὖν ὀρμηθέντες ἐπὶ τὰς αἰτίας αὐτῶν τὰς ἐν τοῖς ἀριθμοῖς μέτιμεν, καὶ ὅπου μὲν ἀπαράλλάκτως 10 τὰ αὐτὰ συμπτώματα θεωροῦμεν, ὥσπερ ὅτι πᾶν πολίγωνον εἰς τρίγωνα διαλύεται, ὅπου δὲ τὸ σύνεγγυς ἀγαπῶμεν, οἷον εὐρόντες ἐν γεωμετρίας τετράγωνον τετραγώνου δίπλασιον, ἐν ἀριθμοῖς δὲ οὐκ ἔχοντες ἐνὸς δέοντός φαμεν ἄλλον ἄλλου διπλάσιον ὑπάρχειν, 15 ὥσπερ τοῦ ἀπὸ τῆς πεντάδος ὁ ἀπὸ τῆς ἐπτάδος διπλάσιος ἐνὸς δέοντος.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλέον προηγάγομεν τὴν κοινωσίαν τὴν κατὰ τὰς ἀρχὰς τῶν δύο τούτων || ἐπιστημῶν καὶ τὴν διαφορὰν παριστάντες. γεωμετρικοῦ 20 γὰρ τὸ συνορᾶν τὰ μὲν κοινὰ θεωρήματα, ποίαις ἀρχαῖς ἔπεται κοιναῖς, τὰ δὲ ἴδια ποίαις, καὶ οὕτω τὰ τε ἀγεωμέτρητα καὶ τὰ γεωμετρικὰ διαιρεῖσθαι, καὶ τὰ μὲν εἰς ἄλλην, τὰ δὲ εἰς ἄλλην ἐπιστήμην ἄγειν. ἄνωθεν δὲ πάλιν ἐπιόντες κατίδωμεν τὴν ὅλην γεω- 25 μετρίαν, ὅθεν τε ὥρμηται καὶ μέχρι τίνος πρόεισιν. οὕτω γὰρ τὸν ἐν αὐτῇ διάκοσμον τῶν λόγων θεασώ-

1 τούτων G. 9 τὰς ante αἰτίας om. G. 12 τρίγωνον G. 15 ἄλλο G. 16 πεμπτάδος G. 18 ταῦτα] τὴν G, ταῦτα C. 23 θεωρεῖσθαι G, διαιρεῖσθαι C. 25 ἐπιόντες . . . γεωμετρίαν om. G, add. C. 27 τὸν λόγον G, τῶν λόγων C.

μεθα. νοήσωμεν δὴ πᾶσι τοῖς οὖσιν αὐτὴν συμπαρ-
 εκτεινομένην καὶ πᾶσιν ἐπιβάλλουσαν τὰς ἑαυτῆς δια-
 νοήσεις καὶ πάντων ἐν ἑαυτῇ περιέχουσαν τὰ εἶδη,
 κατὰ μὲν τὸ ἀκρότατον αὐτῆς καὶ νοερώτατον τὰ ὄν-
 5 τως ὄντα περιαθροῦσαν καὶ δι' εἰκόνων ἀναδιδάσκου-
 σαν τὰς τε τῶν θείων διακόσμων ιδιότητας καὶ τὰς
 τῶν νοερῶν εἰδῶν δυνάμεις — ἔχει γὰρ καὶ τούτων
 τοὺς λόγους ἐν τοῖς οἰκείοις θεάμασι καὶ δείκνυσι,
 τίνα μὲν ἐστὶ τὰ θεοῖς ὡς προσήκοντα σχήματα, τίνα
 10 δὲ ταῖς πρώταις οὐσίαις, τίνα δὲ ταῖς τῶν ψυχῶν ὑπο-
 στάσεσι — κατὰ δὲ τὰς μέσας γνώσεις ἀνελίττει τοὺς
 διανοητικοὺς λόγους καὶ ἑξαπλοῖ καὶ θεωρεῖ τὴν ἐν
 αὐτοῖς ποικιλίαν καὶ τὰς ὑπάρξεις αὐτῶν ἐκφαίνει καὶ
 τὰ περὶ αὐτοὺς πάθη, τὰς τε κοινωνίας αὐτῶν καὶ
 15 τὰς διαφορότητας, ἅφ' ὧν δὴ καὶ τὰς φανταστικὰς δια-
 μορφώσεις σχημάτων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις περι-
 λαμβάνει καὶ ἀνάγει πρὸς τὴν οὐσιώδη τῶν λόγων
 ὑπόστασιν — κατὰ δὲ τὰς τρίτας τῆς διανοήσεως διεξ-
 ὅδους τὴν φύσιν ἐπισκοπεῖ καὶ τὰ εἶδη τῶν αἰσθη-
 20 τῶν στοιχείων καὶ τῶν περὶ αὐτὰ δυνάμεων, ὅπως
 κατ' αἰτίαν ἐν τοῖς λόγοις αὐτῆς προείληπται, παρα-
 δίδωσιν. ἔχει γὰρ εἰκόνας μὲν τῶν νοητῶν ὅλων γε-
 νῶν, παραδείγματα δὲ τῶν αἰσθητῶν, οὐσίωται δὲ
 κατὰ τὰ εἶδη τὰ διανοητὰ καὶ διὰ μέσων τούτων
 25 ἄνεισί τε καὶ κάτεισιν ἐφ' ὅλα τὰ ὄντα καὶ τὰ γινό-
 μενα. γεωμετρικῶς δὲ περὶ τῶν ὄντων ἀεὶ φιλοσο-

4 καὶ τὰ, supra lineam κατὰ postera ut videtur manu M;
 καὶ κατὰ G. 11 στοιχειώσεις G, γνώσεις C. 16 ἐν πέρα-
 σιν ἐν πέρασιν M, ἐμπερασμοῖς G, ἐν πέρασιν ἐν περασμῶ C.

18 τρίττας M, τριτάς G, 'triplici' Z, 'tertias' B.

20 δυνάμιν G, δυνάμεων C. 21 αὐτοῖς G. 24 τὰ εἶδη
 om. G, add. C.

φουῖσα καὶ πρὸς τοῖς λόγοις ἅπασι τῶν ἀρετῶν τὰς
 εἰκόνας περιέχει τῶν τε νοερῶν καὶ τῶν ψυχικῶν καὶ
 τῶν φυσικῶν καὶ πάσας ἐν τάξει παραδίδωσι τὰς τῶν
 πολιτειῶν διακοσμήσεις καὶ ἐν αὐτῇ δείκνυσι τὰς ποι-
 κίλας αὐτῶν μεταβολάς, καὶ ταῦτα μὲν αὖτως καὶ 5
 γνωστικῶς ἐνεργοῦσα, τῆς δὲ ὕλης ἐφαπτομένη πολ-
 λὰς ἀφ' ἑαυτῆς || ἐπιστήμας ἐκδίδωσιν, οἷον τὴν γεω-
 δεσίαν, τὴν μηχανικὴν, τὴν ὀπτικὴν, δι' ὧν καὶ τὸν
 θνητὸν βίον εὐεργετεῖ. καὶ γὰρ πολεμιστήρια ὄργανα
 καὶ φυλακτήρια τῶν πόλεων διὰ τούτων κατεσκευ- 10
 άσατο καὶ τὰς τῶν ὥρῶν περιόδους γνωρίμους ἐποίη-
 σεν καὶ τὰς τῶν τόπων θέσεις, μέτρα τε ὑψηγήσατο
 τὰ μὲν τῶν κατὰ γῆν ὁδῶν, τὰ δὲ τῶν κατὰ θάλασ-
 σαν, ζυγά τε καὶ τρυάντας ἐδημιούργησεν, ἀφ' ὧν
 τὴν κατ' ἀριθμὸν ἰσότητά ταῖς πόλεσι διηκρίβωσεν, 15
 τοῦ τε παντὸς κόσμου τὴν τάξιν δι' εἰκόνων ἐμφανῆ
 κατέστησεν καὶ πολλὰ τοῖς ἀνθρώποις ἀπὸ ἀπίστων
 ἀνέφηνε καὶ πιστὰ πᾶσιν ἔδειξεν· οἷον δὴ καὶ Ἰέρων
 ὁ Συρακούσιος εἰπεῖν λέγεται περὶ Ἀρχιμήδους, ὅτε
 τὴν τριάρμενον κατεσκεύασε ναῦν, ἣν παρεσκευάζετο 20
 πέμπειν Πτολεμαίῳ τῷ βασιλεῖ τῷ Αἰγυπτίῳ. πάν-
 των γὰρ ἅμα Συρακουσίῳ ἐλκῦσαι τὴν ναῦν οὐ δυ-
 ναμένων Ἀρχιμήδης τὸν Ἰέρωνα μόνον αὐτὴν κατ-
 αγαγεῖν ἐποίησεν. καταπλαγείς δὲ ἐκείνος Ἀπὸ ταύ-
 της, ἔφη, τῆς ἡμέρας περὶ παντὸς Ἀρχιμήδει λέ- 25
 γοντι πιστευτέον. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ Γέλωνα φασιν
 εἰπεῖν, ἥνίκα τοῦ στεφάνου μὴ λυθέντος, ὃν κατ-

2 τε om. G. 7 γεωμετρίαν, supra lineam postera manu
 δεσίαν M, γεωμετρίαν G, 'geometriam' Z, 'geodesiam' B.

11 καὶ post κατεσκευάσατο om. M. || ὁρῶν G, ὥρῶν C.

21 τῶν Αἰγυπτίων G. 26 Γερίονα G, Γέλωνα C.

εσκεύασεν, τὴν ὁλκὴν ἐκάστην ἀνεῦρεν τῶν συγκρο-
θεισῶν ὑλῶν.

Ταῦτα μὲν οὖν πολλοὶ τῶν πρεσβυτέρων ἀνέγρα-
ψαν, τὴν μαθηματικὴν ἐγκωμιάζειν προθέμενοι, καὶ
5 διὰ ταῦτα ὀλίγα ἀπὸ πολλῶν ἡμεῖς ἐν τούτοις παρε-
θέμεθα τὴν τῆς γεωμετρίας παντελῶς γυνῶσιν καὶ ὠφέ-
λειαν ἐπιδεικνύντες· τὴν δὲ γένεσιν αὐτῆς τὴν ἐν τῇ
περιόδῳ ταύτῃ μετὰ ταῦτα λεκτέον. ὁ μὲν γὰρ δαι-
μόνιος Ἀριστοτέλης εἰπὼν τὰ αὐτὰ δοξά | σματα
10 πολλάκις εἰς ἀνθρώπους ἀφικνεῖσθαι κατὰ τινὰς τε-
ταγμένας περιόδους τοῦ παντός, καὶ μὴ καθ' ἡμᾶς
πρῶτον ἢ τοὺς ὑφ' ἡμῶν γνωσθέντας τὰς ἐπιστήμας
σύστασιν λαβεῖν, ἀλλὰ καὶ ἐν ἄλλαις περιφοραῖς οὐδ'
εἰπεῖν ὁπόσαις ταῖς τε γενομέναις καὶ ταῖς αὖτις ἐσο-
15 μέναις ἐκφανῆναί τε καὶ ἀφανισθῆναι πάλιν αὐτάς.
ἐπεὶ δὲ χρὴ τὰς ἀρχὰς καὶ τῶν τεχνῶν καὶ τῶν ἐπι-
στημῶν πρὸς τὴν παροῦσαν περίοδον σκοπεῖν, λέγο-
μεν, ὅτι παρ' Αἰγυπτίοις μὲν εὗρησθαι πρῶτον ἢ
γεωμετρίαν παρὰ τῶν πολλῶν ἰστόρηται, ἐκ τῆς τῶν
20 χωρίων ἀναμετρήσεως λαβοῦσα τὴν γένεσιν. ἀναγ-
καία γὰρ ἦν ἐκείνοις αὕτη διὰ τὴν ἄνοδον τοῦ Νεί-
λου τοὺς προσήκοντας ὅρους ἐκάστοις ἀφανίζον-
τος. καὶ θαυμαστὸν οὐδὲν ἀπὸ τῆς χρείας ἄρξασθαι
τὴν εὔρεσιν καὶ ταύτης καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν,
25 ἐπειδὴ πᾶν τὸ || ἐν γενέσει φερόμενον ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς

6 παντελῶς] ἢ supra ὡς postera manu M. 8 ῥητέον G.

9 εἶπε G. 10 ἀφικέσθαι G, ἀφικνεῖσθαι C. 11 μὴ

om. G. 13 τὴν σύστασιν G. 14 τε om. G, add. C.

16 τὰς ἀρχὰς καὶ] καὶ τὰς ἀρχὰς G. || καὶ τῶν ἐπιστημῶν

om. G. 19 παρὰ πολλῶν G, A. || ἰστόρεται G, ἰστορεῖται A.

20 ἀναμετρήσεως G, A, παραμετρήσεως M, C. 21 αὕτη

G, A. 22 ἐκάστοις ἀφανίζοντος ὅρους G, A.

εἰς τὸ τέλειον πρόεισιν. ἀπὸ αἰσθήσεως οὖν εἰς λογισμόν καὶ ἀπὸ τούτου ἐπὶ νοῦν ἡ μετάβασις γένοιτο ἂν εἰκότως. ὥσπερ οὖν παρὰ τοῖς Φοίνιξιν διὰ τὰς ἐμπορείας καὶ τὰ συναλλάγματα τὴν ἀρχὴν ἔλαβεν ἡ τῶν ἀριθμῶν ἀκριβὴς γνῶσις, οὕτω δὴ καὶ παρ' 5
Αἰγυπτίοις ἡ γεωμετρία διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν εὔρηται. Θαλῆς δὲ πρῶτον εἰς *Αἴγυπτον* ἐλθὼν μετήγαγεν εἰς τὴν *Ἑλλάδα* τὴν θεωρίαν ταύτην καὶ πολλὰ μὲν αὐτὸς εὔρεν, πολλῶν δὲ τὰς ἀρχὰς τοῖς μετ' αὐτὸν ὑφηγήσατο, τοῖς μὲν καθολικώτερον ἐπι- 10
βάλλων, τοῖς δὲ αἰσθητικώτερον. μετὰ δὲ τοῦτον *Μάμερκος* [?] ὁ *Στησιχόρου* τοῦ ποιητοῦ ἀδελφός, ὃς ἐφαψάμενος τῆς περὶ γεωμετρίας σπουδῆς μνημονεύεται, καὶ *Ἰππίας* ὁ *Ἡλεῖος* ἱστορήσεν ὥς ἐπὶ γεωμετρίας δόξαν αὐτοῦ λαβόντος. ἐπὶ δὲ τούτοις 15
Πυθαγόρας τὴν περὶ αὐτὴν φιλοσοφίαν εἰς σχῆμα παιδείας ἐλευθέρου μετέστησεν, ἄνωθεν τὰς ἀρχὰς αὐτῆς ἐπισκοπούμενος καὶ αὐλῶς καὶ νοερῶς τὰ θεωρήματα διερευνῶμενος, ὃς δὴ καὶ τὴν τῶν ἀλόγων πραγματείαν καὶ τὴν τῶν κοσμικῶν σχημάτων σύστα- 20
σιν ἀνεῦρεν. μετὰ δὲ τοῦτον *Ἀναξαγόρας* ὁ *Κλαζο-*

1 πρὸς τὸ τέλειον *G, A*, εἰς τὸ τέλειον *C*. 2 τούτου] τας mutatum in τούτου vel prima manu vel primae proxima *M*, τῆς *G*. 'ex hac' (consideratione) *Z*, 'ab hac' (consideratione) *B*. || ἐπὶ νοῦν] asteriscum posuit *G*, ἐπὶ νοῦν *M, B₃, C*.

4 ἐμπορίας *G, A*. 5 παρ'] περὶ *G, A*. 12 ἄμερι (rasura) *M*; postera manus *μ* praeposuit, in ' et ι in κ mutavit; Ἀμέριστος *B₃, G, A*, 'Mamercus' et in margine 'aliter Ameristus' *Z*, 'Ameristus' *B*; *H₂* (p. 253) *Μαμέρτιος* (μαρμέρτιος, μαρμέτιος). Ego correctorem codicis *M* sequor, cum apud Suidam sub voce *Στησιχόρος* Stesichori frater *Μαμερτίνος* appelletur, quod nomen ex compendio nominis *Μάμερκος* ortum esse veri non dissimile est. 13 γεωμετρίας *G, A*, γεωμετρίαν *C*. 15 γεωμετρίαν *M, C*, γεωμετρίας *G*. 17 ἄνωθεν δὲ *C*. 19 'alii ἀναλόγων' *A*.

μένιος πολλῶν ἐφήψατο τῶν κατὰ γεωμετρίαν καὶ
 Οἶνοπίδης ὁ Χῖος, ὀλίγω νεώτερος ὢν Ἀναξαγόρου,
 ὢν καὶ ὁ Πλάτων ἐν τοῖς ἀντερασταῖς ἐμνημόνευσεν
 ὥς ἐπὶ τοῖς μαθήμασι δόξαν λαβόντων. ἐφ' οἷς Ἴππο-
 5 κράτης ὁ Χῖος ὁ τὸν τοῦ μηνίσκου τετραγωνισμόν
 εὐρών, καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος ἐγένοντο περὶ
 γεωμετρίαν ἐπιφανεῖς. πρῶτος γὰρ ὁ Ἴπποκράτης τῶν
 μνημονευομένων καὶ στοιχεῖα συνέγραψεν. Πλάτων
 δ' ἐπὶ τούτοις γενόμενος μερίστην ἐποίησεν ἐπίδοσιν
 10 τὰ τε ἄλλα μαθήματα καὶ τὴν γεωμετρίαν λαβεῖν διὰ
 τὴν περὶ αὐτὰ σπουδὴν, ὅς που δηλὸς ἐστὶ καὶ τὰ
 συγγράμματα τοῖς μαθηματικοῖς λόγοις καταπυκνώσας
 καὶ πανταχοῦ τὸ περὶ αὐτὰ θαῦμα τῶν φιλοσοφίας
 ἀντεχομένων ἐπεγείρων. ἐν δὲ τούτῳ τῷ χρόνῳ καὶ
 15 Λεωδάμας ὁ Θάσιος ἦν καὶ Ἀρχύτας ὁ Ταραντῖνος
 καὶ Θεαίτητος ὁ Ἀθηναῖος, παρ' ὧν ἐπηυξήθη τὰ
 θεωρήματα καὶ προῆλθεν εἰς ἐπιστημονικωτέραν σύ-
 στασιν. Λεωδάμαντος δὲ νεώτερος ὁ Νεοκλείδης
 καὶ ὁ τούτου μαθητὴς Λέων, οἱ πολλὰ προσευπόρη-
 20 σαν τοῖς πρὸ αὐτῶν, ὥστε τὸν Λέοντα καὶ τὰ στοιχεῖα
 συνθεῖναι τῷ τε πλήθει καὶ τῇ χρεῖα τῶν δεικνυμέ-
 νων ἐπιμελέστερον, καὶ διορισμοὺς εὐρεῖν, πότε δυνα-

1 τῶν om. G, A. 2 Post Χῖος addidit G: ὁ τὴν τοῦ μην-
 ισκου τετραγωνισμόν εὐρών καὶ Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος, quae
 verba delenda notavit C. Ex sequentibus verbis falso huc ea
 esse illata vidit Eduardus Zeller in diatribe de Hermodoro
 Ephesio et Hermodoro Platónico. Marburgi MDCCCLIX. pag.
 12—13. || τοῦ Ἀναξαγόρου G, A. 3 Plato p. 132 A.
 9 τούτου G, A. 10 τὴν ante γεωμετρίαν om. M. 11 αὐτὴν
 G, A, αὐτὰ C. || ὅς που] ὅπερ A. 13 θαυμαστὸν φιλοσο-
 φίας ἀντεχόμενον G, A, 'id quod circa ipsam mirabile est ex-
 citans in eos qui in philosophia repugnant' Z. 'excitando,
 quod in ipsis mirabile est, Philosophiamque attingit' B. θαυ-
 ματῶν φιλοσοφίας ἀντεχομένων B₃. 15 Λεοδάμος (λεοδάμας)
 H₂ p. 253. 19 προσεπόρισαν G, A. 22 διορισμόν G, A.

τόν ἐστι τὸ ζητούμενον πρόβλημα καὶ πότε ἀδύνατον. Εὐδόξος δὲ ὁ Κνίδιος, Λέοντος μὲν ὀλίγω νεώτερος, ἑταῖρος δὲ τῶν περὶ Πλάτωνα γενόμενος, πρῶτος || τῶν καθόλου καλουμένων θεωρημάτων τὸ πλήθος ἠΰξησεν καὶ ταῖς τρισὶν ἀναλογίαις ἄλλας τρεῖς προσ- 5 ἔθηκεν καὶ τὰ περὶ τὴν τομὴν ἀρχὴν λαβόντα παρὰ Πλάτωνος εἰς πλήθος προήγαγεν καὶ ταῖς ἀναλύσεσιν ἐπ' αὐτῶν χρησάμενος. Ἀμύκλας δὲ ὁ Ἡρακλεώτης, εἰς τῶν Πλάτωνος ἑταίρων καὶ Μέναιχμος ἀκροα- τῆς ὢν Εὐδόξου καὶ Πλάτωνι δὲ συγγεγονῶς καὶ ὁ 10 ἀδελφὸς αὐτοῦ Δεινόστρατος ἔτι τελεωτέραν ἐποίη- σαν τὴν ὅλην γεωμετρίαν. Θεόδωρος δὲ ὁ Μάγνης ἐν τε τοῖς μαθήμασιν ἔδοξεν εἶναι διαφέρων καὶ κατὰ τὴν ἄλλην φιλοσοφίαν· καὶ γὰρ τὰ στοιχεῖα καλῶς συν- ἔταξεν καὶ πολλὰ τῶν ὀρικῶν [?] καθολικώτερα ἐποίη- 15 σεν. καὶ μέντοι καὶ ὁ Κυζικηνὸς Ἀθηναῖος κατὰ τοὺς αὐτοὺς γεγονῶς χρόνους καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις μὲν μαθήμασι, μάλιστα δὲ κατὰ γεωμετρίαν ἐπιφανὴς ἐγένετο. διῆγον οὖν οὗτοι μετ' ἀλλήλων ἐν Ἀκαδημίᾳ κοινὰς ποιούμενοι τὰς ζητήσεις. Ἐρμότιμος δὲ ὁ 20 Κολοφώνιος τὰ ὑπ' Εὐδόξου προηυπορημένα καὶ Θεαιτήτου προήγαγεν ἐπὶ πλεον καὶ τῶν στοιχείων πολλὰ ἀνεῦρε καὶ τῶν τόπων τινὰ συνέγραψεν. Φί- λιππος δὲ ὁ Μενδαῖος, Πλάτωνος ὢν μαθητῆς καὶ

4 καλουμένων om. G, A. 9 μόναιχμος M. 15 μερικῶν M, sed με in rasura postera manus adscripsit; ὀρικῶν B₃, G, A, 'particularia' Z, 'particularium' B. 16 ὁ κυζικηνὸς ἀθηναῖος, ^ supra αι rasura deleta, M, ὁ Κυζικῖνος (κυζικηνὸς B₃) ἀθηναῖος G, A, B₃, 'Cyzinus atheniensis' Z, 'Cyzicinus Atheniensis' B. Articulus ὁ ubique nomini adiectivo appositus ostendit mathematicum illum Athenaeum nominandum et ex urbe Cyzico ortum putandum esse. 18 καταφανής G, A, ἐπιφανής C.

19 Ἀκαδημία G, A. 21 ὑπὲρ G. 24 μενταῖος, postera manu δ super τ scripto, M; μεταῖος G, Μεταῖος (Μεδμαῖος) A,

ὑπ' ἐκείνου προτραπείς εἰς τὰ μαθήματα, καὶ τὰς ζη-
 τήσεις ἐποιεῖτο κατὰ τὰς Πλάτωνος ὑφηγήσεις καὶ
 ταῦτα προύβαλλεν ἑαυτῷ, ὅσα ᾤετο τῇ Πλάτωνος φι-
 λοσοφίᾳ συντελεῖν. οἱ μὲν οὖν τὰς ἱστορίας ἀναγρά-
 5 ψαντες μέχρι τούτου προάγουσι τὴν τῆς ἐπιστήμης
 ταύτης τελειώσιν. οὐ πόλιν δὲ τούτων νεώτερός ἐστιν
 Εὐκλείδης | ὁ τὰ στοιχεῖα συναγαγὼν καὶ πολλὰ
 μὲν τῶν Εὐδόξου συντάξας, πολλὰ δὲ τῶν Θεαιτήτου
 τελεωσάμενος, ἔτι δὲ τὰ μαλακώτερον δεικνύμενα τοῖς
 10 ἔμπροσθεν εἰς ἀνελέγκτους ἀποδείξεις ἀναγαγὼν. γέ-
 γονε δὲ οὗτος ὁ ἀνὴρ ἐπὶ τοῦ πρώτου Πτολεμαίου·
 καὶ γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης ἐπιβαλὼν καὶ τῷ πρώτῳ μνη-
 μονεύει τοῦ Εὐκλείδου, καὶ μέντοι καὶ φασιν ὅτι
 Πτολεμαῖος ἤρετό ποτε αὐτόν, εἴ τίς ἐστιν περὶ γεω-
 15 μετρίαν ὁδὸς συντομωτέρα τῆς στοιχειώσεως· ὁ δὲ
 ἀπεκρίνατο, μὴ εἶναι βασιλικὴν ἀτραπὸν ἐπὶ γεωμε-
 τρίαν. νεώτερος μὲν οὖν ἐστὶ τῶν περὶ Πλάτωνα,
 πρεσβύτερος δὲ Ἐρατοσθένους καὶ Ἀρχιμήδους. οὗτοι
 γὰρ σύγχρονοι ἀλλήλοις, ὥς πού φησιν Ἐρατοσθέ-
 20 νης. καὶ τῇ προαιρέσει δὲ Πλατωνικός ἐστὶ καὶ τῇ
 φιλοσοφίᾳ ταύτῃ οἰκεῖος, ὅθεν δὴ καὶ τῆς συμπάσης
 στοιχειώσεως τέλος προεστήσατο τὴν τῶν καλουμένων
 Πλατωνικῶν σχημάτων σύστασιν. πολλὰ μὲν οὖν καὶ
 ἄλλα τοῦ ἀνδρὸς τούτου μαθηματικὰ συγγράμματα ||

μενταῖος B₃, C. Nesselmann (p. 6 annot. 13) formam Μεδμαῖος
 veram putare mavult. 'maeteus' Z, 'Mendaeus' B. 11 Πτο-
 λεμαῖον (πτολεμαίου) H₂ p. 253. 12 Ἀρχιμήδης καὶ ἐν τῷ
 πρώτῳ omisso ἐπιβαλὼν G, A, 'Archimedes quoque in libro
 primo' Z, 'Archimedes in primo et in aliis libris' B. B₃ con-
 sentit cum M. 13 Εὐκλείδους, omisso τοῦ, G, A. 14 εἴρετο
 M, C. 15—16 ὁδὸς . . . γεωμετρίαν om. G, add. C, aliter
 lacunam explevit A. 18 πρεσβύτερος] ἀρχαιότερος H₂ p. 253.
 19 ὥσπερ καὶ φησιν G, A.

θαυμαστῆς ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς θεωρίας
 μεστὰ. τοιαῦτα γὰρ καὶ τὰ ὀπτικά καὶ τὰ κατοπτρικά,
 τοιαῦται δὲ καὶ αἱ κατὰ μουσικὴν στοιχειώσεις, ἔτι δὲ
 τὸ περὶ διαιρέσεων βιβλίον. διαφερόντως δ' ἂν τις
 αὐτὸν ἀρασθεῖη κατὰ τὴν γεωμετρικὴν στοιχειώσιν ⁵
 τῆς τάξεως ἕνεκα καὶ τῆς ἐκλογῆς τῶν πρὸς τὰ στοι-
 χεῖα πεποιημένων θεωρημάτων τε καὶ προβλημάτων.
 καὶ γὰρ οὐχ ὅσα ἐνεχώρει λέγειν ἀλλ' ὅσα στοιχειοῦν
 ἡδύνατο παρεῖληφεν, ἔτι δὲ τοῖς τῶν συλλογισμῶν
 παντοίους τρόπους, τοὺς μὲν ἀπὸ τῶν αἰτίων λαμβά- ¹⁰
 νοντας τὴν πίστιν, τοὺς δὲ ἀπὸ τεκμηρίων ὠρμημέ-
 νους, πάντας δὲ ἀνελέγκτους καὶ ἀκριβεῖς καὶ πρὸς
 ἐπιστήμην οἰκείους, πρὸς δὲ τούτοις τὰς μεθόδους
 ἀπάσας τὰς διαλεκτικάς, τὴν μὲν διαιρετικὴν ἐν ταῖς
 εὐρέσεσι τῶν εἰδῶν, τὴν δὲ ὀριστικὴν ἐν τοῖς οὐσιώ- ¹⁵
 δεσι λόγοις, τὴν δὲ ἀποδεικτικὴν ἐν τοῖς ἀπὸ τῶν
 ἀρχῶν εἰς τὰ ζητούμενα μεταβάσει, τὴν δὲ ἀναλυτι-
 κὴν ἐν ταῖς ἀπὸ τῶν ζητουμένων ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀνα-
 στροφαῖς. καὶ μὴν καὶ τὰ ποικίλα τῶν ἀντιστροφῶν
 εἶδη τῶν τε ἀπλουστέρων καὶ τῶν συνθετωτέρων ἵκα- ²⁰
 νῶς ἐστὶν ἐν τῇ πραγματείᾳ ταύτῃ διηκριβωμένα θεω-
 ρεῖν, καὶ τίνα μὲν ὅλα ὅλοις ἀντιστρέφειν δύναται,
 τίνα δὲ ὅλα μέρεσι καὶ ἀνάπαλιν, τίνα δὲ ὡς μέρη
 μέρεσιν. ἔτι δὲ λέγομεν τὴν συνέχειαν τῶν εὐρέσεων,
 τὴν οἰκονομίαν καὶ τὴν τάξιν τῶν τε προηγουμένων ²⁵
 καὶ τῶν ἐπομένων, τὴν δύναμιν, μεθ' ἧς ἕκαστα παρα-
 δίδωσιν. ἢ καὶ τὸ τυχὸν προσθεῖς ἢ ἀφελὼν οὐκ ἐπι-
 στήμης λανθάνεις ἀποπεσὼν καὶ εἰς τὸ ἐναντίον ψεῦδος

15—17 τῶν εἰδῶν . . . μεταβάσει om. G, add. C.

22 Post ὅλοις ἂν addit M. 23—24 καὶ ἀνάπαλιν . . . μέρε-
 σιν om. G, add. C. 28 λανθάνει G, λανθάνεις C.

καὶ τὴν ἄγνοιαν ὑπενεχθεῖς; ἐπειδὴ δὲ πολλὰ φαν-
 τάζεται μὲν ὥς τῆς ἀληθείας ἀντεχόμενα καὶ ταῖς ἐπι-
 στημονικαῖς ἀρχαῖς ἀκολουθοῦντα, φέρεται δὲ εἰς τὴν
 ἀπὸ τῶν ἀρχῶν πλάνην καὶ τοὺς ἐπιπολαιότερους
 5 ἔξαπατᾶ, μεθόδους παραδέδωκεν καὶ τῆς τούτων δι-
 ορατικῆς φρονήσεως, ἃς ἔχοντες γυμνάζειν μὲν δυνη-
 σόμεθα τοὺς ἀρχομένους τῆς θεωρίας ταύτης πρὸς
 τὴν εὐρεσιν τῶν παραλογισμῶν, ἀνεξαπάτητοι δὲ δια-
 μένουν. καὶ τοῦτο δὴ τὸ σύγγραμμα, δι' οὗ τὴν παρα-
 10 σκευὴν ἡμῖν ταύτην ἐντίθησι, Ψευδαρίων ἐπέγραψεν,
 τρόπους τε αὐτῶν ποικίλους ἐν τάξει διαριθμησάμενος
 καὶ καθ' ἕκαστον γυμνάσας ἡμῶν τὴν διάνοιαν παν-
 τοίοις θεωρήμασι καὶ τῷ ψεύδει τὸ ἀληθὲς παραθεῖς
 καὶ τῇ πείρᾳ τὸν ἔλεγχον τῆς ἀπάτης συναρμόσας.
 15 τοῦτο μὲν οὖν τὸ βιβλίον καθαριστικόν ἐστι καὶ γυμνα-
 στικόν, ἡ δὲ στοιχεῖωσις αὐτῆς τῆς ἐπιστημονικῆς
 θεωρίας τῶν ἐν γεωμετρίᾳ πραγμάτων ἀνέλεγκτον
 ἔχει καὶ τελείαν ὑφήγησιν.

|| Τίς οὖν ὁ σκοπὸς τῆς πραγματείας ταύτης ἴσως
 20 ἐρήσεται τις, ἐγὼ δὲ καὶ πρὸς τοῦτον εἴποιμι ἄν, ὅτι
 διοριστέον ἐστὶν τὴν πρόθεσιν κατὰ τε τὰ πράγματα,
 περὶ ὧν αἱ ζητήσεις, καὶ κατὰ τὸν μανθάνοντα. καὶ
 πρὸς μὲν αὐτὰ τὰ ὑποκείμενα βλέποντες λέγομεν, ὥς
 ἄρα περὶ τῶν κοσμικῶν σχημάτων ἐστὶν ὁ σύμπαρ τῷ
 25 γεωμέτρῳ λόγος, ἀρχόμενος μὲν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν, τε-
 λευτῶν δὲ εἰς τὴν ποικιλίαν τῆς τούτων συστάσεως,
 καὶ χωρὶς μὲν ἕκαστα ὑφιστάς, ὁμοῦ δὲ τὰς εἰς τὴν

1 καὶ τὴν] ἢ G. || φαντάζει M, G. 5 τούτων om. A.
 13 καὶ τῷ] τῷ δὲ G, A, καὶ τῷ C. 14 συναρμόσαντες G,
 συναρμόσας C, A. 19 πραγματείας] θεωρίας τῷ ἐν γεωμετρίᾳ
 πραγμάτων G, πραγματείας C. 20 δὲ G, δὴ C. 26 τὴν om. G.

σφαῖραν αὐτῶν ἐγγραφὰς καὶ τοὺς λόγους οὓς ἔχει
 πρὸς ἄλληλα παραδιδούς. διὸ καὶ τῶν καθ' ἕκαστα
 βιβλίων τοὺς σκοποὺς τινες ἐπὶ τὸν κόσμον ἀναφέ-
 ρειν ἠξίωσαν καὶ τὴν χρεῖαν αὐτῶν, ἣν παρέχεται
 πρὸς τὴν τοῦ παντὶς θεωρίαν ἀνέγραψαν. πρὸς δὲ 5
 τὸν μανθάνοντα διοριζόμενοι τὸν σκοπὸν αὐτὸ τοῦτο,
 ὃ λέγεται, στοιχεῖωσιν αὐτῷ προκειῖσθαι φήσομεν καὶ
 τελείωσιν τῆς τῶν μανθανόντων διανοίας πρὸς τὴν
 σύμπασαν γεωμετρίαν. ἀπὸ γὰρ τούτων ὁρμώμενοι
 καὶ τὰ ἄλλα γινῶναι δυνησόμεθα τῆς ἐπιστήμης ταύ- 10
 τῆς μέρη, καὶ τὴν ποικιλίαν τὴν ἐν αὐτῇ περιλαβεῖν
 ἄνευ τούτων ἀδύνατον ἡμῖν ἐστίν καὶ ἄληπτος ἡ τῶν
 ἄλλων μάθησις. τὰ γὰρ ἀρχοειδέστατα καὶ ἀπλούστατα
 θεωρήματα καὶ συγγενέστατα ταῖς πρώταις ὑποθέσε-
 σιν ἐνταῦθα συνήθροισται τάξιν λαβόντα τὴν πρέπου- 15
 σαν καὶ αἱ τῶν ἄλλων ἀποδείξεις τούτοις ὥς γνωρι-
 μωτάταις χρῶνται καὶ ἀπὸ τούτων ὥρμηνται. καθάπερ
 δὴ καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυ-
 λίνδρου καὶ Ἀπολλώνιος καὶ οἱ ἄλλοι πάντες φαί-
 νονται τοῖς ἐν αὐτῇ τῇ πραγματείᾳ δεδειγμένοις [ὥς] 20
 ἀρχαῖς ὁμολογουμέναις χρῶμενοι.

Σκοπὸς μὲν οὖν οὗτος, στοιχειῶσαί τε πρὸς τὴν
 ὅλην ἐπιστήμην τοὺς μανθάνοντας καὶ τῶν κοσμικῶν
 σχημάτων διωρισμένας παραδοῦναι | συστάσεις. αὐτὸ
 δὲ τοῦτο τὸ τῆς στοιχειώσεως ὄνομα καὶ τὸ τοῦ στοι- 25
 χείου, παρ' ὃ καὶ ἡ στοιχείωσις, τίνα ἂν | ἔχοι λόγον;
 ἵνα δὴ καὶ περὶ τῆς ἐπιγραφῆς τι ζητήσωμεν. τῶν

4 παρέσχετο G, παρέχέτο C. 11 περιβαλεῖν, sed prima
 ut videtur manu mutatum in περιλαβεῖν M, περιβαλεῖν G,
 'comprehendere' B. 12 καὶ ἄνευ G. || ἀδύνατος G. || ἐστίν
 om. G. 19 φαίνονται om. G, A. 20 ὥς ego addidi: M, B₃, G,
 (Z) om., 'tamquam evidentibus' B. 27 γραφῆς G.

τοίνυν θεωρημάτων τὰ μὲν εἰώθασι στοιχεῖα καλεῖν,
 τὰ δὲ στοιχειώδη, τὰ δὲ ἔξω τῆς τούτων ἀφορίζεται
 δυνάμεως. στοιχεῖα μὲν οὖν ἐπονομάζονται, ὧν ἡ
 θεωρία διικνεῖται πρὸς τὴν τῶν ἄλλων ἐπιστήμην,
 5 καὶ ἀφ' ὧν παραγίνεται ἡμῖν τῶν ἐν αὐτοῖς ἀπόρων
 ἡ διάλυσις. ὥς γὰρ τῆς ἐγγραμμάτου φωνῆς εἰσιν
 ἀρχαὶ πρῶται καὶ ἀπλούσταται καὶ ἀδιαίρετοι, αἷς τὸ
 ὄνομα τῶν στοιχείων ἐπιφημίζομεν, καὶ πᾶσα λέξις
 ἐκ τούτων ὑφέστηκεν καὶ πᾶς λόγος, οὕτω δὲ καὶ τῆς
 10 ὅλης γεωμετρίας ἐστὶ τινα θεωρήματα προηγούμενα
 καὶ ἀρχῆς λόγον ἔχοντα πρὸς τὰ ἐφεξῆς καὶ διήκοντα
 διὰ πάντων καὶ παρεχόμενα πολλῶν ἀποδείξεις συμ-
 πτωμάτων, ἃ δὲ στοιχεῖα προσαγορεύουσι. στοι-
 χειώδη δ' ἐστὶν ὅσα διατείνει μὲν ἐπὶ πλείω καὶ τὸ
 15 ἀπλοῦν ἔχει καὶ τὸ χαρίεν, οὐκέτι μὲν καὶ τὴν τῶν
 στοιχείων [ἀξίαν] τῷ μὴ πρὸς πᾶσαν αὐτῶν τὴν ἐπι-
 στήμην κοινὴν εἶναι τὴν θεωρίαν, οἷον τοῖς τριγώνοις
 τὰς ἀπὸ τῶν γωνιῶν καθέτους ἐπὶ τὰς πλαγίας καθ'
 ἓν σημεῖον συμπίπτειν. ὅσα τε μήτε εἰς πλῆθος ἔχει
 20 διήκουσαν τὴν γνῶσιν μήτε αὖ γλαφυρόν τι προφαί-
 νει καὶ χαρίεν, ταῦτα καὶ τῆς τῶν στοιχειωδῶν ἔξω
 πίπτει δυνάμεως.

Πάλιν δὲ τὸ στοιχεῖον λέγεται διχῶς, ὥς φησὶν ὁ
 Μέναιχμος. καὶ γὰρ τὸ κατασκευάζον ἐστὶ τοῦ κατα-
 25 σκευαζομένου στοιχείου, ὥς τὸ πρῶτον παρ' Εὐκλείδῃ
 τοῦ δευτέρου, καὶ τοῦ πέμπτου τὸ τέταρτον. οὕτω
 δὲ καὶ ἀλλήλων εἶναι πολλὰ στοιχεῖα ῥηθήσεται· κατα-

3 ἐπονομάζεται G, A. p. 307.

12 περιεχόμενα A.

15 τὴν om. G, A. 16 ἀξίαν om. M, B₃, G, A; 'eiusdem ... dignitatis' B. Z οὐκέτι ... θεωρίαν non est interpretatus.

22 πίπτειν G, A.

25 στοιχεῖον om. G. || Εὐκλείδῃ M. Εὐκλείδει G. 27 δὴ G.

σκευάζεται γὰρ ἐξ ἀλλήλων. δέκνυνται γὰρ καὶ ἐκ τοῦ τέτρασιν ὀρθαῖς εἶναι ἴσας τὰς ἔξω τῶν εὐθυγράμμων γωνίας τὸ πλῆθος τῶν ἐντὸς ὀρθαῖς ἴσων καὶ ἀνάπαλιν ἐκ τούτου ἐκεῖνο. καὶ ἔοικεν λήμματι τὸ τοιοῦτο στοχεῖον. ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον, εἰς 5 ὃ ἀπλούστερον ὑπάρχον διαιρεῖται τὸ σύνθετον· οὕτως δὲ οὐ πᾶν ἔτι ῥηθῆσεται παντὸς στοιχεῖον, ἀλλὰ τὰ ἀρχοειδέστερα τῶν ἐν ἀποτελέσματος λόγῳ τεταγμένων, ὥσπερ τὰ αἰτήματα στοιχεῖα τῶν θεωρημάτων. κατὰ δὲ τοῦτο τοῦ στοιχείου τὸ σημαινόμενον καὶ τὰ 10 παρ' Εὐκλείδῃ στοιχεῖα συνετάχθη, τὰ μὲν τῆς περὶ τὰ ἐπίπεδα γεωμετρίας, τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας. οὕτω δὲ καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τοῖς ἀστρονομικοῖς στοιχειώσεις πολλοὶ συνέγραψαν.

Ἔστι δὲ τοῦτο χαλεπὸν καὶ τὸ ἐκλέξασθαι καὶ 15 τάξαι κατὰ τρόπον τὰ στοιχεῖα καθ' ἑκάστην ἐπιστήμην, || ἀφ' ὧν τὰ ἄλλα προάγεται πάντα καὶ εἰς ἃ τὰ ἄλλα ἀναλύεται. καὶ τῶν ἐπιχειρησάντων οἱ μὲν πλείω, οἱ δὲ ἐλάττω συναγαγεῖν ἡδυνήθησαν, καὶ οἱ μὲν βραχυτέροις ἀποδείξεσιν ἐχρήσαντο, οἱ δὲ εἰς μῆκος ἀπέ- 20 ραντον ἐξέτειναν τὴν θεωρίαν, καὶ οἱ μὲν τὸν δι' ἀδυνάτου τρόπον ἐξέκλιναν, οἱ δὲ τὴν ἀναλογίαν, οἱ δὲ προκατασκευὰς ἐμηχανήσαντο πρὸς τοὺς ἀναιροῦντας τὰς ἀρχάς, καὶ ὅλως πολλοὶ τινες εὗρηνται τρόποι τῆς στοιχειώσεως ἑκάστοις. δεῖ δὲ τὴν τοιαύτην 25 πραγματείαν πᾶν μὲν ἀπεσκευάσθαι τὸ περιττόν —

3 ἴσων] δύο ἴσων G. 5 ἄλλως δὲ λέγεται στοιχεῖον om. G, add. C. 7 παντὸς] παν τὸ prima manu, et supra lineam παντὸς postera manu M, τὸ G. 8 ἀρχοειδέστερα G, ἀρχοειδέστερα C. || ἀποτελέσματι G. 11 Εὐκλείδους G. 12 τὰ δὲ τῆς στερεομετρίας om. G. || οὕτω δὲ G. 21 τὰς θεωρίας G. || τὸν ἀδύνατον G.

ἐμπόδιον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν μάθησιν — ἐκλέγειν
 δὲ τὰ συνέχοντα πάντα καὶ συνάγοντα τὸ προκείμενον
 — ἀνυσιμώτατον γὰρ τοῦτο πρὸς τὴν ἐπιστήμην —
 σαφηνείας δ' ἅμα καὶ συντομίας πολλὴν πεποιῆσθαι
 5 πρόνοιαν — τὰ γὰρ ἐναντία τούτων ἐπιθολοῖ τὴν
 διάνοιαν ἡμῶν — τῆς τε τῶν θεωρημάτων ἐν πέρασι
 καθολικοῖς περιλήψεως ἀντειληῆσθαι — τὰ γὰρ εἰς
 τὰ μερικώτερα τεμαχίζοντα τὴν διδασκαλίαν δυσπερί-
 ληπτου ἀπεργάζεται τὴν γνῶσιν. κατὰ πάντας δὲ τού-
 10 τούς τοὺς τρόπους εὖροι τις ἂν τὴν Εὐκλείδου
 στοιχείωσιν τῶν ἄλλων διαφέρουσιν· τὸ μὲν γὰρ
 χρήσιμον αὐτῆς εἰς τὴν περὶ τῶν ἀρχικῶν σχημάτων
 συντελεῖ θεωρίαν, τὸ δὲ σαφὲς καὶ διηρθρωμένον ἢ
 ἀπὸ τῶν ἀπλουστερῶν ἐπὶ τὰ ποικιλώτερα μετάβασις
 15 ἀπεργάζεται καὶ ἢ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν καταβολὴ
 τῆς θεωρίας, τὸ δὲ καθολικὸν τῆς ἀποδείξεως ἢ διὰ
 τῶν πρώτων θεωρημάτων καὶ ἀρχοειδῶν ἐπὶ τὰ ζη-
 τούμενα μετάβασις. καὶ γὰρ ὅσα παραλιμπάνειν δοκεῖ,
 ἢ ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις γίγνεται γνώριμα [τοῖς εἰρημέ-
 20 νοις?]; ὥσπερ ἢ σύστασις τοῦ σκαληνοῦ καὶ ἰσοσκε-
 λοῦς, ἢ ὥς ἀμήχανον εἰσάγοντα καὶ ἀπέραντον ποικι-
 λίαν ἀλλότρια τῆς τῶν στοιχείων ἐστὶν ἐκλογῆς, ὥσπερ
 τὰ περὶ τῶν ἀτάκτων ἀλόγων, ἃ ὁ Ἀπολλώνιος ἐπὶ
 πλεόν ἐξειργάσατο, ἢ ὥς αἰτίων τῶν παραδεδομένων
 25 ἔχει τὴν σύστασιν, ὥσπερ τὰ εἶδη τῶν γωνιῶν τὰ

1 μάθησιν] ἐπιστήμην G. 3 ἀνυσιμώτατον C. 7 καθ-
 ολικῆς B₃, G, 'universalis comprehensionis' Z, 'universalem
 comprehensionem' B. 10 Εὐκλείδους G. 11 διαφοροῦσαν,
 ἐ supra o prima fortasse manu M. 13 ἢ supra lineam M,
 om. G. 19 γνώριμα· τῶν ὥσπερ M, γνώριμα τῶν ὥσπερ B₃,
 γνώριμα, ὥσπερ G, 'nota: sicut' Z, 'cognita fiunt, ut' B. Veri-
 similius autem videtur excidisse τοῖς εἰρημένοις vel simile
 quid. 21 ὥς εἰς ἀμήχανον G. 24 παραδιδόμενων G.

πολλὰ καὶ τῶν γραμμῶν. ταῦτα γὰρ παραλέλειπται
μὲν καὶ παρ' ἄλλοις ἔτυχε λόγου πλείονος, ἔχει δὲ τὴν
γνώσιν ἀπὸ τῶν ἀπλῶν. τοσαῦτα περὶ τῆς ὅλης στοι-
χειώσεως εἴχομεν ἀναγράφειν.

Τὴν δὲ σύμπασαν οἰκονομίαν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων 5
ὥδε πως || ἀναδιδάξομεν. ἐπειδὴ τὴν ἐπιστήμην ταύ-
την τὴν γεωμετρίαν ἐξ ὑποθέσεως εἶναί φασιν καὶ
ἀπὸ ἀρχῶν ὠρισμένων τὰ ἐφεξῆς ἀποδεικνύειν —
μία γὰρ ἡ ἀνυπόθετος, αἱ δὲ ἄλλαι παρ' ἐκείνης ὑπο-
δέχονται τὰς ἀρχάς — ἀνάγκη δὴ πού τὸν τὴν ἐν 10
γεωμετρίᾳ στοιχειώσιν συντάττοντα χωρὶς μὲν παρα-
δοῦναι τὰς ἀρχάς τῆς ἐπιστήμης, χωρὶς δὲ τὰ ἀπὸ τῶν
ἀρχῶν συμπεράσματα, καὶ τῶν μὲν ἀρχῶν μὴ διδόν-
ναι λόγον, τῶν δὲ ἐπομένων ταῖς ἀρχαῖς. οὐδεμία
γὰρ ἐπιστήμη τὰς ἐαυτῆς ἀρχάς ἀποδείκνυσιν, οὐδὲ 15
ποιεῖται λόγον περὶ αὐτῶν, ἀλλ' αὐτοπίστως ἔχει περὶ
αὐτάς, καὶ μᾶλλον εἰσιν αὐτῇ καταφανεῖς τῶν ἐφεξῆς.
καὶ τὰς μὲν οἶδεν δι' αὐτάς, τὰ δὲ μετὰ ταῦτα δι'
ἐκείνας. οὕτω γὰρ καὶ ὁ φυσιολόγος ἀπ' ἀρχῆς ὠρισ-
μένης προάγει τοὺς λόγους ὑποθέμενος εἶναι κίνησιν, 20
καὶ ὁ ἰατρὸς καὶ τῶν ἄλλων ἐπιστημῶν (?) καὶ τεχνι-
τῶν ἕκαστος. εἰ δέ τις εἰς ταῦτόν συμφύρει τὰς τε
ἀρχάς καὶ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν, οὗτος ἐπιταράττει τὴν
σύμπασαν γνώσιν καὶ συγκυκᾷ τὰ μηδὲν προσήκοντα
ἀλλήλοις. ἀρχὴ γὰρ καὶ τὸ ἀπ' αὐτῆς φύσει διώριστα 25
ἀλλήλων.

Πρῶτον μὲν οὖν, ἅπερ ἔφην, ἔδει διαστείλασθαι

21 ἐπιστημῶν καὶ τεχνιτῶν ἑκάστας, altero α in ἑκάστας
in o rasura mutato, M; ἐπιστημῶν, καὶ τεχνῶν ὁ ἑκάστης ἑμ-
πειρος G, ἐπιστημῶν καὶ τεχνῶν τῶν ἑκάστης B₃, 'scientiarum
et artium unusquisque expertus' Z, 'scientiarum atque artium
uniuscuiusque peritus' B. ἐπιστήμων vel ἐπιστημόνων?

τάς τε ἀρχὰς καὶ τὰ ἐπόμενα ταῖς ἀρχαῖς, ὃ δὴ καὶ
 ποιεῖ ὁ Εὐκλείδης καθ' ἕκαστον ὥς εἰπεῖν βιβλίον
 καὶ πρὸ πάσης τῆς πραγματείας τὰς κοινὰς τῆς ἐπι-
 στήμης ταύτης ἀρχὰς ἐκτιθέμενος. ἔπειτα καὶ αὐτὰς
 5 διαιρεῖ τὰς κοινὰς ἀρχὰς εἰς τε τὰς ὑποθέσεις καὶ τὰ
 αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα. διαφέρει γὰρ ταῦτα πάντα
 ἀλλήλων καὶ οὐκ ἔστιν ταὐτὸ ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ
 ὑπόθεσις, ὥς πού φησιν ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης,
 ἀλλ' ὅταν μὲν καὶ τῷ μανθάνοντι γνώριμον ἦ καὶ
 10 καθ' αὐτὸ πιστὸν τὸ παραλαμβανόμενον εἰς ἀρχῆς
 τάξιν, ἀξίωμα το τοιοῦτόν ἐστιν, οἷον τὸ τὰ τῷ αὐτῷ
 ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι. ὅταν δὲ μὴ ἔχῃ μὲν ἔν-
 νοιαν ὁ ἀκούων τοῦ λεγομένου τὴν αὐτόπιστον, τίθε-
 ται δὲ ὅμως καὶ συγχωρεῖ τῷ λαμβάνοντι, τὸ τοιοῦτον
 15 ὑπόθεσις ἐστὶ. τὸ γὰρ εἶναι τὸν κύκλον σχῆμα τοῖον
 κατὰ κοινὴν μὲν ἔννοιαν οὐ προειλήφμεν ἀδιδάκτως,
 ἀκούσαντες δὲ συγχωροῦμεν ἀποδείξεως χωρὶς. ὅταν
 δὲ αὖ καὶ ἄγνωστον ἦ τὸ λεγόμενον καὶ μὴ συγχω-
 ροῦντος τοῦ μανθάνοντος ὅμως λαμβάνηται, τηνι-
 20 καῦτα, φησὶν, αἴτημα τοῦτο καλοῦμεν, οἷον τὸ πάσας
 τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι. δηλοῦσι δὲ οἱ περὶ τινος
 τῶν αἰτημάτων καταπραγματεύσασθαι σπουδάσαντες,
 ὥς ὑπὸ μηδενὸς αὐτόθεν συγχωρεῖσθαι δυναμένου.
 καὶ κατὰ μὲν τὴν Ἀριστοτέλους ὑφήγησιν τοῦτον

5 εἰς ἀξίωμα, ὑπόθεσιν, αἴτημα H_2 p. 275. 8 in mar-
 gine prima ut videtur manu: ἐν τῇ ἀποδεικτικῇ M . (vide
 Analyt. poster. I, 10, 5—8 ed. Weise). 10 τὸ ante παρα-
 λαμβανόμενον om. G . 11 in margine τί ἐστὶν ἀξίωμα M . || τὸ
 ante τὰ om. G , H_2 p. 255 et 276. 12 εἶναι om. H_2 . 13 περὶ-
 θεται H_2 p. 255, τίθεται p. 276; cf. H_1 p. 452. 14 ὁμοίως
 H_2 p. 276. 15 in margine τί ἐστὶν ὑπόθεσις M . || τοιούδε
 H_2 p. 255 et 276. 16 προειλήφμεν H_2 p. 276, περιείλη-
 φεν ἀδιδάκτος H_2 p. 255. 18 καὶ μὴ] ἦ μὴ H_2 p. 276.
 20 φησὶν ἢ αἴτημα M . 24 τοιοῦτον G .

διώρισται τὸν τρόπον ἀξίωμα καὶ αἴτημα καὶ ὑπόθε-
σεις. || πολλάκις δὲ καὶ πάντα ταῦτα καλοῦσιν ὑποθέ-
σεις, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἀξίωμα πᾶσαν ἀπό-
φραυσιν ἀπλήν, ὥστε κατὰ μὲν τούτους καὶ αἱ ὑποθέ-
σεις ἀξιώματα, κατὰ δὲ τοὺς ἑτέρους καὶ τὰ ἀξιώματα 5
ὑποθέσεις.

Πάλιν δ' αὖ τὰ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰς προβλήματα
διακρίνεται καὶ θεωρήματα, τὰ μὲν τὰς γενέσεις περι-
έχοντα τῶν σχημάτων καὶ τὰς τομὰς καὶ τὰς ἀφαιρέ-
σεις ἢ προσθέσεις καὶ ὅλως τὰ παθήματα τὰ γιννόμενα 10
περὶ αὐτά, τὰ δὲ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα ἐκάστοις
δεικνύοντα. καθάπερ γὰρ αἱ ποιητικαὶ τῶν ἐπιστη-
μῶν θεωρίας μετέχουσιν, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ αἱ
θεωρητικαὶ τὰ προβλήματα ταῖς ποιήσεσιν ἀνάλογον
προσειλήφασιν. ἤδη δὲ τῶν παλαιῶν οἱ μὲν πάντα 15
θεωρήματα καλεῖν ἠξίωσαν, ὥς οἱ περὶ Σπεύσιππον
καὶ Ἀμφίνομον, ἡγούμενοι ταῖς θεωρητικαῖς ἐπι-
στήμασι οἰκειότεραν εἶναι τὴν τῶν θεωρημάτων προσ-
ηγορίαν ἢ τὴν τῶν προβλημάτων, ἄλλως τε καὶ περὶ
αἰδίων ποιουμέναις τοὺς λόγους. οὐ γὰρ ἐστὶ γένεσις 20
ἐν τοῖς αἰδίοις, ὥστε οὐδὲ τὸ πρόβλημα χώραν ἐπὶ
τούτων ἂν ἔχοι, γένεσιν ἐπαγγελλόμενον καὶ ποίησιν

2 ταῦτα πάντα G. 3 ἀπόφρασιν G. 7 ἀπὸ τῶν ἀρχῶν]
μετὰ τὰς ἀρχάς H₂ p. 275.

7-8

αἱ ἀρχαί

μετὰ τὰς ἀρχάς

ἀξίωμα

αἴτημα

πρόβλημα

θεώρημα

θέσις

in margine inferiore prima ut videtur manu M. 10 προθέ-
σεις M, G; 'adiunctiones' Z, 'additiones' B. 15 προσειλήφασιν
M, B₃, G; 'suscipiunt' Z, 'praeassumpsere' B. 18 οἰκειότερον
G, οἰκειότεραν C. 20 ποιουμέναις ex G, ποιοῦνται M, C.
21 χωρὶς G, χώραν C.

τοῦ μήπω πρότερον ὄντος, οἷον ἰσοπλεύρου τριγώνου
 σύστασιν, ἢ τετραγώνου δοθείσης εὐθείας ἀναγραφὴν,
 ἢ θέσιν εὐθείας πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ. ἄμεινον
 οὖν φασι λέγειν, ὅτι πάντα ταῦτά ἐστι, τὰς δὲ γενέ-
 5 σεις αὐτῶν οὐ ποιητικῶς ἀλλὰ γνωστικῶς ὁρῶμεν ὥσ-
 ανεὶ γιγνόμενα λαμβάνοντες τὰ αἰεὶ ὄντα, ὥστε καὶ
 πάντα θεωρηματικῶς ἐροῦμεν ἀλλ' οὐ προβληματικῶς
 λαμβάνεσθαι. οἱ δὲ ἀνάπαλιν πάντα προβλήματα λέ-
 γειν ἐδικαίουν ὥς οἱ περὶ Μέναιχμον μαθηματικοί,
 10 τὴν δὲ προβολὴν εἶναι διττὴν· ὅτε μὲν πορίσασθαι
 τὸ ζητούμενον, ὅτε δὲ περιορισμένον λαβόντας ἰδεῖν
 ἢ τίς ἐστίν, ἢ ποῖόν τι, ἢ τί πέπονθεν, ἢ τίνας ἔχει
 πρὸς ἄλλο σχέσεις. καὶ λέγουσι μὲν ὁρθῶς ἀμφοτέ-
 ροι· καὶ γὰρ οἱ περὶ Σπεύσιππον καλῶς — οὐ γὰρ
 15 τοιαῦτά ἐστι τὰ προβλήματα γεωμετρίας, οἷα τὰ μη-
 χανικῆς· αἰσθητὰ γὰρ ταῦτα καὶ γένεσιν ἔχοντα καὶ
 παντοίαν μεταβολὴν — καὶ οἱ περὶ τὸν Μέναιχμον
 — οὐ γὰρ ἄνευ τῆς εἰς ὕλην προόδου καὶ αἱ τῶν
 θεωρημάτων εἰσὶν εὐρέσεις. λέγω δὲ ὕλην τὴν νοη-
 20 τήν. εἰς ἐκείνην οὖν οἱ λόγοι προϊόντες καὶ μορφοῦν-
 τες αὐτὴν εἰκότως δήπου ταῖς γενέσεσιν εἰοικέναι λέ-
 γονται. τὴν γὰρ τῆς διανοίας ἡμῶν κίνησιν καὶ τὴν
 προβολὴν τῶν ἐν αὐτῇ λόγων γένεσιν || τῶν ἐν φαν-
 τασίᾳ σχημάτων εἶναί φαμεν καὶ τῶν περὶ αὐτὰ
 25 παθημάτων. ἐκεῖ γὰρ αἱ συστάσεις καὶ αἱ τομαὶ καὶ
 αἱ θέσεις καὶ αἱ παραβολαὶ καὶ αἱ προσθέσεις καὶ αἱ

2 η ante τετραγώνου om. M. 3 εὐθείας πρὸς τῷ δο-
 θέντι σημείῳ ἢ ἀναγραφὴν ἢ θέσιν G, correxit C. 7 ἐροῦ-
 μεν G. 12 εἴ τις G, ἢ τίς C. || πόθεν G, πέπονθεν C.

26 προβολαὶ G, παραβολαὶ C. || προσθέσεις M, G, προσ-
 θέσεις C.

ἀφαιρέσεις, τὰ δὲ ἐν τῇ διανοίᾳ πάντα ἔστηκεν ἄνευ γενέσεως καὶ πάσης μεταβολῆς.

Ἔστι μὲν οὖν καὶ προβλήματα γεωμετρικὰ | καὶ θεωρήματα, διότι δὲ θεωρία τὸ πλεονάζον ἐστὶν ἐν αὐτῇ, ὥσπερ ἐπὶ μηχανικῆς ποιήσεις, καὶ τὰ προβλή- 5 ματα πάντα μετέχει θεωρίας, οὐ μὴν ἀνάπαλιν· ὅλως γὰρ αἱ ἀποδείξεις θεωρίας εἰσὶν ἔργον. πάντα δὲ τὰ ἐν γεωμετρίᾳ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς δι' ἀποδείξεως λαμβάνεται, ὥστε κοινότερον τὸ θεωρήμα. οὐ πάντα δὲ τὰ θεωρήματα δεῖται τῶν προβλημάτων, ἀλλ' ἐστὶν 10 ἃ καὶ αὐτόθεν ἔχει τὴν ἀπόδειξιν τοῦ ζητουμένου. οἱ δὲ διορίζοντες τὸ θεωρήμα τοῦ προβλήματός φασι πᾶν μὲν πρόβλημα ἐπιδέχεσθαι τῶν κατηγορουμένων τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, αὐτό τε ἕκαστον καὶ τὸ ἀντικείμενον, πᾶν δὲ θεωρήμα αὐτὸ μὲν ἐπιδέχεσθαι τὸ κατ- 15 ηγορούμενον, οὐ μέντοι καὶ τὸ ἀντικείμενον. λέγω δὲ ὕλην μὲν αὐτῶν τὸ γένος, περὶ οὗ ἡ ζήτησις, οἷον τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ κύκλον, σύμπτωμα δὲ κατηγορούμενον τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός, οἷον ἴσον ἢ τομὴν ἢ θέσιν ἢ ἄλλο τι τοιοῦτον. ὅταν οὖν προ- 20 τεῖνῃ τις οὕτως, εἰς κύκλον ἐντεῖναι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα λέγει. δυνατόν γὰρ εἰς αὐτὸν ἐντεῖναι καὶ μὴ ἰσόπλευρον· καὶ πάλιν, ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον, πρόβλημα τὸ τοιόνδε· δυνατὸν γὰρ συστή- 25 σασθαι καὶ μὴ ἰσόπλευρον. ὅταν δὲ τῶν ἰσοσκελῶν ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει προτεῖνῃ τις, θεωρήμα

1 ἀφορέσεις M. 15 αὐτὸ μὲν ἐπι- om. G. 24 ἐν-
στήσασθαι G, συστήσασθαι C. 25 στήσασθαι G, συστήσα-
σθαι C. 27 περὶ G, πρὸς C. 27 usque ad p. 80 2 προτεῖνῃ
τις . . . τῇ βάσει om. G.

φατέον αὐτὸν προτείνειν. οὐ γὰρ δυνατόν καὶ μὴ
 ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει τῶν ἰσοσκελῶν· ὥστε εἴ
 τις προβληματικῶς σχηματίσας εἴποι, εἰς ἡμικύκλιον
 ὀρθὴν ἐντείνει γωνίαν, ἀγεωμετρούτου δόξαν ἂν λάβοι.
 5 πᾶσα γὰρ ἡ ἐν ἡμικυκλίῳ ὀρθή ἐστιν. ἐφ' ὧν τοίνυν
 τὸ σύμπτωμα καθολικόν ἐστι καὶ πάσῃ τῇ ὕλῃ παρ-
 ομαρτοῦν, ταῦτα θεωρήματα λεκτέον, ἐφ' ὧν δὲ μὴ
 καθόλου μηδὲ τῷ ὑποκειμένῳ πάντως ἐπόμενον, πρό-
 βλημα τὸ τοιοῦτον θετέον. τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν πε-
 10 περασμένην δίχα τεμεῖν· καὶ γὰρ εἰς ἄνισα δυνατόν
 — πᾶσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν· ἐστὶ γὰρ
 καὶ ἡ εἰς ἄνισα διαίρεσις — ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐθείας
 ἀναγράψαι τετράγωνον· δυνατόν γὰρ καὶ μὴ τετρά-
 γωνον — || καὶ πάντα, ὅσα τοιαῦτα, τῆς τῶν προβλη-
 15 μάτων ἐστὶν τάξεως. οἱ δὲ περὶ Ζηνόδοτον τὸν
 προσήκοντα μὲν τῇ Οἰνοπίδου διαδοχῇ, τῶν μαθη-
 τῶν δὲ Ἀνδρωνος, διώριζον τὸ θεωρήμα τοῦ προ-
 βλήματος, ἧ τὸ μὲν θεωρήμα ζητεῖ, τί ἐστὶ τὸ σύμ-
 πτωμα τὸ κατηγορούμενον τῆς ἐν αὐτῷ ὕλης, τὸ δὲ
 20 πρόβλημα, τίνος ὄντος τί ἐστίν. ὅθεν καὶ οἱ περὶ
 τὸν Ποσειδώνιον τὸ μὲν ἀφωρίζοντο πρότασιν, καθ'
 ἣν ζητεῖται τὸ εἰ ἐστὶν ἢ μὴ, τὸ δὲ πρόβλημα πρότα-
 σιν, ἐν ἧς ζητεῖται τί ἐστὶν ἢ ποῖόν τι, καὶ τὴν μὲν
 θεωρητικὴν πρότασιν ἔλεγον δεῖν ἀποφαντικῶς σχη-
 25 ματίζειν, οἷον πᾶν τρίγωνον μείζους ἔχει τὰς δύο τῆς
 λοιπῆς, καὶ παντὸς ἰσοσκελοῦς αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι,
 τὴν δὲ προβληματικὴν, ὥσπερ ζητοῦντας, εἰ ἐστὶν ἐπὶ

4 ἂν λάβοι] ἀναλάβοι M, G, ἀναλάβει C. 10 δίχα εἰς
 ἴσα G. 11 δίχα εἰς ἴσα G. 15 Ξενόδοτον G, 'Zenodotus'
 B, 'Zenodotum' Z. 17 διωρίζοντο mutatum a correctore in
 διώριζον τὸ M, διορίζονται τὸ G, διορίζοντο τὸ C. 26 παν-
 τὸς] πᾶσαι τοῦ G. 27 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C.

τῆςδε τῆς εὐθείας συστήσασθαι τρίγωνον. διαφέρειν γάρ, ἢ ἀπλῶς τε καὶ ἀορίστως ζητεῖν, εἴ ἔστι πρὸς ὀρθὰς ἀπὸ τοῦδε τοῦ σημείου τῇδε [τῇ] εὐθείᾳ, ἢ τίς ἐστὶν ἡ πρὸς ὀρθὰς θεωρεῖν.

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἔστι τις διαφορὰ τοῦ τε προβλήμα- 5
τος καὶ τοῦ θεωρήματος, δῆλον ἐκ τούτων, ὅτι δὲ καὶ ἡ Εὐκλείδου στοιχείωσις ἔχει τὰ μὲν προβλήματα τὰ δὲ θεωρήματα, φανερόν ἐστι τοῦτο διὰ τῶν καθ' ἕκαστον καὶ αὐτοῦ προστιθέντος ἐπὶ τέλει τῶν δεικνυμένων ὅπου μὲν τὸ „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ ὅπου δὲ τὸ 10
„ὅπερ ἔδει δεῖξαι“, ὡς τῶν θεωρημάτων χαρακτηριστικόν, καίτοι, καθάπερ εἵπομεν, οὔσης καὶ ἐν τοῖς προβλήμασιν ἀποδείξεως, ἀλλ' ὅμως, ὅπου μὲν καὶ ἡ ἀπόδειξις τῆς γενέσεως χάριν — ἵνα γὰρ δεῖξωμεν, ὅτι πεποιῆται τὸ προταχθέν, τὴν ἀπόδειξιν παραλαμ- 15
βάνομεν — ὅπου δὲ αὐτὴ δι' ἐαυτὴν ἐστὶν σπουδῆς ἀξία τὴν φύσιν τοῦ ζητουμένου παριστάνειν δυναμένη. εὗροις δ' ἂν τὸν Εὐκλείδην τοτὲ μὲν συμπλέκοντα τὰ θεωρήματα τοῖς προβλήμασι καὶ παρὰ μέρος αὐτοῖς χρώμενον, ὡς ἐν τῷ πρώτῳ βιβλίῳ, τοτὲ 20
δὲ πλεονάζοντα κατὰ τὰ ἕτερα. τὸ μὲν γὰρ τέταρτον ὅλον προβλημάτων ἐστὶ, τὸ δὲ πέμπτον θεωρημάτων.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων ἡμῖν εἰρήσθω μετὰ δὲ ταῦτα τὸν σκοπὸν ἀφορισάμενοι τοῦ πρώτου βιβλίου || καὶ τὴν διαίρεσιν παραστήσαντες ἀρξώμεθα 25
τῆς περὶ τοὺς ὅρους πραγματείας. ἡ μὲν οὖν πρόθε-

2 ἡ ἔστι G. 3 τῇ δὲ M, G. || ἥτις ἐστὶν G, ἥτις ἐστὶν ἡ C.

11 ὡς om. G. 22 ὅτι τὸ Δ βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον προβληματικόν ἐστὶν. ὅτι τὸ Ε βιβλίον τῶν στοιχείων ὅλον θεωρηματικόν ἐστὶν. in margine inferiore prima ut videtur manu adscriptum M.

σίς ἔστιν ἐν τούτῳ τῷ βιβλίῳ τὰς ἀρχὰς παραδοῦναι
 τῆς τῶν εὐθυγράμμων θεωρίας. εἰ γὰρ καὶ φύσει
 κρείττων ὁ κύκλος καὶ ἡ περὶ αὐτὸν πραγματεία τῆς
 τῶν εὐθυγράμμων οὐσίας τε καὶ γνώσεως, ἀλλ' ἡμῖν
 5 προσήκουσα μᾶλλον ἡ περὶ τούτων διδασκαλία τοῖς
 ἀτελεστέροις καὶ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν ἐπὶ τὰ νοητὰ
 μεταγείν τὴν διάνοιαν σπεύδουσιν. καὶ γὰρ τοῖς μὲν
 αἰσθητοῖς οἰκεία τὰ εὐθύγραμμα σχήματα, τοῖς δὲ
 νοητοῖς ὁ κύκλος, διότι δὴ τὸ μὲν ἀπλοῦν καὶ μονο-
 10 εἰδὲς καὶ ὠρισμένον προσήκει τῇ φύσει τῶν ὄντων,
 τὸ δὲ ποικίλον καὶ ἀορίστως ἀνξανόμενον τῷ πλήθει
 τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν διαφέρει τοῖς αἰσθητοῖς.
 ἐν τούτῳ δὴ οὖν τῷ βιβλίῳ τὰ πρῶτιστα καὶ ἀρχο-
 ειδέστατα σχήματα τῶν εὐθυγράμμων | παραδίδεται,
 15 τό τε τρίγωνον λέγω καὶ τὸ παραλληλόγραμμον· ἐν
 γὰρ τούτοις ὡς ἐν γένει περιέχεται καὶ τὰ αἷτια τῶν
 στοιχείων, τό τε ἰσοσκελὲς καὶ τὸ σκαληνὸν καὶ τὰ
 συνιστάμενα ἐκ τούτων, τό τε ἰσόπλευρον τρίγωνον
 καὶ τετράγωνον, ἀφ' ὧν τὰ σχήματα τῶν τεττάρων
 20 στοιχείων ἔσχεν τὴν σύστασιν. εὐρῆσομεν οὖν καὶ
 ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετραγώνου γένεσιν, τοῦ μὲν
 ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας, τοῦ δὲ ἀπὸ τῆς δοθείσης.
 τὸ οὖν ἰσόπλευρον τρίγωνον προσεχὲς αἰτιὸν ἔστι
 τῶν τριῶν στοιχείων πυρός ἀέρος ὕδατος, τὸ δὲ τε-
 25 τράγωνον τῆς γῆς. συνήρηται δὴ οὖν ὁ σκοπὸς τοῦ

3 κρεῖττον C. || αὐτοῦ G. 6 ἀτελεστέραν G. 23 usque ad
 p. 86, 17 προσεχὲς τριχῇ διαστάν id est quattuor in co-
 dice M paginarum contextum om. B₃ et G, nec C quidquam de
 hac re annotavit. 23 τρίγωνον om. B₁. 25 Terrae an-
 nexum est. Ac demum convenit' B, 'terrae. Mun-
 dus igitur dependet' Z, τῇ γῇ συνήρηται· δεῖται οὖν
 Kn. III.

πρώτου βιβλίου πάση τῇ πραγματείᾳ καὶ συντελεῖ
 πρὸς ὅλην τὴν τῶν κοσμικῶν στοιχείων θεωρίαν. ἔτι
 δὲ καὶ στοιχειοῖ τοὺς μανθάνοντας εἰς τὴν περὶ τῶν
 εὐθυγράμμων σχημάτων ἐπιστήμην τὰς πρώτας αὐτῶν
 ἀρχὰς καλῶς ἀνευρὼν καὶ δι' ἀκριβείας καταδήσα- 5
 μενος.

Διήρηται δὲ τὸ βιβλίον εἰς τρία μέγιστα τμή-
 ματα, καὶ τὸ μὲν πρῶτον τῶν τριγώνων τὰς γενέσεις
 καὶ τὰς ιδιότητας ἐμφανίζει κατὰ τε γωνίας καὶ πλευ-
 ρὰς καὶ ποιεῖται συγκρίσεις αὐτῶν πρὸς ἄλληλα καὶ 10
 ἕκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ θεωρεῖ. καὶ γὰρ ἐν τρίγωνον λα-
 βὼν ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν πλευρῶν ἐπισκοπεῖ τὰς γωνίας,
 ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν γωνιῶν τὰς πλευράς, ἰσότητός τε
 πέρι καὶ ἀνισότητος, καὶ δύο ὑποθέμενος τὰ αὐτὰ
 πάλιν διὰ ποικίλων εὕρισκει. τὸ δὲ δεύτερον τὴν 15
 περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἐξυφαίνει θεωρίαν, τὰς
 τε ιδιότητας τῶν παραλλήλων καὶ τὰς γενέσεις τῶν
 παραλληλογράμμων ἀναγράφον καὶ ἔτι τὰ συμπτώ-
 ματα τὰ ἐν αὐτοῖς ἀποδεικνύς. τὸ δὲ τρίτον τὴν
 κοινωνίαν τῶν τε τριγώνων καὶ τῶν παραλλαληλο- 20
 γράμμων || ἀναφαίνει, ἐν τε τοῖς συμπτώμασι καὶ ταῖς
 πρὸς ἄλληλα συγκρίσεσι. καὶ γὰρ τὰ ἐπὶ τῶν αὐτῶν
 βάσεων καὶ ἴσων τριγωνα ἢ παραλληλόγραμμα δείκνυ-
 ται τὰ αὐτὰ πεπονθότα, καὶ μετὰ συμπλοκῆς ἀμφοτέ-

1 πάσης τῆς πραγματείας B₁. 7 ss. In margine inferiore
 in M adscripta sunt haec:

ὅτι τριχῇ διαιρεῖται τὸ αἰ βιβλίον

εἰς τὴν τῶν τρι-
 γώνων γενέσειν

εἰς τὴν τῶν παραλ-
 λογράμμων θεω-
 ρίαν

εἰς τὴν τῶν τριγώ-
 νων τε καὶ παραλλη-
 λογράμμων κοινο-
 νίαν καὶ σύγκρισιν.

ρων ἐπὶ μιᾷς ὄντων βάσεως, καὶ πῶς ἂν γένοιτο ἴσον
 τριγώνῳ παραλληλόγραμμον, καὶ τέλος περὶ τῶν ἀνα-
 γραφομένων ἐν τοῖς ὀρθογωνιαίοις τριγώνοις τετρα-
 γώνων ἀπὸ τῶν πλευρῶν τίνα ἔχει λόγον τὸ ἀπὸ τῆς
 5 ὑποτεينوῦσης τὴν ὀρθὴν πρὸς τὰ ἀπὸ τῶν περιεχου-
 σῶν αὐτήν. τοία δέ τις ἔστω καὶ ἡ πρόθεσις τοῦ πρώ-
 του βιβλίου τῆς στοιχειώσεως καὶ ἡ διαίρεσις.

Ἀρχὴν δὲ ποιούμενοι τῆς τῶν καθ' ἕκαστα ζητή-
 σεως προαγορεύομεν τοῖς ἐντευξομένοις, μὴ ταῦτα
 10 παρ' ἡμῶν ἀπαιτεῖν ὅσα διατεθρύληται τοῖς πρὸ ἡμῶν
 λημμάτια καὶ πτώσεις καὶ εἴ τι τοιοῦτο. τούτων μὲν
 γὰρ διακορεῖς ἔσμεν καὶ σπανίως αὐτῶν ἐφαψόμεθα.
 ὅσα δὲ πραγματειωδεστέραν ἔχει θεωρίαν καὶ συντελεῖ
 πρὸς τὴν ὅλην φιλοσοφίαν, τούτων προηγουμένην
 15 ποιησόμεθα τὴν ὑπόμνησιν, ζηλοῦντες τοὺς Πυθαγο-
 ρεῖους, οἷς πρόχειρον ἦν καὶ τοῦτο σύμβολον „σχᾶμα
 καὶ βᾶμα, ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριῶβολον“ ἐνδεικνυμέ-
 νων, ὡς ἄρα δεῖ τὴν γεωμετρίαν ἐκείνην μεταδιώκειν,
 ἡ καθ' ἕκαστον θεώρημα βῆμα τίθησιν εἰς ἄνοδον
 20 καὶ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος, ἀλλ' οὐκ ἐν τοῖς αἰ-
 σθητοῖς καταβαίνειν ἀφήσιν καὶ τὴν σύννοικον τοῖς
 θνητοῖς χρεῖαν ἀποπληροῦν καὶ ταύτης στοχαζομένην
 τῆς ἐντεῦθεν περιαγωγῆς καταμελεῖν.

6—7 'Talis sit et Divisio' B. 'primi igitur libri elemen-
 tationis intentio et divisio est huiusmodi' Z. 13 πραγματι-
 ωδεστέραν M, πραγματοειδεστέραν B₁. 16 In margine supe-
 riore adscripta sunt in M haec: τί ἔλεγον οἱ Πυθαγόροι ἐπὶ
 τῆς γεωμετρίας· σχᾶμα καὶ βᾶμα ἀλλ' οὐ σχᾶμα καὶ τριῶβο-
 λον. 18 γεωμετρίαν] 'Philosophiam' B, 'geometriam' Z.
 21 καταμένειν B₁.

DEFINITIONES.

Def. I. Σημεῖόν ἐστὶν οὗ μέρος οὐθέν.

Ὅτι μὲν κατὰ τὴν ἀπὸ τῶν συνθετωτέρων ἐπὶ τὰ ἀπλούστερα μετάβασιν ὁ γεωμέτρης ἀνέδραμεν, ἐκ μὲν τοῦ τριχῆ διεστιῶτος εἰς τὴν τοῦτο περατοῦσαν ἐπιφάνειαν, ἐκ δὲ τῆς ἐπιφανείας εἰς τὸ ταύτης πέρασ 5 τὴν γραμμὴν, ἐκ δὲ τῆς γραμμῆς εἰς τὸ πάσης διαστάσεως καθαρῶν σημεῖον, εἴρηται πολλάκις καὶ παντὶ καταφανές. ἐπειδὴ δὲ τὰ πέρατα ταῦτα πολλαχοῦ μὲν διὰ || τὴν ἀπλότητα τῆς τῶν συνθέτων φύσεως εἶναι δοκεῖ σεμνότερα, πολλαχοῦ δὲ συμβεβηκόσιν ἔοικεν 10 ἐν τοῖς ὑφ' ἑαυτῶν περατουμένοις ἔχοντα τὴν ὑπαρξιν, διοριστέον τούτων ἐκάτερον, ἐν ποίοις γένεσι θεωρεῖται τῶν ὄντων. λέγω δὴ οὖν, ὅτι τὰ μὲν ἄϋλα καὶ ἐν χωριστοῖς ὑφ' ἑαυτῶν περατουμένοις λόγους καὶ εἶδουσιν αὐτοῖς 15 ὑπόστασιν ἀρχικωτέραν προεστήσατο τῶν συνθετωτέρων καὶ διὰ τοῦτο καὶ ἐν τῷ νῷ καὶ ἐν τοῖς μέσοις

Ante primam definitionem octo lineis vacuis relictis tamquam propositi operis initium fit in *M* ornamentis rubris et inscriptione rubra: ἀρχὴ τοῦ κειμένου.

7 παντὶ] 'omnino' *B*, 'omnifariam' *Z*. 11 ἔχειν *M*, postera manus supra lineas scripsit οντα, 'obtinere' *Z*, 'cum habeant existentiam' *B*.

διακόσμοις καὶ τοῖς ψυχικοῖς καὶ ἐν αὐταῖς ταῖς φύ-
 σεσι προσεχῶς ἐμπνεοῦσαις τὰ σώματα τῶν περατου-
 μένων τὰ περατοῦντα κατ' οὐσίαν ὑπερφέρει, καὶ
 ἐστὶν ἀμερέστερα καὶ ἐνοειδέστερα καὶ ἀρχικώτερα·
 5 τὸ γὰρ ἐν ἐν τοῖς αὐτοῖς εἶδεσι τοῦ πλήθους καὶ τὸ
 ἀμέριστον τοῦ πάντη προϋόντος καὶ τὸ ἀφορίζον τοῦ
 δεχομένου τὸν ὅρον ἀπ' ἄλλου τελειότερον. τὰ δ' αὖ
 ὕλης δεόμενα καὶ ἐν ἄλλοις ἐδραζόμενα καὶ τῆς ἐαυ-
 τῶν οὐσίας ἐκστάντα καὶ σκιδνάμενα περὶ τὰ ὑποκεί-
 10 μενα καὶ τὴν ἔνωσιν ἐπέισακτον ἔχοντα τοὺς συνθε-
 τωτέρους λόγους ἔλαχεν τῶν ἀπλουστέρων. κατὰ
 τοῦτο τὰ ἐν φαντασίᾳ καὶ τῇ ὕλῃ τῶν φανταστικῶν
 σχημάτων ἰνδαλλόμενα καὶ τὰ ἐν τοῖς αἰσθητοῖς ὑπὸ
 τῆς φύσεως ἀπογεννώμενα προηγουμένους ἔχει τοὺς
 15 τῶν περατουμένων λόγους, ἐπομένους δὲ τοὺς τῶν
 περατούντων καὶ οἶον ἐπεισοδιώδεις. ἵνα γὰρ τὸ τριχῇ
 διαστὰν μὴ εἰς ἀπειρον ἐκταθῇ μέγεθος ἢ κατὰ τὴν
 νόησιν ἢ κατὰ τὴν αἰσθησιν, δι' ἐπιφανείας παντα-
 χόθεν ἐπερατώθῃ, καὶ ἵνα μὴ τὸ ἐπίπεδον εἰς ἀορι-
 20 στίαν λάθῃ προελθόν, ἡ γραμμὴ περιέλαβεν αὐτὸ καὶ
 ὥρισεν ἐν αὐτῷ γενομένη, καὶ τὸ σημεῖον ὡσαύτως
 τὴν γραμμὴν, τῶν συνθέτων ἕνεκα τῶν ἀπλῶν ὑφιστα-
 μένων. καὶ γὰρ αὖ καὶ τοῦτο δῆλον, ὅτι ἐν μὲν τοῖς
 χωριστοῖς εἶδεσιν οἱ λόγοι τῶν περάτων ἐν ἑαυτοῖς
 25 εἰσὶν καὶ οὐκ ἐν τοῖς περατουμένοις, καὶ μένοντες,
 οἵπερ εἰσὶν, ὑποστατικοὶ γίνονται τῶν δευτέρων, ἐν
 δὲ τοῖς ἀχωρίστοις ὕλης ἐπιδεδώκασιν ἑαυτοὺς τοῖς

14 προηγουμένως *M*, 'praeuantes' *B*, 'praecipue' *Z*.

20 προέλαβεν *G*.

25—26 καὶ οὐκ . . . οἵπερ εἰσὶν om. *G*,
 add. *C*. 26 ὑποστατικοὶ καὶ οὐ γίνονται *G*, καὶ οὐ de-
 levit *C*. 27 ὕλης om. *B*₃, *G*; 'In inseparabilibus vero Formis' *B*,
 'quae a materia inseparabilia sunt' *Z*.

περατουμένοις καὶ ἐν ἐκείνοις ἰδρύνθησαν καὶ οἷον
μέρη γεγόνασιν ἐκείνων καὶ ἀνεπλήσθησαν τῶν χειρό-
νων, ὅθεν δὴ καὶ τὸ ἀμερὲς ἐνταῦθα τῆς μεριστῆς
οὐσίας καὶ τὸ ἀπλατὲς πλάτους μετέσχευ καὶ τὴν ἑαυ-
τῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα ⁵
φυλάξαι δεδύνηται. γενόμενα γὰρ ἐν ἄλλῳ συνηλ-
λοῖωται τῷ ὑποκειμένῳ. ἡ γὰρ ὕλη τὴν τούτων ἐπε-
θόλωσεν ἀκρίβειαν καὶ ὁ μὲν τοῦ ἐπιπέδου λόγος
βαθύνει τὸ ἐπίπεδον, ὁ δὲ τῆς γραμμῆς ἀμυδρώσας
τὴν ἐφ' ἐν διάστασιν πάντη γίνεται μεριστός, ὁ δὲ ¹⁰
τοῦ σημείου σωματοειδὴς ἀποτελεῖται καὶ || συνδιίστα-
ται τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ περατουμένοις. πάντες γὰρ εἰς
ὕλην ῥεύσαντες, οἱ μὲν ἀπὸ διανοίας εἰς τὴν νοητὴν
οἱ δὲ ἀπὸ τῆς φύσεως εἰς τὴν αἰσθητήν, ἀνεπλήσθη-
σαν τῶν ὑποκειμένων καὶ τῆς αὐτῶν ἀπλότητος ἐξ- ¹⁵
έστησαν εἰς ἄλλοτριᾶς συνθέσεις τε καὶ διαστάσεις.
ἀλλὰ πῶς ἐν τῷ νῷ καὶ ἐν τῇ ψυχῇ πάντων ἀμερῶς
όντων καὶ ἀδιαστάτως ἐν τῇ ὕλῃ τὰ μὲν προηγουμέ-
νως ἐμερίσθη τὰ δὲ διὰ τὴν ἐκείνης φύσιν; ἢ καὶ
τοῖς αὐτοῖς εἶδεσι τάξεις ἐστὶ πρώτων τε καὶ μέσων ²⁰
καὶ τελευταίων, καὶ τὰ μὲν ἐνοειδέστερα τῶν εἰδῶν
ἐστὶ, τὰ δὲ πληθύνεται μᾶλλον, καὶ τὰ μὲν συνεσπει-
ραμένως ἔχει τὰς ἑαυτῶν δυνάμεις, τὰ δὲ εἰς διάστασιν
σπενδούσας, καὶ τὰ μὲν πρὸς τοῦ πέρατός ἐστι, τὰ δὲ
πρὸς τῆς ἀπειρίας; εἰ γὰρ καὶ πάντα μετέχει τῶν δύο ²⁵

4 καὶ τὴν] κατὰ τὴν G. 6 γενόμενα] κινούμενον G, γενόμενον C. 7 Post ὑποκειμένῳ repetit M verba: καὶ τὴν ἑαυτῶν ἀπλότητα καὶ τὸ εἰλικρινὲς οὐκ ἔτι τὰ περατοῦντα φυλάξαι δεδύνηται. || ἀπεθόλωσεν G. 13—14 In margine M: τὴν φαντασίαν λέγει. 14 ἀνεπλήσθησαν εἰς τὴν τῶν G. 19 ἐκείνων M, sed supra ων compendium syllabae ης, ἐκείνων B₃, G, 'eius' B, 'illorum' Z. 22 πληθύνεται G, πληθύεται C. 25 τὰς ἀπειρίας M, C, 'Infinitati' B, 'in infinitatem' Z.

τούτων ἀρχῶν, ἀλλὰ τὰ μὲν τῆς ἐτέρας ἐστὶν ἔκγονα
 καὶ πλεον ταύτης μετείληχεν, τὰ δὲ τῆς λοιπῆς. τὸ
 μὲν οὖν σημεῖον ἀμερὲς ἐκεῖ πάντα, εἰ καὶ κατὰ τὸ
 πέρας ὑφέστηκεν, ἔχει δὲ τὴν ἄπειρον δύναμιν κρυ-
 5 φίως, καθ' ἣν καὶ γεννᾷ πάντα τὰ διαστήματα. καὶ
 ἡ πρόοδος τῶν διαστημάτων πάντων οὐκ ἐξελίττει τὴν
 ἄπειρον ἐκείνου δύναμιν, τὸ δὲ σῶμα καὶ ὁ τοῦ σώ-
 ματος λόγος τῆς ἀπείρου μειζόνως μετέχει φύσεως,
 διὸ καὶ τῶν ἀλλαχόθεν περατουμένων ἐστὶν καὶ τῶν
 10 ἐπ' ἄπειρον διαιρετῶν κατὰ πάσας τὰς διαστάσεις.
 τὰ δ' αὖ μεταξὺ τούτων κατὰ τὴν τῶν ἄκρων ἀπό-
 στασιν ἢ τῶν κατὰ τὸ πέρας ἐστὶ πλεοναζόντων ἢ
 τῶν τῆς ἀπειρίας ἀπολελανκότων. διὸ καὶ περατοῖ
 καὶ περατοῦται, καθ' ὅσον μὲν ἐκ τοῦ πέρματος ὑφ-
 15 ἐστηκεν ἄλλα δυνάμενα περατοῦν, καθ' ὅσον δ' αὖ
 μετέχει τῆς ἀπειρίας ὀρίζεσθαι παρ' ἄλλων δεόμενα.
 πέρας οὖν καὶ τὸ σημεῖον ὑπάρχον ἐν τῇ μεθέξει τὴν
 οἰκείαν διαφυλάττει δύναμιν, ἔχον δὲ τὴν ἀπειρίαν
 κρυφίως καὶ πανταχοῦ παρεῖναι τοῖς ὑφ' ἑαυτοῦ
 20 περατουμένοις ἐπειγόμενον ἀπειραχῶς ἐστὶν ἐν αὐτοῖς,
 καὶ ἐπεὶ δύναμις ἦν ἐκεῖ τὸ ἄπειρον γεννητικὴ τῶν
 διαστατῶν, δυνάμει γέγονεν ἐν τοῖς μετέχουσιν. καὶ
 γὰρ ἡ ἀπειρία παρ' ἐκείνοις μὲν, τοῖς νοητοῖς λέγω,
 πρωτοουργὸς ἦν αἰτία καὶ γόνιμος τῶν ὅλων δυνάμεις,
 25 ἐν δὲ τοῖς ἐνύλοις ἀτελῆς καὶ δυνάμει μόνον οὕσα τὰ
 πάντα. καὶ ὥς συνελόντι φάναι τὰ δι' ἀπλότητα καὶ
 ἀμέρειαν ἐν ταῖς ἀρχαῖς ὑπεριδρυμένα τῶν εἰδῶν ἐν
 ταῖς μεθέξεσι φυλάττει μὲν ὥς πέφυκε τὴν ἑαυτῶν

11 ὑπόστασιν G, ἀπόστασιν C. 15 ἀλλὰ G, ἄλλα C.
 17 μεγέθει C. 19 κρυφίαν C. 20 ἑαυτοῖς C. 27 ὑπερ-
 ιδρομένη G, ὑπεριδρύνενα C.

ιδιότητα, καταδεέστερα δὲ τῶν συνθετωτέρων γενόμενα λόγων. καὶ γὰρ ἡ ὕλη τούτων τρανέστερον μετέχειν δύναται καὶ πρὸς ταῦτα μᾶλλον ἢ πρὸς ἀπλουσιότητας τῶν ὄντων αἰτίας παρεσκεύασται. || διὸ τῶν μὲν ἐξηρημένων ἀρχῶν ἵχνη κάτεισιν εἰς αὐτήν, τῶν 5 δὲ δευτέρων καὶ τρίτων αἱ μεταδόσεις ἐναργέστεραι προφαίνονται. μᾶλλον οὖν μετέσχε τῆς τοῦ σώματος αἰτίας ἢ τῆς τοῦ ἐπιπέδου, καὶ ταύτης μᾶλλον ἢ τοῦ εἶδους τῆς γραμμῆς, καὶ τούτου μειζόνως ἢ τοῦ πάντα περατοῦντος ταῦτα σημείου καὶ συνέχοντος. ὁ γὰρ 10 τοῦ σημείου λόγος πάσης ταύτης ἐξηγεῖται τῆς σειρᾶς καὶ πάντα ἐνοῖ τὰ μεριστὰ καὶ συνέχει καὶ ὁρίζει τὰς προόδους αὐτῶν καὶ παράγει πάντα καὶ περιλαμβάνει πανταχόθεν. διὸ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσιν ἄλλα μὲν ἄλλων πέφατα, πάντων δὲ τὸ σημεῖον. ὅτι δὲ οὐ δεῖ νομί- 15 ξειν κατ' ἐπίνοιαν ψιλὴν ὑφεστάναι τὰ τοιαῦτα πέφατα, λέγω | τῶν σωμάτων, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ὑπέλαβον, ἀλλ' εἶναι τινὰς φύσεις ἐν τοῖς οὐσι τοιάσδε καὶ λόγους αὐτῶν προεστάναι δημιουργικούς, ἀναμνησθεῖημεν ἂν εἰς τὸν ὅλον κόσμον ἀποβλέψαν- 20 τες καὶ τὰς ἐν αὐτῷ περιφορὰς καὶ τὰ κέντρα τῶν περιφορῶν καὶ τοὺς δι' ὅλων αὐτῶν διήκοντας ἄξονας. τὰ τε γὰρ κέντρα κατ' ἐνέργειαν ὑφέστηκε συνεκτικὰ τῶν σφαιρῶν ὑπάρχοντα καὶ ἐνίζοντα τὰς διαστάσεις αὐτῶν καὶ σφίγγοντα τὰς δυνάμεις τὰς ἐν αὐταῖς καὶ 25 συνερείδοντα πρὸς ἑαυτά, καὶ οἱ ἄξονες συνελίσσουσιν αὐτὰς καὶ περιάγουσιν, αὐτοὶ μονίμως ἡδρασμένοι, καὶ περὶ ἑαυτοὺς ἀνακνυκλοῦσιν. καὶ μὴν καὶ οἱ πόλοι

4 παρασκευάσθαι G, παρεσκευάσθαι C. 7 σώματος M, B₃, σχήματος G, 'Corporis' B, Z. 9 τοῦτο μειζόνως ἢ M. 23 συνεκτικὰ C. 25 τὰς ante ἐν αὐταῖς om. G, add. C. 27 ἰδρυμένοι G.

τῶν σφαιρῶν καὶ αὐτοὺς τοὺς ἄξονας ἀφορίζοντες
 καὶ τὰς ὅλας περιφορὰς ἀφ' ἑαυτῶν συνέχοντες πῶς
 οὐχὶ δηλοῦσιν ἐναργῶς, ὅτι τὰ σημεῖα δημιουργικὰς
 ἔχει καὶ συνεκτικὰς δυνάμεις καὶ τελειωτικὰς τῶν
 5 διεστώτων πάντων ἐνώσεώς τε χορηγοὺς καὶ τῆς ἀπαύ-
 στου κινήσεως; ὅθεν δὴ καὶ ὁ Πλάτων ἀδαμαντί-
 νην αὐτῶν τὴν ὑπόστασιν εἶναί φησιν, τὸ ἄτρεπτον
 καὶ διαιωνίζον καὶ μόνιμον καὶ ὡσαύτως ἔχον τῆς
 οὐσίας αὐτῶν ἐνδεικνύμενος. τὸν τε ἄτρακτον ὅλον
 10 περὶ αὐτὰ κινεῖσθαι φησιν καὶ περιχορεύειν αὐτῶν
 τὴν ἔνωσιν. ἄλλοι δὲ ἀπορρητότεροι λόγοι καὶ τὸν
 δημιουργὸν ἐφεστάναι τῷ κόσμῳ λέγουσιν τοῖς πόλοις
 ἐποχούμενον καὶ δι' ἔρωτος θείου τοῦ πᾶν ἐπιστρέ-
 φοντα πρὸς ἑαυτόν. οἱ δέ γε Πυθαγόρειοι τὸν μὲν
 15 πόλον σφραγίδα τῆς Ῥέας ἀποκαλεῖν ἡξίουں ὡς τῆς
 ζωογόνου θεότητος ἄρρητον καὶ δραστήριον δύναμιν
 εἰς τὸ πᾶν διὰ τούτου προιεμένης, τὸ δὲ κέντρον Ζα-
 νὸς φυλακὴν, διότι δημιουργικὴν φρουρὰν ὁ Ζεὺς
 τοῖς κόλποις ἐντιθεὶς τοῦ κόσμου περὶ τὸ μέσον αὐ-
 20 τὴν σταθερῶς ἡδρασεν. τοῦ γὰρ κέντρου μένοντος
 καὶ τὸ πᾶν ἀσάλευτον ἔχει τὴν διακόσμησιν καὶ ἅπαν-
 στον τὴν περιφορὰν, καὶ μένει πάντα φυλάττοντα
 τὴν ἑαυτῶν τάξιν ἀμετάστατον, οἳ τε πολοκράτορες
 θεοὶ συναγωγὸν τῶν διηρημένων καὶ ἐνοποιὸν τῶν
 25 πεπληθυσμένων κεκλήρονται δύναμιν, καὶ οἱ τοὺς ||
 ἄξονας λαχόντες συνελαύνουσι τὰς περιφορὰς καὶ

2 ἄλλας G, ὅλας C. 5 ἀπαύστον om. G, ἀπαντοῦ M,
 ἀπ' αὐτοῦ C, 'incessabilis' B, 'indesainantis' Z. 13 ἐπιστρέ-
 φοντες G. 15 ὡς τὴν τῆς G. 16 ζωογόνου C. 17 τού-
 των G, per haec B. || ξηνὸς G. 23 ἀμετάστον M, ἀμετά-
 στατοι C. || πολοκράτορες C, 'qui Polis assistunt' B, 'polo
 dominantes' Z.

διαίωνίως ἀνακυκλοῦσι. καὶ εἴ με δεῖ τοῦμὸν εἰπεῖν, τὰ μὲν κέντρα πασῶν τῶν σφαιρῶν καὶ οἱ πόλοι σύμβολα τῶν ἰνγρικῶν εἰσι θεῶν τὸ ἄγνωστον ἐκείνων καὶ ἐνωτικὸν ἀπεικονισμένοι σύνθημα, οἱ δὲ ἄξονες τὰς συνοχὰς τῶν ὅλων διακόσμων ἀποτυποῦνται καὶ 5 αὐτοὶ συνεκτικοὶ τῶν ἐγκοσμίων εἰσιν ὁλοτήτων καὶ τῶν περιόδων, ὥσπερ ἐκεῖνα τῶν νοερῶν, αὐτὰ δὲ αἱ σφαῖραι τῶν τελεσιουργῶν θεῶν εἰκόνες εἰσὶν ἀρχὴν τέλει συνάπτουσαι καὶ πάντων σχημάτων ἀπλότητι καὶ ὁμοιότητι καὶ τελειότητι διαφέρουσαι. 10

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλεόν προηγάγομεν εἰς ἐνδειξιν τῆς τῶν ἀμερῶν καὶ ὅλως τῶν ἐν τῷ κόσμῳ περάτων δυνάμεως, καὶ ὅτι ταῦτα καθόσον εἰκόνα φέρει τῶν πρώτων καὶ ἀρχικωτάτων αἰτίων μεγίστην ἐν τῷ παντὶ κεκλήρωται τάξιν. οὐ γὰρ τοιαῦτα πέρατά 15 ἔστιν τὰ κέντρα καὶ οἱ πόλοι, οἷα τὰ τῶν περατουμένων, ἀλλὰ κατ' ἐνέργειαν ἰδρυνται καὶ ὑπαρξιν ἔχει καὶ δύναμιν ἀντοτελῇ καὶ διήκουσαν διὰ πάντων τῶν μεριστῶν. οἱ δὲ πολλοὶ τὰ ἐν τοῖς περατουμένοις αὐτοῖς ἀτελῶς ὑφεστηκότα θεωροῦντες ἀμυδρὰν αὐτῶν 20 οἶονται τὴν ὑπόστασιν εἶναι καὶ οἱ μὲν κατ' ἐπίνοιαν μόνην χωρίζεσθαι φασιν αὐτὰ τῶν αἰσθητῶν, οἱ δὲ μηδὲ ἀλλαχοῦ πού τὴν οὐσίαν ἔχειν ἢ ἐν ταῖς ἡμετέραις ἐπινοίαις. ἐπεὶ δὲ ἔστι μὲν καὶ ἐν τῇ νοερᾷ φύσει τὰ εἶδη τούτων πάντων, ἔστι δὲ καὶ ἐν τοῖς ψυχι- 25 κοῖς διακόσμοις, ἔστι δὲ καὶ ἐν τῇ φύσει καὶ ἐν τοῖς σώμασιν ἐσχάτως, νοήσωμεν, ὅπως κατὰ τὴν ἐν αὐτοῖς τάξιν καὶ τὴν ὑπόστασιν ἔλαχεν ἐν τοῖς γένεσιν τῶν

13 δυνάμεων G. 14 τὴν μεγίστην G. 22 αὐτὰ φα-
σιν G. 25 τούτων πάντων] πάντων om. G, τούτων om. C,
'horum omnium' Z, B. 27 ἐσχάτοις G, ἐσχάτως C.

ὄντων. καὶ πάντα μὲν ἐν νῷ προυφέστηκεν, ἀλλ' ἀμερίστως καὶ ἐνοειδῶς, ὥστε πάντα καθ' ἐν εἶδος ὑφεστάναι κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ἔχοντα καὶ ἀμερῶς [πάντα] — πάντα δὲ ἐν ταῖς ψυχαῖς, ἀλλὰ
 5 κατὰ τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος ἐκ τῶν εὐθειῶν καὶ τῶν περιφερῶν γραμμῶν ὑπεστή-
 σατο τὴν ψυχὴν· καὶ γὰρ τῶν κύκλων ἕκαστος γραμμὴ ἐστὶ μόνον. — πάντα δὲ ἐν ταῖς φύσεσιν, ἀλλὰ κατὰ τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον. διὸ καὶ ὁ Πλάτων τοὺς
 10 φυσικοὺς λόγους τοὺς ὑποστατικοὺς τῶν σωμάτων διὰ τῶν ἐπιπέδων ἡξίου δηλοῦν, καὶ ἡ τῶν σωμάτων εἰς τὰ ἐπίπεδα ἀνάλυσις ἐπὶ τὴν αἰτίαν ἡμᾶς περιῆγε τὴν προσεχῇ τῶν φαινομένων — πάντα μὲν καὶ ἐν τοῖς σώμασιν, ἀλλὰ σωματοειδῶς κατὰ τὴν μεριστὴν φύσιν
 15 τῶν σωμάτων, πάντων ἐν αὐτοῖς ὑφεστώτων τῶν εἰδῶν. πάντα ἄρα πανταχοῦ καὶ ἕκαστα κατὰ τὴν οἰκεῖαν τάξιν ἐκφαίνεται καὶ ἡ ἐξαλλαγὴ παρὰ τὴν ἐπικρατοῦσαν δύναμιν, καὶ πανταχοῦ μὲν τὸ σημεῖον ἀμερὲς καὶ τῶν μεριστῶν διαφέρει ἀπλότητι, κατὰ δὲ
 20 τὴν ὑφείσιν τῶν ὄντων || καὶ τοῦτο τὴν ἐξηρημένην ἔλαχεν τῶν μεριστῶν ὑπόστασιν καὶ ὅπου μὲν παντελῶς αὐτῶν ὑπερίδρυνται κατὰ τὴν τῆς αἰτίας ὑπεροχὴν, ὅπου δὲ συντέτακται αὐτοῖς, ὅπου δὲ ἐπεισοδιώδη τὴν ὑπαρξιν ἐν αὐτοῖς ἐκλή | ρώσατο καὶ οἶον καταπινό-
 25 μενον ὑπὸ τοῦ μερισμοῦ τῶν ἐσχάτων ἐκλύει τὴν οἰκεῖαν ἀμέρειαν. καθάπερ οὖν ἡ μονὰς ἄλλη μὲν ἡ γεννητικὴ τῶν ἀριθμῶν, ἄλλη δὲ ὡς ὕλη τοῖς ἀριθμοῖς

3 κατὰ τὸν] καὶ τὸν *M*, *B*₃, *G*; in *M* in margine adscripta sunt: γρ. κατὰ τὸν τοῦ σημείου λόγον κρυφίως ὄντα καὶ ἀμερῶς, 'iuxta Signi rationem' *B*, *Z*. || κρυφίον ὄντα *B*₃, *G*, 'quae occulte existet' *B*, 'latenter . . . existentia' *Z*. 4 ἀμερῶς ἔχοντα *C*.

16 ἕκαστον *G*. 19 τὸ μεριστὸν *G*. 26 ἐπιμερείαν *G*.

ὑπεστρωμένη, καὶ ἀρχὴ μὲν ἑκατέρω καὶ οὐχ ὅπερ ἀριθμός, ἄλλον δὲ τρόπον ἀρχὴ καὶ ἄλλον — κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ τὸ σημεῖον οὗ μὲν ὑποστατικόν ἐστι τῶν μεγεθῶν, οὗ δὲ ἄλλως ἀρχὴ καὶ οὐ κατα τὴν γεννητικὴν αἰτίαν.

5

Ἄρ' οὖν τὸ σημεῖον μόνον ἀμερές; ἢ καὶ τὸ νῦν τοιοῦτον ἐν χρόνῳ καὶ ἡ μονὰς ἐν τοῖς ἀριθμοῖς; ἢ τῷ μὲν φιλοσόφῳ περὶ πάντων ποιουμένῳ τῶν ὄντων λόγους πάντα μὲν τὰ ὅπως οὖν μεριστὰ προσήκει θεωρεῖν, πάσας δὲ τὰς τῶν ἀμερῶν ὑποστάσεις τὰς τούτων ἀρχικάς, τῷ δὲ τῶν καθ' ἕκαστα ἐπιστήμονι ἀπὸ τινων ὠρισμένων ἀρχῶν προσάγουσι τὴν θεωρίαν καὶ μέχρις ἐκείνων ἀνατρέχοντι, τὰς δὲ προόδους τῶν ὄντων οὐ περιεργαζομένῳ, ταύτην μόνην ἐπιβάλλει καὶ σκοπεῖν καὶ παραδιδόναι τὴν ἀμερῇ φύσιν; ἢ ταῖς αὐτοῦ δια- φέρει πρωτίσταις ἀρχαῖς καὶ ταύτην ὁρᾷ τὴν ἀπλό- τητα τὴν τῶν ὑποκειμένων αὐτῷ γνωστῶν ἐξηγουμέ- νην; μόνον οὖν τὸ σημεῖον ἀμερές κατὰ τὴν γεωμε- τρικὴν ὕλην καὶ ἡ μονὰς κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν, καὶ ὁ τοῦ σημείου λόγος, εἰ καὶ πρὸς ἄλλον ἀτελής, ἀλλὰ πρὸς γε τὴν παροῦσαν ἐπιστήμην τέλειος, ἐπεὶ καὶ ὁ ἰατρὸς στοιχεῖα τῶν σωμάτων πῦρ καὶ ὕδωρ λέγει καὶ τὰ τούτοις ὅμοια. καὶ ἡ ἀνάλυσις αὐτῶν μέχρι τού- των. ἀλλ' ὅ γε φυσικὸς ἐπ' ἄλλα μέτεισι τὰ τούτων ἀπλούστερα καὶ ὁ μὲν ὁρίζεται στοιχεῖον τὸ πρὸς αἰ- σθησιν ἀπλοῦν ὁ δὲ τὸ πρὸς τὸν λόγον ἀπλοῦν, καὶ ἑκάτερος ὁρθῶς πρὸς γε τὴν οἰκείαν ἐπιστήμην. μὴ

25

2 ἀρχὴ om. G. 3—4 οὗ μὲν . . . οὗ δὲ G, οὗ μὲν . . . οὗ δὲ C. 10 τῶν ἀμερῶν M, τῶν μερῶν B₃, G, 'partium' B, 'impartibilium' Z. 14 ἐπιβάλλειν G. 16 ὁρᾷν G, ὁρᾷ C. 20 ἄλλον M, B₃, G, ἄλλ' C, 'apud alium' B, 'ad aliud' Z. 23 ἢ om. G.

τοίνυν μηδὲ τὸν ὅρον τοῦ σημείου διημαρτῆσθαι νομίζωμεν μηδὲ ἀτελῇ θώμεθα αὐτὸν εἶναι. πρὸς γὰρ τὴν γεωμετρικὴν ὕλην καὶ τὰς ἀρχὰς τὰς ταύτης ἱκανῶς ἀποδέδοται. μόνον γὰρ οὐχὶ λέγει σαφῶς, ὅτι τὸ ἀμε-
 5 ρὲς κατ' ἐμὲ σημεῖόν ἐστι καὶ ἡ ἐμὴ ἀρχή, καὶ τὸ ἀπλούστατον οὐδὲν ἄλλο ἐστὶν ἢ τοῦτο, καὶ οὕτω προσήκει τοῦ γεωμέτρου λέγοντος ἀκούειν.

Ὁ μὲν οὖν Εὐκλείδης διὰ τῆς ἀποφάσεως τῶν μεριστῶν ἐσήμηνεν ἡμῖν τὴν ἀρχὴν πάσης τῆς ὑπο-
 10 κειμένης αὐτῷ φύσεως εἰς θεωρίαν. καὶ γὰρ οἱ ἀποφατικοὶ λόγοι προσήκουσι ταῖς ἀρχαῖς, ὥς ὁ Παρμενίδης ἡμᾶς ἀναδιδάσκει τὴν τε πρωτίστην αἰτίαν καὶ τὴν ἐσχάτην διὰ μόνων τῶν ἀποφάσεων παραδούς. πᾶσα γὰρ ἀρχὴ τῶν ἀπ' αὐτῆς καθ' ἑτέραν οὐσίαν
 15 ὑφέστηκεν καὶ αἱ τούτων ἀποφάσεις τὴν ἐκείνης ἡμῖν δηλοῦσιν || ἰδιότητα. τὸ γὰρ αἷτιον μὲν τούτων, οὐδὲν δὲ τούτων ὑπάρχον, ὧν αἷτιόν ἐστι, γνώριμον πῶς γίνεται διὰ τοῦ τρόπου τούτου τῆς διδασκαλίας.

Ἴδως δ' ἂν τις ἀπορήσειεν, πῶς πάντα μορφωτι-
 20 κῶς καὶ μεριστῶς τῆς φαντασίας δεχομένης ἀμερές τι σημεῖον ὁ γεωμέτρης ἐν αὐτῇ θεωρεῖ. μὴ γὰρ ὅτι τοὺς ἐν διανοίᾳ λόγους, ἀλλὰ καὶ τὰς τῶν νοερῶν καὶ θείων εἰδῶν ἐμφάσεις ἡ φαντασία κατὰ τὴν οἰκείαν δέχεται φύσιν, τῶν μὲν ἀμόρφων μορφὰς τῶν δὲ
 25 ἀσχηματίζτων σχήματα προτείνουσα. πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν λέγομεν, ὅτι τῆς φανταστικῆς κινήσεως τὸ εἶδος οὔτε μεριστόν ἐστι μόνον οὔτε ἀμέριστον,

2 τὴν om. G.

4 ἀποδέδεικται G.

9 μερῶν G, μερι-

στῶν C. || τὴν om. G. 11 ὅπερ Μενίδης G, ὁ παρμενίδης C.

15 αἱ om. G, add. C. || ἐκείνων G.

20 ἀμερές τὸ H₂

p. 275.

22 καὶ τὰς] τοὺς G.

25 ἀσχημάτων G.

26 λέ-

γωμεν G.

ἀλλ' ἐκ τοῦ ἀμερίστου πρόεισιν εἰς τὸ μεριστὸν καὶ
ἐκ τοῦ ἀμόρφου εἰς τὸ μεμορφωμένον. εἴτε γὰρ με-
ριστὴ μόνον ἦν, οὐκ ἂν τοὺς πολλοὺς τύπους τῶν
εἰδῶν ἐν ἑαυτῇ σῴζειν ἡδύνατο τῶν ἐπεισιόντων ἀμν-
δρούντων τοὺς πρὸ αὐτῶν, καθότι τῶν σωμάτων οὐδὲν 5
ἅμα καὶ κατὰ τὸ αὐτὸ πολλοῖς κατέχεται σχήμασιν,
ἀλλὰ διὰ τῶν δευτέρων ἀφανίζεται τὰ πρότερα, εἴτε
ἀμέριστος, τῆς διανοίας οὐκ ἂν ἦν καταδεστέρα καὶ
τῆς ἐν ἀμερεῖ πάντα θεωρούσης ψυχῆς, οὐδ' ἂν μορ-
φωτικῶς ἐποιεῖτο τὰς ἐνεργείας. ἀνάγκη δὲ οὖν αὐτὴν 10
ἄρχεσθαι μὲν ἐκ τοῦ ἀμεροῦς κατὰ τὴν κίνησιν καὶ
προβάλλειν ἐκεῖθεν τὸ συνεσπειραμένον εἶδος ἐκάστου
τῶν εἰς αὐτὴν ἡκόντων γνωστῶν, ἀπολήγειν δὲ εἰς
μορφὴν καὶ σχῆμα καὶ διάστασιν. εἰ τοίνυν τοιαύτην
ἔλαχεν φύσιν, ἔστι πῶς ἐν αὐτῇ καὶ τὸ ἀμέριστον, καὶ 15
κατ' ἐκεῖνο τὴν οὐσίαν ἔχειν μάλιστα τὸ σημεῖον
λεκτέον. καὶ γὰρ τὸ τῆς γραμμῆς εἶδος κατ' ἐκεῖνο
συνηρημένως ἐστὶν ἐν αὐτῇ. διττὴν οὖν συνέχουσα
δύναμιν, ἀμέριστον καὶ μεριστήν, ἔχει καὶ τὸ σημεῖον
ἀμερῶς καὶ τὰ διαστήματα μεριστῶς. 20

Ἐπεὶ δὲ καὶ οἱ Πυθαγόρειοι το σημεῖον ἀφορί-
ζονται μονάδα προσλαβοῦσαν θέσιν, σκεπτέον τί ποτε
νοοῦντες λέγουσιν. ὅτι μὲν οὖν οἱ ἀριθμοὶ τῶν μεγε-
θῶν ἀνυλότεροι καὶ καθαρώτεροι, καὶ ὅτι τῶν ἀριθμῶν
ἡ ἀρχὴ τῆς τῶν μεγεθῶν ἐστὶν ἀπλουστέρα, παντὶ 25
καταφανές. ἀλλ' ὅταν λέγωσι τὴν μὲν μονάδα θέσιν

2 μορφούμενον *G*, μεμορφωμένον *H*, p. 452, *H*₂ p. 275. |
εἴτε] εἰ *H*₂ p. 275. 4 (ἀμνδρῶς τῶν) *H*₂. 9 μορφωτικῶς *H*₂.

11 ἀμερῶς *G*. 12 συνεσπαιρμένον *G*. *B*₃ = *M*. 'consatam conspersamve', in margine autem 'convolutam' *B*, 'conspersam' *Z*.

15 ἔλαχον *C* et *M* prima manu, postera ε supra o scripsit.

18 συνηρημένον *G*. 26 ὅτε *G*, ὅταν *C*.

ἔχουσιν, ἐνδείκνυσθαι μοι δοκοῦσιν, ὥς ἄρα ἡ μὲν
 μονὰς καὶ ὁ ἀριθμὸς ἐν δόξῃ τὴν ὑπόστασιν κέκτῃται,
 λέγω δὲ τὸν μοναδικὸν ἀριθμόν. διὸ καὶ τῶν ἀριθ-
 μῶν ἕκαστος εἰς ἐστίν, οἷον ὁ πέντε καὶ ὁ ἐπτά, καὶ
 5 οὐ πολλοὶ καθ' ἑκάστην ψυχὴν, καὶ σχήματος καὶ μορ-
 φῆς ἐπεισοδιώδους καθαρεύουσι. τὸ δὲ σημεῖον ἐν |
 φαντασίᾳ προτείνεται καὶ οἷον ἐν τόπῳ γέγονεν, καὶ
 ἔνυλόν ἐστι κατὰ τὴν νοητὴν ὕλην. ἄθετος οὖν ἡ
 μονὰς ὥς ἄνλος καὶ παντὸς ἔξω διαστήματος καὶ τό-
 10 που. || Θέσιν δὲ ἔχει τὸ σημεῖον ὥς ἐν τοῖς φαντασίας
 κόλποις ἑνδαλλόμενον καὶ ἔνυλον. διὰ δὲ τὴν κοινω-
 νίαν τῶν ἀρχῶν καὶ ἡ μονὰς στιγμῆς ἀπλουστέρα.
 κατὰ γὰρ τὴν θέσιν ἐπλεόνασεν ἡ στιγμή τῆς μονά-
 δος, αἱ δὲ προσθέσεις ἐν τοῖς ἀσωμάτοις ὑφέσεις ἀπο-
 15 τελοῦσι τῶν τὰς προσθήκας δεχομένων.

Def. II. Γραμμὴ δὲ μῆκος ἀπλατές.

Δευτέραν ἔχει τὴν τάξιν ἡ γραμμὴ, καθόσον το
 πρώτιστόν ἐστι διάστημα καὶ ἀπλούστατον, ὅπερ ὁ
 γεωμέτρης μῆκος ἐκάλεσε προσθεῖς τὸ ἀπλατές, ἐπειδὴ
 20 καὶ ἡ γραμμὴ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν ἀρχῆς ἔχει λόγον·
 τὸ μὲν γὰρ σημεῖον ὥς πάντων ἀρχὴν τῶν μεγεθῶν
 διὰ μόνης τῆς ἀποφάσεως ἐδίδαξεν, τὴν δὲ γραμμὴν
 τῇ μὲν καταφατικῶς, τῇ δὲ ἀποφατικῶς. ἔστι μὲν γὰρ
 μῆκος, καὶ τούτῳ τῆς τοῦ σημείου πλεονάζει ἀμερείας,

1 Post ἔχουσιν addit G: σημεῖον εἶναι. 5 οἱ G, οὐ C. ||

Supra ψυχὴν in M scriptum est compendium $\overset{\circ}{\smile}$ (εἶδος?).

10 δὲ ἔχει] ἔχον H, p. 261.

14 προσθέσεις G, προσθέ-
 σεις C. 17 τὴν om. G.

ἀπλατῆς δὲ ὡς τῶν ἄλλων καθαρεύουσα διαστάσεων. πᾶν γὰρ δὴ τὸ ἀπλατὲς καὶ ἀβαθές ἐστιν, οὐ μὴν ἀνά-
παλιν. ἀφελὼν οὖν τὸ πλάτος ἔχει καὶ τὸ βάθος
συνανηρημένον, διόπερ οὐδὲ προσέθηκεν, ὅτι καὶ ἀβα-
θές, ὡς ἐπόμενον τῇ τοῦ ἀπλατοῦς ἐννοίᾳ. 5

Ἀφορίζονται δὲ αὐτὴν καὶ κατ' ἄλλας μεθόδους,
οἱ μὲν ῥύσιν σημείου λέγοντες, οἱ δὲ μέγεθος ἐφ' ἓν
διαστατόν. ἀλλ' οὗτος μὲν ὁ ὅρος τέλειός ἐστιν τὴν
οὐσίαν σημαίνων τῆς γραμμῆς, ὁ δὲ σημείου ῥύσιν
εἰπὼν ἔοικεν ἀπὸ τῆς αἰτίας αὐτὴν τῆς γεννητικῆς 10
δηλοῦν καὶ οὐ πᾶσαν γραμμὴν ἀλλὰ τὴν αὐλον παρ-
ίστησι· ταύτην γὰρ ὑφίστησι τὸ σημεῖον ἀμερὲς ὑπάρ-
χον, ὑπάρξεως δὲ τοῖς μεριστοῖς αἴτιον ὄν. ἡ δὲ ῥύσις
τὴν πρόοδον ἐνδείκνυται καὶ τὴν γόνιμον δύναμιν,
τὴν ἐπὶ πᾶσαν διάστασιν φθάνουσαν καὶ οὐκ ἐλαττου- 15
μένην, τὴν αὐτὴν μὲν ἐστῶσαν, πᾶσι δὲ τοῖς μεριστοῖς
τὴν οὐσίαν παρεχομένην.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν γνώριμα παντί, ἀναμνήσωμεν δὲ
ἡμᾶς αὐτοὺς τῶν Πυθαγορικωτέρων λόγων, οἳ τὸ μὲν
σημεῖον ἀνάλογον τίθενται μονάδι, τὴν δὲ γραμμὴν 20
δυάδι, τὴν δὲ ἐπιφάνειαν τῇ τριάδι καὶ τὸ στερεὸν
τῇ τετράδι. καίτοι γε ὡς διαστατὰ || λαμβάνοντες μο-
ναδικὴν μὲν εὐρήσομεν τὴν γραμμὴν, δυαδικὴν δὲ τὴν
ἐπιφάνειαν, τριαδικὸν δὲ τὸ στερεόν, ὅθεν καὶ ὁ Ἀρι-
στοτέλης τὸ σῶμα τῇ τριάδι φησὶν τετελειῶσθαι. 25
καὶ θαυμαστὸν οὐδὲν τὸ μὲν σημεῖον διὰ τὴν ἀμέ-
ρειαν πρῶτως οἰκειῶσθαι τῇ μονάδι, τὰ δὲ μετὰ τὸ
σημεῖον ὑφεστάναι μὲν κατὰ τοὺς ἀπὸ μονάδος ἀριθ-

19 μὲν] μέσον G, μὲν C. 20 τίθεται H, p. 261.

21—24 καὶ τὸ στερεόν . . . τριαδικὸν om. G. 24 τὸ δὲ στε-
ρεόν τετράδι. ὅθεν G.

μούς καὶ τούτων σώζειν τὸν λόγον πρὸς τὸ σημεῖον,
 ὃν ἐκεῖνοι πρὸς τὴν μονάδα, μετέχειν δὲ ἕκαστον τοῦ
 προσεχῶς ὑπὲρ αὐτόν, καὶ ταύτην ἔχειν τὴν ἀξίαν
 πρὸς τὸ ἐγγὺς καὶ τὸ ἐφεξῆς, ἣν ἐκεῖνο πρὸς ἑαυτό·
 5 λέγω δὲ οἷον τὴν γραμμὴν δυάδος μὲν ἔχειν τάξιν
 πρὸς τὸ σημεῖον, μονάδος δὲ πρὸς τὴν ἐπιφάνειαν,
 καὶ ταύτην τριάδος μὲν πρὸς τὸ σημεῖον καὶ τὴν γραμ-
 μὴν, δυάδος δὲ πρὸς τὸ στερεόν, καὶ διὰ τοῦτο τὸ
 σῶμα πρὸς μὲν τὸ σημεῖον εἶναι τετραδικόν, πρὸς δὲ
 10 τὴν γραμμὴν τριαδικόν. ἔχει μὲν οὖν ἡ διάταξις ἑκα-
 τέρα λόγον, ἀρχοειδεστέρα δὲ ἡ τῶν Πυθαγορείων,
 ἄνωθεν ὠρμημένη καὶ τῇ φύσει τῶν ὄντων ἐπομένη.
 τὸ μὲν γὰρ σημεῖον διττόν· ἡ γὰρ καθ' αὐτό ἐστίν ἡ
 ἐν τῇ γραμμῇ, καὶ ὡς πέρας ὃν μόνον καὶ ἐν οὔτε ὅλον
 15 οὔτε μέρη ἔχον μιμεῖται τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων καὶ
 διὰ τοῦτο καὶ ἀνάλογον τέτακται τῇ μονάδι. καὶ γὰρ
 ἡ μονὰς ἐκεῖ πρῶτον, ὅπου πατρικὴ μονὰς ἐστίν, φησὶ
 τὸ λόγιον. ἡ δὲ γραμμὴ πρώτη μὲν ἔχουσα μέρη καὶ
 ὅλον, οὔσα δὲ καὶ μοναδικὴ διὰ τὸ ἐφ' ἐν διαστατόν,
 20 καὶ δυαδικὴ διὰ τὴν πρόοδον — εἴτε γὰρ ἄπειρος, μετ-
 ἔχει τῆς ἀορίστου δυάδος, εἴτε πεπερασμένη, δυοῖν
 αὐτῇ δεῖ περάτων, καὶ τὸ πόθεν ποῖ πρὸς τὸν ἀπ'
 αὐτῆς [?] — διὰ ταῦτα τοίνυν τὴν ὁλότητα μιμεῖται καὶ

1 τοῦτον G. 2 οἷον G, ὃν C. || μετέχον δὲ ἕκαστον G,
 μετέχει δὲ ἕκαστον C, B₃ = M, 'participare' B, 'particeps est' Z.

3 προσεχῶς ὑπὲρ αὐτοῦ G. || ἔχει C. 5—7 δυάδος μὲν ...
 καὶ τὴν γραμμὴν om. G. 8 δὲ post δυάδος om. G.

14 τῇ om. G. || ἐν οὔτε] † ἐνοῦται H₂ p. 261. 15 οὔτε μέρη
 ἔχον om. H₂ p. 261. || τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων φύσιν G,
 τὴν ἀκρότητα τῶν ὄντων C. 22 περάτων] περὶ αὐτῶν G. ||
 ποῖ] καὶ τὸ ποῖ B₃, G, 'Unde et Quo' B, Z. || πρὸς τὸν ἀπ' αὐτῆς
 aut non invenit aut non interpretatus est B, 'ad eum qui ab
 ipsa' Z; conicias: πρῶτον ἐπ' αὐτῆς, nisi forte exciderunt
 aliquot verba.

τὴν τάξιν ἐκείνην, ἣ καὶ ταναὴ μονὰς ἐστὶν καὶ δύο
γεννᾷ. καὶ γὰρ αὕτη τὴν τε εἰς μῆκος ἔκτασιν προ-
βέβληται καὶ τὸ ταναὸν διαστατῶς καὶ τὸ ἐφ' ἐν καὶ
τὴν τῆς δυάδος μετουσίαν. ἣ δὲ ἐπιφάνεια τριάς οὐσα
καὶ δυὰς καὶ τῶν πρώτων σχημάτων ὑποδοχὴ καὶ μορ- 5
φήν καὶ εἶδος λαβοῦσα πρώτη τῇ περατούσῃ μὲν τὰ
ὄντα πρώτως καὶ τριαδικῇ φύσει, διαιρούσῃ δὲ αὐτὴν
δυάδι πῶς προσέοικεν. τὸ δ' αὖ στερεὸν τριχῇ δια-
στὰν καὶ κατὰ τὴν τετράδα τὴν τῶν λόγων πάντων
περιληπτικὴν ἀφορισθὲν εἰς ἐκείνην ἀναφέρεται τὴν 10
διακόσμησιν, ἀφ' ἧς καὶ ἡ τῶν σωματικῶν κόσμων
ἐκφαίνεται διάκρισις καὶ ἡ εἰς τρία τῶν ὅλων διαίρε-
σις, μετὰ τῆς τετραδικῆς ιδιότητος, τοῦτο δὲ ἐστὶ
μετὰ τῆς γεννητικῆς καὶ θηλυπρεποῦς.

Ταῦτα μὲν οὖν ἐπὶ πλεόν ἐξεργάζεσθαι δυνατόν. 15
τὴν δ' αὖ γραμμὴν δευτέραν οὐσαν καὶ κατὰ τὴν
πρώτην ἀπὸ τοῦ ἀμεροῦς κίνησιν ὑποστᾶσαν εἰκότως
καὶ ὁ τῶν Πυθαγορείων λόγος ἐκάλει δυαδικήν.
ὅτι δὲ καὶ τὸ σημεῖον || μετὰ τὴν μονάδα καὶ ἡ γραμμὴ
μετὰ τὴν δυάδα καὶ ἡ ἐπιφάνεια μετὰ τὴν τριάδα δη- 20
λοῖ που καὶ ὁ Παρμενίδης τοῦ ἐνὸς ἀποφάσκων τὰ
πολλὰ πρῶτον, εἶτα τὸ ὅλον· εἰ δὲ τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ
ὅλου, καὶ ὁ ἀριθμὸς πρὸ τοῦ συνεχοῦς καὶ ἡ δυὰς πρὸ
τῆς γραμμῆς καὶ ἡ μονὰς | πρὸ τοῦ σημείου. καὶ γὰρ

1 ἡ καὶ ταναὴ] ἡ καὶ ταναὴ M, B₃, * ἡ G, ἡ καὶ ταναὴ
ἡ C, 'Quae etiam porrecta est' B, 'vel unitas etiam extensa
est' Z. 2 ἔκτασιν G. 3 καὶ τὴν] Postera manus in M super
καὶ τὴν adscripsit κατὰ. 5 μορφή M, B₃, 'formam' B, Z καὶ
μορφήν καὶ εἶδος λαβοῦσα aut non invenit aut omisit.
11 ὑφ' ἧς G. 14 τῆς ante γεννητικῆς om G, add. C.
17 ὑποστάσεως G, ὑποστᾶσαν C. 20 κατὰ τὴν δυάδα G.
21 Παρμενίδης M. 22 πρῶτος G, πρῶτον C.

τὸ μὲν „οὐ πολλὰ“ τῇ μονάδι προσήκει τῇ γεννώσῃ
τὸ πλήθος ὑφιστάντι. καὶ γὰρ τοῦτο μέρος
ἔχειν λέγεται.

Τοσαῦτα περὶ τῆς γραμμῆς εἰρήσθω κατὰ τας
5 θεωρικωτέρας ἐπιβολάς. ἀποδεξόμεθα δὲ καὶ τοὺς
περὶ Ἀπολλώνιον λέγοντας, ὅτι γραμμῆς ἔννοϊαν
μὲν ἔχομεν, ὅταν τὰ μήκη μόνον ἢ τῶν ὁδῶν ἢ τῶν
τοίχων ἀναμετρεῖν κελεύωμεν· οὐ γὰρ προσποιούμεθα
τότε τὸ πλάτος, ἀλλὰ τὴν ἐφ' ἑν διάστασιν ἀναλογι-
10 ζόμεθα, καθάπερ δὴ καὶ ὅταν χωρία μετροῦμεν, τὴν
ἐπιφάνειαν ὁρῶμεν, ὅταν δὲ φρέατα, τὸ στερεόν.
πάσας γὰρ ὁμοῦ τὰς διαστάσεις συλλαβόντες ἀποφαι-
νόμεθα τοσόνδε εἶναι τὸ διάστημα τοῦ φρέατος κατὰ
τε μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος. αἰσθησιν δὲ αὐτῆς
15 λάβοιμεν ἂν ἀπιδόντες εἰς τοὺς διορισμοὺς τῶν πεφω-
τισμένων τόπων ἀπὸ τῶν ἐσκιασμένων καὶ ἐπὶ τῆς
σελήνης καὶ ἐπὶ τῆς γῆς. τοῦτο γὰρ τὸ μέσον κατὰ
μὲν πλάτος ἀδιάστατόν ἐστι, μῆκος δὲ ἔχει τὸ συμ-
παρεκτεινόμενον τῷ φωτὶ καὶ τῇ σκιᾷ.

2 Ante ὑφιστάντι (ὑφιστάντι *M*, *B*₃, *G*) exciderunt aliquot
verba velut: τὸ δὲ οὔτε ὅλον οὔτε μέρος τῷ σημείῳ τῷ τὸ
πάντῃ διαστατόν. In *M* in margine postera manu adscripta
sunt: τῇ δὲ γραμμῇ τὸ οὐχ ὅλον τῇ τὸ ὅλον et ὑφιστάντι
mutatum est in ὑφιστάσῃ. *B* interpretatur: 'Puncto autem
'non totum' Totum producenti'; 'huic vero totum, utpote to-
tum constituenti' *Z*. || καὶ γὰρ τοῦ μέρους *G*, καὶ γὰρ τοῦτο
μέρος *B*₃, *C*; 'nullam enim partem' *B*, sed in margine: 'hoc nam-
que', 'id enim partem' *Z*. 6. 7 μὲν ἔννοϊαν *G*. 7 ὅτε *G*.
8 στοιχείων *G*. || κελεύομεν *M*, *G*. 9 Post πλάτος addit *G*.
καὶ βάθος. *B*₃ = *M*. 'Latitudinem tunc, Crassitiemque' *B*.
'latitudinem' *Z*. 10 ὅτε *G*. || μετροῦμεν *G*, μετροῦμεν *C*.
11 ὅτε *G*. 12 τὰς διαστάσεις ὁμοῦ *G*. 15 ἐπιδόντες *G*,
ἀπιδόντες *C*.

Def. III. Γραμμῆς δὲ πέρατα σημεῖα.

Πᾶν τὸ σύνθετον ἀπὸ τοῦ ἀπλοῦ καὶ πᾶν τὸ με-
 ριστὸν ἀπὸ τοῦ ἀμερίστου καταδέχεται τὸν ὅρον. καὶ
 τούτων εἰκόνες ἐν ταῖς ἀρχαῖς προτείνονται τῶν μα-
 θημάτων. ὅταν γὰρ καὶ τὴν γραμμὴν ὑπὸ τῶν ση- 5
 μείων περατοῦσθαι λέγῃ, δηλὸς ἐστὶν αὐτὴν καθ’
 αὐτὴν ἄπειρον ποιῶν, ὡς ἂν διὰ τὴν οἰκείαν προόδον
 οὐκ ἔχουσαν πέρας. ὥσπερ οὖν ἡ δυάς ἀπὸ τῆς μο-
 νάδος ὀρίζεται καὶ τὴν ἄσχετον ἐαυτῆς τόλμαν περα-
 τοῦ κρατουμένη παρ’ ἐκείνης, οὕτω δὴ καὶ ἡ γραμμὴ 10
 τοῖς σημείοις ὀρίζεται. δυοειδῆς γὰρ οὖσα καίτοι τοῦ
 σημείου, μονάδος ἔχοντος λόγον, μετέχει δυαδικῶς.
 ἀλλ’ ἐν μὲν τοῖς φανταστοῖς καὶ τοῖς αἰσθητοῖς αὐτὰ
 τὰ σημεῖα τὰ ἐν τῇ γραμμῇ περατοῦ τὴν γραμμὴν, ἐν
 δὲ τοῖς ἀύλοις εἶδεσι προϋφέστηκε μὲν ὁ ἀμέριστος 15
 τοῦ σημείου λόγος, προϊὼν δ’ ἐκείθεν αὐτὸς ὁ πρῶ-
 τιστος ἐαυτὸν || διαστήσας καὶ κινούμενος καὶ ῥέων
 ἐπ’ ἄπειρον καὶ τὴν ἀόριστον δυάδα μιμούμενος κρα-
 τεῖται μὲν ὑπὸ τῆς ἰδίας ἀρχῆς, ἐνίσχεται δὲ ὑπ’ αὐτῆς
 καὶ περιλαμβάνεται πανταχόθεν. ἄπειρος οὖν ἅμα καὶ 20
 πεπερασμένος ἐστί, κατὰ μὲν τὴν ἐαυτοῦ προόδον
 ἄπειρος, κατὰ δὲ τὴν τῆς αἰτίας τῆς περατοειδοῦς
 μέθεξιν πεπερασμένος. ἐαυτῷ γὰρ προελθὼν τῇ ἐκεί-
 νης περιοχῇ κεκράτηται καὶ ὀρίζεται κατὰ τὴν ἐκεί-
 νης ἔνωσιν. ὅθεν δὴ καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι τὰ σημεῖα τὸ 25

5 ἀπὸ C. 8 ἔχουσα G. 9 τόλμην G, τόλμαν C.

10 δὴ om. G, add. C. || Post γραμμὴ add. G παρ’ ἐκείνης,
 del. C. 15 μὲν om. G, προϋφέστη μὲν C. 17 ῥέαν G,
 ῥέον C.

πέρας καὶ τὴν ἀρχὴν καταλαμβάνοντα τῆς γραμμῆς
 ὁρίζειν αὐτὴν λέγεται. ἐκεῖ μὲν οὖν ἐστὶ τὸ πέρασ
 ἐξηρημένον τοῦ περατουμένου, ἐνταῦθα δὲ διττόν· ἐν
 αὐτῷ γὰρ ὑφέσθηκε τῷ περατουμένῳ. καὶ τοῦτο φέ-
 5 ροι ἂν ἐνδειξιν θαυμαστὴν τοῦ τὰ εἶδη μένοντα μὲν
 ἐφ' ἑαυτῶν κατ' αἰτίαν προηγείσθαι τῶν μετεχόντων,
 ἐπιδόντα δὲ ἐκείνοις ἑαυτὰ κατὰ τὴν ἐκείνων ιδιό-
 τητα τὴν ὑπόστασιν λαμβάνειν, συμπληθνόμενα αὐτοῖς
 καὶ συμμεριζόμενα καὶ ἀπολαύοντα τῆς τῶν ὑποκει-
 10 μένων διαιρέσεως.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφέναι περὶ τῆς
 γραμμῆς, ὅτι τριχῶς αὐτῇ χρῆται ὁ γεωμέτρης. καὶ
 γὰρ ὥς ἐφ' ἑκάτερα πεπερασμένη, ὥς τὸ ἐπὶ τῆς δο-
 θεΐσης εὐθείας πεπερασμένης τρίγωνον ἰσόπλευρον
 15 συστήσασθαι, καὶ ὥς τῇ μὲν ἀπείρῳ, τῇ δὲ πεπερα-
 σμένη, ὥς ἐπ' ἐκείνου τοῦ προβλήματος „ἐκ τριῶν
 εὐθειῶν, αἵ εἰσιν ἴσαι τρισὶ ταῖς δοθεῖσαις εὐθείαις,
 τρίγωνον συστήσασθαι“. ἐν γὰρ τῇ κατασκευῇ φησιν
 „ἐκκείσθω τις εὐθεῖα ἐπὶ θάτερα μὲν πεπερασμένη,
 20 ἐπὶ θάτερα δὲ ἄπειρος“ τριχῶς οὖν ἡ γραμμὴ
 λαμβάνεται παρ' αὐτῷ.

Πρὸς δὲ τούτοις καὶ κεῖνο ἐπιστάσεως ἄξιον ὃν μὴ
 παραδράμωμεν. πῶς γὰρ εἴρηται γραμμῆς πέρατα

8 συμπληθνόμενα G. 9 ἀπολαβόντα G, ἀπολαύοντα C.

18 Post συστήσασθαι add. G: καὶ ὥς τῇ μὲν ἀπείρῳ,
 del. C. 20 Post ἄπειρος maior est lacuna. In M in margine
 adscripta sunt postera manu: καὶ ὥς ἐπὶ θάτερα ἀπείρῳ ὥς τὸ
 τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον δίχα τεμεῖν. B₃ = G. Apud
 Barocium legitur: 'Et ut ex utraque parte infinita: ut in illo
 Problemate, quod inquit, Super datam rectam Lineam infini-
 tam a dato Signo, quod in ea non sit, Perpendiculararem rectam
 Lineam deducere.' 'et est aliquando ea linea quae in utraque
 parte infinita est: sicut est illud: datam rectam lineam infini-
 tam bifariam secare' Z. 23 παραδέδωκεν G, παραδράμωμεν C.

σημεῖα, καὶ ποίας γραμμῆς; οὔτε γὰρ τῆς ἀπείρου
οὔτε πάσης τῆς πεπερασμένης· ἔστι γὰρ τις γραμμὴ
καὶ πεπερασμένη καὶ οὐκ ἔχουσα πέρατα σημεῖα. τοι-
αύτη γὰρ ἡ κυκλικὴ αὐτὴ εἰς ἑαυτὴν συννεύουσα καὶ
οὐ σημείοις χρωμένη πέρασιν ὥς ἡ εὐθεῖα· τοιαύτη 5
καὶ ἡ τοῦ θυρεοῦ. μὴ ποτε οὖν τὴν γραμμὴν ὁρᾶν
δεῖ καθόσον ἐστὶ γραμμὴ. λάβοιμεν γὰρ ἂν καὶ περι-
φέρειάν τινα περατουμένην ὑπὸ σημείων καὶ μέρος
τῆς τοῦ θυρεοῦ γραμμῆς ὡσαύτως ἔχον πέρατα ση-
μεῖα. πᾶσα δὲ ἡ τοῦ κύκλου καὶ τοῦ θυρεοῦ καὶ ἄλ- 10
λην ιδιότητα προσεῖληφεν, καθ' ἣν οὐ μόνον γραμμὴ
ἐστὶν ἀλλὰ καὶ σχήματος ἀποτελεστική. εἰ μὲν οὖν
γραμμαὶ ἄμφω, πέρατα ἔχουσι σημεῖα, εἰ δὲ σχημάτων
ποιητικὰ τοιῶνδε, συννεύουσιν εἰς αὐτάς. εἰ δὲ καὶ
γραφομένας αὐτάς νοήσεις, εὗροις ἂν ὅπη περατοῦν- 15
ται ὑπὸ σημείων, γεγραμμένας δὲ λαβὼν καὶ τέλος
ἀρχῇ συνάψας || οὐκέτι θεωρηῖσαι δύνασθαι τὰ πέρατα
αὐτῶν.

Def. III. Εὐθεῖα γραμμὴ ἐστὶν, ἣτις ἐξ ἴσου
τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις κεῖται.

20

| Ὁ μὲν Πλάτων τῆς γραμμῆς δύο τὰ ἀπλούστατα
καὶ ἀρχοειδέστατα θέμενος εἶδη, τὴν τε εὐθεῖαν καὶ

3 πέρατος G. 6 καὶ post τοιαύτη om. G, add. C. || θυ-
ραιου G. 7 δεῖν G. || γὰρ om. G. || καὶ post ἂν om. G.
9 θυραίου G. 10 θυραίου G. || ἄλλον G, ἄλλην C.
12. 13 εἰ μὲν ... εἰ δὲ] αἰ μὲν ... αἰ δὲ G, ἡ οὖν ... ἡ
δὲ C. In M postera manu super εἰ utroque loco scriptum
est ἡ. 13 πέρατος G. 14 ποιητικαὶ G. || πρὸς G, εἰς C.
αὐτάς G. 19 ἐφ' ἑαυτοῖς prima manu M; postea compen-
dium syllabae τοῖς rasura mutatum est. ὑφ' ἑαυτοῖς G.
21 Πλάτων] Phileb. 51, C. 22 ἤδη G, εἶδη C.

τὴν περιφερῇ, τὰ ἄλλα πάντα κατὰ μίξιν ἐκ τούτων
 ὑφίστησιν, ὅσα τε ἐλικοειδῇ λέγεται τῶν μὲν ἐπιπέ-
 δων τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ τὴν ὑπόστασιν δεχομένων,
 καὶ ὅσα κατὰ τὰς τομὰς τῶν στερεῶν ὑφίσταται εἶδη
 5 καμπύλων γραμμῶν. καὶ ἔοικεν τὸ μὲν σημεῖον εἰκόνα
 φέρειν, εἰ θέμις εἰπεῖν, τοῦ ἐνὸς κατὰ τὸν Πλάτωνα.
 καὶ γὰρ τοῦτο μέρος οὐδὲν ἔχει, ὥσπερ καὶ ἐκεῖνος
 δείκνυσιν ἐν Παρμενίδῃ. ἐπεὶ δὲ μετὰ τὸ ἐν τρεῖς
 εἰσιν ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν,
 10 διὰ τούτων ὑφίσταται τὰ τε τῶν γραμμῶν εἶδη καὶ
 τὰ τῶν γωνιῶν καὶ τῶν σχημάτων· καὶ τῷ μὲν πέρατι
 ἀνάλογον ἡ περιφέρεια καὶ ἡ περιφερόγραμμος γωνία
 καὶ ὁ κύκλος ἐν ἐπιπέδοις καὶ ἡ σφαῖρα ἐν στερεοῖς,
 τῇ δὲ ἀπειρίᾳ τὸ εὐθύ κατὰ πάντα ταῦτα — διήκει
 15 γὰρ διὰ πάντων οἰκείως ἐκασταχοῦ φανταζόμενον —
 τὸ δὲ μικτόν τὸ ἐν ἅπασιν τούτοις τῷ ἐκεῖ μικτῷ. καὶ
 γὰρ γραμμαὶ μικταὶ εἰσιν ὥς αἱ ἑλικες, καὶ γωνίαι
 ὥς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου καὶ ἡ κερατοειδῆς, καὶ σχήματα
 ἐπίπεδα μὲν τὰ τμήματα καὶ αἱ ἀψῖδες, στερεὰ δὲ
 20 κῶνοι καὶ κύλινδροι καὶ τὰ τοιαῦτα. τὸ ἄρα πέρας
 καὶ ἄπειρον καὶ μικτόν ἐστιν ἐν τούτοις ἅπασιν. καὶ
 μέντοι καὶ ὁ Ἀριστοτέλης τὴν αὐτὴν ἔχει τῷ Πλά-
 τῶνι διάνοιαν. πᾶν γὰρ εἶδος γραμμῆς εὐθύ φησὶν
 εἶστιν ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν ἐκ τούτων. διὸ καὶ κινή-
 25 σεις τρεῖς, ἡ μὲν ἐπ' εὐθείας, ἡ δὲ κύκλῳ, ἡ δὲ μικτῇ.
 Διαμφισβητοῦσι δέ τινες πρὸς τὴν διαίρεσιν ταύ-
 την καὶ φασὶ μὴ δύο μόνας εἶναι τὰς ἀπλᾶς γραμμάς,

5 σημείου G, σημεῖον C. 7 ἐκεῖνο M. 8 Παρμενίδῃ] 137, C. D. 11 τὰ om. H₂ p. 273. 16 πᾶσι G, H₂. 18 κε-
 ρατώδης G. 20 κύλινδρος M. 21 πᾶσι H₂. 23 φησιν
 εἶναι G. || φησὶν] de Coelo I, 2.

ἀλλὰ καὶ τρίτην ἄλλην, τὴν περὶ τὸν κύλινδρον ἑλικά
 γραφομένην, ὅταν εὐθείας κινουμένης περὶ τὴν ἐπι-
 φάνειαν τοῦ κυλίνδρου σημείου ὁμοταχῶς ἐπ' αὐτῆς
 κινῆται. γίνεται γὰρ ἑλιξ, ἥς ὁμοιομερῶς πάντα τὰ
 μέρη πᾶσιν ἐφαρμόζει, καθάπερ Ἀπολλώνιος ἐν τῷ 5
 περὶ τοῦ κοχλίου γράμματι δείκνυσιν. καὶ τοῦτο τὸ
 πάθος μόνη πέπονθεν ἐλίκων αὕτη. καὶ γὰρ τῆς ἐπι-
 πέδου τὰ μόρια ἀνόμοια ἀλλήλοις καὶ τῆς περὶ τὸν
 κῶνον γραφομένης καὶ τῆς περὶ τὴν σφαῖραν. μόνη ||
 δὲ ὁμοιομερῆς ἡ κυλινδρική, καθάπερ δὴ καὶ ἡ εὐθεῖα 10
 καὶ ἡ περιφερὴς γραμμὴ. μήποτε οὖν τρεῖς εἰσιν αἱ
 ἀπλαῖ γραμμαὶ καὶ οὐ δύο μόνον;

Πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν ἀπαντησόμεθα λέ-
 γοντες, ὁμοιομερῆ μὲν εἶναι τὴν ἑλικά ταύτην, ὥς καὶ
 Ἀπολλώνιος δέδειχεν, ἀπλὴν δὲ οὐδαμῶς. οὐ γὰρ 15
 ταῦτόν εἶναι τό τε ὁμοιομερὲς καὶ τὸ ἀπλοῦν, ἐπεὶ
 καὶ τῶν φύσει συνεστώτων ὁμοιομερῆς μὲν ὁ χρυσὸς
 καὶ ὁ ἄργυρος, ἀπλᾶ δὲ ταῦτα οὐκέτι. δηλοῦν δὲ τῆς
 κυλινδρικῆς ἑλικος τὴν μίξιν τὴν ἐκ τῶν ἀπλῶν καὶ
 αὐτὴν τὴν γένεσιν. γεννᾶται γὰρ τῆς μὲν εὐθείας 20
 κύκλῳ κινουμένης περὶ τὸν ἄξονα τοῦ κυλίνδρου,
 τοῦ δὲ σημείου φερομένου ἐπὶ τῆς εὐθείας. δύο τοί-
 νυν κινήσεις αἱ ἀπλαῖ τὴν ὑπόστασιν αὐτῇ παρέσχον,
 ὥστε τῶν μικτῶν ἐστὶ γραμμῶν καὶ οὐ τῶν ἀπλῶν.
 τὸ γὰρ ἐξ ἀνομοίων ὑποστὰν οὐχ ἀπλοῦν ἐστὶν ἀλλὰ 25
 καὶ μικτόν, καὶ ὁρθῶς ὁ Γεμῖνος ἐκ πλειόνων μὲν

3 In margine in *M* adscriptum est: γένεσις κυλινδρικῆς
 ἑλικος. 4 κινεῖται *M*, *G*, corr. *Kn. I.* || ἥς] ἡ *M*, *G*, corr.
Kn. I. 8. 9 τοῖς . . . γραφομένοις καὶ τοῖς *C.* 10 καὶ
 ante ἡ κυλινδρική addidit *G*, del. *C.* 13 δὲ *G*, δὴ *C.* ||
 ἀπαντησόμεθα *G*. 16 τε om. *G*. 17 ὁμοιομερῆ *G*.
 18 οὐκέτι ταῦτα *G*. 23 αὐτὴ *G*, αὐτῇ *C*.

κινήσεων καὶ τῶν ἀπλῶν τινα γραμμῶν ὑφίστασθαι
 διδοὺς οὐ μέντοι πᾶσαν εἶναι τὴν τοιαύτην μικτήν,
 ἀλλὰ τὴν ἐξ ἀνομοίων. καὶ γὰρ εἰ τετράγωνον νοή-
 σειας καὶ δύο κινήσεις, τὴν μὲν κατὰ τὸ μῆκος, τὴν
 5 δὲ κατὰ τὸ πλάτος γινομένην, ἰσοταχεῖς, ὑποστήσεται
 ἡ διαγώνιος, εὐθεῖα οὕσα· καὶ οὐ διὰ τοῦτο ἡ εὐθεῖα
 μικτή· οὐ γὰρ προηγεῖται τις αὐτῆς ἑτέρα γραμμὴ
 κατὰ ἀπλὴν ὑφισταμένη κίνησιν, ὥς τῆς κυλινδρικῆς
 ἐλέγομεν ἑλικος. ἀλλ' οὐδὲ εἴ τις ἐν ὀρθῇ γωνίᾳ
 10 νοήσειεν ὑποβιβαζομένην εὐθεῖαν καὶ τῇ διχοτομίᾳ
 κύκλον γράφουσαν, διὰ τοῦτο ἡ κυκλικὴ γραμμὴ κατὰ
 μίξιν ὑφέστηκεν· τῆς γὰρ οὕτω κινουμένης τὰ μὲν
 πέρατα ὁμαλῶς κινούμενα εὐθυγραφεῖ, ἡ δὲ διχοτομία
 ἀνωμάλως φερομένη κυκλογραφεῖ, τὰ δὲ ἄλλα σημεῖα
 15 γράφει τὴν ἑλλειψιν, ὥστε τῇ ἀνωμαλίᾳ τῆς κατὰ τὴν
 διχοτομίαν φορᾶς ἐπηκολούθησεν ἡ γένεσις τῆς κυκλι-
 κῆς γραμμῆς παρὰ τὸ δεδοσθαι ἐν τῇ ὀρθῇ γωνίᾳ
 τὴν καταβιβαζομένην εὐθεῖαν, ἀλλὰ μὴ κατὰ φύσιν
 κινεῖσθαι.

20 Ταῦτα μὲν οὖν περὶ τούτων. δόξειε δ' ἂν ἀμφο-
 τέρων οὕσων ἀπλῶν τῶν γραμμῶν, τῆς εὐθείας καὶ
 τῆς περιφεροῦς, ἀπλουστέρα μᾶλλον ἢ εὐθεῖα εἶναι.
 ἐν ταύτῃ μὲν γὰρ οὐδὲ κατ' ἐπίνοιάν ἐστιν ἀνομοιότης,
 ἐπὶ δὲ τῆς περιφεροῦς τὸ κοῖλον καὶ κυρτὸν ἑτεροίω-
 25 σιν ἐμφαίνει. καὶ ἡ μὲν εὐθεῖα τὴν περιφέρειαν οὐ
 συνεισάγει κατὰ τὴν ἐπίνοιαν, ἡ δὲ περίφερεια τὴν

5 ἰσοταχῶς G. 8 ὑφισταμένην G, ὑφισταμένης Kn. I.

9 γωνίαν G. 13 ὀρθογραφεῖ C. 14 ἀνωμάλως om. G,
 add. C. 15 In M in margine adscriptum est: γένεσις ἑλλεί-
 ψεως. 16 ἐπικολούθησεν M, G. 22 τῆς ante περιφεροῦς
 om. M. || ἡ ante εὐθεῖα om. M. 26 συνάγει G, συν-
 εισάγει C.

εὐθείαν, εἰ καὶ μὴ κατὰ τὴν γένεσιν, ἀλλὰ κατὰ τὴν
 πρὸς τὸ κέντρον σχέσιν. τί οὖν, εἰ λέγοι τις καὶ τὴν
 περιφέρειαν δεῖσθαι τῆς εὐθείας εἰς τὴν ὑπόστασιν;
 εἰ γὰρ εὐθείας πεπερασμένης θάτερον μὲν || τῶν
 περάτων μένοι, θάτερον δὲ κινοῖτο, γράψει κύκλον, ⁵
 κέντρον δὲ αὐτοῦ τὸ μένον τῆς | εὐθείας πέρας. ἥ τὸ
 γράφον τὸν κύκλον τὸ σημεῖόν ἐστι περὶ τὸ μένον
 φερόμενον, οὐχ ἡ εὐθεῖα; τὴν γὰρ ἀπόστασιν αὕτη
 μόνον ἀφορίζει, τὴν δὲ κυκλικὴν γραμμὴν τὸ σημεῖον
 ὑφίστησι κινούμενον κυκλικῶς. 10

Τούτων μὲν οὖν ἄλλις. ἔοικεν δὲ ἡ μὲν περιφέρεια
 πρὸς τοῦ πέρατος εἶναι καὶ τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον
 πρὸς τὰς ἄλλας γραμμάς, ὃν πρὸς πάντα τὰ ὄντα τὸ
 πέρας — καὶ γὰρ ὥρισται καὶ σχῆμα ἀποτελεῖ μόνη
 τῶν ἀπλῶν — ἡ δὲ εὐθεῖα πρὸς τῆς ἀπειρίας ἐπ' ¹⁵
 ἀπειρον οὖν ἐκβαλλομένη οὐδὲ παύεται. καὶ ὥς ἐκ
 πέρατος καὶ ἀπείρου τὰ ἄλλα πάντα, οὕτως ἐκ τοῦ περι-
 φεροῦς καὶ τοῦ εὐθέως πᾶν τὸ μικτὸν τῶν γραμμῶν
 γένος τῶν τε ἐπιπέδων καὶ τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς. καὶ
 διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν καὶ ἡ ψυχὴ τό τε εὐθὺ καὶ τὸ ²⁰
 περιφερὲς κατ' οὐσίαν ἐν αὐτῇ προείληφεν, ἵνα πᾶσαν
 τὴν ἐν τῷ κόσμῳ τοῦ ἀπείρου συστοιχίαν καὶ πᾶσαν
 τὴν περιττοειδῆ κατευθύνῃ φύσιν, τῷ μὲν εὐθεῖ
 τὴν πρόοδον αὐτῶν ὑφιστάσα, τῷ δὲ περιφερεῖ τὴν

2 χύσιν G. 6 ἡ M, G, ἡ Kn. I. 7 τὸ ante σημεῖον
 om. G. 11 τοῦτο C. 14 ἀποτελεῖ C. 21 ἐν αὐτῇ G,
 ἐν αὐτῇ M, ἐαυτῆς (ἐαυτοῖς) H₂ p. 273. 22 συστοιχείαν G.
 23 περατοειδῆ G (περὶ τῷ ἡδεῖ, περὶ τῷ εἶδει), H₂
 p. 273. 'superfluum' Z. 'Finis' B. || καθευθύνει G, καθ-
 ευθύνῃ C, κατευθύνῃ (κατευθύνει) H₁ p. 452, H₂. || τῷ
 μὲν εὐθὺ G, τὸ μὲν εὐθὺ C. 24 ὑφιστᾶ G, (ὑφιστά-
 σαν) H₂.

ὑποστροφὴν, καὶ τῷ μὲν εἰς πλῆθος αὐτὰ προάγουσα,
 τῷ δὲ εἰς ἓν πάντα συνάγουσα. καὶ οὐχ ἡ ψυχὴ μόνον,
 ἀλλὰ καὶ ὁ τὴν ψυχὴν ὑποστήσας καὶ ταύτας αὐτῇ
 τὰς δυνάμεις παραδοὺς ἀμφοτέρων ἔχει τὰς πρωτογ-
 5 γοὺς αἰτίας ἐν ἑαυτῷ. τῶν γὰρ ὄντων ἀπάντων ἀρ-
 χὴν καὶ μέσα καὶ τέλη προειληφὼς εὐθείας περαίνει
 κατὰ φύσιν περιπορευόμενος, φησὶν ὁ Πλάτων. καὶ
 γὰρ ἐπὶ πάντα πρόεισι ταῖς προνοητικαῖς ἐνεργείαις
 καὶ πρὸς ἑαυτὸν ἐπέστραπται μένων ἐν τῷ ἑαυτοῦ
 10 κατὰ τρόπον ἥθει, φησὶν ὁ Τίμαιος. σύμβολον δὲ ἡ
 μὲν εὐθεῖα τῆς ἀπαρεγκλίτου προνοίας καὶ ἀδιαστρό-
 φου καὶ ἀχράντου καὶ ἀνεκλείπτου καὶ παντοδυνάμου
 καὶ πᾶσι παρούσης, ἡ δὲ περιφέρεια καὶ τὸ περι-
 πορεύεσθαι τῆς εἰς ἑαυτὴν συννενοούσης ἐνεργείας καὶ
 15 πρὸς ἑαυτὴν συνελιττομένης καὶ καθ' ἓν νοερὸν πέρας
 τῶν ὅλων ἐπικρατούσης. δύο δὲ ταύτας ὁ δημιουργι-
 κὸς νοῦς ἐν ἑαυτῷ προστησάμενος ἀρχάς, τὸ εὐθὺ καὶ
 τὸ περιφερές, δύο μονάδας προήγαγεν ἀφ' ἑαυτοῦ,
 τὴν μὲν κατὰ τὸ περιφερὲς ἐνεργοῦσαν καὶ τῶν νοε-
 20 ρῶν οὐσιῶν τελεσιουργόν, τὴν δὲ κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ
 τοῖς αἰσθητοῖς τὴν γένεσιν παρεχομένην. ἐπειδὴ δὲ

1 ἐπιστροφὴν *G, H₂*. || καὶ τὸ μὲν *C*. 2 τῷ δὲ εἰς
 ἓν . . . συνάγουσα om. *M*. 4 ἀμφοτέρως *G*, ἀμφοτέρων (ἀμ-
 φότερον) *H₁* p. 452, *H₂*. 6 εὐθείας] Apud Platonem (*Le-
 ges* IV, p. 716, A) legitur εὐθεῖαν et εὐθεῖα. 7 περι-
 πορευόμενος] περιφερόμενος scribendum esse putat Schelling,
 opp. omn. II, 3, p. 275. 8 πρόσεισι *M*. 8. 9 ταῖς ἐνεργειαῖς
 καὶ πρὸ ἑαυτὸν ὑπέστραπται *G*, corr. *C*. 9 μένων] μέν *M*,
 μὲν *G*, μένων *Kn. I* (ἔμενεν *Tim.* 42, E). 13 περιπορεύεσθαι]
 περιφέρειεσθαι *H₁* p. 453, *H₂* p. 274. 14. 15 συννενοούσης . . .
 πρὸς ἑαυτὴν om. *G*, συννεύσεως *M*, συννενοούσης (συννεύσεως)
H₁ H₂. 17 νοῦς om. *M, G, B, Z*, add. *H₁ H₂*. 18 τὸ ante
 περιφερὲς om. *M*. || παρήγαγε *M, G, H₂*, 'produxit' *B*, 'con-
 stituit' *Z*. || ἐφ' *M*, (ἐφ' ἑαυτὸν, ἐφ' αὐτόν) *H₂*.

ἡ ψυχὴ μέση τῶν νοερῶν ἐστίν καὶ τῶν αἰσθητῶν, καθόσου μὲν συνάπτει τῇ νοερᾷ φύσει, κατὰ κύκλον ἐνεργεῖ, καθόσον δὲ τοῖς αἰσθητοῖς ἐπιστατεῖ, κατὰ τὸ εὐθὺ ποιεῖται τὴν πρόνοιαν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς πρὸς τὰ ὄντα τούτων τῶν 5 εἰδῶν ὁμοιότητος· τὸν δὲ τῆς εὐθείας ὀρισμὸν ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ἀποδέδωκεν, ὃν καὶ παρεθέμεθα, καὶ δηλοῖ διὰ τούτου μόνην τὴν εὐθεῖαν || ἴσον κατέχειν διάστημα τῷ μεταξὺ τῶν ἐπ' αὐτῆς σημείων. ὅσον γὰρ ἀπέχει θάτερον τῶν σημείων θατέρου, το- 10 σοῦτον τὸ μέγεθος τῆς εὐθείας τῆς ὑπ' αὐτῶν περατουμένης. καὶ τοῦτό ἐστίν τὸ ἐξ ἴσου κείσθαι τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. εἰ δὲ ἐπὶ τῆς περιφερείας ἢ καὶ ἄλλης τινὸς γραμμῆς δύο σημεῖα λάβοις, τὸ μεταξὺ τούτων ἀπολαμβάνομενον διάστημα τῆς γραμμῆς μετ- 15 ζόν ἐστι τῆς ἀποστάσεως αὐτῶν. καὶ πᾶσα γραμμὴ τοῦτο πεπονθυῖα φαίνεται πλὴν τῆς εὐθείας. διὸ καὶ κατὰ κοινὴν ἔννοιαν τοὺς μὲν ἐπ' εὐθείας ὁδεύοντας τὴν ἀναγκαίαν μόνην πορεύεσθαι φασιν καὶ οἱ πολλοί, τοὺς δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας πλεῖον τῆς ἀναγκαίας. 20 ὁ δὲ Πλάτων ἀφορίζειται τὴν εὐθεῖαν γραμμὴν, ἥς τὰ μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ. καὶ γὰρ τοῦτο τὰ μὲν ἐπ' εὐθείας ἀλλήλοις κείμενα πάσχειν ἀναγκαῖον, τὰ δ' ἐπὶ κύκλου περιφερείας ἢ ἄλλης διαστάσεως οὐκ ἀναγκαῖον. ὅθεν δὴ καὶ οἱ ἀστρολογικοὶ φασι τότε 25

1 ἐστὶ τῶν νοερῶν *H*₂ p. 272. 5 τούτων τῶν] τῶν ὄντων *G*, corr. *C*, (τούτου τῶν) *H*₂ p. 453. 8 διὰ τοῦτον *G*, διὰ τούτου *C*. 9 τὸ μεταξὺ *G*. 13 ἑαυτοῖς *C*. || ἐπὶ] περὶ *G*. 17. 18 διὸ καὶ . . . ἐπ' εὐθείας om. *G*. 18 καὶ ὁδεύοντας *G*. 19 ἀναγκαῖαν *M, C*, ἀναγκαῖον *G*, ἀναγκαίαν ὁδὸν *Kn. I*. || πορεύεσθαι κατὰ τὴν εὐθεῖαν φασι *G*. 21 Plato, Parmen. p. 137, E. || ἥς] εἰς *M*, sed postera manus ἥς supra εἰς scripsit; οἷς *G*.

τὸν ἥλιον ἐκλείπειν, ὅταν ἐπὶ μιᾷς εὐθείας γένηται
αὐτός τε καὶ ἡ σελήνη καὶ τὸ ὄμμα τὸ ἡμέτερον. τότε
γὰρ ὑπὸ τῆς σελήνης ἐπιπροσθεῖσθαι μέσης αὐτοῦ
καὶ ἡμῶν γενομένης. καὶ ἴσως ἐνδειξιν ἂν φέροι τὸ
5 πάθος τῆς εὐθείας τοῦ καὶ ἐν τοῖς οὖσι κατὰ τὰς
προόδους τὰς ἀπὸ τῶν αἰτιῶν τὰ μέσα διαιρετικὰ γί-
νεσθαι τῆς τῶν ἄκρων ὑποστάσεως καὶ τῆς πρὸς ἄλ-
ληλα αὐτῶν κοινωνίας. ὥσπερ δὴ κατὰ τὰς ἐπιστρο-
φὰς συνελίττει καὶ τὰ ἀφ' ἑαυτῶν πρὸς τὰς ἀρχικὰς
10 διεστῶτα αἰτίας. ὁ δ' αὖ Ἀρχιμήδης τὴν εὐθεῖαν
ὠρισато γραμμὴν ἐλαχίστην τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα
ἔχουσῶν. διότι γάρ, ὥς ὁ Εὐκλείδιος λόγος φησίν,
ἐξ ἴσου κεῖται τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις, διὰ τοῦτο
ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν. εἰ γὰρ
15 εἴη τις ἐλάττων, οὐκ ἐξ ἴσου κείσεται τοῖς πέρασιν
ἑαυτῆς. καὶ μὴν καὶ οἱ ἄλλοι πάντες ὀρισμοὶ τῆς
εὐθείας εἰς τὰς αὐτὰς ἐννοίας ἐμπίπτουσιν· οἷον ὅτι
ἐπ' ἄκρον ἐστὶ τεταμένη γραμμὴ· καὶ ὅτι μέρος μὲν
οὐκ ἐστὶν αὐτῆς ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ, μέρος δὲ
20 ἐν τῷ μετεωροτέρῳ· καὶ ὅτι πάντα αὐτῆς τὰ μέρη
πᾶσιν ὁμοίως ἐφαρμόζει· καὶ ὅτι ἡ τῶν περάτων με-
νόντων καὶ αὐτὴ μένουσα· καὶ ὅτι ἡ μετὰ τῆς ὁμο-
ειδοῦς | μιᾷς σχῆμα μὴ ἀποτελοῦσα. πάντα γὰρ ταῦτα
τὴν ιδιότητα σημαίνει τῆς εὐθείας, ἣν ἔχει τῷ τε
25 ἀπλῇ εἶναι καὶ μίαν ἔχειν πρόοδον ἐλαχίστην τῶν ἀπὸ
τοῦ περάτος ἐπὶ θάτερον πέρας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ὀρισμῶν τῆς εὐθείας

3 αὐτοῦ τε καὶ G. 7 ἀποστάσεως G, ὑποστάσεως C.
8 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 10 διεστῶτα om. M, C. 13 ἐφ'
ἑαυτὴν C. 18 ἐπ' ἄκρων G, ἐπ' ἄκρον C. || τεταγμένη G. ||
γραμμὴ om. G, add. C. 23 μία G, μιᾷς C. 24 τότε G. || τὸ
τε ἀπλῇ Kn. I. 25 Post ἐλαχίστην ἡ add. M.

γραμμῆς· διαιρεῖ δ' αὖ τὴν γραμμὴν ὁ Γεμῖνος πρῶτον μὲν εἰς τὴν ἀσύνθετον καὶ τὴν σύνθετον — καλεῖ δὲ σύνθετον τὴν κεκλασμένην καὶ γωνίαν ποιοῦσαν — ἔπειτα τὴν σύνθετον εἰς τε τὴν σχηματοποιοῦσαν καὶ τὴν ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλομένην, σχῆμα λέγων ποιεῖν 5 τὴν κυκλικήν, τὴν τοῦ θυρεοῦ, τὴν κυττοειδῆ, μὴ ποιεῖν δὲ τὴν τοῦ ὀρθογωνίου κῶνου τομήν, τὴν τοῦ ἀμβλυγωνίου, τὴν κογχοειδῆ, || τὴν εὐθεῖαν, πάσας τὰς τοιαύτας. καὶ πάλιν κατ' ἄλλον τρόπον τῆς ἀσυνθέτου γραμμῆς τὴν μὲν ἀπλὴν εἶναι, τὴν δὲ μικτήν, καὶ τῆς 10 ἀπλῆς τὴν μὲν σχῆμα ποιεῖν ὡς τὴν κυκλικήν, τὴν δὲ ἀόριστον εἶναι ὡς τὴν εὐθεῖαν, τῆς δὲ μικτῆς τὴν μὲν ἐν τοῖς ἐπιπέδοις εἶναι, τὴν δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς, καὶ τῆς ἐν ἐπιπέδοις τὴν μὲν ἐν αὐτῇ συμπίπτειν ὡς τὴν κυττοειδῆ, τὴν δ' ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι, τῆς δὲ ἐν 15 στερεοῖς τὴν μὲν κατὰ τὰς τομὰς ἐπινοεῖσθαι τῶν στερεῶν, τὴν δὲ περὶ τὰ στερεὰ ὑφίστασθαι. τὴν μὲν γὰρ ἔλικα τὴν περὶ σφαῖραν ἢ κῶνον περὶ τὰ στερεὰ ὑφεστάναι, τὰς δὲ κωνικάς τομὰς ἢ τὰς σπειρικὰς ἀπὸ τοιαύσδε τομῆς γεννᾶσθαι τῶν στερεῶν. ἐπινενο- 20 ῖσθαι δὲ ταύτας τὰς τομὰς τὰς μὲν ὑπὸ Μεναίχμου τὰς κωνικάς, ὃ καὶ Ἑρατοσθένης ἱστορῶν λέγει· Μὴ δὲ Μεναιχιμίους κωνοτομεῖν τριάδας· τὰς δὲ ὑπὸ Περσέως, ὅς καὶ τὸ ἐπίγραμμα ἐποίησεν ἐπὶ τῇ εὐρέσει

4 ἔπειτα σχηματοποιοῦσαν om. G, add. C. 6 τὴν κυκλικήν] κυκλικὸν M, C, κυκλικήν G; τὴν ego addidi. 'Circularem' (sc. lineam) B, 'circulosam' Z. || θυρεαίου G.
7 κῶνον om. G, add. C. 12 Post εἶναι add. G: τὴν δὲ μικτήν, lcelandum notavit C. || ὡς] εἰς C. 17 περὶ] ἐπὶ G. || τὰς κωνικάς M, C. Postera manus in M utroque loco α super ας scripsit. 17. 18 τὰ στερεὰ κῶνον περὶ om. G, add. C.
20 τῆς τοιαύσδε G, τῆς del. C. || ἐπινοεῖσθαι G.

Τρεῖς γραμμάς ἐπὶ πέντε τομαῖς εὐρώων [ἐλικώδεις]
Περσεὺς τῶνδ' ἔνεκεν δαίμονας ἰλάσατο.

αἱ μὲν δὴ τρεῖς τομαὶ τῶν κώνων εἰσὶν παραβολὴ καὶ
ὑπερβολὴ καὶ ἔλλειψις, τῶν δὲ σπειρικῶν τομῶν ἡ μὲν
5 ἔστιν ἐμπεπλεγμένη, εἰκνύα τῇ τοῦ ἵππου πέδῃ, ἡ δὲ
κατὰ τὰ μέσα πλατύνεται, ἐξ ἑκατέρου δὲ ἀπολήγει
μέρους, ἡ δὲ παραμήκης οὕσα τῷ μὲν μέσῳ διαστή-
ματι ἐλάττονι χρῆται, εὐρύνεται δὲ ἐφ' ἑκάτερα. τῶν
δὲ ἄλλων μίξεων τὸ πλῆθος ἀπέραντόν ἐστιν· καὶ γὰρ
10 στερεῶν σχημάτων πλῆθος ἐστὶν ἄπειρον καὶ τομαὶ
αὐτῶν συνίστανται πολυειδεῖς. οὐ γὰρ εὐθεῖα μὲν
κατὰ κύκλον κινουμένη ποιεῖ τινα ἐπιφάνειαν, οὐχὶ
δὲ καὶ αἱ κωνικαὶ γραμμαὶ καὶ αἱ κογχοειδεῖς καὶ
αὐταὶ αἱ περιφέρεται. παντοίως οὖν ταῦτα τὰ στερεὰ
15 τεμνόμενα ποικίλα δείκνυσιν εἶδη γραμμῶν.

Τῶν δὲ περὶ τὰ στερεὰ συνισταμένων γραμμῶν
αἱ μὲν εἰσὶν ὁμοιομερεῖς, ὥς αἱ περὶ τὸν κύλινδρον
ἑλικες, αἱ δὲ ἀνομοιομερεῖς, ὥσπερ αἱ ἄλλαι πᾶσαι.
συνάγεται οὖν ἐκ τούτων τῶν διαιρέσεων, ὥς αἱ τρεῖς
20 μόναι γραμμαὶ ὁμοιομερεῖς εἰσὶν, ἡ εὐθεῖα, ἡ κυκλική
καὶ ἡ κυλινδρική ἑλιξ. δύο μὲν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλαῖ,
μία δὲ μικτὴ περὶ στερεῶν. καὶ τοῦτο ἀποδείκνυσιν
ἐναργῶς ὁ Γεμῖνος προαποδείξας, ὅτι, ἂν πρὸς ὁμοιο-

1 τομαῖς Z. || εὐρώων τὰς σπειρικὰς λέγων M, C, Z, εὐρώων
τὰς * σπειρικὰς B, G, εὐρώων ἐλικώδεις Kn. I u. III p. 6. 'spiri-
ricas cum invenisset' B. 2 ἔνεκα G. 6 ἀπολήγει G, ἀπο-
λογεῖ M, C. 10 τομαὶ] τὰ μὲν G, τὸ μὲν C. 11 πολυειδῆ G,
πολυειδεῖς C. 12 κύκλου M, C; 'circulariter' B, 'circu-
lose' Z. || τινα om. G. 13 αἱ et ante κωνικαὶ et ante κογχο-
ειδεῖς om. G, add. C. 14 ταῦτα om. G. 17 περὶ] ἐπὶ G.
22 τὸ στερεόν G, στερεῶν C. 23 προσαποδείξας G, πρὸς
ἀποδείξεις C.

μερῇ γραμμὴν ἀπὸ τοῦ σημείου δύο εὐθεῖαι προσ-
 εκβληθῶσιν ἴσας πρὸς αὐτὴν ποιοῦσαι γωνίας, ἴσαι
 εἶσιν. καὶ ληπτέον ἐκ τῶν ἐκείνου τοῖς φιλομαθέσι
 τὰς ἀποδείξεις, ἐπεὶ καὶ τὰς γενέσεις τῶν σπειρικῶν
 γραμμῶν καὶ τῶν κογχοειδῶν || καὶ τῶν κισσοειδῶν 5
 παραδίδωσιν. ἡμεῖς δὲ τὰς μὲν ἐπωνυμίας αὐτῶν καὶ
 τὰς διαιρέσεις ἱστορήσομεν εἰς τὴν περὶ αὐτῶν ζήτη-
 σιν ἐγείροντες τοὺς εὐφυεῖς, τὸ δὲ περὶ τὴν ἐκάστων
 ζήτησιν τοὺς λόγους ἀκριβοῦν ἐν τοῖς παροῦσιν ἡγού-
 μεθα περίεργον εἶναι, τοῦ γεωμέτρου τὰς ἀπλᾶς καὶ 10
 ἀρχοειδεῖς ἡμῖν ἐνταῦθα μόνας γραμμὰς ἐκφήναντος,
 τὴν μὲν εὐθεῖαν κατὰ τὸν προκείμενον ὀρισμόν, τὴν
 δὲ περιφέρειαν κατὰ τὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου. τότε
 γὰρ ἐρεῖ τὴν γραμμὴν τὴν περατοῦσαν τὸν κύκλον
 εἶναι περιφέρειαν. μικτῆς δὲ γραμμῆς οὐδαμοῦ μέ- 15
 μνηται. καίτοι γωνίας οἶδε μικτάς, ὥσπερ τὴν τῶν
 ἡμικυκλίων καὶ τὴν κερατοειδῆ, καὶ σχήματα ἐπίπεδα
 μικτά, [τὰ τμήματα] καὶ τοὺς τομέας, καὶ στερεά, τοὺς
 κώνους καὶ κυλίνδρους. τῶν μὲν οὖν ἄλλων ἐκάστου
 τὰ τρία παραδίδωσιν εἶδη, τῶν δὲ γραμμῶν τὰ δύο 20
 μόνα, τὸ εὐθὺ καὶ περιφερές, ἡγούμενος δεῖν ἐν τοῖς
 περὶ τῶν ἀπλῶν λόγοις τὰ ἀπλᾶ παραλαμβάνειν εἶδη.
 πάντα γὰρ τὰ ἄλλα συνθετώτερα τῶν γραμμῶν. ἐπό-
 μενοι δὲ οὖν καὶ ἡμεῖς τῷ γεωμέτρῳ στήσωμεν ἐπὶ
 τῶν ἀπλῶν γραμμῶν τὴν διάρθρωσιν αὐτῶν. 25

1 ἀπὸ τοῦ *M*, *G*, 'ab uno signo' *B*, 'a signo' *Z*, ἀφ' ἐνὸς
Kn. I. 8 ἐκάστου *G*. 13 περιφερεῖ *G*. 15 γραμμῆς
 om. *G*. || οὐδέπω *G*, οὐδαμοῦ *C*. 16 τοῦ ἡμικυκλίου *Kn. I.*
 18 τὰ τμήματα, quae om *M*, *B*₃, *G* (*Z*), addidit *Kn. I.* 'Segmenta
 s. atque Sectorēs' *B*. || στερεῶν *G*. 21 ἡγούμενος δεῖν] δεῖ
 γὰρ *G*, *B*₃ = *M*, 'cum arbitraretur opus esse' *B*, 'arbitratus' *Z*.
 25 διόρθωσιν *G*.

Def. V. Ἐπιφάνεια δέ ἐστιν ὃ μῆκος καὶ
πλάτος μόνον ἔχει.

Μετὰ τὸ σημεῖον καὶ τὴν γραμμὴν ἡ ἐπιφάνεια
τέτακται διχῇ διαστᾶσα κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος,
5 ἀβαθὴς δὲ μείνασα καὶ ταύτῃ τοῦ τριχῇ διαστάντος
ἀπλουστέραν ἔχουσα φύσιν. διὸ καὶ ὁ γεωμέτρης τὸ
μόνον προσέθηκε τοῖς δύο διαστήμασιν ὥς ἂν τῆς
τρίτης διαστάσεως οὐκ οὔσης ἐν τῇ ἐπιφανείᾳ, καί
ἐστι καὶ τοῦτο τῇ ἀποφάσει τοῦ βάθους ἴσον | δυνά-
10 μενον, ἵνα κἀνταῦθα τὴν μὲν ὑπεροχὴν τῆς ἐπιφανείας
τὴν κατὰ ἀπλότητα πρὸς τὸ στερεὸν σημαίνει διὰ τῆς
ἀποφάσεως ἢ τῆς ἰσοδυναμούσης τῇ ἀποφάσει προσ-
θήκης, τὴν δὲ ὕφεσιν τὴν πρὸς τὰ πρὸ αὐτῆς διὰ τῶν
καταφάσεων.

15 Ἄλλοι δὲ πέρας αὐτὴν ὥρισαντο σώματος ταύτόν
πως λέγοντες — τὸ γὰρ περατοῦν τοῦ περατουμένου
μῖα λείπεται διαστάσει — οἱ δὲ μέγεθος διχῇ διαστα-
τόν, οἱ δὲ ἄλλως, ὅπως οὖν σχηματίζοντες τὴν ἀπόδο-
σιν σημαίνοντες ταύτόν.

20 Τῆς δὲ ἐπιφανείας ἐννοίαν μὲν ἔχειν ἡμᾶς φασιν,
ὅταν τὰ χωρία μετροῶμεν καὶ τοὺς ὅρους αὐτῶν ἀφο-
ρίζωμεν κατὰ τε μῆκος καὶ πλάτος, αἰσθησιν δὲ τινα
λαμβάνειν || εἰς τὰς σκιὰς ἀποβλέποντας· αὗται γὰρ
ἀβαθεῖς οὔσαι διὰ τὸ μὴ δύνασθαι χωρεῖν εἰς τὸ κάτω
25 τῆς γῆς πλάτος ἔχουσι μόνον καὶ μῆκος. οἱ δὲ γε

4 διαστᾶσα om. G. 5 ἀβαθὴς G. || αὕτη G, ταύτη C. ||
διαπαντὸς G, διαστάντος C. 11 σημαίνη G. 13 πρὸς τὰ
delenda notavit C. 14 καταστάσεων G, καταφάσεων C.
18 ἄλλοι G. || σχηματίζονται G, σχηματίζοντες C. 20 φη-
σιν C. 22 τε om. G, add. C. 23 ἀποβλέποντες G.

Πυθαγόρειοι τῇ τριάδι προσήκειν ἔλεγον αὐτήν, διότι δὴ τὰ ἐπ' αὐτῆς σχήματα πάντα πρωτίστην αἰτίαν ἔχει τὴν τριάδα. ὁ μὲν γὰρ κύκλος, ὅς ἐστιν ἀρχὴ τῶν περιφερομένων, ἐν κρυφίῳ ἔχει τὸ τριαδικὸν τῷ κέντρῳ τῇ διαστάσει τῇ περιφερείᾳ· τὸ δὲ τρίγωνον⁵ ἀπάντων ἡγεμονοῦν τῶν εὐθυγράμμων παντί που δηλον, ὅτι τῇ τριάδι κατέχεται καὶ κατ' ἐκείνην μεμόρφωται.

Def. VI. Ἐπιφανείας δὲ πέρατα γραμμαί.

Καὶ ἀπὸ τούτων ὥς εἰκόνων ληπτέον ὅτι πᾶν τὸ¹⁰ προσεχῶς ἐκάστου τῶν ὄντων ἀπλούστερον τὸν ὅρον ἐπάγει καὶ τὸ πέρας ἐκάστῳ. καὶ γὰρ ψυχὴ τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν ἀφορίζει καὶ τελειοῖ καὶ φύσις τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν, καὶ πρὸ τούτων νοῦς μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς ψυχῆς καὶ αὐτοῦ τοῦ νοῦ τὴν ζωὴν¹⁵ τὸ ἔν. πάντων γὰρ ἐκεῖνο μέτρον. ὥσπερ δὴ καὶ ἐν τούτοις ὀρίζεται μὲν τὸ στερεὸν ὑπὸ τῆς ἐπιφανείας, ὀρίζεται δὲ καὶ ἡ ἐπιφάνεια ὑπὸ τῆς γραμμῆς καὶ αὕτη ὑπὸ τοῦ σημείου· πάντων γὰρ ἐκεῖνο πέρας. ἐν μὲν οὖν τοῖς ἀύλοις εἶδεσι καὶ ἀμερέσι λόγοις ἡ²⁰ γραμμὴ, μονοειδῆς ὑπάρχουσα κατὰ τὴν πρόοδον, τὴν τῆς ἐπιφανείας ποικίλην κίνησιν περατοῖ καὶ συνέχει,

2 πρώτην (πρὸς τὴν) H_1 p. 453, H_2 p. 261. || αἰτίαν om. G, add. C. 3 ἔχειν C. || ὅς om. G, add. C. 4 Super περιφερομένων in M postera manu scripsit γραμμῶν. || καὶ ἐγκρυφίως G, ἐν κρυφίῳ C, H_1 H_2 . || τῷ τριαδικῷ G, τὸ τριαδικὸν C, H_1 H_2 . 7 τῇ om. G. 10 πῶς G, πᾶν C. 14 ἀσωμάτων C; 'Corporum' B, Z. 16 ἐκείνων G. 18 δὴ καὶ G, δὲ καὶ C. || ἡ om. G. 19 αὐτὴ M. 21—22 κατὰ τὴν πρόοδον . . . περατοῖ] καὶ τ. πρ. τ. τ. ἐπ. κατὰ π. κ. π. postera manus in M; 'in Superficie progressu varium motum terminat' B, 'iuxta progressum: varium superficie motum terminat' Z.

καὶ τὴν ἀπειρίαν αὐτῆς ἐνίξει προσεχῶς, ἐν δὲ ταῖς εἰκόσιν αὐτοῦ τοῦ περατουμένου τὸ περατοῦν γεγρονὸς οὕτως αὐτῷ δίδωσι τὸν ὄρον.

Εἰ δέ τις ἐπιζητοίη κἀνταῦθα, πῶς πάσης ἐπιφανείας ⁵ πέρατα γραμμαί, μὴ δὲ τῆς πεπερασμένης πάσης — ἡ γὰρ ἐπιφάνεια τῆς σφαίρας πεπέρασται μὲν, οὐχ ὑπὸ γραμμῶν δέ, ἀλλ' αὐτὴ ὑφ' αὐτῆς — ἐροῦμεν, ὅτι τὴν ἐπιφάνειαν, καθόσον ἐστὶ διχῇ διαστατῇ, λαβόντες εὐρήσομεν ὑπὸ γραμμῶν ὀριζομένην κατὰ ¹⁰ τὸ μῆκος καὶ τὸ πλάτος, εἰ δὲ τὴν σφαιρικὴν θεωροῦμεν ἐσχηματισμένην αὐτὴν καὶ προσλαβοῦσαν ἄλλην ποιότητα, λαμβάνομεν καὶ πέρας ἀρχῇ συνάψασαν καὶ ἐκ τῶν δύο περάτων ἐν ποιήσασαν, καὶ τοῦτο δυνατόν μόνον ἐν ὑπάρχον καὶ οὐ κατ' ἐνέργειαν.

¹⁵ || Def. VII. Ἐπίπεδος ἐπιφανεία ἐστίν, ἥτις ἐξ ἴσου ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις κεῖται.

Τοῖς μὲν παλαιότεροις τῶν φιλοσόφων οὐκ ἐδόκει τῆς ἐπιφανείας εἶδος τίθεσθαι τὸ ἐπίπεδον, ἀλλ' ὥς ταὐτὸ ἑκάτερον παραλαμβάνειν εἰς παράστασιν τοῦ ²⁰ διχῇ διαστάντος μεγέθους. οὕτω γὰρ καὶ ὁ θεῖος Πλάτων τὴν γεωμετρίαν τῶν ἐπιπέδων ἔφατο θεωρητικὴν εἶναι, πρὸς τὴν στερεομετρίαν αὐτὴν ἀντιδιαίρων ὥς ἂν τῆς αὐτῆς οὔσης τῷ ἐπιπέδῳ τῆς ἐπιφανείας· καὶ ὁ δαιμόνιος Ἀριστοτέλης ὡσαύτως. ²⁵ Εὐκλείδης δὲ καὶ οἱ μετ' αὐτὸν γένος μὲν ποιουσι τὴν ἐπιφάνειαν, εἶδος δὲ τὸ ἐπίπεδον ὥς τῆς γραμμῆς

4 ἐπιζητήσκειν G.

5 αἱ γραμμαί G. || Post πάσης οὔσαι add. G, del. C.

7 ἡ ἐροῦμεν G, C del. ἡ.

10 θεω-

ρήσομεν G. 12 συνάψαν M.

τὴν εὐθειάν. διὸ καὶ τὸ ἐπίπεδον χωρὶς ἀφορίζεται
 τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὸ ἀνάλογον τῇ εὐθείᾳ· καὶ γὰρ
 ἐκείνην ἴσην εἶναι τῷ μεταξὺ διαστήματι τῶν σημείων
 ἔλεγεν καὶ ταύτην ὁμοίως δυεῖν εὐθειῶν ἐκκειμένων
 ἴσον κατέχειν τόπον τῷ μεταξὺ τῶν εὐθειῶν. αὕτη ⁵
 γὰρ ἐστὶν ἡ ἐξ ἴσου κειμένη ταῖς ἐφ' ἑαυτῆς εὐθείαις,
 ἣν καὶ ἕτεροι, τὸ αὐτὸ δηλοῦντες, ἐπ' ἄκρον τεταμέ-
 νην εἰρήκασιν, οἱ δὲ ἥς πᾶσι τοῖς μέρεσιν εὐθεῖα
 ἐφαρμόζει. φαῖεν δὲ ἄν τινες αὐτὴν καὶ ἐλαχίστην
 τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχουσῶν ἐπιφανειῶν, καὶ ἥς τὰ ¹⁰
 μέσα τοῖς ἄκροις ἐπιπροσθεῖ, καὶ πάντας τοὺς τῆς
 εὐθείας ὅρους καὶ εἰς τὴν ἐπίπεδον ἐπιφάνειαν τὸ
 γένος μόνον ἐξαλλάττοντες δυνήσονται μεταφέρειν.
 τὸ γὰρ εὐθὺ τοῦτο καὶ περιφερὲς καὶ τὸ μικτὸν ἀπὸ
 τῶν γραμμῶν ἀρξάμενα διατείνει μέχρι τῶν στερεῶν, ¹⁵
 ὡς εἵπομεν. ἔστι γὰρ καὶ ἐν ἐπιφανείαις καὶ ἐν στε-
 ρεοῖς κατὰ τὸ ἀνάλογον. διὸ καὶ ὁ Παρμενίδης πᾶν
 σχῆμά φησιν ἢ εὐθὺ εἶναι ἢ περιφερὲς ἢ μικτόν. εἶπερ
 οὖν ἐθέλοις τὸ εὐθὺ θεωρεῖν ἐν ἐπιφανείαις, λάβε τὸ
 ἐπίπεδον, ᾧ ἐφαρμόζει παντοίως ἡ εὐθεῖα, εἰ δὲ τὸ ²⁰
 περιφερὲς, τὴν σφαιρικὴν ἐπιφάνειαν, εἰ δὲ τὸ μικτόν,
 τὴν κυλινδρικὴν ἢ κωνικὴν ἢ τινα τοιαύτην. δεῖ δέ,
 φησὶν ὁ Γεμῖνος, μικτῆς λεγομένης γραμμῆς, μικτῆς
 δὲ καὶ ἐπιφανείας εἰδέναι τὸν τρόπον τῆς μίξεως ὄντα
 διάφορον. οὔτε γὰρ κατὰ σύνθεσιν ἢ μίξις ἐπὶ τῶν ²⁵

3 εἶναι ἴσην G. 4 δυῶν G, δυεῖν C. 4—5 ἐκκει-
 μένων . . . τῶν εὐθειῶν om. G, add. C. 5 τὸ μεταξὺ C.

6 ἡ om. G. 7 ἄκρω G, ἄκρον C. 8 ἣν G, ἥς C.

17 Παρμενίδης M. 18 σχῆμα G, σχῆμα C. 25 Post σύν-
 θεσιν addit μόνον G, 'tantum' B, 'dumtaxat' Z; at vide infra:
 ἐν δὲ ταῖς ἐπιφανείαις ἡ μίξις οὔτε κατὰ σύνθεσιν οὔτε κατὰ
 σύγχυσιν. B₃ = M.

γραμμῶν, οὔτε κατὰ κρᾶσιν. ἡ γὰρ ἑλιξ μικτή ἐστὶν
 καὶ οὐκ ἔστι μέρος | μὲν αὐτῆς εὐθύ, μέρος δὲ περι-
 φερὲς ὥσπερ τῶν κατὰ σύνθεσιν μικτῶν, οἷδὲ τεμνο-
 μένη πως ἡ ἑλιξ ἔμφασιν παρέχεται τῶν ἀπλῶν, ὅπερ
 5 ὑπομένει τὰ μεμιγμένα κατὰ κρᾶσιν, ἀλλ' ἔστιν ἐν
 αὐτῇ συνεφθαρμένα τὰ ἄκρα καὶ συγκεχυμένα, ὥστε
 τοῦτό γε || Θεόδωρος ὁ μαθηματικὸς οὐκ ὀρθῶς κρᾶ-
 σιν ἐπὶ τῶν γραμμῶν παραλαμβάνει. ἐν δὲ ταῖς ἐπι-
 φανείαις ἡ μίξις οὔτε κατὰ σύνθεσιν οὔτε κατὰ σύγχυ-
 10 σιν, ἀλλὰ μᾶλλον κατὰ τινὰ κρᾶσιν. νοήσαντες γὰρ
 κύκλον ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ καὶ σημεῖον μετέω-
 ρον καὶ ἀπὸ τοῦ σημείου προσεκβάλλοντες εὐθεῖαν τῇ
 τοῦ κύκλου περιφερείᾳ καὶ περιελίξαντες αὐτὴν ποιή-
 σομεν κωνικὴν ἐπιφάνειαν μικτὴν οὖσαν, καὶ πάλιν
 15 τέμνοντες αὐτὴν ἀναλύσομεν εἰς τὰ ἀπλά. διὰ μὲν
 γὰρ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν τομὴν
 ποιήσομεν τρίγωνον, παρὰ δὲ τὴν βάσιν ἄγοντες τὴν
 τομὴν ποιήσομεν τὸ τέμνον ἐπίπεδον κυκλικόν. τῶν
 δὲ γραμμῶν ἡ ἰδέα τὸν τρόπον τῆς μίξεως οὐ δείκνυ-
 20 σιν ὄντα κατὰ κρᾶσιν· οὐδὲ γὰρ ἀναπέμπει ἡμᾶς εἰς
 τὴν τῶν στοιχείων ἀπλὴν φύσιν. αἱ δὲ ἐπιφάνειαι
 τεμνόμεναι εὐθύς ἐμφαίνουσιν καὶ δι' ὁποίων εἰσὶ
 γεγονυῖαι γραμμῶν.

Ὁ μὲν οὖν τρόπος τῆς μίξεως διάφορος ἐπὶ τε
 25 γραμμῶν, ὡς εἴρηται, καὶ ἐπιφανειῶν. ὥσπερ δὲ ἐν
 ταῖς γραμμαῖς ἦσαν ἀπλαῖ τινες, ἥτε εὐθεῖα καὶ ἡ
 περιφερὴς — τούτων γὰρ καὶ οἱ πολλοὶ προλήψεις

7 οὐκ ὀρθῶς om. G; 'non recte' B, 'haud recte' Z.
 8 παραλαμβάνειν M. 13 ποιήσομεν M, G. 15 ἀναλύσω-
 μεν G. 16 ἄγοντες εἰς τὴν G. 17—18 τρίγωνον . . .
 ποιήσομεν om. G. 18 ποιήσομεν τὸ τέμνον M. || τέμον G,
 τέμνον C. 24 οὖν om. G, add. C. 27 προσλήψεις G.

ἔχουσιν ἀδιδάκτους, τῶν δὲ μικτῶν τὰ εἶδη τεχνικῶ-
 τέρας ἐδεῖτο κατανοήσεως — οὕτω δὴ καὶ τῶν ἐν
 ταῖς ἐπιφανείαις στοιχειωδεστάτων, τῆς ἐπιπέδου καὶ
 τῆς σφαιρικῆς, αὐτόθεν τὰς ἐννοίας ἔχομεν, τῶν δὲ
 κατὰ μίξιν ὑφισταμένων ἢ ἐπιστήμη καὶ ὁ ταύτης 5
 λόγος ἀνευρίσκει τὴν ποικιλίαν. ὃ δὲ ἐστὶ θαυμαστὸν
 ἐν ταύταις, ὅτι καὶ ἀπὸ κυκλικῆς μίξις γίνεται πολ-
 λάκις τῆς ἐπιφανείας κατὰ τὴν γένεσιν, ὃ δὲ συμβαί-
 νειν φαμὲν κατὰ τὴν σπειρικὴν ἐπιφάνειαν· κατὰ γὰρ
 κύκλου νοεῖται στροφὴν ὀρθοῦ διαμένοντος καὶ στρε- 10
 φομένου περὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον, ὃ μὴ ἐστὶ κέντρον τοῦ
 κύκλου, διὸ καὶ τριχῶς ἢ σπείρα γίνεται, ἥ γὰρ ἐπὶ
 τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον ἢ ἐντὸς ἢ ἐκτός. καὶ
 εἰ μὲν ἐπὶ τῆς περιφερείας ἐστὶ τὸ κέντρον, γίνεται
 σπείρα συνεχῆς, εἰ δὲ ἐντός, ἢ ἐμπεπλεγμένη, εἰ δὲ 15
 ἐκτός, ἢ διεχῆς. καὶ τρεῖς αἱ σπειρικαὶ τομαὶ κατὰ
 τὰς τρεῖς ταύτας διαφοράς. πᾶσα δὲ ὁμῶς σπείρα καί-
 τοι μιᾶς οὔσης καὶ κυκλικῆς τῆς κινήσεως μικτὴ ἐστὶ.
 γίνονται δὲ ἐπιφάνειαι μικταὶ καὶ ἀπὸ τῶν ἀπλῶν,
 ὥς εἴπαμεν, γραμμῶν τοιῶσδε κινουμένων καὶ ἀπὸ 20
 τῶν μικτῶν. αἱ γοῦν κινητικαὶ γραμμαὶ τρεῖς οὔσαι
 τέτταρας ποιοῦσιν ἐπιφανείας μικτάς, ἃς καλοῦσι κω-
 νοειδεῖς. ἀπὸ μὲν γὰρ τῆς παραβολῆς στρεφομένης
 περὶ τὸν ἄξονα γίνεται τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές,
 ἀπὸ δὲ τῆς ἐλλείψεως τὰ καλούμενα σφαιροειδῆ, εἰ 25
 μὲν περὶ τὸν μείζονα τῶν ἀξόνων ἢ στροφή γένοιο,

4 αὐτόθι G.

7 τῆς κυκλικῆς G.

8 συμβαίνει C.

10 κύκλον M, C.

11 In M in margine adscriptum est: ση-

μεῖον. 13 καὶ ἡ μὲν M.

15 ἢ et ante ἐμπεπλεγμένη et ante διεχῆς om. G.

16 καὶ τρεῖς ... τομαὶ om. G.

17 τὰς om. G.

20 εἴπομεν G. || καὶ ἀπὸ τῶν κινουμένων G, quae delenda censet C.

τὸ ἐπίμηκες, εἰ δὲ περὶ τὸν ἐλάσσονα, τὸ ἐπίπλατυ,
 ἀπὸ δὲ τῆς ὑπερβολῆς ἄλλο κωνοειδές. δεῖ δὲ εἰδέναι,
 ὅτι ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γραμμῶν εἰς ἔννοιαν ἐρχόμεθα
 τῶν ἐπιφανειῶν, ποτὲ δὲ ἀνάπαλιν. ἀπὸ γὰρ τῶν
 5 κωνικῶν καὶ σπειρικῶν ἐπιφανειῶν προσεπενοήσαμεν
 τὰς τε κωνικὰς καὶ τὰς σπειρικὰς || γραμμάς.

Καὶ μὴν καὶ τοῦτο δεῖ προειληφθῆναι περὶ τε γραμ-
 μῶν καὶ ἐπιφανειῶν διαφοράς, ὅτι γραμμαὶ μὲν εἰσι
 τρεῖς ὁμοιομερεῖς, ὥσπερ ἤδη προείπομεν, ἐπιφάνειαι
 10 δὲ δύο μόνον, ἐπίπεδος καὶ σφαιρική, οὐκ ἐτι δὲ καὶ
 ἡ κυλινδρική. οὐ γὰρ πάντα πᾶσιν ἐφαρμόττειν δύ-
 νатаι τὰ μέρη τῆς κυλινδρικῆς ἐπιφανείας.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ἡμῖν
 εἰρήσθω διαφορῶν, ὧν μίαν ὁ γεωμέτρης ἐκλεξάμενος,
 15 τὴν ἐπίπεδον, ταύτην ὥρίσατο, καὶ ὥς ἐπὶ ταύτης
 ὑποκειμένης θεωρήσει τὰ τε σχήματα καὶ τὰ τούτων
 πάθη. καὶ γὰρ εὐπορώτερος ὁ λόγος αὐτῷ γίνεται
 μᾶλλον ἢ ἐπ' ἄλλης ἐπιφανείας. καὶ γὰρ εὐθείας καὶ
 κύκλους καὶ ἑλικας ἐπὶ ταύτης νοεῖν δυνατόν, καὶ το-
 20 μὰς κύκλων καὶ εὐθειῶν καὶ ἀφὰς καὶ παραβολὰς καὶ
 γωνιῶν παντοίων συστάσεις. ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων ἐπι-
 φανειῶν οὐ πάντα ταῦτα δύναται θεωρηθῆναι. ἐπὶ
 γὰρ τῆς σφαιρικῆς πῶς ἂν εὐθεῖαν λάβοις ἢ εὐθύ-
 γραμμον γωνίαν, ἐπὶ δὲ τῆς κωνικῆς ἢ κυλινδρικῆς
 25 πῶς ἂν κύκλων τομὰς ἢ εὐθειῶν θεωρήσεις; εἰκότως
 οὖν καὶ ὥρίσατο ταύτην τὴν ἐπιφάνειαν, καὶ ἐπ' αὐτῆς

2 ἄλλο κωνοειδές] ἄλλοκωνοειδές B₃, ἑλυκωνοειδές G, ἄλλο
 κωνοειδές C. 'Obtusangulum Conoides' B, 'heliconoides' Z.

5 προσεπενοήσομεν G, προσεπεινοήσαμεν M, C. 8 καὶ διαφο-
 ρᾶς C. 11 παντάπασιν G. 16 τε om. G. 18 ἄλλου M,
 ἄλλας G, ἄλλης C. 20 εὐθειῶν] ἐπιφανειῶν G, εὐθειῶν C.

25 κύκλων τομὰς] ἢ κύκλων G.

πάντα ἐκτιθέμενος πραγματεύεται. καὶ γὰρ τὴν πραγματείαν ἐντεῦθεν ἐπίπεδον προσείρηκεν καὶ οὕτω δεῖ νοεῖν τὸ μὲν ἐπίπεδον οἶον προβεβλημένον καὶ πρὸ ὁμμάτων κείμενον, πάντα δὲ ὥς ἐπὶ τούτῳ τὴν διανοίαν γράφουσιν, τῆς μὲν φαντασίας οἶον ἐπιπέδῳ κατόπτρῳ προσεικασμένης, τῶν δὲ ἐν διανοίᾳ λόγων τὰς ἑαυτῶν ἐμφάσεις εἰς ἐκεῖνο καταπεμπόντων.

Def. VIII. Ἐπίπεδος δὲ γωνία ἐστὶν ἡ ἐν ἐπιπέδῳ δύο γραμμῶν ἀπομένων ἀλλήλων καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κειμένων πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν κλίσεις.

Τὴν γωνίαν οἱ μὲν τῶν παλαιῶν ἐν τῇ τοῦ πρὸς τι κατηγορίᾳ τάττοντες κλίσιν εἰρήκασιν ἢ γραμμῶν εἶναι πρὸς ἀλλήλας κεκλιμένων ἢ ἐπιπέδων, οἱ δὲ ἐν τῇ ποιότητι καὶ ταύτην περιλαμβάνοντες, ὥς τὸ εὐθὺ καὶ τὸ καμπύλον πάθος τοιούδε λέγουσιν ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, οἱ δὲ εἰς ποσότητα ἀναφέροντες ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν αὐτὴν εἶναι συγχωροῦσι. διαιρεῖται γὰρ ἡ μὲν ἐν ταῖς ἐπιφανείαις ὑπὸ γραμμῆς, ἡ δὲ ἐν τοῖς στερεοῖς ὑπὸ ἐπιφανείας. τὸ δὲ ὑπὸ τούτων, φασὶ, διαιρούμενον οὐκ ἄλλο τί ἐστὶν ἢ μέγεθος καὶ τοῦτο οὐ γραμμικόν — ἡ γὰρ γραμμὴ ὑπὸ σημείου διαιρεῖται —, λείπεται οὖν αὐτὴν ἢ ἐπιφάνειαν ἢ στερεὸν εἶναι. ἀλλ' εἰ μέγεθος, πάντα δὲ τὰ ὁμογενῆ μεγέθη πεπερασμένα ὄντα λόγον ἔχει πρὸς ἄλληλα, καὶ αἱ

2 προσήρηκεν C. 7 ἐννοίας G, ἐμφάσεις C. 12 παλαιῶν] γραμμῶν G, παλαιῶν B₃, C, 'veterum Philosophorum' B, 'Ex veteribus' Z. || τοῦ] τῶν G. 17 ποιότητα G, ποσότητα C.

24 εἰ μὲν μέγεθος G.

γωνίαι πᾶσαι αἱ ὁμογενεῖς ἤρουν αἱ ἐν ἐπιφανείαις
 λόγον πρὸς ἀλλήλας ἔξουσιν, ὥστε καὶ ἡ κερατοειδὴς
 πρὸς τὴν εὐθύγραμμον. τὰ δὲ λόγον ἔχοντα πρὸς
 ἀλλήλα δύναται ἀλλήλων ὑπερέχειν πολλαπλασιαζό-
 5 μενα. ὑπερέξει ἄρα ποτὲ καὶ ἡ κερατοειδὴς τὴν εὐθύ-
 γραμμον, ὅπερ ἀδύνατον. δεικνυται γὰρ ὅτι πάσης
 ἐστὶν ἐλάττων εὐθυγράμμου. καὶ μὴν καὶ εἰ ποιότης
 μόνον ἐστὶν ὡς ἡ θερμότης καὶ ἡ ψυχρότης, πῶς εἰς
 ἴσα διαιρετὴ ἐστιν; οὐ γὰρ παρ' ἑλαττον ταῖς γωνίαις
 10 ὑπάρχει τὸ ἴσον καὶ ἄνισον ἢ τοῖς μεγέθεσιν, καὶ
 ὅλως τὸ διαιρετὸν ὁμοίως ἑκατέροις καθ' αὐτὸ συμ-
 βέβηκεν. εἰ δὲ οἷς ταῦτα καθ' αὐτὸ ὑπάρχει ποσὰ
 ἅττα ἐστὶ καὶ οὐ ποιότητες, καὶ αἱ γωνίαι ποιότητες
 δῆλον ὅτι οὐκ ἂν εἶεν· τῆς γὰρ ποιότητος τὸ μᾶλλον
 15 καὶ ἥττον οἰκεῖα πάθη καὶ οὐ τὸ ἴσον καὶ ἄνισον.
 ἔδει τοίνυν μὴ λέγειν ἀνίσους γωνίας καὶ τὴν μὲν
 μείζονα τὴν δὲ ἐλάσσονα, ἀλλ' ἀνομοίους καὶ τὴν μὲν
 μᾶλλον γωνίαν, τὴν δὲ ἥσσον. ταῦτα δὲ ὅτι τῆς τῶν
 μαθημάτων ὑπάρξεως ἐστὶν ἀλλότρια, παντὶ που κατα-
 20 φανές. πᾶσα γὰρ γωνία τὸν αὐτὸν ἐπιδέχεται λόγον
 καὶ οὐχὶ ἡ μὲν ἐστὶ γωνία μᾶλλον ἢ δὲ ἥσσον. τὸ δὲ
 τρίτον, εἰ κλίσις ἐστὶν ἡ γωνία καὶ ὅλως τῶν πρὸς τι,
 συμβήσεται μιᾶς οὔσης κλίσεως μίαν εἶναι καὶ γωνίαν
 ἀλλ' οὐ πλείους. εἰ γὰρ μηδέν ἐστὶν ἄλλο παρὰ τὴν
 25 σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων, τίς μηχανὴ
 μίαν μὲν εἶναι τὴν σχέσιν, πλείους δὲ γωνίας; εἰ

1 εἰ γοῦν G, ἡ in M in rasura est scriptum. 2 ὥστε
 om. G. 6 δεικνυται] μὴ δύναται G; μὴ delendum not. C.

10 ἡ om. G, in M prima ut videtur manu intra lineas
 est scriptum. 13 ἄλλα G, ἅττα C. 15 In M in margine
 adscriptum est ἥσσον. 26 τὴν σχέσιν τῶν γραμμῶν ἢ τῶν
 ἐπιπέδων, πλείους δὲ τὰς γωνίας G.

τοίνυν νοήσεως κῶνον τῷ διὰ τῆς κορυφῆς ἐπὶ τὴν
 βάσιν τριγώνῳ τετμημένον ἐν τῷ ἡμικωνίῳ κατὰ τὴν
 κορυφὴν μίαν μὲν θεωρήσεις κλίσιν τῶν γραμμῶν τῶν
 τοῦ τριγώνου, δύο δὲ ἀφεστῶσας γωνίας, τὴν μὲν
 ἐπίπεδον, τὴν αὐτοῦ τοῦ τριγώνου, τὴν δὲ ἐπὶ τῆς 5
 μικτῆς ἐπιφανείας τοῦ κῶνου, περιεχομένην δὲ ἑκατέ-
 ραν ὑπὸ τῶν προειρημένων δυεῖν γραμμῶν. οὐκ
 ἄρα ἡ τούτων σχέσις ἐποίει τὴν γωνίαν, ἀλλὰ μὴν
 ἀναγκαῖον αὐτὴν ἢ ποιότητα λέγειν, ἢ ποσόν, ἢ τῶν
 πρὸς τι. τὰ μὲν γὰρ σχήματα ποιότητες, οἱ δὲ λόγοι 10
 τούτων πρὸς ἄλληλα τῶν πρὸς τι. δεῖ τοίνυν καὶ
 τὴν γωνίαν ὑφ' ἐν τι τούτων ἀνάγεσθαι τῶν τριῶν
 γενῶν.

Τοιούτων δὲ τῶν ἀπόρων ὄντων καὶ τοῦ μὲν
 Εὐκλείδου κλίσιν λέγοντος τὴν γωνίαν, τοῦ δὲ 15
 Ἀπολλωνίου συναγωγὴν ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ πρὸς
 ἐνὶ σημείῳ ὑπὸ κεκλασμένη γραμμῇ ἢ ἐπιφανείᾳ —
 δοκεῖ γὰρ οὗτος καθόλου πᾶσαν ἀφορίζεσθαι γω-
 νίαν —, λεκτέον ἡμῖν ἐπομένοις τῷ ἡμετέρῳ καθ-
 ηγεμόνι, τὴν γωνίαν μηδὲν μὲν εἶναι τῶν εἰρημένων 20
 αὐτὸ καθ' αὐτό, διὰ δὲ τῆς πάντων τούτων συνδρο-
 μῆς ἔχειν τὴν ὑπόστασιν, καὶ διὰ τοῦτο τὴν ἀπορίαν
 ποιῆσαι τοῖς εἰς ἐν τι ῥέψασιν. ἔστιν δὲ οὐχ ἡ γωνία
 μόνη τοιοῦτον, ἀλλὰ καὶ τὸ τρίγωνον· μέτεστι μὲν
 γὰρ αὐτῷ ποσότητος καὶ ἴσον λέγεται καὶ ἄνισον, οἷον 25
 ὕλης τάξιν ἔχον πρὸς αὐτό, πάρεστι δὲ αὐτῷ καὶ ἡ
 κατὰ τὸ σχῆμα ποιότης, ὁπόθεν καὶ ὅμοια τρίγωνα

5 αὐτὴν C. 17 ὑποκεκλασμένη G, 'sub Linea ... re-
 fracta' B, 'ex linea ... fracta' Z. 18 τὴν γωνίαν G.
 20 μηδενὶ C. 23 τοῖς om. G; in M intra lineas est scriptum
 prima ut videtur manu. || οὐχὶ γωνία G. 26 πρὸς αὐτὰ G,
 πρὸς αὐτὸ C. || δὲ] γὰρ G, δὲ C.

λέγεται καὶ ἴσα, τὸ μὲν ἀπ' ἄλλης ἔχοντα κατηγορίας,
 τὸ δὲ ἀπ' ἄλλης. οὕτω τοίνυν καὶ ἡ γωνία πάντως
 μὲν δεῖται τῆς ἐν τῷ μεγέθει ποσότητος ὑποκειμένης,
 δεῖται δὲ καὶ ποιότητος, καθ' ἣν οἶον μορφὴν οἰκεῖαν
 5 ἔχει καὶ χαρακτῆρα τῆς ὑπάρξεως, δεῖται δὲ καὶ τῆς
 σχέσεως τῶν ἀφοριζουσῶν αὐτὴν γραμμῶν ἢ τῶν
 περιεχόντων ἐπιπέδων. καὶ τὸ ἐκ πάντων ἐστὶν ἡ
 γωνία καὶ οὐχ ἓν τι τούτων, καὶ διαιρετὴ μὲν ἐστὶ
 καὶ ἰσότητος δεκτικὴ καὶ ἀνισότητος κατὰ τὸ ἐν αὐτῇ
 10 ποσόν, οὐκ ἀναγκάζεται δὲ τὸν λόγον ἐπιδέχεσθαι τῶν
 ὁμογενῶν μεγεθῶν διὰ τὸ καὶ ποιότητα ἰδιάζουσιν
 ἔχειν, καθ' ἣν ἀσύμβλητοι πολλάκις εἰσὶν γωνίαι ἄλ-
 λαι ἄλλαις, οὐδὲ μίαν ἀποτελεῖν τὴν γωνίαν, εἰ μία ἡ
 κλίσις, ἐπειδὴ καὶ τὸ μεταξὺ τῶν κεκλιμένων ποσὸν
 15 συμπληροῖ τὴν οὐσίαν αὐτῆς. εἰ δὴ πρὸς τούτους
 ἀποβλέπομεν τοὺς διορισμούς, καὶ τὰ ἄπορα διαλύ-
 σομεν καὶ τὴν ιδιότητα τῆς γωνίας εὐρῆσομεν συνα-
 γωγὴν μὲν οὐκ οὔσαν, ὥς | περ καὶ ὁ Ἀπολλωνίος
 φησιν, ἐπιφανείας ἢ στερεοῦ, συμπληροῦντων δὲ καὶ
 20 τούτων τὴν οὐσίαν αὐτῆς, αὐτὴν δὲ τὴν συνηγμέ-
 νην ἐπιφάνειαν πρὸς τῷ σημείῳ καὶ περιεχομένην
 ὑπὸ τῶν κεκλιμένων γραμμῶν ἢ τῆς μιᾶς γραμμῆς
 πρὸς αὐτὴν κεκλιμένης, καὶ αὐτὸ τὸ συνηγμένον στε-
 ρεὸν ὑπὸ ἐπιπέδοις πρὸς ἄλληλα κεκλιμένοις, ἵνα τὸ

1 ἐπ' ἄλλης ἔχον G, corr. C. 3 τῆς ἐν τῷ . . . ὑποκει-
 μένης, δεῖται om. G, add. C. 4 δὴ καὶ G. || ποιότητα G,
 ποιότητος C. 13 ἡ μία ἐκκλίσις G, εἰ μία ἡ κλίσις C.

16 ὁρισμούς G; in M supra lineam prima ut videtur manus di
 addidit. || ἄκαιρα G, ἄπορα C. 18 ὁ om. G, add. C.

19 δὲ om. G, in M supra lineam prima manu videtur esse ad-
 ditum. 20 συνηγμένην G et M, sed in M γ supra μ est

scriptum prima vel primae proxima manu; 'collectam' B, 'an-
 nexam' Z. 23 συνηγμένον G; 'collectum' B, om. Z.

πεποιωμένον ποσὸν καὶ ὑπὸ τοιαύδε σχέσει συνιστά-
μενον αὐτὴν ἀφορίζη, καὶ οὔτε ἡ ποσότης καθ' αὐτὴν
οὔτε ἡ ποιότης μόνον οὔτε ἡ σχέσις.

Τοσαῦτα περὶ τῆς τῶν γωνιῶν ὑποστάσεως εἰρή-
σθω κοινὴν προλαμβάνοντα θεωρίαν ἀπάσης γωνίας 5
πρὸ τῆς τῶν εἰδῶν αὐτῆς διαιρέσεως. τριῶν δὲ δο-
ξῶν οὐσῶν περὶ τῆς γωνίας Εὐδῆμος μὲν ὁ περι-
πατητικὸς βιβλίον περὶ γωνίας γράψας ποιότητα αὐτὴν
εἶναι συνεχώρησεν. γένεσιν γὰρ γωνίας ἐπινοῶν οὐκ
ἄλλην εἶναί φησιν ἢ τὴν κλάσιν τῶν γραμμῶν — εἰ 10
δὲ ἡ εὐθύτης ποιότης καὶ ἡ κλάσις ποιότης — ἐν
ποιότητι οὖν ἔχουσιν αὐτὴν τὴν γένεσιν πάντως εἶναι
ποιότητα. Εὐκλείδης δὲ καὶ ὅσοι κλίσιν εἰρήκασιν
ἐν τοῖς πρὸς τι καταλέγουσι. ποσότητα δὲ εἰρήκασιν
αὐτὴν, ὅσοι φασὶ τὸ πρῶτον διάστημα ὑπὸ τὸ ση- 15
μεῖον εἶναι τὴν γωνίαν, ὧν καὶ ὁ Πλούταρχος ἐστίν,
εἰς τὴν αὐτὴν δόξαν συνωθῶν καὶ τὸν Ἀπολλώ-
νιον. δεῖ γὰρ εἶναί τι, φησὶ, διάστημα πρῶτον ὑπὸ
τὴν κλάσιν τῶν περιεχουσῶν γραμμῶν ἢ ἐπιφανειῶν,
καίτοι γε συνεχοῦς ὄντος τοῦ ὑπὸ τὸ σημεῖον δια- 20
στήματος ἀδύνατον τὸ πρῶτον λαβεῖν. ἐπ' ἀπειρον
γὰρ πᾶν διάστημα διαιρετόν. πρὸς τῷ καὶ ἐὰν ὁπωσ-
οὖν ἀφορίσωμεν τὸ πρῶτον καὶ δι' ἐκείνου εὐθείαν
ἀγάγωμεν, γίνεσθαι τρίγωνον, ἀλλ' οὐ μίαν γωνίαν.
Κάρπος δὲ ὁ Ἀντιοχεὺς ποσὸν μὲν εἶναί φησι τὴν 25

1 πεποιημένον *G* et *M*, sed in *M* ω supra η est scriptum
prima vel primae proxima manu; 'formatum' *B*, om. *Z*.

2 ἀφορίζει *C* et *M* prima manu; eadem autem vel paulo postera
ei in η mutavit. 2. 3 καθ' αὐτὴν οὔτε ἡ ποιότης om. *G*.

4 ὑποφάσεως *G*, ὑποστάσεως *C*. 5 προσλαμβάνοντα *G*. || πά-
σης *G*. 6 πρὸς *C*. 9 συνεχώρισεν *C*. 10 κλίσιν *G*,
κλάσιν *C*. 12 οὖν om. *G*, add. *C*. 14 ποσότητα δὲ λέγου-
σιν *G*. 22 πρὸς τὸ *C*. 23 εὐθείαν] γωνίαν *G*.

γωνίαν καὶ διάστημα τῶν περιεχουσῶν αὐτὴν γραμ-
μῶν ἢ ἐπιφανειῶν. καὶ ἐφ' ἐν διεστῶς τοῦτο, μὴ μέν-
τοι διὰ τοῦτο γραμμὴν εἶναι τὴν γωνίαν. οὐ γὰρ πᾶν
τὸ ἐφ' ἐν διαστατὸν ὑπάρχειν γραμμὴν. τοῦτο δὲ
5 πάντων παραδοξότατον, εἰ ἔστιν τι μέγεθος ἐφ' ἐν
διαστατὸν ἔξω γραμμῆς.

Ἀλλὰ τούτων μὲν ἄδην, τῶν δὲ γωνιῶν τὰς μὲν
ἐν ἐπιφανείαις συνίστασθαι λεκτέον, τὰς δὲ ἐν στε-
ρεοῖς, καὶ τῶν ἐν ἐπιφανείαις τὰς μὲν ἐν ταῖς ἀπλαῖς,
10 τὰς δὲ ἐν ταῖς μικταῖς. καὶ γὰρ ἐν τῇ κυλινδρικῇ
ἐπιφανείᾳ γένοιτο ἂν γωνία καὶ ἐν τῇ κωνικῇ καὶ ἐν
τῇ σφαιρικῇ καὶ ἐν τῇ ἐπιπέδῳ. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἀπλαῖς
ἐπιφανείαις αἱ μὲν ἐν ταῖς σφαιρικαῖς, αἱ δὲ ἐν ταῖς
ἐπιπέδοις ἔχουσι τὴν σύστασιν. ποιεῖ γὰρ γωνίας
15 καὶ ὁ ζωδιακὸς τέμνων ἰσημερινὸν δύο κατὰ κορυφὰς
τῶν τεμνουσῶν περιφερειῶν. καὶ εἰσὶν ἐπὶ σφαιρικῆς
ἐπιφανείας αἱ τοιαίδε γωνίαι. τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέ-
δοις αἱ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περτέχονται γραμμῶν, αἱ δὲ
ὑπὸ μικτῶν, αἱ δὲ ὑπὸ ἀμφοτέρων. ἐν γὰρ τῷ θυρεῷ
20 περιέχεται γωνία ὑπὸ τε τοῦ ἄξονος καὶ τῆς τοῦ θυ-
ρεοῦ γραμμῆς. ἀλλὰ τούτων ἡ μὲν μικτὴ ἔστιν, ἡ δὲ
ἀπλῇ· καὶ εἰ τέμνοι κύκλος θυρεόν, ἔσται ἡ ὑπὸ τε
περιφερείας καὶ τῆς ἐλλείψεως περιεχομένη γωνία.
ὅταν δὲ αἱ κισσοειδεῖς γραμμαὶ συννεύουσai πρὸς ἐν
25 σημείον ὥσπερ τὰ τοῦ κισσοῦ φύλλα — καὶ γὰρ τὴν
ἐπωνυμίαν ἐκεῖθεν ἔσχον — ποιῶσιν γωνίαν, ὑπὸ
μικτῶν ἢ τοιαύτην δῆπου περιέχεται γραμμῶν· καὶ

9 ἐν post μὲν om. G, add. C. 13 ἐν τοῖς ἐπιπέδοις M.
15 ὁ om. G. || εἰς δύο G; B₃ = M, 'in duas' B, 'in binas
partes' Z. || κορυφὰς G, κορυφῆς M, C. 19 θυραῖῳ G.
20 θυραίου G. 22 τέμνοι G, τέμη C. || θυραῖον C. || ἡ om. G.
27 ὑπὸ γραμμῶν G.

ὅταν ἡ ἱπποπέδη, μία τῶν σπειρικῶν οὖσα, τὰ (?)
 πρὸς ἄλλην ποιῇ γωνίαν, καὶ ταύτην μικτὰὶ γραμμαὶ
 περιέχουσιν. αἱ δὲ ὑπὸ εὐθείας καὶ περιφερείας ὑπὸ
 ἀπλῶν περιέχονται γραμμῶν. τούτων δ' αὖ πάλιν αἱ
 μὲν ὑπὸ ὁμοειδῶν περιλαμβάνονται. καὶ γὰρ δύο 5
 περιφέρειαι τέμνουσαι ἀλλήλας ἢ ἐφαπτόμεναι ποιοῦσι
 γωνίας, καὶ αὗται τρισδάς· ἢ γὰρ ἀμφικύρτους, ὅταν
 ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ τῶν περιφερειῶν, ἢ ἀμφοικίλους,
 ὅταν ἀμφοτέρα τὰ κοῖλα ἐκτὸς ὑπάρχη, ἃς καλοῦσι
 ξυστροειδεῖς, ἢ μικτὰς ἀπὸ κυρτῆς καὶ κοίλης, ὥπερ 10
 τὰς τῶν μηνίσκων. καὶ μὴν καὶ ὑπὸ εὐθείας καὶ
 περιφερείας περιέχονται γωνίαι διχῶς· ἢ γὰρ ἰπὸ
 εὐθείας καὶ κυρτῆς περιφερείας, ὡς ἡ τοῦ ἡμικυκλίου,
 ἢ ὑπὸ εὐθείας καὶ κοίλης ὡς ἡ κερατοειδής. αἱ δὲ
 ὑπὸ δυεῖν εὐθειῶν περιεχόμεναι πᾶσαι εὐθύγραμμοι 15
 κληθῇσονται τριττὴν ἔχουσαι καὶ αὗται διαφοράν.

Ταύτας τοίνυν ἀπάσας τὰς ἐν ἐπιπέδοις ἐπιφα-
 νείαις συνισταμένας ὁ γεωμέτρης ἐν τούτοις ἀφορίζει-
 ται, κοινὸν ὄνομα θέμενος αὐταῖς τὸ τῆς ἐπιπέδου
 γωνίας, καὶ τὸ μὲν γένος αὐτῶν κλίσιν εἰπών, τὸν 20
 δὲ τόπον τὸ ἐπίπεδον — καὶ γὰρ αἱ γωνίαι θέσιν
 ἔχουσιν — τὴν δὲ γένεσιν, ὅτι δύο εἶναι δεῖ γραμ-
 μὰς καὶ οὐ τρεῖς τοῦλάχιστον, ὥσπερ ἐπὶ τῆς στερεᾶς,
 καὶ ταύτας ὁμιλεῖν ἀλλήλαις καὶ ὁμιλούσας μὴ κεῖσθαι

1 ὅτε G. || τὰ] τὴν G, τὰ B₃, C. Fortasse pro οὖσα τὰ νεύ-
 ονσα vel simile aliquod verbum fuit scriptum; 'proclinata' B,
 'et' Z. 3 εὐθείαις M. || περιφεροῦς G. 9 ὅτε G. || ὑπάρ-
 χει G. 10 ὑπὸ G, ἀπὸ C. 11 τὰς] τὰ G. || καὶ ante περι-
 φερείας om. G, add. C. 13 κυρτῆς] κοίλης B₃, G, 'cava' B,
 'curva' Z. Vide supra: ἀμφικύρτους, ὅταν ἐκτὸς ἢ τὰ κυρτὰ.
 14 κοίλης] κυρτῆς B₃, G, 'convexa' B, 'cava' Z. 16 τρι-
 ττὴν M. || αὐταὶ G. 17 ἐπιφανείας M, B₃, G; 'in Planis Super-
 ficiebus' B, 'superficies in planis' Z.

ἐπ' εὐθείας, ἵνα κλάσις εἴη καὶ περιοχὴ τῶν γραμμῶν,
 ἀλλὰ μὴ ἔκτασις μόνον καθ' ἓν διάστημα. δοκεῖ δὲ
 ὁ λόγος οὗτος πρῶτον μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς οὐ
 συγχωρεῖν ἀποτελεῖσθαι γωνίαν — καίτοιγε ἡ κισσο-
 5 ειδῆς μία οὕσα ποιεῖ γωνίαν καὶ ἡ ἱπποπέδη. τὴν
 γὰρ ὅλην κισσοειδῆ καλοῦμεν ἀλλ' οὐ τὰ μέρη αὐτῶν,
 ἵνα λέγῃ τις, ὅτι ταῦτα ποιεῖ τὴν γωνίαν συννεύοντα,
 καὶ | τὴν ὅλην σπειρικὴν, ἀλλ' οὐ τὰ μέρη. τοίνυν
 ἑκάτερα μία τυγχάνουσα ποιεῖ γωνίαν αὐτὴ πρὸς
 10 ἑαυτήν, οὐ πρὸς ἄλλην — ἔπειτα κλίσιν ἀφοριζόμενος
 τὴν γωνίαν πλημμελεῖν — πῶς γὰρ μιᾶς οὔσης κλί-
 σεως δύο ἔσονται γωνίαι; πῶς δὲ ἴσας καὶ ἀνίσους
 ἔτι γωνίας λέγομεν, καὶ ὅσα ἄλλα πρὸς ταύτην εἰώθεν
 ὑποφέρεσθαι τὴν δόξαν; — τρίτον δὲ παρέλκειν ἐπὶ
 15 τινῶν γωνιῶν τὸ καὶ μὴ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι, οἷον
 ἐπὶ τῶν περιφερογραμμῶν· καὶ γὰρ ἄνευ τούτου τέ-
 λειος ὁ ὁρισμός. ἡ γὰρ πρὸς ἀλλήλας τῶν γραμμῶν
 τούτων κλίσις ποιήσῃ τὴν γωνίαν· τὴν ἀρχὴν γὰρ
 οὐδὲ ἐπ' εὐθείας κεῖσθαι τὰς περιφερεῖς δυνατόν.
 20 τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς ἀποδόσεως τῆς Εὐκλείδου
 λέγειν ἔχομεν, τὰ μὲν ἀφερμεύοντες αὐτήν, τὰ δὲ ἐπ-
 αφοροῦντες πρὸς αὐτήν.

Def. IX. Ὅταν δὲ αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσαι
 γραμμαὶ εὐθεῖαι ᾧσιν, εὐθύγραμμος ἡ γωνία
 25 καλεῖται.

Τὴν γωνίαν σύμβολον εἶναί φημεν καὶ εἰκόνα
 τῆς συνοχῆς || τῆς ἐν τοῖς θείοις γένεσι καὶ τῆς συν-

2 ἔκτασις G. 21 ἀπαποροῦντες G, ἐπαποροῦντες C.
 22 πρὸς αὐτήν om. G, add. C. 27 συνεχοῦς G, συνοχῆς C. ||
 τῆς ἐν τοῖς] τῶν (τοῖς) ἐν τοῖς H₂ p. 263.

αγωγοῦ τάξεως τῶν διηρημένων εἰς ἓν καὶ τῶν με-
ριστῶν εἰς τὸ ἀμερὲς καὶ τῶν πολλῶν εἰς συνδετικὴν
κοινωνίαν. δεσμὸς γὰρ γίνεται καὶ αὕτη τῶν πολλῶν
γραμμῶν καὶ ἐπιπέδων, καὶ συναγωγὸς τοῦ μεγέθους
εἰς τὸ ἀμερὲς τῶν σημείων, καὶ συνεκτικὴ παντὸς τοῦ ⁵
κατ' αὐτὴν ὑφισταμένου σχήματος. διὸ καὶ τὰ λόγια
τὰς γωνιακὰς συμβολὰς τῶν σχημάτων συνοχηίδας
ἀποκαλεῖ, καθόσον εἰκόνα φέρουσι τῶν συνοχικῶν
ἐνώσεων καὶ τῶν συζεύξεων τῶν θείων, καθ' ἃς τὰ
διεστῶτα συνάπτουσιν ἀλλήλοις. αἱ μὲν οὖν ἐν ταῖς ¹⁰
ἐπιφανείαις γωνίαι ἀϋλοτέρας αὐτῶν καὶ ἀπλουστέρας
ἀποτυποῦνται καὶ τελειότερας ἐνώσεις, αἱ δὲ ἐν τοῖς
στερεοῖς τὰς προϊούσας μέχρι τῶν ἐσχάτων καὶ τοῖς
διεσπασμένοις κοινωνίαν καὶ τοῖς πάντη μεριστοῖς
ὁμοφυῇ σύνταξιν παρεχομένας. τῶν δὲ ἐν ταῖς ἐπι- ¹⁵
φανείαις αἱ μὲν τὰς πρώτας αὐτῶν καὶ ἀμίκτους, αἱ
δὲ τὰς τῆς ἀπειρίας συνεκτικὰς τῶν ἐν αὐταῖς προ-
όδων ἀπεικονίζονται, καὶ αἱ μὲν τὰς τῶν νοερῶν εἰδῶν
ἐνοποιοῦσιν, αἱ δὲ τὰς τῶν αἰσθητῶν λόγων, αἱ δὲ
τὰς τῶν μεταξὺ τούτων συνδετικὰς. αἱ μὲν οὖν περι- ²⁰
φερόγραμμαι γωνίαι μιμοῦνται τὰς συνελιπτούσας
αἰτίας τὴν νοερὰν ποικιλίαν εἰς ἑνώσιν — νοῦ γὰρ

2 συνδετικὴν H_2 . 3 αὕτη M, G , αὕτη H_2 . 4 τῷ
μεγέθει H_1 p. 453, H_2 p. 263. 5 τοῦ om. H_2 . 7 γωνιακὰς
 G, H_2 , κωνικὰς C . 11 ἀπ' ἀϋλοτέρας M, B_3, G ; 'magis imma-
teriales' B , 'ab . . . immateriali' Z . 12 ἀποτυποῦνται] ἀπεικά-
ζουσι (ἀποκαλοῦσι) $H_1 H_2$. || ἐνώσεως M, B_3, G , ἐνώσεις $H_1 H_2$;
'uniones' B , 'unione' Z . 13 τὰς om. H_2 . || προϊούσας M, C ,
προϊούσας (προιοῦσαι, προσιούσας) H_2 . 15 ὁμοφυᾶ H_2 .
17 αὐτοῖς M, G , αὐταῖς $H_1 H_2$. 18 ἀπεικάζονται G . || νεω-
ρῶν G . 19 ἐνοποιοῦσαι M , εἰδοποιούσας G , ἐνδοποιοῦσαι C ,
ἐνοποιοῦσιν $H_1 H_2$. 20 (συνεκτικὰς $H_1 H_2$). 21 μιμοῦνται
γωνίαι $H_1 H_2$.

καὶ νοερῶν εἰδῶν αἱ περιφέρουσαι συννεύειν ἐπειγόμε-
 ναι πρὸς ἑαυτὰς εἰκόνες — αἱ δὲ εὐθύγραμμοι τὰς
 τῶν αἰσθητῶν προϋσταμένας καὶ τὴν σύνδεσιν τῶν ἐν
 τούτοις λόγων παρεχομένας, αἱ δὲ μικταὶ τὰς τε κοι-
 5 νωνίας τῶν τε αἰσθητῶν καὶ τῶν νοερῶν εἰδῶν κατὰ
 μίαν ἔνωσιν ἀσάλευτον φυλαττούσας.

Δεῖ δὴ πρὸς ταῦτα τὰ παραδείγματα ἀποβλέπον-
 τας καὶ τῶν καθ' ἕκαστα τὰς αἰτίας ἀποδιδόναι. καὶ
 γὰρ παρὰ τοῖς Πυθαγορείοις εὐρήσομεν ἄλλας γω-
 10 νίας ἄλλοις θεοῖς ἀνακειμένας, ὥσπερ καὶ ὁ Φιλό-
 λαος πεποίηκε τοῖς μὲν τὴν τριγωνικὴν γωνίαν τοῖς
 δὲ τὴν τετραγωνικὴν ἀφιερώσας, καὶ ἄλλας ἄλλοις
 καὶ τὴν αὐτὴν πλείοσι θεοῖς καὶ τῷ αὐτῷ πλείους,
 κατὰ τὰς διαφοροὺς ἐν αὐτῷ δυνάμεις ἀνείς. πρὸς ἃ
 15 μοι δοκεῖ καὶ ὁ Ἀθηναῖος (?) φιλόσοφος ἀφορῶν κατὰ
 τὸ τρίγωνον τὸ δημιουργικὸν τὸ πάσης πρωτουργὸν
 αἷτιον τῆς τῶν στοιχείων διακοσμήσεως ἄλλους μὲν
 ὑποστήσαι θεοὺς κατὰ τὰς πλευράς, ἄλλους δὲ κατὰ
 τὰς γωνίας, τοὺς μὲν προόδου καὶ δυνάμεως χο-
 20 ρηγούς, τοὺς δὲ τῆς συζεύξεως τῶν ὅλων καὶ τῆς εἰς ἐν
 πάλιν τῶν προελθόντων συναγωγῆς.

Ταῦτα μὲν οὖν εἰς τὴν τῶν ὄντων ἡμᾶς περιάγει
 θεωρίαν· εἰ δὲ ἐνταῦθα αἱ γραμμαὶ περιέχουν λέγον-
 ται τὴν γωνίαν, θαυμαστὸν οὐδέν· τὸ γὰρ ἐν τούτοις
 25 ἐν καὶ τὸ ἀμέριστον ἐπεισοδιῶδες ἐστίν. ἐν δὲ τοῖς

1 συννεύειν (σύνευσιν) *H*₂ p. 264. || ἐπιγομέναι *C*.
 4 περιεχομένας *H*₂. 8 τὰς om. *G*. 13 τῷ αὐτῷ] τῶν αὐτῶν
M, *B*₃, *G*; in *M* postera manus utroque loco o supra ω scripsit.
 'eidemque Deo' *B*, 'eidem' *Z*. 14 διαφοροὺς ἐν αὐτῷ] δια-
 φορὰς *G*. *B*₃ = *M*. 'iuxta diversas quae in ipso sunt poten-
 tias' *B*, 'iuxta diversas ipsius potestates' *Z*. 15 Ἀσιναῖος *G*
 et *M* prima manu. 18 ὑποστήναι *G*. 19 δυνάμεων *M*.
 20 ζεύξεως *G*, συζεύξεως *C*. 25 ἀχώριστον *G*, ἀμέριστον *C*.

θεοῖς καὶ τοῖς ὄντως οὖσι προηγείται τῶν πολλῶν καὶ διηρημένων τὸ ὅλον καὶ ἀμέριστον ἀγαθόν.

Def. X.—XII. Ὅταν δὲ εὐθειᾶ ἐπ' εὐθειαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ποιῇ, ὀρθὴ ἑκατέρα τῶν ἴσων γωνιῶν ἐστι, καὶ 5 ἡ ἐφεστηκυῖα γραμμὴ κάθετος καλεῖται, ἐφ' ἣν ἐφέστηκεν ἀμβλεῖα γωνία ἐστὶν ἡ μείζων ὀρθῆς, ὀξεῖα δὲ ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς.

Ταῦτά ἐστι τὰ τριπλᾶ τῶν γωνιῶν εἶδη, περὶ ὧν καὶ ὁ ἐν τῇ πολιτείᾳ Σωκράτης φησὶν, ἐξ ὑποθέσεως 10 παρὰ τοῖς γεωμέτραις λαμβανομένων τῆς εὐθυγράμμου κατὰ τὴν εἰς τὰ εἶδη διαίρεσιν ταύτας ὑφιστάσης τὰς γωνίας, τὴν ὀρθήν, τὴν ἀμβλεῖαν, τὴν ὀξεῖαν, τῆς μὲν κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ ταῦτόν καὶ ὅμοιον ἀφωρισμένης, τῶν δὲ κατὰ τὸ μείζον καὶ ἐλάσσον καὶ ὅλως τὸ 15 ἄνισον καὶ τὴν ἑτερότητα καὶ τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον ἀορίστως ὑφισταμένων. οἱ μὲν οὖν πολλοὶ γεωμέτραι τῆς διαιρέσεως ταύτης οὐκ ἔχουσιν ἀποδιδόναι λόγον, ἀλλ' ὑποθέσει χρῶνται καὶ ταύτῃ, τρεῖς εἶναι γωνίας. ἐπειδὴ δὲ τὴν αἰτίαν αὐτοὺς ἀνερωτήσωμεν, οὐ φασὶ 20 χρῆναι ταῦτα παρ' αὐτῶν | ἀπαιτεῖν. οἱ δὲ Πυθαγορικοὶ τῆς τριπλῆς διανομῆς ἐπὶ τὰς ἀρχὰς ἀναφέροντες τὴν λύσιν οὐκ ἀποροῦσιν αἰτίας ἀποδιδόναι καὶ ταύτης τῆς διαφορᾶς τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν. ἐπειδὴ γὰρ τῶν ἀρχῶν ἡ μὲν κατὰ τὸ πέρας ὑφέστηκεν 25

3 Ὅτε G. || εὐθείας G. 5 ποιεῖ G. 9 Αὐτά G, ταῦτα C. 11 λαμβανομένην τὴν εὐθύγραμμον G, corr. C. 12 καὶ κατὰ G. || ταύτης G. || ὑφιστάσας G, ὑφιστάσης C. 14 καὶ τὸ] καὶ κατὰ G, καὶ τὸ C. 20 ἐρωτήσωμεν G, ἐρωτήσωμεν C.

καὶ ἐστὶν ὅρου καὶ ταυτότητος αἰτία τοῖς ἀποτελέσμασι
καὶ ἰσότητος καὶ πάσης τῆς ἀμείνονος συστοιχείας,
ἣ δὲ ἄπειρόν ἐστι καὶ δίδωσι τὴν ἐπ' ἄπειρον πρό-
οδον καὶ αὐξήσιν καὶ μείωσιν καὶ ἀνισότητα καὶ παν-
5 τοίαν ἑτερότητα τοῖς γεννωμένοις ἀφ' ἐαυτῆς, καὶ
ὅλως ἐξηγεῖται τῆς καταδεεστέρας σειρᾶς· εἰκότως δὴ
διὰ ταῦτα καὶ τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν κατ' ἐκείνας
ὑφισταμένων ὁ μὲν ἀπὸ τοῦ πέρατος ἦκων λόγος τὴν
ὀρθὴν ἀπετέλεσεν γωνίαν μίαν ἰσότητι κρατουμένην
10 καὶ ὁμοιότητι πρὸς πᾶσαν ὀρθὴν καὶ ὠρισμένην αἰεὶ
καὶ τὴν αὐτὴν ἐστῶσαν καὶ μήτε αὐξήσιν μήτε μείωσιν
ἐπιδεχομένην, ὁ δὲ ἀπὸ τῆς ἀπειρίας δεύτερος ὢν καὶ
δυαδικὸς καὶ γωνίας ἀνέφηνε διπλᾶς περὶ τὴν ὀρθὴν
ἀνισότητι διηρημένas κατὰ τὸ μείζον καὶ ἔλασσον ||
15 καὶ κατὰ τὸ μᾶλλον καὶ ἥσσον ἀπέραντον ἐχούσας
κίνησιν τῆς μὲν ἀμβλυνομένης μᾶλλον καὶ ἥττον, τῆς
δὲ ὀξυνομένης. διὰ δὴ ταῦτα καὶ τῶν θείων δια-
κόσμων καὶ τῶν μερικωτέρων δυνάμεων τὰς μὲν ὀρ-
θαῖς γωνίας εἰς τοὺς ἀχράντους ἀναπέμπουσιν ὡς τῆς
20 ἀκλίτου προνοίας τῶν δευτέρων αἰτίους — τὸ γὰρ
ὀρθὸν καὶ τὸ ἀκλινὲς πρὸς τὰ χείρονα καὶ ἄτρεπτον
ἐκείνοις προσήκει τοῖς θείοις — τὰς δὲ ἀμβλείας καὶ
ὀξείας τοῖς τῆς προόδου καὶ τοῖς τῆς κινήσεως καὶ
τῆς ποικιλίας τῶν δυνάμεων χορηγοῖς ἀνεῖσθαι λέ-
25 γουσι· τό τε γὰρ ἀμβλὺ τῆς ἐπὶ πᾶν ἀπλουμένης τῶν
εἰδῶν ἐκτάσεώς ἐστὶν εἰκῶν, καὶ τὸ ὅξυ τῆς διαιρετικῆς

3 ἄπειρος G.

14 ἀνισότητα M.

17 δὲ G, δὴ C, δὲ

(δὴ) H₂ p. 257.

19 ἀποπέμπουσι G, ἀναπέμπουσι C.

20 αἰτίας C. 21 τὸ χεῖρον H₂ p. 257. 22 τοῖς ante θείοιςom. G. || θεοῖς M, G, θείοις H₁ p. 453, H₂ p. 257.

24 ἀνῆσθαι C.

25 ἐπίπαν G.

26 ἐκτάσεως M, G, ἐκ-

τάσεως H₂ p. 258.

καὶ κινητικῆς τῶν ὅλων αἰτίας ἀφομοίωσιν ἔλαχεν.
καὶ μὴν καὶ ἐν αὐτοῖς τοῖς οὖσιν τῇ μὲν οὐσίᾳ ἡ
ὀρθότης τὸν αὐτὸν ὅρον τοῦ εἶναι φυλάττουσα προσ-
έοικε, τοῖς δὲ συμβεβηκόσιν ἢ τε ἀμβλεία καὶ ἡ ὀξεῖα.
ταῦτα γὰρ δέχεται τὸ μᾶλλον καὶ ἥττον καὶ ἀορίστως ⁵
μεταβάλλοντα οὐδέποτε παύεται. ὀρθῶς ἄρα καὶ τῇ
ψυχῇ παρακελεύονται τὴν κάθοδον τὴν εἰς γένεσιν
ποιεῖσθαι κατὰ τὸ ἀκλινὲς τοῦτο τῆς ὀρθῆς γωνίας
εἶδος μὴ ῥεπούση πρὸς τὰδε μᾶλλον ἢ τὰδε, μηδὲ
προσπασχούση μᾶλλον ἄλλοις καὶ ἥττον. ὁ γὰρ τῆς ¹⁰
συμπαθείας μερισμὸς εἰς τὴν ἔνυλον αὐτὴν κατάγει
πλημμέλειαν καὶ τὴν ἀοριστίαν. σύμβολον οὖν καὶ ἡ
κάθετός ἐστίν ἀρρεψίας, καθαρότητος, ἀχράντου δυ-
νάμεως, ἀκλινοῦς, πάντων τῶν τοιούτων. ἐστὶ δὲ καὶ
μέτρου θείου καὶ νοεροῦ σύμβολον. διὰ γὰρ καθέτων ¹⁵
καὶ τὰ ὕψη τῶν σχημάτων ἀναμετροῦμεν καὶ τῇ πρὸς
τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾷ τὰς ἄλλας εὐθυγράμμους γωνίας
ὀρίζομεν αὐτὰς ἀφ' ἑαυτῶν ἀορίστους οὕσας. ἐν
ὑπερβολῇ γὰρ καὶ ἐλλείψει θεωροῦνται. τούτων δὲ
ἐκάτερα καθ' αὐτὴν ἀπέραντός ἐστι. διὸ καὶ τὴν ἀρε- ²⁰
τὴν κατὰ τὴν ὀρθότητά φασιν ἐστάναι, τὴν δὲ κακίαν
κατὰ τὴν ἀοριστίαν τῆς ἀμβλείας καὶ ὀξείας ὑφίστα-
σθαι καὶ μερίζεσθαι τὰς ἐνδείας καὶ ὑπερβολὰς καὶ

2 καὶ μὲν *M*. 3 τῶν αὐτὸν *M*. 4 ἢ τε ἀμβλεία καὶ ἡ ὀξεῖα] 'Obtusius, atque Acutus' et in praefatione 'Hebetudo, atque Acumen' *B*, 'the obtuse and acute' *T*. || καὶ ὀξεῖα, omisso ἡ *M*, *H*₂ p. 258. 5 τὸ ἥττον *H*₂. 6 οὐποτε *G*, οὐδέποτε *C*, *H*₂. 10 ἄλλων *B*₃, *G*. 'alia magis alia minus affectando' *B*, 'magis et minus quam alii patientis' *Z*. 11 συμπαθείας *G*. 14 καὶ ἀκλινοῦς *G*. 15 καθέτων *M*, *G*, καθέτων *H*₁ p. 453, *H*₂ p. 258. 18 ἐφ' ἑαυτῶν *H*₁ p. 454, *H*₂ p. 258. || ὡς ἐν ὑπερβολῇ *G*, ὡς delendum notavit *C*. 19 θεωροῦντες *G*. 21 φησιν *M*, *C*: 'dicunt' *B*, *Z*. 22 Post ὀξεῖας additum est τῶν γωνιῶν in *H*₁ p. 254, *H*₂ p. 271.

τῷ μᾶλλον καὶ ἥττον δεικνύναι τὴν ἑαυτῆς ἀμετρίαν.
 τελειότητος ἄρα καὶ ἀκλινοῦς ἐνεργείας καὶ ὅρου
 νοεροῦ καὶ πέρατος καὶ τῶν τούτοις ὁμοίων εἰκόνα
 θησόμεθα τὴν ὀρθότητα τῶν εὐθύγραμμων γωνιῶν,
 5 τὴν δὲ ἀμβλείαν καὶ ὀξεῖαν ἀορίστου κινήσεως καὶ
 ἀσχέτου προόδου καὶ διαιρέσεως καὶ μερισμοῦ καὶ
 ὅλως ἀπειρίας.

Τοσαῦτα περὶ τούτων. δεῖ δὲ τοῖς ὀρισμοῖς τῆς τε
 ἀμβλείας καὶ ὀξεῖας προστιθέναι τὸ γένος. ἐστὶ γὰρ
 10 ἑκατέρω εὐθύγραμμος, ἡ μὲν μείζων ὀρθῆς, ἡ δὲ
 ἐλάσσων. ἀλλ' οὐχ ἀπλῶς ἡ ἐλάσσων ὀρθῆς ὀξεῖα ἐστὶ.
 καὶ γὰρ ἡ κερατοειδὴς πάσης ἐστὶν ὀρθῆς ἐλάσσων,
 ὅπου γε καὶ ὀξεῖας, ἀλλ' οὐκ ὀξεῖα, καὶ ἡ τοῦ ἡμι-
 κυκλίου πάσης ὀρθῆς ὡσαύτως ἐλάσσων, ἀλλ' οὐκ
 15 ἐστὶν ὀξεῖα. τὸ δὲ αἴτιον, ὅτι καὶ μικταί εἰσι || καὶ
 οὐκ εὐθύγραμμοι. καὶ μὲν δὴ καὶ τῶν περιφερογράμ-
 μων πολλαὶ μείζους ἂν φανεῖεν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐκ εἰδὶν
 ἀμβλεῖαι διὰ τοῦτο. δεῖ γὰρ εὐθύγραμμον εἶναι τὴν
 ἀμβλεῖαν. τοῦτό τε οὖν ἐπισημαίνομαι καὶ ὅτι τὴν
 20 ὀρθὴν ἀφορίσασθαι προθέμενος ἔλαβεν εὐθεῖαν ἐπὶ
 τινος εὐθείας ἐστῶσαν καὶ ποιοῦσαν ἴσας ἀλλήλαις
 τὰς ἐφεξῆς, τὴν δὲ ἀμβλεῖαν καὶ τὴν ὀξεῖαν οὐκέτι
 λαβὼν εὐθεῖαν ἐπὶ θάτερα κεκλιμένην ἀποδίδωσιν,
 ἀλλ' ἐκ τῆς πρὸς τὴν ὀρθὴν ἀναφορᾶς. μέτρον γὰρ
 25 αὕτη καὶ τῶν μὴ ὀρθῶν, ὥσπερ ἡ ἰσότης καὶ τῶν
 ἀνίσων. αἱ δὲ ἐπὶ θάτερα ἐγκεκλιμέναι ἄπειροι ἦσαν
 καὶ οὐ μία μόνον, ὥσπερ ἡ κάθετος. ἐπὶ δὲ τούτοις

6 ὀρισμοῦ G, μερισμοῦ C, H₁ p. 454 (μετροῦσμοῦ), H₂ p. 271. 8 τῆς] τὰς M. 13 ὅπου γε καὶ ὀξεῖα M.

15 καὶ ante μικταί om. G. 16 καὶ post μὲν δὴ om. G. || περιφερομένων C. 19 ἐπισημαίνομεν G. 24 μέτρον C.

25 αὕτη G. || ἡ om. G.

το γωνίας εἶπεῖν „ἀλλήλαις ἴσας“ τῆς γεωμετρικῆς ἀκριβείας εἶναι τίθεμαι. δυνατόν γὰρ ἂν ᾦν καὶ ἴσας εἶναι γωνίαις ἄλλαις καὶ μὴ ὀρθὰς ἀλλήλαις. διὸ ἴσας οὕσας ἀναγκαῖον εἶναι ὀρθάς. καὶ τὸ „ἐφεξῆς“ προσ-
 τεθὲν οὐ φαίνεται μοι παρέλκειν, ὥς γε [?] οὐ καλῶς⁵ τισιν ἔδοξεν, ἀλλ' ἐνδείκνυσθαι τὸν λόγον τῆς ὀρθότητος. διὰ τοῦτο γὰρ ὀρθῇ ἑκατέρα τῶν γωνιῶν, ὅτι ἐφεξῆς οὕσαι ἴσαι εἰσὶ, τῆς ἐφεστώσης εὐθείας διὰ τὴν ἀρρεψίαν ἐπὶ θάτερα τῆς ἰσότητος ἀμφοτέραις καὶ τῆς ὀρθότητος ἑκατέρα γενομένης αἰτίας. οὐχ¹⁰ ἀπλῶς οὖν ἡ πρὸς ἀλλήλας ἰσότης ἀλλ' ἡ ἐφεξῆς θέσις μετὰ τῆς ἰσότητος αἰτία τῆς τῶν γωνιῶν ὀρθότητος.

Ἐπὶ πᾶσι δὲ οὖν ἀξιῶ μεμνησθαι τῆς τοῦ στοιχειωτοῦ κἀνταῦθα προθέσεως, ὅτι περὶ τῶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ συνισταμένων ποιεῖται τὸν λόγον, ὥστε οὐδὲ¹⁵ κάθετον πάσης οὗτος ὁ ὅρος ἐστίν, ἀλλὰ τῆς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ. τὴν | δὲ στερεὰν λεγομένην οὐκ ᾦν καιρὸς ἀφορίζεσθαι νῦν. ὥσπερ οὖν τὴν ἐπίπεδον ὥρισато γωνίαν, οὕτω καὶ κάθετον τὴν τοιαύτην, ἐπεὶ ἢ γε στερεὰ κάθετος οὐ πρὸς μίαν μόνον εὐθεῖαν²⁰ ὀφείλει ποιεῖν ὀρθὰς γωνίας, ἀλλὰ πρὸς πάσας τὰς ἀπτομένας αὐτῆς καὶ οὕσας ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ. τοῦτο γὰρ ἴδιον ἐκείνης.

2 τίθεμεν G. || συντετὸν G, δυνατόν C. 3 ἄλλαις] ἀλλή-
 λαις G, ἄλλαις C. || ἀλλήλαις om. G. 3—4 διὸ ἴσας ... ὀρθὰς
 om. G. 5 παρέλκον G. || ὥς γε] ὥστε M, B₃, G, 'ut' B, 'sicut' Z.
 6 ἐνδείκνυται G, ἐνδείκνυσθαι C. 7—12 διὰ τοῦτο
 γὰρ ... γωνιῶν ὀρθότητος om. G, add. C. 9 θατέρως M, C.
 10 ἑκατέρα M, C; 'utrique' B; Z διὰ τοῦτο γὰρ ... ὀρ-
 θότητος om. 11 ἡ ante πρὸς om. C. || ἡ ante ἐφεξῆς om. M.
 13 ἐπὶ πάσῃ M, 'In omnibus' Z, 'praeter haec omnia' B.
 15 ἐπιπέδων G. 18 ὅπερ C. 20 ἢ τε G, ἢ γε C.

Def. XIII. Ὅρος ἐστὶν ὃ τινός ἐστι πέρας.

Τὸν ὅρον οὐ πρὸς πάντα ἀναφέρειν δεῖ τὰ μεγέθη
 — καὶ γὰρ γραμμῆς || ὅρος ἐστὶ καὶ πέρας — ἀλλὰ
 πρὸς τὰ χωρία τὰ ἐν ἐπιφανείαις καὶ τὰ στερεά. νῦν
 5 γὰρ ὅρον καλεῖ τὴν περιοχὴν τὴν ἀφορίζουσιν ἕκαστον
 χωρίον, καὶ πέρας ἀφορίζεται τοῦτον τὸν τρόπον οὐχ
 ὥς τὸ σημεῖον λέγεται πέρας γραμμῆς, ἀλλ' ὥς τὸ
 περικλεῖον καὶ περιεῖργον ἀπὸ τῶν περικειμένων. ἐστὶ
 δὲ τὸ ὄνομα οἰκεῖον τῇ ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας, καθ' ἣν
 10 τὰ χωρία ἐμέτρουν καὶ τοὺς ὅρους αὐτῶν ἐφύλαττον
 ἀσυνγχύτους, ἀφ' ἧς καὶ τῆς ἐπιστήμης ταύτης εἰς
 ἐπίνοιαν ἦλθον, τὴν τοίνυν περιοχὴν τὴν ἔξωθεν
 ὅρον καλέσας ὁ στοιχειωτὴς εἰκότως αὐτὴν καὶ πέρας
 ἀφωρίσατο τῶν χωρίων. διὰ γὰρ ταύτης ἕκαστον τῶν
 15 περιεχομένων περατοῦται. λέγω δὲ οἶον ἐπὶ τοῦ
 κύκλου τὴν μὲν περιφέρειαν ὅρον καὶ πέρας, αὐτὸ δὲ
 τὸ ἐπίπεδόν τι χωρίον. καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων ὡσαύτως.

Def. XIV. Σχήμά ἐστι τὸ ὑπὸ τινος ἢ τινων
 ὅρων περιεχόμενον.

20 Ἐπειδὴ τὸ σχῆμα λέγεται πολλαχῶς καὶ κατ' εἶδη
 διάφορα διαιρεῖται, δεῖ πρῶτον τὰς διαφορὰς αὐτοῦ
 θεωρήσαντας οὕτω ἐπὶ τοῦ προκειμένου σχήματος ἐν
 τῷ ἱρισμῷ διελθεῖν. ἐστὶ μὲν οὖν τι σχῆμα καὶ κατὰ
 τροπὴν ὑφιστάμενον καὶ ἀπὸ πάθους ἐγγινόμενον

7. 8 τὸ περιεῖργον καὶ περικλεῖον G. 8 ἐπὶ G, ἀπὸ C. || ἔτι
 G, ἐστὶ C. 9 τῆς ἐξ ἀρχῆς γεωμετρίας C. 18 ἐστὶ τὸ]
 ἐστὶν G. 22 θεωρήσαντος G, θεωρήσαντας C. 23 τι om. G,
 add. C. 24 γιγνομένων G, ἐγγιγνομένων C.

πληττομένων ἢ διαιρουμένων ἢ ἀφαιρουμένων ἢ προσ-
 θήκας δεχομένων ἢ ἀλλοιουμένων τῶν σχηματιζομένων
 ἢ ἄλλα παθήματα ποικίλα πασχόντων. ἔστι δὲ καὶ
 ἀπὸ τέχνης οἷον πλαστικῆς ἢ ἀνδριαντοποιητικῆς ἀπο-
 γεννώμενον κατὰ τὸν ἐν τῇ τέχνῃ προυπάρχοντα λό- 5
 γον, τῆς μὲν τέχνης προβαλλούσης τὸ εἶδος, τῆς δὲ
 ὕλης δεχομένης τὴν μορφήν καὶ τὸ κάλλος καὶ τὴν
 εὐσχημοσύνην ἐκεῖθεν. ἔστι δὲ τούτων ἔτι σεμνότερα
 καὶ διαπρεπέστερα σχήματα, φύσεως δημιουργήματα,
 τὰ μὲν ἐν τοῖς ὑπὸ σελήνην στοιχείοις συνεκτικὰ τῶν 10
 ἐν αὐτοῖς λόγων, τὰ δὲ κατ' οὐρανὸν τὰς τε δυνάμεις
 αὐτῶν ἀφορίζοντα καὶ τὰς κινήσεις. καὶ γὰρ καθ'
 ἑαυτὰ καὶ πρὸς ἄλληλα τὰ οὐράνια σώματα πολλήν
 καὶ θαυμαστὴν προτείνει σχημάτων ποικιλίαν καὶ ἄλ-
 λοτε ἄλλας δείκνυσι μορφὰς εἰκόνα φερούσας τῶν 15
 νοερῶν εἰδῶν, καὶ ταῖς εὐρύθμοις ἑαυτῶν χορείαις
 ἀπογράφεται τὰς ἀσωμάτων καὶ ἀϋλous τῶν σχημά-
 των δυνάμεις. ἔστι δ' αὖ καὶ τούτων ἐπέκεινα κάλλει
 καθαρώτατα καὶ τελειότατα τὰ σχήματα τῶν ψυχῶν
 ζῶης ὄντα μεστὰ καὶ αὐτοκίνητα προὔφεστιῶτα τῶν 20
 ἑτεροκινήτων καὶ ἀϋλως καὶ ἀδιαστάτως ὄντα πρὸ
 τῶν διαστατῶν καὶ ἐνύλων, περὶ ὧν καὶ ὁ Τίμαιος
 ἡμᾶς ἀνεδίδαξε τὸ δημιουργικὸν καὶ οὐσιῶδες σχῆμα
 τῶν ψυχῶν ἀναπλώσας. ἔστι γε μὴν καὶ τῶν ψυχι-
 κῶν σχημάτων τὰ νοερὰ πολὺ θειότερα πάντα μὲν ὑπερ- 25
 ἔχοντα τῶν μεριστῶν οὐσιῶν, πάντα δὲ διαλάμποντα

3 πάθη G. 4 ἀπὸ τῆς τέχνης G; τῆς delendum not. C.

6 προλαβούσης G, προβαλλούσης C. 8 σεμνότερον G,
 σεμνότερα C. 9 διαπρεπέστατα C. 12 αὐτῶν G, 'ipso-

rum' B, Z. 17 ἀσωμάτων G, ἀσώματα C. 18 κάλλη G.

19 καθαρώτατα C. 23 ἐνεδεδίδαξεν G, ἀνεδίδαξεν C.

26 διαλείποντα G, διαλάμποντα C.

τῷ ἀμερίστῳ καὶ νοερῷ φωτί, γόνιμα δὲ καὶ δραστήρια
 καὶ τελεσιουργὰ τῶν ὅλων καὶ πᾶσιν ἐξ ἴσου παρόντα
 καὶ ἐν αὐτοῖς μονίμως ἐστῶτα καὶ τοῖς μὲν ψυχικοῖς
 σχήμασι τὴν ἔνωσην ἐπάγοντα, τῶν δὲ αἰσθητῶν τὴν
 5 παράλλαξιν εἰς τὸν οἰκεῖον ὄρον ἀνακαλούμενα. ἔστιν
 δ' ἄρα καὶ τούτων ἀπάντων ἐξηρημένα τὰ τέλεια καὶ
 ἐνοειδῆ καὶ ἄγνωστα καὶ ἄφραστα σχήματα τῶν θεῶν,
 ἐποχούμενα μὲν τοῖς νοεροῖς σχήμασι, περατοῦντα δὲ
 ἡνωμένως τὰ ὅλα σχήματα, συνέχοντα δὲ τὰ πάντα
 10 τοῖς ἑαυτῶν ἐνιαίοις ὅροις, ὧν καὶ ἡ θεουργία τὰς
 ιδιότητας ἀποτυπουμένη τοῖς τῶν θεῶν ἀγάλμασιν
 ἄλλα ἄλλοις περιβάλλει σχήματα. καὶ τὰ μὲν διὰ τῶν
 χαρακτηριστῶν ἀρρήτως ἀπεικάζεται — καὶ γὰρ οὗτοι
 τὰς ἀγνώστους δυνάμεις τῶν θεῶν ἐκφαίνουσιν —
 15 τὰ δὲ διὰ τῶν μορφωμάτων καὶ τῶν τύπων ἀπομι-
 μεῖται, τὰ μὲν ἐστῶτα τὰ δὲ καθήμενα ποιοῦσα καὶ
 τὰ μὲν καρδιοειδῆ τὰ δὲ σφαιροειδῆ τὰ δὲ ἄλλως
 σχηματιζόμενα καὶ τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα ἐκ
 πλειόνων μορφῶν καὶ τὰ μὲν σεμνὰ τὰ δὲ ἡμερὰ καὶ
 20 τὸ ἔλεον προτείνοντα τῶν θεῶν τὰ δὲ βλοσυρὰ κατα-
 σκευάζουσα σύμβολά τε ἄλλα ἄλλοις προσάγουσα κατὰ
 τὴν πρὸς τοὺς θεοὺς ἀνήκουσαν συγγένειαν. ἄνωθεν
 ἄρα τὸ σχῆμα ἀρχόμενον ἀπ' αὐτῶν τῶν θεῶν δια-
 τείνει μέχρι τῶν ἐσχάτων καὶ τούτοις ἐμφανταζόμενον
 25 ἀπὸ τῶν πρωτίστων αἰτίων. δεῖ γὰρ πρὸ τῶν ἀτε-
 λῶν ὑφεστάναι τὰ τέλεια καὶ τῶν ἐν ἄλλοις ὄντων
 τὰ ἐφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα καὶ τῶν ἀναπεπλησμένων

3 μὲν om. G. 13 καὶ γὰρ καὶ οὗτοι C. 20 τὸ ἔλεον G,
 τὸ ἔλεον C. || τὸν θεὸν C. 24 ἐμφανιζόμενον G, ἐμφαν-
 ταζόμενον C. 26 ἐφιστάναι G, ὑφεστάναι C. 27 ὑφ' G,
 ἐφ' C.

τῆς ἐαυτῶν στερήσεως τὰ τὴν οἰκειᾶν φύσιν εἰλικρινῇ διασώζοντα.

Τὰ μὲν οὖν ἔνυλα σχήματα μετέχει τῆς ὑλικῆς ἀσχημοσύνης καὶ οὐκ ἔχει τὴν προσήκουσαν αὐτοῖς καθαρότητα, τὰ δὲ οὐράνια μεριστά ἐστι καὶ ἐν ἄλλοις 5 ὑφέστηκε, τὰ δὲ ψυχικὰ διαιρέσεως καὶ ποικιλίας μετέειληφεν καὶ ἀνελέξεως παντοίας, τὰ δὲ νοερά μετὰ τῆς ἐνώσεως ἔχει τὴν εἰς πλῆθος πρόοδον, αὐτὰ δὲ τὰ τῶν θεῶν καὶ ἀπόλυτα καὶ ἐνοειδῇ καὶ ἀπλᾷ καὶ γεννητικὰ πρὸ τῶν ὅλων ὑφέστηκεν, ἐν ἑαυτοῖς πᾶσαν 10 ἔχοντα τὴν τελειότητα καὶ ἀφ' ἑαυτῶν τοῖς πᾶσι προτείνοντα τὴν τελεσιουργίαν τῶν εἰδῶν. οὐκ ἄρα ἡμεῖς ἀνεξόμεθα τῶν πολλῶν λεγόντων, ὅτι τὰ αἰσθητὰ σχήματα προσθέσεις καὶ ἀφαιρέσεις καὶ ἀλλοιώσεις τινὲς ἀπογεννῶσιν. οὐ γὰρ ἂν αἱ κινήσεις ἀτελεῖς οὐσαι 15 τὴν ἀρχικὴν αἰτίαν καὶ πρωτουργὸν ἔχοιεν τῶν ἀποτελεσμάτων, οὐδ' ἂν ἐκ τῶν ἐναντίων τὰ αὐτὰ πολλάκις ἀποτελοῖτο σχήματα — καὶ γὰρ ἐκ προσθέσεως γένοιτο ἂν καὶ ἀφαιρέσεως ἡ αὐτὴ μορφή — ἀλλὰ ταῦτα θεσόμεθα δουλεύειν ἄλλοις εἰς τὴν γένεσιν, καὶ 20 τὸ τέλος αὐτοῖς ἀπ' ἄλλων τῶν προηγουμένων αἰτιῶν ἀφορίζεσθαι φήσομεν. οὐδ' ἄρα τὰ μὲν ἄϋλα σχήματα ἀνυπόστατά ἐστι, τὰ δὲ ἐν τῇ ὕλῃ μόνον ὑφέστηκεν, ὥς πού φασί τινες, ἀλλ' οὐδ' ὥς ἕτεροι λέγουσιν, ἐστὶ μὲν ἔξω τῆς ὕλης, κατ' ἐπίνοιαν δὲ μόνην καὶ κατὰ 25 ἀφαιρέσιν ἔχει τὴν ὑπόστασιν. ποῦ γὰρ ἡ ἀκρίβεια

4 αὐτῆς C. 'sibi' B, 'eis' Z. 10 αὐτοῖς G. 13 τῶν πολλῶν λεγόντων] Democriti hanc opinionem fuisse adnotat B in margine. 14 ἀφορέσεις M. || τινὰς G, τινὲς C. 18 ἀποτελεῖται M, ἀποτελεῖτο G. || προσθέσεως M. 19 καὶ ἀφαιρέσεως om. M. 21 ἀπ' ἄλλων αὐτοῖς G. 22 ἄϋλα] ἄλλα G. 25 μόνον G.

καὶ τὸ κάλλος καὶ ἡ τάξις ἡ τῶν σχημάτων ἐν τοῖς ἐξ
 ἀφαιρέσεως σώζεσθαι δύναται; τοιαῦτα μὲν γὰρ ὄντα,
 οἷα τὰ αἰσθητά, πάμπολυ τῆς ἀνελέγκτου καὶ εἰλικρι-
 νοῦς ἀκριβείας ἀπολείπεται, προσλαμβάνοντα δὲ τὸ
 5 ἀκριβὲς καὶ τὸ τεταγμένον καὶ τὸ τέλειον πόθεν ταῦτα
 προσλήψεται; ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν — ἀλλ' οὐκ
 ἦν ἐν ἐκείνοις — ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν (ἐστίν?) — ἀλλὰ
 τελειότερον ἐν ἐκείνοις — τὸ γὰρ ἀπὸ τοῦ μὴ ὄντος
 λέγειν πάντων ἀδυνατώτατόν ἐστιν. οὐ γάρ που τὰ
 10 μὲν ἀτελῇ παρήγαγεν ἡ φύσις, τὰ δὲ τέλεια ἀνυπόστατα
 ἀφῆκεν, οὐδὲ θέμις τὴν ἡμετέραν ψυχὴν ἀκριβέστερα
 καὶ τελειότερα καὶ μᾶλλον τεταγμένα τοῦ νοῦ καὶ τῶν
 θεῶν ἀπογεννᾶν. εἰσὶν ἄρα πρὸ τῶν αἰσθητῶν οἱ
 αὐτοκίνητοι λόγοι τῶν σχημάτων καὶ οἱ νοεροὶ καὶ
 15 θεῖοι καὶ ἡμεῖς ἀνακινούμεθα μὲν ἀπὸ τῶν αἰσθητῶν,
 προβάλλομεν δὲ τοὺς ἔνδον λόγους, εἰκόνας ἄλλων
 ὄντας, καὶ διὰ τούτων τὰ μὲν αἰσθητὰ παραδειγματι-
 κῶς, τὰ δὲ νοερὰ καὶ θεῖα γινώσκομεν εἰκονικῶς.
 ἀναπλούμενοι γὰρ οἱ ἐν ἡμῖν λόγοι τὰς μορφὰς τῶν
 20 θεῶν ἐπιδεικνύουσι καὶ τὰ ἐνοειδῇ τῶν ὅλων πέρατα,
 δι' ὧν ἀρρήτως εἰς ἑαυτοὺς ἐπιστρέφουσι πάντα καὶ
 συνέχουσιν ἐν ἑαυτοῖς. ἐν μὲν οὖν τοῖς θεοῖς καὶ
 γνῶσις ἐστὶν ὑπερφυῆς τῶν ὅλων σχημάτων καὶ δύ-
 ναμις γεννητικὴ καὶ ὑποστατικὴ τῶν δευτέρων ἀπάν-
 25 των, ἐν δὲ ταῖς φύσεσι ποιητικὴν μὲν ἔχει τῶν φαινο-
 μένων τὰ σχήματα δύναμιν, γνώσεως δὲ καὶ τῆς
 νοερᾶς εἰδήσεως παρήρηται, ἐν δὲ ταῖς μερικαῖς ψυχαῖς

3 ἀνελέγκτου C. 7—8 ἢ ἀπὸ τῶν νοητῶν . . . ἐκείνοις
 om. G. 10 ἀνυπόστατον M; postera manus α super on
 scripsit. 12 καὶ ante μᾶλλον om. G, add. C. 27 μερικαῖς
 om. G; 'particularibus' B, Z.

ἡ μὲν αὐλος νόησις ἐστὶ καὶ ἡ αὐτενέργητος γυνῶσις,
 ἡ δὲ γόνιμος αἰτία καὶ δραστήριος οὐκ ἔστιν. ὥσπερ
 οὖν ἡ φύσις ποιητικῶς τῶν αἰσθητῶν σχημάτων προ-
 ἔστηκεν, οὕτως ἡ ψυχὴ κατὰ τὸ γνωστικὸν ἐνεργοῦσα
 προβάλλει περὶ τὴν φαντασίαν ὥσπερ εἰς κάτοπτρον 5
 τοὺς τῶν σχημάτων λόγους, ἡ δ' ἐν εἰδώλοις αὐτὰ
 δεχομένη καὶ ἐμφάσεις ἔχουσα τῶν ἔνδον ὄντων διὰ
 τούτων τῇ ψυχῇ παρέχεται τὴν εἰς τὸ εἶσω στροφὴν
 καὶ πρὸς ἑαυτὴν τὴν ἀπὸ τῶν εἰδώλων || ἐνέργειαν·
 οἷον εἰ τις ἑαυτὸν ὁρῶν ἐν κατόπτρῳ καὶ θαυμάσας 10
 τὴν τῆς φύσεως δύναμιν καὶ τὴν ἑαυτοῦ μορφὴν ἑαυ-
 τὸν ἰδεῖν θελήσειεν καὶ λάβοι δύναμιν τοιαύτην, ὥστε
 ὅλως ὁρῶν καὶ ὁρατὸν ἀποτελεσθῆναι. καὶ γὰρ ψυχὴ
 τοῦτον τὸν τρόπον ἔξω ἑαυτῆς εἰς φαντασίαν βλέ-
 πουσα καὶ ἐσκιαγραφημένα σχήματα θεωμένη καὶ τὸ 15
 κάλλος αὐτῶν ἐκπλαγεῖσα καὶ τὴν τάξιν ἄγεται τοὺς
 ἑαυτῆς λόγους, ἀφ' ὧν καὶ ταῦτα, καὶ ἀγασθεῖσα τὸ
 μὲν τούτων κάλλος ὡς ἐν εἰδώλοις φερόμενον ἀφήσι,
 ζητεῖ δὲ τὸ ἑαυτῆς, καὶ εἰς τὸ εἶσω παρελθεῖν ἐθέλει,
 καὶ τὸν κύκλον ἐκεῖ καὶ τὸ τρίγωνον ἰδεῖν, καὶ πάντα 20
 ἀμερῶς καὶ ἐν ἀλλήλοις πάντα, καὶ ἐν (?) γενέσθαι
 πρὸς τὰ ὁρώμενα, καὶ συμπτύξαι τὸ πλήθος, καὶ τὰ
 ἐν τοῖς ἀγγείοις τῶν θεῶν καὶ ἀδύτοις κρύφια καὶ
 ἄρρητα σχήματα θεάσασθαι καὶ ἐκφῆναι τὴν ἀκαλλώ-
 πιστον τῶν θεῶν εὐμορφίαν καὶ κύκλον ἰδεῖν κέντρον 25

11 ἑαυτὸν om. G.

12 τελέσειε G, τελήσειε C.

14 αὐτῆς G.

15 ἐν σκία(sic)γραφημένῳ σχήματι G, ἐσκια-
 γραφημένῳ σχήματι C.

16 ἄγεται G, ἄγεται C.

21 ἐν

γενέσθαι] ἐγγενέσθαι M, B₃, G, sed super ἐγ scripsit in M
 postera manus ἐν; 'sesequae obiectis inserere' B, 'innasci ad
 ea, quae spectantur' Z.

23 αἰτίοις G, ἀγγείοις C.

24

καλ-
 λώπιστον C.

παντὸς ἀμερέστερον καὶ τρίγωνον ἀδιάστατον καὶ τῶν
 ἄλλων ἕκαστον εἰς ἑνῶσιν γνωστὸν ἀνῆκον. ἐστὶν δὲ
 οὖν τὸ μὲν αὐτοκίνητον σχῆμα πρὸ τοῦ ἑτεροκινήτου,
 τὸ δὲ ἀμέριστον πρὸ τοῦ αὐτοκινήτου, τὸ δὲ ἐνὶ ταύ-
 5 τὸν πρὸ τοῦ ἀμερίστου. πάντα γὰρ εἰς τὰς ἐνάδας
 ἀνίοντα τελευτᾷ, καὶ γὰρ πᾶσιν ἐκεῖθεν ἢ εἰς τὸ εἶναι
 πάροδος.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν κατὰ τὸ Πυθαγόρειον ἀρέσκον
 ἐμηκύναμεν, ὁ δὲ γεωμέτρης τὸ ἐν τῇ φαντασίᾳ σχῆμα
 10 θεωρῶν καὶ τοῦτο πρῶτως ὀριζόμενος, εἰ καὶ τοῖς
 αἰσθητοῖς ὁ λόγος ἐφαρμόττει δευτέρως, τὸ ὑπὸ τινος
 ἢ τινων ὄρων περιεχόμενόν φησιν εἶναι τὸ σχῆμα.
 σὺν ὕλῃ γὰρ ἤδη λαβὼν αὐτὸ καὶ ὥς διαστατὸν φαν-
 ταζόμενον εἰκότως πεπερασμένον καὶ ὠρισμένον ἀπο-
 15 καλεῖ. πᾶν γὰρ τὸ ὕλην ἔχον ἢ νοητὴν ἢ αἰσθητὴν
 ἀλλαχόθεν ἔχει τὸν ὄρον καὶ οὐκ αὐτὸ πέρας ἐστίν,
 ἀλλὰ πεπερασμένον, οὐ δὲ ἑαυτοῦ ὄρος, ἀλλ' ἄλλο μὲν
 ἐν αὐτῷ τὸ ὀρίζον, ἄλλο δὲ τὸ ὀριζόμενον, οὐδὲ ἐν
 αὐτῷ ἐστίν, ἀλλὰ ὑπ' αὐτοῦ περιέχεται. τῷ γὰρ |
 20 ποσῷ συμφύεται καὶ μετ' ἐκείνου συννυφίσταται καὶ
 γίνεται αὐτῷ ὑποκείμενον τὸ ποσόν. λόγος δὲ ἐκείνου
 καὶ μορφή τὸ σχῆμα καὶ εἶδος. περατοῖ γὰρ αὐτὸ καὶ
 χαρακτηῖρα καὶ ὄρον αὐτῷ τοιόνδε προστίθῃσιν, ἢ
 ἀπλοῦν ἢ σύνθετον. ἐπεὶ γὰρ καὶ αὐτὸ τὴν τοῦ πέρα-
 25 τος καὶ ἀπείρου δυοειδῆ πρόοδον ἐν τοῖς οἰκείοις

3 ἑτέρου κινήτου *M*. 4 τὸ δὲ ἐναιτὸν *B*₃, *G*, τὸ δὲ ἐναι-
 τὸν *C*, τὸ δὲ ἐνὶ αὐτὸν *M*, quod postera manus correxit in τῷ
 δὲ ἐνὶ ταύτων; 'quae (figura) vero Uni eadem est' *B*, 'quod
 sic uni idem est' *Z*. 11 ἐφαρμόττει, δευτέρως τὸ *G*.
 13 ἤδη] εἶδη *G*. 14 καὶ ὠρισμένον om. *G*, *C*. 14—17 ἀπο-
 καλεῖ ἀλλὰ πεπερασμένον om. *G*, add. *C*. 18 τὸ ante
 ὀριζόμενον om. *G*, add. *C*. 25 οἰκείοις] ἰδίους *G*.

εἶδεσι προτείνει, καθάπερ δὴ καὶ ὁ τῆς γωνίας λόγος, τὸν μὲν ἓνα ὅρον καὶ τὸ ἀπλοῦν εἶδος ἐπάγει τοῖς ὑφ' αὐτοῦ περιεχομένοις κατὰ τὸ πέρασ, τοὺς δὲ πολλοὺς κατὰ τὴν ἀπειρίαν. || καὶ διὰ τοῦτο πᾶν τὸ ἐσχηματισμένον ἢ ἐνὸς ὅρου μετείληφεν ἢ πλειόνων. ὁ μὲν οὖν 5 *Εὐκλείδης* τὸ ἐσχηματισμένον σχῆμα καλῶν καὶ τὸ ἐνυλον καὶ τῷ ποσῷ συννύαρχον περιεχόμενον εἰκότως αὐτὸ προσείρηκεν, ὁ δὲ *Ποσειδώνιος* πέρασ συγκλείον ἀφορίζειται τὸ σχῆμα τὸν λόγον τοῦ σχήματος χωρίζων τῆς ποσότητος καὶ αἷτιον αὐτὸν εἶναι τιθέμε- 10 νος τοῦ ὠρίσθαι καὶ πεπεράσθαι καὶ τῆς περιοχῆς. τὸ γὰρ κλείον ἕτερόν ἐστι τοῦ συγκλειομένου καὶ τὸ πέρασ τοῦ πεπερασμένου, καὶ δοκεῖ πως ὁ μὲν εἰς τὸν ἔξωθεν περικείμενον ὅρον ἀποβλέπειν, ὁ δὲ εἰς ὅλον τὸ ὑποκείμενον, ὥστε τὸν κύκλον ὁ μὲν ἔρει καθ' 15 ὅλον τὸ ἐπίπεδον εἶναι σχῆμα καὶ τὴν ἔξω περιοχὴν, ὁ δὲ κατὰ τὴν περιφέρειαν. ἐνδείκνυται δὲ ὁ μὲν ὅτι τὸ ἐσχηματισμένον ἀφορίζεται καὶ σὺν τῷ ὑποκειμένῳ θεωρούμενον, ὁ δὲ ὅτι τὸν λόγον τοῦ σχήματος αὐτὸν τὸν περατοῦντα καὶ συγκλείοντα τὸ ποσὸν ἐμφανίζειν 20 ἐθέλει. εἰ δέ τις λογικὸς ἀνὴρ καὶ κομψὸς αἰτιῶτο τὸν *Εὐκλείδιον* λόγον ὡς ἀπὸ τῶν εἰδῶν τὸ γένος ἀφορίζόμενον — τὸ γὰρ ὑφ' ἐνὸς ὅρου περιεχόμενον καὶ τὸ ὑπὸ πλειόνων εἶδη τοῦ σχήματος — λεκτέον ἂν εἴη πρὸς αὐτόν, ὅτι κατὰ γένη τὰς δυνάμεις προ- 25

5—6 ἢ ἐνὸς . . . ἐσχηματισμένον om. G, add. C. 7 ποσὸν C. 8 αὐτὸ προσείρηκεν εἰκότως C. 12 κύκλον G, κλείον C. 13. 14 εἰς τὸ ἔξω G. 17 ἐνδείκνυται (εἰδείκνυται B₃) δεόμενόν τι M, B₃, ἐνδείκνυται. καὶ ὁ μὲν τοι G; 'ostendit. et alter quidem' B. 'indicat. et hic quidem' Z. 19 ὅτι non interpretati sunt nec Z nec B. 22 τὸν *Εὐκλείδιον* λόγων M, τὸν *Εὐκλείδους* λόγον G. 25 κατὰ γένη] καὶ τὰ γένη G.

εἰληφεν τῶν εἰδῶν ἐν ἑαυτοῖς. καὶ ὅταν ἀπὸ τῶν
 δυνάμεων τῶν ἐν τοῖς γένεσιν ἐθέλωσιν αὐτὰ σαφῇ
 ποιεῖν, οἱ παλαιοὶ δοκοῦσι μὲν ἀπὸ τῶν εἰδῶν ἐπιχει-
 ρεῖν, κατὰ δὲ τὸ ἀληθὲς αὐτὰ ἀφ' ἑαυτῶν ἀναδιδά-
 5 σκουσι καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων.

Ὁ τοίνυν λόγος τοῦ σχήματος εἰς ὃν περιέχει τὰς
 τῶν πολλῶν σχημάτων διαφορότητας κατὰ τὸ πέρας
 τὸ ἐν αὐτῷ καὶ τὸ ἄπειρον, καὶ ὁ τοῦτον ὀριζόμενος
 οὐκ ἂν ἄτοπος εἴη διὰ τοῦ ὀρισμοῦ τὰς διαφορὰς τῶν
 10 ἐν αὐτῷ δυνάμεων περιλαμβάνων. ἀλλὰ πόθεν πρό-
 εῖσιν ὁ τοῦ σχήματος λόγος καὶ ἀπὸ ποίων αἰτίων
 τελειοῦται; λέγω δὴ, ὅτι πρῶτον μὲν ἐκ τοῦ πέρατος
 ὑφίσταται καὶ τοῦ ἀπείρου καὶ τοῦ ἐκ τούτων με-
 μιγμένου, διὸ καὶ αὐτὸς τὰ μὲν ἀπογεννᾷ κατὰ τὸ
 15 πέρας τῶν εἰδῶν, τὰ δὲ κατὰ τὸ ἄπειρον, τὰ δὲ κατὰ
 τὸ μικτόν, τοῖς μὲν περιφερέσι τὴν τοῦ πέρατος ἰδέαν
 ἐπάγων, τοῖς δὲ εὐθυγράμμους τὴν τοῦ ἀπείρου, τοῖς
 δὲ ἐκ τούτων τὴν τοῦ μικτοῦ. δεύτερον δὲ ἀπὸ τῆς
 ὁλότητος τελειοῦται τῆς εἰς τὰ ἀνόμοια μέρη διακρίνο-
 20 μένης, ὅθεν δὴ καὶ αὐτὸς ἐκάστῳ τῶν εἰδῶν ἐπιφέρει
 τὸ ὅλον, καὶ τῶν σχημάτων ἕκαστον εἰς διάφορα αὐ-
 τῶν εἶδη τέμνεται. καὶ γὰρ ὁ κύκλος εἰς ἀνόμοια τῷ
 λόγῳ καὶ ἕκαστον τῶν εὐθυγράμμων διαιρετόν ἐστιν,
 ὃ καὶ αὐτὸς ὁ στοιχειωτὴς ἐν ταῖς διαιρέσεσι πραγμα-
 25 τεύεται τὸ μὲν εἰς ὅμοια τὰ δοθέντα σχήματα διαιρῶν,
 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια. τρίτον ἀπὸ τοῦ παντελοῦς πλήθους
 δυναμοῦται καὶ διὰ τοῦτο παντοίας μορφὰς προτείνει

1 καὶ ὅτε G, καὶ ὅταν C. 7 διαφορὰς C. 12 λέγει
 M, B₃, G; sed in M postera manus ω super εἰ scripsit; 'Dico' B,
 'Ait' Z. 13 ὑφίστασθαι G. 18 τὴν ante τοῦ μικτοῦ om. G,
 add. C. 26 τὸ δὲ εἰς ἀνόμοια om. M, B₃.

καὶ γεννᾷ πολυειδεῖς λόγους τῶν σχημάτων καὶ ἑαυτὸν
 ἐξελίττων οὐ παύεται, μέχρις ἂν εἰς ἑσχατον προέλθῃ
 καὶ πᾶσαν ἐκφήνῃ τὴν ποικιλίαν τῶν εἰδῶν. καὶ
 ὥσπερ ἐκεῖ τὸ ἐν τῷ ὄντι καὶ τὸ ὄν ἐν τῷ ἐνὶ δείκνυ- 5
 ται συννύαρχον, οὕτω δὴ καὶ αὐτὸς ἐν τοῖς εὐθύ-
 γραμμοῖς τὰ περιφερῇ καὶ ἀνάπαλιν τὰ εὐθύγραμμα
 ἐν τοῖς περιφερέσι συνειλιγμένα δείκνυσιν, καὶ τὴν
 ὅλην ἑαυτοῦ φύσιν καθ' ἕκαστον οἰκείως προτείνει
 πάντα τε ταῦτα ἐν πᾶσιν, ὅταν καὶ τὸ ὅλον ἐν τε πᾶσιν
 ὁμοῦ καὶ ἐκάστῳ χωρὶς. ταύτην δ' οὖν τὴν δύναμιν 10
 ἀπ' ἐκείνης ἔχει τῆς τάξεως. τέταρτον ἀπὸ τοῦ πρώ-
 του τῶν ἀριθμῶν ὑποδέχεται τὰ μέτρα τῆς προόδου
 τῶν εἰδῶν, ὅθεν καὶ ὑφίστησι πάντα κατ' ἀριθμούς,
 τὰ μὲν ἀπλουστερούς, τὰ δὲ συνθετωτέρους. τρίγωνα
 γὰρ καὶ τετράγωνα καὶ πεντάγωνα καὶ πάντα τὰ πο- 15
 λύγωνα συμπρόεισι ταῖς ἐπ' ἄπειρον τῶν ἀριθμῶν
 ἐξαλλαγαῖς. διὰ ποίαν δ' αἰτίαν τοῦτο γίνεται, τοῖς
 μὲν πολλοῖς ἄγνωστον, τοῖς δὲ εἰδόσι, ποῦ μὲν ἀριθμός,
 ποῦ δὲ τὸ σχῆμα, καταφανὴς ὁ τῆς αἰτίας ἀπολογισμός.
 πέμπτον ἀπ' ἄλλης ὁλότητος δευτέρας καὶ εἰς ὁμόχροα 20
 διαιρουμένης πληροῦται τῆς εἰς ὅμοια διαιρέσεως τῶν
 εἰδῶν, καθ' ἣν καὶ ὁ τριγωνικὸς λόγος εἰς τρίγωνα
 καὶ ὁ τετραγωνικὸς εἰς τὰ τετράγωνα διαιρεῖται. καὶ
 τοῦτο τὸ ὅπερ ἔφην καὶ ἐν ταῖς εἰκόσι γυμναζόμενοι
 ποιοῦμεν, πολὺ πρότερον ἐν ταῖς ἀρχαῖς προυφεστηκός. 25

4 ἐν post ἐν om M. 8 οἰκείαν C; in M vestigia
 εἰκαίως videntur tradere, 'proprie' B, Z. 9 ὅταν] ὄντα C,
 'quandoquidem' B, 'quoniam' Z. 10 δ' ante οὖν om. G,
 add. C. 12 ἀποδέχεται G. 14 συνθετωτέρους G. 15 καὶ
 γὰρ M. 18 εἰδός G, εἰδόσι C. 20 ἐπ' M, G; in M postera
 manus super ε scripsit α. || δευτέρα M, G; in M postera ma-
 nus supra adscripsit ε. 21 καταιρουμένης G, διαιρουμένης C. ||
 τὰ ante ὅμοια add. G, del. C. 23 τὰ ante τετράγωνα om. G.

Εἰς δὴ ταύτας ἀποβλέποντες τὰς ἀποδόσεις πολλὰ
 δυνάμεθα περὶ τῶν σχημάτων αἰτιολογεῖν εἰς τὰς ἀρ-
 χὰς ἀναγόμενοι τὰς πρὸ αὐτῶν, καὶ τὸ μὲν ἐν κοινό-
 τερον σχῆμα τοιαύτην ἔλαχε τάξιν καὶ ἀπὸ τοσούτων
 5 αἰτιῶν παραδέχεται τὴν τελεσιουργίαν, ἐντεῦθεν δὲ
 πρόεισι ἐπὶ τὰ γένη τῶν θεῶν καὶ κατ' ἄλλας ιδέας
 ἄλλοις ἀπονέμεται καὶ πρὸς ἄλλους ἐνεργεῖ τοῖς μὲν
 τὰ ἀπλούστερα, τοῖς δὲ τὰ ἐκ τούτων ἀποδιδόναι σχή-
 ματα, καὶ τοῖς μὲν τὰ | πρωτουργὰ καὶ ἐν ταῖς ἐπι-
 10 φανείαις ἀπογεννώμενα, τοῖς δὲ τῶν στερεῶν ἐπιβαί-
 νουσιν ὄγκων τὰ προσήκοντα τῶν ἐν τοῖς στερεοῖς
 σχημάτων ἀφορίζον, πάντων μὲν ἐν πᾶσιν ὄντων —
 αἱ γὰρ τῶν θεῶν μορφαὶ παντελεῖς εἰσι καὶ πλήρεις
 τῶν ὅλων δυνάμεων — ἀλλὰ τῆς ιδιότητος ἄλλῃ κατ'
 15 ἄλλο προβεβλημένης. ὁ μὲν γὰρ κυκλικῶς ἔχει πάντα,
 ὁ δὲ τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς, καὶ ἐπὶ τῶν στε-
 ρεῶν ὡσαύτως.

|| Def. XV. XVI. Κύκλος ἐστὶ σχῆμα ἐπίπεδον
 ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενον, πρὸς ἣν ἀφ'
 20 ἐνὸς σημείου τῶν ἐντὸς τοῦ σχήματος κειμέ-
 νων πᾶσαι αἱ προσπίπτουσαι εὐθεῖαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶ. κέντρον δὲ τοῦ κύκλου τὸ ση-
 μεῖον καλεῖται.

Τὸ πρώτιστον καὶ ἀπλούστατον τῶν σχημάτων
 25 καὶ τελειότατον ὁ κύκλος ἐστί. τῶν μὲν γὰρ στερεῶν

8 τὰ post τοῖς μὲν et τοῖς δὲ om. G, add. C. 10 ἀπο-
 βαίνουσιν C. 12 παντι G, πᾶσι C. 14 ἄλλῃ] ἄλλων G,
 ἄλλο B₃, C, 'aliud' B, 'alteri' Z. 15 κυκλικοῖς C. 16 ὁ δὲ
 τριγωνικῶς, ὁ δὲ τετραγωνικῶς om. G, add. C. || καὶ ἐπὶ τῶν
 στερεῶν del. C. 22 τὸ om. G.

πάντων ὑπερφέρει τῷ ἐν ἀπλουστέρα τάξει τὴν ὑπαρ-
 ξιν ἔχειν, τῶν δὲ ἐν τοῖς ἐπιπέδοις ὑφισταμένων τῇ
 ὁμοιότητι καὶ ταυτότητι τὴν ὑπεροχὴν ἔλαχεν. καὶ
 ἐστὶν ἀνάλογον τῷ πέρατι καὶ τῇ μονάδι καὶ ὅλως τῇ
 ἀμείνوني συστοιχία. διὸ καὶ τῶν ἐγκοσμίων καὶ τῶν 5
 ὑπερκοσμίων τὰς διαιρέσεις ποιούμενος ἀεὶ τῆς θειο-
 τέρας φύσεως εὐρήσεις ὄντα τὸν κύκλον. εἰ μὲν γὰρ
 εἰς οὐρανὸν καὶ γένεσιν διαιροῖς τὸ πᾶν, τῷ μὲν
 οὐρανῷ τὸ κυκλικὸν εἶδος ἀποδώσεις, τῇ δὲ γενέσει
 τὸ εὐθύ. καὶ γὰρ ὅσον ἐστὶν ἐν τοῖς γενητοῖς κυκλι- 10
 κὸν ἐν τε ταῖς μεταβολαῖς καὶ τοῖς σχήμασιν, ἄνωθεν
 ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκει. διὰ γὰρ τὴν ἐκείνου κυκλο-
 φορίαν ἡ γένεσις ἀνακυκλεῖται πρὸς ἑαυτὴν καὶ τὴν
 ἀνίδρυτον παράλλαξιν εἰς τεταγμένην ἀνάγει περίοδον,
 — εἰ δὲ εἰς ψυχὴν καὶ νοῦν τὰ ἀσώματα διακρίνοις, 15
 νοερὸν μὲν ἂν εἴποις εἶναι τὸν κύκλον, ψυχικὸν δὲ τὸ
 εὐθύ. διὸ καὶ ἡ ψυχὴ κατὰ τὴν πρὸς νοῦν ἐπιστρο-
 φὴν κατὰ κύκλον περιάγεσθαι λέγεται. καὶ ὅπερ ἡ
 γένεσις πρὸς τὸν οὐρανόν, τοῦτο ἡ ψυχὴ πρὸς τὸν
 νοῦν. κύκλῳ γὰρ κινεῖται (φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται?). 20
 ἡ δὲ γένεσις τῆς ψυχῆς· τὸ γὰρ ἄλλοτε ἐν ἄλλοις εἶδεσι
 γίνεσθαι ψυχῆς ἴδιον, — εἰ δὲ εἰς σῶμα καὶ ψυχὴν
 ἐθέλοις διαιρεῖν, πᾶν μὲν τὸ σωματικὸν τῆς τοῦ εὐθέως
 μερίδος θήσεις, πᾶν δὲ τὸ ψυχικὸν τῆς τοῦ κύκλου
 ταυτότητος καὶ ὁμοιότητος μετέχειν. τὸ μὲν γὰρ σύν- 25
 θετόν ἐστι καὶ ποικίλον ταῖς δυνάμεσιν, ὥσπερ τὰ
 εὐθύγραμμα σχήματα, τὸ δὲ ἀπλοῦν καὶ νοερὸν, αὐτο-
 κίνητον καὶ αὐτενέργητον, πρὸς ἑαυτὸ ἐστραμμένον

5 συστοιχία M, G. 8 διαιρεῖς G. 13 καὶ τὸ G, καὶ
 τὴν C. 17—19 ἐπιστροφὴν . . . πρὸς τὸν νοῦν om. G, add. C.

καὶ περὶ αὐτὸ ἐνεργοῦν, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος διὰ τῶν εὐθυγράμμων ὑποστήσας τὰ στοιχεῖα τοῦ παντός τὴν κατὰ κύκλον αὐτοῖς κίνησιν καὶ διαμόρφωσιν ἐκ τῆς ἐποχουμένης τῷ κόσμῳ δέδωκε ψυχῆς.

- 5 Ἄλλ' ὅτι μὲν πανταχοῦ τὸ πρωτεῖον ὁ κύκλος ἔλα-
 χεν ὥς πρὸς τὰ ἄλλα σχήματα, δῆλον ἐκ τῶν προειρη-
 μένων, δεῖ δὲ καὶ τὴν πᾶσαν αὐτοῦ σειρὰν θεωρεῖν
 ἄνωθεν ἀρχομένην καὶ τελευτῶσαν ἄχρι τῶν ἐσχάτων
 καὶ πάντα τελειοῦσαν κατὰ τὴν ἐπιτηδειότητα τῶν δε-
 10 χομένων αὐτοῦ τὴν μετουσίαν. τοῖς μὲν οὖν θεοῖς
 ἐπιστροφὴν καὶ ἔνωσιν παρέχεται πρὸς τὰς ἑαυτῶν
 αἰτίας καὶ τὸ μένειν ἐν ἑαυτοῖς καὶ μὴ ἐξίστασθαι τῆς
 οἰκείας μακαριότητος, τὰς μὲν ἄκρας αὐτῶν || ἐνώσεις
 ὥς κέντρα προστησάμενος ἐφετὰ τοῖς δευτέροις, τὰ δὲ
 15 πλήθη τῶν ἐν αὐτοῖς δυνάμεων περὶ ἐκεῖνα σταθερῶς
 ἰδρύων καὶ διὰ τὴν ἐκείνων ἀπλότητα συνέχων, ταῖς
 δὲ νοεραῖς οὐσίαις τὸ πρὸς ἑαυτὰς ἐνεργεῖν διαιωνίως,
 παρέχων καὶ παρ' ἑαυτῶν πληροῦσθαι τῆς γνώσεως
 ἐν ἑαυταῖς τε συνηρηκέναι τὰ νοητὰ καὶ ἀφ' ἑαυτῶν
 20 τὰς νοήσεις τελειοῦν. πᾶς γὰρ νοῦς καὶ τὸ νοητὸν
 ἑαυτῷ προτείνει, καὶ τοῦτο μὲν ὥς κέντρον ἐστὶν τῷ
 νῷ, ὁ δὲ νοῦς συνέχει περὶ αὐτὸ καὶ ἑρᾷ καὶ ἐνίξεται
 πρὸς αὐτὸ ταῖς νοεραῖς ὅλαις πανταχόθεν ἐνεργείαις.
 ταῖς δὲ ψυχαῖς ἐπιλάμπει τὸ αὐτόζωον, τὸ αὐτοκίνη-
 25 τον, τὸ πρὸς νοῦν ἐστράφθαι καὶ περιχορεύειν τὸν

1 αὐτὸ] αὐτὸν *M*, αὐτὸ *G*. 5 πανταχοῦ delendum no-
 tavit *C*. || πρῶτον *G*, πρωτεῖον *C*. 11 τὰς] αὐτὰς *G*, τὰς *C*.

18 ἑαυτῷ *G*, ἑαυτῶν *C*. 20 τελείας *G*, τελειοῦν *C*. ||
 καὶ post νοῦς om. *G*. 21 προστείνει *M*. 23 παρ' ἑαυτὸ *M*,
 παρ' ἑαυτῷ *G*, πρὸς αὐτὸ *H*₂ p. 264. || ἐργείαις *M*. 24 αὐτὸ
 ζῶν *M*, αὐτόζῶν *G*, αὐτόζωον (αὐτὸ ζῶον) *H*₂. 25 τὸ ante
 πρὸς νοῦν om. *G*.

νοῦν, τὸ ἀποκαθίστασθαι κατὰ τὰς οἰκείας περιόδους ἀνελιπτούσας τοῦ νοῦ τὴν ἀμέρειαν. πάλιν γὰρ αἱ μὲν νοεραὶ τάξεις ὥσπερ τὰ κέντρα τὴν ὑπεροχὴν ἔξουσιν πρὸς τὰς ψυχάς, αἱ δὲ ψυχαὶ περὶ αὐτάς κατὰ κύκλον ἐνεργήσουσι. καὶ γὰρ πᾶσα ψυχὴ κατὰ μὲν ⁵ τὸ νοερὸν ἑαυτῆς καὶ αὐτὸ τὸ ἐν τὸ ἀκρότατον κεκέντρωνται, κατὰ δὲ τὸ πλῆθος κυκλικῶς περιπορεύεται, περιπτύξασθαι ποθοῦσα τὸν ἑαυτῆς νοῦν, — τοῖς δὲ οὐρανίοις σώμασιν τὴν πρὸς τὸν νοῦν ἀφομοίωσιν, τὴν ὁμοιότητα, τὴν ὁμαλότητα, τὴν ἐν πέρασι τῶν ¹⁰ ὅλων περιοχὴν, τὰς ἐν μέτροις ὠρισμένοις ἀνακνυκλήσεις, τὴν αἰδιον ὑπόστασιν, τὸ ἄναρχον καὶ ἀτελεύτητον, ἅπαντα τὰ τοιαῦτα, — τοῖς δὲ ὑπὸ σελήνην στοιχείοις τὴν περίοδον τὴν ἐν ταῖς μεταβολαῖς, τὴν πρὸς τὸν οὐρανὸν ἀπεικασίαν, τὸ ἐν τοῖς γεννητοῖς ἀγέννητον ¹⁵ καὶ ἐν τοῖς κινουμένοις ἐστὼς καὶ ἐν τοῖς μεριστοῖς ὠρισμένον· πάντα γὰρ αἰεὶ ἔστι διὰ τὸν κύκλον τῆς γενέσεως· καὶ τὸ ἰσοκρατὲς ἐν πᾶσι διὰ τὴν ἀνταπόδοσιν τῆς φθορᾶς. εἰ γὰρ μὴ ἀνέκαμψεν ἡ γένεσις, ταχὺ ἂν ἡ τάξις αὐτῶν διελύθη καὶ ἡ σύμπασα δια- ²⁰ κόσμησις, — τοῖς δ' αὖ ζώοις καὶ φυτοῖς τὴν ἐν ταῖς ἀπογεννήσεσιν ὁμοιότητα ἐνδίδωσιν. ἔκ τε γὰρ τῶν σπερμάτων ταῦτα γίνεται | καὶ σπέρματα ἐκ τούτων, γένεσις τε ἐξ ἀλλήλων ἀποτελεῖται καὶ ἀνακνυκλήσις ἀπὸ τε τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον καὶ ἔμπαλιν, ἵνα ²⁵ καὶ φθίσις ἢ μετὰ τῆς γενέσεως, — τοῖς δέ γε παρὰ φύσιν λεγομένοις τάξιν ἐπιτίθησιν καὶ τὴν ἀοριστίαν

5 ἐνεργούσι G. 7 κυκλωτικῶς H₂ p. 264. 13 τὰ ante τοιαῦτα om. G, add. C. 15 γεννητοῖς M. 18 γενέσεως M. 20 διεληλύθη M. 23 ταῦτά M. || σπέρμα C. 25 τοῦ ante ἀτελοῦς om. G, add. C. || ἐπὶ] εἰς G, ἐπὶ C.

αὐτῶν εἰς ὄρον περιάγει καὶ διακοσμεῖ, καὶ ταῦτα
 δεόντως τοῖς τελευταίοις ἔχνεσι τῶν ἑαυτοῦ δυνάμεων·
 διὸ καὶ κατὰ ἀριθμοὺς ὠρισμένους ἀνακυκλεῖται καὶ
 οὐ φοραὶ μόνον ἀλλὰ καὶ ἀφορίαι κατὰ τὰς περιτροπὰς
 5 ὑφίστανται τῶν κύκλων, ὥς ὁ τῶν μουσῶν λόγος,
 καὶ πάντα τὰ κακὰ εἰ καὶ ἀπέροπται τῶν θεῶν εἰς
 τὸν θνητῶν τόπον, ἀλλὰ περιπολεῖ καὶ ταῦτα, φησὶν
 ὁ Σωκράτης, καὶ μέτεστι καὶ τούτοις τῆς κυκλικῆς
 περιόδου καὶ || τάξεως, ἵνα μηδὲν ἄκρατον ἢ κακόν,
 10 μηδὲ ἔρημον τῶν θεῶν, ἀλλ' ἢ τελεσιουργὸς πρόνοια
 τῶν ὄλων καὶ τὴν ἀπέραντον τῶν κακῶν ποικιλίαν εἰς
 ὄρον περιάγῃ καὶ τάξιν τὴν αὐτοῖς πρέπουσαν.

Πάντα ἄρα διακεκόσμηκεν ἡμῖν ὁ κύκλος ἄχρι
 τῶν μεταδόσεων τῶν τελευταίων καὶ οὐδὲν ἄμοιρον
 15 ἀφῆκεν τῆς ἑαυτοῦ μεταδόσεως, κάλλος καὶ ὁμοιότητα
 καὶ εἰδοποιῖαν καὶ τελειότητα χορηγῶν. διὸ καὶ ἐν
 τοῖς ἀριθμοῖς τὰ μέσα κέντρα συνέχει τῆς προόδου
 συμπάσης τῶν ἀριθμῶν, τῆς ἀπὸ μονάδος ἄχρι δεκά-
 20 δος ἀνελιττομένης. ἢ γὰρ πεμπτὰς καὶ ἢ ἑξὰς ἐκ πάν-
 των τὴν κυκλικὴν ἐπιδείκνυνται δύναμιν ἐν τοῖς ἀφ'
 ἑαυτῶν προόδοις εἰς αὐτὰς πάλιν ἐπιστρεφόμεναι.
 πολλαπλασιαζόμεναι γὰρ εἰς αὐτὰς καταλήγουσι. προ-

4 φορεῖαι *M.* || ἀφορίαι] αἱ φοραὶ *M.*, quod postera manus mutavit in ἀφορίαι. 7 τὸν θνητὸν τόπον *M.*, τὸν τῶν θνητῶν τόπον *B*₃, *G.*, 'Mortalium locum' *B.*, 'locum mortalium' *Z.*

9 καὶ ante τάξεως om. *G.*, add. *C.* || ἢ καὶ κακόν *B*₃, *G.* et *M.*, sed in *M.* puncta supra καὶ addita sunt; 'malumque sit' *B.*, 'et malum' *Z.* 10 πρόνοια *M.* 12 περιάγει *G.*, περιάγῃ *B*₃, 'redigat' *B.*, 'circumducit' *Z.* 13 διακόσμησεν *G.*

15 ἑαυτοῦ μεταδόσεως] μετὰ αὐτοῦ διαδόσεως *C.* 17 συνέχει] συντρέχει *B*₃, *G.*, 'continet' *B.*, 'concurrunt' et in margine 'aliter continent' *Z.* 19 ἀνελισσομένης *G.*, ἀνελιπομένης *M.*, sed postera manus σο super πο scripsit. 20 ἐπιδείκνυνται *M.*, *G.* 21 αὐτὰς *M.*, *G.* 22 αὐτὰς *M.*, *G.* || καταλήγουσι *G.*

όδου μὲν οὖν ὁ πολλαπλασιασμός εἰκόν, εἰς πλῆθος ἐκτεινόμενος, ἐπιστροφῆς δὲ ἢ εἰς τὸ αὐτὸ κατάληξις εἶδος. τὸ δὲ συναμφοτέρου ἢ κυκλικὴ παρέχεται δύναμις ἀνεγείρουσα μὲν ἀπὸ τοῦ μένοντος οἶον κέντρον τὰς γεννητικὰς αἰτίας τοῦ πλῆθους, συνελίσσουσα δὲ 5 μετὰ τὰς ἀπογεννήσεις ἐπὶ τὰ αἷτια τὸ πλῆθος. δύο τοίνυν ἀριθμοὶ τὸ μέσον πάντων κατέχουσι τὴν ιδιότητα, καὶ ὁ μὲν παντὸς ἡγεῖται τοῦ ἐπιστρεπτικοῦ γένους τῶν ἀρρένων καὶ τῆς περιττοῦ φύσεως, ὁ δὲ πᾶν τὸ θῆλυ καὶ ἄρτιον καὶ τῆς γονίμου σειρᾶς ἀνα- 10 καλεῖται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχὰς κατὰ τὴν κυκλικὴν δύναμιν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν μέχρι τούτων διαπεπεράνθω, τὴν δὲ μαθηματικὴν ἀπόδοσιν τοῦ κύκλου θεωρήσομεν εἰς πέρας ἀκριβείας ἤκουσαν. σχῆμα μὲν οὖν αὐτὸν ἔθετο 15 διότι δὴ πεπέρασται καὶ περιέχεται πανταχόθεν ὑφ' ἐνὸς ὅρου καὶ οὐκ ἔστι τῆς ἀπείρου φύσεως, ἀλλὰ τῷ πέρατι σύστοιχος, καὶ ἐπίπεδον δὲ αὐτῷ, καθόσον τῶν σχημάτων ἢ ἐν ἐπιφανείαις ὁρωμένων ἢ ἐν στερεοῖς, ὁ κύκλος τῶν ἐπιπέδων ἐστὶ τὸ πρῶτιστον, ἀπλότητι 20 μὲν τῶν στερεῶν ὑπερφέρων, μονάδος δὲ πρὸς τὰ ἐπίπεδα λόγον ἔχων, ὑπὸ μιᾶς δὲ γραμμῆς περιεχόμενον, ὥς τῷ ἐνὶ προσήκοντα καὶ κατὰ τὸ ἐν ἀφοριζόμενον, τὴν δὲ ποικιλίαν τῶν περικειμένων ἔξωθεν

4 κέντρον *G*, κέντρον *C*. 5 αἰτίας om. *G*, add. *C*.

6 ἀπογενέσεις *G*. 8 ἐπιστρεπτικῶς *C*. 10 ἄρτι *G*, ἄρτιον *C*. τὰς γονίμους σειρὰς *M* postera manu. 11 οἰκείας om. *G*, add. *C*. 14 θεωρήσωμεν *G*. 14. 15 εἰς παρακριβείας *M*, postera manus παρ in πέρας mutavit; εἰς πᾶν ἀκριβείας *B*₃, *G*; 'accuratam undequaque' *B*, 'ad certitudinis limitem' *Z*.

20 ἐστὶ] ἐπὶ *G*, ἐστὶ *C*. 21 τὸ στερεὸν ὑπερφέρον, μονάδι *G*. πρὸς om. *G*, add. *C*. 22 Post περιεχόμενον addit *G* πρὸς δὲ ταύτην τὴν γραμμὴν ἴσας ἔχον τὰς πάσας, quae verba delet *C*.

ὄρων οὐ παραδεχόμενον, πρὸς δὲ ταύτην τὴν γραμ-
 μὴν ἴσας ἔχοντα πάσας τὰς ἀφ' ἐνὸς σημείου τῶν
 ἐντὸς αὐτοῦ κειμένων, διότι καὶ τῶν ὑπὸ μιᾶς ὀριζο-
 μένων γραμμῆς τὰ μὲν ἐκ μέσου πάσας ἴσας ἔχει, τὰ
 5 δὲ οὐ πάσας. καὶ γὰρ ἡ ἔλλειψις ὑπὸ μιᾶς περιέχεται
 γραμμῆς, ἀλλ' οὐ πᾶσαι αἱ πρὸς αὐτὴν ἀπὸ τοῦ κέν-
 τρου ἴσαι εἰσὶν, ἀλλὰ δύο μόνον, καὶ τὸ ἀπολαμβανό-
 μενον ἐπίπεδον ὑπὸ τῆς κισσοειδοῦς γραμμῆς μίαν
 ἔχει τὴν περιέχουσαν, ἀλλ' οὐκέτι κέντρον ἐστὶν ἐπ'
 10 αὐτῆς καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι ἴσαι. ἐπειδὴ δὲ τὸ κέν-
 τρον ἐν τῷ κύκλῳ πάντως ἐν ἐστὶ σημεῖον — πλείω
 γὰρ ἐνὸς οὐκ ἐστὶ κέντρα — || διὰ τοῦτο προσέθηκε
 τὸ ἀφ' ἐνὸς σημείου τὰς πρὸς τὸν ὄρον τοῦ κύκλου
 προσπιπτούσας ἴσας εἶναι γραμμάς. ἅπειρα μὲν γὰρ
 15 ἐντὸς αὐτοῦ σημεῖα, τῶν δὲ ἀπείρων ἐν μόνον τὴν
 τοῦ κέντρου δύναμιν ἔχει. καὶ ἐπειδὴ τὸ ἐν τοῦτο
 σημεῖον, ἀφ' οὗ πᾶσαι αἱ τῇ τοῦ κύκλου περιφερεία
 προσπίπτουσιν ἴσαι εἰσὶν, ἢ ἐντὸς ἐστὶ τοῦ κύκλου ἢ
 ἐκτός — καὶ γὰρ ἕκαστος κύκλος ἔχει πόλον, ἀφ' οὗ
 20 αἱ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἀρόμεναι ἴσαι τυγχάνουσιν
 οὔσαι — διὰ τοῦτο προσέθηκεν τὸ τῶν ἐντὸς τοῦ
 σχήματος κειμένων σημείων καὶ οὐδὲ τοῦτο μάτην
 πεποίηκεν, τὸ κέντρον μόνον λαμβάνων, ἀλλ' οὐ τὸν
 πόλον. ἐπέπερ ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντα θεωρεῖν ἐθέλει,
 25 ὁ δὲ πόλος τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου μετεωρότερός
 ἐστὶν, ἀναγκαίως ἄρα καὶ ἐπὶ τέλει προσέθηκεν, ὅτι
 τοῦτο τὸ σημεῖον, ὃ δὴ κεῖται μὲν ἐντὸς τοῦ κύκλου,
 πᾶσαι δὲ αἱ ἀπ' αὐτοῦ προσπίπτουσιν πρὸς τὴν περι-

φέρειαν ἴσαι εἰσίν, κέντρον ἐστὶ τοῦ κύκλου. δύο γὰρ
μόνα σημεῖα τοιαῦτά ἐστιν, ὁ πόλος καὶ τὸ κέντρον,
ἀλλ' ὁ μὲν ἐκτὸς τοῦ ἐπιπέδου, τὸ δὲ ἐντός· οἷον εἰ
νοήσεως γνώμονα κατὰ τὸ κέντρον ἐστῶτα τοῦ κύκλου,
τὸ ἄκρον αὐτοῦ τὸ ἄνω πόλος ἐστὶ. πᾶσαι γὰρ αἱ 5
ἀπ' αὐτοῦ φερόμεναι ἐπὶ τὴν τοῦ κύκλου περιφέρειαν
ἴσαι ἀλλήλαις ἀποδείκνυνται. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καὶ
ἐν τῷ κώνῳ ἢ τοῦ παντὸς κορυφῇ πόλος ἐστὶ τοῦ
κατὰ τὴν βάσιν κύκλου.

Διόρισται οὖν ἐνταῦθα, τί μὲν ὁ κύκλος ἐστὶ, τί 10
δὲ τὸ κέντρον καὶ ἢ ἐν τῷ κύκλῳ τιθεμένη περιφέρεια,
τί δὲ τὸ ὅλον σχῆμα· πάλιν οὖν ἐκ τούτων εἰς τὴν |
τῶν παραδειγμάτων ἀναδράμωμεν θεωρίαν καὶ νοήσω-
μεν ἐν ἐκείνοις τὸ μὲν κέντρον ἐκασταχοῦ κατὰ τὴν
ἐνιαίαν καὶ ἀμέριστον καὶ μόνιμον ὑπεροχὴν, τὰς δὲ 15
ἀπὸ τοῦ κέντρου διαστάσεις τὰς ἀπὸ τοῦ ἐνὸς προ-
όδους εἰς πλῆθος ἄπειρον κατὰ τὴν δύναμιν, τὴν δὲ
περιφέρειαν τοῦ κύκλου κατὰ τὴν ἐπιστροφὴν τῶν
προελθόντων τὴν ἐπὶ τὸ κέντρον, καθ' ἣν ἐλίσσεται
τὰ πλήθη τῶν δυνάμεων εἰς τὴν ἑαυτῶν ἔνωσιν καὶ 20
πάντα εἰς ἐκείνην σπεύδει καὶ περὶ ἐκείνην ἐνεργεῖν
ἐφίεται, καὶ ὥσπερ ἐν τῷ κύκλῳ πάντα ἅμα ἐστὶ τὸ
κέντρον, αἱ διαστάσεις, ἢ ἐκτὸς περιφέρεια, οὕτω δὴ
καὶ ἐν ἐκείνοις οὐ τὰ μὲν προυνάρχει κατὰ χρόνον
τὰ δὲ ἐπιγίνεται, ἀλλὰ ὁμοῦ μὲν πάντα, καὶ ἡ μονὴ 25
καὶ ἡ πρόοδος καὶ ἡ ἐπιστροφή. διαφέρει δὲ ταῦτα
ἐκείνων τῷ τὰ μὲν ἀδιαιρέτως εἶναι καὶ ἀδιαστάτως,
τὰ δὲ διηρημένως, ἀλλαχοῦ μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ

δὲ τὰς ἐκ τοῦ κέντρου γραμμάς, ἀλλαχοῦ δὲ τὴν ἐκτὸς
 περιφέρειαν τὸν κύκλον ὀρίζουσιν, ἐκεῖ δὲ ἐν ἐνὶ
 πάντα, καὶ τὸ (?) οἶον κέντρον λάβῃς, ἐν τούτῳ πάντα
 εὐρήσεις, καὶ τὴν διισταμένην ἀπὸ τούτου πρόοδον,
 5 καὶ ταύτην ἔχουσιν τὰ πάντα, καὶ τὴν ἐπιστροφὴν,
 ὡσαύτως. πάντ' οὖν ἐν ἀλλήλοις ἰδὼν καὶ τὴν ἀπὸ
 τῆς διαστάσεως ἐλάττωσιν || ἀφελὼν καὶ τὴν θέσιν
 ταύτην, περὶ ἣν ὁ μερισμός, ἀφανίσας εὐρήσεις τὸν
 ὄντως ὄντα κύκλον αὐτὸν ἐν ἑαυτῷ προϊόντα καὶ ὀρί-
 10 ζοντα ἑαυτὸν καὶ ἐνεργοῦντα πρὸς ἑαυτόν, ἐν τε ὄντα
 καὶ πολλά, μένοντα καὶ προϊόντα καὶ ἐπιστρέφοντα,
 καὶ τὸ μὲν ἀμερέστατον ἑαυτοῦ καὶ ἐνικώτατον ἰδρύ-
 οντα σταθερῶς, πάντῃ δὲ ἀπὸ τούτου κινούμενον
 κατὰ τὸ εὐθὺ καὶ τὴν ἀπειρίαν τὴν ἐν αὐτῷ, συνελισ-
 15 σόμενον δὲ εἰς τὸ ἐν ἀφ' ἑαυτοῦ καὶ διὰ τῆς ὁμοιότη-
 τος καὶ ταυτότητος ἀνεγειρόμενον εἰς τὸ ἀμερές τῆς
 ἑαυτοῦ φύσεως καὶ τὸ κεκρυμμένον ἐν αὐτῷ τοῦ ἐνός,
 ὃ δὴ καὶ ἐγκολπισάμενος καὶ περιθέων ὁμοιοῦται πρὸς
 αὐτὸ καὶ τῷ ἑαυτοῦ πλήθει. καὶ γὰρ τὸ ἐπιστρέφον
 20 μιμεῖται τὸ μείναν, καὶ τὸ περιφερές οἶον κέντρον
 ἐστὶ διαστὰν καὶ συνεύει πρὸς αὐτὸ κεντρωθῆναι
 σπεῦδον καὶ ἐν πρὸς ἐκεῖνο γενέσθαι, καὶ ἀφ' οὗ τὴν
 ἀρχὴν ἔσχεν ἡ πρόοδος, εἰς τοῦτο περατῶσαι τὴν ἐπι-
 στροφὴν. τοιοῦτον γὰρ πανταχοῦ τὸ κέντρον ἐν ἐφε-
 25 τοῦ τάξει προτεταγμένον τοῖς περὶ αὐτὸ τὴν ὑπόστασιν
 λαχοῦσιν καὶ πασῶν ἀρχηγὸν τῶν πεπληθυσμένων
 προόδων, ὃ καὶ τὸ μαθηματικὸν κέντρον ἀποτυποῦται,

3 λάβοις G. 5 καὶ ταύτην] καὶν ταύτην M, καὶν ταύτη B₃, G.
 'in hoc quoque habebis' B, 'hunc etiam' Z. 9 ἐν αὐτῷ M, G.
 ἐν ἑαυτῷ C. 10 τὰ πρὸς ἑαυτὸν G. 12 ἀμέριστον C.
 20 μεῖον G, μεῖναν C. 26 πληθυσμένων G. 27 ἀποτυπούσαι C.

πάσας τὰς ἀφ' ἑαυτοῦ πρὸς τὴν περιφέρειαν γραμμὰς περατοῦν καὶ τὴν ἰσότητα αὐταῖς εἰκόνα τῆς οἰκείας ἐνώσεως παρέχον. οὕτω δὲ καὶ τὰ λόγια τὸ κέντρον ἀφορίζεται

κέντρον, ἀφ' οὗ πᾶσαι μέχρις ἄντυγος ἴσαι ἔασιν. 5

Ἄλλ' ὥς μὲν τῆς διαστάσεως ἀρχὴ τῶν γραμμῶν τῷ „ἀφ' οὗ“ σημαίνεται, ὥς δὲ μέσον τῆς περιφερείας τῷ „πρὸς ὃ“. πρὸς γὰρ τὸ κέντρον αὕτη συνάγεται κατὰ πᾶσαν ἐαυτήν. εἰ δὲ δεῖ καὶ τὴν αἰτίαν εἰπεῖν τὴν πρώτην, καθ' ἣν ἀνεφάνη τὸ κυκλικὸν σχῆμα καὶ 10 ἐτελειώθη, τὴν ἀκροτάτην ἂν εἴποιμι τάξιν τῶν νοητῶν. τὸ μὲν γὰρ κέντρον τῇ τοῦ πέρατος αἰτίᾳ προσέοικεν, αἱ δὲ ἀπὸ τούτου γραμμαὶ καὶ τῷ πλήθει ἄπειροι καὶ τῷ μεγέθει, ὅσον ἐφ' ἑαυταῖς, τὴν ἀπειρίαν ἀποτυποῦνται, ἣ δὲ περατοῦσα τὴν τούτων ἀόριστον 15 ἔκτασιν γραμμὴ καὶ πάλιν εἰς τὸ κέντρον συνάγουσα αὐτὴν τῷ ἐκ τούτων ὑποστάντι κρυφίῳ διακόσμῳ [ὡμοίωται?], ὃν καὶ Ὁρφεὺς κατὰ κύκλον φησὶ φέρεσθαι

τὸ δ' ἀπειρέσιον κατὰ κύκλον

ἀτρύτως ἐφορεῖτο

20

περὶ γὰρ τὸ νοητὸν κινούμενον νοητῶς καὶ οἷον κέντρον ἐκεῖνο τῆς ἑαυτοῦ φορᾶς ἔχον εἰκότως λέγεται κυκλικῶς ἐνεργεῖν. διὸ καὶ ἀπὸ τούτου πρόεισιν ὁ τριαδικὸς θεός, καὶ τῆς τῶν εὐθυγράμμων σχημάτων προόδου τὴν πρωτίστην αἰτίαν ἐν ἑαυτῷ περιλαβών. 25 ἐντεῦθεν γὰρ αὐτῷ καὶ τὴν προσηγορίαν ἔθεντο οἱ

5 ἄν τυχὸν G, ἄν τυγὸς C. 8 πρόσω C. 11 ἄν om. G.

14 ἑαυτῆς G, ἑαυταῖς C.

16 ἔκτασιν G.

17 κρυ-

φία G, κρυφίῳ C.

23 τούτων G.

25 αὐτῷ G.

σοφοὶ καὶ τῶν θεολογικῶν οἱ μυστικώτατοι. πρῶτον δὲ καὶ τῶν εὐθυγράμμων τὸ τρίγωνον. ἀναφαινεται μὲν οὖν τὰ σχήματα πρῶτως ἐν ταῖς ἐφεξῆς διακοσμήσεσιν τῶν θεῶν, ὑφίσταται δὲ κατὰ τὰς ἐν
5 τοῖς νοητοῖς προυπαρχούσας κρυφίους αἰτίας.

Def. XVII. Διάμετρος δὲ τοῦ κύκλου ἐστὶν εὐθεῖά τις διὰ τοῦ κέντρου ἡγμένη καὶ περατοῦμένη ἐφ' ἐκάτερα τὰ μέρη ὑπὸ τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας, ἣτις καὶ δίχα τέμνει τὸν
10 κύκλον.

Σαφῶς ἐδήλωσεν αὐτὸς ὁ στοιχειωτής, ὅτι οὐ πᾶσαν ὀρίζεται διάμετρον, ἀλλὰ τὴν κυκλικήν, ἐπεὶ καὶ τετραγώνων ἔστι διάμετρος καὶ ὅλως παραλληλογράμμων, ἔστι δὲ καὶ σφαίρας ἐν τοῖς στερεοῖς σχήμασιν. ἀλλ' ἐπὶ μὲν τούτων καὶ διαγώνιος προσαγορεύεται, ἐπὶ δὲ τῆς σφαίρας καὶ ἄξων καλεῖται, διάμετρος δὲ μόνως ἐπὶ τῶν κύκλων, ἐπεὶ καὶ τῆς ἐλλείψεως ἄξονα λέγειν εἰώθασι καὶ τοῦ κυλίνδρου καὶ τοῦ κώνου, τοῦ δὲ κύκλου διάμετρον ἰδίως. αὕτη τοίνυν
15 εὐθεῖα μὲν ἐστὶ τῷ γένει, πολλῶν | δὲ οὐσῶν εὐθειῶν ἐν τῷ κύκλῳ καθάπερ καὶ σημείων (?). ἀπείρων μὲν οὖν ὥσπερ ἐν τι τῶν σημείων τὸ κέντρον ἐστίν, οὕτω δὴ καὶ ἡ διάμετρος αὕτη καλεῖται μόνον ἢ διὰ τοῦ

1 ἡ μυστικωτάτη *M*, 'maxime arcani' *B*, 'mystici' *Z*.
5 κρυφίως *G*. 9 δίχα τέμνει] διατέμνει *G*. 17 μόνον *G*.

21 Inter σημείων et ἀπείρων excidisse puto aliquot verba, cum male cohaereant quae nunc leguntur. Barocius σημείων ἀπείρων coniungit et omisso μὲν οὖν interpretatur: 'veluti infinitis etiam Signis, quemadmodum unum' cet. 'quemadmodum etiam signa infinita. sicut unum' *Z*. $B_3 = M$ et *G*.

22 οὖν om. *G*, add. *C*. 23 ἢ ante διάμετρος om. *G*.

κέντρον χωροῦσα καὶ μήτε ἐντὸς ἀπολήγουσα τῆς περι-
 φερείας μήτε ὑπερβαίνουσα τὸν ταύτης ὄρον, ἀλλὰ
 περατουμένη ὑπ' αὐτῆς ἐφ' ἑκάτερα. καὶ ταῦτα μὲν
 τὴν γένεσιν ἐπιδείκνυσιν αὐτῆς, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει προσ-
 τεθέν, ὅτι καὶ δίχα τέμνει τὸν κύκλον, τὴν ἰδίαν 5
 αὐτῆς εἰς τὸν κύκλον ἐνέργειαν δηλοῖ παρὰ πάσας
 τὰς ἄλλας εὐθείας τὰς διὰ τοῦ κέντρον ἡγμένους μὴ
 δὲ περατουμένους ὑπὸ τῆς περιφερείας ἐφ' ἑκάτερα
 τὰ μέρη.

Τὸ μὲν οὖν διχοτομεῖσθαι τὸν κύκλον ὑπὸ τῆς 10
 διαμέτρου πρῶτον Θαλῆν ἐκείνον ἀποδείξαι φασιν,
 αἰτία δὲ τῆς διχοτομίας ἡ τῆς εὐθείας ἀπαρέγκλιτος
 διὰ τοῦ κέντρον χώρησις. φερομένη γὰρ διὰ τοῦ μέ-
 σου καὶ ἀεὶ φυλάττουσα τὴν αὐτὴν κίνησιν ἄρρεπῇ
 πρὸς τὰ ἀμφοτέρα κατὰ πάντα ἑαυτῆς τὰ μέρη τὸ ἴσον 15
 ἐπ' ἀμφοτέρα ἀφαιρεῖ πρὸς τὴν τοῦ κύκλου περι-
 φέρειαν. εἰ δὲ καὶ διὰ μαθηματικῆς ἐφόδου δεικνύειν
 αὐτὸ ἐθέλοις, νόησον ἡγμένην τὴν διάμετρον καὶ θά-
 τερον τοῦ κύκλου μέρος ἐπὶ τὸ λοιπὸν συναρμοζόμενον.
 εἰ γὰρ μὴ ἔστιν ἴσον, ἢ ἐντὸς πεσεῖται ἢ || ἐκτὸς· ὅπο- 20
 τέως δ' ἂν ἔχῃ, συμβήσεται τὴν ἐλάσσονα εὐθεῖαν
 ἴσην εἶναι τῇ μείζονι· πᾶσαι γὰρ αἱ ἀπὸ τοῦ κέντρον
 πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. ἔσται οὖν καὶ ἡ πρὸς τὴν
 ἐκτὸς τῇ πρὸς τὴν ἐντὸς ἴση. τοῦτο δὲ ἀδύνατον.

6 αὐτοῦ *M, G*; in *M* postera manus *ης* super *ου* scripsit.

15 πρὸς τὰ ἀμφοτέρα] πρὸς τὰ ἐρρεπώτερα *M*, πρὸς τὰ
 ἄρρεπώτερα *B, G*; 'ad alterutram partem' *B*, 'in
 proclivia' *Z*. 18 ἐθέλεις *G*. 18—22 In mar-
 gine inferiore addita est in *M* haec figura:
 20 ποιεῖ *G*, ποιεῖται *M*, sed postera manus
 supra adscripsit πεσεῖται. 21 ἔχοι *G*.
 23 ἔστιν *G*. || καὶ om. *G*.



ἐφαρμόξει ἄρα, ὥστε ἴσα ἐστίν. δίχα ἄρα ἡ διάμετρος
 τέμνει τὸν κύκλον. ἀλλ' εἰ μιᾶς οὔσης διαμέτρου δύο
 ἡμικύκλια γίνεται, ἄπειροι δὲ διάμετροι διὰ τοῦ κέν-
 τρου ἄγονται, συμβήσεται διπλάσια τῶν ἀπείρων εἶναι
 5 κατ' ἀριθμόν. ταῦτα γὰρ ἀποροῦσί τινες πρὸς τὴν
 ἐπ' ἄπειρον τομὴν τῶν μεγεθῶν, ἡμεῖς δὲ λέγομεν,
 ὅτι τέμνεται μὲν ἐπ' ἄπειρον τὸ μέγεθος οὐκ εἰς
 ἄπειρα δέ. τοῦτο μὲν γὰρ ἐνεργείᾳ ποιεῖ τὰ ἄπειρα,
 τὸ δὲ δυνάμει μόνον, καὶ τὸ μὲν οὐσίαν τῷ ἀπείρῳ
 10 δίδωσι, τὸ δὲ γένεσιν μόνην. ἅμα οὖν μιᾷ διαμέτρῳ
 δύο ἡμικύκλια καὶ αἱ διάμετροι οὐδέποτε ἄπειροι ἔσον-
 ται, εἰ καὶ ἐπ' ἄπειρον ληφθήσονται, ὥστε οὐδέποτε
 ἔσται διπλάσια τῶν ἀπείρων, ἀλλὰ τὰ γινόμενα αἰ
 διπλάσια τῶν πεπερασμένων ἐστὶ διπλάσια. αἰ γὰρ
 15 αἱ ληφθεῖσαι διάμετροι πεπερασμέναι κατ' ἀριθμόν
 εἰσι. καὶ πῶς γὰρ οὐ μέλει πᾶν μέγεθος πεπερασμέ-
 νας ἔχειν διαιρέσεις τοῦ ἀριθμοῦ πρὸ τῶν μεγεθῶν
 ὄντος καὶ πάσας αὐτῶν τὰς τομὰς ἀφορίζοντος καὶ
 προκαταλαμβάνοντος τὴν ἀπειρίαν καὶ αἰ τὰ ὑφιστά-
 20 μενα περατοῦντος;

Def. XVIII. XIX. Ἡμικύκλιον δέ ἐστι τὸ περι-
 εχόμενον σχῆμα ὑπὸ τε τῆς διαμέτρου καὶ
 τῆς ἀπολαμβανομένης ὑπ' αὐτῆς περιφερείας.
 κέντρον δὲ τοῦ ἡμικυκλίου τὸ αὐτό, ὃ καὶ τοῦ
 25 κύκλου ἐστίν.

Ἀπὸ μὲν τοῦ ὀρισμοῦ τοῦ κύκλου τὴν τοῦ κέν-
 τρου φύσιν ἀνεῦρεν πάντων τῶν ἄλλων ἐν τῷ κύκλῳ

1 ὥστε ... δίχα ἄρα om. G. || Post διάμετρος G καὶ addit.
 5 πρὸς om. G. 16 μένει G. 23 ἀπ' αὐτῆς M. 26 Τπὸ G.

σημείων διαφέρουσιν, ἀπὸ δὲ τοῦ κέντρου τὴν διά-
μετρον ἀφωρίσατο καὶ τῶν ἄλλων εὐθειῶν τῶν ἐντὸς
τοῦ κύκλου γραφομένων διέκρινεν, ἀπὸ δὲ τῆς δια-
μέτρου τὸ ἡμικύκλιον ὅτι ποτέ ἐστιν ἀναδιδάσκει καὶ
ὅτι ὑπὸ δύο ὄρων περιέχεται καὶ τούτων ἀεὶ διαφε- 5
ρόντων, εὐθείας καὶ περιφερείας, καὶ ὅτι ἡ εὐθεῖα
οὐχ ἡ τυχοῦσά ἐστιν, ἀλλ' ἡ τοῦ κύκλου διάμετρος,
ἐπεὶ καὶ τὸ ἔλασσον τμήμα τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τὸ μεῖ-
ζον ὑπ' εὐθείας περιέχεται καὶ περιφερείας. ἀλλ' οὐκ
ἐστιν ἡμικύκλια ταῦτα τῷ μὴ διὰ τοῦ κέντρου γεγο- 10
νέναι τὴν τοῦ κύκλου διαίρεσιν.

Πάντα μὲν τὰ τοιαῦδε σχήματα || δυοειδῆ ἐστιν,
ὥσπερ ὁ κύκλος μοναδικός, καὶ ἐξ ἀνομοίων ὑφέστηκε.
πᾶν γὰρ τὸ ὑπὸ δύο ὄρων περιεχόμενον ἢ ὑπὸ δύο
περιφερειῶν περιέχεται, ὥσπερ τὸ μηνοειδές, ἢ ὑπὸ 15
εὐθείας καὶ περιφερείας, ὡς τὰ εἰρημένα σχήματα,
ἢ ὑπὸ δύο μικτῶν γραμμῶν, ὡς εἰ δύο ἐλλείψεις τέ-
μνοιεν ἀλλήλας — τὰ γὰρ μεταξὺ αὐτῶν ἀπολαμβα-
νόμενον περιέξουσιν σημεῖον — ἢ ὑπὸ μικτῆς καὶ
περιφερείας, ὡς ὅταν τέμνη κύκλος ἐλλείψιν, ἢ ὑπὸ 20
μικτῆς καὶ εὐθείας, ὡς τὸ ἥμισυ τῆς ἐλλείψεως. τὸ
τοίνυν ἡμικύκλιον ἐξ ἀνομοίων ἐστίν, ἀλλὰ τῶν ἀπλῶν
καὶ τούτων κατὰ παράθεσιν ὁμιλούντων ἀλλήλοις.
πρὶν οὖν ὁ λόγος ἀφορίσῃται τὰ τριαδικὰ τῶν σχημά-
των, εἰκότως ἐπὶ τὸ δυοειδὲς ἦλθεν μετὰ τὸν κύκλον. 25

1 σημεῖον M. || διαφέρουσιν] In M prima vel primae proxima manus in margine adscripsit διαφερόντων. 14 δύο ante ὄρων om. M, B₂, G, (Z); 'a duobus terminis' B. Postera manus in M ἢ ante ὄρων addidit. || ἢ post περιεχόμενον om. M; postera manus ἢ addidit. 15 μονοειδὲς G, μηνοειδὲς C. 19 καὶ post μικτῆς om. G. 20—21 περιφερείας . . . μικτῆς om. G. 24 οὖν om. G. || ἀφορήσεται G.

δύο μὲν γὰρ εὐθεῖαι χωρίον οὐκ ἂν ποτε περιλάβοιεν, εὐθεῖα δὲ καὶ περιφέρεια δύνανται, καὶ δύο περιφέρειαι ὡσαύτως, ἢ γωνίας ποιοῦσαι, ὡς ἐπὶ τοῦ μηνοειδοῦς σχήματος, ἢ καὶ ἀγώνιον ἀποτελοῦσαι σχῆμα, 5 ὡς εἰ νοήσεως κύκλους ὁμοκέντρους. τὸ γὰρ μέσον ἀμφοτέρων ἀπολαμβανόμενον χωρίον ὑπὸ δύο περιφερειῶν περιέχεται, τῆς μὲν ἐντὸς οὔσης, τῆς δὲ ἐκτός, καὶ γωνία οὐ γίνεται, οὐ γὰρ τέμνουσιν ἀλλήλας ὡς ἐν τῷ μηνοειδεῖ καὶ τῷ ἀμφικύρτῳ σχήματι.

- 10 Καὶ μὲν δὴ καὶ ὅτι τὸ αὐτὸ τοῦ ἡμικυκλίου κέντρον ἐστὶν ὅπερ καὶ τοῦ κύκλου φανερόν. | ἡ γὰρ διάμετρος ἐφ' ἑαυτῆς ἔχουσα τὸ κέντρον συμπληροῖ τὸ ἡμικύκλιον καὶ ἀπὸ τούτου πᾶσαι αἱ πρὸς τὴν περιφέρειαν ἴσαι. μέρος γὰρ καὶ αὕτη τοῦ κύκλου. πρὸς 15 πάντα δὲ τὰ μέρη τῆς τοῦ κύκλου περιφερείας ἴσαι προσπίπτουσιν ἀπὸ τοῦ κέντρου. Ἐν ἄρα τὸ κέντρον ἐστὶν τοῦ ἡμικυκλίου καὶ τοῦ κύκλου. καὶ ἐπισημαντέον, ὅτι μόνον τοῦτο τῶν σχημάτων ἐπὶ τῆς περιμέτρου τὸ κέντρον ἔχει, λέγω δὲ τῶν ἐπιπέδων σχημάτων, ὥστε συναγάγοις ἂν ὅτι τὸ κέντρον τρεῖς ἔχει 20 τόπους, ἢ γὰρ ἐντὸς τοῦ σχήματος ὥσπερ ἐπὶ τοῦ κύκλου, ἢ ἐπὶ τῆς περιμέτρου ὡς ἐπὶ τοῦ ἡμικυκλίου, ἢ ἐκτός ὡς ἐπὶ τινων κωνικῶν γραμμῶν.

Τὸ δ' οὖν ἡμικύκλιον ταύτῃ ἔχει τῷ κύκλῳ κέν-

2 Ante δύνανται in *M* δύο additum est, quod Barocii quoque interpretatio reddit: 'duo possunt comprehendere spatia.' *G* et *Z* δύο om.

4—5 In *M* additae sunt in margine figurae hae:

9 τῷ ante ἀμφικύρτῳ om. *G*. 14—15 μέρος γὰρ . . . ἴσαι om. *G*, add. *C*. 20 συναγοίς *G*, συνάγεις *C*. 21 τρόπους *M*, *G*; in *M* o supra eo scriptum est manu postera; 'locos' *B*, *Z*. 23 τινων] τῶν *G*, τινῶν *C*.



τρον. τί οὖν ἐνδείκνυται τοῦτο καὶ ποίων εἰκόνα
 φέρει πραγμάτων; ἢ ὅτι τὰ μὴ τελείως ἀποφοιτήσαντα
 τῶν πρώτων, ἀλλὰ μετέχοντά πως αὐτῶν ὁμόκεντρα
 αὐτοῖς εἶναι δύναται καὶ τῶν αὐτῶν αἰτίων μετελη-
 φέναι; διχῇ γὰρ καὶ τὸ ἡμικύκλιον κοινωνεῖ τῷ κύκλῳ, ⁵
 κατὰ τε τὴν διάμετρον καὶ τὴν περιφέρειαν. διὸ καὶ
 τὸ κέντρον αὐτοῖς κοινόν. καὶ ἴσως εἰκοίκοι ἂν τὸ ἡμι-
 κύκλιον ταῖς δευτέραις τάξεσι μετὰ τὰς ἀπλουστάτας ||
 ἀρχὰς καὶ μετεχούσαις ἐκείνων καὶν διὰ τὴν συγγέ-
 νειαν τὴν πρὸς ἐκείνας, εἰ καὶ ἀτελῶς καὶ ἐξ ἡμισείας, ¹⁰
 ἀλλ' ἐπὶ τὸ ὄν καὶ πρῶτον αὐτῶν αἴτιον ἀναγο-
 μέναις.

Def. XX—XXIII. Σχήματα εὐθύγραμμά ἐστι τὰ
 ὑπὸ εὐθειῶν γραμμῶν περιεχόμενα· τρίπλευρα
 μὲν τὰ ὑπὸ τριῶν, τετράπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ τεσ- ¹⁵
 σάρων, πολὺπλευρα δὲ τὰ ὑπὸ πλειόνων ἢ τεσ-
 σάρων πλευρῶν περιεχόμενα.

Μετὰ τὸ μοναδικὸν σχῆμα καὶ ἀρχῆς λόγον ἐπ-
 ἔχον πρὸς πάντα τὰ σχήματα καὶ τὸ δυοειδὲς ἡμι-
 κύκλιον ἢ κατὰ τοὺς ἀριθμοὺς ἐπ' ἄπειρον πρόοδος ²⁰
 παραδίδοται τῶν εὐθυγράμμων σχημάτων. διὰ γὰρ
 τοῦτο καὶ τοῦ ἡμικυκλίου μνήμη γέγονεν ὥς κατὰ
 τοὺς ὅρους πῇ μὲν τῷ κύκλῳ κοινωνοῦντος πῇ δὲ τοῖς
 εὐθυγράμμοις, ὥσπερ καὶ ἡ δυὰς μέση μονάδος ἐστὶ
 καὶ ἀριθμοῦ. ἢ μὲν γὰρ μονὰς συντιθεμένη πλέον ²⁵
 ποιεῖ ἢ πολλαπλασιαζομένη, ὁ δὲ ἀριθμὸς ἀνάπαλιν

4 δύναται om. G, add. C. 6. 7 καὶ τὴν περιφέρειαν . . .
 κέντρον om. G; C addit καὶ τὴν περιφέρειαν.

πολλαπλασιαζόμενος μᾶλλον ἢ συντιθέμενος, ἡ δὲ δυὰς
 ἴσον ἐκ τε τοῦ πολλαπλασιασμοῦ τοῦ ἐφ' ἐαυτὴν ἀπο-
 τελεῖ καὶ τῆς συνθέσεως. ὥς οὖν αὕτη μεσότης ἐστὶ
 5 μονάδος καὶ πλήθους, οὕτω καὶ τὸ ἡμικύκλιον κατὰ
 τὴν περιφέρειαν τῷ κύκλῳ. πρόεισι δὲ εὐτάκτως τὰ
 εὐθύγραμμα κατὰ τὸν ἀπὸ τριάδος ἀριθμὸν ἐπ' ἄπει-
 ρον. διὸ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐντεῦθεν ἤρξατο. τρί-
 10 πλευρα γάρ φησιν καὶ τετράπλευρα καὶ ἐφεξῆς τῷ
 κοινῷ ὀνόματι καλούμενα πολύπλευρα. ἐστὶ μὲν γὰρ
 καὶ τὰ τρίπλευρα πολύπλευρα, ἀλλὰ καὶ ἰδίαν ἔχει
 προσηγορίαν μετὰ τῆς κοινῆς, ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων παρ-
 ακολουθεῖν τῇ εἰς ἄπειρον προόδῳ τῶν ἀριθμῶν ἀσθε-
 νήσαντες τὴν κοινὴν προσηγορίαν ἡγαπήσαμεν. τρι-
 15 πλεύρων δὲ καὶ τετραπλεύρων μόνον πεποιήται μνή-
 μην, ἐπειδὴ καὶ τῶν ἀριθμῶν οἱ πρῶτιστοι τριάς καὶ
 τετράς, ὁ μὲν ἐν τοῖς περιττοῖς ἀκράτως ὢν περισσός,
 ὁ δὲ ἐν τοῖς ἀρτίοις ἀρτιώτατος. ἐκάτερος οὖν αὐτῷ
 παρείληπται πρὸς τὴν τῶν εὐθύγραμμων γένεσιν εἰς
 20 ἔνδειξιν τῆς κατὰ πάντας αὐτῶν τοὺς ἀριθμοὺς ὑπο-
 στάσεως, ἀρτίους τε καὶ περισσούς. καὶ μέντοι καὶ
 διότι περὶ τούτων ὡς στοιχειωδεστάτων ἐν τῷ πρῶτῳ
 βιβλίῳ διδάξει, τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων,
 εἰκότως μέχρι τούτων ἔστησε τὴν ἰδίαν ἀπαρίθμησιν,
 25 τὰ δὲ ἄλλα πάντα κοινῷ περιέλαβεν ὀνόματι πολύ-
 πλευρα καλέσας.

Ταῦτα περὶ τούτων, || πάλιν δὲ ἄνωθεν ῥητέον,

1 μονὰς G, δυὰς C. 2 τε om. G, add. C. || ἀφ' C.
 10—11 ἐστὶ μὲν . . . πολύπλευρα om. G, add. C. 15 μό-
 νων G. 17 ἄκρατος B₂, G, 'purus' B, Z. 18 ἀρτιώσατο G,
 ἀρτιώτατος C. 19 παρήλειπται G. 20 κατὰ] μετὰ C.
 22 στοιχειωδέστατον G.

ὅτι τῶν ἐπιπέδων σχημάτων τὰ μὲν ὑπὸ ἀπλῶν περι-
 ἔχεται γραμμῶν, τὰ δὲ ὑπὸ μικτῶν, τὰ δὲ ὑπ' ἀμφο-
 τέρων, καὶ τῶν ὑπὸ ἀπλῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ
 τῶν ὁμοειδῶν ὡς τὰ εὐθύγραμμα, τὰ δὲ ὑπὸ τῶν
 ἀνομοειδῶν ὡς τὰ ἡμικύκλια καὶ τὰ τμήματα καὶ αἱ 5
 ἀψίδες, αἳ εἰσιν ἡμικυκλίων ἐλάσσονες, καὶ τῶν ὑπὸ
 ὁμοιοειδῶν περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ κυκλικῆς περι-
 ἔχεται γραμμῆς, τὰ δὲ ὑπὸ εὐθείας, τῶν δὲ ὑπὸ κυκλι-
 κῆς γραμμῆς περιεχομένων τὰ μὲν ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς
 περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ δύο, τὰ δὲ ὑπὸ πλήθους. ὑπὸ 10
 μιᾶς μὲν ὁ κύκλος αὐτός, ὑπὸ δυεῖν δὲ τὰ ἀγώνια,
 ὡς ἡ στεφάνη ἢ ὑπὸ τῶν ὁμοκέντρων κύκλων ὀριзо-
 μένη, τὰ δὲ γεγωνισμένα, ὡς ὁ μηνίσκος, ὑπὸ πλει-
 όνων δὲ ἢ δυεῖν ἐπ' ἅπειρον. καὶ γὰρ ὑπὸ τριῶν καὶ
 τεσσάρων περιφερειῶν καὶ ἐξῆς περιέχεταιί τινα σχή- 15
 ματα. ἐὰν γ' οὖν τρεῖς κύκλοι ἐφάπτονται ἀλλήλων,
 ἀπολαμβάνουσιν τι χωρίον τρίπλευρον ὑπὸ τριῶν
 περιφερειῶν ὀριζόμενον, ἐὰν δὲ τέτταρες, ὑπὸ τεττά-
 ρων, καὶ ἐφεξῆς ὡσαύτως. τῶν δὲ ὑπὸ εὐθειῶν περι-
 εχομένων τὰ μὲν ὑπὸ τριῶν περιέχεται, τὰ δὲ ὑπὸ 20
 πλειόνων. οὔτε γὰρ ὑπὸ δύο εὐθειῶν περιέχεται χω-
 ρίον, οὔτε πολλῶ πλέον ὑπὸ μιᾶς, ὥστε πᾶν μὲν χω-
 ρίον ὑπὸ ἐνὸς ὅρου περιεχόμενον ἢ δυεῖν τῶν μικτῶν
 ἐστὶν ἢ τῶν περιφερογράμμων· καὶ μικτῶν διχῶς,

3 τῶν ὑπὸ τῶν ἀπλῶν G. 11 δυοῖν G. 14 δυοῖν G.
 17 τὸ χωρίων G, τι χωρίον C. 20—21 τὰ δὲ ὑπὸ πλειόνων
 . . . περιέχεται om. M, B₃, G, Z, in M autem postera manus
 haec verba addidit in margine; eademque manus sequens ver-
 bum χωρίων, quod in M, B₃, G legitur, in χωρίον mutandum
 notavit. 'aliae vero a quatuor, aliae autem a pluribus com-
 prehenduntur' B. 22 Verbi πλέον primae tres litterae in M
 sunt deletae. || πᾶν μὲν χωρίων M. 23 δυοῖν G. 24 καὶ]
 ὡς G, καὶ C.

ἢ ὅτι μικταὶ γραμμαὶ περιέχουσιν αὐτό, ὥς τὸ ὑπὸ
 τῆς κιττοειδοῦς ἀπολαμβάνόμενον, ἢ ὅτι | ἀνομοιο-
 ειδεῖς, ὥς καὶ τὴν ἀψίδα. διχῶς γὰρ ἢ μίξεις ἢ κατὰ
 παράθεσιν ἢ κατὰ σύγχυσιν. οὐ πᾶν δὲ τριπλευρον
 5 ἢ τετράπλευρον εὐθύγραμμόν ἐστι, καὶ γὰρ ἐκ περι-
 φereiῶν γένοιτο ἂν τοσοῦτος πλευρῶν ἀριθμός.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς τῶν ἐπιπέδων σχημάτων
 διαιρέσεως. ὅτι δὲ τὸ εὐθὺν προόδου σύμβολόν ἐστι
 καὶ κινήσεως καὶ ἀπειρίας καὶ ὅτι ταῖς γεννητικαῖς
 10 τάξεσιν ὥκείωται τῶν θεῶν καὶ ἑτεροποιοῖς καὶ τῆς
 μεταβολῆς καὶ κινήσεως αἰτίαις, εἴρηται καὶ πρότερον.
 καὶ τοίνυν καὶ τὰ εὐθύγραμμα σχήματα τούτοις ὥκεί-
 ωται τοῖς θεοῖς τοῖς τῆς γονίμου ποιήσεως πρωταρ-
 χοῦσι τῆς ἐπίπαν προόδου τῶν εἰδῶν. διὸ καὶ ἡ
 15 γένεσις κατὰ ταῦτα κεκόσμηται διαφερόντως καὶ τὴν
 οὐσίαν ἐκ τούτων ἔλαχεν ὥς ἐν κινήσει καὶ μεταβολῇ
 τὴν ὑπόστασιν ἔχουσα.

|| Def. XXIII—XXIX. Τῶν δὲ τριπλεύρων σχη-
 μάτων ἰσόπλευρον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ τὰς
 20 τρεῖς ἴσας ἔχον πλευράς, ἰσοσκελὲς δὲ τὸ δύο
 μόνον ἴσας ἔχον πλευράς, σκαληνὸν δὲ τὸ τὰς
 τρεῖς ἀνίσους ἔχον. ἔτι δὲ τῶν τριπλεύρων
 σχημάτων ὀρθογώνιον μὲν τρίγωνόν ἐστι τὸ
 μίαν ἔχον ὀρθὴν γωνίαν, ἀμβλυγώνιον δὲ τὸ
 25 μίαν ἔχον ἀμβλεῖαν γωνίαν, ὀξυγώνιον δὲ τὸ
 τὰς τρεῖς ὀξείας ἔχον γωνίας.

Ἡ τῶν τριγώνων διαίρεσις ποτὲ μὲν ἀπὸ τῶν γω-
 νιῶν ἔχει τὴν ἀρχήν, ποτὲ δὲ ἀπὸ τῶν πλευρῶν.

10 οἰκείωται *M*, οἰκειοῦται *G*. 11 αἰτίας *M*, *G*, αἰτίαις
*B*₃, *C*, 'autoribus' *B*, 'causae' *Z*. 12 οἰκείωται *G*. 14 τῆς]
 τοῖς *C*. || διὸ om. *G*. 27 Ἡ om. *G*.

ἡγεῖται μὲν ἡ ἀπὸ τῶν πλευρῶν ὡς γνώριμος, ἔπεται
 δὲ ἡ ἀπὸ τῶν γωνιῶν ὡς ἰδιάζουσα, ἐπειδὴ καὶ αἱ
 τρεῖς αὗται γωνίαι τοῖς εὐθυγράμμοις μόνοις προσ-
 ἡκουσι σχήμασιν, ὀρθῇ καὶ ἀμβλείᾳ καὶ ὀξεῖᾳ, ἰσότης
 δὲ καὶ ἀνισότης τῶν πλευρῶν ἐστὶ δήπου καὶ ἐν τοῖς 5
 μὴ εὐθυγράμμοις σχήμασι. λέγει τοίνυν, ὅτι τῶν τρι-
 γώνων τὰ μὲν ἰσόπλευρά ἐστι, τὰ δὲ ἰσοσκελῆ, τὰ δὲ
 σκαληνά — ἡ γὰρ πάσας ἴσας ἔχει τὰς πλευράς, ἡ
 πάσας ἀνίσους, ἡ δύο μόνας ἴσας — καὶ πάλιν ὅτι
 τῶν τριγώνων τὰ μὲν ἐστὶν ὀρθογώνια, τὰ δὲ ἀμβλυ- 10
 γώνια, τὰ δὲ ὀξυγώνια. καὶ τὸ μὲν ὀρθογώνιον ὀρί-
 ζεται τὸ μίαν ἔχον ὀρθὴν γωνίαν, ὥσπερ καὶ τὸ ἀμ-
 βλυγώνιον, — πλείους γὰρ μιᾶς ἢ ὀρθᾶς ἔχειν ἢ
 ἀμβλείας τὸ τρίγωνον ἀδύνατον — τὸ δὲ ὀξυγώνιον,
 ὃ ἂν πάσας ὀξεῖας ἔχη. οὐ γὰρ ἀρκεῖ κἀνταῦθα τὸ 15
 μίαν ἔχειν ὀξεῖαν, οὕτω γὰρ ἂν ὀξυγώνια ἅπαντα ἦν
 τὰ τρίγωνα. πᾶν γὰρ τρίγωνον τὰς δύο γωνίας ἔχει
 πάντως ὀξεῖας, τὰς δὲ τρεῖς ὀξεῖας τὸ ὀξυγώνιον μό-
 νον. δοκεῖ δέ μοι καὶ πρὸς ἐκεῖνο μόνον ἀπιδῶν ὁ
 στοιχειωτὴς χωρὶς μὲν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ποιήσασθαι 20
 τὴν διαίρεσιν, χωρὶς δὲ ἀπὸ τῶν πλευρῶν, ὅτι μὴ πᾶν
 τρίγωνον καὶ τρίπλευρον. ἐστὶ γὰρ τρίγωνα τετρά-
 πλευρα, καλούμενα παρ' αὐτοῖς [?] ἀκιδοειδῆ, παρὰ
 δὲ τῷ Ζηνοδώρῳ κοιλογώνια. νόησον γὰρ ἐν τι
 τῶν τριπλεύρων || καὶ ἐπὶ μιᾶς πλευρᾶς δύο συστάσας 25

1 μὲν om. M. || τὸ ἀπὸ τῶν πλευρῶν ὡς γνώριμον G.
 8 ἔχει τὰς πλευράς ἴσας G. 10 ἐστὶν om. G. 10—11 τὰ
 δὲ ἀμβλυγώνια . . . ὀξυγώνια om. G, add C. 15—17 ὃ ἂν . . .
 πᾶν γὰρ τρίγωνον om. G, add. C. 23 παρ' αὐτοῖς M, B₃, G,
 om. Z, 'a Mathematicis ipsis' B. Ego coniecerim παρ' ἄλλοις
 esse scribendum. 25 τριπλεύρων] πλευρῶν G. || συστήσας G,
 συστάσας C.

ἐντὸς εὐθείας· περιέχεται ἄρα τι χωρίον ὑπὸ τε τῶν
ἐκτὸς [δύο πλευρῶν καὶ τῶν ἐντὸς δύο, ἔχει δὲ μίαν
τε γωνίαν τὴν ὑπὸ τῶν ἐκτὸς] περιεχομένην καὶ δύο
τὰς ὑπὸ τούτων καὶ τῶν ἐντὸς πρὸς τοῖς πέρασι, καθ'
5 ἃ συνάπτονται, περιεχομένας. τρίγωνον ἄρα ἐστὶ τὸ
τοιούδε σχῆμα τετράπλευρον. οὐκ ἄρα ὃ ἂν τρεῖς
εὗρωμεν ἔχον γωνίας ἢ ὀξείας, ἢ μίαν ὀρθήν, ἢ ἀμ-
βλεῖαν μίαν, εὐθύς καὶ τρίπλευρον εὐρήκαμεν καὶ ἢ
10 καὶ τετράπλευρον. οὕτω δ' ἂν εὗροις τετράγωνα
πλείους ἔχοντα τῶν τεττάρων πλευρῶν, καὶ δεῖ μὴ
προχείρως ἀπὸ τοῦ πλήθους τῶν γωνιῶν ἀποφαίνε-
σθαι περὶ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν πλευρῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν περὶ τούτων· οἱ δὲ Πυθαγό-
15 ρειοι τὸ μὲν τρίγωνον ἀπλῶς ἀρχὴν γενέσεως εἶναι
φασὶ καὶ τῆς τῶν γενητῶν εἰδοποιίας. διὸ καὶ τοὺς
λόγους τοὺς φυσικοὺς καὶ τῆς τῶν στοιχείων δημιουρ-
γίας τριγωνικοὺς εἶναι φησιν ὁ Τίμαιος. καὶ γὰρ
τριχῇ διύστανται καὶ συναγωγοὶ τῶν πάντη μεριστῶν
20 εἰσι καὶ πολυμεταβόλων, τῆς τε ἀπειρίας ἀναπίμπλαν-
ται τῆς ὑλικῆς καὶ τοὺς συνδέσμους λυτοὺς προϊσταν-
ται τῶν ἐνύλων σωμάτων. ὥσπερ δὴ καὶ τὰ τρίγωνα
περιέχονται μὲν ὑπὸ εὐθειῶν, γωνίας δὲ ἔχει τὰς τὸ
πλήθος τῶν γραμμῶν συνάγουσας καὶ κοινωνίαν
25 ἐπίκτητον αὐταῖς καὶ συναφὴν παρεχόμενας. εἰκότως

2—3 δύο πλευρῶν . . . ἐκτὸς om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), addidi ego
ex coniectura. 'quod ab externis et internis rectis comprehen-
ditur Lineis, tresque habet Angulos, unum quidem, qui ab ex-
ternis continetur' *B*. 3 περιεχόμενον *M*, *B*₃, *G*. 6 ὃ ἂν]
ἐὰν *G*, ὃ ἐὰν *M*, *C*. 9 τριπλεύρων delendum notavit *C*.
17 τοῦ φυσικοῦ, καὶ *B*₃, *G*, τοῦ φυσικοῦ αἰ *M*, quod prima vel
primae proxima manus mutavit in τοὺς φυσικοὺς καὶ. 'natu-
rales' *B*, *Z*. 20 ἀναπίμπλαται *M*. 22 τὰ om. *G*.

ἄρα καὶ ὁ Φιλόλαος τὴν τοῦ τριγώνου γωνίαν τέ-
 ταρσιν ἀνέθηκεν θεοῖς, Κρόνῳ καὶ Ἄιδῃ καὶ Ἄρεϊ καὶ
 Διονύσῳ, πᾶσαν τὴν τετραμερῇ τῶν στοιχείων δια-
 κόσμησιν τὴν ἄνωθεν ἀπὸ τοῦ οὐρανοῦ καθήκουσαν
 εἶτε ἀπὸ τῶν τεττάρων τοῦ ζωδιακοῦ τμημάτων ἐν ⁵
 τούτοις περιλαβών. ὁ μὲν γὰρ Κρόνος πᾶσαν ὑφίστησι
 τὴν ὑγρὰν καὶ ψυχρὰν οὐσίαν, ὁ δὲ Ἄρης πᾶσαν τὴν
 ἔμπυρον φύσιν, καὶ ὁ μὲν Ἄιδης τὴν χθονίαν ὅλην
 συνέχει ζωὴν, ὁ δὲ Διόνυσος τὴν ὑργὰν καὶ θερμὴν
 ἐπιτροπεύει γένεσιν, ἧς καὶ ὁ οἶνος σύμβολον ὑγρὸς ¹⁰
 ὢν καὶ θερμός. πάντες δὲ οὗτοι κατὰ μὲν τὰς εἰς
 τὰ δεύτερα ποιήσεις διεστήκασι, ἦνωνται δὲ ἀλλήλοις.
 διὸ καὶ κατὰ μίαν αὐτῶν γωνίαν συνάγει τὴν ἔνωσιν
 ὁ Φιλόλαος. εἰ δὲ καὶ αἱ τῶν τριγώνων διαφοραὶ
 συνεργοῦσι πρὸς τὴν γένεσιν, εἰκότως ἂν ὁμολογοῖτο ¹⁵
 τὸ τρίγωνον ἀρχηγὸν εἶναι τῆς τῶν ὑπὸ σελήνην
 συστάσεως. ἡ μὲν γὰρ ὀρθὴ γωνία τὴν οὐσίαν αὐτοῖς
 παρέχεται καὶ τὸ μέτρον ἀφορίζει τοῦ εἶναι, καὶ ὁ τοῦ
 ὀρθογωνίου τριγώνου λόγος οὐσιοποιός ἐστι τῶν γε-
 νητῶν στοιχείων, | ἡ δὲ ἀμβλεία τὴν ἐπίπαν διάστα- ²⁰
 σιν αὐτοῖς ἐνδίδωσι, || καὶ ὁ τοῦ ἀμβλυγωνίου λόγος
 εἰς μέγεθος αὖξει καὶ παντοίαν ἔκτασιν τὰ εἶδη
 τὰ ἐνυλὰ, ἡ δὲ ὀξεῖα γωνία διαιρετὴν αὐτὴν ἀπο-
 τελεῖ τὴν φύσιν, καὶ ὁ τοῦ ὀξυγωνίου λόγος ἐπ’
 ἄπειρον αὐτοῖς τὰς διαιρέσεις παρασκευάζει γενέ- ²⁵
 σθαι. ἀπλῶς δὲ ὁ τριγωνικὸς λόγος οὐσίαν διαστα-

8 ἔκπυρον *G*, ἔμπυρον *C*. 10 σύμβολος *G*. 13 διὸ καὶ]
 διότι *G*. 14 αἱ om. *M*, *G*; in *M* αἱ supra καὶ scriptum est
 postera manu. 15 ὁμολογοῖ τὸ *M*, ὁμολογοῖτο, omisso τὸ, *G*;
 ‘fatendum erit’ *Z*; ‘fatebimur’ *B*. 17 στάσεως *G*. 19 γεννη-
 τῶν *M*. 21 αὐτοῖς om. *G*, add. *C*. 22 ἔκτασιν *M*, *G*.
 23 Ante αὐτὴν *G* add. φύσιν, quod delendum not. *C*.

τὴν καὶ πάντα μεριστὴν ὑφίστησι τὴν τῶν ἐνύλων
σωμάτων.





Τοσαῦτα μὲν περὶ τῶν τριγώνων εἶχομεν θεωρεῖν,
ἐκ δὲ τούτων λάβοις ἂν τῶν διαιρέσεων καὶ ὅτι τὰ
5 εἶδη πάντα τῶν τριγώνων ἐπὶ ἐστὶ καὶ οὔτε πλείω
οὔτε ἐλάττω. τὸ μὲν ἰσόπλευρον ἔν ἐστι μόνον ὀξυγώ-
νιον ὑπάρχον, τῶν δὲ λοιπῶν ἑκάτερον τριπλοῦν. καὶ
γὰρ τὸ ἰσοσκελὲς ἢ ὀρθογώνιον ἐστὶν ἢ ἀμβλυγώνιον
ἢ ὀξυγώνιον, καὶ τὸ σκαληνὸν ὡσαύτως τὴν τριττὴν
10 ἔχει ταύτην διαφοράν. εἰ οὖν ταῦτα μὲν τριχῶς τὰ
δὲ ἰσόπλευρα μοναχῶς, ἐπὶ τὰ πάντα τῶν τριγώνων
εἶδη λεγέσθω. λάβοις δ' ἂν καὶ κατὰ τὴν τῶν πλευ-
ρῶν διαίρεσιν τὴν τῶν τριγώνων πρὸς τὰ ὄντα ἀνα-
λογίαν. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον κατὰ πάντα ἰσότητι
15 καὶ ἀπλότητι κρατούμενον συγγενές ἐστὶ ταῖς θείαις
ψυχαῖς — μέτρον γὰρ ἐστὶ καὶ τῶν ἀνίσων ἢ ἰσότης,
ὥσπερ καὶ τὸ θεῖον πάντων τῶν δευτέρων — τὸ δὲ
ἰσοσκελὲς τοῖς κρείττοσι γένεσι τοῖς κατευθύνουσι τὴν
ἐνυλον φύσιν, ὧν τὸ μὲν πλεον κεκράτηται τῷ μέτρῳ,
20 τὰ δὲ τελευταῖα τῆς ἀνισότητος ἐφάπτεται καὶ τῆς
ἀμετρίας τῆς ὑλικῆς — καὶ γὰρ τῶν ἰσοσκελῶν αἱ
μὲν δύο ἴσαι, ἡ δὲ βάσις ἄνισος — τὸ δὲ σκαληνὸν
ταῖς μερισταῖς ζωαῖς, αἱ πανταχόθεν χωλεύουσι καὶ
σκάξουσιν εἰς τὴν γένεσιν φερόμεναι καὶ ἀναπιμπλά-
25 μεναι τῆς ὕλης.

6 ἔν ἐστι μόνον] μονοειδῶς H_2 p. 264. 9 ὡσαύτως]
ὁμοίως H_2 p. 264. || τρίτην G . 10 εἰ οὖν τὰ μὲν G .
14 ἰσότητα C . 20 ταὶ τῆς μὲν ἀμετρίας M . 24 σκάξουσι]
κατασκενάζουσιν G .

Def. XXX—XXXIII. Τῶν δὲ τετραπλεύρων σχη-
μάτων τετράγωνον μὲν ἐστίν, ὃ ἐστὶν ἰσόπλευ-
ρόν τε καὶ ὀρθογώνιον, ἑτερόμηκες δὲ τὸ
ὀρθογώνιον μὲν, οὐκ ἰσόπλευρον δέ, ῥόμβος
δέ, ὃ ἰσόπλευρον μὲν, οὐκ ὀρθογώνιον δέ, ⁵
ῥομβοειδὲς δὲ τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς τε
καὶ γωνίας ἴσας ἀλλήλαις ἔχον, ὃ οὔτε ἰσό-
πλευρον οὔτε ὀρθογώνιον. τὰ δὲ παρὰ ταῦτα
τετράπλευρα τραπέζια καλεῖσθω.




|| Τὴν τῶν τετραπλεύρων διαίρεσιν εἰς δύο ποι- ¹⁰
εῖσθαι χρὴ τὴν πρώτην καὶ τὰ μὲν αὐτῶν παραλληλό-
γραμμα λέγειν, τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα, τῶν δὲ
παραλληλογράμμων τὰ μὲν καὶ ὀρθογώνια καὶ ἰσό-
πλευρα, ὥς τὰ τετράγωνα, τὰ δὲ οὐδέτερα τούτων, ὥς
τὰ ῥομβοειδῆ, τὰ δὲ ὀρθογώνια μὲν, οὐκ ἰσόπλευρα ¹⁵
δέ, ὥς τὰ ἑτερομήκη, τὰ δὲ ἔμπαλιν ἰσόπλευρα μὲν,
οὐκ ὀρθογώνια δέ, ὥς τοὺς ῥόμβους. ἢ γὰρ ἀμφοτέρω
ἔχειν ἀναγκαῖον τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν καὶ τὴν
ὀρθότητα τῶν γωνιῶν, ἢ οὐδέτερον, ἢ τὸ ἕτερον, καὶ
τοῦτο διχῶς, ὥστε τετραχῶς ὑφίστασθαι τὸ παραλλη- ²⁰

2 ὃ ἐστίν om. G. 3 τὸ om. G. 20 ὑφίσταται G,
ὑφίστασθαι C. In margine additae sunt in M hae descri-
ptiones:









ἐπὶ τὰ εἶδη
τετράγωνον
α ἰσόπλευρον 
β ἑτερόμηκες 
γ ῥόμβος 
δ ῥομβοειδὲς 

λόγραμμον. τῶν δὲ μὴ παραλληλογράμμων τὰ μὲν
 δύο μόνον ἔχει παραλλήλους, οὐκ ἔτι δὲ καὶ τὰς λοι-
 πάς, τὰ δὲ οὐδ' ὅλως ἔχει τῶν πλευρῶν τινὰς παραλ-
 λήλους. καὶ τὰ μὲν καλεῖται τραπέζια, τὰ δὲ τραπε-
 5 ζοειδῆ. τῶν δὲ τραπεζίων τὰ μὲν ἴσας ἔχει τὰς συν-
 απτούσας παραλλήλους ταύτας, τὰ δὲ ἀνίσους. καὶ
 καλεῖται τὰ μὲν ἰσοσκελῆ τραπέζια, τὰ δὲ σκαληνὰ
 τραπέζια. τὸ ἄρα τετράπλευρον ἐπταχῶς ἡμῖν ὑπο-
 στήσεται. τὸ μὲν γάρ ἐστι τετράγωνον, τὸ δὲ ἑτερό-
 10 μηκες, τὸ δὲ ῥόμβος, τὸ δὲ ῥομβοειδές, τὸ δὲ τρα-
 πέζιον ἰσοσκελές, τὸ δὲ σκαληνὸν τραπέζιον, τὸ δὲ
 τραπεζοειδές.

Ἄλλ' ὁ μὲν Ποσειδώνιος τελείαν εἰς ταῦτα πε-
 ποίηται τὴν τῶν τετραπλεύρων εὐθυγράμμων τομὴν
 15 ἐπὶ καὶ τούτων τὰ εἶδη θέμενος, ὥσπερ δὴ καὶ τῶν

ε̄ τραπέζιον
 ἰσοσκελές 
 ε̄ τραπέζιον
 σκαληνὸν  (sic)
 ζ̄ τραπεζο
 ειδές. 

τῶν τετραπλεύρων

Τὰ μὲν παραλληλόγραμμα  τὰ δὲ οὐ παραλληλόγραμμα
 τὰ μὲν ὀρθογώνια  τὰ δὲ οὐκ ὀρθογώνια τὰ μὲν ἔχει μόνας
 τὰ μὲν ἰσόπλευρα  τὰ δὲ ἑτερομήκη παραλλήλους  τὰ
 ῥόμβοι  ῥομβοειδῆ ἰσοσκελῆ  σκαληνὰ 
 τραπεζία τραπεζία  ὡς τὰ
 τραπεζοειδῆ.

11 ἰσοσκελές, . . . τραπέζιον om. G, add. C. 12 τραπε-
 ζοειδές G, τραπεζοειδές C.

τριγώνων, ὁ δὲ Εὐκλείδης εἰς μὲν παραλληλόγραμμα
 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα διαιρεῖν οὐκ ἡδύνατο μήτε
 περὶ τῶν παραλλήλων εἰπών, μήτε περὶ αὐτοῦ τοῦ
 παραλληλογράμμου διδάξας ἡμᾶς. τὰ δὲ τραπέζια
 πάντα καὶ τὰ τραπεζοειδῆ κοινῶς προσείρηκεν ὀνόματι ⁵
 τραπέζια, περιγράφων αὐτὰ τῶν τεττάρων ἐκείνων,
 οἷς ἐπαληθεύει τὸ τῶν παραλληλογράμμων ἴδιον, τοῦτο
 δέ ἐστι τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας
 ἔχειν. καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἑτερόμηκες καὶ
 ὁ ῥόμβος ἔχει τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ¹⁰
 ἴσας, αὐτὸς δὲ ἐπὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς μόνον τοῦτο προσ-
 ἔθηκεν, ἵνα μὴ διὰ ψιλῶν αὐτὸ παραστήσῃ τῶν ἀπο-
 φάσεων, οὔτε ἰσόπλευρον οὔτε ὀρθογώνιον εἰπών. ἐφ'
 ὧν γὰρ ἰδιαζόντων ἀποροῦμεν λόγων χρῆσασθαι τοῖς
 κοίνοις ἀναγκαῖον. ὅτι δὲ πάντων ἐστὶ τοῦτο κοινὸν ¹⁵
 τῶν παραλληλογράμμων αὐτοῦ δεικνύντος ἀκουσό-
 μεθα. ἔοικεν δὲ καὶ ὁ ῥόμβος σαλευθὲν εἶναι τετράγω-
 νον καὶ τὸ ῥομβοειδὲς κεκινημένον ἑτερόμηκες. διὸ
 κατὰ τὰς πλευράς οὐ διέστηκε ταῦτα ἐκείνων, κατὰ
 δὲ τὰς τῶν γωνιῶν ἀμβλύτητας καὶ ὀξύτητας, ἐκείνων ²⁰
 ὀρθογωνίων ὄντων. ἐὰν γὰρ νοήσῃς τὸ τετράγωνον ||
 ἢ τὸ ἑτερόμηκες κατὰ τὰς ἀπεναντίας γωνίας διελκό-
 μενον, εὐρήσεις τὰς μὲν συναγομένας καὶ ὀξείας
 γινομένας, τὰς δὲ λοιπὰς δισταμένας καὶ ἀμβλείας
 ἀναφαινομένας, | καὶ ἔοικεν καὶ τὸ ὄνομα τῷ ῥόμβῳ ²⁵

2 καὶ μὴ παραλληλόγραμμα om. G, add. C. 5 πάντα
 om. G, add. C. || τὰ τραπεζοειδῆ] τετραπεζοειδῆ C. 6 περι-
 γράφων] 'circumscribens inter' Z, 'describens ad ... differen-
 tiam' B; = secernens ab? || τεττάρων] τετραγώνων G, τεττά-
 ρων C. 7 ἐπαληθεύειν ὁ M. 10 ἐπ' ἐναντίον G, ἀπ'
 ἐναντίον C. 18 κεκινημένον] εἶναι G, κεκινημένον C.
 22 διελόμενον G, διελκόμενον C. 23—25 καὶ ὀξείας
 ἀναφαινομένας om. G.

κεῖσθαι ἀπὸ τῆς κινήσεως. καὶ γὰρ τὸ τετράγωνον εἰ νοήσεως ῥομβούμενον, φανεῖται σοι κατὰ τὰς γωνίας παρεννηγεμένον, ὥσπερ δὴ καὶ ὁ κύκλος ῥομβούμενος ἔλλειψις φαίνεται.

- 5 Περὶ δὲ αὐτοῦ τοῦ τετραγώνου ζητήσεως, διὰ τί ταύτην ἔσχε τὴν προσηγορίαν καὶ οὐχ, ὥσπερ τὸ τρίγωνον κοινόν ἐστι πᾶσι καὶ τοῖς μὴ ἰσογωνίοις μηδὲ ἰσοπλεύροις, καὶ τὸ πεντάγωνον ὡσαύτως, οὕτω καὶ τὸ τετράγωνον λέγεσθαι δύναται καὶ κατὰ τῶν
10 ἄλλων τετραπλεύρων. αὐτὸς γοῦν ὁ γεωμέτρης ἐπ' ἐκείνων προστίθησι „τρίγωνον ἰσόπλευρον“ ἢ „πεντάγωνον, ὃ ἐστὶν ἰσόπλευρον καὶ ἰσογώνιον“, ὡς δυναμένων τούτων καὶ μὴ τοιούτων εἶναι. τὸ δὲ τετράγωνον ῥηθὲν εὐθύς τὸ ἰσόπλευρον αὐτῷ δηλοῖ καὶ
15 ὀρθογώνιον. λόγος δὲ τούτου ὅδε. μόνον τὸ τετράγωνον εὐθύς χωρίον καὶ κατὰ τὰς πλευρὰς ἔχει τὸ ἄριστον καὶ κατὰ τὰς γωνίας. ἐκάστη γὰρ αὐτῶν ὀρθή ἐστι τὸ μέτρον ἀπολαβοῦσα τῶν γωνιῶν τὸ μήτε ἐπίτασιν μήτε ἄνεσιν ἐπιδεχόμενον. κατ' ἀμφοτέρα
20 οὖν πλεονεκτοῦν εἰκότως ἔσχε τὴν κοινὴν ἐπωνυμίαν. τὸ δὲ τρίγωνον κἂν ἴσας ἔχῃ τὰς γωνίας, ἀλλὰ ὀξείας πάσας καὶ τὸ πεντάγωνον ἀμβλείας πάσας. εἰκότως ἄρα τὸ τετράγωνον ἰσότητι πλευρῶν καὶ ὀρθότητι γωνιῶν συμπεπληρωμένον μόνον ἐκ πάντων τετρα-
25 πλεύρων ταύτης τῆς προσηγορίας ἔτυχεν. τοῖς γὰρ

1 κεῖσθαι om. G, add. C. 11—12 ἢ πεντάγωνον ... ἰσόπλευρον om. G. 13 τοιούτων] ποιούντων M, C.

14 αὐτὸ G. 17 ἄριστον M, B₃, G; sed in M o rasura est deletum. 'Terminatum' et in margine 'optimum' B, 'affinitatem' Z.

18 κέντρον G, μέτρον C. 19 ἀμφοτέρα G. 20 πλεονεκτούσης M, πλεονεκτούσα B₃, G, 'praestans' B, 'excedens' Z.

21 οὐκ ἴσας ἔχει γωνίας καὶ G, quae corr. C. 25 ἔτυχεν] ἔλαχεν C.

ὑπερέχουσι τῶν εἰδῶν τὸ τοῦ ὅλου πολλάκις ἐπιφημι-
 ζομεν ὄνομα. δοκεῖ δὲ καὶ τοῖς Πυθαγορείοις τοῦτο
 διαφερόντως τῶν τετραπλεύρων εἰκόνα φέρειν τῆς
 θείας οὐσίας. τὴν τε γὰρ ἄχραντον τάξιν διὰ τούτου
 μάλιστα σημαίνουσιν — ἥ τε γὰρ ὀρθότης τὸ ἄκλιτον ⁵
 καὶ ἡ ἰσότης τὴν μόνιμον δύναμιν ἀπομιμεῖται. κίνη-
 σις γὰρ ἀνισότητος ἔκγονος, στάσις δὲ ἰσότητος· οἱ
 τοίνυν τῆς σταθερᾶς ἰδρύσεως αἷτιοι τοῖς ὅλοις καὶ
 τῆς ἀχράντου καὶ ἀκλίτου δυνάμεως εἰκότως διὰ τοῦ
 τετραγωνικοῦ σχήματος ὥς ἀπ' εἰκόνοσ ἐμφαίνονται ¹⁰
 — καὶ πρὸς τούτοις ὁ Φιλόλαος κατ' ἄλλην ἐπιβο-
 λὴν τὴν τοῦ τετραγώνου γωνίαν Ῥέας καὶ Δήμητρος
 καὶ Ἑστίας ἀποκαλεῖ· διότι γὰρ τὴν γῆν τὸ τετράγω-
 νον ὑφίστησι καὶ στοιχεῖόν ἐστιν αὐτῆς προσεχές, ὥς
 παρὰ τοῦ Τιμαίου μεμαθήκαμεν, ἀπὸ δὲ πασῶν τού- ¹⁵
 των τῶν θεαινῶν ἀπορροίας ἡ γῆ δέχεται καὶ γονί-
 μους δυνάμεις, εἰκότως τὴν || τοῦ τετραγώνου γωνίαν
 ἀνῆκεν ταύταις ταῖς ζωογόνοις θεαῖς. καὶ γὰρ Ἑστίαν
 καλοῦσι τὴν γῆν καὶ Δήμητρά τινες, καὶ τῆς ὅλης
 Ῥέας αὐτὴν μετέχειν φασί, καὶ πάντα ἐστὶν ἐν αὐτῇ ²⁰
 τὰ γεννητικὰ αἷτια χθονίως. τὴν τοίνυν μίαν ἔνωσιν
 τῶν θεῶν τούτων γενῶν τὴν τετραγωνικὴν φησι γω-
 νίαν περιέχειν. ἀπεικάζουσι δὲ καὶ πρὸς τὴν σύμπα-
 σαν ἀρετὴν τὸ τετράγωνον ὥς ἔχον τέτταρας ὀρθάς,
 τελείαν ἐκάστην, ἥπερ δὴ καὶ τὰς ἀρετὰς λέγομεν ²⁵

3 διαφερόντων C. || τῆς om. G, add. C. 4 διὰ τοῦτο M.

6 ἡ ante ἰσότης om. M. || μιμεῖται H₂ p. 272. 8 στε-
 ρεᾶς G, σταθερᾶς C. || τῆς ὅλης G. 10 ἐμφαίνεται G.

11 τοῦτον G, τούτοις C. || κατὰ τὴν ἄλλην G. 16 θεῶν G.

20 ῥέας G, 'Rhea' B, 'influxus' Z. 21 γεννητὰ G, γεν-
 νητικὰ C. || αἷτια. χθονίως τοίνυν B₃, G, 'causas. Terrestri igitur' B, 'causae ... resident. unam siquidem ... unionem in terra' Z. 25 ἥπερ M, C. || λέγομεν M.

ἐκάστην τελείαν καὶ αὐτάρκη καὶ μέτρον καὶ ὄρον
 ζωῆς, καὶ πάσας μεσότητας ἀμβλείας καὶ ὀξείας. δεῖ
 δὲ μὴ λανθάνειν, ὅπως τὴν μὲν τριγωνικὴν γωνίαν
 ὁ Φιλόλαος τέτταρσιν ἀνῆκεν θεοῖς, τὴν δὲ τετρα-
 5 γωνικὴν τρισίν, ἐνδεικνύμενος αὐτῶν τὴν δι' ἀλλή-
 λων χώρησιν καὶ τὴν ἐν πᾶσι πάντων κοινωνίαν τῶν
 τε περισσῶν ἐν τοῖς ἀρτίοις καὶ τῶν ἀρτίων ἐν τοῖς
 περισσοῖς. τριάς οὖν τετραδικὴ [καὶ τετράς τριαδική]
 τῶν τε γονίμων μετέχουσai καὶ ποιητικῶν ἀγαθῶν
 10 τὴν ὅλην συνέχουσι τῶν γενητῶν διακόσμησιν. ἀφ'
 ὧν ἡ δυωδεκάς εἰς μίαν μονάδα τὴν τοῦ Διὸς ἀρχὴν
 ἀνατείνεται. τὴν γὰρ τοῦ δωδεκαγώνου γωνίαν Διὸς
 εἶναί φησιν ὁ Φιλόλαος, ὡς κατὰ μίαν ἔνωσιν τοῦ
 Διὸς ὅλον συνέχοντος τὸν τῆς δυωδεκάδος ἀριθμόν.
 15 ἡγεῖται γὰρ καὶ παρὰ τῷ Πλάτῳ δυωδεκάδος ὁ Ζεὺς
 καὶ ἀπολύτως ἐπιτροπεύει τὸ πᾶν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν τετραπλεύρων εἶχομεν λέ-
 γειν τὴν τε τοῦ στοιχειωτοῦ διάνοιαν ἐμφανίζοντες καὶ
 πρὸς τὰς θεωρικωτέρας ἐπιβολὰς ἀφορμὰς διδόντες
 20 τοῖς τῶν νοητῶν καὶ ἀφανῶν οὐσιῶν τῆς γνώσεως
 ἐφιεμένοις.

1 ἄμετρον *M, G*; in *M* ἄ rasura est deletum, 5 διάλλη-
 λον *G*. 8 τριάς οὖν καὶ τετραδικὴ *B₃, G*. || καὶ τετράς τρια-
 δικὴ om. *M, B₃, G*; 'Quaternariusque Triadicus' *B*, 'Trinitas
 igitur et quaternitas' *Z*. 9 ποιητικῶν *G*. 11 δυωδεκάς *G*,
 δωδεκάς *C*. 18 τοῦ om. *G*.

Def. XXXV. Παράλληλοι εὐθεῖαι εἰσιν, αἵτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ οὔσαι καὶ ἐκβαλλόμεναι εἰς ἄπειρον ἐφ' ἑκάτερα τὰ μέρη ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις.

Τίνα μὲν στοιχεῖα τῶν παραλλήλων καὶ τίσι γνω- 5
ρίζονται συμπτώμασιν ἐν τοῖς μετὰ ταῦτα μαθησόμεθα,
τίνες δέ εἰσιν αἱ παράλληλοι εὐθεῖαι διὰ τούτων ἀφο-
ρίζεται τῶν ῥημάτων. δεῖ τοίνυν αὐτάς, φησὶν, ἐν τε
ἐνὶ ἐπιπέδῳ εἶναι καὶ ἐκβαλλομένας ἐφ' ἑκάτερα τὰ
μέρη μὴ συμπίπτειν ἀλλήλαις ἀλλ' ἐκβάλλεσθαι εἰς 10
ἄπειρον. καὶ γὰρ αἱ μὴ παράλληλοι μέχρι τινὸς ἐκ-
βαλλόμεναι μέναιεν ἂν ἀσύμπτωτοι, || τὸ δὲ εἰς ἄπει-
ρον ἐκβαλλομένας μὴ συμπίπτειν χαρακτηρίζει τὰς
παράλληλους καὶ οὐδὲ τοῦτο ἀπλῶς ἀλλὰ τὸ ἐφ' ἑκά-
τερα ἐκβάλλεσθαι ἐπ' ἄπειρον καὶ μὴ συμπίπτειν. καὶ 15
γὰρ τῶν μὴ παραλλήλων δυνατόν κατὰ θάτερα μὲν
τὴν ἐκβολὴν ἐπ' ἄπειρον γενέσθαι, κατὰ τὰ λοιπὰ δὲ
οὔ. συννεύουσαι γὰρ ἐπὶ τάδε τὰ μέρη, | πλεον ἀφ-
ίστανται ἀλλήλων κατὰ τὰ ἕτερα. τὸ δὲ αἷτιον, ὅτι
δύο εὐθεῖαι περιέχειν οὐ δύνανται τι χωρίον. εἰ δὲ 20
κατὰ ἀμφοτέρα συννεύσαιεν, τοῦτο συμβήσεται. καὶ
μέντοι καὶ τὸ ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ εἶναι τὰς εὐθείας
ὀρθῶς προσείληπται. εἰ γὰρ ἡ μὲν εἴη ἐν τῷ ὑποκει-
μένῳ, ἡ δὲ ἐν μετεώρῳ κατὰ πᾶσαν θέσιν ἀσύμπτωτοί
εἰσιν ἀλλήλαις καὶ οὐ διὰ τοῦτο παράλληλοί εἰσιν. 25

3 τὰ om. G. 6 ἐν τούτοις M, G. 13 χαρακτηρίζειν G.

14 παραλλήλοις M. 15 συμπιπτόν G, συμπίπτειν C.

16 γὰρ om. M. || τῶν] τούτων G. 21 τοῦτο μὴ συμβήσε-
ται G, μὴ delendum not. C. 23 προσείληπται B₃, G, 'insuper
acceptum fuit' B, 'assumptum est' Z. 24 ἐν τῷ μετεώρῳ G.

25 καὶ διὰ τοῦτο παράλληλοι οὐκ εἰσίν G.

ἐν οὖν ἔστω τὸ ἐπίπεδον καὶ ἐκβαλλέσθωσαν ἐπ' ἄπειρον κατὰ ἀμφοτέρω καὶ συμπιπτεύωσαν ἀλλήλαις κατὰ μηδέτερα. τούτων γὰρ ὑπαρχόντων ἔσονται παράλληλοι εὐθεῖαι.

- 5 Καὶ ὁ μὲν Εὐκλείδης τοῦτον ὀρίζειται τὸν τρόπον τὰς παραλλήλους εὐθείας, ὁ δὲ Ποσειδώνιος, παράλληλοι, φησὶν, εἶσιν αἱ μήτε συνεύουσαι μήτε ἀπονεύουσαι ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, ἀλλ' ἴσας ἔχουσαι πάσας τὰς καθέτους τὰς ἀγομένας ἀπὸ τῶν τῆς ἐτέρας σημείων ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ὅσαι δ' ἂν ἐλάττους αἰ ποί-
10 ωσι τὰς καθέτους συνεύουσιν ἀλλήλαις· ἡ γὰρ κάθετος τὰ τε ὕψη τῶν χωρίων καὶ τὰ διαστήματα τῶν γραμμῶν ὀρίζειν δύναται. διόπερ ἴσων μὲν τῶν καθέτων οὐσῶν ἴσα τὰ διαστήματα τῶν εὐθειῶν, μειζόνων
15 δὲ καὶ ἐλαττόνων γινομένων καὶ ἡ ἀπόστασις ἐλασσοῦται καὶ συνεύουσιν ἀλλήλαις, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ κάθετοι ἐλάσσονες.

- Δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι τὸ ἀσύμπτωτον οὐ πάντως παραλλήλους ποιεῖ τὰς γραμμάς — καὶ γὰρ τῶν ὁμο-
20 κέντρων κύκλων αἱ περιφέρειαι οὐ συμπίπτουσιν — ἀλλὰ δεῖ καὶ ἐπ' ἄπειρον αἰτὰς ἐκβάλλεσθαι. τοῦτο δὲ οὐ μόναις ὑπάρχει ταῖς εὐθείαις, ἀλλὰ καὶ ἄλλαις γραμμαῖς. δυνατόν γὰρ νοῆσαι τεταγμένας ἑλικας περὶ εὐθείας γραφομένας, αἵτινες συνεκβαλλόμεναι
25 ταῖς εὐθείαις εἰς ἄπειρον οὐδέποτε συμπίπτουσι. ταῦτα μὲν οὖν παρὰ (?) τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος διεῖλεν ἐξ ἀρχῆς, ὅτι τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσιν ὠρισμέναι καὶ

1 ἐκβαλλέτωσαν G.

2 ἀμφοτέρον G, ἀμφοτέρα C.

10 αἰ om. G. 15 γενομένων G, γινομένων C. 20 οὐ om. M, sed postera manu additum est intra lineas. 26 Γεμῖνος ὀρθῶς παρὰ τούτων G, περὶ τούτων ὀρθῶς Γεμῖνος B₃, 'ex his' B, 'praeter hos' Z. 27 μὲν εἰσιν αἱ μὲν G.

σχῆμα περιέχουσιν, ὡς ὁ κύκλος καὶ ἡ τῆς ἐλλείψεως γραμμὴ καὶ ἡ κισσοειδῆς καὶ ἄλλαι παμπληθεῖς, αἱ δὲ ἀόριστοι καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι, ὡς ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ τοῦ ὀρθογωνίου κώνου τομὴ καὶ ἡ τοῦ ἀμβλυγωνίου καὶ ἡ κογχοειδῆς. πάλιν δὲ αὐτῶν εἰς ἄπειρον 5 ἐκβαλλομένων αἱ μὲν οὐδὲν σχῆμα περιλαμβάνουσιν, ὡς ἡ εὐθεῖα καὶ αἱ κωνικαὶ τομαὶ αἱ εἰρημέναι, αἱ δὲ συνελθούσαι τε καὶ ποιήσασαι σχῆμα ἐπ' ἄπειρον τὸ λοιπὸν ἐκφέρονται. || τούτων δὲ αἱ μὲν εἰσιν ἀσύμπτωτοι αἱ, ὅπως ποτ' ἂν ἐκβληθῶσιν, μὴ συμπίπτουσαι, 10 συμπτωταὶ δὲ αἱ ποτε συμπεσοίμεναι. τῶν δὲ ἀσυμπτῶτων αἱ μὲν ἐν ἐνὶ εἰσιν ἀλλήλαις ἐπιπέδῳ, αἱ δὲ οὐ. τῶν δὲ ἀσυμπτῶτων καὶ ἐν ἐνὶ οὐσῶν ἐπιπέδῳ αἱ μὲν ἴσον ἀεὶ διάστημα ἀφεστήκασιν ἀλλήλων, αἱ δὲ μειοῦσιν ἀεὶ τὸ διάστημα, ὡς ὑπερβολὴ πρὸς τὴν 15 εὐθεῖαν καὶ ἡ κογχοειδῆς πρὸς τὴν εὐθεῖαν. αὗται γὰρ ἀεὶ ἐλασσουμένου τοῦ διαστήματος ἀεὶ ἀσύμπτωτοί εἰσιν καὶ συνεύουσι μὲν ἀλλήλαις, οὐδέποτε δὲ συνεύουσι παντελῶς, ὃ καὶ παραδοξότατόν ἐστιν ἐν γεωμετρίας θεώρημα δεικνύον σύννευσιν τινῶν γραμμῶν 20 ἀσύννευστον. τῶν δὲ ἴσον ἀεὶ ἀπεχουσῶν διάστημα αἱ εἰσιν εὐθεῖαι μηδέποτε ἐλασσον ποιοῦσαι τὸ μεταξὺ αὐτῶν ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ παράλληλοί εἰσιν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τῆς Γεμίνου φιλοκαλίας εἰς τὴν τῶν προκειμένων ἐξηγήσιν ἀνελεξάμεθα. 25

1 ἐκλείψεως *M*. 5 δὲ αὐτὴ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι *G*.
 8 ποιήσασθαι *G*. 14 ἀνεστήκασιν *G*, ἀφεστήκασιν *C*.
 16 καὶ ἡ κογχοειδῆς πρὸς τὴν εὐθεῖαν *om. G, add. C, omisso autem ἡ*. 17 ἐλασσουμέναι *C*. 25 *G* addit in fine: Τέλος τοῦ δευτέρου.

PETITA ET AXIOMATA.

| || Τῶν γεωμετρικῶν ἀρχῶν τριχῇ διηρημένων εἰς
 τε ὑποθέσεις καὶ αἰτήματα καὶ ἀξιώματα τὴν μὲν πρὸς
 ἀλλήλας τούτων διαφορὰν ἐν τοῖς πρόσθεν γεγραμμέ-
 νοις παραδεδώκαμεν, περὶ δὲ αἰτήματος καὶ ἀξιώματος
 5 ἰδίᾳ προκείμεθω νυνὶ διελθεῖν ἀκριβέστερον, ἅτε δὴ
 καὶ περὶ αὐτῶν ἡμῖν ὄντος ἐνταῦθα τοῦ λόγου προ-
 ηγουμένως. τὰς γὰρ ὑποθέσεις καὶ τοὺς καλουμένους
 ὅρους ἐν τοῖς προειρημένοις ἐσκέμεθα.

Κοινὸν μὲν οὖν ἐστὶ τοῖς τε ἀξιώμασι καὶ τοῖς
 10 αἰτήμασι τὸ μὴ προσδεῖσθαι τινος ἀποδείξεως μηδὲ
 γεωμετρικῶν πίστεων, ἀλλ' ὥς γνώριμα λαμβάνεσθαι
 καὶ ἀρχὰς ταῦτα γίνεσθαι τῶν ἐφεξῆς. διέστηκεν δὲ
 ἀπ' ἀλλήλων, ἥ καὶ τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων
 διώρισται. καθάπερ γὰρ ἐν μὲν τοῖς θεωρήμασι τί
 15 ἀκόλουθον ἰδεῖν καὶ γινῶναι τοῖς ὑποκειμένοις προτι-

πρόκλου γλκίου πλατωνικοῦ διαδοχῶ^Υ εἰς τὸ πρῶτον
 εὐκλείδου στοιχεῖον· λ' β'. M; at in margine Ὶ. ΠΡΟΚΛΟΥ
 ΔΙΑΔΟΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν εὐκλείδους
 ΣΤΟΙΧΕΙΩΝ ΒΙΒΛΙΟΝ ΤΡΙΤΟΝ. G.

3 ἄλλα G. 4 In M adscriptum est in margine: περὶ
 αἰτήματος. 5 προσκείσθω G. 9 In M adscriptum est in
 margine: κοινῶν καὶ διαφορὰ ἀξιώματος καὶ αἰτήματος.
 11 γεωμετρικῶν πίστεων M, quod postera manus correxit in γεω-
 μετρικῶν πίστεων. γεωμετρικῆς πίστεως B₃, G, 'Geometrica
 fide' B, Z. 13 ἢ M.

θέμεθα, ἐν δὲ τοῖς προβλήμασι πορίσασθαι καὶ ποιῆσαι
 τι προστατιόμεθα, κατὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐν μὲν τοῖς
 ἀξιώμασι ταῦτα λαμβάνεται, ὅσα αὐτόθεν εἰς γνῶσιν
 ἐστὶ καταφανῆ καὶ πρόχειρα ταῖς ἀδιδάκτοις ἡμῶν ἐν-
 νοίαις, ἐν δὲ τοῖς αἰτήμασι ταῦτα ζητοῦμεν λαβεῖν, 5
 ὅσα ἐστὶν εὐπόριστα καὶ εὐμήχανα, τῆς διανοίας οὐ
 καμνούσης περὶ τὴν λῆψιν αὐτῶν, οὐδὲ ποικιλίας
 δεόμενα οὐδὲ κατασκευῆς. γνῶσις ἄρα ἐναργῆς καὶ
 ἀναπόδεικτος καὶ λῆψις ἀκατάσκευος διορίζουσι τὰ τε
 αἰτήματα καὶ τὰ ἀξιώματα, ὥσπερ καὶ γνῶσις ἀπο- 10
 δεικτικὴ καὶ λῆψις τῶν ζητουμένων μετὰ παρασκευῆς
 τὰ θεωρήματα τῶν προβλημάτων διέκρινεν. δεῖ γάρ
 δὴ πανταχοῦ τὰς ἀρχὰς τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς διαφέρειν
 τῇ ἀπλότητι, τῷ ἀναποδείκτῳ, τῷ αὐτοπίστῳ. καθόλου
 γάρ, φησὶν ὁ Σπένσιππος, ὧν ἡ διάνοια τὴν θήραν 15
 ποιεῖται τὰ μὲν οὐδεμίαν ποικίλην ποιησαμένη δι-
 ἐξοδον προβάλλει καὶ προεντρεπίζει πρὸς τὴν μέλλου-
 σαν || ζήτησιν καὶ ἔχει τούτων ἐναργεστέραν ἐπαφὴν
 μᾶλλον ἢ τῶν ὁρατῶν ἢ ὄψις, τὰ δὲ ἐκ τοῦ εὐθέως
 αἶρειν ἀδυνατοῦσα κατὰ μετάβασιν ἐπ' ἐκεῖνα δια- 20
 βαίνουσα κατὰ τὸ ἀκόλουθον αὐτῶν ἐπιχειρεῖ ποι-
 εῖσθαι τὴν θήραν. οἷον τὸ μὲν ἀπὸ σημείου γραμμὴν
 εὐθεῖαν ἐπὶ σημεῖον ἀγαγεῖν ὡς πρόχειρον λαμβάνει
 καὶ εὐπόριστον. τῇ γὰρ ὁμαλῇ ῥύσει τοῦ σημείου
 συγκινουμένη καὶ συμπροιοῦσα τῷ μηδαμοῦ μᾶλλον 25

2 κατὰ] καὶ G, κατὰ C. 3 αὐτόθι G. || φύσιν C.
 7 λείψιν G. 12 προέκρινε G, διέκρινε C. 15 θήραν],
 θεωρίαν G, θᾶραν B₃, 'venatur' B, 'inspectiones' Z. 20 ἀπ'
 ἐκεῖνων G, ἐπ' ἐκεῖνα C. || διαβάλλουσα M, cui postera manus
 supra addidit διαβαίνουσα. 21 καὶ τὸ ἀκόλουθον G. || ἐπι-
 χειρεῖσθαι G, ἐπιχειρεῖ ποιεῖσθαι C. 25 συγκινουμένη G. ||
 προιοῦσα G, συμπροιοῦσα C.

καὶ ἦττον ἀπονεύειν εἰς τὸ ἕτερον καταντᾶ σημεῖον.
 πάλιν εὐθείας τὸ μὲν τῶν περάτων μένον, τὸ δὲ περὶ
 αὐτὸ κινούμενον ἀπραγματεύτως γέγραφεν τὸν κύκλον.
 εἰ δέ τις ἔλικα μονόστροφον γράφειν ἐθέλῃσειεν, ποι-
 5 κλωτέρας δεῖται μηχανῆς — καὶ γὰρ κινήσεις ποι-
 κίλαι γεννῶσιν αὐτήν — καὶ εἴ τις τρίγωνον ἰσόπλευ-
 ρον συστήσασθαι, κἀνταῦθα δεῖσεται μεθόδου τινὸς
 εἰς τὴν τοῦ τριγώνου σύστασιν. ἐρεῖ γὰρ ὁ γεωμετρι-
 κὸς νοῦς, ὅτι νοήσας εὐθεῖαν κατὰ μὲν θάτερον τῶν
 10 περάτων μένουσαν κατὰ δὲ θάτερον κινουμένην περὶ
 ἐκεῖνο καὶ σημεῖον ἀπὸ τοῦ μένοντος ἐπ' αὐτῆς κινού-
 μενον γέγραφα τὴν μονόστροφον ἔλικα· ἅμα γὰρ καὶ
 τὸ πέρας τῆς εὐθείας κυκλογραφοῦν καὶ τὸ σημεῖον
 ἐπὶ τῆς εὐθείας κινούμενον εἰς ταῦτὸ καταστάντα καὶ
 15 συμπεσόντα ποιεῖ μοι τὴν τοιαύτην ἔλικα. καὶ πάλιν
 κύκλους ἴσους γράψας καὶ ἀπὸ τῆς κοινῆς τομῆς εἰς
 τὰ κέντρα τῶν κύκλων ἐπιξεύξας καὶ ἀπὸ θατέρου
 τῶν κέντρων ἐπὶ θάτερον εὐθεῖαν ἀγαγὼν ἔξω τὸ
 ἰσόπλευρον τρίγωνον. πολλοῦ ἄρα δεῖ ταῦτα δι'
 20 ἀπλῆς ἐπιβολῆς ἀποτελεῖσθαι καὶ τῆς πρώτης ἐπι-
 νοίας. ἀγαπήσωμεν γὰρ ἀκολουθοῦντες αὐτῶν ταῖς
 γενέσεσι.

Τὸ μὲν οὖν ῥᾶον τὰ τοιαῦτα πορίζεσθαι ἢ καὶ
 χαλεπώτερον, καὶ ἢ διὰ πλειόνων δείκνυσθαι μέσων
 25 ἢ δι' ἐλαττόνων παρὰ τὰς ἕξεις γίνεται τῶν μεταχει-

1 καταντᾶ] κατὰ ταῦτα G. 2 μένον τὸ δὲ] μόνον G.
 3 ἀπραγματεύτως om. G, add. C. 9 νοῆσαι G. 12—14
 γέγραφα . . . κινούμενον om. G. 14 καταστήσαντα M, G;
 sed in M postera manus puncta supra ης addidit. 16 ὅσους G,
 ἴσους C. 18 θατέραν M. 20 ὑποτελεῖσθαι G, ἀποτελεῖ-
 σθαι C. 21 ἀγαπήω μὲν G, ἀγαπήων μὲν C. 25 ἕξης G,
 ἕξεις C. || γίνεσθαι M, C, 'evenit' B, om. Z.

ριζομένων, τὸ δὲ ὅλως ἀποδείξεως δεῖσθαι καὶ κατα-
σκευῆς παρὰ τὴν ιδιότητα τῶν ζητούμενων τῆς τῶν
αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων ἐναργείας ἀπολειπομένην.
ἄμφω μὲν οὖν τὸ ἀπλοῦν ἔχειν δεῖ καὶ εὐληπτον, τὸ
τε αἶτημα λέγω καὶ τὸ ἀξίωμα, ἀλλὰ τὸ μὲν αἶτημα ⁵
προσάττει ἡμῖν μηχανήσασθαι καὶ πορίσασθαι τινα
ὑλὴν εἰς συμπτώματος ἀπόδοσιν ἀπλὴν ἔχουσαν καὶ
εἰπεῖν τὴν λήψιν, τὸ δὲ ἀξίωμα συμβεβηκός τι καθ’
αὐτὸ λέγειν γνώριμον αὐτόθεν τοῖς ἀκούουσιν, ὥσπερ
καὶ τὸ θερμὸν εἶναι τὸ πῦρ ἢ ἄλλο τι τῶν περιφανε- ¹⁰
στάτων, ἐφ’ ὧν τοῖς ἀποροῦντας ἢ αἰσθήσεως ἢ κο-
λάσεως δεῖσθαι λέγομεν, ὥστε ὁμογενὲς μὲν τὸ αἶτημα
τῷ ἀξιώματι, διαφέρουν δὲ αὐτοῦ τὸν εἰρημένον τρό-
πον. ἐκάτερον γάρ | ἐστὶν ἀρχὴ ἀναπόδεικτος, ἀλλὰ
τὸ μὲν ὠδί, τὸ δὲ ἄλλως, καθάπερ εἶπομεν. 15

Ἦδη δὲ οἱ μὲν πάντα αἰτήματα || καλεῖν ἀξιούσιν,
ὥσπερ καὶ προβλήματα τὰ ζητούμενα πάντα. καὶ
γὰρ ὁ Ἀρχιμήδης τῶν ἀνισόρροπιῶν ἀρχόμενος:
„Αἰτούμεθα, φησί, τὰ ἴσα βάρη ἀπὸ τῶν ἴσων μη-
κῶν ἰσορροπεῖν.“ καίτοι τοῦτο μᾶλλον ἀξίωμα ἢ τις ²⁰
προσεῖποι. οἱ δὲ πάντα ἀξιώματα προσαγορεύουσιν,
ὥσπερ δὴ καὶ θεωρήματα πάντα τὰ ἀποδείξεως δεό-
μενα. κατὰ τὴν αὐτὴν γὰρ ὥς ἔοικεν ἀναλογίαν ἀπὸ
τῶν ιδίων ἐπὶ τὰ κοινὰ μεταβεβήκασιν ὀνόματα. δι-

1 δεῖσθαι] χρῆσθαι G (χρῆσθαι καὶ κατασκευῆς δεῖσθαι),
H₁ p. 454. 3 ἐνεργείας G, H₂ p. 258, ἐναργείας C. || ἀπο-
λειπομένων G, 'quae . . . deficit' B, 'repudiantium' Z.
5 λέγων G, λέγω C, H₁ p. 454, H₂ p. 258. 6 προσάττειν
M, C, 'imperat' B, 'praecipit' Z. 7 συμπτώσιν G, συμπτώ-
ματος C, συμπτωμάτων H₁ p. 454, H₂ p. 258. || ὑπόδοσιν H₁,
ἀπόδοσιν H₂. 8 καθ’ αὐτὸ G, καταντὸ M, καθ’ αὐτὸ (καὶ
ταὐτὸ) H₂ p. 258. 11 ἐφ’ ὧν καὶ τοὺς G. 20 καὶ τοι-
οῦτο G. 21 προσεῖποι] εἴποι G.

ἔστηκεν δὲ ὁμῶς ὥσπερ πρόβλημα θεωρήματος οὕτως καὶ αἴτημα ἀξιώματος, εἰ καὶ ἀμφοτέρω ἀναπόδεικτά ἐστι, καὶ τὸ μὲν ὥς εὐπόριστον λαμβάνεται, τὸ δὲ ὥς εὐγνωστον ὁμολογεῖται.

5 Γεμῖνος μὲν οἶν κατὰ τοῦτον τὸν λόγον τὰ αἰτήματα διαιρεῖ τῶν ἀξιωμάτων, ἄλλοι δ' ἂν φαῖεν, ὅτι τὰ μὲν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς ἐστὶν ὕλης, τὰ δὲ κοινὰ πάσης τῆς περὶ τὸ ποσὸν καὶ πηλίκον θεωρίας. τὸ μὲν γὰρ τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας εἶναι καὶ πᾶσαν
 10 εὐθείαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν ὁ γεωμέτρης οἶδεν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι κοινή ἐστὶν ἔννοια καὶ ὅ τε ἀριθμητικὸς αὐτῇ χρῆται καὶ ἕκαστος τῶν ἐπιστημόνων ἐφαρμοζὼν τῇ ἑαυτοῦ ὕλῃ τὸ κοινόν. ὁ δὲ Ἀριστοτέλης, ὥς πού
 15 καὶ πρότερον εἶπομεν, αἰτημά φησιν ἀποδεικτὸν ὄν καὶ μὴ συγχωρούμενον ὑπὸ τοῦ ἀκούοντος ὁμῶς ἀρχὴν λαμβάνεσθαι, τὸ δὲ ἀξίωμα ἀναπόδεικτον ὑπάρχειν καθ' αὐτὸ καὶ πάντας ἂν ὁμολογῆσαι κατὰ διάθεσιν, εἰ καὶ λόγου ἔνεκα τινὲς διαμφισβητοῖεν πρὸς
 20 αὐτό.

Τριῶν δὲ τούτων ὄντων διορισμῶν κατὰ μὲν τὸν πρῶτον, ὅς τῷ πορίσασθαι καὶ τῷ γνῶναι μόνον τὸ αἴτημα διίστησι τοῦ ἀξιώματος, δῆλον ὅτι τὸ πᾶσας ὀρθὰς ἴσας εἶναι τὰς γωνίας οὐκ ἐστὶν αἴτημα, οὐδὲ
 25 τὸ πέμπτον τὸ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθειά τις ἐμπιπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο

8 ποικίλον *G*, ποιλίκον *C*. 14 ὥπου *M*; postera manus σ addidit; ὥσπερ *G*, 'ut' *B*, 'sicut' *Z*. 15 ἀποδεικτικὸν *G*.

21 δὲ *G*. 22 ὅς] ὡς *M*, *G*; in *M* postera manus ὅς super ὡς scripsit. || τὸ πορίσασθαι καὶ τὸ γνῶναι *C*. 24 εἶναι

ἴσας *G*. || In *M* adscriptum est in margine: ὅτι τὸ δ καὶ ε οὐκ ἐστὶν αἴτημα.

ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, ἐκβαλλομένης τὰς εὐθείας
 συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσ-
 σονες. ταῦτα γὰρ οὐκ εἰς κατασκευὴν λαμβάνεται
 οὐδὲ πορίσασθαι τι ἄξιοι, ἀλλὰ σύμπτωμά τι δηλοῖ
 ταῖς ὀρθαῖς γωνίαις συννύαρχον καὶ ταῖς ἀπ' ἐλασ- 5
 σόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομέναις. κατὰ δὲ τὸν δεύ-
 τερον οὐκ ἔσται ἄξιωμα τὸ δύο εὐθείας χωρίον μὴ
 περιέχειν, ὃ καὶ νῦν τινες ὡς ἄξιωμα προσγράφουσι.
 καὶ γὰρ τοῦτο τῆς γεωμετρικῆς ὕλης ἐστίν, ὥσπερ τὸ πά-
 σας τὰς ὀρθὰς || ἴσας εἶναι γωνίας, κατὰ δὲ τὸν τρίτον 10
 τὸν Ἀριστοτελικὸν πάντα μὲν, ὅσα δι' ἀποδείξεως
 πιστοῦνται τινος, ἔσται αἰτήματα, ὅσα δὲ ἀναπόδεικτά
 ἐστίν, ἄξιώματα. μάτην οὖν τῶν ἀξιωμάτων Ἀπολ-
 λώνιος ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις παραδιδόναι. ὀρθῶς
 γὰρ καὶ ὁ Γεμῖνος ἐπέστησεν, ὅτι οἱ μὲν καὶ τῶν 15
 ἀναποδείκτων ἀποδείξεις ἐπενόησαν καὶ ἀπὸ ἀγνω-
 στοτέρων μέσων τὰ γνώριμα πᾶσιν κατασκευάζειν
 ἐπεχείρησαν — ὃ δὴ πέπονθεν ὁ Ἀπολλώνιος δει-
 κνύναι βουλόμενος ὅτι ἀληθὲς τὸ ἄξιωμα τὸ λέγον τὰ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι — οἱ δὲ καὶ τὰ 20
 ἀποδείξεως δεόμενα ἐν τοῖς ἀναποδείκτοις προσειλή-
 φασιν, ὡς αὐτὸς Εὐκλείδης τό τε πέμπτον αἴτημα
 καὶ τὸ τέταρτον. καὶ γὰρ τοῦτό τινες ὡς ἀμφίβολον
 ἀποδείξεως δεῖσθαι φασί. καὶ πῶς γὰρ οὐ γελοῖον,
 ὦν τὰ ἀντίστροφα θεωρήματά ἐστιν ἀποδεικτά, ταῦτα 25
 ὡς ἀναπόδεικτα προστάττειν. ὅτι γὰρ τῶν συμ-
 πτουσῶν εὐθειῶν αἱ ἐντὸς ἐλάσσους εἰσὶ δυεῖν ὀρθαῖν,
 αὐτὸς ὁ Εὐκλείδης δείκνυσιν ἐν ἐκείνῳ τῷ θεωρή-

1 ποιεῖ C. 6 ἐκβαλλομένην C. 15 καὶ post οἱ μὲν
 ὁμ. G. 25 ἀποδεικτικὰ G, ἀναποδεικτικὰ C. 26 προσ-
 ἄπτει C. 27 ἐκτὸς G, ἐντὸς C.

ματι „παντὸς τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες εἰσιν πάντῃ μεταλαμβανόμεναι.“ ἀλλὰ καὶ ὅτι οὐ πάντως ἢ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστι δεικνύται σαφῶς· οὐκ ἄρα ἀναπόδεικτα τὰ τούτοις ἀντιστρέφοντα εἶναι
 5 συγγωρητέον, φησὶν ὁ Γεμῖνος. ἔοικεν οὖν κατὰ τὴν τούτου διάταξιν τρία μὲν εἶναι αἰτήματα, τὰ δὲ λοιπὰ δύο δεῖσθαι τῆς ἀποδεικτικῆς ἐπιστήμης, αὐτὰ τε καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα αὐτοῖς, ἐν δὲ τοῖς ἀξιώμασι τὸ δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν προσκείμεναι περιττῶς,
 10 εἴπερ δι’ ἀποδείξεως ἔχοι τὸ πιστόν.

Περὶ μὲν οὖν τῆς διαφορᾶς τῶν αἰτημάτων καὶ ἀξιωμάτων τσαῦτα, πάλιν δὲ αὖ τῶν ἀξιωμάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀριθμητικῆς ἰδία, τὰ δὲ γεωμετρίας, τὰ δὲ κοινὰ αὐταῖς ἀμφοτέραις. τὸ μὲν γὰρ πάντα ἀριθμὸν
 15 ὑπὸ μονάδος μετρεῖσθαι ἀξίωμα ἀριθμητικόν ἐστι, τὸ δὲ „αἱ ἴσαι εὐθεῖαι ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις“ καὶ τὸ πᾶν μέγεθος ἐπ’ ἄπειρον εἶναι διαιρετὸν ἀξιώματα γεωμετρικά ἐστιν, τὸ δὲ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι, καὶ ὅσα τοιαῦτα, κοινὰ ἐστὶν ἀμφοῖν. χρῆ-
 20 ται δὲ ἑκάτερα καὶ τοῖτοις ἐφ’ ὅσον τὸ ὑποκείμενον ἀπαιτεῖ, οἷον ἢ μὲν γεωμετρία ἐπὶ μεγεθῶν, ἢ δὲ ἀριθμητικὴ ἐπ’ ἀριθμῶν. ὥσαύτως δὲ καὶ τῶν αἰτημάτων τὰ μὲν ἴδια τῶν || ἐπιστημῶν ἐστὶν, τὰ δὲ κοινὰ. τὸ μὲν γὰρ διελεῖν τὸν ἀριθμὸν εἰς τὰ ἐλάχιστα μέρη
 25 τῆς ἀριθμητικῆς ἰδίου ἂν φαίης αἶτημα, τὸ δὲ πᾶσαν εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ’ εὐθείας ἐκβαλεῖν τῆς γεωμετρίας, τὸ δὲ εἰς ἄπειρον αὔξειν τὸ ποσὸν κοινὸν ἀμφοτέρων. καὶ γὰρ ὁ ἀριθμὸς καὶ τὸ μέγεθος τοῦτο δύναται πάσχειν.

3 παντὸς C. 4 τὰ ante τούτοις om. M, G, in M postera manus addidit. || εἶναι om. G. 12 αὐτῶν G. 17 διαιρετήν G.

Pet. I—III. Ἡιτήσθω ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ
 πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν καὶ
 πεπερασμένην εὐθεῖαν | κατὰ τὸ συνεχὲς ἐπ'
 εὐθείας ἐκβαλεῖν καὶ παντὶ κέντρῳ καὶ δια-
 στήματι κύκλον γράψαι. 5

Ταῦτα τὰ τρία καὶ ἐναργείας ἕνεκα καὶ τοῦ πορί-
 σασθαι τι προστάττειν ἡμῖν ἐν τοῖς αἰτήμασιν ἐξ
 ἀνάγκης ταχθήσεται κατὰ γε τὸν Γεμῖνον. τὸ μὲν γὰρ
 ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμ-
 μὴν ἀγαγεῖν ἐπόμενόν ἐστι τῷ ῥύσιν εἶναι τοῦ σημείου 10
 τὴν γραμμὴν καὶ τὴν εὐθεῖαν ὁμαλὴν καὶ ἀπαρέγκλι-
 τον ῥύσιν. νοήσαντες οὖν τὸ σημεῖον κινούμενον τὴν
 ὁμαλὴν καὶ ἐλαχίστην κίνησιν ἐπὶ θάτερον σημεῖον
 καταντήσομεν, καὶ τὸ πρῶτον αἶτημα γέγονεν οὐδὲν
 ποικίλον ἡμῶν ἐπινενοηκότων. εἰ δὲ δὴ τῆς εὐθείας 15
 σημείῳ περατουμένης ὡσαύτως νοήσαιμεν τὸ πέρας
 αὐτῆς κινούμενον τὴν ἐλαχίστην καὶ ὁμαλὴν κίνησιν,
 ἔσται τὸ δεύτερον αἶτημα πορισθὲν ἀπὸ εὐμηχάνου
 καὶ ἀπλῆς ἐπιβολῆς. εἰ δὲ αὖ μένουσαν μὲν τὴν πε-
 περασμένην εὐθεῖαν κατὰ θάτερον, κινουμένην δὲ 20
 περὶ τὸ μένον κατὰ τὸ λοιπόν, τὸ τρίτον ἂν εἴη γένος.
 κέντρον μὲν γὰρ ἔσται τὸ μένον σημεῖον, διάστημα
 δὲ ἡ εὐθεῖα. ὅση γὰρ ἂν αὕτη τυγχάνῃ, τοσοῦτο
 ἔσται τὸ ἀπόστημα τοῦ κέντρου πρὸς πάντα τὰ μέρη
 τῆς περιφερείας. εἰ δὲ τις ἀποροίῃ, πῶς κινήσεις ἐπ- 25
 εισάγομεν τοῖς γεωμετροῦσι ἀκινήτοις οὖσιν, πῶς δὲ

1 ἡιτήσθω M, G.

6 ἐναργείας G, ἐναργείας C.

14 καταντήσομεν G. 15 δεῖ G, δὴ C. 18 ἔστι C. 21 καὶ
 τὸ λοιπόν C. 22 γὰρ ἔστι G. 23 τοσοῦτον ἐστὶ G.

26 γεωμετρικοῖς G, γεωμετροῦσι C.

τὰ ἀμερῇ κινουῦμεν — ταῦτα γὰρ ἀδύνατα εἶναι παν-
 τελῶς — ἀξιῶσομεν αὐτὸν μὴ παντάπασιν δυσχεραί-
 νειν μεμνημένον τῶν ἐν ἀρχῇ, προαποδεδειγμένων, ὡς
 ἄρα περὶ τῶν ἐν φαντασίᾳ κειμένων οἱ λόγοι γράφου-
 5 σιν ἐκεῖ πάντα τὰ τῆς διανοίας εἰκόνας ὧν ἔχει λόγων.
 τὸ γὰρ ἄγραφον γραμματεῖον οὗτος ἦν ὁ τελευταῖος
 νοῦς καὶ παθητικός. ἀλλ' οὐδὲν ἡμῖν ὁ λόγος οὗτος.
 ὁ γὰρ τοι νοῦς ὁ τὰ εἶδη δεχόμενος ἀλλαχόθεν διὰ
 κινήσεως αὐτὰ δέχεται. τὴν δὲ κίνησιν μὴ τοι σωμα-
 10 τικὴν ἀλλὰ φανταστικὴν νοήσωμεν καὶ τὰ ἀμερῇ τὰς
 μὲν σωματικὰς κινήσεις κινεῖσθαι μὴ συγχωρῶμεν τὰς
 δὲ αὐτὰ φανταστικὰς διεξόδους ὑπομένειν. καὶ γὰρ ὁ
 νοῦς ἀμερῆς ὧν κινεῖται καὶ οὐ τοπικῶς καὶ ἡ φαν-
 τασία κατὰ τὸ ἐαυτῆς || ἀμερὲς ἔχει κίνησιν ἰδίαν.
 15 ἡμεῖς δὲ εἰς τὰς σωματικὰς κινήσεις ἀποβλέποντες
 ἀπογινώσκομεν τῶν ἐν τοῖς ἀδιαστάτοις κινήσεων. τοῦ
 μὲν οὖν σωματικοῦ τόπου καὶ τῶν ἔξω κινήσεων τὰ
 ἀμερῇ καθαρφεύει· κινήσεως δὲ ἄλλο εἶδος καὶ τόπος
 ἄλλος ἐπ' αὐτῶν θεωρεῖται ταῖς κινήσεσι σύστοιχος,
 20 ἐπεὶ καὶ θέσιν ἔχειν τὸ σημεῖον ἐν τῇ φαντασίᾳ λέγο-
 μεν καὶ οὐ ζητοῦμεν, πῶς ἀμερὲς ἔτι δύναται μένειν
 τὸ κινούμενόν που καὶ περιεχόμενον ὑπὸ τοῦ τόπου.
 τόπος γὰρ τῶν μὲν διαστατῶν διαστατός ἐστι, τῶν δὲ
 ἀμερῶν ἀδιάστατος. ἄλλα οὖν τὰ ἰδίως τῶν γεωμε-
 25 τρητῶν εἶδη καὶ ἄλλα τὰ ἀπ' ἐκείνων ὑφιστάμενα, καὶ
 ἄλλη τῶν σωματίων κινήσεις, ἄλλη τῶν ἐν φαντασίᾳ

2 δυσχαιρένην M. 3 τὸν M. 5 πάσας τὰς G, πάντα τὰ B₃,
 πάντα τὰς C, 'omnes' B, Z. || ὡς B₃. || λόγων B₃, λόγον G, λόγῳ C,
 'rationem' B, Z. 9 τὴν μὲν G, τὴν δὲ C. 11 μὲν om. G, add. C.

16 διαστήμασι G, διαστατοῖς C. 18 τῆς κινήσεως C.
 20 τὸ om. G. 22 κινούμενον] 'movetur', et in margine 'iacet' B,
 'motum' Z. 24 γεωμετρικῶν G. 26 ἡ κινήσεις, καὶ ἄλλη G.

νοουμένων, καὶ ἄλλος ὁ τῶν διαστατῶν τόπος, ἄλλος ὁ τῶν ἀμερῶν. καὶ χρὴ ταῦτα διελομένους μὴ συγχεῖν μηδὲ ἐπιταράττειν τῶν πραγμάτων τὰς οὐσίας.

Ἔοικεν μὲν τῶν τριῶν τούτων αἰτημάτων τὸ μὲν πρῶτον ἐν εἰκόσιν ἡμῖν ἐμφανίζειν, ὅπως τὰ ὄντα ⁵ περιέχεται ἐν τοῖς αὐτῶν αἰτίοις ἀμερεστέροις οὐσι καὶ ὀρίζεται ἀπ' αὐτῶν, καὶ ὅτι καὶ πρὶν ὑποστῇ πανταχόθεν ὑπ' ἐκείνων περιείληπται — καὶ γὰρ ἡ εὐθεῖα τῶν σημείων ὄντων ἐπὶ θάτερον ἀπὸ θατέρου ἐπιζεύγνυται καὶ περατοῦται ὑπ' αὐτῶν καὶ μεταξὺ αὐτῶν ¹⁰ ἀπείληπται — τὸ δὲ δεύτερον, ὅπως τὰ ὄντα ἐχόμενα τῶν οἰκείων ἀρχῶν πρόεισιν ἐπὶ πάντα τὴν τε πρὸς ἐκεῖνα συνέχειαν φυλάττοντα καὶ μὴ ἀποσπώμενα ἀπ' αὐτῶν, ἀλλὰ διὰ τὴν ἀπειροδύναμον αἰτίαν πάντη ἐπειγόμενα χωρεῖν, τὸ δὲ τρίτον, ὅπως τὰ προελθόντα ¹⁵ πάλιν ἐπιστρέφεται πρὸς τὰς οἰκείας ἀρχάς. ἡ γὰρ τοῦ κινουμένου περὶ τὸ μένον στροφὴ τὸν κύκλον ἀπογεννωῶσα μιμεῖται τὴν κατὰ κύκλον ἐπάνοδον.

Δεῖ δὲ εἰδέναι, ὅτι τὸ ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεσθαι οὐ πάσαις ὑπάρχει γραμμαῖς· οὔτε γὰρ τῇ κυκλικῇ οὔτε τῇ ²⁰ κισσοειδεῖ οὔτε ὅλως ταῖς σχηματογραφούσαις, ἀλλ' οὐδὲ ταῖς μὴ ποιούσαις σχῆμα. οὐδὲ γὰρ ἡ μονόστροφος ἔλιξ ἐπ' ἄπειρον ἐκβάλλεται — μεταξὺ γὰρ δύο σημείων ἔχει τὴν σύστασιν — οὐδὲ τῶν ἄλλων οὐδεμία γραμμῶν τῶν οὕτω γεννωμένων. ἀλλ' οὐδὲ ἀπὸ παντὸς ση- ²⁵ μείου δυνατὸν ἐπὶ πᾶν πᾶσαν ἐπιζευγνύναι γραμμὴν· οὐ γὰρ πᾶσα μεταξὺ πάντων σημείων ὑφίστασθαι δύναται.

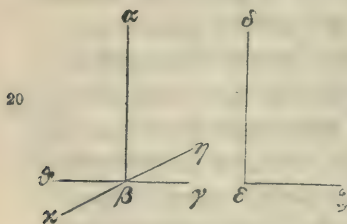
Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

4 μὲν] μὲν G. || αἰτημάτων τούτων G. 6 ἀμερίστοις G.
 11 ἔχομεν G, ἐχόμενα C. 12 ἐπὶ πάντη τε M. 17 μέσον C.
 26 ἐπὶ πᾶν πᾶσαν om. G. || πᾶν om. M.

Pet. III. Καὶ πάσας τὰς ὀρθὰς γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι.

|| Τοῦτο εἰ μὲν ὡς ἐναργὲς καὶ μὴ δεόμενον ἀπο-
δειξέως συγχωροῦμεν, αἴτημα μὲν οὐκ ἔστιν κατὰ τὸν
5 Γεμῖνον, ἀξίωμα δέ. συμβεβηκὸς γάρ τι καθ' αὐτὸ
λέγει ταῖς ὀρθαῖς, ἀλλ' οὐ πορίσασθαι [τι] δι' ἀπλῆς
ἐπινοίας ἀξιοῖ. ἀλλ' οὐδὲ κατὰ τὴν Ἀριστοτέλους
διαίρεσιν αἴτημά ἐστι. τὸ γὰρ αἴτημα κατ' ἐκείνον
δεῖται ἀποδείξεως τινός. εἰ δὲ ἀποδεικτὸν αὐτὸ φαῖμεν
10 εἶναι καὶ ζητοῖμεν αὐτοῦ τὴν ἀπόδειξιν, οὐδ' ὡς κατὰ
τὸν Γεμῖνον ἐν τοῖς αἰτήμασι ταχθήσεται. προφαί-
νεται μὲν οὖν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἡμῶν ἐπινοίας ἡ
τῶν ὀρθῶν ἰσότης, μονάδος δὲ ἔχουσα λόγον ἢ ὄρον
πρὸς τὴν ἐπ' ἄπειρον αὐξήσιν καὶ ἐλάττωσιν τῶν ἐφ'
15 ἑκάτερα γωνιῶν ἴση ἐστὶ πρὸς πᾶσαν ὀρθήν. καὶ γὰρ
τὴν πρώτην οὕτως ὑπεστήσαμεν | τὴν ὀρθήν, ἴσας

τὰς ἐφ' ἑκάτερα γωνίας
ποιήσαντες τῆς ἐφεστῶ-
σης εὐθείας, πρὸς ἣν ἐφ-
έστηκεν. εἰ δὲ δεῖ καὶ
ἀπόδειξιν αὐτοῦ παρα-
θέσθαι γραμμικὴν, ἔστω-
σαν δύο ὀρθαὶ αἱ ἐπὶ
αβγ καὶ ὑπὸ δεξ. λέγω



25 δὴ ὅτι ἴσαι εἰσίν. εἰ γὰρ μὴ, ἡ ἑτέρα μείζων. ἔστω ἡ
πρὸς τὸ β. ἐφαρμοζομένης ἄρα τῆς δε ἐπὶ τὴν αβ ἡ

6 τι ego addidi, 'nihil' B, 'quod . . . exquiri nequeat' Z. ||
διὰ πολλῆς B₃. G. 7 ἀξιοῦ M, et supra οὐ postera manu οἱ,
ἀξιοῦν B₃. G, 'iubens' B, om. Z. 9 φαμέν M, G. 14 τῶν
πρὸς G, τῶν C. 16 ἐπιστήσαμεν G, ἐπεστήσαμεν C. 20 δεῖ
δὴ M. 24 καὶ αἱ ὑπὸ δεξ G. 25 ἡ ἑτέρα αὐτῶν μείζων G.

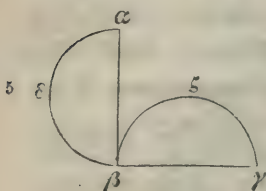
ἐξ ἐντὸς πεσεῖται, πιστεύω ὡς ἡ βη, καὶ ἐκβεβλήσθω
 ἡ βγ ἐπὶ τὸ θ. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ αβγ, ὀρθὴ καὶ
 ἡ ὑπὸ αβθ καὶ ἴσαι ἀλλήλαις — ἔχομεν γὰρ ἐν τοῖς
 ὅροις ὅτι ἡ ὀρθὴ γωνία ἴση τῇ ἐφεξῆς — ἡ ἄρα ὑπὸ
 αβθ μείζων τῆς ὑπὸ αβγ. πάλιν ἐκβεβλήσθω ἡ βη 5
 ἐπὶ τὸ κ. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ αβη, καὶ ἡ ἐφεξῆς
 ὀρθὴ διὰ ταῦτα καὶ ἴση τῇ ὑπὸ αβη. ἡ ἄρα ὑπὸ αβκ
 ἴση τῇ ὑπὸ αβη, ὥστε ἡ ὑπὸ αβθ ἐλάσσων τῆς ὑπὸ
 αβη, ἀλλὰ μείζων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐστὶν
 ὀρθὴ μείζων ὀρθῆς.

10

Τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἄλλοις δέδεικται τῶν ἐξηγη-
 τῶν καὶ οὐ πολλῆς ἐδεῖτο πραγματείας, ὁ δὲ Πάππος
 ἐπέστησεν ἡμᾶς ὀρθῶς, ὅτι τὸ ἀντίστροφον οὐκέτι
 ἀληθές, τὸ τὴν ἴσην τῇ ὀρθῇ γωνίαν ἐκ παντὸς εἶναι
 ὀρθήν, ἀλλ' εἰ μὲν εὐθύγραμμος εἴη, πάντως ὀρθήν 15
 εἶναι, δύνασθαι δὲ καὶ περιφερόγραμμον || γωνίαν
 ἴσην ὀρθῇ δειχθῆναι, καὶ δῆλον, ὥς οὐκέτι τὴν τοι-
 αύτην ὀρθήν (εἶναι δύνασθαι?) προσαγορεύσομεν. κατὰ
 γὰρ τὴν τῶν εὐθυγράμμων γωνιῶν τομὴν τὴν ὀρθήν
 ἐλαμβάνομεν ὑφιστάντες αὐτὴν ὑπὸ εὐθείας ἐφεστῶ- 20
 σης ἀκλινῶς πρὸς τὴν ὑποκειμένην, ὥστε ἡ ἴση τῇ
 ὀρθῇ οὐ πάντως ὀρθὴ ἐστίν, εἴπερ μηδὲ εὐθύγραμμος.
 νενοήσθωσαν οἱ εὐθεῖαι δύο ἴσαι αἱ αβ βγ ποιῶσαι

1 πιστεύω] πιπτέτω B₃, G, 'Cadat' B, Z. 2 ἡ ὑπὸ αβγ,
 ὀρθὴ καὶ om G. 7. 8 ἡ ἄρα ... αβη om. G. 9 ἀλλὰ καὶ
 μείζων G. 14 γωνία G. 17 ὀρθῇ] ὀρθήν C. 18 προσαγο-
 ρεύσομεν M. 20 ὑφεστῶσης G, ἐφεστῶσης C. 22 ὀρθὴ
 ἐστίν] ἴση τῇ ὀρθῇ ἐστίν G, quod correxit C.

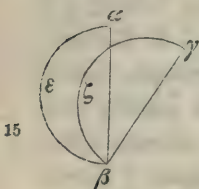
τὴν πρὸς τὸ β ὀρθήν, καὶ ἔστωσαν ἴσα καὶ ἐπ' αὐτῶν
ἡμικύκλια κέντρῳ καὶ διαστήματι γραφέντα τὰ $\alpha\epsilon\beta$



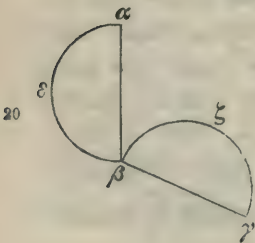
$\beta\zeta\gamma$. ἐπεὶ οὖν ἴσα τὰ ἡμικύκλια,
ἐφαρμόσει ἀλλήλοις, καὶ ἴση ἡ
ὑπὸ $\epsilon\beta\alpha$ γωνία τῇ ὑπὸ $\zeta\beta\gamma$.
κοινὴ προσκείσθω ἡ λοιπὴ ἡ
ὑπὸ $\alpha\beta\zeta$. ὅλη ἄρα ἡ ὀρθὴ ἴση
ἐστὶ τῇ μηνοειδεῖ τῇ ὑπὸ $\epsilon\beta\zeta$.

καὶ ὅμως οὐκ ἔστιν ἡ μηνοειδὴς ὀρθή. τῷ δὲ αὐτῷ

10 τρόπῳ καὶ ἀμβλείας οὔσης ἢ ὀξείας τῆς ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$



δειχθήσεται αὐτῇ ἴση γωνία ἡ μη-
νοειδὴς. τοῦτο γάρ ἐστι τὸ εἶδος
τῶν περιφερογράμμων γωνιῶν τὸ
συμβιβασζόμενον ταῖς εὐθυγράμμοις·
πλὴν τό γε τοσοῦτον ἰστέον· ἐπὶ
μὲν τῆς ὀρθῆς καὶ τῆς ἀμβλείας προσ-
θεῖναι δεῖ τὴν μεταξὺ γωνίαν τῆς



$\alpha\beta$ εὐθείας καὶ $\beta\zeta$ περιφερείας,
ἐπὶ δὲ τῆς ὀξείας ἀφελεῖν. ἡ
γὰρ $\alpha\beta$ εὐθεῖα τέμνει τὴν $\beta\zeta$
περιφέρειαν. ἐκκείσθω οὖν ἐκα-
τέρας τῶν ὑποθέσεων τὰ δια-
γράμματα.

1 τὸ $\beta\gamma$ M. || ἔστωσαν ἴσαι M, B₃, G; B alterum hoc ἴσαι,
Z prius ἴσαι omisit. 2. 3 $\alpha\beta\beta\zeta$ M. 8 μηνοειδεῖ] 'Cornicu-
lari' B, qui etiam infra vocem μηνοειδὴς voce Cornicularis
reddidit; 'lunullae' Z. 20 τέμνει M.

Ταῦτα μὲν οὖν ἀναγεγράφθω δεικνύντα καὶ ὅτι
 πᾶσαι αἱ ὀρθαὶ ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ὅτι οὐ πάντως
 ἡ τῇ ὀρθῇ ἴση ὀρθή ἐστιν. εἰ γὰρ μηδὲ εὐθύγραμμος
 εἴη, πῶς ἂν ὀρθὴν τις εἴποι τὴν τοιαύτην;

Φανερόν δὲ καὶ ἐκ τοῦδε τοῦ αἰτήματος, ὅτι ἡ 5
 ὀρθότης τῆς γωνίας τῇ ἰσότητι συγγενής ἐστιν, ὥσπερ
 ἡ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι. καὶ γὰρ ἐστιν
 ἡ μὲν ὀρθότης αὐτῇ τῇ ἰσότητι σύστοιχος — ἀμφο-
 τεραι γὰρ ὑπὸ τὸ πέρασ, ὥσπερ δὴ καὶ ἡ ὁμοιότης —
 ἡ δὲ ὀξύτης καὶ ἀμβλύτης τῇ ἀνισότητι, καθάπερ καὶ 10
 ἡ ἀνομοιότης· ἀπειρίας γὰρ ἔκγονοι πᾶσαι. || διὸ καὶ
 οἱ μὲν τὸ ποσὸν ὀρῶντες τῶν γωνιῶν τὴν ὀρθὴν ἴσην
 τῇ ὀρθῇ λέγουσιν, οἱ δὲ τὸ ποιὸν ὁμοίαν. ὅπερ γὰρ
 ἐστιν ἐν ποσοῖς ἡ ἰσότης τοῦτο ἐν τοῖς ποιοῖς ἡ
 ὁμοιότης.

15

Pet. V. Καὶ ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί-
 πτουςα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας
 δύο ὀρθῶν ἐλάττουνας ποιῇ, ἐκβαλλομένης τὰς
 εὐθείας ἐπ' ἄπειρον συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη
 εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλλάττονες.

20

Τοῦτο καὶ παντελῶς διαγράφειν χρὴ τῶν αἰτη-
 μάτων· θεώρημα γὰρ ἐστὶ, πολλὰς μὲν ἀπορίας ἐπι-
 δεχόμενον, ἃς καὶ ὁ Πτολεμαῖος ἐν τινι βιβλίῳ δια-
 λῦσαι προύθετο, πολλῶν δὲ εἰς ἀπόδειξιν δεόμενον
 καὶ ὄρων καὶ θεωρημάτων. καὶ τό γε ἀντιστρέφον 25

6 συγγενές G, συγγενής H₁ p. 454, H₂ p. 257.

13 ὁμοίως G. 14 ἡ et ante ἰσότης et ante ὁμοιότης om.
 H₂ p. 257. 16 Καὶ om. G. || συμπίπτουσα M. 19 ἐπ'
 om. M. 20 δύο om. G. 23 Πτολεμαῖος G. 24 δεομέ-
 νων G, δεόμενον C. 25 καίτοι γε ἀντιστρέφων G.

καὶ ὁ Εὐκλείδης ὡς θεώρημα δείκνυσιν. ἴσως δὲ ἄν
 τινες ἀπατῶμενοι καὶ τοῦτο τάττειν ἐν τοῖς αἰτήμασιν
 ἀξιώσειαν, ὡς διὰ τὴν ἐλάττωσιν τῶν δύο ὀρθῶν
 αὐτόθεν τὴν πίστιν παρεχόμενον τῆς τῶν εὐθειῶν
 5 συνεύσεως καὶ συμπτώσεως. πρὸς οὗς ὁ Γεμῖνος
 ὀρθῶς ἀπήντησε λέγων ὅτι παρ' αὐτῶν ἐμάθομεν τῶν
 τῆς ἐπιστήμης ταύτης ἡγεμόνων μὴ πάνυ προσέχειν
 τὸν νοῦν ταῖς πιθαναῖς φαντασίαις εἰς τὴν τῶν λό-
 γων τῶν ἐν γεωμετρίας παραδοχὴν. ὅμοιον γὰρ φησι
 10 καὶ Ἀριστοτέλης ῥητορικὸν ἀποδείξεις ἀπαιτεῖν καὶ
 γεωμέτρου πιθανολογοῦντος ἀνέχεσθαι, καὶ ὁ παρὰ
 τῷ Πλάτῳ Σιμμίας, ὅτι „τοῖς ἐκ τῶν εἰκότων τὰς
 ἀποδείξεις ποιούμενοις σύνοιδα οὖσιν ἀλαξόσι“. κἀν-
 ταῦθα τοίνυν τὸ μὲν ἡλαττωμένων τῶν ὀρθῶν συ-
 15 νεύειν τὰς εὐθείας ἀληθὲς καὶ ἀναγκαῖον, τὸ δὲ συ-
 νευούσας ἐπὶ πλεον ἐν τῷ ἐκβάλλεσθαι συμπεσεῖσθαι
 ποτε πιθανόν, ἀλλ' οὐκ ἀναγκαῖον, εἰ μὴ τις ἀπο-
 δείξειεν λόγος, ὅτι ἐπὶ τῶν εὐθειῶν τοῦτο ἀληθές. τὸ
 γὰρ εἶναι τινὰς γραμμὰς συνιούσας μὲν ἐπ' ἄπειρον,
 20 ἀσυμπτώτους δὲ ὑπαρχούσας, καίτοι δοκοῦν ἀπίθανον
 εἶναι καὶ παράδοξον, ὅμως ἀληθές ἐστι καὶ πεφώραται
 ἐπ' ἄλλων εἰδῶν τῆς γραμμῆς. μήποτε οὖν τοῦτο καὶ
 ἐπὶ τῶν εὐθειῶν δυνατόν, ὅπερ ἐπ' ἐκείνων τῶν γραμ-
 μῶν; ἕως γὰρ ἂν δι' ἀποδείξεως αὐτὸ καταδησώ-
 25 μεθα, περισπᾶ τὴν φαντασίαν τὰ ἐπ' ἄλλων δεικνύ-
 μενα γραμμῶν. εἰ δὲ καὶ οἱ διαμφισβητοῦντες λόγοι
 πρὸς τὴν σύμπτωσιν || πολὺ τὸ πληκτικὸν ἔχουσιν, πῶς
 οὐχὶ πολλῷ πλεον ἂν τὸ πιθανὸν τοῦτο καὶ τὸ ἄλογον
 ἐκβάλλοιμεν τῆς ἡμετέρας παραδοχῆς;

Ἄλλ' ὅτι μὲν ἀπόδειξιν χρὴ ζητεῖν τοῦ προκειμένου θεωρήματος δῆλον ἐκ τούτων, καὶ ὅτι τῆς τῶν αἰτημάτων ἐστὶν ἀλλότριον ιδιότητος, πῶς δὲ ἀποδεικτέον αὐτὸ καὶ διὰ ποίων λόγων ἀναιρετέον τὰς πρὸς αὐτὸ φερομένας ἐνστάσεις, τηνικαῦτα λεκτέον, ἥνικα ἂν καὶ ὁ στοιχειωτὴς αὐτοῦ μέλλῃ ποιεῖσθαι μνήμην ὥς ἐναργεῖ προσχρώμενος. τότε γὰρ ἀναγκαῖον αὐτοῦ δεῖξαι τὴν ἐνάργειαν οὐκ ἀναποδείκτως προφαινομένην ἀλλὰ δι' ἀποδείξεων γνώριμον γιγνομένην.

Axiom. I—V. Τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα, καὶ ἐὰν ἴσα ἴσοις προστεθῇ, τὰ ὅλα ἴσα ἐστίν, καὶ ἐὰν ἴσων ἀφαιρεθῇ, τὰ καταλειπόμενα ἴσα ἐστίν, καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζον, καὶ τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ταῦτ' ἐστὶ τὰ κατὰ πάντας ἀναπόδεικτα καλούμενα ἀξιώματα, καθόσον ὑπὸ πάντων οὕτως ἔχειν ἀξιούται, καὶ διαμφισβητεῖ καὶ πρὸς ταῦτα οὐδεὶς. πολλάκις μὲν γὰρ καὶ τὰς προτάσεις ἀπλῶς ἀξιώματα καλοῦσιν, ὁποῖαί ποτε ἂν ᾧσιν εἴτε ἄμεσοι κυρίως εἴτε καὶ δεομεναί τινος ὑπομνήσεως, καὶ οἱ γε ἀπὸ

6 ἂν om. G. || μέλει G. || ποιήσασθαι G. 7 ἐναργῆ C. ἔαντοῦ G, αὐτοῦ C. 8 ἐνέργειαν G, ἐνάργειαν C. || προφαινομένην G, προφαινομένην C. 10 In M in margine adscriptum est: περὶ ἀξιωμαίων ἦτοι κοινῶν ἐννοιῶν. 12 ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ G. 13—14 καὶ ἐὰν ἀνίστοις ἴσα προστεθῇ, τὰ ὅλα ἐστὶν ἄνισα, καὶ ἐὰν ἀπὸ ἀνίστων ἴσα ἀφαιρεθῇ, τὰ λοιπὰ ἐστὶν ἄνισα, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν, καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμίση ἴσα ἀλλήλοις ἐστί, καὶ τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζον ἐστίν, καὶ δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι. G et B, sed contra auctoris sententiam paulo infra propositam. 15 Ταῦτά ἐστι G. 17 καὶ post διαμφισβητεῖ om. G.

τῆς Στοᾶς ἅπαντα λόγον ἀπλοῦν ἀποφαντικὸν ἀξίωμα
 προσαγορεύειν εἰώθασιν. καὶ ὅταν διαλεκτικὰς ἡμῖν
 γράφωσι τέχνας περὶ ἀξιωμαίων, τοῦτο διὰ τῶν ἐπι-
 γραμμάτων δηλοῦν ἐθέλουσιν. ἀκριβέστερον δέ τινες
 5 ἀπὸ τῶν ἄλλων προτάσεων διακρίνοντες τὸ ἀξίωμα
 τὴν ἄμεσον καὶ αὐτόπιστον δι' ἐνάργειαν πρότασιν
 οὕτως ὀνομάζουσιν, ὥσπερ καὶ ὁ Ἀριστοτέλης καὶ
 οἱ γεωμέτραι λέγουσιν. ταῦτόν γάρ ἐστιν κατὰ τού-
 τους ἀξίωμα καὶ ἔννοια || κοινή. πολλοῦ ἄρα δεήσο-
 10 μεν ἡμεῖς τὸν γεωμέτρον Ἀπολλώνιον ἐπαινεῖν, ὃς
 καὶ τῶν ἀξιωμαίων ὥς οἶται γέγραπεν ἀποδείξεις,
 ἀπεναντίας Εὐκλείδῃ φερόμενος. ὁ μὲν γάρ καὶ τὶ
 ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς αἰτήμασι κατηρίθμησεν, ὁ δὲ καὶ
 τῶν ἀναποδείκτων ἐπεχείρησεν ἀποδείξεις εὐρίσκειν.
 15 ἦν δὲ ἄρα διωρισμένα ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων τῇ φύσει
 καὶ τῶν ἐπιστημῶν διαφέρον τὸ γένος τῶν τε περὶ
 τὰς ἀμέσους προτάσεις καὶ πάντα δι' ἐνάργειαν προσ-
 πιπτούσας καὶ τῶν ταῖς ἀποδείξεσι χρωμένων, αἱ τὰς
 ἀρχὰς ἀπ' ἐκείνων λαμβάνουσι καὶ λαβοῦσαι χρῶνται
 20 πρὸς τὰ οἰκεῖα συμπεράσματα δεόντως. ὅτι δὲ καὶ
 ἡ ἀπόδειξις, ἣν ὁ Ἀπολλώνιος εὐρηκέναι πέπεισται
 τοῦ πρώτου τῶν ἀξιωμαίων, οὐδὲν μᾶλλον ἔχει τὸ
 μέσον τοῦ συμπεράσματος γνωριμότερον, εἰ μὴ καὶ
 πλέον ἀμφισβητούμενον, μάθοι τις ἂν ἐπιβλέψας εἰς
 25 αὐτὴν καὶ σμικρόν. „ἔστω γάρ, φησὶ, τὸ $\bar{\alpha}$ τῷ $\bar{\beta}$ ἴσον,

1 ἀποφαντικὸν] καταφατικὸν G. 2 ὅτε G, ὅταν C.

3 τέχνας γράφωσι G. || τοῦτο διὰ τῶν ἐπιγραμμάτων
 om. G. 4 ἐθέλωσιν G. 6 ἐνάργειαν G, ἐνάργειαν C.

9 δὲ ἄρα G. 10 ὃς] ὥς M. 12 Εὐκλείδει G. || τὸ
 om. G. 13 ἀποδεικτικὸν G. 21 ὁ om. G. 22 τὸν
 μέσον M.

τοῦτο δὲ τῷ γ , λέγω ὅτι καὶ τὸ α τῷ γ ἴσον. ἐπεὶ
 γὰρ τὸ α τῷ β ἴσον τὸν αὐτὸν αὐτῷ κατέχει τόπον,
 καὶ ἐπεὶ τὸ β τῷ γ ἴσον, τὸν αὐτὸν καὶ
 τούτῳ κατέχει τόπον. καὶ τὸ α ἄρα τῷ γ
 τὸν αὐτὸν κατέχει τόπον. ἴσα ἄρα ἐστίν.“ $\alpha \quad \beta \quad \gamma$ 5
 ἐν δὲ τούτοις δύο προλαβεῖν ἀναγκαῖον,
 ἐν μὲν ὅτι τὰ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον
 ἀλλήλοις ἴσα ἐστίν, ἕτερον δὲ ὅτι τὰ τῷ
 αὐτῷ τὸν αὐτὸν κατέχοντα τόπον καὶ ἀλλήλοις τὸν
 αὐτὸν κατέχει τόπον. ταῦτα δὲ ὅτι πολλῷ ἀσαφέστερα 10
 τοῦ προτεθέντος ἀξιώματος ἐναργές· πῶς γὰρ τὰ τὸν
 αὐτὸν ἐκπληροῦντα τόπον ἴσα ἐστίν; καθ’ ὅλα ἢ κατὰ
 μέρος ἢ κατὰ σχηματισμὸν λόγου; διὲ καὶ οὐκ ἔστι
 παντελῶς εὐπαράδεκτον τὸ μεταβαίνειν ἐπὶ τὸν τόπον,
 ὅς ἐστιν ἀγνωστότερος ἡμῖν τῶν ἐν τόπῳ ὄντων. χα- 15
 λεπὴ γοῦν καὶ ἡ εὗρεσις τῆς οὐσίας καὶ ἀμφισβητήσι-
 μος. ἴν’ οὖν μὴ μακρηγορῶμεν, πάντα ἀξιώματα ὡς
 ἄμεσα καὶ αὐτοφανῇ παραδοτέον, γνώριμα ἀφ’ ἐαν-
 τῶν ὄντα καὶ πιστά. ὁ γὰρ τοῖς φανερωτάτοις ἀπό-
 δειξιν προσάγων οὐ βεβαιοῖ τὴν περὶ αὐτῶν ἀλήθειαν, 20
 ἀλλ’ ἐλαττοῖ τὴν ἐνάργειαν, ἣν ἔχομεν ἐν ταῖς ἀδι-
 δάκτοις προλήψεσιν.

Τοῦτό τε δὲ περὶ τῶν ἀξιωμάτων προληπτέον
 κριτήριον τῆς ιδιότητος αὐτῶν, καὶ ὅτι πάντα τοῦ
 κοινοῦ γένους ἐστὶ τῶν μαθημάτων. οὐ γὰρ μό- 25
 νον μεγέθεσιν ἐπαληθεύει τούτων ἕκαστον, ἀλλὰ καὶ

2 αὐτῷ om. G, add. C. 3—4 καὶ ἐπεὶ τὸ ... τούτῳ
 κατέχει τόπον om. G. 4 τὸ ἄρα α M, G. 11 προθέν-
 τος G, προτεθέντος C. 14 εὐπαράδεκτόν M, G; in M autem
 ε ante ον rasura est deletum. 16 οὖν G. 25—26 οὐ μό-
 νον λέγεται μεγέθεσιν ἀληθεύειν G, οὐ γὰρ μόνον λέγεται
 μεγέθεσιν ἐπαληθεύειν B₃, ‘et non solum in Magnitudini-

ἀριθμοῖς καὶ κινήσεσι καὶ χρόνοις. καὶ τοῦτο ἀναγκαιῶς. τὸ γὰρ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ τὸ ὅλον καὶ τὸ μέρος || καὶ τὸ μείζον καὶ τὸ ἔλαττον κοινὰ καὶ τῶν διηρημένων ἐστὶ ποσῶν καὶ τῶν συνεχῶν. ἥ τε οὖν
 5 περὶ τοὺς χρόνους θεωρία δεῖται πάντων τούτων ὡς ἐναργῶν καὶ ἡ περὶ τὰς κινήσεις καὶ ἡ περὶ τοὺς ἀριθμοὺς καὶ τὰ μεγέθη, καὶ ἐπὶ πάντων ἀληθές, καὶ τὸ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα εἶναι καὶ τῶν λοιπῶν, ὅπερ ἂν λάβωμεν. κοινοῖς δὲ οὖσιν ἕκαστος
 10 χρῆται κατὰ τὴν οἰκεῖαν ὕλην, ἐφ' ὅσον αὐτὴ ἀπαιτεῖ, καὶ ὁ μὲν ὡς ἐπὶ μεγεθῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν, ὁ δὲ ὡς ἐπὶ χρόνων αὐτῷ προσχρῆται. καὶ οὕτως ἴδια γίνεται τὰ συμπεράσματα καθ' ἑκάστην ἐπιστήμην καὶ ἡ τὰ ἀξιώματα κοινά.

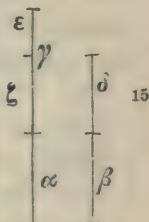
15 Καὶ μὴν καὶ τὸν | ἀριθμὸν αὐτῶν οὔτε εἰς ἐλάχιστον δεῖ συναιρεῖν, ὡς Ἡρώων ποιεῖ τρία μόνον ἐκθέμενος — ἀξίωμα γὰρ καὶ ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μείζον, καὶ ὁ γεωμέτρης πολλαχοῦ καὶ τοῦτο παραλαμβάνει πρὸς τὰς ἀποδείξεις, καὶ ὅτι τὰ ἐφαρμό-
 20 ζοντα ἴσα· καὶ γὰρ τοῦτο εὐθύς ἐν τῷ τετάρτῳ συντελέσει πρὸς τὸ ζητούμενον — οὔτε αὖ προστιθέναι ἄλλα ἐπ' ἄλλοις, ὧν τὰ μὲν ἐστὶν ἴδια τῆς γεωμετρικῆς ὕλης, ὡς δύο εὐθείας χωρίον μὴ περιέχειν, καίτοι τῶν ἀξιωμάτων τοῦ κοινοῦ γένους ὄντων, ὡς εἴπομεν,
 25 τὰ δὲ ἔπεται τοῖς ἐκκειμένοις, οἷον τὸ ἴσα εἶναι τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια. τοῦτο γὰρ ἀκολουθεῖ τῷ ἂν ἴσοις ἴσα προστεθῇ τὰ ὅλα ἴσα εἶναι. τὰ γὰρ ἴσον τῷ

bus . . . verificari dicitur' B, 'verum esse dicitur' Z. 8 τῷ om. M. 11 ὁ δὲ ὡς ἐπ' ἀριθμῶν om. G. 15 αὐτὸν G, αὐτῶν C. 17 καὶ ante ὁ om. G. 18 προσλαμβάνει G. 25 εἶναι post διπλάσια posuit G, quod corr. C. 27 τὰ γὰρ ἴσα G.

ἡμίσει προσλαβίντα αὐτὸ τὸ ἡμισυ διπλάσια γίνεται τοῦ αὐτοῦ καὶ ἴσα ἀλλήλοις διὰ τὴν ἴσην προσθήκην. καὶ κατὰ τοῦτον τὸν λόγον οὐ τὰ διπλάσια μόνον, ἀλλὰ καὶ τὰ τριπλάσια καὶ τὰ τοῦ αὐτοῦ πολλαπλάσια πάντα ἴσα φανήσεται.

5

Τοῖτοις δὲ τοῖς ἀξιώμασιν ὁ Πάππος συναναγράφεσθαι φησιν ὅτι καὶ ἂν ἴσοις ἄνισα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶν τῇ τῶν προστεθέντων, καὶ ἀνάπαλιν, ἐὰν ἀνίσοις ἴσα προστεθῇ, ἢ τῶν ὅλων ὑπεροχὴ ἴση ἐστὶ τῇ τῶν ἐξ ἀρχῆς. καὶ ἐστὶ καὶ ταῦτα 10 προφανῆ μὲν ἀφ' ἑαυτῶν, δείκνυνται δὲ ὅμως τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω ἴσα τὰ $\overline{\alpha}$ β , καὶ προσκείσθω αὐτοῖς ἄνισα τὰ $\overline{\gamma}$ δ , μείζον δὲ τὸ $\overline{\gamma}$ τοῦ δ τῷ $\overline{\epsilon}$, [†] ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\alpha}$ τῷ $\overline{\beta}$ ἴσον καὶ τὸ $\overline{\zeta}$ τῷ $\overline{\delta}$, τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ τῷ $\overline{\beta\delta}$ ἴσον. ἐὰν γὰρ ἴσοις ἴσα προστεθῇ, τὰ ὅλα ἴσα. [†] τὸ ἄρα $\overline{\gamma\alpha}$ τοῦ $\overline{\beta\delta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$ μόνῳ ὑπερέχει, ὥ καὶ τὸ $\overline{\gamma}$ μόνον ὑπερεῖχεν τοῦ δ . πάλιν ἄνισα τὰ $\overline{\gamma}$ δ καὶ προσκείσθω ἴσα τὰ $\overline{\alpha}$ β , καὶ ἔστω τοῦ $\overline{\gamma}$ πρὸς τὸ δ ὑπεροχὴ τὸ $\overline{\epsilon}$. || ἐπεὶ οὖν τὸ $\overline{\alpha}$ τῷ $\overline{\beta}$ ἴσον 20



7 ἴσοις ἴσα G. 9 ἀνίσας ἴσοις G, ἀνίσοις ἴσας C. || In M adscriptum est in margine: τὸ ἄνισα οὐκ πρὸς ἀλλήλα ἀκουστέον ἀλλὰ πρὸς τὰ, πρὸς ἃ προστίθεται. 13 τὰ $\overline{\delta}$ $\overline{\gamma}$ M. | δέ τοι $\overline{\gamma}$ G, δὲ τὸ $\overline{\gamma}$ C. || τῷ $\overline{\epsilon}$ τοῦ $\overline{\epsilon}$ B₃. || Post τῷ $\overline{\epsilon}$ addit B 'reliquum vero sit f', quod, cum ex diagrammate possit intelligi, haud scio an de suo B adiecerit. 15. 16 ἴσα ἴσοις G.

16 Ante τὸ ἄρα equidem puto excidisse: μείζον δὲ τὸ $\overline{\alpha\gamma}$ τοῦ $\overline{\alpha\zeta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$. || $\overline{\gamma\alpha}$ | $\overline{\gamma\delta}$ M, G. 20 τοῦ $\overline{\epsilon}$ C. || Post τὸ $\overline{\epsilon}$ addit B 'reliquum vero f'.

καὶ ^{†?} τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta}$, ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\gamma}$ τοῦ $\overline{\beta\delta}$ τῷ $\overline{\epsilon}$ μόνῳ ὑπερέχει, ὥ καὶ τὸ $\overline{\gamma}$ τοῦ $\overline{\delta}$.

Ταῦτα οὖν ἔπεται τοῖς προειρημένοις ἀξιώμασι καὶ εἰκότως ἐν τοῖς πλείστοις ἀντιγράφοις παραλείπεται, ὅσα δὲ ἄλλα τούτοις προστίθῃσιν, προείληπται διὰ τῶν ὅρων καὶ ἐκείνοις ἀκόλουθα, οἷον ὅτι πάντα τοῦ ἐπιπέδου τὰ μέρη καὶ τῆς εὐθείας ἀλλήλοις ἐφαρμόττει — τὰ γὰρ εἰς ἄκρον τεταμένα τοιαύτην ἔχει φύσιν — καὶ ὅτι γραμμὴν μὲν διαιρεῖ σημεῖον, ἐπιφάνειαν δὲ γραμμή, στερεὸν δὲ ἐπιφάνεια — πάντα γὰρ διαιρεῖται τούτοις, ὅφ' ὧν καὶ περατοῦται προσεχῶς — καὶ ὅτι τὸ ἄπειρον ἐν τοῖς μεγέθεσιν ἐστὶν καὶ τῇ προσθέσει καὶ τῇ ἐπικαθαιρέσει, δυνάμει δὲ ἐκότερον· πᾶν γὰρ συνεχὲς ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν ἐστι καὶ ἀνζητόν.

1 Inter καὶ et τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ excidisse videtur τὸ $\overline{\xi}$ τῷ $\overline{\delta}$; B addit 'f ipsi d'. 6 ἀκολουθεῖ G, ἀκόλουθον B₃, 'consequuntur' B, 'sequuntur' Z. 8 τεταγμένα G, τεταμένα C.

PROPOSITIONUM PARS PRIOR.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα συνεκεφαλαιωσάμεθα, τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λοιπῶν τὴν ἐπίσκεψιν ποιησόμεθα· μέχρι γὰρ τούτων αἱ ἀρχαί. τῶν δὲ πρὸς γεωμετρίαν ἐνστάντων οἱ μὲν πλεῖστοι πρὸς τὰς ἀρχὰς ἠπόρησαν ἀνυπόστατα τὰ μέρη δεικνύναι σπουδάσαντες — ὧν καὶ ⁵ οἱ λόγοι διατεθρύληνται, τῶν μὲν καὶ πᾶσαν ἐπιστήμην ἀναιρούντων καὶ ὥσπερ πολεμίων καρπούς ἐξ ἀλλοτρίας χώρας καὶ γονίμου τῆς φιλοσοφίας ἀφανιζόντων ὥσπερ τῶν Ἐφεκτικῶν, τῶν δὲ τὰς γεωμετρικὰς μόνας ἀρχὰς ἀνατρέπειν προθεμένων, ὥσπερ ¹⁰ τῶν Ἐπικουρείων — οἱ δὲ ἤδη καὶ ταῖς ἀρχαῖς ἐπιτρέψαντες οὐ φασὶ τὰ μετὰ τὰς ἀρχὰς ἀποδείκνυσθαι, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς καὶ ἄλλου τινός, ὃ μὴ προείληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς. τοῦτον γὰρ τὸν τρόπον τῆς ἀντιρρήσεως μετῴληθεν Ζήνων ὁ Σιδώνιος μὲν. ¹⁵

1 συνεκεφαλαιωσάμεθα *M*, συνεκεφαλαιωσόμεθα *G*.
 2 λοιπὸν *M*, *B*₃, λοιπὴν *G*, 'reliquum est ut' *B*, 'id quod est reliquum' *Z*. 4 ἐνστάσεων *M*, *B*₃, *G*, 'Eorum, qui instant' *B*, 'Ex his qui . . . obiciant' *Z*. 5 τὰ μέρη] 'partes' et in margine 'terminos' *B*, 'partes' *Z*. 6—7 In *M* in margine adscriptum est: *C*. διὰ τ (σημαίνει διὰ τούτου τοὺς?) ἀνατρέποντας τὴν γεωμετρίαν. 9 Ἐφεκτικῶν] 'Pyrrhonorum Philosophorum' *B*, 'Ephestici' *Z*. || δὲ om. *M*, delendum not. *C*. 10 In *M* postera manus ὥσπερ delendum not. et καὶ add. 12 ἐπιτρέψαντες *G*, ἐπιτρέψαντες *C*. 15 ἀντειρήσεως *G*, ἀντιρρήσεως *C*.

τῆς δὲ Ἐπικούρου μετασχὼν αἰρέσεως, πρὸς ὃν καὶ ὁ Ποσειδώνιος ὅλον γέγραφε βιβλίον δεικνὺς σαθρὰν αὐτοῦ πᾶσαν τὴν ἐπίνοιαν.

Ἄλλ' αἰ μὲν ὑπὲρ τῶν ἀρχῶν ἀντιλογίαι μετρίως
 5 ἡμῖν διὰ τῶν ἔμπροσθεν ἡνύσθησαν, τὴν δὲ τοῦ Ζή-
 νωνος ἐπιβολὴν μικρὸν ὕστερον ἐπισκεψόμεθα. νυνὶ
 δὲ ἀναλαμβάνοντες ἐπὶ βραχὺ τὸν τῶν θεωρημάτων καὶ
 προβλημάτων λόγον καὶ περὶ τῆς διαφορᾶς αὐτῶν καὶ
 τῶν ἑκατέρου μερῶν καὶ τῶν ἐν αὐτοῖς διαιρέσεων
 10 ἐπὶ τὴν ἐξήγησιν τραπώμεθα τῶν δεικνυμένων ὑπὸ
 τοῦ στοιχειωτοῦ, τὰ μὲν γλαφυρότερα τῶν εἰς αὐτὰ
 γεγραμμένων τοῖς παλαιοῖς ἀναλεγόμενοι καὶ τὴν
 ἀπέραντον αὐτῶν πολυλογίαν συντέμνοντες, τὰ δὲ ||
 τεχνικώτερα καὶ μεθόδων ἐπιστημονικῶν ἐχόμενα
 15 παραδιδόντες, τῇ τῶν πραγμάτων ἐπεξεργασίᾳ πλέον
 ἀπονέμοντες ἢ τῇ ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων καὶ τῶν λημ-
 μάτων, οἷς ὥς τὸ πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς ἐπιτρέχον-
 τας ὁρῶμεν.

Prop. I, probl. I. Ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας
 20 πεπερασμένης τρίγωνον ἰσόπλευρον συστή-
 σασθαι.

Τῆς ἐπιστήμης πάσης διττῆς οὔσης καὶ τῆς μὲν
 περὶ τὰς ἀμέσους προτάσεις ἀσχολουμένης, τῆς δὲ περὶ

1 μετέχων *G*, μετασχὼν *C*. 4 ἀντιλογίαι] 'causae' et in margine 'sermones' *B*, 'rationes . . . accusantes' *Z*.

5 ἡνύσθησαν *B*, *G*, 'in unum coactae atque inter se coniunctae sunt' *B*, 'dictae sunt' *Z*. 7 τὸν] τὴν (ἐπιβολὴν) *A*, p. 308.

8 λόγων *M*, *G*. || τῆς om. *G*, *A*. 11 ταῦτα *G*, *A*.

16 τῶν ante λημμάτων om. *G*, *A*. 17 πολὺ νεαροπρεπῶς *G*, πολὺ τοὺς νεαροπρεπεῖς *C*, πολὺ νεαροπρεπεῖς *A*. || ἐπιτρέχοντες *C*. 19 In *M* adscriptum est in margine α̃ θεωρημα.

20 τὸ ἰσόπλευρον *G*.

τὰ ἐξ ἐκείνων δεικνύμενα καὶ ποριζόμενα καὶ ὅλως
περὶ τὰ ἀκόλουθα ταῖς ἀρχαῖς ἐξελιττούσης τὴν ἑαυτῆς
πραγματεῖαν, αὕτη πάλιν ἐν τοῖς γεωμετρητοῖς λόγοις
διεῖλεν ἑαυτὴν εἰς τε τὴν τῶν προβλημάτων ἀπεργα-
σίαν καὶ τὴν τῶν θεωρημάτων εὔρεσιν, προβλήματα 5
μὲν καλέσασα, ἐν οἷς τὰ μὴ ὄντα πω πορίσασθαι προ-
τίθεται καὶ εἰς ἐμφανὲς παραγαγεῖν καὶ προσμηχανή-
σασθαι, θεωρήματα δέ, ἐν οἷς τὸ ὑπάρχον ἢ μὴ ὑπάρ-
χον ἰδεῖν καὶ γινῶναι καὶ ἀποδείξαι προαιρεῖται. τὰ
μὲν γὰρ γενέσεις καὶ θέσεις καὶ παραβολάς, ἀναγρα- 10
φὰς καὶ περιγραφὰς καὶ ἐναρμόσεις καὶ ἐπαφὰς καὶ
ὅσα τοιαῦτα ὑποστήσασθαι παρακελεύεται, τὰ δὲ τὰ
συμπτώματα καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα τοῖς ὑπο-
κειμένοις τῇ γεωμετρίας πιέσαι | καὶ καταδήσασθαι
σπεύδει διὰ τῶν ἀποδείξεων. περὶ ὧν γε μὴν ζη- 15
τήσεις γενέσθαι δυνατόν, περὶ τούτων πάντων ἡ γεω-
μετρία ποιεῖται τὸν λόγον, τὰ μὲν εἰς τὰ προβλήματα
ἀναφέρουσα, τὰ δὲ εἰς τὰ θεωρήματα. καὶ γὰρ τὸ τί
ἔστι ζητεῖ, καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ τὸν λόγον ζητεῖ
καὶ τὴν νόησιν, ἢ τὴν οὐσίαν αὐτὴν τοῦ ὑποκειμένου. 20
λέγω δὲ οἷον ὅταν ζητῇ, τίς ἢ ὁμοιομερὴς γραμμῇ.
τοῦτο γὰρ ζητοῦσα ἢ τὸν ὅρον εὔρεῖν ἐθέλει τῆς τοι-
αύτης γραμμῆς, ὅτι ὁμοιομερὴς ἔστι γραμμῇ ἢ πάντα
τὰ μόρια πᾶσιν ἐφαρμόζοντα ἔχουσα, ἢ αὐτὰ τὰ εἶδη
τῶν ὁμοιομερῶν γραμμῶν λαβεῖν, οἷον ὅτι ἢ εὐθείᾳ 25

3 γεωμετρικοῖς G. 6 πῶς G, πω C. || προστίθεται G.
7 παραγαγεῖν G. 10 γὰρ om. G, add. C. 11 καὶ ἐναρμό-
σεις καὶ ἐπαφὰς om. G. 13 τὰ ante καθ' αὐτὰ om. G.
15 γὰρ μὴν om. G. 19 In M adscriptum est in margine τὸν
ὁρισμὸν. 20 τὴν νόησιν ἢ τὴν νόησιν καὶ τὴν οὐσίαν G;
C καὶ in ἡ mutavit. 21 δὴ G, δὲ C. || οἷον om. G. || τίς ἢ]
τις, εἰ G. || ἡ γραμμῇ G. 23 ἔστιν ἡ G.

ἐστίν, ἢ περιφερῆς, ἢ περὶ κύλινδρον ἔλιξ. καὶ πρὸς
 τούτῳ || τὸ εἴ ἐστίν αὐτὸ καθ' αὐτὸ ζητεῖ — καὶ τοῦτο
 μάλιστα ἐν τοῖς διορισμοῖς ἐξετάζουσα, εἰ ἀδύνατον
 τὸ διὰ τοῦτο ζητούμενον ἢ δυνατόν, καὶ μέχρι τίνος
 5 ἐγκωρεῖ καὶ ποσαχῶς — καὶ μὴν καὶ τὸ ὁποῖόν τί
 ἐστίν· ὅταν γὰρ τὰ καθ' αὐτὰ συμβεβηκότα τῷ τρι-
 γώνῳ καὶ τῷ κύκλῳ καὶ ταῖς παραλλήλοις ἐπισκοπῇ,
 δῆλον ὅτι τὸ ὁποῖόν ἐστίν ἐνταῦθα ζητεῖ.

Τὴν γε μὴν αἰτίαν καὶ τὸ διὰ τί πολλοῖς μὲν
 10 ἔδοξεν ἢ γεωμετρία μὴ θεωρεῖν — ταύτης γὰρ ἐστὶ καὶ
 ὁ Ἀμφίνομος τῆς δόξης Ἀριστοτέλους κατάρξαν-
 τος — εὔροι δ' ἂν τις, φησὶν ὁ Γεμῖνος, καὶ τὴν
 τούτου ζητήσιν ἐν γεωμετρίας. πῶς γὰρ οὐχὶ γεωμέ-
 τρου τὸ ζητῆσαι, δι' ἣν αἰτίαν ἐν μὲν τοῖς κύκλοις
 15 ἄπειρα πολυγώνια ἐγγράφεται ἰσόπλευρα, ἐν δὲ ταῖς
 σφαίραις οὐκέτι πολύεδρα σχήματα ἰσόπλευρα καὶ ἰσο-
 γώνια καὶ ἐξ ὁμοίων ἐπιπέδων συγκείμενα δυνατόν
 ἐγγράφειν ἄπειρα; τίνος γὰρ ἂν εἴη τοῦτο καὶ ζητῆσαι
 καὶ εὑρεῖν ἢ τοῦ γεωμέτρου; ὅταν μὲν οὔν ὁ συλλο-
 20 γισμὸς ἦ δι' ἀδυνάτου τοῖς γεωμέτραις, ἀγαπῶσι τὸ
 σύμπτωμα μόνον εὑρεῖν, ὅταν δὲ διὰ προηγουμένης
 ἀποδείξεως, τότε πάλιν, εἰ μὲν ἐπὶ μέρους αἱ ἀποδεί-
 ξεις γίνονται, οὕτω δῆλον τὸ αἷτιον, εἰ δὲ καθ'
 ὅλον καὶ ἐπὶ πάντων τῶν ὁμοίων, εὐθύς καὶ τὸ διὰ
 25 τί γίγνεται καταφανές.

1 πρὸ τούτου postera manu in *M* super πρὸς τούτῳ; in
 margine adscriptum est τὴν οὐσίαν τοῦ πράγματος. πρὸς
 τούτῳ *B*₃, *G*. 'ante hoc' *B*, 'insuper' *Z*. 9 διότι *M*, *G*,
 'propter quid' *B*, causam' *Z*. 11—13 In *M* adscriptum est in
 margine: ὅλον ὅταν λέγῃ ἐν τοῖς τόποις οὐ δὴ γὰρ ἐν ταῖς
 ἐπιστημονικαῖς ἀρχαῖς ἐπιζητεῖ τὸ διὰ τί. 16 ἰσόπλευρα
 ἰσογώνια *G*. 19 ὅτε *G*. 24 διότι *M*, *G*.

Περὶ μὲν οὖν τῶν ζητουμένων τοσαῦτα· πᾶν δὲ πρόβλημα καὶ πᾶν θεώρημα τὸ ἐκ τελείων τῶν ἑαυτοῦ μερῶν συμπεπληρωμένον βούλεται πάντα ταῦτα ἔχειν ἐν ἑαυτῷ· πρότασιν, ἔκθεσιν, διορισμόν, κατασκευὴν, ἀπόδειξιν, συμπέρασμα. τούτων δὲ ἡ μὲν πρότασις λέγει, τίνος δεδομένου τί τὸ ζητούμενόν ἐστίν. ἡ γὰρ τελεία πρότασις ἐξ ἀμφοτέρων ἐστίν. ἡ δ' ἔκθεσις αὐτὸ καθ' αὐτὸ τὸ δεδομένον ἀποδιαλαβοῦσα προεντρεπίζει τῇ ζητήσει. ὁ δὲ διορισμὸς χωρὶς τὸ ζητούμενον, ὅτι ποτὲ ἐστίν, διασαφεῖ. ἡ δὲ κατασκευὴ τὰ ἐλλείποντα τῷ δεδομένῳ πρὸς τὴν τοῦ ζητουμένου θήραν προστίθῃσιν. ἡ δὲ ἀπόδειξις ἐπιστημονικῶς ἀπὸ τῶν ὁμολογηθέντων συνάγει τὸ προκείμενον. τὸ δὲ συμπέρασμα πάλιν ἐπὶ τὴν πρότασιν ἀναστρέφει βεβαιοῦν τὸ δεδειγμένον. καὶ τὰ μὲν σύμπαντα μέρη τῶν τε προβλημάτων καὶ τῶν θεωρημάτων ἐστὶ τοσαῦτα· τὰ δὲ ἀναγκαιότατα καὶ ἐν πᾶσιν ὑπάρχοντα πρότασις καὶ ἀπόδειξις καὶ συμπέρασμα. δεῖ γὰρ καὶ προειδέναι τὸ ζητούμενον καὶ δείκνυσθαι τοῦτο διὰ τῶν μέσων καὶ συνάγεσθαι τὸ δεδειγμένον. καὶ τοί- των τῶν τριῶν ἐκλείπειν τι τῶν ἀδυνάτων ἐστίν. τὰ δὲ λοιπὰ πολλαχοῦ μὲν παραλαμβάνεται, πολλαχοῦ δὲ καὶ οὐδεμίαν παρέχοντα χρειᾶν παραλείπεται. διορισμὸς τε γὰρ καὶ ἔκθεσις οὐκ ἔστιν ἐν ἐκείνῳ τῷ

1 ζητημάτων G. 3 πεπληρωμένον (πεπληρωμένων) H₂ p. 259. 6 διδομένον G, δεδομένον H₁ p. 454, H₂ p. 259.

10 τὰ εἰωθότα M, B₃, G; in M autem adscriptum est in margine manu primae proxima γρ. τὰ ἐλλείποντα, 'familiaria' Z, ἐλλείποντα (ἐκλείποντα) H₁ H₂. 'quae ... desunt' B. 11 διδομένῳ M, G, δεδομένῳ H₁ H₂. || θήραν] αἰτίαν H₁ H₂.

12 ἀπὸ] ἐκ H₂. 16 τῶν ante θεωρημάτων om. G. || τοσαῦτα] ταῦτα H₂. 20 τῷ δεδειγμένῳ (δεδεγμένῳ) H₁ H₂.

22. 23 καὶ post δὲ om. G. 23 ὡς ante οὐδεμίαν additum est in H₁ H₂.

προβλήματι ἰσοσκελὲς τρίγωνον συστήσασθαι ἔχον
 ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βάσει διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ||
 κατασκευὴ δὲ ἐν πλείστοις πάνν θεωρήμασιν οὐκ ἔστι
 τῆς ἐκθέσεως ἀποχρώσεως ἄνευ προσθήκης ἄλλης ἐκ
 5 τῶν δεδομένων δεῖξαι τὸ προκείμενον. πότε οὖν ἐκ-
 λιμπάνειν τὴν ἐκθεσὶν φαμεν; ὅταν ἐν τῇ προτάσει
 μηδὲν ἢ δεδομένον, ὅτι ἡ πρότασις διήρηται ὡς ἐπίπαν
 εἰς δεδομένον καὶ ζητούμενον. οὐ μὴν τοῦτο αἰετὶ γίνε-
 ται, ἀλλ' ἐνίοτε μόνον λέγει τὸ ζητούμενον, ὃ δεῖ
 10 γινῶναι ἢ πορίσασθαι, ὡς ἐπὶ τοῦ προειρημένου προ-
 βλήματος. οὐ γὰρ προλέγει, τίνος δεδομένου δεῖ
 συστήσασθαι τὸ ἰσοσκελὲς ἔχον ἑκατέραν τῶν ἴσων
 διπλασίαν τῆς λοιπῆς, ἀλλ' ὅτι δεῖ πορίσασθαι. καὶ
 γίνεται μὲν κἀνταῦθα ἐκ προγινωσκομένων ἢ τοῦ
 15 προκειμένου λῆψις. καὶ γὰρ τί τὸ ἰσοσκελὲς καὶ τί τὸ
 ἴσον ἢ διπλάσιον εἰδότες τυγχάνομεν. τοῦτο δὲ ἀπά-
 σης διανοητικῆς μαθήσεως ἰδιὸν φησιν Ἀριστοτέλης.
 ὑπόκειται δὲ ὅμως οὐδὲν ἡμῖν ὥσπερ ἐπ' ἄλλων προ-
 βλημάτων, οἷον ὅταν λέγῃ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
 20 περασμένην δίχα τεμεῖν. ἐνταῦθα γὰρ εὐθεῖα δέδο-
 ται, προσταττόμεθα δὲ αὐτὴν δίχα διελεῖν, καὶ διώρι-
 σται, τί μὲν τὸ δεδομένον χωρὶς, τί δὲ τὸ ζητούμενον.
 ὅταν μὲν οὖν ἡ πρότασις ἀμφοτέρω ἐχῇ, τότε καὶ
 διορισμὸς εὐρίσκεται καὶ ἐκθεσις, ὅταν δὲ ἐκλείπῃ τὸ
 25 δεδομένον, ἐκλιμπάνει καὶ ταῦτα. ἢ γὰρ ἐκθεσις

1 προβλήματι] Eucl. IV, 10. 4 ἐκθέσεως] 'Expositione'
 et in margine 'Demonstratione' B, 'expositio' Z. 5 ἐκλει-
 πάνειν G, ἐκλιμπάνειν C. || In M in margine legitur: ση.
 πότε ἐκλιμπάνει ἢ ἐκθεσις. 7 διαιρεῖται H₁ p. 454, H₂
 p. 265. 19 ὅτε λέγει G. (Eucl. I, 10). 23 ἔχῃ] σχῇ
 H₁ H₂. 24 ἐλλείπῃ H₁ H₂. 25 ἐκλειπάνει G, ἐλλιμ-
 πάνει H₁ H₂.

τοῦ δεδομένου ἐστὶν καὶ ὁ διορισμός. ἔσται γὰρ ὁ αὐτὸς τῇ προτάσει. τί γὰρ ἄλλο ἂν εἴποις διοριζόμενος ἐπὶ τοῦ προορηθέντος προβλήματος, | ἢ ὅτι δεῖ εὔρεῖν ἰσοσκελὲς τοιόνδε; τοῦτο δ' ἦν ἡ πρότασις. ἐὰν ἄρα ἡ πρότασις μὴ ἔχῃ τὸ μὲν δεδομένον, τὸ δὲ 5 ζητούμενον, ἡ μὲν ἔκθεσις σιωπᾶται τῷ μὴ εἶναι τὸ δεδομένον, ὁ δὲ διορισμὸς παραλείπεται, ἵνα μὴ ὁ αὐτὸς γένηται τῇ προτάσει. πολλὰ δ' ἂν εὔροις καὶ ἄλλα τοιαῦτα προβλήματα καὶ μάλιστα ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς καὶ ἐν τῷ δεκάτῳ εὔρεῖν δύο εὐθείας δυ- 10 νάμει συμμετρους μέσον περιεχούσας καὶ πάντα ὅσα τοιαῦτα.

Πᾶν γε μὴν τὸ δεδομένον καθ' ἓνα τούτων δίδοται τῶν τρόπων, ἢ θέσει, ἢ λόγῳ, ἢ μεγέθει, ἢ εἶδει. τὸ μὲν γὰρ σημεῖον θέσει δίδοται μόνον, γραμμὴ δὲ 15 καὶ τὰ ἄλλα πᾶσιν. ὅταν γὰρ λέγωμεν τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον, τὸ εἶδος λέγομεν, ὅποιον δέδοται τῆς γωνίας, ὅτι εὐθύγραμμον, ἵνα μὴ ζητῶμεν διὰ τῶν αὐτῶν μεθόδων καὶ τὴν περιφερόγραμμον δίχα τεμεῖν, ὅταν δὲ ὅτι δύο δοθεισῶν εὐθειῶν 20 ἀνίσκων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην ἀφελεῖν. τῷ μεγέθει δέδοται. τὸ γὰρ μείζον καὶ ἐλάσσον καὶ τὸ πεπερασμένον καὶ ἄπειρον τοῦ μεγέθους ἐστὶν ἴδια κατηγορήματα. ὅταν δὲ λέγωμεν ὅτι ἐὰν τέσσαρα

1—6 τοῦ δεδομένου . . . ἡ μὲν ἔκθεσις bis redditum est in G. 3 προορηθέντος] προβληθέντος H_2 p. 265. 4 τοιοῦτον primo, τοῦτο altero loco G, τοῦτο H_1 p. 454. 10 ἐν τῷ δεκάτῳ] Prop. XXIX, quae tamen non δύο εὐθείας sed μέσας iubet inveniri. 13 In M in margine adscriptum est: ὅτι τὸ δεδομένον ἢ θέσει ἢ λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἶδει. || δέδοται H_2 p. 269. 15 δέδοται H_2 . 16 ὅτε G. 17—18 τὸ εἶδος . . . εὐθύγραμμον bis legitur in M, et in margine εἶδει. 20 ὅτε G, ὅταν C, H_1 . || εὐθειῶν δοθεισῶν G. 22 τῷ μεγέθει. δέδοται γὰρ τὸ μείζον M. 24 M in margine λόγῳ.

μεγέθη ἀνάλογον ἢ, καὶ ἐναλλάξ ἀνάλογον ἔσται, δέ-
δοται ὁ αὐτὸς || λόγος ἐν τοῖς τέτρασιν μεγέθεσιν.
ὅταν δὲ πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ χρῇ τῇ δοθείσῃ
εὐθείᾳ ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι, τότε τῇ θέσει δέδοται τὸ
5 σημεῖον. διὸ καὶ τῆς θέσεως διαφόρου δυναμένης
εἶναι καὶ ἡ κατασκευὴ ποικιλίαν ἐπιδέχεται. δίδοται
γὰρ τὸ σημεῖον ἢ ἔξω τῆς εὐθείας ἢ ἐπὶ τῆς εὐθείας
καὶ ἐπ' ἄκρων τῆς εὐθείας ἢ ἐν τῷ μεταξὺ τῶν περά-
των αὐτῆς. τετραχῶς οὖν τοῦ δεδομένου λαμβανο-
10 μένου δῆλον ὅτι καὶ ἡ ἔκθεσις γίνεται τετραχῶς. ἐνί-
οτε δὲ καὶ δύο συμπλέκει τρόπους καὶ τρεῖς.

Τὴν δὲ λεγομένην ἀπόδειξιν ὅτε μὲν καὶ τὰ ἴδια
τῆς ἀποδείξεως ἔχουσιν εὐρήσομεν ἀπὸ τῶν ὁρισμῶν
μέσων τὸ ζητούμενον δεικνύουσιν — αὕτη γὰρ ἀπο-
15 δείξεως τελειότης — ὅτε δὲ ἐκ τεκμηρίων ἐπιχειροῦ-
σαν. καὶ δεῖ μὴ λανθάνειν. πανταχοῦ μὲν γὰρ τὸ
ἀναγκαῖον ἔχουσιν οἱ γεωμετρικοὶ λόγοι διὰ τὴν ὑπο-
κειμένην ὕλην, οὐ πανταχοῦ δὲ περαίνονται διὰ τῶν
ἀποδεικτικῶν μεθόδων. ὅταν γὰρ διὰ τοῦ τὴν ἐκτὸς
20 τοῦ τριγώνου γωνίαν ἴσην εἶναι δύο ταῖς ἐντὸς καὶ
ἀπεναντίας δεικνύηται τὸ τρίγωνον ἴσας ἔχον τὰς ἐν-
τὸς τρεῖς γωνίας δυσὶν ὀρθαῖς, πῶς ἀπ' αἰτίας ἢ
ἀπόδειξις αὕτη, πῶς δὲ οὐχὶ τεκμήριόν ἐστι τὸ μέσον;
καὶ γὰρ μήπω τῆς ἐκτὸς οὔσης γωνίας αἱ ἐντὸς οὔσαι
25 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν. ἔστι γὰρ τὸ τρίγωνον καὶ
τῆς πλευρᾶς μὴ ἐκβεβλημένης. ὅταν δὲ διὰ τῆς τῶν
κύκλων περιγραφῆς τὸ συσταθὲν τρίγωνον ἰσόπλευρον

2 τέτρασι G. 3 M in margine θέσει. || ὅτε G. || χρῇ
M, G. 6 δέχεται G, ἐπιδέχεται C. || δέδοται G, δίδοται C.
9 αὐτῆς] τῆς τῆς M. || παραλαμβανομένου G. 10 γένη-
ται G, γίνεται C, H₁ p. 454, H₂ p. 270. 21 ἀπεναντίας G. ||
δείκνυται G, δεικνύηται C.

δεικνύηται, ἀπ' αἰτίας ἢ ἐπιβολὴ γίνεται. τὴν γὰρ ὁμοιότητα καὶ ἰσότητα τῶν κύκλων τῆς τοῦ τριγώνου κατὰ τὰς πλευρὰς ἰσότητος αἰτιασόμεθα.

Τό γε μὴν συμπέρασμα διπλοῦν εἰώθασι ποιεῖσθαι τινα τρόπον· καὶ γὰρ ὥς ἐπὶ τοῦ δεδομένου δεί- 5 ξαντες καὶ ὥς καθόλου συνάγουσιν ἀνατρέχοντες ἀπὸ τοῦ μερικοῦ συμπεράσματος ἐπὶ τὸ καθόλου. διότι γὰρ οὐ προσχρῶνται τῇ ιδιότητι τῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ πρὸ ὁμμάτων ποιούμενοι τὸ δεδομένον γράφουσι τὴν γωνίαν ἢ τὴν εὐθείαν, ταύτὸν ἡγοῦνται τὸ ἐπὶ 10 ταύτης συναγόμενον καὶ ἐπὶ τοῦ ὁμοίου συμπεπεράσθαι παντός. μεταβαίνουνσι μὲν οὖν ἐπὶ τὸ καθόλου, ἵνα μὴ μερικὸν ὑπολάβωμεν εἶναι τὸ συμπέρασμα. εὐλόγως δὲ μεταβαίνουνσιν, ἐπεὶ τῇ τοῖς ἐκτεθεῖσιν, οὐχ ἢ ταῦτά ἐστιν, ἀλλ' ἢ τοῖς ἄλλοις ὅμοια, χρῶνται πρὸς 15 τὴν ἀπόδειξιν. οὐ γὰρ ἢ τοσὴδε ἐστὶν ἢ ἐκκειμένη γωνία, ταύτῃ τὴν διχοτομίαν ποιοῦμαι, ἀλλ' ἢ μόνον εὐθύγραμμος. ἐστὶ δὲ τὸ μὲν τοσόνδε τῆς ἐκκειμένης ἰδίου, τὸ δὲ εὐθύγραμμον πασῶν τῶν εὐθυγράμμων κοινόν. ἔστω γὰρ ἢ δεδομένη ἢ ὀρθή. εἰ μὲν οὖν τῇ 20 ἀποδείξει τὴν ὀρθότητα παρελάβανον, οὐκ ἡδυνάμην ἐπὶ πᾶν τὸ εἶδος τῆς εὐθυγράμμου μεταβαίνειν, εἰ δὲ τὸ μὲν ὀρθὸν αὐτῆς οὐ προσποιοῦμαι, τὸ δὲ εὐθύγραμμον σκοπῶ μόνον, ὁμοίως ὁ λόγος ἐφαρμόσει καὶ παρὰ ταῖς εὐθυγράμμοις γωνίαις.

25

1 δεικνύηται] δείκνυνται M, C. || δεικνύηται ... ἐπιβολὴ om. G. 3 κατὰ τὰς πλευρὰς om. G. 5 τινε om. G. 6 συνάγουσαι G, συνάγουσιν C. || ἀνατρέχοντος M. 8 προσδέχονται G, προσχρῶνται C. 14 ἐκτεθεῖσιν G, ἐκτεθεῖσιν C. 17 ταύτην C. 18 εὐθύγραμμον G, εὐθύγραμμος C. || τοσόνδε] ποσὸν G. 19 δὲ post τὸ om. G, add. C.

Ταῦτα δὲ πάντα τὰ προειρημένα σκεψώμεθα ἐπὶ τοῦ πρώτου τούτου προβλήματος. ὅτι μὲν γὰρ πρόβλημά ἐστι δῆλον. ἐπιτάττει γὰρ ἡμῖν τριγώνου μηχανήσασθαι γένεσιν ἰσοπλεύρου. συνέστηκεν δὲ ἡ ἐν
 5 τοῦτῳ πρότασις ἐκ τε τοῦ δεδομένου καὶ τοῦ ζητούμενου. δέδοται μὲν γὰρ εὐθεία πεπερασμένη, ζητεῖται δέ, πῶς ἂν ἐπ' αὐτῆς συσταίῃ τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον, καὶ ἡγεῖται τὸ δεδομένον, ἔπεται δὲ τὸ ζητούμενον, ἵνα καὶ συνημμένον πλέξης, εἴ ἐστιν εὐθεία πε-
 10 περασμένη, δυνατόν ἐπ' αὐτῆς συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον. οὔτε γὰρ μὴ εὐθείας οὔσης συσταίῃ ἂν τρίγωνον — ὑπὸ γὰρ εὐθειῶν περιέχεται γραμμῶν — οὔτε μὴ πεπερασμένης· οὐ γὰρ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ· τῆς δὲ ἀπείρου
 15 πέρας σημεῖον οὐκ ἔστιν.

Μετὰ δὲ τὴν πρότασιν ἐξῆς ἡ ἔκθεσις· Ἐστω ἡ δοθεῖσα εὐθεία πεπερασμένη ἥδε. καὶ ὁρᾷς ὅτι το δεδομένον αὐτὸ λέγει μόνον ἡ ἔκθεσις, οὐ προσποι-
 ησομένη τὸ ζητούμενον. καὶ ἐπὶ ταύτῃ ὁ διορισμός·
 20 Δεῖ δὴ ἐπὶ τῆς ἐκτεθείσης πεπερασμένης εὐθείας τρίγωνον ἰσόπλευρον συστήσασθαι. τρόπον τινὰ προσεχέας ἐστιν αἷτιος ὁ διορισμός. προσεχεστέρους γὰρ ἡμᾶς ποιεῖ πρὸς τὴν ἀπόδειξιν ἀναφωνῶν τὸ ζητούμενον, ὥσπερ ἡ ἔκθεσις εὐ-
 25 μαιθεστέρους ἀπεργάζεται πρὸ ὁμμάτων ποιουμένη τὸ δεδομένον. μετὰ δὲ τὸν

1 In *M* ^χ in margine est adscriptum. 5 διδομένον *G*.
 7 τρίγωνον om. *G*. 9 ἡ εὐθεία *C*. 14 εἰ μὴ] Hoc vel simile quid videtur excidisse. In *M* postera manus super πρὸς ἐνὶ scripsit χωρὶς. *B*₃ = *G*. 'nisi in uno fiat Signo' *B*, om. *Z*. 15 πέρας ἔστι σημεῖον *G*, πέρας οὐκ ἔστι σημεῖον *C*.
 17 ὥδε *G*.

διορισμὸν ἢ κατασκευή· Κέντρῳ μὲν τῷ ἑτέρῳ πέρατι
 τῆς εὐθείας διαστήματι δὲ τῷ λοιπῷ γεγράφθω κύκλος,
 καὶ πάλιν κέντρῳ μὲν τῷ πρότερον [διαστήματι], δια-
 στήματι δὲ τῷ κέντρῳ γεγράφθω κύκλος, καὶ ἀπὸ τοῦ
 κοίνου σημείου τῆς τῶν κύκλων τομῆς ἐπὶ τὰ πέρατα ⁵
 τῆς εὐθείας ἐπεξεύχθωσαν εὐθεῖαι. καὶ ὁρᾷς ὅτι πρὸς
 τὴν κατασκευὴν χρῶμαι τοῖς αἰτήμασιν, τῷ τε ἀπὸ
 παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν
 ἀγαγεῖν καὶ τῷ κέντρῳ καὶ διαστήματι κύκλον γράψαι.
 καθόλου γὰρ τὰ μὲν αἰτήματα συντελεῖ ταῖς κατα- ¹⁰
 σκευαῖς, τὰ δὲ ἀξιώματα ταῖς ἀποδείξεσιν. ἐφεξῆς οὖν
 ἢ ἀπόδειξις· Ἐπειδὴ θάτερον σημεῖον τῶν ἐπὶ τῆς
 δοθείσης εὐθείας κέντρον ἐστὶν τοῦ περιέχοντος αὐτὸ
 κύκλου, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῇ δοθείσῃ
 εὐθείᾳ. διὰ ταῦτα δὴ καὶ ἐπεὶ τὸ λοιπὸν σημεῖον τῶν ¹⁵
 ἐπὶ τῆς δοθείσης τοῦ περιέχοντος αὐτὸ κύκλου κέν-
 τρον ἐστίν, ἴση ἐστὶν ἢ ἐπὶ τὴν κοινὴν τομὴν τῶν
 κύκλων τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ. καὶ τούτων ὑπόμνησις
 ἀπὸ τοῦ ὁρισμοῦ τοῦ κύκλου, ὃς ἔλεγεν ἴσας εἶναι τὰς
 ἐκ τοῦ κέντρου πάσας. ἑκατέρα ἄρα τῇ αὐτῇ ἐστὶν ²⁰
 ἴση. τὰ δὲ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα || διὰ τὸ α
 ἀξιῶμα. αἱ τρεῖς ἄρα ἴσαι. συνέστη ἄρα ἐπὶ ταύτης
 τῆς εὐθείας ἰσόπλευρον τρίγωνον. τοῦτο μὲν τὸ πρό-
 τερον συμπέρασμα τῇ ἐκθέσει ἐπόμενον. ἐπὶ δὲ τούτῳ

2 εὐθείας] ἑτέρας *M, B₃, G*, 'rectae Lineae' *B, Z*. 3—4
 κέντρῳ μὲν τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *M, B₃*, μὲν
 τῷ κέντρῳ τῷ πρότερον, διαστήματι δὲ τῷ κέντρῳ *G*, 'Centro
 quidem reliquo, intervallo autem eo, quod prius Centrum erat' *B*,
 'centro quidem reliquo, intervallo vero cetero' *Z*. 8 ἐπὶ πᾶν
 σημεῖον om. *G*. 9 τῷ διαστήματι *G*. 11 ἀξιώματα *H₂*
p. 271, κοινὰ ἔννοια *H₂ p. 274*. 15 ἐπεὶ] ἐπὶ *M*.
 20 ἐκ κέντρον *G*. 21 α om. *M, G*. 'primum' *B*, 'ex com-
 muni intelligentia' *Z*. 23 πρῶτον *G*, πρότερον *C*.

τὸ καθόλου· Ἐπὶ τῆς δοθείσης ἄρα εὐθείας τρίγωνον
 ἰσόπλευρον συνέστη. καὶ γὰρ τὴν διπλασίαν τῆς νῦν
 ἐκτεθείσης ποιήσης δεδομένην, αἱ αὐταὶ κατασκευαὶ
 καὶ ἀποδείξεις ἀρμόσουσιν, καὶ τριπλασίαν καὶ ἄλ-
 5 λην ὁπωσοῦν μείζονα ταύτης ἢ ἐλάσσονα λάβης. τού-
 τοις δὲ προσέθηκεν τὸ ὅπερ ἔδει ποιῆσαι, δεικνὺς
 ὅτι τὸ συμπέρασμα προβληματικόν. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν
 θεωρημάτων προστίθῃσι τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὰ μὲν
 γὰρ ποίησιν ἐπαγγέλλεται τινος, τὰ δὲ δεῖξιν καὶ εὗρε-
 10 σιν ὄντος. ὅλως μὲν οὖν ἐπάγει ταῦτα τοῖς συμπε-
 ράσμασιν ἐνδεικνύμενος, ὅτι τὰ τῆς προτάσεως γέγο-
 νεν, καὶ τέλος ἀρχῇ συνάπτων καὶ μιμούμενος τὸν
 ἀνελιχθέντα νοῦν καὶ πάλιν εἰς τὴν ἀρχὴν ἐπιστρέ-
 φοντα. οὐ ταῦτὸν δέ, ἀλλ' ὅτε μὲν τὸ ὅπερ ἔδει ποι-
 15 ῆσαι, ὅτε δὲ τὸ ὅπερ ἔδει δεῖξαι διὰ τὴν τῶν προβλη-
 μάτων πρὸς τὰ θεωρήματα διαφοράν.

Ἡμεῖς μὲν οὖν ἐφ' ἐνὸς τοῦ πρώτου προβλήματος
 ἐγυμνάσαμεν πάντα ταῦτα καὶ σαφῇ πεποιήκαμεν. δεῖ
 δὲ τοὺς ἀκούοντας καὶ ἐπὶ τῶν λοιπῶν ταῦτα ζητεῖν,
 20 τίνα μὲν παραλαμβάνεται, τίνα δὲ παραλείπεται τῶν
 κεφαλαίων καὶ ποσαχῶς τὸ δεδομένον δέδοται, καὶ
 ἀπὸ ποίων ἀρχῶν ἢ τὰς κατασκευὰς ἢ τὰς ἀποδείξεις
 λαμβάνομεν. ἡ γὰρ τούτων συνοπτικὴ θεωρία γυμνα-
 σίαν οὐκ ὀλίγην ἐμποιεῖ καὶ μελέτην τῶν ἐν γεω-
 25 μετρίας λόγων. ἀλλ' ἐπειδὴ καὶ ταῦτα διώριστα, φέρε
 καὶ περὶ τῶν συνηρημένων τούτοις βραχέα διέλθω-
 μεν, τί λῆμμα, τί πτωσίς, τί πόρισμα, τί ἐνστασις, τί
 ἀπαγωγή.

4 ἀρμόζουσι G. 17 ἀφ' G, ἐφ' C. 21 δίδοται M.
 26 καὶ post φέρε om. G, add. C. || βραχίον G. 27 In M in
 margine legitur: τί λῆμμα.

Τὸ μὲν οὖν λῆμμα πολλάκις καὶ κατὰ πάσης προ-
τάσεως εἰς κατασκευὴν ἄλλου λαμβανομένης κατηγο-
ροῦσιν, ἐκ τῶνδε λημμάτων αὐτοῖς τὴν ἀποδείξιν
γεγονέναι φάσκοντες. ἰδίως δὲ τὸ ἐν τοῖς γεωμετρο-
μένοις λῆμμα πρότασις ἐστὶ δεομένη πίστεως. ὅταν ⁵
γὰρ ἢ περὶ τὴν κατασκευὴν ἢ περὶ τὴν ἀποδείξιν λά-
βωμέν τι τῶν μὴ δεδειγμένων ἀλλὰ λόγου δεομένων,
τότε τὸ ληφθὲν ὡς ἀμφίβολον καθ' αὐτὸ ζητήσεως
ἀξιόσαντες λῆμμα αὐτὸ προσαγορεύομεν τοῦ αἰτήμα-
τος καὶ ἀξιώματος διαφέρων τῷ ἀποδεικτὸν ὑπάρχειν, ¹⁰
ἐκείνων ἄνευ ἀποδείξεως εἰς πίστιν ἄλλων αὐτόθεν
παραλαμβανομένων. περὶ δὲ τὴν εὗρεσιν τῶν λημ-
μάτων τὸ μὲν ἄριστον τῆς διανοίας ἐστὶ πρὸς τοῦτο
ἐπιτηδειότης. πολλοὺς γὰρ ἔστιν ἰδεῖν ὅξεῖς περὶ τὰς
λύσεις || καὶ οὐ μεθόδοις τοῦτο ποιοῦντας, ὥσπερ καὶ ¹⁵
ὁ καθ' ἡμᾶς Κράτιστος ἱκανὸς μὲν ἦν θηρᾶσαι τὸ
ζητούμενον ἐκ πρώτων καὶ ἐλαχίστων ὡς δυνατόν.
ἐχρήσατο δὲ τῇ φύσει πρὸς τὴν εὗρεσιν. μέθοδοι δὲ
ὅμως παραδίδονται, καλλίστη μὲν ἡ διὰ τῆς ἀναλύ-
σεως ἐπ' ἀρχὴν ὁμολογουμένην ἀνάγουσα τὸ ζητούμε- ²⁰
νον, ἣν καὶ ὁ Πλάτων ὡς φασὶν Λεωδάμαντι
παραδέδωκεν, ἀφ' ἧς καὶ ἐκεῖνος πολλῶν κατὰ γεω-
μετρίαν εὗρετὴς ἰστορήται γενέσθαι. δευτέρα δὲ ἡ
διααιρετική, κατ' ἄρθρα μὲν διαιροῦσα τὸ προκείμενον
γένος, ἀφορμὴν δὲ τῇ ἀποδείξει παρεχομένη διὰ τῆς ²⁵
τῶν ἄλλων ἀναιρέσεως τῆς τοῦ προκειμένου κατα-
σκευῆς, ἣν καὶ αὐτὴν ὁ Πλάτων ἐξύμνησεν ὡς πάσαις

2 ἄλλων G. 3 ἀπόδοσιν B₃, G, 'demonstrationem' B, 'as-
signationem' Z. 4 τὸ om. G. 6 λαμβάνωμεν G.
10 τῷ ἀποδεικτικῷ G, τὸ ἀποδεικτικὸν C. 11 αὐτόθι G.
22 παρέδωκεν G.

ταῖς ἐπιστήμαις ἐπίκουρον γινομένην. τρίτη δὲ ἡ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς οὐκ αὐτὸ δεικνύσα τὸ ζητούμενον αὐτόθεν, ἀλλὰ τὸ ἀντικείμενον ἐλέγχουσα καὶ κατὰ συμβεβηκὸς τὸ ἀληθὲς εὐρίσκουσα.

5 Τὸ μὲν οὖν λήμμα τοιαύτην ἔχει θεωρίαν, ἡ δὲ πτωσίς διαφόρους τῆς κατασκευῆς τρόπους ἐπαγγέλλεται καὶ θέσεων ἐξαλλαγὴν τῶν σημείων μετατιθεμένων ἢ τῶν γραμμῶν ἢ τῶν ἐπιπέδων ἢ τῶν στερεῶν. καὶ ὅλως πᾶσα αὐτῆς ἡ ποικιλία περὶ τὴν
10 καταγραφὴν ὁρᾶται, διὸ καὶ πτωσίς ἀποκαλεῖται μεταθέσις οὕσα τῆς κατασκευῆς.

Τὸ δὲ πόρισμα λέγεται μὲν καὶ ἐπὶ προβλημάτων τινῶν, οἷον τὰ Εὐκλείδῃ γεγραμμένα πορίσματα. λέγεται δὲ ἰδίως, ὅταν ἐκ τῶν ἀποδεδειγμένων ἄλλο
15 τι συναναφανῇ θεώρημα μὴ προθεμένων ἡμῶν, ὃ καὶ διὰ τοῦτο πόρισμα κεκλήκασιν, ὥσπερ τι κέρδος ὃν τῆς ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως πάρεργον.

Ἡ δὲ ἔνστασις κωλύει τὴν ὅλην ἀτραπὸν τοῦ λόγου ἥτοι πρὸς τὴν κατασκευὴν ἢ πρὸς τὴν ἀπόδει-
20 ξιν ἀπαντῶσα, καὶ οὐχ ὥσπερ τὴν πτωσὶν προθέμενον ἀναγκαῖον ἐπιδεικνύναι τὴν πρότασιν ἐπαληθεύουσαν, οὕτω καὶ τὴν ἔνστασιν, ἀλλὰ ἀνελεῖν δεῖ τὴν ἔνστασιν καὶ δεῖξαι τὸν χρώμενον αὐτῇ ψευδόμενον.

Ἡ δὲ ἀπαγωγὴ μετάβασίς ἐστιν ἀπ' ἄλλου προ-

1 γενομένην G. 2—3·ζητοῦσα τὸ δεικνύμενον αὐτόθεν G.

6 M in margine τί πτωσίς 7 θέσεως G, θέσεων C.

9 ἡ αὐτῆς G. 10 καταστροφὴν C, 'descriptionem' B, Z.

12 M in margine τί πόρισμα. 13 Εὐκλείδει G. 15 συν-

αφανῇ G, συναποφανῇ N. p. 437. 18 M in margine τί

ἐνστασις. 20 προθέμενον] προσiέμενον G, προσέμενον C,

'qui Casum proponit' B, 'casum, propositum' Z. 21 ἀπο-

δεικνύναι G. 22 καὶ post οὕτω om. G. 23 χρόνον G.

24 M in margine τί ἀπαγωγὴ.

βλήματος ἢ θεωρήματος ἐπ' ἄλλο, οὐ γνωσθέντος ἢ πορισθέντος καὶ τὸ προκείμενον ἔσται καταφανές, οἷον ὥσπερ καὶ τοῦ διπλασιασμοῦ τοῦ κύβου ζητηθέντος μετέθεσαν τὴν ζήτησιν εἰς ἄλλο, ᾧ τοῦτο ἔπεται, τὴν εὔρεσιν τῶν δύο μέσων, καὶ τὸ λοιπὸν ἐξήτουν, πῶς ἂν δύο δοθεισῶν εὐθειῶν δύο μέσαι ἀνάλογον εὔρε-
θεῖεν. πρῶτον δέ φασι τῶν ἀπορουμένων διαγραμ-
μάτων τὴν ἀπαγωγὴν ποιήσασθαι Ἰπποκράτην τὸν Χῖον, ὃς καὶ μηνίσκον ἐτετραγώνισε καὶ ἄλλα πολλὰ κατὰ γεωμετρίαν εὔρεν εὐφυῆς περὶ τὰ διαγράμματα 10 εἴπερ τις ἄλλος γενόμενος.

Τοιαῦτα καὶ περὶ τούτων· ἐπὶ δὲ τὸ προκείμενον ἐπανέλθωμεν πρόβλημα.

Τὸ μὲν οὖν ἰσόπλευρον || τρίγωνον ὅτι κάλλιστον ἐν τοῖς τριγώνοις καὶ τῷ κύκλῳ συγγενέστατον τῷ 15 πάσας ἰσας ἔχοντι τὰς ἐκ τοῦ κέντρου καὶ μίαν καὶ ἀπλὴν τὴν ἑξωθεν αὐτὸ ὀρίζουσαν γραμμὴν παντὶ καταφανές. ἔοικεν δὲ ἡ τῶν δύο κύκλων περίληψις, καὶ τούτων ἐκ μέρους ἑκατέρου — οὐ γὰρ εἰς ὅλον ἑκάτερον ἐγγέγραπται, ἀλλ' εἰς τὸ ἕκτον ἑκατέρου — 20 δηλοῦν ὡς ἐν εἰκόσιν, ὅπως καὶ τὰ προελθόντα ἀπὸ τῶν ἀρχῶν τὸ τέλειον καὶ τὸ ταῦτόν καὶ τὸ ἴσον ἀπ' ἐκείνων καταδέχεται. κατὰ γὰρ τοῦτον τὸν τρόπον καὶ τὰ ἐπ' εὐθείας κινούμενα κύκλῳ περιάγεται διὰ τῆς αἰετίνης γενεσίης, καὶ αἱ ψυχαὶ μεταβατικὰς ἔχουσαι 25 νοήσεις διὰ τῶν ἀποκαταστάσεων καὶ τῶν περιόδων

2 ἔστι G. 7 φησὶ C. || ἀπορουμένων διαγραμμάτων] 'quum descriptiones sunt ambiguae' Z, 'praedictorum titulo-
rum' B. B₃ = M, G. || διαγραμμάτων] δύο γραμμάτων C.

9 ἐτετραγώνησε M, C. 17 αὐτόν M, G. 20 ἕκτον] ἐκ τῶν G.

26 νοήσεις] κινήσεις G, B₃ = M. 'motus' et in margine
'Intelligentias' B, 'intelligentias' Z.

ἀπεικονίζουσι τὴν ἀμετάβατον ἐνέργειαν τοῦ νοῦ.
 λέγεται δὲ καὶ ὑπὲρ δύο νοῶν ἡ ζωογόνος πηγὴ περι-
 ἐχέσθαι τῶν ψυχῶν. εἰ τοίνυν ὁ μὲν κύκλος εἰκῶν
 ἐστὶ τῆς νοερᾶς οὐσίας, τὸ δὲ τρίγωνον τῆς πρωτί-
 5 στης ψυχῆς διὰ τε τὴν ἰσότητα καὶ τὴν ὁμοιότητα
 τῶν γωνιῶν καὶ πλευρῶν, εἰκότως ἂν καὶ τοῦτο διὰ
 τῶν κύκλων ἐν αὐτοῖς μέσον ἀπολαμβάνομενον ἰσό-
 πλευρον ἀποδεικνύοιτο. εἰ δὲ καὶ πᾶσα ψυχὴ πρόεισιν
 ἀπὸ νοῦ καὶ ἐπιστρέφει πρὸς νοῦν καὶ μετέχει τοῦ
 10 νοῦ δυαδικῶς, εὖ ἂν ἔχοι καὶ ταύτῃ τὸ τρίγω-
 νον τῆς τριφυνοῦς τῶν ψυχῶν ὑποστάσεως σύμβολον
 ὃν ὑπὸ δυεῖν κύκλων περιληφθὲν λαμβάνειν τὴν
 γένεσιν.

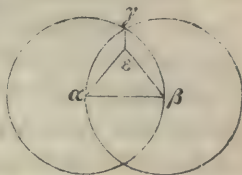
Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ὥς ἐξ εἰκόνων ἡμᾶς ἀναμιμνη-
 15 σκέτω τῆς τῶν πραγμάτων φύσεως. ἐπειδὴ δέ τινες
 πρὸς τὴν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου σύστασιν ἐνέστη-
 σαν οἰόμενοι τὴν ὅλην γεωμετρίαν διελέγχειν βραχέα
 καὶ πρὸς τούτους ἀπαντήσομεν. λέγει δὲ Ζήνων
 ἐκεῖνος, οὗ καὶ πρότερον ἐμνήσθην, ὅτι, κἂν ταῖς
 20 ἀρχαῖς τις ἐπιτρέψῃ τῶν γεωμετρῶν, οὐκ ἂν συσταίῃ
 τὰ ἐφεξῆς, μὴ συγχωρηθέντος αὐτοῖς ὅτι δύο εὐθειῶν
 τὰ αὐτὰ τμήματα οὐκ ἔστιν. εἰ γὰρ τοῦτο μὴ δοθείη,
 τὸ ἰσόπλευρον οὐ δείκνυται τρίγωνον. ἔστω γὰρ φη-
 σιν ἡ $\alpha\beta$ εὐθεῖα, ἐφ' ἧς δεῖ συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευ-

5 Post ἰσότητα additum est καὶ τιμότητα in *H*₂ p. 270.

7 μέσων *M*. 10 διαδικῶς *G*, δυαδικῶς *C*. 12 δυοῖν
 κύκλοις *G*. || ὑπολειφθὲν *C*. 14 ἐκείνων *G*, εἰκόνων *C*.
 16 ἀνέστησαν *G*, ἐνέστησαν *C*. 18 πρὸς τούτοις *M*. || ἀπαν-
 τήσωμεν *G*. 20 ἐπιστρέφει *G*, ἐπιτρέφει *C*. 23—24 τὸ
 ἰσόπλευρον . . . συστήσασθαι om. *G*, add. *C*. 23 δείκνυ-
 ται] ‘constitueretur’ et in margine ‘ostenderetur’ *B*, ‘osten-
 ditur’ *Z*.

ρον τριγώνον. καταγεγράφθωσαν οἱ κύκλοι καὶ ἀπὸ
τῆς κοινῆς αὐτῶν τομῆς ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\gamma\epsilon\alpha}$ $\overline{\gamma\epsilon\beta}$
κοινὸν ἔχουσιν τὸ $\overline{\gamma\epsilon}$ τμήμα.

συμβαίνει τοίνυν τὰς μὲν ἀπὸ
τῆς κοινῆς τομῆς ἴσας εἶναι τῇ
 $\overline{\alpha\beta}$ τῇ δοθείσῃ, οὐκέτι δὲ τὰς
τοῦ τριγώνου ἴσας, ἀλλὰ ἐλάσ-



5

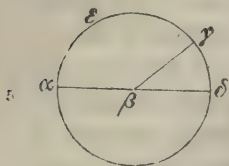
σονας τὰς δύο || τῆς $\overline{\alpha\beta}$. τούτου

δὲ μὴ συστάντος οὐδ' ἂν τὰ ἐφεξῆς ἔτι σύστασιν λά-
βοι. μήποτε οὖν, φησὶν ὁ Ζήνων, καὶ τῶν ἀρχῶν 10
δοθεισῶν οὐχὶ ἔπεται τὰ ἐξῆς, εἰ μὴ καὶ τοῦτο προ-
ληφθεῖν τὸ μήτε περιφερῶν μήτε εὐθειῶν εἶναι τμή-
ματα κοινά.

Πρὸς δὴ ταῦτα ρητέον πρῶτον μὲν, ὅτι τοῦτο
τρόπον τινὰ προείληπται ἐν ταῖς ἀρχαῖς τὸ δύο εὐ- 15
θειῶν μὴ εἶναι τμήμα κοινόν — καὶ γὰρ ὁ τῆς εὐθείας
ὁρισμὸς τοῦτο εἶχεν, εἴπερ εὐθεϊά ἐστὶν ἡ ἐξ ἴσου κει-
μένη τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις. τὸ γὰρ ἴσον εἶναι τὸ
διάστημα τῶν σημείων τῇ εὐθείᾳ μίαν ποιεῖ τὴν συν-
άπτουσαν αὐτὰ καὶ ἐλαχίστην, ὥστε, εἴ τις αὐτὴν κατὰ 20
μέρος ἐφαρμόσοι, καὶ κατὰ λοιπὸν μέρος ἐφαρμόττειν.
ἐπ' ἄκρον γὰρ τεταμένη διὰ τὸ ἐλαχίστην εἶναι ὅλη
ἐπὶ ὅλην πίπτειν ἀναγκασθήσεται — καὶ δὴ καὶ ὅτι
ἐν τοῖς αἰτήμασι τοῦτο προδήλως εἴληπται. τὸ γὰρ
καὶ πεπερασμένην εὐθεῖαν ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν δεῖ 25
κινύει σαφῶς, ὅτι μίαν εἶναι δεῖ τὴν ἐκβαλλομένην
καὶ κατὰ μίαν κίνησιν ἐκβάλλεσθαι. εἰ δὲ δεῖ καὶ

3-8 In M triangulum aequilaterum est depictum et ϵ infra
 γ positum. 15 τὸ] τῶν G . 18 ἑαυτοῖς M . 21 ἐφαρμόσ-
σοι G . 22 ἐπ' ἄκρων M . 27 κατὰ τὴν μίαν G .

ὥσπερ λήμματος τούτου λαβεῖν ἀπόδειξιν, ἔστω, εἰ δυνατόν, ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τμήμα κοινὸν τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ τῆς $\overline{\alpha\delta}$, καὶ



κέντρον μὲν τῷ β, διαστήματι δὲ τῷ βα γεγράφθω κύκλος ὁ αγκδ. ἐπεὶ οὖν εὐθείᾳ ἔστι διὰ τοῦ κέντρου ἡ $\overline{\alpha\beta\gamma}$, ἡμικύκλιόν ἐστι τὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$, καὶ ἐπεὶ εὐθεία διὰ τοῦ κέντρου ἡ

$\overline{\alpha\beta\delta}$, ἡμικύκλιον τὸ $\overline{\alpha\epsilon\delta}$. ἴσα ἄρα ἀλλήλοις τὰ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ $\overline{\alpha\epsilon\delta}$ ὅπερ ἀδύνατον.

10 Πρὸς δὴ ταύτην τὴν ἀπόδειξιν ὁ Ζήνων εἰποι ἄν, ὅτι καὶ τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον ἀποδέδεικται προλαβόντων ἡμῶν, ὅτι οὐκ ἔστι δύο περιφερειῶν ἐν τμήμα κοινόν. | οὕτω γὰρ ἐλαμβάνομεν τὴν ἑτέραν ἐπὶ τὴν ἑτέραν ἐφαρμόττειν τῶν περι-
15 φερειῶν, ἢ μὴ ἐφαρμόττουςαν ἐκτὸς πίπτειν ἢ ἐντός. κωλύει δέ, φησὶν, οὐδὲν μὴ ὅλην ἐφαρμόζειν πρὸς ὅλην, ἀλλὰ κατὰ τι μέρος. ἕως δ' ἂν μὴ ἀποδεικνύηται τὸ τὴν διάμετρον δίχα τέμνειν τὸν κύκλον οὐδὲ τὸ προκείμενον δειχθήσεται.

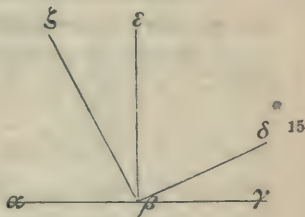
20 Πρὸς ταῦτα καὶ ὁ Ποσειδώνιος ὀρθῶς ἀπήντησεν ἐπισκώψας τὸν δορυμὲν Ἐπίκουρον ὡς οὐ συνειδότα, καὶν κατὰ μέρος μὴ ἐφαρμόττωσιν αἱ περιφέρειαί, || προχωροῦσαν τὴν ἀπόδειξιν· καθ' ὃ γὰρ

1 τοῦτο M, C. 2 καὶ ante κέντρον om. M. 4 βα] βδ G, αβ C. 6 ἔστι ante τὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ om. G, add. C. 8 τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$

$\overline{\alpha\beta\delta}$ M, G. 10 δὲ G, δὴ C. 14 τὴν post ἐλαμβάνομεν om. G, add. C. 15 ἔξω G, ἐκτός C. 21 ὡς συ συνειδότα M, ὡς συνειδότα G, 'tanquam conscium' B, 'utpote cognoscentem' Z.

οὐκ ἐφαρμόξουσιν μέρος, ἢ μὲν ἐντός, ἢ δὲ ἐκτός ἔσται, καὶ τὰ αὐτὰ ἄτοπα, τῆς εὐθείας ἀπὸ τοῦ κέντρου προβληθείσης ἐπὶ τὴν ἐκτός περιφέρειαν. ἔσονται γὰρ ἴσαι αἱ ἐκ τοῦ κέντρου οὐσαι, ἥ τε μείζων ἢ ἐπὶ τὴν ἐκτός καὶ ἡ ἐλάσσων ἢ ἐπὶ τὴν ἐντός. ἢ οὖν ὅλη πρὸς ⁵ ὅλην ἐφαρμόσει καὶ ἴσαι εἰσὶν, ἢ κατὰ μέρος ἐφαρμόξουσα παραλλάττει καθ' ἕτερον, ἢ οἷδεν μέρος αὐτῆς οὐδενὶ ἐφαρμόζει, καὶ εἰ τοῦτο, ἢ ἐκτός πίπτει ἢ ἐντός· πάντα δὲ ταῦτα ὡσαύτως διελέγχεται.

Ταῦτα μὲν ὑπὲρ τούτων· ὁ δὲ Ζήνων ἐτέραν ¹⁰ ἀπόδειξιν ἀναγράφει τοιαύτην, ἣν καὶ διαβάλλειν ἐπιχειρεῖ. ἔστω γὰρ δύο εὐθειῶν τῶν $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ τμήμα κοινὸν ἢ $\overline{αβ}$ καὶ ἤχθω τῇ $\overline{αγ}$ πρὸς ὀρθὰς ἢ $\overline{βε}$. ὀρθὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{εβγ}$. εἰ μὲν οὖν καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{εβδ}$ ὀρθή, ἴσαι ἔσονται,



ὅπερ ἀδύνατον, εἰ δὲ μή, ἤχθω τῇ $\overline{αδ}$ πρὸς ὀρθὰς ἢ $\overline{ζβ}$. ὀρθὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{ζβα}$. ἦν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{εβα}$ ὀρθή· ἴσαι ἄρα εἰσὶν ἀλλήλαις, ὅπερ ἀδύνατον. ἢ μὲν ²⁰ οὖν ἀπόδειξις αὕτη· διαβάλλει δὲ αὐτὴν ὡς προλαμβάνουσαν τι τῶν ὕστερον, ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ [εὐθεῖαν] πρὸς ὀρθὰς ἀγαγεῖν. ὁ δὲ Ποσειδώνιος οὐδαμοῦ μὲν ἐν ταῖς στοιχειώσεσιν ἀπόδειξιν τοιαύτην φέρεσθαι φησιν, ἀλλὰ τὸν ²⁵

1 οὐκ om. G. 5 εἰ οὖν G, ἢ οὖν C. 6 εἰσὶν, ἢ ἡ G.
 11 ἀπόδοσιν C. || In M angulus ζβδ acutus est. 14 ἤχθω
 om. M. 21 διαβάλλει δὲ αὐτὴν om. G. || παραλαμβάνου-
 σης G, παραλαμβάνουσας C. 23 εὐθεῖαν om. M, B₃, G.

$\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$, ἴση καὶ ἡ $\overline{\epsilon\alpha}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$. ἀλλὰ καὶ μείζους τῆς $\overline{\alpha\beta}$. ἰσοσκελὲς ἄρα ἐστὶν τὸ $\overline{\alpha\beta\epsilon}$ τρίγωνον, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

Ἀλλὰ δὴ προστετάχθω σκαληνὸν συστήσασθαι

τρίγωνον ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$. καὶ γε- 5

γράφθωσαν οἱ κύκλοι κέντροις καὶ διαστήμασιν ὡς ἐπὶ τῶν

πρότερον. καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τοῦ κέντρον ἔχοντος τὸ $\overline{\alpha}$ σημεῖον

τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$, καὶ

ἐπὶ ταύτῃ σημεῖον τὸ $\overline{\delta}$, καὶ

ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\delta\beta}$. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ $\overline{\alpha}$, ἴση δὲ ἡ $\overline{\alpha\beta}$

τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, μείζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$. κέντρον δὲ καὶ τὸ $\overline{\beta}$.

ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{\epsilon\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$. μείζων ἄρα ἡ $\overline{\delta\beta}$ τῆς

$\overline{\beta\alpha}$. ἡ δὲ $\overline{\beta\alpha}$ τῆς $\overline{\alpha\delta}$ μείζων. αἱ τρεῖς ἄρα $\overline{\delta\beta}$ $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\delta}$ 15

ἄνισοί εἰσιν· σκαληνὸν ἄρα τὸ τρίγωνόν ἐστίν, ὥστε

συνεστάθη τὰ τρία τρίγωνα.

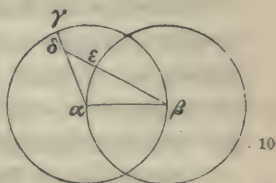
Ταῦτα μὲν οὖν πολυθρύλητα, τὸ δὲ ἐν τούτοις

γλαφυρόν, ὅτι τὸ μὲν ἰσόπλευρον πανταχόθεν ἴσον

ὄν μοναχῶς συνίσταται, τὸ δὲ ἰσοσκελὲς ἐν δύο μόναις 20

πλευραῖς ἰσότητα ἔχων διχῶς συνίσταται· ἡ γὰρ δο-

θεῖσα εὐθεῖα ἢ ἐλάσσων ἐστὶν ἀμφοτέρων τῶν ἴσων,



2 ἐστὶν om. G, add. C. 6—11 Figuram bis in M descriptam cum priore coniunxit B mutata tamen constructione.

10—11 καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\alpha\gamma}$. . . τὸ $\overline{\delta}$ om. G, add. C; 'et protendatur recta Linea af, producaturque ad g Signum' B.

13 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ G, τῆς $\overline{\alpha\delta}$ C. 18 οὖν om. G. || πολυθρίλληται G, πολυθρύλλητα C. 21 ἰσότητα . . . συνίσταται om. G, add. C.

ὥς ἡμεῖς ἐποιήσαμεν, ἢ μείζων ἀμφοτέρων, τὸ δὲ σκα-
ληνὸν πάντη ἄνισον ὃν τριχῶς συνίσταται· ἢ γὰρ
δοθεῖσα ἢ μεγίστη ἐστίν, ἢ ἐλαχίστη τῶν τριῶν, ἢ τῆς
μὲν μείζων, τῆς δὲ ἐλάσσων. καὶ ἔξεστιν ἐκάστην
5 ἑαυτῷ ἢ προτείναντα ἢ συστείλαντα τῶν ὑποθέσεων
γυμνάζεσθαι· ἡμῖν δὲ ἀρκεῖτω τὰ ἐκκείμενα.

Καθόλου δὲ θεωρήσομεν, ὅτι τῶν προβλημάτων
τὰ μὲν μοναχῶς γίγνεται, τὰ δὲ πλεοναχῶς, τὰ δὲ
ἀπειραχῶς. λέγεται δὲ, ὥς φησὶν Ἀμφίνομος, τὰ
10 μὲν μοναχῶς συνιστάμενα [τεταγμένα], τὰ δὲ πλεονα-
χῶς || καὶ κατὰ ἀριθμὸν ὠρισμένον μέσα, τὰ δὲ ἀπειρα-
χῶς ποικιλλόμενα ἄτακτα. πῶς μὲν οὖν μοναχῶς ἢ
πλεοναχῶς συσταίῃ ἂν προβλήματα, δῆλον ἐπὶ τῶν
εἰρημένων τριγώνων. τὸ μὲν γὰρ ἰσόπλευρον μοναχῶς,
15 τῶν δὲ λοιπῶν τὸ μὲν διχῶς συνίσταται, τὸ δὲ τρι-
χῶς. ἀπειραχῶς δὲ τὰ τοιαῦτα προβλήματα γένοιτο
ἂν· τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τεμεῖν εἰς τρία ἀνάλογα.
εἰ μὲν γὰρ εἰς διπλάσιον λόγον τμηθεῖη καὶ τὸ ἀπὸ
τῆς ἐλάσσονος παρὰ τὴν μείζονα παραβληθεῖη ἑλλεῖπον
20 εἶδει τετραγώνῳ, ἔσται εἰς τρία ἴσα τετμημένη. εἰ δὲ |
τὸ μείζον τμημα τοῦ ἐλάσσονος εἴῃ μείζον ἢ διπλάσιον
ἢ τριπλάσιον καὶ παραβληθεῖη τῷ ἀπὸ τοῦ ἐλάσσονος

3 δοθεῖσα εὐθεῖα G. 4 αὐτῶν G, ἑαυτῶν C. 8 Post
γίγνεται (γίνεται) additum est τὰ δὲ διχῶς in H_1 p. 454,
 H_2 p. 259. 10 τεταγμένα om. M, B_3, G ; 'ordinata' B ;
excidisse verbum est manifestum. In G adscripsit C in mar-
gine: 'additae hic fuerant dictiones quaedam, mihi (?) non
apparerebat quid significaret'. Z nihil videtur desideravisse.
11 ὠρισμένον] συνιστάμενον G , ὠρισμένον C . 17 τέμνειν
(τέμνον) H_2 p. 260. || εἰς τὰ τρία G . || ἀναλόγως H_2 p. 260
(ἀνάλογα H_1 p. 454?). 19 παραβληθεῖη M, G . 20 τετρα-
γωνος G , τετραγώνῳ C . || ἐστίν G . 21 'maius quam duplum,
utputa triplum' B ; equidem cum Z vertendum puto 'vel tri-
plum.' 22 τῷ] τὸ G .

ἴσον παρὰ τὴν μείζονα ἔλλειπον εἶδει τετραγώνῳ,
 ἔσται εἰς ἄνισα τρία ἀνάλογον τετμημένη. ἐπεὶ οὖν
 ἀπειραχῶς ἂν εἰς δύο τμηθεῖη, ὧν τὸ μεῖζόν [τοῦ
 ἐλάσσονος μείζον] ἔστιν ἢ διπλάσιον ἢ τριπλάσιον —
 ἐπ' ἀπειρον γὰρ ὁ πολλαπλάσιος πρόεισι λόγος — 5
 ἀπειραχῶς καὶ εἰς τρία ἀνάλογα τμηθήσεται.

Δεῖ δὲ εἰδέναι καὶ ὅτι τὸ πρόβλημα λέγεται πλεο-
 ναχῶς. καὶ γὰρ πᾶν τὸ προτεινόμενον πρόβλημα
 καλεῖται, εἴτε μαθήσεως ἔνεκα προτείνοιτο εἴτε καὶ
 ποιήσεως. ἰδίως δὲ ἐν τοῖς μαθήμασι καλεῖται πρό- 10
 βλημα τὸ προτεινόμενον εἰς ποιήσιν τὴν θεωρητικὴν.
 καὶ γὰρ τὸ ποιούμενον ἐν τούτοις τέλος ἔχει τὴν θεω-
 ρίαν· καὶ πολλάκις μὲν καὶ τῶν ἀδυνάτων τινὰ προ-
 βλήματα καλοῦσιν, ἰδιώτερον δὲ τὸ δυνατόν καὶ μῆτε
 πλεονάζον μῆτε ἔλλειπον ἔχει τὴν ἐπωνυμίαν ταύτην. 15
 ἔστιν δὲ πλεονάζον μὲν τὸ τοιόνδε τρίγωνον ἰσόπλευ-
 ρον συστήσασθαι ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ διμοῖρου
 ὀρθῆς. τοῦτο γὰρ παρέλκει καὶ περιττῶς πρόσκειται.
 παντὶ γὰρ ὑπάρχει τῷ ἰσοπλεύρῳ τριγώνῳ. τῶν δὲ
 πλεοναζόντων ὅσα μὲν ἀσυμβάτοις πλεονάζει συμ- 20
 πτώμασι καὶ ἀνυπάρκτοις ἀδύνατα ταῦτα προσαγορεύ-
 ουσιν, ὅσα δὲ συμβαίνειν δυναμένοις μείζονα ἢ προ-
 βλήματα ταῦτα καλοῦσιν. ἔλλειπὲς δὲ ἔστι πρόβλημα.
 ἢ καλεῖται ἔλασσον ἢ πρόβλημα, τὸ προσθήκης ἄλλης
 δεόμενον, ἵνα ἐκ τῆς ἀοριστίας εἰς τάξιν καὶ ὅρον 25

1 τετραγώνος G, τετραγώνῳ C. 2 ἔστιν G. 3 τμη-
 θεῖς G, τμηθεῖη C. || τοῦ ἐλάσσονος μείζον om. M, B₃, G.
 4 'aut duplum aut triplum' Z, 'vel duplum vel triplum' B;
 ego verterim 'quam duplum vel triplum' ut supra. 17 ἔχοντι
 τῆς G, ἔχον τῇ C. 20 ἀσυμβάτοις G. 22 συμβαίνει M. || ἢ
 om. G, B, Z, add. B₃, C; in M evanuit quidem ἢ una cum littera
 π proximi verbi, sed spatium adest duabus litteris sufficiens.
 24 ὁ καλεῖται . . . πρόβλημα om. G.

- ἐπιστημονικὸν ἀχθῇ· οἷον εἰ λέγοι τις ἰσοσκελὲς συ-
στήσασθαι τρίγωνον. ἔλλειπὲς γὰρ τοῦτο καὶ ἀοριστῶ-
δες καὶ δεῖ τοῦ προσθήσοντος, ὁποῖον ἰσοσκελὲς, τὸ
ἔχον μείζονα τὴν βάσιν ἢ τὸ ἐλάσσονα ἔχον τῶν ἴσων
5 ἑκατέρας, καὶ πότερον τὸ ἔχον τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ
γωνίαν διπλὴν ἑκατέρας τῶν πρὸς τῇ βάσει, οἷον τὸ
ἡμιτετράγωνον, ἢ τὸ ἔχον ἑκατέραν τῶν πρὸς τῇ βά-
σει || τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ διπλὴν ἢ κατ' ἄλλον τινὰ
λόγον τὰς γωνίας ταύτας ἔχον, τριπλάσιον ἢ τετρα-
10 πλάσιον. δυνατόν γὰρ ἀπειραχῶς ποικίλλειν. φανε-
ρὸν οὖν ἐκ τούτων, ὅτι τὰ κυρίως λεγόμενα προβλή-
ματα βούλεται τὴν ἀοριστίαν διαφεύγειν καὶ μὴ εἶναι
τῶν ἀπειραχῶς γινομένων. λέγεται δὲ ὅμως κάκεῖνα
προβλήματα διὰ τὴν ὁμωνυμίαν τοῦ προβλήματος.
15 τὸ δὲ πρῶτιστον πρόβλημα τῶν στοιχείων καὶ ταύτη
πλεονεκτεῖ τῷ μῆτε πλεονάζον εἶναι μῆτε ἔλλειπὲς μῆτε
ἀόριστον καὶ πολλαχῶς ἢ ἀπειραχῶς συνιστάμενον.
ἔδει γὰρ τοιοῦτον εἶναι τὸ τῶν ἄλλων στοιχεῖον
ἐσόμενον.

- 20 Prop. II, probl. II. Πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ τῇ
δοθείσῃ εὐθείᾳ ἴσην εὐθεῖαν θέσθαι.

Τῶν προβλημάτων τὰ μὲν ἄπιωτά ἐστίν, τὰ δὲ
πολύπιωτα, ὥσπερ καὶ τῶν θεωρημάτων. ὅσα μὲν
οὖν τὴν αὐτὴν δύναμιν ἔχει διὰ πλειόνων πεφοιτη-

1 ταχθῇ C. 4 ἔχον τῶν] ἐχόντων G. $B_3 = M.$ || ἴσας G,
ἴσον C. $B_3 = M.$ Forsitan exciderit post ἴσων πλευρῶν. 'utro-
que aequalium Laterum, B, Z. 6—8 ἑκατέρας τῶν ... διπλῇν
om. G, add C sed omissis verbis, οἷον τὸ ... τῇ βάσει. 9 τρῶ-
πον G, λόγον C. 12 διαφυγεῖν H_1 p. 455, H_2 p. 270.

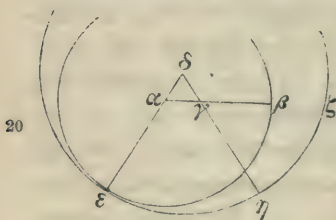
20 In M in margine: β πρόβλημα.

κνίαν διαγραμμάτων καὶ τὰς θέσεις ἐξαλλάττοντα τὸν αὐτὸν φυλάττει τῆς ἀποδείξεως τρόπον, ταῦτα λέγεται πτώσεις ἔχειν. ὅσα δὲ κατὰ μίαν θέσιν καὶ κατασκευὴν μίαν προκόπτει, ταῦτα ἄπτωτά ἐστιν. ἀπλῶς γὰρ ἡ πτώσις περὶ τὴν κατασκευὴν ὁρᾶται καὶ τῶν 5 θεωρημάτων καὶ τῶν προβλημάτων. ἐστὶν οὖν τὸ β πρόβλημα πολύπτωτον, δέδοται δὲ ἐν αὐτῷ τὸ μὲν σημεῖον τῇ θέσει — ταύτῃ γὰρ καὶ δίδεται μόνον — ἡ δὲ εὐθεία τῷ τε εἶδει — οὐ γὰρ ἀπλῶς ἐστὶ γραμμὴ, ἀλλὰ τοιάδε — καὶ τῇ θέσει. ζητεῖται δὲ ταύτῃ τῇ 10 εὐθείᾳ ἴσην θέσθαι πρὸς τῷ σημείῳ, ὅπου ποτ' ἂν ἡ τοῦτο κείμενον. πρόδηλον δὲ ὅτι πάντως ἐν τῷ ὑποκειμένῳ ἐπιπέδῳ τὸ σημεῖόν ἐστιν, ἐν ᾧ καὶ ἡ εὐθεῖα καὶ οὐκ ἐν μετεωροτέρῳ. πᾶσι γὰρ τοῖς τῶν ἐπιπέδων προβλήμασιν καὶ θεωρήμασιν ἐν ἐπίπεδον ὑποκεῖσθαι 15 χρὴ νομίζειν. εἰ δέ τις ἀποροίῃ, πῶς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ θέσθαι ἴσην παρακελεύεται — τί γάρ, εἰ ἄπειρος δέδοται; τὸ γὰρ δοθὲν τοῦτο καὶ ἐπὶ τὴν πεπερασμένην φέρει καὶ ἐπὶ τὴν ἄπειρον· σημαίνει γὰρ τὸ ἐκκείμενον πᾶν καὶ || ὑποβεβλημένον ἡμῖν εἰς τὴν 20 ζήτησιν. δηλοῖ δὲ καὶ αὐτὸς ὅτε μὲν λέγων, ἐπὶ τῆς δοθείσης εὐθείας πεπερασμένης συστήσασθαι τρίγωνον ἰσόπλευρον, ὅτε δὲ ἐπὶ τὴν δοθείσαν εὐθεῖαν ἄπειρον κάθετον ἀγαγεῖν — εἴ τις οὖν ταῦτα διαποροίῃ, λεκτέον ὅτι τὴν ἴσην τῇ δοθείσῃ πρὸς τῷ δο- 25 θέντι σημείῳ θέσθαι παρακελευσάμενος πῶς οὐχὶ δηλὸν σοι πεποίηκεν αὐτόθεν, ὅτι ἡ δοθεῖσα πεπεράσται; πάντως γὰρ ἡ πρὸς τῷ σημείῳ τεθησομένη πεπεράσται

2 λόγον G, τρόπον C, H₁ p. 455, H₂ p. 270. 3 πτώσιν G, πτώσιν (πτώσις, πτώσεις) H₂ p. 270. 9 ἢ τε M. 10 δὲ ταύτῃ] γὰρ ταῦτα G. 24 ἀποροίῃ G, διαποροίῃ C.

κατ' αὐτὸ τὸ σημείον, ὥστε πολλῶ πρότερον ἐκείνη πεπέρασται, ἢ ἔστιν ἴση ἢ τιθεμένη. ἅμα τε οὖν εἶπεν πρὸς τῷ δοθέντι σημείῳ καὶ ἀμφοτέρως περατοῖ τὰς εὐθείας καὶ τὴν δοθεῖσαν καὶ ἦν ἐκείνη τίθησιν ἴσην.

5 Ὅτι δὲ αἱ πτώσεις τούτου τοῦ προβλήματος γίνονται παρὰ τὴν τοῦ σημείου διάφορον θέσιν, δῆλον. ἢ γὰρ ἔξω κεῖται τὸ δοθὲν σημεῖον τῆς δοθείσης εὐθείας ἢ ἐπ' αὐτῆς, καὶ εἰ ἐπ' αὐτῆς, ἢ τῶν περάτων αὐτῆς ἔσται θάτερον ἢ ἐν τῷ μεταξὺ κείσεται τῶν
10 ἄκρων, καὶ εἰ ἔξω αὐτῆς, ἢ ἐκ πλαγίου, ὥστε τὴν ἀπ' αὐτοῦ πρὸς τὸ πέρας τῆς εὐθείας ἐπιζευγνυμένην γωνίαν ποιεῖν ἢ ἐπ' εὐθείας | τῇ δεδομένη, ὥστε ἐκβαλλομένην αὐτὴν ἐπὶ τὸ σημεῖον πίπτειν. ὁ μὲν οὖν γεωμέτρης ἔλαβεν τὸ σημεῖον ἔξω κείμενον καὶ ἐκ
15 πλαγίου, γυμνασίας δὲ ἔνεκα πάσας ληπτέον τὰς θέσεις, ὧν ἡμεῖς ἐκθησόμεθα τὴν δυσκολωτέραν. ἔστω



γὰρ ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα ἡ αβ καὶ τὸ σημεῖον τὸ δοθὲν τὸ γ κείμενον ἐπ' αὐτῆς ἐν τῷ μεταξὺ τῶν περάτων, καὶ γερονέτω τὰ αὐτὰ τῷ στοιχείῳ, τρίγωνον ἰσό- πλευρον ἐπὶ τῆς γα τὸ

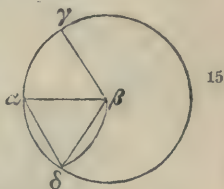
δγα, καὶ ἐκβεβλήσθωσαν αἱ δγ δα, καὶ κέντρῳ τῷ
25 α, διαστήματι δὲ τῷ αβ κύκλος ὁ βε, καὶ πάλιν

2 ἢ ἔστιν ἴση τῇ τιθεμένῃ B_3 , G . 'quae ei, quae ponitur, aequalis existit' B , 'quae positae rectae linea est aequalis' Z .

12 ἐπ' εὐθεῖαν G . 13—14 πίπτειν . . . τὸ σημεῖον om. G , add. C . 15 Post πλαγίου addit G συμπίπτειν, quod delendum not. C . 21 τὰ αὐτὰ τῷ στοιχείῳ om. B_3 , G , Z , 'iuxta Elementi doctrinam' B . 25 Post αβ C addit γεγράφθω.

κέντρῳ τῷ δ , διαστήματι δὲ τῷ $\delta\epsilon$ κύκλος \acute{o} ἐξ. ἐπεὶ οὖν κέντρον τὸ α , ἴση ἢ $\beta\alpha$ τῇ $\alpha\epsilon$. καὶ διὰ τὰ αὐτὰ ἴση ἢ $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$, ὧν ἢ $\delta\gamma$ τῇ $\delta\alpha$ ἴση — τρίγωνον γὰρ ἰσόπλευρον τὸ $\delta\alpha\gamma$ — λοιπὴ ἄρα ἢ $\alpha\epsilon$ τῇ $\gamma\eta$ ἴση ἐστίν. ἦν δὲ ἢ $\alpha\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$ ἴση, ὥς δέδεικται. καὶ ἢ $\gamma\eta$ 5 ἄρα ἴση τῇ $\alpha\beta$. πρὸς τῷ δοθέντι ἄρα σημείῳ τῷ γ ἴση ἢ $\gamma\eta$ ἐτέθη τῇ $\alpha\beta$.

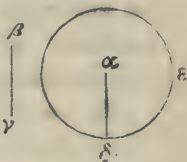
Ὡς μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ σημείου θέσιν τοσαῦται γίνονται πτώσεις, ὥς δὲ πρὸς τὴν τοῦ τριγώνου τοῦ ἰσοπλεύρου σύστασιν καὶ τὰς τῶν πλευρῶν ἐκβολὰς 10 καὶ τὰς τῶν κύκλων γραφὰς ἐτι πόλλω πλείους. || εἰλήφθω γὰρ ὥς ἐν τῷ στοιχείῳ τὸ α σημεῖον καὶ ἢ $\beta\gamma$ εὐθεῖα, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\beta\alpha$. τρίγωνον οὖν ἐπ' αὐτὴν ἰσόπλευρον μὴ συνεστάτω ἄνω ἔχον τὴν κορυφὴν διὰ τὸ μὴ εἶναι τόπον, ἀλλὰ κάτω καὶ ἔστω τὸ $\alpha\delta\beta$. οὐκ- οὖν ἦτοι ἴση ἢ $\alpha\delta$ τῇ $\beta\gamma$ ἢ μεί- 15 ζων ἢ ἐλάσσων. εἰ μὲν οὖν ἴση, γέγονεν τὸ προ- ταχθέν, εἰ δὲ ἐλάσσων, κέντρῳ τῷ β , διάστηματι δὲ 20



3 $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\zeta$ G , $\delta\epsilon$ τῇ $\delta\eta$ C . 4 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 5 ἦν δὲ καὶ C . || $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 7 $\gamma\zeta$ G , $\gamma\eta$ C . 12 στοιχείῳ τούτῳ σημεῖον τὸ α G , στοιχείῳ τὸ σημεῖον M , C , 'sicut in elemento signum α ' Z , 'in hoc Elemento Signum α ' B , quem fugit voce στοιχείῳ primi problematis figuram significari. Hinc factum est ut et in figuris et in contextu iusto plura mutaret. 13 καὶ ante ἐπεξεύχθω om. G , add. C . 13—17 Figura in M et Z est omissa. B alia ratione eam construxit. 20 usque ad p. 226 9 Hunc locum B bis interpretatus est, primum in contextu, iterum in margine.

κέντρον τοῦ $\overline{\eta\epsilon}$, ἴση ἡ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\delta\epsilon}$. ἦν δὲ καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση· λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ ἴση τῇ $\overline{\beta\epsilon}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐκ κέντρου γὰρ εἰσὶν ἀμφοτέραι· ἡ ἄρα $\overline{\alpha\eta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ κεῖται πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι. πολλῶν δὲ καὶ ἐτέρων πτώσεων οὐσῶν ἀρκεῖ 5 καὶ ταύτας πρὸς τὸ παρὸν ἀναγράψασθαι· καὶ γὰρ ἀπὸ τούτων δυνατόν καὶ περὶ τὰς ἄλλας γυμνάσασθαι τοῖς ζητητικωτέροις.

Ἦδη δέ τινες ἀφελόντες τὴν τοῦ στοιχείου τούτου κατασκευὴν καὶ ποικιλίαν εἰρήκασιν οὕτως· ἔστω τὸ 10 $\overline{\alpha}$ τὸ δοθὲν σημεῖον, ἡ δὲ $\overline{\beta\gamma}$ ἡ δοθεῖσα εὐθεῖα καὶ κέντρῳ μὲν τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι δὲ τοσούτῳ, ὅση ἐστὶν ἡ $\overline{\beta\gamma}$, κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{\epsilon\delta}$ καὶ προσεκβεβλήσθω τις εὐθεῖα ἀπὸ τοῦ $\overline{\alpha}$ ἐπὶ τὴν περιφέρειαν ἡ $\overline{\alpha\delta}$. αὕτη ἄρα ἴση τῇ $\overline{\beta\gamma}$ το- 15 σαύτη γὰρ ἦν ἡ ἐκ τοῦ κέντρου ὅση ἡ $\overline{\beta\gamma}$, || καὶ γέγονεν τὸ ἐπιταχθέν. εἴ τις οὖν ταῦτα λέγοι, τὸ ἐν ἀρχῇ αἰτεῖται. ὅταν γὰρ λέγῃ κεντρῷ τὸ $\overline{\alpha}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\beta\gamma}$ γράφεσθαι τὸν $\overline{\epsilon\delta}$ κύκλον, ἴσην ἔλαβεν ἡδη 20 τρόπον τινὰ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ κειμένην πέρατι, καὶ φυλάττον τὸ αἶτημα τοῦ διαστήματος τοῦτο μὲν ἐποίει κέντρον, τῷ δὲ ἔγραφεν τὸν κύκλον, ἐνταῦθα δὲ ἄλλο



15

1 ἡ $\overline{\eta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta\epsilon}$ M, C, ἡ $\overline{\eta\alpha}$ τῇ $\overline{\eta\epsilon}$ G. 6 ταῦτα G.

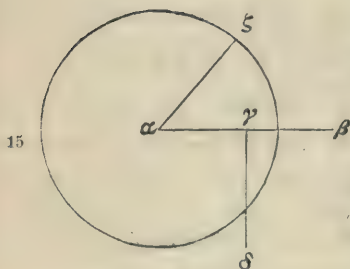
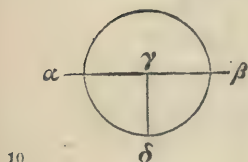
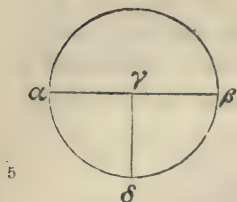
8 ζητητικωτέροις G. 20—21 γράφεσθαι ... τῇ $\overline{\beta\gamma}$ om. G, add. C. 22 φυλάττων G, φυλάττον C, 'servans petitio' B, 'servans postulatum' Z. || ἐποίη κέντρον, τὸ δὲ C.

μὲν τὸ κέντρον, ἀλλαχοῦ δὲ τὸ διάστημα τοῦ κύκλου.
πάντη ἄρα τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀποδείξεως οὐ
προσθησόμεθα.

Prop. III, probl. III. Δύο δοθεῖσων εὐθειῶν
5 ἀνίσων ἀπὸ τῆς μείζονος τῇ ἐλάσσονι ἴσην
ἀφελεῖν.

Τρίτον πρόβλημα τοῦτο δεδομένης μὲν ἔχον δύο
εὐθείας κατὰ τὸ μέγεθος ἀνίσους, προστάττον δὲ ἀφε-
λεῖν ἀπὸ τῆς μείζονος ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ἔστι δὲ καὶ
10 τοῦτο πολύπτετον. αἱ γὰρ δοθεῖσαι ἄνισοι εὐθεῖαι
ἢ διεστᾶσιν ἀπ' ἀλλήλων, ὥς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ,
ἢ καθ' ἓν πέρασ συνάπτονται, ἢ τέμνουσιν ἀλλήλας,
ἢ ἡ ἑτέρα κατὰ τὸ πέρασ ἑαυτῆς τέμνει τὴν ἑτέραν,
καὶ τοῦτο διχῶς, ἢ γὰρ ἡ μείζων τὴν ἐλάσσων, ἢ ἡ
15 ἐλάσσων τὴν μείζονα. ἀλλ' εἰ μὲν καθ' ἓν συν-
άπτοντο πέρασ, δήλη ἡ ἀπόδειξις. τῷ γὰρ κοινῷ πέ-
ρατι κέντρῳ χρησάμενος διαστήματι δὲ τῇ ἐλάσσονι
τῶν εὐθειῶν γράψεις κύκλον καὶ τὴν μείζονα τεμεῖς
καὶ ἀφαιρήσεις ἴσην τῇ ἐλάσσονι. ὅσον γὰρ τῆς μεί-
20 ζονος ὁ κύκλος ἐντὸς ἀποτεμένεται, τοσοῦτον ἴσον ἔσται
τῇ ἐλάσσονι. εἰ δὲ ἡ ἑτέρα τέμνοι τὴν ἑτέραν κατὰ
τὸ ἑαυτῆς πέρασ, ἥτοι ἡ μείζων τὴν ἐλάσσονα τέμνει
ἢ ἀνάπαλιν, καὶ εἰ ἀλλήλας τέμνοιεν, ἢ εἰς ἴσα τέμνον-

2 τὸν τρόπον τοῦτον] Veri non dissimile est τῷ τρόπῳ
τούτῳ fuisse scriptum. $B_3 = M. G.$ 3 προσθησόμεθα] 'appro-
bābimus' et in margine 'conciliābimus' B, 'admittimus' Z.
9 ἴση G, ἴσην C, 12—13 συνάπτονται . . . τὸ πέρασ om. G,
add. C. 20 ἔστι G. 21 τέμνει G. 22 ἢ om. G. || τέμνειν C.
τέμει M. 23 ἀλλήλαις τέμνειεν G.



πρότερον τεμνέτω κατὰ τὸ μέσον·
οὐκοῦν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστι τῆς
 $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἴση ἢ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ
ἐλάσσων τῆς ἡμισείας· καὶ κέν-
τρῳ τῷ $\overline{\gamma}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\gamma\delta}$
γράφας κύκλον ἀφαιρήσεις ἀπὸ
τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων
τῆς ἡμισείας· καὶ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ ση-
μείῳ θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν
 $\overline{\alpha\zeta}$ καὶ γράψας κύκλον κέντρῳ
τῷ $\overline{\alpha}$ διαστήματι τῷ $\overline{\alpha\zeta}$
ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
ἴσην τῇ $\overline{\alpha\zeta}$, τουτέστιν
τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

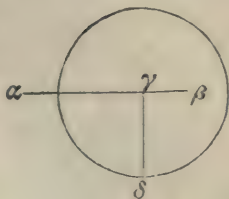
Εἰ δὲ μὴ κατὰ τὸ μέ-
σον τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$,
ἔστω ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῆς ἡμισείας
αὐτῆς μείζων. εἰ τοίνυν ἡ
 $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσειά ἐστιν τῆς

1—4 Figuram om. B. 2 $\overline{\gamma\alpha}$ M. 5—8 Figuram om.
M, Z. 6 διαγράφας G, γράψας C. 7 $\overline{\alpha\beta}$ G, $\overline{\alpha\gamma}$ C. || τὴν
 $\overline{\gamma\delta}$ G. 17—18 ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ ἡμίσεια αὐτῆς, ἢ μεί-
ζων, ἢ ἴση, ἢ ἐλάσσων G (Z), ἔσται ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς ἡμισείας
αὐτῆς κ. τ. λ. B₃, C. 'erit cd aut ipsius medietas, aut medietate
maior, aut minor' B. 17 ἡ $\overline{\gamma\alpha}$] ἢ $\overline{\gamma\delta}$ M.

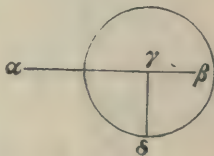
$\overline{\alpha\beta}$ ἢ ἐλάσσων, κέντρῳ χρησά-
μενος τῷ γ , διαστήματι δὲ τῷ
 $\gamma\delta$ ἀφαιρήσεις ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσην
τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἢ μείζων ἐστὶ τῆς
ἡμισείας τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἢ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ
ἦτοι ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — καὶ γέγονεν
τὸ προσταχθέν — ἢ \parallel καὶ ταύ-
της μείζων — καὶ πάλιν πρὸς
τῷ α θέμενος ἴσην τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὰ
αὐτὰ ποιήσεις· κέντρῳ γὰρ τῷ
 α διαστήματι δὲ τῷ $\xi\alpha$
γράψεις κύκλον ἀφαιροῦν-
τα ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ ἴσην τῇ
 $\overline{\alpha\zeta}$, τουτέστιν τῇ $\overline{\gamma\delta}$.

Εἰ δὲ τέμνοιεν ἀλλή-
λας ὥς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\alpha\beta}$, κέντρῳ
τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ
 $\beta\alpha$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\alpha\zeta$

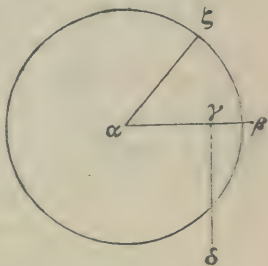
καὶ ἐπιζευχθεῖσα ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ ξ . ἐπεὶ οὖν



5



10



15

1—9 Figuram priorem om. M , Z , cum sequente coniunxit B .

3 ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴσην G 4—6 ἢ μείζων ἐστὶ ...

τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ om. B_3 , G , B , Z . Sed recte se habent haec verba, etsi structura est solutior. Potest enim circulus etiam describi centro γ distantia $\gamma\delta$, si haec maior est dimidia linea $\alpha\beta$, sed minor linea $\alpha\gamma$ vel huic aequalis. 5 τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ M . 6 τῇ

$\overline{\alpha\beta}$ M . 9 τῇ $\overline{\gamma\delta}$ τὴν $\overline{\alpha\zeta}$ B_3 , G , 'ipsam af ipsi cd' B , Z .

11 δὲ om. G . 15 ἀλλήλαις M . 19 ἐπὶ τῷ ξ G , ἐπὶ τὸ ξ C .



δύο εὐθεΐαι εἰσιν ἄνισοι ἢ
 βξ καὶ ἡ γδ, καὶ ἡ γδ κατα-
 τὸ πέρας ἐαυτῆς τέμνει τὴν
 βξ, δυνατόν ἴσην ποιῆσαι τῇ
 βξ ἀπὸ τῆς βδ (?). δέδεικται
 γὰρ ἀμφοτέρω. δυνατόν ἄρα
 καὶ τῇ αβ ἴσην ἀφελεῖν ἀπὸ

τῆς $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ (?)· ἡ γὰρ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\zeta}$ ἴσαι ἀλλή-
λαις εἰσίν.

10 Ἡμεῖς μὲν οὖν ἐκ διαιρέσεως λαβόντες τὰς πτώ-
σεις ἐπιδείξαι τὴν ποικιλίαν αὐτῶν ἐπειράθημεν. θαυ-
μαστὴ δὲ ἡ τοῦ στοιχειωτοῦ ἀπόδειξις· πάσαις γὰρ
ἐκείνῃ ταῖς εἰρημέναις κατασκευαῖς ἐφαρμόττει, καὶ
δυνατὸν ἐπὶ πάσης θέσεως πρὸς τῷ πέρατι τῆς μείζο-
15 νος ἴσῃν τῇ ἐλάσσονι θέντι γράφειν τῷ αὐτῷ πέρατι
κέντρῳ χρώμενον καὶ διαστήματι τῇ θέσει κύκλον,
ὃς ἀπὸ τοῦ μείζονος ἴσῃν ἀφαιρήσει τῇ ἐλάσσονι.

2 αὶ βξ γδ G. 2 Alterum καὶ ἡ γδ om. M. 4—5 δυνατόν ἴσῃν ποιῆσαι τῇ βξ ἀπὸ τῆς γδ B₃, G, 'possibile est ab ipsa cd ipsi bf aequalem facere' B, eadem fere Z. Excidissee aliquot verba manifestum ex verbo ἀμφοτέρω. Fortasse scriptum fuit: δυνατόν ἴσῃν ποιῆσαι τῇ βξ ἐπὶ τῆς γδ ἢ ἀφελεῖν ἴσῃν τῇ γδ ἀπὸ τῆς βξ. 6—8 δυνατόν ἄρα καὶ τῇ αβ ἴσῃν ἀφελεῖν ἀπὸ τῆς γδ B₃, G. 'Fieri igitur potest, ut ipsi quoque ab ab ipsa cd aequalis abscindatur' B₂, eadem fere Z. Ego coniecerim: δυνατόν ἄρα καὶ τῇ αβ ἴσῃν ἀφελεῖν ἀπὸ τῆς γδ καὶ ἀπὸ τῆς αβ ἴσῃν τῇ γδ. 12 γὰρ om. G. 13 ἐφαρμότιονσα B₃, G, 'congruens' B, 'cum congruasit' Z. 15—17 τῇ ἐλάσσονι . . . μείζονος ἴσῃν om. G, add. C.

εἴτε τέμνοιεν ἀλλήλας, εἴτε ἡ ἑτέρα τὴν ἑτέραν, εἴθ' ὁπωσοῦν ἄλλως ἔχοιεν θέσεως.

Prop. III, theor. I. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δυσὶ πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, ἔχει δὲ καὶ γωνίαν γωνία ἴσην⁵ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων πλευρῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην ἔξει καὶ τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ ἴσον ἔσται καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς λοιπαῖς γωνίαις ἴσαι ἔσονται, ὅφ' ἄς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν.

10

Τοῦτο πρῶτον θεώρημα ἐν τῇ στοιχειώσει παρελήφμεν, τὰ δὲ πρὸ τούτου πάντα προβληματικά ἦν, τὸ μὲν πρῶτον || περὶ τὴν τῶν τριγώνων γένεσιν πραγματευόμενον, τὸ δὲ δεύτερον καὶ τρίτον ἴσην εὐθείαν ἄλλην ἄλλη πορίσασθαι προτιθέμενα, καὶ τού-¹⁵ των τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ οὐκ ἴσου τὴν ἴσην ὑφίστατο, τὸ δὲ ἀπὸ τοῦ ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν τὸ ἴσον εὑρίσκειν. τῆς οὖν ἰσοτήτος, ἣ τὸ πρῶτιστόν ἐστιν ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα,* πεπορισμένης κατὰ τε τὸ τρίγωνον καὶ εὐθείας, τοῦτο πρῶτον ὅπερ ἐξεθέμεθα θεώρημα παρα-²⁰ δίδωσιν ἐπ' ἐκείνοις. καὶ πῶς γὰρ ἔμελλεν μὴ υποστήσας τὰ τρίγωνα μηδὲ πορισάμενος τὴν γένεσιν

1 εἰ τέμνοιεν ἀλλήλαις G. 2 G addit in margine: 'Hic desunt versus circiter 14'; et C adnotat, postquam supra ommissa addidit: 'nihil aliud erat, sequebatur ἔάν ut hic, sed continuo in eadem linea, et non apparebat defectus'. 3 τὰς om. M.

4 ταῖς δυσὶ πλευραῖς om. M, G, add. C excepto ταῖς. 9 M in margine: α θεώρημα. 12 τούτων G. || προβλήματα G, 'Problemata' B, Z. B₃ = M. 15—17 M in margine: ση. τί λέγει ἐνθάδε ὁ φιλόσοφος. 19 περιπορευομένης G, πεπορισμένης C. 20 τοῦτο τὸ πρῶτον G, C del. τὸ.

- αὐτῶν περὶ τῶν καθ' αὐτὸ συμβεβηκότων αὐτοῖς διδάσκειν καὶ γωνιῶν τῶν ἐν αὐτοῖς ἰσότητος καὶ πλευρῶν, πῶς δὲ ἂν ἔλαβεν πλευρὰς ἴσας πλευραῖς καὶ εὐθείας ἄλλαις εὐθείαις μὴ τοῦτο διαπραγματευ-
 5 σάμενος προβληματικῶς καὶ μηχανησάμενος τὴν τῶν ἴσων εὐθειῶν εὕρεσιν; λεγέτω γὰρ εἰ τύχοι πρὸ τῆς ἐκείνων ποιήσεως, ὅτι ἂν δύο τρίγωνα τόδε τι τὸ σύμπτωμα ἔχῃ, ἔξει καὶ τόδε πάντως. ἄρα οὖν οὐ ῥάδιον παντὶ πρὸς αὐτὸν ἀπαντᾶν· ἴσμεν γὰρ ὅλως,
 10 εἰ συνίστασθαι δύναται τρίγωνον; ἐπαγέτω δὲ καὶ ὅτι καὶ τὰ δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ἴσας ἔχῃ ταῖς δύο πλευραῖς —. οὐκ ἂν τις καὶ πρὸς τοῦτο διηπόρησεν, μήποτε οὐδὲ δυνατόν εὐθείας ἀλλήλαις ἴσας εἶναι; καὶ μάλιστα ἐπὶ τῶν γεωμετρίας εἰδῶν, ἐν οἷς
 15 οὐ πάντως ἀνισότητος οὔσης καὶ ἰσότης ἐστίν. μαθησόμεθα γοῦν ὅτι ἡ κερατοειδὴς αἰὲ ἀνισος τῇ ὀξείᾳ καὶ οὐδέποτε ἴση, καὶ ἡ τοῦ ἡμικυκλίου ὡσαύτως. καὶ ἡ μετάβασις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον οὐ πάντως διὰ τοῦ ἴσου γίνεται.
- 20 Ταῦτα τοίνυν ὁ στοιχειωτὴς προαναιρῶν καὶ τῶν τριγώνων τὴν σύστασιν παραδέδωκεν — κοινὴ γάρ ἐστι τῶν τριῶν εἰδῶν — καὶ τὰς τῶν ἴσων εὐθειῶν γενέσεις καὶ ταύτας διττάς, τὴν μὲν γὰρ μὴ οὔσαν

4 ἀλλήλαις *C*, in *M* ἀλλήλαις mutatum est in ἄλλαις prima fortasse manu. || διαπραγματευόμενος *G*. 5 προβληματικῶς καὶ μηχανησάμενος om. *G*, add. *C*. 9 οὐκ ἴσμεν *B*₃, *G* (*Z*), 'ipsi occurrere, quod neque omnino scimus' et in margine 'ipsi occurrere? neque enim omnino scimus' *B*; in *M* postera manus in margine addidit: ὅτι οὐδὲ. 10 εἰ συνίσταται τρίγωνον *G*, 'si Triangulum constitui potest' et in margine 'an Triangulum constitutum sit' *B*, 'num quod triangulum constitui possit' *Z*. 12 ταῖς om. *G*, add. *C*. || διηπόρησεν *G*, διηπόρησεν *C*, 21 κοινὸν *G*, κοινὴ *C*.

ὁλως ὑφίστησι, τὴν δὲ ἀπὸ τῆς ἀνίσου κατὰ ἀφαίρεσιν
 πορίζεται. καὶ τούτοις εἰκότως ἐπιφέρει τὸ θεώρημα,
 δι' οὗ δείκνυται, πῶς τὰ τρίγωνα τὰ ἔχοντα δύο πλε-
 ρὰς δύο πλευραῖς ἴσας, ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν
 γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομέ- 5
 νην ἀναφαίνεται καὶ τὴν βάσιν ἴσην ἔχοντα τῇ βάσει
 καὶ τὸ ἔμβαδόν τῷ ἔμβαδῷ καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας
 ταῖς λοιπαῖς ἴσας. τρία γάρ ἐστι τὰ δεικνύμενα, δύο
 δὲ τὰ διδόμενα περὶ τὰ τρίγωνα. δέδοται μὲν οὖν
 δύο πλευρῶν ἰσότης καὶ δύο πλευραὶ — καὶ δῆλον 10
 ὅτι τῷ λόγῳ δέδοται — καὶ γωνίας αὖ τῆς ὑπὸ τῶν
 ἴσων περιεχομένης πρὸς γωνίαν ἰσότης. ζητεῖται δὲ
 τρία, ἢ τῆς βάσεως πρὸς τὴν βάσιν ἰσότης | ἢ τοῦ
 τριγώνου πρὸς τὸ τρίγωνον ἢ τῶν λοιπῶν γωνιῶν
 πρὸς τὰς λοιπὰς. ἐπειδὴ δὲ δυνατόν ἦν τὰς μὲν δύο 15
 πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο || πλευραῖς, οὐ μέντοι τὸ
 θεώρημα ἀληθεύειν τῷ μὴ εἶναι ἑκατέραν ἑκατέρα
 ἴσην, ἀλλὰ ἅμα ἀμφοτέρας, διὰ τοῦτο προσέσθηκεν ἐν
 τοῖς δεδομένοις τὸ ἴσας εἶναι τὰς πλευρὰς οὐχ ἀπλῶς,
 ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρα. εἰ γὰρ ἔτυχεν τῶν τριγώνων 20
 θάτερον ἔχον τὴν μὲν τῶν πλευρῶν τριῶν μονάδων,
 τὴν δὲ τεττάρων, τὸ δὲ ὑπόλοιπον τὴν μὲν πέντε, τὴν
 δὲ δεῦν, ὀρθῆς οὐσῆς τῆς ὑπὸ τούτων περιεχομένης
 γωνίας, ἦσαν μὲν ἂν αἱ δύο ἅμα πλευραὶ ταῖς δύο
 ἴσαι — ἑπτὰ γὰρ καὶ αὗται καὶ ἐκεῖναι — οὐκ 25
 ἐδείκνυτο δὲ ἴσον τῷ τριγώνῳ τὸ τρίγωνον. ὅπου
 μὲν γὰρ τὸ ἔμβαδόν ἐστιν ἐξ, ὅπου δὲ πέντε, καὶ τὸ

11 αὐτῆς G, et M prima manu; αὐ del. not. C. 13—14
 ἦ — ἦ — ἦ | ἦ — ἦ — καὶ ἦ G, ἦ — ἦ — ἦ M postera manu.
 15 πρὸς τὰς λοιπὰς γωνίας G. 20 Figuras duorum triangu-
 lorum addit B, Z. 21 ἔχειν G, ἔχον C.

τοῦδε αἴτιον, ὅτι οὐχὶ καὶ ἑκατέρα ἴση ἐστὶν ἑκατέρα.
 πολλοὶ γοῦν ἐν διανομαῖς τισι χωρίων τοῦτο μὴ παρα-
 φυλάξαντες τὸ μείζον λαβόντες χωρίον δικαίων ἀπη-
 νέγκαντο δόξαν ὥς τὸ ἴσον ἐλόμενοι δια τὸ συναμφο-
 5 τέρας τὰς περιεχούσας ἴσας εἶναι συναμφοτέραις. δεῖ
 τοίνυν καὶ ἑκατέραν ἑκατέρα λαμβάνειν ἴσην καί, ὅπου
 ἂν ὁ στοιχειωτὴς τοῦτο προστιθῇ, ἐπισημαίνεσθαι ὥς
 οὐ μάτην προστίθησιν· ἐπεὶ καὶ περὶ τῆς τῶν γωνιῶν
 ἰσότητος τῶν δεδομένων ἴσων διαλεγόμενος προσέθη-
 10 κεν τὸ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχομένην, ἵνα μὴ ἀδιορί-
 στως ῥηθέντος τῶν πρὸς τὴν βάσιν τινὰς λάβωμεν
 γωνιῶν. καὶ μὴν καὶ τὴν βάσιν ἐπὶ τῶν τριγώνων,
 μηδεμιᾶς μὲν πω προωνομασμένης, τὴν πρὸς τῇ ὅψει
 κειμένην πλευράν, τῶν δὲ δυεῖν ἤδη προειλημμένων,
 15 ἕξ ἀνάγκης τὴν λοιπὴν εἶναι βάσιν ὑποθετέον. διὸ
 καὶ ἐνταῦθα ὁ στοιχειωτὴς τὰς δύο προλαβὼν ἴσας
 ταῖς δύο πλευραῖς τὰς ὑπολοίπους βάσεις τῶν τριγώ-
 νων ἐκάλεσεν· τρίγωνον δὲ αὖ ἴσον τριγώνῳ λέγεται
 τηνικαῦτα, ἥνίκα ἂν τὸ ἐμβαδὸν αὐτῶν ἴσον ᾗ. δυ-
 20 νατὸν γὰρ τῶν περιμέτρων ἴσων ὑπαρχουσῶν διὰ
 τὴν ἀνισότητα τῶν γωνιῶν καὶ τὰ ἐμβαδὰ ἄνισα εἶναι.
 καλῶ δὲ ἐμβαδὸν αὐτὸ τὸ χωρίον τὸ ὑπὸ τῶν τοῦ
 τριγώνου πλευρῶν ἀπολαμβανόμενον, ὥσπερ δὴ περι-
 μετρον τὴν συγκειμένην || γραμμὴν ἐκ τριῶν τριγωνι-
 25 κῶν πλευρῶν. ἄλλο οὖν ἐκάτερον καὶ δεῖ μετὰ τῆς
 τῶν περιμέτρων ἰσότητος κατὰ μίαν πλευράν καὶ τὰς

1 τοῦδε] τούτου G. τὸ ante τοῦδε del. not. C. || ἴση
 ἐστὶν om. G. || ἑκατέρα del. not. C. 3 τῶν τὸ μείζον λα-
 βόντων G, corr. C. 10 περιεχομένων G, περιεχομένην C.
 13 πεπροσωνομασμένης G, πω προσωνομασμένης C, πω πρὸς
 ὠνομασμένης M. 18 τριγώνῳ ἴσον G. 21 ἰσότητα C.
 23 δὴ καὶ G, δὴ C. 24 γωνικῶν G.

γωνίας ἴσας εἶναι, εἰ μέλλοι καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τῷ
ἐμβαδῷ ἴσον. συμβαίνει δὲ ἐπὶ τινων καὶ τῶν ἐμβα-
δῶν ἴσων ὄντων ἀνίσους εἶναι τὰς περιμέτρους καὶ
τῶν περιμέτρων ἴσων οὐσῶν ἄνισα τὰ ἐμβαδά. δυ-
εῖν γοῦν ὄντων τριγώνων ἰσοσκελῶν, ὧν ἑκάτερον 5
ἔχει τὰς ἴσας πλευρὰς ἀπὸ πέντε μονάδων, τῶν δὲ βά-
σεων τὸ μὲν ὀκτώ, τὸ δὲ ἕξ· τούτων ὁ μὲν ἄπειρος
γεωμετρίας εἶποι ἂν μείζον εἶναι τὸ ἔχον ὀκτὼ τὴν
βάσιν. πᾶσα γὰρ ἔσται ἡ περίμετρος ὀκτωκαίδεκα.
ὁ δ' αὖ γεωμετρικὸς εἶποι ἂν ὅτι ἑκατέρου τὸ ἐμβα- 10
δὸν ἔστι δώδεκα. καὶ ταῦτα ἀποδείξει κάθετον ἀγα-
γὼν ἐν ἑκατέρῳ τῶν τριγώνων ἀπὸ τῆς κορυφῆς καὶ
ποιήσας ταύτην ἐπὶ θατέρῳ μέρει τῶν τῆς βάσεως
τμημάτων. ἔστιν δὲ ὥσπερ ἔφην καὶ τῶν περιμέτρων
ἰσαζομένων ἄνισα εἶναι τὰ χωρία. καὶ ἤδη τινὲς κοι- 15
νωνοὺς ἑαυτῶν ἐν διανομαῖς χωρίων παρεκρούσαντο
διὰ τῆς κατὰ τὴν περίμετρον ἰσότητος μείζον λαβόντες
χωρίον.

Βάσις δὲ αὖ ἴση λέγεται εἶναι βάσει καὶ ὅλως
εὐθεῖα ἴση ἐστὶν ἄλλῃ εὐθείᾳ, ἐπειδὴν αὐτῶν τὰ πέ- 20
ρατα συναπτόμενα ὅλην ὅλη ποιήσῃ ἐφαρμόσαι. πᾶσα
μὲν γὰρ εὐθεῖα ἐπὶ πᾶσαν ἐφαρμόττει. τῶν δὲ ἴσων
καὶ κατὰ τὰ πέρατα γίνεται ἡ ἐφαρμογή. γωνία δὲ
ἴση γωνίᾳ λέγεται ἡ εὐθύγραμμος τῇ εὐθυγράμμῳ, ὅταν
μιας τῶν περιεχουσῶν τὴν ἑτέραν πλευρῶν τιθεμένης 25

3 καὶ post εἶναι add. G. 5 Figuras triangulorum addit
B, Z et in M postera manus in margine. 7 τὸν μὲν — τὸ
δὲ] τὴν μὲν — τὴν δὲ G. 10 αὖ om. G, add. C. 17 τὴν
om. G. 22 ἐπὶ πάσης G, ἐπὶ πᾶσαν C. 23 κατὰ πέρατα M.

24 ὅτε G, ὅταν C. 25 πλευρῶν] πλευρὰν M, G, πλε-
ρᾶς B₃, C, 'ex lateribus' Z, 'Laterum' B. || περιτιθεμένης G,
τιθεμένης C.

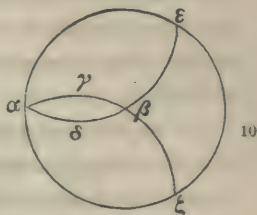
ἐπὶ μίαν τῶν τῆς ἐτέρας καὶ ἡ λοιπὴ τῇ λοιπῇ ἐφαρ-
 μόξη. ὅταν δὲ ἡ λοιπὴ ἔξω πίπτῃ τῆς λοιπῆς, μείζων
 ἐστὶν ἡ γωνία, ἧς ἡ πλευρὰ ἔξω πέπτωκεν, ὅταν δὲ
 ἐντός, ἐλάσσων. ὅπου μὲν γὰρ περιλαμβάνει τὴν
 5 ἐτέραν, ὅπου δὲ περιλαμβάνεται ὑπ' αὐτῆς. τὴν δὲ
 ἰσότητα τῶν γωνιῶν ληψόμεθα κατὰ τὴν ἐφάρμοσιν
 τῶν πλευρῶν ἐπὶ τῶν εὐθυγράμμων καὶ ἐπὶ τῶν ἄλ-
 λων τῶν ὁμοειδῶν, οἷον τῶν μηνοειδῶν, τῶν || ξυστρο-
 ειδῶν, τῶν ἀμφικύρτων, ἐπεὶ δυνατόν καὶ ἴσας εἶναι
 10 καὶ μὴ ἐφαρμόττειν ἀλλήλαις τὰς πλευράς. ἴση γὰρ
 ἐστὶν ἡ ὀρθὴ μηνοειδεῖ τινὶ γωνίᾳ, καὶ ἀδύνατον
 ἐφαρμόσαι ταῖς εὐθείαις τὰς περιφερείας. ἔτι τοίνυν
 ἐκείνο προληπτέον, ὅτι ὑποτείνειν λέγονται γωνίας
 αἱ πλευραὶ αἱ κατ' ἀντικρὺ κείμεναι. πᾶσα γὰρ τρι-
 15 γωνικὴ γωνία περιέχεται μὲν ὑπὸ δύο τῶν τοῦ τρι-
 γώνου πλευρῶν, ὑποτείνεται δὲ ὑπὸ τῆς λοιπῆς. διὸ
 καὶ ὁ γεωμέτρης τῷ καὶ τὰς γωνίας ἴσας εἶναι προσ-
 ἔθηκεν τὸ ὑφ' ἧς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνουσιν, ἵνα
 μὴ νομίσωμεν ἀδιάφορον εἶναι οἷαν ποτὲ γωνίαν λα-
 20 βεῖν καὶ ταύτην ἴσην εἶπεῖν τῇ τυχούσῃ τῶν λοιπῶν
 δύο τοῦ τριγώνου γωνιῶν. ἀλλὰ ἴσας λέγωμεν, ἧς
 ὑποτείνουσιν αἱ ἴσαι πλευραί. καὶ μὴν τῶν ἴσων πλευ-
 ρῶν ἡ μὲν ὑποτείνει τὴν ἐτέραν, ἡ δὲ μία τῶν περι-
 εχουσῶν τὴν λοιπὴν.

25 Πρὸς μὲν οὖν τὴν σαφήνειαν τοῦ θεωρήματος
 τοσαῦτα προειλήφθω, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν ἐκείνο

1 τῇ λοιπῇ om. M. 3 ὅτε G, ὅταν C. 9 καὶ μὴ
 ἴσας M, καὶ ἴσας G. 15 τῶν τοῦ τριγώνου] τριγώνων M.
 19 οἷαν δὴποτε G. 20 τῇ χούσῃ M. 26 προειλήφθω]
 θεωρηθῶ G, προειλήφθω B₃, C. 'Haec . . ad . . inspectionem
 . . sint satis' Z, 'considerentur' et in margine 'praeassuman-
 tur' B. || ἀπόδειξιν] ὑπόνοιαν G, ἀπόδειξιν B₃, C, 'demonstra-

προλάβωμεν, ὅτι δύο | εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι.
τοῦτο γὰρ ὡς ὁμολογούμενον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν.
εἰ γὰρ τὰ πέρατα, φησὶν, ἐφαρμόσει τῶν βάσεων ἀλ-
λήλοις, ἐφαρμόσουσι καὶ αἱ βάσεις, εἰ δὲ μή, δύο
εὐθεῖαι χωρίον περιέξουσιν. πόθεν οὖν, ὅτι τοῦτο 5
ἀδύνατον; ἔστωσαν δύο εὐθεῖαι περιέχουσαι χωρίον

αἱ $\overline{αγβ}$ $\overline{αδβ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω-
σαν ἐπ' ἄπειρον. καὶ κέντρῳ
τῷ β , διαστήματι δὲ τῷ $\overline{αβ}$ γε-
γράφθω κύκλος ὁ $\overline{αεξ}$. ἐπεὶ οὖν
διάμετρος ἡ $\overline{αγβξ}$, ἡμίσεια τῆς
περιφερείας ἐστὶν ἡ $\overline{αεξ}$. πάλιν



ἐπεὶ διάμετρος ἡ $\overline{αδβε}$, ἡμίσεια τῆς τοῦ κύκλου περι-
φερείας ἐστὶν ἡ $\overline{αε}$. [περιφέρειαι] ἄρα ἴσαι εἰσὶν αἱ
 $\overline{αε}$ $\overline{αεξ}$, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύο εὐθεῖαι χωρίον 15
περιέχουσιν, ὃ καὶ ὁ στοιχειωτῆς εἰδὼς ἐν τῷ πρώτῳ
τῶν αἰτημάτων ἔλεγεν, ἀπὸ παντὸς σημείου ἐπὶ πᾶν
σημεῖον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν, ὡς ἂν μιᾶς ἀεὶ
δυναμένης εὐθείας ἐπιζευγνύναι τὰ δύο σημεῖα καὶ
οὐ δυεῖν. περιφέρειαι μὲν γὰρ πλείους ἐπιζευγνύουσιν 20
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐπὶ τὰ ἐναντία. οὕτω γὰρ
καὶ τὰ πέρατα τῆς διαμέτρου ἐπιζεύγνυνται διὰ δύο

tionem' Z, 'adversarii obiectionem', in margine 'Demonstra-
tionem' B.

4 ἐφαρμόζουσι G. 10 κύκλος ὁ $\overline{αεξ}$ γε-

γράφθω G. 12 $\overline{αβξ}$ G, et M prima manu. 14 ἡ $\overline{αβε}$ G.

περιφέρειαι add. Kn. II. 15 ἡ $\overline{αε}$ $\overline{αβξ}$ M prima manu,

ἡ $\overline{αβε}$, $\overline{αβξ}$ G, αἱ $\overline{αε}$ $\overline{αεξ}$ Kn. II. 19 ἐπιζευγνύσθαι G,

ἐπιζευγνύουσι C. || τὰ δύο σημεῖα . . . ἐπιζευγνύουσι om. G.

22 ζεύγνυνται G.

μὲν περιφερειῶν, μιᾶς δὲ εὐθείας. δυνατόν δὲ καὶ
ἐκτὸς τῶν ἡμικυκλίων καὶ ἐντὸς ἀπείρου γραῖσαι
περιφερείας || ἐπιξεννυούσας τὰ δοθέντα σημεῖα. τὸ
δὲ αἷτιον, ὅτι ἡ εὐθεῖα ἐλαχίστη ἐστὶν τῶν τὰ αὐτὰ
5 πέρατα ἔχουσῶν. ἔν δὲ πανταχοῦ τὸ ἐλάχιστον καὶ
ἀεὶ μέτρον γίνεται τῶν ἄλλων. ὥσπερ οὖν ἡ ὀρθὴ
μία οὖσα μέτρον γίνεται τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων γω-
νιῶν — διὰ γὰρ ταύτης κἀκείνας εὐρίσκομεν — οὕτω
καὶ ἡ εὐθεῖα συντελεῖ πρὸς τὴν καταμέτρησιν τῶν μὴ
10 εὐθειῶν.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τούτων· ὅτι δὲ ἡ σύμπασα τού-
του τοῦ θεωρήματος ἀπόδειξις ἀπὸ κοινῶν ἐννοιῶν
ῥηται καὶ ὥς αὐτοφυῆς ἐστὶ καὶ ἀπ' αὐτῆς ὠρη-
μένη τῆς τῶν ὑποθέσεων ἐναργείας παντὶ καταφανές.
15 διότι μὲν γὰρ ἴσαι εἰσὶν αἱ δύο πλευραὶ ταῖς δυσίν,
ἐκατέρα ἐκατέρᾳ, ἐφαρμόζουσιν ἀλλήλαις, διότι δὲ αἱ
ὑπὸ τῶν ἴσων περιεχόμεναι γωνίαι ἴσαι, καὶ αὗται
ἐφαρμόττουσι. τῆς δὲ γωνίας ἐπὶ τὴν γωνίαν ἄρμο-
ζούσης καὶ τῶν πλευρῶν ἐπὶ τὰς πλευρὰς ἐφαρμόσει
20 καὶ τὰ πέρατα κάτω τῶν πλευρῶν, εἰ δὲ ταῦτα, καὶ ἡ
βάσις ἐφαρμόσει τῇ βάσει, εἰ δὲ αἱ τρεῖς ταῖς τρισί,
καὶ ὅλον τὸ τρίγωνον τῷ τριγώνῳ καὶ πάντα πᾶσιν.
ἡ ἄρα ἰσότης ἐν ὁμοειδέσιν ὀφθεῖσα τῆς ὅλης ἀποδεί-
ξεως αἰτία ἀνεφάνη. δύο γὰρ ἐστὶν ἐνταῦθα ἀξιώματα
25 συνεκτικὰ τῆς συμπάσης μεθόδου τοῦ προκειμένου
θεωρήματος, ἔν μὲν ὅτι τὰ ἐφαρμόζοντα ἴσα ἀλλήλοις
— τοῦτο ἀπλῶς ἀληθὲς καὶ οὐδὲ ἐνὸς προσδιορισμοῦ

6 τῆς ἀπειρίας τῶν ἄλλων G, τῆς ἀπειρίας del. not. C. ||
7 ὡς om. G. 9 μὴ om. G, add. C. 14 ἐναργείας G.
18 ἐφαρμόζουσι G. 22 πάντα πᾶσιν ἴσα G. 27 προ-
διορισμοῦ G.

δεόμενον, ᾧ χρῆται ὁ στοιχειωτῆς ἐπὶ τε τῆς βάσεως καὶ τοῦ ἐμβαδοῦ καὶ τῶν λοιπῶν γωνιῶν· ταῦτα γὰρ φησιν, διότι ἐφαρμόζει, ἴσα ἐστὶν — ἕτερον δὲ ὅτι τὰ ἴσα ἐφαρμόζει ἀλλήλοις — τοῦτο δὲ οὐκ ἐπὶ πάντων ἀληθές, ἀλλ' ἐπὶ τῶν ὁμοειδῶν. ὁμοειδῆ δὲ λέγω ⁵ οἷον εὐθείαν εὐθείαν καὶ περιφέρειαν περιφέρειαν τοῦ αὐτοῦ κύκλου καὶ γωνίας γωνίαις ὑπὸ ὁμοίων ὁμοίως κειμένων περιεχομέναις. τούτων δὲ ὅτι τὰ δεδομένα ἴσα, ἐφαρμόζει ἀλλήλοις· ὥστε εἶναι συνελόντι φάναι τὴν πᾶσαν ἀπόδειξιν τοιαύτην· δέδοται ἴσα τάδε ¹⁰ τοῖσδε, πλευραὶ δύο δυσὶ καὶ γωνίαι αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι, καὶ ἐφαρμόττει ἀλλήλοις ταῦτα. εἰ δὲ ταῦτα ἐφαρμόττει ἀλλήλοις, καὶ ἡ βάσις τῇ βάσει καὶ πάντα πᾶσιν· εἰ δὲ ἐφαρμόττει ταῦτα, καὶ ἴσα ἐστὶν· εἰ ἄρα δέδοται ἴσα τάδε τοῖσδε, συναποδείκνυνται καὶ ¹⁵ ὅτι πάντα πᾶσιν ἴσα. καὶ οὗτος πρῶτος ἀναφαίνεται τρόπος τῆς γνώσεως τῶν ἴσων πάντη τριγώνων.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῆς ὅλης ἀποδείξεως τοσαῦτα· Κάριπος δὲ ὁ μηχανικὸς ἐν τῇ || ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ τὸν περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων ²⁰ λόγον ἀνακινήσας — εἰ μὲν κατὰ καιρὸν ἢ μή, παρ-εἰσθῶ πρὸς τὸ παρόν — ἐμβαλὼν δὲ ὁμῶς εἰς τὴν

3—4 ἴσα ἐστὶν ... ἐφαρμόζει om. G. 5 δὲ ταῦτα λέγω G, 'haec dico' B, 'haec ... esse dico' Z. B₃ = M. 6 εὐθεῖα G, 'recta Linea' B, 'rectam lineam' Z. || καὶ ante περιφέρειαν om. G. B₃ = M. || περιφέρεια G, 'Circumferentia' B, 'circumferentiam' Z. 7—8 γωνίας γωνίαις ... περιεχομέναις ego scripsi; γωνίαι ... περιεχόμεναι M, B₃, G, 'Anguli, qui comprehensi sunt' B, 'anguli ... comprehensi' Z. 8 τούτων δὲ M, B₃, G, 'Horum autem dico' B, 'Horum autem' Z. 11 πλευραῖς C. 12—13 εἰ δὲ ... ἀλλήλοις om. G, add. C. 14 πᾶσα πᾶσιν G, corr. C. 18 ἄλλης G, ὅλης B₃, C, 'tota' et in margine 'Simplici' B, 'tota' Z. 21 ἢ μή, παρ-εἰσθῶ] '(inquit) ... non praetereatur' B, 'accedat' Z. B₃ = M, G.

τούτων διάκρισιν τῇ τάξει πρότερον τὸ προβληματικὸν
 γένος εἶναί φησι τῶν θεωρημάτων. τὰ γὰρ ὑποκει-
 μενα, περὶ [ᾧ] τὰ συμπτώματα ζητεῖται, διὰ τῶν προ-
 βλημάτων ἀνευρίσκεσθαι. καὶ τοῦ μὲν προβλήματος
 5 τὴν πρότασιν ἀπλὴν εἶναι καὶ πάσης ἐντέχνου συν-
 ἔσεως ἀπροσδεᾶ — τόδε γὰρ τι φανερώς ποιῆσαι
 παρακελεύεται· συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον,
 ἢ δύο δοθεῖσῶν εὐθειῶν τῇ ἐλάσσονι ἀπὸ τῆς μεί-
 ζονος ἴσην ἀφελεῖν. τί γὰρ τούτων ἀσαφές καὶ περι-
 10 ειργασμένον; — τοῦ δὲ θεωρήματος ἐργώδη καὶ πολ-
 λῆς δεομένην ἀκριβείας καὶ ἐπιστημονικῆς κρίσεως,
 ἵνα μήτε πλεονάζουσα φαίνεται μήτ' ἐλλείπουσα τῆς
 ἀληθείας, οἷον δὴ καὶ τοῦτο πρῶτιστον ὃν τῶν θεω-
 ρημάτων. καὶ ἐπὶ μὲν τῶν προβλημάτων μία τις ἔστιν
 15 ὁδὸς ἣ διὰ τῆς ἀναλύσεως εὗρημένη κοινὴ, καθ' ἣν
 προϊόντες δυνάμεθα κατορθοῦν. οὕτω γὰρ τὰ ἀσα-
 φέστερα θηροῦνται τῶν προβλημάτων. ἐπὶ δὲ τῶν θεω-
 ρημάτων δύσληπτος ἡ μεταχείρησις, ὥς μέχρις ἡμῶν,
 φησί, μηδένα δύνασθαι κοινὴν παραδοῦναι μέθοδον
 20 τῆς τούτων εὐρέσεως, ὥστε καὶ διὰ τὴν δαστῶνην
 ἀπλούστερον ἂν εἴη τὸ προβληματικὸν γένος. τούτων
 δὲ διωρισμένων „Διὰ ταῦτα ἄρα, φησί, καὶ ἐν τῇ
 στοιχειώσει τὰ προβλήματα προηγείται τῶν θεωρημά-
 των, καὶ ἀπὸ τούτων ἡ στοιχειώσις ἄρχεται, καὶ τὸ
 25 πρῶτον θεώρημα τέταρτόν ἐστι κατὰ τὴν τάξιν, οὐ

3 περὶ τὰ συμπτώματα *M*, πρὸ τῶν συμπτωμάτων *B*₃, *G*,
 περὶ τῶν συμπτωμάτων *C*, 'subiecta in quibus accidentia re-
 sident' *Z*, 'Subiecta enim prius quam Symptomata . . . in-
 veniri quaeruntur' *B*. Ego ᾧ post περὶ addiderim. 4 εὐρί-
 σκεσθαι *C*. 5 συναίσεως *C*. 7 ἰσόπλευρον] ἴσον *M*, *G*;
 corr. *Kn. II*. 9 περιεργασμένον *G*, περιηργασμένον *C*.
 16 σαφέστερα *M*, *B*₃, *G*, 'faciliora' *B*. *Z* καὶ ἐπὶ μὲν . . . θηροῦνται
 τῶν προβλημάτων om.

διότι τὸ πέμπτον ἐξ αὐτῶν δείκνυται, ἀλλ' ὅτι, καὶ εἰ
 μηδὲν τῶν πρὸ αὐτοῦ δεῖται πρὸς τὴν ἀπόδειξιν, ἔδει
 πρωτεύειν ἐκεῖνα, διότι προβλήματα ἦν, τοῦτο δὲ θεώ- 5
 ρημα. παντελῶς γὰρ ἐπὶ τούτου ταῖς κοιναῖς ἐννοίαις |
 χρῆται καὶ τρόπον τινὰ τὸ αὐτὸ τρίγωνον ἐν διαφό- 5
 ροῖς λαμβάνει τόποις κείμενον. καὶ γὰρ ἡ ἐφαρμογή
 καὶ ἡ ἀπὸ ταύτης ἰσότης δεικνυμένη παντάπασιν
 ἔχεται τῆς αἰσθητῆς καὶ ἐναργοῦς ὑπολήψεως. ἀλλ'
 ὅμως καὶ τοιαύτης οὔσης τῆς τοῦ πρώτου θεωρήματος
 ἀποδείξεως εἰκότως προηγήσατο τὰ προβλήματα. διότι 10
 καθόλου τὴν προηγουμένην ἐκεῖνα τάξιν ἔλαχεν.“

Καὶ ἴσως τῇ μὲν τάξει τὰ προβλήματα πρὸ τῶν
 θεωρημάτων ἐστὶ καὶ μάλιστα τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὰ
 αἰσθητὰ στρεφόμενων τεχνῶν ἀντιοῦσιν || ἐπὶ θεωρίαν.
 τῇ δὲ ἀξίᾳ τὰ θεωρήματα προυπάρχει τῶν προβλη- 15
 μάτων. καὶ ἔοικεν ἡ ὅλη γεωμετρία, καθ' ὃ μὲν συν-
 ἅπτει ταῖς πολλαῖς τεχναῖς, ἐνεργεῖν προβληματικῶς,
 καθ' ὃ δὲ τῇ πρώτῃ ἐπιστήμῃ γειτνιά, θεωρηματικῶς
 ἀνάγεσθαι ἀπὸ τῶν προβλημάτων ἐπὶ τὰ θεωρήματα,
 ἀπὸ δευτέρων ἐπὶ πρῶτα καὶ [ἐκ] τεχνικωτέρων εἰς ἐπι- 20
 στημονικώτερα. μάταιον οὖν τὸν Γεμῖνον αἰτιᾶσθαι
 ὥς τὸ θεώρημα τελειότερον εἶναι τοῦ προβλήματος
 λέγοντα. καὶ γὰρ αὐτὸς ὁ Κάρπος τοῖς προβλήμασι
 τὸ προηγείσθαι κατὰ τὴν τάξιν ἀποδέδωκεν, ὃ δὲ Γε-
 μῖνος κατὰ τὴν τελειότεραν ἀξίαν. καὶ μὴν καὶ περὶ 25
 τοῦ τετάρτου θεωρήματος εἶπομεν, ὅπως τρόπον τινὰ
 δεῖται τῶν πρὸ αὐτοῦ προβλημάτων, ἐν οἷς καὶ τῶν
 τριγώνων τὰς γενέσεις καὶ τῆς ἰσότητος τὴν εὔρεσιν
 ἐμάθομεν.

4 ἐπὶ τούτοις G. 5 ἐν διαφόροις del. not. C. 18 θεω-
 ρητικῶς G. 20 ἐκ om. M, G. || εἰς om. G, add. C. 24 τὸ om. G.

Προκείσθω δὲ νῦν καὶ ὅτι ὥς μὲν ἐν θεωρήμασιν ἀπλούστατόν ἐστι καὶ ἀρχοειδέστατον. ἀπ' αὐτῶν γὰρ ὥς εἰπεῖν μόνων αὐτοφυῶς δείκνυνται τῶν πρώτων ἐννοιῶν. σύμπτωμα δέ τι περὶ τὰ τρίγωνα φαινόμε-
 5 νον τὰ ἔχοντα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δι' ὅς πλευραῖς ἴσας καὶ τὰς ὑπ' αὐτῶν περιεχομένας γωνίας ἀποδεικνύον εἰκότως μετὰ τὰ προβλήματα τέτακται, δι' ὧν τὰ ὑποκείμενα τῷ συμπτώματι τούτῳ καὶ ὅλως τὰ δεδομένα κατεσκευάζεται.

10 Prop. V, theor. II. Τῶν ἰσοσκελῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι εἰσὶν καὶ προσεκβληθεισῶν τῶν ἴσων εὐθειῶν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσὶ.

Τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἐστὶν ἀπλᾶ, τὰ δὲ σύν-
 15 θετα. λέγω δὲ ἀπλᾶ μὲν, ὅσα κατὰ τὰς ὑποθέσεις καὶ κατὰ τὰ συμπεράσματα ἀδιαίρετά ἐστιν, ἐν ἔχοντα τὸ δεδομένον καὶ τὸ ζητούμενον ἔν· οἷον εἰ οὕτως ἔλεγεν ὁ στοιχειωτής· πᾶν τρίγωνον ἰσοσκελὲς ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — σύνθετα δὲ τὰ ἐκ
 20 πλειόνων ἢ τὰς ὑποθέσεις ἔχοντα συγκειμένας ἢ τὰ συμπεράσματα τῆς ὑποθέσεως οὔσης ἀπλῆς ἢ καὶ ἀμφοτέρω. καὶ τούτων τὰ μὲν ἐστὶ συμπεπλεγμένα, τὰ δὲ ἀσύμπλεκτα. ἐστὶ δὲ ἀσύμπλεκτα μὲν, ὅσα σύνθετα ὄντα μὴ δύναται διαιρεῖσθαι εἰς ἀπλᾶ θεωρή-
 25 ματα, ὥσπερ τὸ τέταρτον. ἐν ἐκείνῳ γὰρ καὶ τὸ δεδομένον σύγκειται καὶ τὸ ἐπόμενον, ἀλλ' οὐ δύναται

6 ἀποδείκνυνται G, ἀποδεικνύον C. 9 κατασκευάζεται G.

16 διαίρετά M. 24 θεωρεῖσθαι G, διαίρεσθαι in G in margine alia manu quam C.

διαιρεθῆναι τὸ δεδομένον εἰς ἀπλᾶ καὶ ποιήσασθαι
 θεωρήματα. οὐ γάρ, ἐὰν ἴσας ἔχη μόνας τὰς πλευρὰς
 τὰ τρίγωνα ἢ μόνην τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν, συμ-
 βαίνει τὰ λοιπά. συμπεπλεγμένα δέ, ὅσα διαιρεῖται
 εἰς ἀπλᾶ, οἷον ἐκείνο τὸ θεωρήμα· τὰ τρίγωνα καὶ 5
 τὰ παραλληλόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντα τὸν
 αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι. δυνατόν γάρ καὶ
 διελόντα εἰπεῖν· τὰ τρίγωνα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος
 τὸν αὐτὸν ἔχει λόγον ταῖς βάσεσι, καὶ ἐπὶ τῶν παραλ-
 ληλογράμμων ὁμοίως. πάντων δὲ τῶν συνθέτων τὰ 10
 μὲν κατὰ τὸ συμπέρασμα συντίθεται ἀπὸ τῆς αὐτῆς
 ὑποθέσεως ὁρμηθέντα, τὰ δὲ κατὰ τὰς ὑποθέσεις ἔχει
 τὴν σύνθεσιν καὶ τὸ αὐτὸ πάσαις ἐπάγει συμπέρασμα,
 τὰ δὲ κατὰ τὸ συμπέρασμα καὶ τὰς ὑποθέσεις συν-
 θετά ἐστὶ. κατὰ μὲν οὖν τὸ συμπέρασμα ἐνταῦθα (?) 15
 σύνθεσις ἐστίν. ἐπὶ τούτου γάρ τοῦ θεωρήματος τρία
 ἐστὶ τὰ συναγόμενα· ὅτι αἱ βάσεις ἴσαι, ὅτι τὰ τρί-
 γωνα ἴσα, ὅτι αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι, ὅφ' ἄς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουσιν — κατὰ δὲ τὰς ὑποθέσεις ἐπὶ
 τοῦ κοινοῦ τῶν τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων 20
 θεωρήματος, τῶν ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ὄντων — κατ'
 ἀμφοτέρω δὲ ὡς ἐπ' ἐκείνον· αἱ διάμετροι τῶν κύκλων
 καὶ τῶν ἑλλείψεων τὰ τε χωρία διχὰ διαιροῦσι καὶ τὰς
 περιεχούσας τὰ χωρία γραμμάς. τῶν δὲ συμπεπλεγμέ-
 νων τὰ μὲν ἐστὶ καθολικά, τὰ δὲ ἐκ τῶν ἐπὶ μέρους 25
 συνάγει τὸ καθόλου. ἐὰν γάρ εἴπωμεν, ὅτι ἡ διάμε-
 τρος τὸν κύκλον καὶ τὴν ἑλλειψιν καὶ τὰ παραλληλό-

1 θεωρηθεῖναι G, διαιρεθῆναι C. 2 μόνας om. G, add. C.

5 Eucl. VI, 1. 15 Pro ἐνταῦθα conicias: ἐν τῷ δ' i. e. ἐν τῷ τε-
 τάρτῳ. 'hic' B, 'hoc vero in loco' Z. $B_3 = M, G$. 21 θεωρημά-
 των C. || καὶ κατ' G, καὶ del. not. C. 25 μέρος G. 26 εἴπομεν M.

γραμμα διαιρεῖ, ἕκαστον μὲν τῶν συμπεπλεγμένων οὐ
καθόλου λαμβάνομεν, τὸ δὲ ἐκ πάντων καθόλου ποι-
οῦμεν, ἐὰν δὲ εἰπώμεν· ἐν κύκλῳ πᾶσαι αἱ διὰ τοῦ
κέντρου διχοτομοῦσιν ἀλλήλας καὶ τὰς τῶν τμημάτων
⁵ πάντων γωνίας ἴσας ποιοῦσι, καθόλου λέγομεν. ἐπὶ
γοῦν τῆς ἐλλείψεως οὔτε πᾶσαι αἱ τῶν τμημάτων γω-
νίαι ἴσαι εἰσίν, ἀλλὰ μόνων τῶν ὑπὸ τοῦ ἄξονος γινο-
μένων. ὅλως δὲ τὰς συνθέσεις ταύτας ἐμηχανήσαντο
οἱ γεωμέτραι διὰ τε τὴν συντομίαν καὶ διὰ τὰς ἀνα-
¹⁰ λύσεις. πολλὰ γὰρ ἀσύνθετα μὲν ὄντα οὐκ ἀναλύεται,
συντεθέντα δὲ μόνως εὐοδίαν παρέχει πρὸς τὴν ἐπὶ
τὰς ἀρχὰς ἀνάλυσιν.

Τούτων δὴ προτεθεωρημένων τὸ πέμπτον θε-
ώρημα σύνθετον πάντως ῥητέον καὶ κατ' ἀμφοτέρω
¹⁵ σύνθετον, κατὰ τε τὸ δεδομένον καὶ κατὰ τὸ ζητού-
μενον, ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐνδεικνύμενος ἐν ὃν αὐτὸ
ἐμέρισεν καὶ χωρὶς ἐκάτερα παρέθετο τὰ διδόμενα καὶ
τὰ ζητούμενα, τῶν ἰσοσκελῶν εἰπὼν αἱ πρὸς τῇ βάσει
ἴσαι, καὶ πάλιν ἐξῆς· καὶ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
²⁰ αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι. οὐ γὰρ δύο δεῖ νομίζειν εἶναι
θεωρήματα, ἀλλ' ἓν, σύνθετον δὲ ὃν καὶ κατὰ τὸ δε-
δομένον καὶ κατὰ τὸ ζητούμενον. καὶ τῶν συγκει-
μένων ἐκάτερον τέλειον καὶ ἀληθές, διὸ καὶ ἡ ἀνά-
λυσις ἀληθὴς ἀφ' ἐκατέρου. εἴτε γὰρ αἱ πρὸς τῇ
²⁵ βάσει ἴσαι, ἰσοσκελὲς τὸ τρίγωνον, εἴτε αἱ ὑπὸ τὴν

1 διαιρεῖ *M.* || μὲν om. *G.* 'unumquodque . . . Complexo-
rum' et in margine 'Unamquamque . . . Complexi partem' *B,*
'unumquodque ex complexis' *Z.* 7 μόνον *G,* 'sed soli eorum'
et in margine 'Sed eorum tantum' *B,* 'sed earum tantum' *Z.*
*B*₃ = *M.* 11 σύνθετα *G.* || εὐοδίας *G.* 13 προτεθεωρηθέν-
των *G,* corr. *C.* 16 ὃ *G,* ἃ *B*₃, *C,* 'quod' et in margine 'quae' *B,*
'quod' *Z.* 17 τὰ δεδομένα καὶ ζητούμενα *G.* 19 ἴσαι post
βάσει om. *G,* add. *C.* 24 ἐφ' ἐκατέρου *G.*

βάσιν, ἴσαι εὐθεΐαι προσεκβέβληνται καὶ τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές. ἀλλ' ὁ στοιχειωτὴς πρὸς μὲν τὸ τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας ἴσας εἶναι ποιήσεται τὴν ἀντιστροφὴν, πρὸς δὲ τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας οὐκέτι. καίτοι καὶ τοῦτο ἀληθές. 5

Τούτου μὲν οὖν τὴν αἰτίαν ὕστερον λέξομεν, νῦν δὲ ἐκεῖνο πρῶτον ζητήσωμεν, δι' ἣν αἰτίαν ὅλως τοῦτο προσαπέδειξεν τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας εἶναι. οὐδαμῶς γὰρ τούτῳ χρήσεται πρὸς ἄλλων ἢ κατασκευὴν ἢ ἀπόδειξιν προβλημάτων ἢ θεωρημάτων. 10 ἄχρηστον οὖν ἐσόμενον τί ἔδει παρεμβάλλειν τῷ θεωρήματι τούτῳ; ῥητέον δὲ πρὸς ταύτην τὴν ζήτησιν, ὅτι καὶ εἰ μηδαμοῦ χρῆσθαι μέλλοι τῷ καὶ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι, ἀλλὰ πρὸς γε τὰς τῶν ἐνστάσεων ἀνατροπὰς καὶ τὰς διαλύ- 15 σεις τῶν ἀντιπιπτόντων τοῖς θεωρήμασιν ἔσται τοῦτο χρήσιμον. ἐπιστημονικὸν δὲ καὶ τεχνικὸν προοικονομεῖσθαι τὰς λύσεις τῶν μαχομένων τοῖς ῥηθήσεσθαι μέλλουσι καὶ τῶν ἀπαντήσεων προκαταβάλλεσθαι τὰς ἀφορμὰς, ἵνα μὴ μόνον αἱ τῶν ἀληθῶν ἀποδείξεις 20 διὰ τῶν προαποδεδειγμένων, ἀλλὰ καὶ οἱ τοῦ ψεύδους ἔλεγχοι δι' ἐκείνων γίνονται. καὶ λάβοις ἂν καὶ ἐκ τούτου πρὸς ῥητορικὴν ὄφελος τῆς ἐν γεωμετρίας τάξεως. ὁ γὰρ καὶ ἐν ἐκείνοις τοῖς λόγοις τοῦτο δυνάμενος ποιῆσαι καὶ προιδεῖν τὰ μαχόμενα τοῖς ἐφεξῆς 25 κεφαλαίοις καὶ πρὸ τῆς ἐκείνων μεταχειρήσεως ὥς δὴ

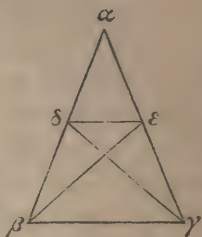
1 προβέβηνται G, προσεκβέβληνται C. 2 πρὸς τῇ βάσει om M. 4 πρὸς δὲ τὰς ομίσσο τὸ G. 7 ὅλως om. G, add. C. 16 ἔστι C. 22—23 'ex hoc quoque in Geometria ordine' et in margine 'ex hoc quoque eius qui in Geometria est ordinis' B, 'ex hoc ordine geometrico' Z. B₃ = M, G. 26 ὁ δὲ G, B₃, M, sed in M postera manus adscripsit ὥς, '(quod sane praeter propositum est)' B, '(quod aliis otiosum videtur)' Z.

πάρεργον ἄλλοις προηγουμένοις συγκατασκευάσαι τὰς
 λύσεις αὐτῶν, οὗτος ἀσφαλεστάτην ἂν μάλιστα μέθ-
 οδον προίσταιτο τῶν ἀγώνων. τοῦτο τοίνυν καὶ ὁ
 στοιχειωτῆς ἔργῳ διδάσκων ἡμᾶς πρὸ τῶν θεωρημά-
 5 των, οἷς τὰ ἀντιπίπτοντα διαλύσομεν τῷ νῦν δεικνυ-
 μένῳ χρώμενοι, συναποδείκνυσιν τὸ καὶ τὰς ὑπὸ τὴν
 βάσιν τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας εἶναι καὶ προευντρε-
 πίζει τὸν τοῦ ψεύδους ἐπ' ἐκείνων ἔλεγχον. ἔσται δὲ
 προιοῦσιν δῆλον ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος
 10 καὶ ἐπὶ τοῦ ἐνάτου τὰς φερομένας ἐνστάσεις ἀπὸ τού-
 του διαλύσομεν. ἐκ δὲ τούτου φανερόν καὶ δι' ἣν
 αἰτίαν οὐκ ἀντέστρεψεν καὶ ἀπὸ τούτου τὸ ἔκτον, ὥς
 οὐδὲ τούτου προηγουμένην ἔχοντος χρεῖαν, ἀλλὰ κατὰ
 συμβεβηκὸς ἡμῖν πρὸς τὴν ὅλην ἐπιστήμην συν-
 15 τελοῦντος.

Εἰ δέ τις ἡμᾶς ἀπαιτοίη καὶ μὴ προσεκβάλλοντας
 τὰς ἴσας εὐθείας ἀποδεικνύναι τῶν ἰσοσκελῶν ἴσας
 τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας — οὐ γὰρ χρῆναι διὰ τῶν
 ὑπὸ τὴν βάσιν ἀποδεικνύναι καὶ ταύτας ἴσας — τρό-
 20 πον τινὰ μεταθέντες τὴν κατασκευὴν καὶ τὰς ἔξω ποι-
 ῆσαντες ἐντὸς τοῦ ἰσοσκελοῦς δείξομεν τὸ προκείμενον.
 ἔστω γὰρ ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ εἰλήφθω σημεῖον τυ-
 χὸν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴση τῇ $\overline{αδ}$ ἡ
 $\overline{αε}$ καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{βε}$ $\overline{δγ}$ $\overline{δε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ

1 κατασκευάσαι G, συγκατασκευάσαι C. 5 τῶν νῦν
 δεικνυμένων G, corr. C. 9 προιοῦσα G, προιοῦσαν M,
 postera autem manus i super α scripsit. 11 τούτων G, τού-
 του C. 12 ἀντέστρεψεν G. 14 συντελοῦν G, συντελοῦν-
 τος C. 16 προσυμβάλλοντας G, προσεκβάλλοντας C.
 17 εὐθείας ἴσας G. 19 τῇ βάσει G, τὴν βάσιν C. 23 τῇ
 $\overline{αβ}$ $\overline{αε}$ G, τῇ $\overline{αδ}$ ἡ $\overline{αε}$ C. 24 $\overline{δε}$ om. M, G. 'de' B, Z.

$\overline{αβ}$ τῇ $\overline{αγ}$ καὶ ἡ $\overline{αδ}$ τῇ \parallel $\overline{αε}$ καὶ γωνία ἡ $\overline{α}$ κοινή,
 ἔσται καὶ ἡ $\overline{βε}$ ἴση τῇ $\overline{δγ}$ καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ταῖς
 λοιπαῖς, ὥστε ἡ ὑπὸ $\overline{αβε}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{αγδ}$ ἴση ἐστίν. πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{δβ}$
 ἴση τῇ $\overline{εγ}$ καὶ ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{δγ}$ καὶ γω-
 νία ἡ ὑπὸ $\overline{δβε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εγδ}$ ἴση,
 καὶ ἡ $\overline{δε}$ βάσις κοινή, καὶ πάντα
 ἴσα πᾶσιν, ὥστε ἡ μὲν ὑπὸ $\overline{εδβ}$
 ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ἡ δὲ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{εδγ}$. ἐπεὶ
 οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{εδβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ὧν ἀφήρηνται ἴσαι 10
 αἱ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ $\overline{εδγ}$, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{βδγ}$ $\overline{γεβ}$ ἴσαι
 εἰσίν. εἰσὶν δὲ καὶ αἱ $\overline{βδ}$ $\overline{δγ}$ πλευραὶ ἴσαι ταῖς $\overline{γε}$ $\overline{εβ}$
 ἑκατέρω καὶ ἡ $\overline{βγ}$ κοινὴ βάσις, καὶ πάντα ἄρα
 πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ λοιπαὶ γωνίαι, ὅφ' ἂς αἱ ἴσαι
 πλευραὶ ὑποτείνουσιν, ἴσαι εἰσίν. ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{δβγ}$ 15
 τῇ ὑπὸ $\overline{εγβ}$. ὑποτείνει γὰρ τὴν μὲν ὑπὸ $\overline{δβγ}$ ἡ $\overline{δγ}$,
 τὴν δὲ ὑπὸ $\overline{εγβ}$ ἡ $\overline{εβ}$. τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
 τῇ βάσει ἴσαι καὶ μὴ προσεκβληθεῖσιν τῶν ἴσων
 εὐθειῶν.



5

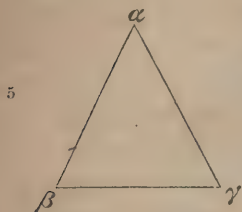
15

Ἔτι δὲ συντομώτερον ἀποδείκνυσιν ὁ Πάππος 20
 μηδεμιᾶς προσθήκης δεηθεὶς οὕτως· ἔστω τὸ $\overline{αβγ}$

9—10 ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{δεβ}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{εδγ}$ G, corr. C.

18 παρεκβληθεῖσιν G, προσεκβληθείσων C. 21 δεόμενος G, δεηθείς B, C, 'quippe qui . . . indiguit' et in margine 'indigens' B, 'nulla adiectione assumpta' Z.

ἰσοσκελὲς καὶ ἴση ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$. νοήσωμεν οὖν τοῦτο
τὸ ἔν ὧς δύο τρίγωνα, καὶ λέγωμεν οὕτως· ἐπεὶ ἔστι



καὶ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ
 $\overline{\alpha\beta}$, δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι δυσὶ ταῖς
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἴση τῇ
ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\beta}$, ἡ αὐτὴ γάρ, ἔστιν ἄρα
καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα, ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$
τῇ $\overline{\beta\gamma}$, τὸ δὲ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τρίγωνον τῷ

$\overline{\alpha\beta\gamma}$, ἡ δὲ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$ τῇ
10 ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ γωνία· ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ
ὑποτείνουσιν αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ · τῶν ἄρα ἰσοσκελῶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει ἴσαι. καὶ ἔοικεν τὸν τρόπον τοῦτον τῆς ἀπο-
δείξεως εὐρεῖν κατανοήσας ὅτι καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἐπὶ
τοῦ τετάρτου θεωρήματος ἐνώσας || τὰ δύο τρίγωνα
15 καὶ ἐφαρμόσας ἀλλήλοις καὶ ἐκ δυοῖν ἐν ἀποτελέσας
οὕτως αὐτῶν τὴν ἰσότητα τὴν κατὰ πάντα τεθέεται.
κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ἡμᾶς δυνατόν ἐν τῷ ἐνὶ
τούτῳ παρὰ τὴν λῆψιν τὰ δύο τρίγωνα θεωροῦντας
ἀποδεικνύναι τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν.

20 Τῷ μὲν οὖν Θαλῇ τῷ παλαιῷ πολλῶν τε ἄλλων
εὐρέ|σεως ἔνεκα καὶ τοῦδε τοῦ θεωρήματος χάρις.
λέγεται γὰρ δὴ πρῶτος ἐκεῖνος ἐπιστῆσαι καὶ εἰπεῖν,
ὧς ἄρα παντὸς ἰσοσκελοῦς αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι

2 ἐπεὶ ἔστιν ἡ $\overline{\alpha\beta}$ G. 4 δύο δὴ αἱ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ G.

8 τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τριγώνῳ C. 9 $\overline{\alpha\beta\gamma} \dots \overline{\alpha\beta\gamma} \dots \overline{\alpha\beta\gamma} \dots \overline{\alpha\beta\gamma}$ G.

10—11 ὑπὸ γὰρ $\dots \overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ om. G. 16 αὐτῶν μὲν ἰσό-
τητα G. 19 τὴν βάσιν C.

ἴσαι εἰσίν, ἀρχαϊκώτερον δὲ τὰς ἴσας ὁμοίας προσ-
 ειρηκέναι. μειζούνως δὲ ἂν τις ἀγασθεῖη τῶν νεωτέρων
 τοὺς ἀποδείξαντας ἔτι καθολικώτερον — ὧν ἐστὶ καὶ
 Γεμῖνος — τὰς ἀφ' ἐνὸς σημείου προσπιπτούσας
 εὐθείας ἴσας ἐπὶ μίαν ὁμοιομερῆ γραμμὴν ἴσας γω- 5
 νίας ποιούσας, ὥστ' εἴτε εὐθεῖαν ἔχοι βάσιν εἴτε περι-
 φέρειαν εἴτε ἔλικα κυλινδρικήν, ἴσας αὐτῶν εἶναι τὰς
 πρὸς τῇ βάσει γωνίας. τούτῳ γὰρ ὁ Γεμῖνος τῷ θεω-
 ρήματι χρώμενος δείκνυσιν, ὅτι μόναι τρεῖς εἰσι γραμ-
 μαὶ καὶ οὐ πλείους αἱ ὁμοιομερεῖς εὐθεῖα καὶ περι- 10
 φερῆς καὶ ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ. καὶ τοῦτό ἐστὶ τὸ
 κυρίως καθόλου ὃ πρῶτῳ τὸ σύμπτωμα ὑπάρχει,
 καθάπερ δὴ καὶ τὸ τὰς δύο τῆς λοιπῆς μείζους ἔχειν
 τριγώνῳ παντὶ δειχθήσεται καθ' αὐτὸ ὑπάρχον. οὐκ
 ἐστὶν ἄρα καθόλου τοῦ ἰσοσκελοῦς, εἰ καὶ παντὶ αὐτῷ 15
 ὑπάρχει τὸ τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας ἴσας ἔχειν, ἀλλὰ
 τῶν πρὸς ὁμοιομερῆ γραμμὴν προσπιπτουσῶν εὐθειῶν.
 ἐκείναις γὰρ πρῶτως ὑπάρχει τὸ ἴσας ὑποτείνειν
 γωνίας.

Prop. VI, theor. III. Ἐὰν τριγώνου αἱ δύο γω- 20
 νίαι ἴσαι ὦσιν καὶ αἱ ὑπὸ τὰς ἴσας γωνίας
 ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἴσαι εἰσὶ.

Τοῦτο τὸ θεώρημα δύο ταῦτα ἐπεδείξατο πρώτι-
 στον τῶν θεωρημάτων τὴν τε ἀντιστροφὴν καὶ τὴν

1 δὲ post ἀρχαϊκώτερον om. G, add. C. 3 ὧς ἐστὶ G.
 5 ἐπὶ μιᾷ ὁμοιομεροῦς γραμμῇ G, corr. C. 6 ποιῆσαι G,
 ποιούσας C. || ἔχει G. 10 ἡ εὐθεῖα καὶ ἡ G, utrumque ἡ
 del. not. C. 18 ὑπάρχειν M. 20—22 M in margine: γ' θεω-
 ρημα ἔ πρόβλημα. 23 πρῶτιστα B₃, G, 'in primis' B, 'quae ...
 praecipua sunt' Z.

εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγὴν. ἀντιστρέφει μὲν γὰρ τῷ πρὸ
αὐτοῦ θεωρήματι, δείκνυνται δὲ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον
ἀπαγωγῆς. δεῖ δὲ περὶ ἀμφοτέρων εἰπεῖν, ὅσα πρὸς
τὴν παροῦσάν ἐστι πραγματεῖαν οἰκεῖα.

- 5 Λέγεται τοίνυν ἡ ἀντιστροφή παρὰ τοῖς γεωμέ-
τραις ἡ μὲν προηγουμένως καὶ κυρίως, ὅταν τὰ συμ-
περάσματα καὶ τὰς ὑποθέσεις ἀλλήλων ἀντιμεταλαμ-
βάνῃ τὰ θεωρήματα, καὶ τὸ μὲν τοῦ προτέρου συμ-
πέρασμα ὑπόθεσις ἐν τῷ δευτέρῳ γίνηται, ἡ δὲ
10 ὑπόθεσις || ὡς συμπέρασμα ἐπάγεται· οἷον τῶν ἰσοσκε-
λῶν τριγώνων αἱ πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι — ὑπό-
θεσις μὲν τὸ ἰσοσκελὲς ἐνταῦθα τρίγωνον, συμπέρασμα
δὲ ἡ τῶν πρὸς τῇ βάσει γωνιῶν ἰσότης — καὶ ὧν αἱ
πρὸς τῇ βάσει γωνίαι ἴσαι, ταῦτα ἰσοσκελῆ, ὃ δὴ καὶ
15 τὸ ἕκτον λέγει θεωρήμα, ὑπόθεσιν μὲν ποιησάμενον
τὸ ἴσας εἶναι τὰς πρὸς τῇ βάσει γωνίας, συμπέρασμα
δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πλευρῶν τῶν ὑποτείνουσῶν τὰς
ἴσας ἐκείνας γωνίας. ἡ δὲ ἐστὶν ἀντιστροφή κατὰ μό-
νην τὴν ποῖαν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν. ἐὰν γὰρ
20 ἡ θεωρήμα σύνθετον ἀπὸ πλειόνων ὑποθέσεων ἀρχό-
μενον καὶ λῆγον εἰς τι συμπέρασμα, λαβόντες τὸ συμ-
πέρασμα καὶ μίαν τῶν ὑποθέσεων συμπέρασμα ποι-
οῦνται μίαν τῶν ὑποθέσεων ἢ καὶ πλείους. καὶ κατὰ

8 προβλήματα G, θεωρήματα C. 9 γίνεταί G.

10 ἐπάγεται M, G. 11 πρὸς τὴν βάσιν H₂ p. 271. 13 πρὸς
τὴν βάσιν M, G. || καὶ ὧν . . . ἴσαι om. G. 14 ταῦτα

ἰσοσκελῆ] τὰ ἰσοσκελῆ ἐστὶν G. 17 Alterum τῶν om. G.

18 ἐστὶν om. G. 19 ποῖαν M, ποῖαν G, ποικιλίαν Kn. II,

‘quandam’ B, om. Z. 19—22 M in margine: β̄ εἶδος ἀντι-
στρεφῆς κατὰ μόνην τὴν ποῖαν τῶν συγκειμένων ἐναλλαγὴν.

21 εἰς τὸ G. || λαβόν τε M, C, ‘assumentes’ Z, ‘accipientes’ B.
B₃ = G. 22—23 συμπέρασμα . . . ὑποθέσεων om. G (Z),

add. C. 22 ποιοῦνται] ‘inferimus’ et in margine ‘faciunt’ B.

23 ἢ καὶ πλείους B in contextu cum priore μίαν τῶν ὑπο-

τοῦτον τὸν τρόπον τῷ τετάρτῳ θεωρήματι τὸ ὄγδοον ἀντιστρέψει. τὸ μὲν γὰρ φησιν ὑπὸ ἴσας πλευρὰς καὶ γωνίας βάσεις ἴσαι ὑποτείνουσι, τὰ δὲ ἐπ' ἴσων βάσεων ἴσαι πλευραὶ κείμεναι γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὧν τὸ μὲν ἐπὶ ἴσων βάσεων συμπεράσμα ἦν τοῦ προτέρου, τὸ δὲ ἴσαι πλευραὶ κείμεναι μία τῶν ἐν ἐκείνῳ προειλημμένων ὑποθέσεων. δύο δὲ τούτων οὐσῶν ἀντιστροφῶν ἡ μὲν προηγουμένη μονοειδὴς ἐστὶ καὶ ὠρισμένη, ἡ δὲ ἑτέρα ποικίλη καὶ εἰς ἀριθμὸν πρόεισι πολὺν θεωρημάτων καὶ οὐκ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφουσα ἀλλ' ἐν πολλοῖς διὰ τὸ πλῆθος τῶν ἐν τοῖς συνθέτοις θεωρήμασιν ὑποθέσεων. πολλάκις δὲ καὶ τῷ ἀπὸ δυεῖν [ἢ πλειόνων] ὑποθέσεων ἀρχομένῳ ἐν ἀντιστρέφοντι, ὅταν αἱ ὑποθέσεις μὴ πᾶσαι ὧσιν ὠρισμέναι ἀλλ' ἔνιαι ἀοριστώδεις.

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν καὶ ἐν τούτοις, ὅτι πολλαὶ ἀντιστροφὰί γίνονται ψευδεῖς καὶ οὐκ εἰς κενὴν ἀντιστροφαί· οἷον πᾶς ἐξάγωνος ἀριθμὸς τρίγωνός ἐστιν, ἀλλ' οὐκ ἔτι ἀληθές, ὅτι πᾶς τρίγωνος ἐξάγωνός ἐστιν. αἷτιον δὲ ὅτι τὸ μὲν ἐστὶ κοινότερον, τὸ δὲ μερικώτε-

θέσεων coniungit, in margine cum altero. $B_3 = M, G.$ 1 τῷ τετάρτῳ] τῷ δ' M in margine. 2 ἀντιστρέψει G , ἀντιστρέψει C .

3 ὑποτείνουσαι C . || ὑπὸ τῶν ἴσων G , ἐπὶ τῶν ἴσων C .

6 μιὰν G , μία C . 7 οὐσῶν] ἴσων M , sed postera manus οὐ super ἱ scripsit. 9 ἡ δὲ] καὶ δὲ G , ἡ δὲ C . 10 πολὺ C .

10—11 'non in uno sed in multis' et in margine 'non unum uni sed unum multis' B , 'neque unum cum uno convertit; sed in multis' Z . $B_3 = M, G$. 11 διὰ] 'propter' et in margine 'iuxta' B , 'ob' Z . 12—13 πολλάκις . . . ὑποθέσεων om. G .

12 καὶ τὸ M . 13 ἢ πλειόνων ego addidi, ut sit de quo πᾶσαι possit dici. Nec tamen locus videtur esse sanus, cum ἐν minime congruat cum voce ἔνιαι. || ἀρχομένων B_3, G . || ἐναντιστρεφόμενον B_3, G , ἐν ἀντιστρεφόμενον M , sed postera manus puncta posuit super ον. 19 ἀλλ οὐκ . . . ἐστὶν om. G , add. C . || ἔτι ἐπαληθὲς M .

ρον καὶ κατὰ παντὸς λέγεται μόνον θατέρου θάτερον.
ἐφ' ὧν δὲ τὸ πρῶτως ὑπάρχον καὶ τὸ ἢ αὐτὸ λαμ-
βάνεται, ἐπ' ἐκείνων καὶ ἀντιστροφὴ παρακολουθεῖ.
καὶ ταῦτα οὐδὲ τοὺς περὶ τὸν Μέναιχμον καὶ Ἀμ-
5 φίνομον λέληθεν μαθηματικούς.

Αὐτῶν δὲ τῶν ἀντιστρεφόντων θεωρημάτων τὰ
μὲν εἰώθασι καλεῖν προηγοίμενα, τὰ δὲ ἀντίστροφα.
ὅταν μὲν γὰρ ὑποθέμενοί τι γένος ἀποδεικνύωσι τὸ
περὶ αὐτὸ σύμπτωμα, προηγούμενον τοῦτο λέγουσιν,
10 ὅταν δὲ ἀνάπαλιν ὑπόθεσιν μὲν ποιῶνται τὸ σύμ-
πτωμα, || συμπέρασμα δὲ τὸ γένος, ᾧ τοῦτο συμβέβη-
κεν, ἀντίστροφον τὸ τοιόνδε προσαγορεύουσι. πᾶν
ἰσοσκελὲς τρίγωνον ἴσας ἔχει τὰς πρὸς τῇ βάσει, τοῦτο
προηγούμενον — ἰπόκειται γὰρ τὸ τῇ φύσει προηγού-
15 μενον, λέγω δὴ τὸ γένος αὐτὸ τὸ ἰσοσκελὲς τρίγωνον
— πᾶν τρίγωνον δύο γωνίας ἴσας ἔχον καὶ τὰς ὑπο-
τεινούσας πλευρὰς ἴσας ἔχει καὶ ἐστὶν ἰσοσκελὲς, τοῦτο
ἀντιστρέφον. ἐναλλάττει γὰρ τὸ ὑποκείμενον καὶ τὸ
τούτου πάθος, καὶ τὸ μὲν ἰποτίθῃσι, τὸ δὲ ἀπὸ τού-
20 του δείκνυσιν.

Τοσαῦτα περὶ τῶν γεωμετρικῶν ἀντιστροφῶν
εἶχομεν λέγειν. αἱ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαὶ πάντως
μὲν εἰς ἀδύνατον τελευτῶσιν ἐναργές, καὶ οὗ τὸ ἀντι-
κείμενον ὠμολόγηται, συμβαίνει δὲ τὰς μὲν αὐτῶν
25 ἐπὶ τὰ μαχόμενα ταῖς κοιναῖς ἐννοίαις ἥτοι αἰτήμασιν |
ἢ ταῖς ὑποθέσεσι τελευτᾶν, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ τοῖς προ-
αποδεδειγμένοις ἀντιφάσκοντα. τὸ μὲν γὰρ ἔκτον

1 μόνον λέγεται G. 3 ἢ ἀντιστροφή G. 12 οἷον
πᾶν G, οἷον del. not. C. 16 ἔχον ἴσας G. 22—24
M in margine: ση. τὴν εἰς ἀδύνατον δεῖξιν τὴν παρὰ τοῖς
γεωμέτραις.

τοῦτο θεώρημα τὸ συμβαῖνον ἀδύνατον ἐπιδείκνυσι
διὰ τὸ κοινὴν ἔννοιαν ἀνατρέπειν τὴν τὸ ὅλον τοῦ
μέρους μείζον λέγουσαν, τὸ δὲ ὄγδοον καταντᾷ μὲν
εἰς ἀδύνατον, ἀλλ' οὐ κοινῆς ἐννοίας ἀνατρεπτικόν,
ἀλλὰ τοῦ δεδειγμένου διὰ τοῦ ἐβδόμου θεωρήματος. ⁵
ὃ γὰρ ἀπέφησεν τὸ ἐβδομον, τοῦτο ἐκεῖνο δείκνυσι
καταφασκόμενον τοῖς μὴ συγχωροῦσι τὸ ζητούμενον.

Πᾶσά γε μὴν εἰς τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγὴ λαβοῦσα
τῷ ζητούμενῳ τὸ μαχόμενον καὶ τοῦτο ὑποθεμένη πρό-
εσιν, ἕως ἂν εἰς ὁμολογούμενον ἄτοπον καταντίσῃ ¹⁰
καὶ δι' ἐκεῖνο τὴν ὑπόθεσιν ἀνελοῦσα βεβαιώσῃται
τὸ ἐξ ἀρχῆς ζητούμενον. ὅλως γὰρ εἰδέναι χρὴ ὅτι
πᾶσαι αἱ μαθηματικαὶ πίστεις ἢ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν εἰσιν
ἢ ἐπὶ τὰς ἀρχάς, ὥς πού φησι καὶ ὁ Πορφύριος. καὶ
αἱ μὲν ἀπὸ τῶν ἀρχῶν διτταὶ καὶ αὐταὶ τυγχάνουσιν, ¹⁵
ἢ γὰρ ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ὥρμηται καὶ τῆς
ἐναργείας μόνης τῆς αὐτοπίστου, ἢ ἀπὸ τῶν προδε-
δειγμένων· αἱ δὲ ἐπὶ τὰς ἀρχάς ἢ θετικαὶ τῶν ἀρχῶν
εἰσιν ἢ ἀναιρετικά. ἀλλὰ θετικά μὲν οὔσαι τῶν ἀρ-
χῶν ἀναλίσεις καλοῦνται, καὶ ταύταις αἱ συνθέσεις ²⁰
ἀντίκεινται — δυνατόν γὰρ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν ἐκείνων
προελθεῖν εὐτάκτως ἐπὶ τὸ ζητούμενον, καὶ τοῦτό
ἐστὶν ἡ σύνθεσις — ἀναιρετικά δὲ οὔσαι εἰς ἀδύνα-
τον ἀπαγωγὰι προσαγορεύονται. τὸ γὰρ τῶν ὁμολο-
γημένων τι καὶ ἐναργῶν ἀνατρέφει ταύτης ἔργον τῆς ²⁵
ἐφόδου. καὶ ἐστὶ καὶ ἐπὶ ταύτης συλλογισμὸς τις,

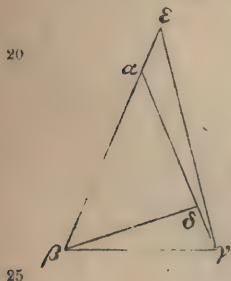
6 ἀπέφηνε G, ἀπέφησε C. 8 εἰς ἀδύνατον G, εἰς τὸ
ἀδύνατον C. 9 τοῦτο ὑποθέμενον (τοῦ ὑποθεμένου) H₂
p. 255. 11 δι' ἐκεῖνο M, H₂ p. 255, δι' ἐκείνου G.
14 ὥς πού] ὥσπερ H₂ 15 αὐται H₂. 17 ἐναργείας G, H₂. ||
ἀπίστου G, αὐτοπίστου C, H₁ p. 455. 22 προσελθεῖν H₂
p. 255. 26 καὶ ἐστὶν ἐπὶ G, H₂ p. 256.

ἀλλ' οὐχ ὁ αὐτὸς ὥσπερ ἐπὶ τῆς ἀναλύσεως. ἐν γὰρ ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς ἡ πλοκὴ κατὰ τὸ δεύτερόν ἐστιν τῶν ὑποθετικῶν, οἷον εἰ μὴ εἰσιν τῶν ἴσας ἐχόντων γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλευ-
 5 ραὶ τὰς ἴσας γωνίας || ἴσαι, τὸ ὅλον ἴσον ἐστὶν τῷ μέρει· ἀλλὰ τοῦτο ἀδύνατον· εἰσὶν ἄρα τῶν ἴσας ἐχόντων δύο γωνίας τριγώνων αἱ ὑποτείνουσαι πλευ-
 ραὶ τὰς ἴσας γωνίας καὶ αὐταὶ ἴσαι.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῆς παρὰ τοῖς γεωμέτραις εἰς
 10 τὸ ἀδύνατον ἀπαγωγῆς· χρῆται δέ, ὅπερ ἔφαμεν, ὁ στοιχειωτῆς τῇ μὲν ἀντιστροφῇ κατὰ τὴν πρότασιν, τὸ συμπέρασμα τοῦ πέμπτου θεωρήματος ὡς δεδομένου λαβὼν καὶ τὴν ὑπόθεσιν τὴν ἐκείνου προστιθεὶς ὡς ζητούμενον, τῇ δὲ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῇ περὶ τε τὴν
 15 κατασκευὴν καὶ τὴν ἀπόδειξιν. εἰ δέ τινες ἐνίσταντο

λέγοντες ὅτι τὸν τῇ $\alpha\beta$ ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ ἴσην ἀφαιροῦντα οὐ δεῖ πρὸς τῷ γ ποιεῖσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, ἀλλὰ πρὸς τῷ α , θέμενοι καὶ ταύτην τὴν ὑπόθεσιν εἰς τὸ αὐτὸ

καταντήσομεν ἀδύνατον. ἔστω γὰρ



ἴση ἡ $\alpha\delta$ τῇ $\alpha\beta$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\beta\alpha$ καὶ κείσθω ἴση ἡ $\alpha\epsilon$ τῇ $\delta\gamma$.

ὅλη ἄρα ἡ $\beta\epsilon$ ἴση τῇ $\alpha\gamma$. καὶ ἐπέ-
 ζεύχθω ἡ $\epsilon\gamma$. ἐπεὶ οὖν ἡ $\alpha\gamma$ ἴση

τῇ $\beta\epsilon$, κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$, δύο δυεῖν ἴσαι, καὶ ἡ πρὸς τῷ β γωνία ἴση

τῇ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$ — οὕτω γὰρ κεῖται — καὶ πάντα ἄρα

2 τὸν δεύτερον M.

15 ἀνίστανται G.

20 ἡ $\alpha\beta$ τῇ

$\alpha\delta$ G, corr. C.

22 Post τῇ $\alpha\gamma$ addit G: κοινὴ δὲ ἡ $\beta\gamma$.

πᾶσιν ἴσα διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ τὸ $\overline{\epsilon\beta\gamma}$ τρίγωνον τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τριγώνῳ ἴσον, τὸ ὅλον τῷ μέρει, ὅπερ ἀδύνατον.

Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ τοῦτο δῆλον, ἐπόμενόν ἐστι καὶ τὸ λοιπὸν δεῖξαι τῆς ἀντιστροφῆς. ὁ μὲν γὰρ στοιχειωτῆς 5 πρὸς μέρος ἀντέστρεψεν τοῦ πέμπτου θεωρήματος ὅλον τὸ ἕκτον. δεῖ δὲ καὶ τὴν λοιπὴν ἀντιστροφὴν προσθεῖναι. αὕτη δέ ἐστίν ἡ λαμβάνουσα μὲν ὡς ὑπόθεσιν τὸ εἶναι τριγώνου τινὸς τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας, δεικνύουσα δὲ ἰσοσκελεῖς τὸ τρίγωνον. 10

ἔστω τοίνυν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τρίγωνον καὶ

ἐκβεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ ἔστωσαν αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι.

λέγω ὅτι ἰσοσκελεῖς ἐστίν τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$.

εἰλήφθω γὰρ ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\epsilon}$ σημεῖον

τὸ ϵ καὶ ἴση τῇ $\beta\epsilon$ ἢ $\gamma\zeta$ καὶ ἐπε-

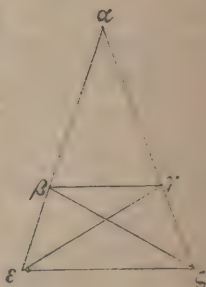
ξεύχθωσαν αἱ $\overline{\epsilon\gamma}$ $\overline{\beta\zeta}$ $\overline{\epsilon\zeta}$. ἐπεὶ

οὖν ἴση ἢ $\beta\epsilon$ τῇ $\gamma\zeta$, κοινὴ ἢ $\beta\gamma$,

δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\epsilon\beta\gamma$ γωνία τῇ ὑπὸ $\zeta\gamma\beta$ γωνία ἴση, καὶ γὰρ ὑπὸ τὴν βάσιν, καὶ πάντα ἄρα 20

πᾶσιν διὰ τὸ τέταρτον. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$ βάσις τῇ $\overline{\zeta\beta}$

καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\epsilon\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\beta\zeta}$ τῇ



15

2 τὸ ante ὅλον om. G, add. C. 8 ἡ ante λαμβάνουσα om. G, add. C. 9 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. 11 ἔστω ... τρί-

γωνον om. M. || $\overline{\alpha\gamma\beta}$ G, $\overline{\alpha\beta\gamma}$ C. 12 Post 'ab, ac' B addit:

'ad Signa dg', 'ab in e et ac in f' Z. 16 τὸ $\overline{\beta}$ G.

19 20. τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$ γωνία ἴση] ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\gamma\beta}$ G.

Proclus.

17

ὑπὸ βγε, ὑπὸ γὰρ αὐτάς αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἥν δὲ καὶ ὅλη ἡ ὑπὸ εβγ ὅλη τῇ ὑπὸ ζγβ ἴση,
 ἀφ' ὧν ἡ ὑπὸ ζβγ ἴση τῇ ὑπὸ εγβ, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ
 εβζ ἴση τῇ ὑπὸ ζγε. ἐστὶν δὲ ἡ βε τῇ γζ ἴση καὶ ἡ
 5 βζ τῇ εγ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν καὶ πάντα ἄρα
 πᾶσιν ἴσα, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ βεζ τῇ ὑπὸ γζε ἴση, ὥστε
 καὶ ἡ αε τῇ αζ ἴση δι' αὐτὸ τὸ ἕκτον — δέδεικται
 γάρ — ἀφ' ὧν ἡ βε τῇ γζ ἴση — οὕτως γὰρ ἀφ-
 ῥηται — λοιπὴ ἄρα ἡ αβ τῇ αγ ἴση. ἰσοσκελές
 10 ἄρα ἐστὶν τὸ αβγ τρίγωνον. ἐάν τε ἄρα τὰς δύο γω-
 νίας ἴσας ἔχῃ, ἰσοσκελές ἐστίν, ἐάν τε τῶν πλευρῶν
 ἐκβληθεισῶν τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσας ἔχῃ, καὶ οὕτως
 ἰσοσκελές ἐστὶ τὸ δοθὲν τρίγωνον.

Τί οὖν αἴτιον, δι' ὃ οὐκ ἀντέστρεψεν ὁ στοι-
 15 χιωτής καὶ τὸ λοιπὸν μέρος; ἢ ὅτι καὶ ἐπὶ τοῦ πέμ-
 πτου θεωρήματος τὸ τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας
 εἶναι πάρεργον ἦν, ἄλλων ἔνεκα ἀπόρων διαλύσεως
 ἐκβεβλημένον, τὸ δὲ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσων οὐσῶν
 ἰσοσκελές εἶναι τρίγωνον οὔτε πρὸς ἀπόδειξιν προ-
 20 ηγουμένην οὔτε πρὸς διάλυσιν αὐτῷ συντελεῖ τῶν
 ζητουμένων πρὸς τῷ καὶ διὰ τῶν ἐξῆς θεωρημάτων
 ἀποφαίνεσθαι τοῦτο καὶ ἀφορμὰς αὐτῷ κάκεῖνα παρ-
 ἔχειν τοῦ τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν ἴσων οὐσῶν

3 ἀφ' om. M, G. || λοιπὴ δὲ ἄρα G. 5 περιέχουσιν G.
 11—12 ἰσοσκελές ἔχῃ om. G, add. C. 16 ὑπὸ τῇ βάσει
 M, G. 17 διαλύσεων G. 18—20 ἴσων οὐσῶν . . . αὐτῷ
 om. G, add. C. 20 τῷ ζητουμένῳ G, corr. C. 21 καὶ ante
 διὰ om. G, add. C. 23 τοῦ τῶν] τούτων M. || ὑπὸ τῇ βάσει
 M, C, ἀπὸ τὴν βάσιν G.

δείκνυσθαι καὶ τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές; εἰ γὰρ εὐθεία
 πᾶσα ἐπ' εὐθείαν σταθεῖσα καὶ ποιούσα δύο γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ, τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν γωνιῶν
 δεδομένων ἴσων καὶ αἱ πρὸς τῇ βάσει | πάντως ἴσαι
 ἔσονται, τούτων δὲ ἴσων οὐσῶν καὶ αἱ ὑποτείνουσαι ⁵
 αὐτὰς ἴσαι. τούτῳ τοίνυν χρῶμενος ἐν πάσῃ τῇ στοι-
 χειώσει ἡδύνατο λαμβάνειν ὅτι τῶν ὑπὸ τὴν βάσιν
 ἴσων οὐσῶν τὸ τρίγωνον ἰσοσκελές ἐστίν εἴπερ ἐδεῖτο
 καὶ τούτου πρὸς τινων θεωρημάτων | ἀπόδειξιν. οὐ
 γὰρ μετὰ πολλὰ φανήσεται δεικνύμενον ὅτι, ἐὰν εὐ- ¹⁰
 θεῖα ἐπ' εὐθείαν σταῖσα γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὀρθὰς
 ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ. καὶ τὰ μὲν πρὸ τούτου
 οὐδὲν δεῖ τῆς ἀντιστροφῆς ταύτης, τὰ δὲ ἐξῆς, εἰ
 δέοιτο, διὰ τούτου τὴν πίστιν ἔξει τοῦ θεωρήματος.

Prop. VII, theor. III. Ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας ¹⁵
 δύο ταῖς αὐταῖς εὐθείαις ἄλλαι δύο εὐθεῖαι
 ἴσαι οὐ σταθῇσονται ἑκατέρω ἑκατέρω πρὸς
 ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰ
 αὐτὰ πέρατα ἔχουσαι ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις.

Ἔστί μὲν τὸ θεώρημα τοῦτο σπάνιον τι πεπονθὸς ²⁰
 καὶ οὐ πάνυ ταῖς ἐπιστημονικαῖς προτάσεσιν εἰωθός.
 τὸ γὰρ ἀποφατικῶς σχηματίζεσθαι καὶ μὴ καταφατι-
 κῶς οὐ σφόδρα αὐταῖς οἰκεῖον. τὰ γοῦν πολλὰ κατα-
 φάσεις εἰσὶν αἱ προτάσεις τῶν τε γεωμετρικῶν καὶ
 τῶν ἀριθμητικῶν θεωρημάτων. αἷτιον δέ, ὥς φησὶν ²⁵

1 δεικνυσθαι δὲ τὸ τρίγωνον M. 3 δύο ὀρθαῖς M.
 ὑπὸ τῇ βάσει M, G. -5—6 ἔσονται αὐτὰς ἴσαι om. G,
 add. C. 8 εἰπεῖν G, εἴπερ C. 11 ἐπ' εὐθείας G, ἐπ'
 εὐθείαν C. || ἥτοι] ἢ G, ἥτοι C. 15 M in margine: ζ θεώ-
 ρημα. 18 καὶ ἄλλῳ om. M.

Ἀριστοτέλης, ὅτι τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς ἐπιστήμασις ἐστὶ μάλιστα προσῆκον ὥς ἀνταρκέστερον καὶ μηδὲν τῆς ἀποφάσεως προσδεόμενον, τὸ δὲ καθόλου ἀποφατικὸν δεῖται καὶ τῆς καταφάσεως, εἰ μέλλοι
5 δείκνυσθαι. ἄνευ γὰρ καταφάσεως οὔτε ἀπόδειξις ἐστίν, οὔτε συλλογισμὸς οὐδεὶς, καὶ διὰ τοῦτο αἱ ἀποδεικτικαὶ τῶν ἐπιστημῶν τὰ μὲν πλεῖστα καταφατικὰ δεικνύουσι, σπανίως δὲ χρῶνται καὶ τοῖς ἀποφατικοῖς συμπεράσμασι.

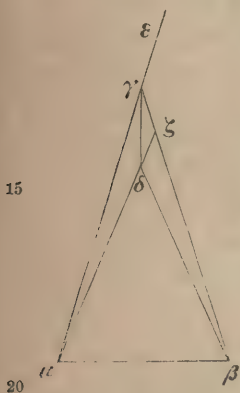
10 Θαυμαστῆς δὲ ἀκριβείας ἐστὶν ἡ πρότασις τοῦ θεωρήματος πλήρης καὶ πάσαις ἡσφάλισται ταῖς προσθήκαις, δι' ὧν ἀνέλεγκτος ἀποτετέλεσται καὶ ἀναμφισβήτητος τοῖς συκοφαντεῖν ἐπιχειροῦσι. πρῶτον μὲν γὰρ τὸ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας εἴληπται, ἵνα
15 μὴ ἐπ' ἄλλης δίο δυσὶν ἴσας δεικνύωμεν ἑκατέραν ἑκατέρᾳ καὶ παραλογιζώμεθα τοὺς τῇ προτάσει χρωμένους. ἔπειτα μιᾶς εὐθείας οὔσης οὐ φησὶν ἐπὶ ταύτην συσταθήσεσθαι τὰς δύο ταῖς δυσὶν ἴσας οὐχ ἀπλῶς — τοῦτο γὰρ δυνατόν — ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρᾳ.
20 τί γὰρ θαυμαστὸν ἀμφοτέρως ἀμφοτέραις ἴσας λαβεῖν τῶν ἐπισυνισταμένων, τὴν μὲν ἐκτείναντα, τὴν δὲ συστείλαντα· ἀλλ' ἑκατέραν ἑκατέρᾳ φησὶν ἀδύνατον.

4 τῆς καταφάσεως] καταφάσεων H_2 p. 270. || εἰ μέλλοι] μέλλον H_2 . 5 δείκνυσθαι H_2 ; in B_3 et G omissa sunt verba εἰ μέλλοι δείκνυσθαι, in M conglutinatione litterae post δ sunt oblitteratae; 'ostendi' B , Z . || ἄνευ γὰρ καταφάσεως] om. B_3 . ἐκ γὰρ τῶν ἀποφατικῶν μόνον G (de suo?), 'nam ex negantibus tantum' et in margine 'nam sine affirmatione' B , 'nam sine affirmatione' Z . || οὐδ' . . . οὐδὲ omisso οὐδεὶς H_2 . 15 ἀπ' ἄλλης G , ἐπ' ἄλλοις C . 16 παραλογιζόμεθα C . || τοὺς om. G , add. C . || χρώμενοι G , χρωμένους B_3 , C , 'Propositioneque utentes circumveniamus' B , 'eos qui . . . utuntur decipiamus' Z . 17 φασὶν M , φασιν G , $\overline{\varphi\eta}$ B_3 , 'inquit' B , 'dicunt' Z . 18 συστήσασθαι G . || οὐχ om. G . 22 ἑκατέρως ἑκατέραις G , ἑκατέραν ἑκατέραις M , C .

τρίτον προστίθῃσιν τὸ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ ση-
 μείῳ. τί γάρ, εἴ τις ταῖς προϋφεστῶσαις δύο ποιήσας
 ἴσας ἄλλας δύο καὶ ἑκατέραν ἑκατέρα ἐφαρμόσειεν
 ταύτας ἐκείναις καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ σημείῳ τῷ κορυ-
 φοῦντι τὰς ὑποκειμένας εὐθείας καὶ ταύτας συστή- 5
 σαιτο; πάντως γὰρ ἴσων οὐσῶν τῶν εὐθειῶν καὶ τὰ
 πέρατα ἐφαρμόσει. τέταρτον τὸ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
 τί γάρ, εἰ μιᾶς εὐθείας ὑποκειμένης τὰς μὲν ἐπὶ τὸ
 ἕτερον αὐτῆς μέρος ποιήσαιμεν τῶν εὐθειῶν, τὰς δὲ
 ἐπὶ τὸ ἕτερον, ὥστε τὴν εὐθεῖαν κοινὴν εἶναι βάσιν 10
 τριγώνων δυεῖν τὰς κορυφὰς ἀντικειμένας ἐχόντων;
 ἵνα οὖν μὴ τοῦτο παθόντες τὴν αὐτῶν ἀπάτην ἐπὶ
 τὸν στοιχειωτὴν μεταγάγωμεν προσέθηκεν τὸ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη. πέμπτον ἐπήνεγκε τὸ τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔχουσai ταῖς ἐξ ἀρχῆς εὐθείαις. καὶ γὰρ ἦν δυ- 15
 νατὸν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας δύο δυσὶν ἴσας ἑκατέραν
 ἑκατέρα συστήσασθαι πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ σημείῳ ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ὅλη τῇ εὐθείᾳ χρησάμενον καὶ ἐπὶ ταύ-
 τῆς τὰς δύο συνιστάντα, τῶν συνισταμένων οὐ τὰ
 αὐτὰ πέρατα ἐκείναις ἐχουσῶν ἀλλὰ ἕτερα. ἐὰν γοῦν 20
 νοήσωμεν ἐν τετραγώνῳ δύο διαγωνίους ἐπὶ μιᾶς τῶν
 τοῦ τετραγώνου πλευρῶν, ἔδονται δύο δυσὶν ἴσαι,
 πλευρὰ καὶ διάμετρος τῇ παραλλήλῳ πλευρᾷ καὶ τῇ
 ἑτέρᾳ διαμέτρῳ, ἀλλ' οὐχ αἱ ἴσαι τὰ αὐτὰ πέρατα
 ἔξουσιν· οὔτε γὰρ αἱ παράλληλοι οὔτε αἱ διάμετροι 25
 τὰ αὐτὰ ἔξουσιν ἀλλήλαις, αὐταὶ δὲ ἦσαν ἴσαι.

8 μὲν om. G, add. C. 12 αὐτῶν M, G. 13 ἐπεγάγω-
 μεν G, ἐπαγάγωμεν C. 15 ἐξ αὐτῆς M. 19 τὰ δύο G,
 'duas' B, 'duo consistentia' Z. B₃ = M. 20 ἐὰν οὖν M,
 ἐὰν γὰρ B₃, G, 'si enim' B, 'nam si' Z. 22. 23 ἴσαι πλευ-
 ραὶ M. 26 τὰ αὐτὰ πέρατα ἔξουσιν ἀλλήλοις G.

Τούτων οὖν πάντων τῶν διορισμῶν φυλαττομέ-
νων ἥ τε πρότασις ἀληθὴς καὶ ὁ συλλογισμὸς ἀναμφι-
σβήτητος ἀποδείκνυται. τάχα δ' ἂν τινες καὶ ἐπὶ
τούτοις ἅπασι τοῖς ἐπιστημονικοῖς ὅροις ἐνίστασθαι
5 τολμήσειαν λέγοντες, ὅτι καὶ τούτων ὑποκειμένων δυ-
νατὸν ἐστίν, ὅ φησιν ὁ γεωμέτρης ἀδύνατον εἶναι.
ἔστω γὰρ ἡ $\overline{αβ}$ εὐθεῖα καὶ ἐπὶ ταύτης δύο ταῖς $\overline{αγ}$
 $\overline{γβ}$ δύο ἴσαι αἰ $\overline{αδ}$ $\overline{δβ}$ καὶ ἔστωσαν αὐταὶ ἐντὸς ἐκεί-
νων, ἵνα καὶ πρὸς ἄλλω καὶ ἄλλω σημείῳ τῷ $\overline{γ}$ καὶ
10 τῷ $\overline{δ}$ ὥσι καὶ τὰ αὐτὰ πέρατα ἔχωσι ταῖς ἐξ ἀρχῆς

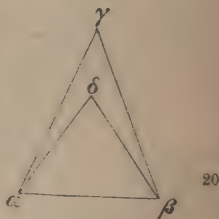


εὐθείαις τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$, καὶ ἡ μὲν
 $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{αδ}$ ἴση, ἡ δὲ $\overline{βγ}$ τῇ $\overline{βδ}$.
πρὸς δὲ τοὺς οὕτως ἐνισταμένους
ἀπαντησόμεθα τὴν μὲν $\overline{δγ}$ ἐπι-
ξεύξαντες, τὰς δὲ $\overline{αγ}$ καὶ $\overline{αδ}$ ἐκ-
βάλλοντες. τούτων γὰρ κατα-
σκευασθέντων πρόδηλον ὅτι ἰσο-
σκελὲς μὲν τὸ $\overline{αγδ}$ τρίγωνον, ἴσης
οὔσης, ὥς ἐκείνων λόγος, τῆς $\overline{αδ}$
τῇ $\overline{αγ}$. αἰ δὲ ὑπὸ τὴν βάσιν ἴσαι,
20 ἡ ὑπὸ $\overline{εγδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{ζδγ}$. [μείζων δὲ τῆς ὑπὸ $\overline{βγδ}$ ἢ
ὑπὸ $\overline{εγδ}$], μείζων ἄρα τῆς ὑπὸ $\overline{βγδ}$ ἢ ὑπὸ $\overline{ζδγ}$, πόλλω

8 αἰ δὲ $\overline{αδ}$ $\overline{δβ}$ G, δὲ del. not. C. || ἐκτὸς G, ἐντὸς B₃, C,
'extra' B, 'introrsum' Z. In M et Z in figura δ intra est po-
situm. Confusio inde orta est litterarum, quam annotare opus
esse non duxi. 10 ὥσι om. M. 14 ἀποξεύξαντες G, ἐπι-
ξεύξαντες C. 19 ἐκείνος G, ἐκείνων C. 21—22 μείζων
δὲ . . . $\overline{εγδ}$ ego addidi. B₃ = M. 22 $\overline{βγδ}$ $\overline{ζγδ}$ M.

ἄρα μείζων ἢ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῆς ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$. ἀλλ' ἐπειδὴ
 πάλιν ἴση ἢ $\overline{\delta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\beta}$, ἴσαι καὶ αἱ | πρὸς τῇ βάσει ἢ
 ὑπὸ $\overline{\beta\delta\gamma}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ἡ αὐτὴ ἄρα καὶ μείζων πολλῶ
 καὶ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. καὶ τοῦτο ἦν ἄρα, ὅπερ ἐξ-
 ηγούμενοι τὸ πέμπτον ἐλέγομεν ὅτι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν 5
 γωνίας ἴσας ἀλλήλαις εἶναι, καὶ εἰ μὴ πρὸς τὰς ἀπο-
 δείξεις τῶν ἐξῆς θεωρημάτων, ἀλλὰ πρὸς γε τὰς τῶν
 ἐνστάσεων διαλύσεις ἔσται χρήσιμον. καὶ γὰρ νῦν
 τὴν ἐνστασιν διηλέγξαμεν λαβόντες ὅτι τῶν $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$
 ἴσων οὐσῶν ἔσονται καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\gamma\delta}$ $\overline{\zeta\delta\gamma}$ γωνίαί ἴσαι. 10
 φανήσεται δὲ ὡσαύτως καὶ ἐπ' ἄλλων θεωρημάτων
 ἡμῖν τοῦτο συντελοῦν εἰς τὰς τῶν ἀπορουμένων δια-
 λύσεις.

Εἰ δὲ λέγοι τις ὅτι ἔστωσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας
 ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ ἴσαι αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\beta\gamma}$, ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ 15
 ἡ δὲ $\overline{\beta\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta}$ πρὸς ἄλλῳ καὶ ἄλλῳ
 σημείῳ τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ τῷ $\overline{\beta}$, τὰ αὐτὰ
 πέρατα ἔχουσαι ταῖς $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ τὸ $\overline{\gamma}$ καὶ
 τὸ $\overline{\delta}$ σημείον, τί ἐροῦμεν πρὸς τοῦ-
 του τὸν λόγον; ἢ ὅτι δεῖ καὶ τὰς ἐξ
 ἀρχῆς εὐθείας ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας
 συνεστάναι καὶ τὰς ταύταις ἴσας ἐπὶ τῆς αὐτῆς συν-
 ἰστασθαι τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας; οὕτως γὰρ καὶ ὁ στοι-
 χειωτὴς ἐν τῇ προτάσει λέγει. αἱ δὲ $\overline{\alpha\gamma}$ καὶ $\overline{\alpha\delta}$ εὐθεῖαι.

1 $\overline{\beta\gamma\delta}$ $\overline{\zeta\delta\gamma}$ M.

5 ὑπὸ τῇ βάσει M, G.

8 ἐστὶ G.

15 ὧν ἡ μὲν $\overline{\beta\gamma}$ ἴση om. M.21 $\overline{\alpha\delta}$ G.

οὐκ εἰσὶν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, ἀλλὰ πρὸς τινι σημείῳ
 τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας τὴν σύστασιν ἔσχον καὶ οὐκ ἐπ' αὐτῆς,
 ὥστε ἄλλαι μὲν εἰσιν αἱ ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας, οἷον αἱ
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\beta}$ καὶ αἱ $\overline{\alpha\delta}$ $\overline{\delta\beta}$, καὶ ἄλλαι αἱ ἐξ ἀρχῆς εὐθεῖαι
 5 καὶ αἱ ταύταις ἴσαι, δέον πως τὰς συνισταμένας
 εὐθείας ἴσας ταύταις εἶναι, αἱ ἦσαν ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\beta}$
 εὐθείας.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς ταύτην εἰρήσθω τὴν ζήτησιν·
 ὅτι δὲ τὸ θεώρημα τοῦτο δέδεικται παρὰ τῷ στοι-
 10 χιωτῇ διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ ὅτι τὸ
 ἀδύνατον μάχεται πρὸς κοινὴν ἔννοιαν τὴν λέγουσαν
 τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζον καὶ τὸ αὐτὸ μεῖζον καὶ
 ἴσον εἶναι ἀδύνατον, πρόδηλον. ἔοικεν δὲ εἶναι τοῦτο
 τὸ θεώρημα λῆμμα προλαμβανόμενον τοῦ ὀρθοῦ
 15 θεωρήματος. || εἰς γὰρ τὴν ἀπόδειξιν ἐκείνου συντελεῖ
 καὶ οὔτε στοιχείον ἐστὶν ἀπλῶς οὔτε στοιχειῶδες. οὐ
 γὰρ ἐπὶ πολλὰ διατείνει τὴν ἑαυτοῦ χρείαν. σπανιω-
 τάτην γοῦν αὐτοῖ παρὰ τῷ γεωμέτρῳ τὴν χρῆσιν
 εὐρήσομεν.

1 σημείῳ] σημειώσει M. 3 $\overline{\alpha\beta}$ om. G, add. C. 5 καὶ
 αἱ ταύταις ἴσαι] 'quaeque ipsis aequales constitui debent' et
 in margine 'quaeque ipsis aequales sunt' B, 'quae ... his
 aequales assumptae sunt' Z. || δέον πως] δεόντως M, G, δέον-
 τως B₃. 'cum tamen opus sit' B, 'oportune' Z. 6 7. ἴσας
 ταύταις $\overline{\alpha\beta}$ εὐθείας om. G, add. C. 8 τοσαῦτα καὶ πρὸς
 ταῦτα καὶ πρὸς ταύτην G. 15 εἰ γὰρ εἰς G. || συντελεῖν M.

Prop. VIII, theor. V. Ἐὰν δύο τρίγωνα τὰς δύο πλευρὰς ταῖς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ ἑκατέραν ἑκατέρα καὶ τὴν βάσιν τῇ βάσει ἴσην, καὶ τὴν γωνίαν τῇ γωνίᾳ ἴσην ἔξει τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων ἐνθειῶν περιεχομένην.

5

Τὸ ὄγδοον θεωρήμα ἀντίστροφον μὲν ἐστὶ τοῦ τετάρτου, οὐ κατὰ τὴν προηγουμένην ἀντιστροφὴν ληφθέν — οὐ γὰρ ὅλην τὴν ὑπόθεσιν ἐκείνου ποιεῖται συμπέρασμα καὶ ὅλον τὸ συμπέρασμα ὑπόθεσιν — ἀλλὰ τὸ μὲν τῆς ὑποθέσεως τοῦ τετάρτου τὸ δὲ 10 τῶν ἐκείνῳ ζητουμένων συμπλέκον δείκνυσιν ἐν τι τῶν ἐκεῖ δεδομένων. τὸ μὲν γὰρ τὰς δύο πλευρὰς ἴσας εἶναι ταῖς δύο πλευραῖς ὑπόθεσις ἐστὶν ἐν ἀμφοτέραις, τὸ δὲ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει ἐν ἐκείνῳ μὲν τῶν ζητουμένων ἦν, ἐν δὲ τούτῳ δέδοται. τὸ δὲ 15 τὴν γωνίαν ἴσην τῇ γωνίᾳ δεδομένον μὲν ἐν ἐκείνῳ, ζητούμενον δὲ ἐν τούτῳ· μόνη τοίνυν ἡ ἐναλλαγὴ τῶν δεδομένων καὶ ζητουμένων ποιεῖ τὴν ἀντιστροφὴν. εἰ δέ τις ἐπιποθοίη μαθεῖν τὴν αἰτίαν, δι' ἣν ὄγδοον τέτακται καὶ οὐ μετὰ τὸ τέταρτον εὐθὺς ὡς 20 ἀντίστροφον ἐκείνῳ, καθάπερ δὴ μετὰ τὸ πέμπτον τὸ ἕκτον ἀντίστροφον ὃν τοῦ πέμπτου — καὶ γὰρ τὰ πλεῖστα τῶν ἀντιστρεφόντων ἔπεται τοῖς προηγουμένοις καὶ ἐπ' αὐτοῖς ἀμέσως δείκνυνται — λεκτέον ὅτι τοῦ μὲν ἐβδόμου τὸ ὄγδοον ἐδεῖτο. δείκνυνται γὰρ 25 διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς. τὸ δὲ ἀδύνατον, ὅτι

1 Min in margine: ἡ θεωρήμα. 3, 4 τῇ γωνίᾳ τὴν γωνίαν G.

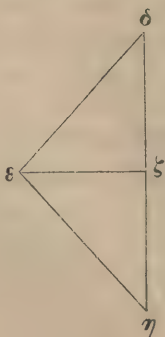
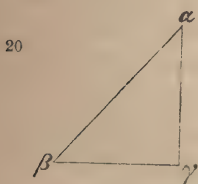
6 μὲν om. G. 13 ἐν om. G. 15 ἐν τούτῳ δὲ G.

21 ἀντίστροφον ἐκείνῳ . . . τὸ ἕκτον om. G. 22 ἀντίστροφως ὃν τὸ πέμπτον G, corr. C.

τοιοῦτόν ἐστιν, ἀπὸ τοῦ ἐβδόμου γνώριμον γίνεται.
 τοῦτο δ' αὖ πάλιν εἰς τὴν ἀπόδειξιν ἐδεῖτο τοῦ πέμ-
 πτου. προείληπται τοίνυν ἀναγκαίως καὶ τὸ ἑβδόμον
 καὶ τὸ πέμπτον τοῦ δεικνυμένου νυνὶ θεωρήματος.
 5 ἐπειδὴ δὲ καὶ τὸ ἀντίστροφον τῷ πέμπτῳ ῥάδιον
 εἶχεν καὶ ἀπὸ τῶν πρώτων τὴν ἀπόδειξιν, εἰκότως
 εὐθὺς μετὰ τὸ πέμπτον ἐτάχθη διὰ τε τὴν πρὸς ἐκεῖνο
 συγγένειαν καὶ ὅτι διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς
 δεικνύμενον ἀπὸ τῶν κοινῶν ἐννοιῶν ἐλέγχει τὸ ἀδύ-
 10 νατον, καὶ οὐχ ὥς τὸ ὄγδοον ἀπ' ἄλλου θεωρήματος.
 ἐναργέστερα γὰρ εἰς ἔλεγχον τὰ ταῖς κοιναῖς ἐννοίαις
 μαχόμενα τῶν τοῖς θεωρήμασιν ἀντιφασκομένων.
 ταῦτα γὰρ || διὰ ἀποδείξεως εἴληπται, ἐκείνων δὲ ἡ
 γνώσις κρείττων ἀποδείξεως.

15 Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς διὰ τοῦ προαποδειχθέντος
 ἐβδόμου θεωρήματος τὸ προκείμενον δείκνυσιν, οἱ δὲ
 περὶ Φίλων α μηδὲν τούτου προσδεηθέντες φασὶν ἀπο-

δεῖξιν τὸ ὄγδοον.



ἐννοήσθω γάρ, φα-
 σὶν, δύο τριγώνων

ὄντων τοῦ $\overline{αβγ}$ καὶ

δεξ καὶ ἔχόντων δύο

πλευρὰς δυσὶν ἴσας

καὶ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν

τῇ ἐξ ἐφαρμοζομένην

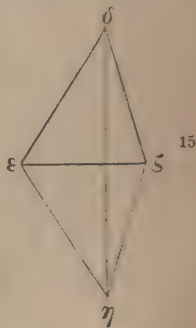
τὴν βάσιν τῇ βάσει

καὶ τιθέμενον τὸ $\overline{αβγ}$

25

1 ἐστιν om. G, add. C. 12 τοῖς τῶν M, G. 17 προσθη-
 θέντες G, προσδεηθέντες C. || ἀπόδειξιν M. 19 ἐννοεῖσθω-
 σαν G, ἐννοήσθω C.

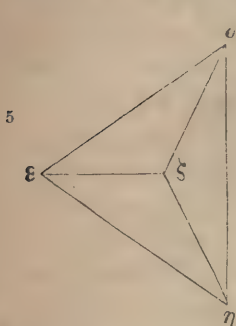
τρίγωνον $\tau\omega$ δεξ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ μὲν ἐπιπέδου, ἵνα μὴ
 κλίσις ἢ τῶν δύο ἢ βάσις, ἐπὶ θάτερα δὲ τῆς ἐξ τυχόν
 εὐθείας, ὥστε ἀντικειμένους αὐτῶν εἶναι τὰς κορυφάς.
 καὶ ἀντὶ τοῦ $\alpha\beta\gamma$ ἔστω τεθὲν οὕτως τὸ $\epsilon\zeta\eta$, καὶ ἴση
 τῇ μὲν $\delta\epsilon$ ἢ $\epsilon\eta$, τῇ δὲ $\delta\zeta$ ἢ $\zeta\eta$. ἢ τοίνυν $\zeta\eta$ ἢ ἐπ' ⁵
 εὐθείας κείσεται τῇ $\delta\zeta$, ἢ οὐκ ἐπ' εὐθείας, καὶ εἰ μὴ
 ἐπ' εὐθείας, | ἢ κατὰ τὸ ἐντὸς ποιήσῃ γωνίαν πρὸς
 αὐτὴν ἢ κατὰ τὸ ἐκτός. ἔστω πρότερον ἐπ' εὐθείας.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἢ $\delta\epsilon$ τῇ $\epsilon\eta$ καὶ μία εὐθεῖα ἢ $\delta\zeta\eta$,
 ἰσοσκελὲς τὸ $\delta\epsilon\eta$ τρίγωνον καὶ ἴση ἢ πρὸς $\tau\omega$ δ γω- ¹⁰
 νία τῇ πρὸς $\tau\omega$ η . εἰ δὲ μὴ ἐπ' εὐθείας ἐστίν, ἐντὸς
 ποιείτω τὴν γωνίαν καὶ ἐπεξεύχτω ἢ
 $\delta\eta$. ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἰσὶν αἱ $\delta\epsilon$ $\epsilon\eta$ καὶ
 ἢ βάσις ἢ $\delta\eta$, ἴση ἐστὶν καὶ ἢ ὑπὸ
 $\epsilon\delta\eta$ γωνία τῇ ὑπὸ $\epsilon\eta\delta$. πάλιν ἐπεὶ
 ἴση ἐστὶν ἢ $\delta\zeta$ τῇ $\zeta\eta$ καὶ βάσις ἢ $\delta\eta$,
 ἴση ἐστὶν ἢ ὑπὸ $\zeta\delta\eta$ γωνία τῇ ὑπὸ
 $\zeta\eta\delta$. ἣν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\epsilon\delta\eta$ ἴση τῇ
 ὑπὸ $\epsilon\eta\delta$, ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\epsilon\delta\zeta$ ἴση ἐστὶν



1 $\tau\omega$ $\delta\epsilon\zeta$] καὶ τὸ $\delta\epsilon\zeta$ G. 2 ἢ βάσις τῶν δύο G, τῶν δύο
 ἢ βάσις C. 3 εἶναι αὐτῶν G. 10 ἄρα post ἰσοσκελὲς ad-
 dit G. 13 αἱ $\delta\epsilon\eta$ C. 17 ἴση ἐστὶν καὶ ἢ ὑπὸ $\zeta\delta\eta$ γωνία G.

19 usque ad p. 268 1 ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\epsilon\delta\zeta$ ἴση ἐστὶν ἢ
 ὑπὸ $\delta\zeta\eta$ γωνία τῇ ὑπὸ $\zeta\eta\delta$. ἣν δὲ καὶ ἢ ὑπὸ $\epsilon\delta\eta$ ἴση τῇ
 ὑπὸ $\epsilon\delta\eta$. ὅλη ἄρα ἢ ὑπὸ $\epsilon\delta\zeta$ ἴση ἐστὶν ὅλη τῇ ὑπὸ $\epsilon\zeta$ $\eta\zeta$
 γωνία M.

ὅλη τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\eta\zeta}$ || γωνία, ὅπερ ἔδει δεῖξαι. τὸ δὲ
 τρίτον κατὰ τὸ ἐκτὸς ποιείτω γωνίαν πρὸς τὴν $\overline{\delta\zeta}$ ἢ



$\overline{\zeta\eta}$ καὶ ἐπεξεύχθω ἐκτὸς ἢ $\overline{\delta\eta}$.
 ἐπεὶ οὖν ἴσαι εἰσὶν αἱ $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\epsilon\eta}$ καὶ
 βάσεις ἢ $\overline{\delta\eta}$, ἴσαι αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\delta\eta\epsilon}$
 γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴσαι αἱ $\overline{\delta\zeta}$
 $\overline{\zeta\eta}$ καὶ βάσεις ἢ $\overline{\delta\eta}$, ἴση ἐστὶν ἡ
 ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\eta}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{\zeta\eta\delta}$. ἦσαν
 δὲ καὶ ὅλαι αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\delta\eta\epsilon}$ γω-
 νίαι ἴσαι ἀλλήλαις, καὶ λοιπαὶ ἄρα

αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ $\overline{\zeta\eta\epsilon}$ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶν καὶ εὗρη-
 ται τὸ προτεθὲν κατὰ πᾶσαν θέσιν τῆς $\overline{\zeta\eta}$ εὐθείας
 ἡμῶν τὸ θεώρημα ἀποδεδειχότων, καὶ οὐδαμοῦ τῷ
 ἑβδόμῳ προσεχρησάμεθα.

15 Μήποτε οὖν, φασί, περιτιτῶς ἐκεῖνο παρειακεκύν-
 κληται τῷ στοιχειωτῇ; εἰ γὰρ μόνου τοῦ ὀρθοῦ ἐνεκα
 αὐτὸ παρειλήφμεν, δέδεικται δὲ καὶ ἄνευ ἐκείνου τὸ
 ὀρθοον, πῶς οὐχὶ παντελῶς ἄχρηστον ἀναφαίνεται
 τὸ ἑβδομον; πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ἂ καὶ οἱ πρὸ
 20 ἡμῶν, ὅτι τὸ ἑβδομον ἀποδειχθὲν χρησιμώτατόν ἐστι
 τοῖς τὰ ἀστρονομικὰ δεινοῖς εἰς τὸν περὶ τῶν ἐκλεί-
 ψων τόπον. τούτῳ γὰρ φασιν χρώμενοι δεικνύναι
 ὅτι τρεῖς ἐφεξῆς ἐκλείψεις ἴσον ἀπέχουσαι ἀλλήλων

1 ὅλη om. G. 2 κατὰ τὴν ἐκτὸς C. 8 Ante ἦσαν
 in M: καὶ βάσεις. 11 ἀλλήλαις ἴσαι G. 15 παρειακέκλυ-
 ται B, G, 'introductum est' B, 'insertam esse' Z. 16 μόνον G,
 μόνον C. 19—21 In M in margine: ση. δι' ὅλου χρήσιμον.
 21 ἐκλείψεως M. 22 τοῦτο M. || φησὶ G.

οὐκ ἂν γένοιντο, λέγω δὲ ὥστε τοσοῦτῳ χρόνῳ τὴν
 δευτέραν διεστάναι τῆς πρώτης, ὅσῳ τὴν τρίτην τῆς
 δευτέρας· οἷον εἰ μετὰ τὴν πρώτην ἢ δευτέρα γέγονεν
 ἕξ μηνῶν παρελθόντων καὶ εἴκοσιν ἡμερῶν, οὐκ ἂν
 γενέσθαι τὴν τρίτην ὕστερον τοσοῦτῳ χρόνῳ τῆς δευ- 5
 τέρας, ἀλλ' ἥτοι πλείονι ἢ ἐλάσσονι. τοῦτο δὲ οὕτως
 ἔχον ἀποδεικνυσθαι διὰ τοῦ ἑβδομοῦ θεωρήματος.
 καὶ οὐ τοῦτο μόνον τὸν στοιχειωτὴν ὡς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν ἡμῖν συντελοῦν ὁδου πάρεργον δεικνύναι,
 ἀλλὰ καὶ ἄλλα θεωρήματα πολλά τε καὶ προβλήματα. 10
 τὸ γοῦν τελευταῖον ἐν τῷ τετάρτῳ, καθ' ὃ τὴν τοῦ
 πεντεκαίδεκαγώνου πλευρὰν ἐγγράφει τῷ κύκλῳ, τίνος
 ἕνεκά φησὶν τις αὐτὸν προβάλλειν ἢ τῆς πρὸς ἀστρο-
 νομίαν τούτου τοῦ προβλήματος ἀναφορᾶς; ἐγγράψαν-
 τες γὰρ εἰς τὸν διὰ τῶν || πόλων κύκλον τὸ πεντεκαί- 15
 δεκάγωνον ἔχουσι τὴν ἀπόστασιν τῶν πόλων τοῦ τε
 ἰσημερινοῦ καὶ τοῦ ζωδιακοῦ. πεντεκαίδεκαγωνικὴν
 γὰρ ἀλλήλων πλευρὰν ἀφεστήκασιν. ἔοικεν οὖν ὁ
 στοιχειωτὴς καὶ πρὸς τὴν ἀστρονομίαν βλέπων πολλά
 προδεικνύναι προευτρεπίζων ἡμᾶς καὶ εἰς ἐκείνην τὴν 20
 ἐπιστήμην. συνιδὼν δὲ ὅτι τοῦτο τὸ ἑβδομον δείκνυ-
 ται ἀπὸ τοῦ πέμπτου καὶ δείκνυσι χωρὶς ἀπάσης ποι-
 κιλίας τὸ ὄγδοον ταύτην αὐτῷ τὴν τάξιν δέδωκεν,
 ἐπεὶ ἢ γε τοῦ Φίλωνος ἐπιβολὴ καλὴ μὲν, τῇ δὲ
 ποικιλίᾳ τῶν πτώσεων πρὸς στοιχείωσιν ἀνεπιτήδειος. 25

Πρὸς μὲν οὖν τὴν ζήτησιν ταύτην εἰρήσθω το-
 σαῦτα. εἰ δέ τις ἀποροίῃ, πῶς οὐχὶ καὶ ἐπὶ τοῦ
 ὀγδόου προσέθηκεν, ὅσα ἐπὶ τοῦ τετάρτου, λέγω δὲ
 τὸ καὶ τὰ τρίγωνα ἴσα εἶναι καὶ τὰς λοιπὰς γωνίας,

ἐροῦμεν ὅτι τῆς πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίας ἴσης ἀπο-
δειχθείσης εἶπετο καὶ τὸ πάντα εἶναι παῖσιν ἴσα διὰ
τὸ τέταρτον. τοῦτο οὖν ἔδει μόνον καθ' αὐτὸ ἀπο-
δεικνύναι, τὰ δ' ἄλλα ὡς ἐπόμενα λαμβάνειν.

- 5 Ἐοικεν δὲ τὴν ἰσότητα τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς
γωνιῶν ἣ τε τῶν περιεχουσῶν πλευρῶν τὰς γωνίας
καὶ ἣ τῶν βάσεων ἰσότης ποιεῖν. οὔτε γὰρ ἀνίσων
οὐσῶν τῶν βάσεων αἱ αὐταὶ γωνίαι μένουσι τῶν περι-
εχουσῶν ὑποκειμένων, ἀλλὰ τῆς βάσεως ἐλαττουμένης
10 συνελασσοῦται ἡ γωνία καὶ ἀνέξομένης συναύξεται,
οὔτε τῶν αὐτῶν βάσεων οὐσῶν, τῶν δὲ πλευρῶν
ἀνισαζομένων μένει ἡ γωνία, ἀλλ' ἐλασσομένων μὲν
αὖξεται, ἀνέξανομένων δὲ ἐλασσοῦται. πάσχουσι γὰρ
15 ἐναντίον πάθος αἱ γωνίαι ταῖς περιεχούσαις. καὶ
γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως εἰ νοήσεις εἰς τὸ κάτω
διελκομένης τὰς πλευράς, αὐτὰς μὲν ἐλαττοῖς, αὖξεις
δὲ τὴν γωνίαν τὴν ὑπ' αὐτῶν περιεχομένην καὶ πλείω
ποιεῖς αὐτῶν τὴν ἀπ' ἀλλήλων διάστασιν, εἰ δὲ ἀν-
αγομένης καὶ προσθήκην δεχομένης, ἐλαττοῖς τὴν γω-
20 νίαν, ἣν περιλαμβάνουσι. συμπίπτουσι γὰρ ἐπὶ πλεον
τῆς κορυφῆς αὐτῶν πορρωτέρω γινομένης τῆς βά-
σεως. ἀσφαλὲς οὖν λέγειν καὶ τὴν βάσιν τὴν αὐτὴν
οὔσαν καὶ τὰς πλευρὰς ἴσας ὑπαρχούσας τὴν ἰσότητα
τῆς γωνίας ἀφορίζειν.

12 ἀνισσομένων G, ἀνισομένων C. 13 ἀνέξομένων G,
ἀνέξανομένων C. 22 τὴν ante αὐτὴν om. G, add. C.

23 ἴσας οὖν ὑπαρχούσας M, G.

Prop. VIII, probl. III. Τὴν δοθεῖσαν εὐθύ-
γραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν.

Τοῖς προβλήμασιν ἀναμίννυσι τὰ θεωρήματα καὶ τοῖς θεωρήμασι συμπλέκει τὰ προβλήματα καὶ δι' ἀμφοτέρων τὴν ὅλην συμπεραίνει στοιχείωσιν τότε μὲν 5 τὰ ὑποκείμενα ποριζόμενος, τότε δὲ τὰ περὶ | αὐτὰ συμπτώματα || θεωρῶν. δειξας τοίνυν διὰ τῶν πρόσθεν καὶ περὶ ἓν τρίγωνον τῇ ἰσότητι τῶν πλευρῶν ἐπομένην τὴν ἰσότητα τῶν γωνιῶν καὶ ἀνάπαλιν, καὶ περὶ δύο τρίγωνα ὡσαύτως, πλὴν ὅτι τῆς ἀντιστροφῆς ὁ τρόπος διαφέρων ἦν ἐπὶ τε τοῦ ἐνὸς τριγώνου καὶ τοῦν δυοῖν, μέτεισιν ἐπὶ τὰ προβλήματα καὶ ἐπιτάττει τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμμον δίχα τεμεῖν. καὶ δῆλον ὅτι δέδοται μὲν ἐνταῦθα κατὰ τὸ εἶδος ἡ γωνία. εὐθύγραμμος γὰρ εἴρηται καὶ οὐχ ἡ τυχοῦσα. 15 τὸ γὰρ πᾶσαν γωνίαν δίχα τεμεῖν οὐκ ἔστιν κατὰ στοιχείωσιν, ὅπου καὶ ἀμφισβητήσιμον, εἰ καὶ δυνατόν πᾶσαν διχοτομῆσαι γωνίαν. τὴν γὰρ κερατοειδῇ γωνίαν εἰ δυνατόν δίχα διελεῖν ἀπορήσειας ἂν.

Ἀφώρισταί γε μὴν καὶ ὁ λόγος τῆς τομῆς, καὶ 20 τοῦτο πάλιν εἰκότως. τὸ γὰρ εἰς τὸν τυχόντα λόγον διελεῖν ἐκβαίνει τὴν παροῦσαν παρασκευὴν, οἷον εἰς τρία ἴσα ἢ τέτταρα ἢ πέντε. τὴν μὲν γὰρ ὀρθὴν τρίχα τεμεῖν δυνατόν ὀλίγοις χρησάμενον τῶν ἐξῆς, τὴν δὲ ὀξεῖαν ἀδύνατον μὴ ἐπ' ἄλλας μεταβάντα γραμμάς, 25

1 M in margine: Θ θεωρήμα. 7 θεωρεῖν G, θεωρῶν C.
15 οὐχ om. M. 17 εἰ καὶ δυνατόν] εἶναι δυνατόν εἰ G,
corr. C. 18 ἐστι διχοτομῆσαι M, ἐστὶ διχοτομῆσαι G. || γὰρ
om. M. 19 ἂν om. M. 22 κατασκευὴν G, παρασκευὴν C.

αὐ τοῦ μικτοῦ εἰσιν εἰδους. δηλοῦσι δὲ οἱ πρόθεσιν
 ποιησάμενοι τάντην τὴν δοθεῖσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν τρίχα τεμεῖν. Νικομήδης μὲν γὰρ ἐκ τῶν
 κορχοειδῶν γραμμῶν, ὧν καὶ τὴν γένεσιν καὶ τὴν
 5 τάξιν καὶ τὰ συμπτώματα παραδέδωκεν, αὐτὸς εὗρε-
 τῆς ὧν τῆς ιδιότητος αὐτῶν, πᾶσαν εὐθύγραμμον γω-
 νίαν ἐτριχοτόμησεν. ἕτεροι δὲ ἐκ τῶν Ἰππίου καὶ
 Νικομήδους τετραγωνιζουσῶν πεποιήκασιν τὸ αὐτό,
 μικταῖς καὶ οὗτοι χρησάμενοι γραμμαῖς ταῖς τετρα-
 10 γωνιζούσαις. ἄλλοι δὲ ἐκ τῶν Ἀρχιμηδεῖων ἐλίκων
 ὀρμηθέντες εἰς τὸν δοθέντα λόγον ἔτεμον τὴν δοθεῖ-
 σαν εὐθύγραμμον γωνίαν· ὧν τὰς ἐπινοίας δυσθεω-
 ρήτους οὕσας τοῖς εἰσαγομένοις παραλείπομεν ἐν τῷ
 παρόντι. μᾶλλον γὰρ ἂν κατὰ καιρὸν ἐξετάσαιμεν
 15 ἴσως ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ τοῦ στοιχειωτοῦ τὴν δοθεῖ-
 σαν περιφέρειαν δίχα τέμνοντος. καὶ γὰρ ἐκεῖ ὁ
 αὐτὸς τρόπος τῆς ζητήσεως μὴ δίχα μόνον, ἀλλὰ καὶ
 τρίχα τεμεῖν, καὶ ἀπὸ τῶν αὐτῶν γραμμῶν αἱ ἐπι-
 βολαὶ τοῖς παλαιοῖς γεγόνασιν τῆς εἰς τρία ἴσα πάσης
 20 περιφερείας διαιρέσεως. εἰκότως ἄρα καὶ ὁ μεμνη-
 μένος (?) εὐθείας καὶ περιφερείας, τὰ δὲ ἐκ τούτων
 ὑφιστάμενα κατὰ μίξιν εἶδη δυσεξέλικτα ὄντα καὶ
 δυσαρίθμητα μὴ περιεργαζόμενος πᾶσας τὰς τοιαύτας
 ζητήσεις παρήσιν, ὅσαι τῶν μικτῶν προσδέονται

5 παρέδωκεν *G*, παραδέδωκεν *C*. 8 εὐπεποιήκασιν *G*.

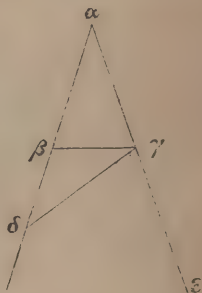
9 καὶ οὗτοι om. *G*, add. *C*. 11 δοθεῖσαν om. *G*, add. *C*.

21—22 'merito igitur . . . cum mentionem fecit: circa ea quae' *Z*. 'Iure igitur, qui etiam rectae Lineae tantum et Circumferentiae mentionem fecit, solum rectilineum Angulum Circumferentiamque bifariam tantum secuit. Species autem' cet. *B*. Additamentum unde sumpserit *B*, nescio; equidem post ὁ nomen Euclidis vel similem notionem excidissee puto, post μεμνημένος particulam μὲν. $B_3 = M$, *G*. 22 εἶδη] ἢ δὴ *G*. 24 παρίεισιν *G*, παρήσιν *C*.

γραμμῶν, ἐπὶ τῶν πρωτίστων καὶ ἀπλουστάτων εἰδῶν
καὶ τὰ ἐκ τούτων μόνων ἢ πορίζεσθαι δυνάμενα ἢ
θεωρεῖσθαι προτιθεῖς εἰς ζήτησιν· ὁποῖον δὴ καὶ τὸ
νῦν προκείμενόν ἐστι πρόβλημα τὸ τὴν δοθεῖσαν
εὐθύγραμμον γωνίαν δίχα τεμεῖν. χρῆται γὰρ ἐν ⁵
τούτῳ πρὸς μὲν τὴν κατασκευὴν αἰτήματι ἐνὶ καὶ τῷ
πρώτῳ καὶ τρίτῳ θεωρήματι, πρὸς δὲ τὴν ἀπόδειξιν
τῷ ὀγδόῳ μόνῳ θεωρήματι. δεῖται γὰρ πάντως ἀπο-
δείξεως καὶ τὰ προβλήματα, ὥς καὶ πρότερον εἶπομεν,
καὶ τὸ ἐπιστημονικὸν ἀπὸ ταύτης προσλαμβάνει. 10

Ἴσως δ' ἂν τινες ἐνσταῖεν τῷ γεωμέτρῳ τὸ συν-
ιστάμενον ἰσόπλευρον ἐπ' αὐτοῦ λέγοντες τὴν κορυ-
φὴν οὐκ ἐντὸς ἔχειν τῶν δύο εὐθειῶν, ἀλλ' ἥτοι ἐπὶ
τῆς ἐτέρας ἢ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων, γίνεσθαι δὲ σα-
φές τὸ λεγόμενον διὰ τῶν στοιχείων. ἔστω γωνία ἡ 15

ὑπὸ $\beta\alpha\gamma$, ἣν δεῖ διχοτομῆσαι, καὶ
ἐπὶ τῆς $\alpha\beta$ σημεῖον τὸ β καὶ ἴση
τῇ $\beta\alpha$ ἢ $\gamma\alpha$ καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\beta\gamma$
καὶ ἐπὶ ταύτης ἰσόπλευρον τρίγω-
νον τὸ $\beta\gamma\delta$. τοῦτο δὴ τὸ δ σημεῖον
ἢ μεταξὺ ἔσται τῶν $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$ εὐθειῶν
ἢ ἐπὶ τῆς $\alpha\beta$ ἢ ἐπὶ τῆς $\alpha\gamma$ ἢ ἐκτὸς
ἐκατέρας. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς

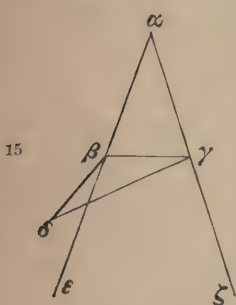


20

μεταξὺ ἔλαβεν αὐτό, καὶ διὰ τοῦτο κωλύοντες καὶ τὴν
ἀπόδειξιν ἐμποδίζοντές φασιν ἢ ἐπὶ τῆς ἐτέρας αὐτὸ 25

2 μόνον G. 3 προστιθεῖς G, προτιθεῖς C. 4 ζητού-
μενον G, προκείμενον C. 8 τρίτῳ G, ὀγδόῳ C. 16—23
Figuram cum sequente coniunxit B. 21 ἐστὶ G. 24 οἱ κω-
λύοντες G, οἱ del. not. C.

κείσθαι τῶν εὐθειῶν ἢ καὶ ἐκτὸς ἀμφοτέρων. κείσθω
 τοίνυν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$, ὥστε εἶναι ἰσόπλευρον τὸ
 $\overline{βγδ}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{δβ}$ τῇ $\overline{δγ}$ καὶ αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 ἡ ὑπὸ $\overline{γβδ}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$, μείζων ἄρα ὅλη ἡ ὑπὸ
 5 $\overline{βγε}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβδ}$ γωνίας. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{βα}$ τῇ
 $\overline{γα}$, ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ καὶ ἴσας ἔξει τὰς ὑπὸ $\overline{βγ}$ βάσιν.
 ἴση ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{γβδ}$. ἦν δὲ καὶ μείζων,
 ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δύναται ἡ τοῦ ἰσοπλεύρου
 κορυφὴ ἐπὶ τῆς εὐθείας εἶναι τῆς $\overline{αβδ}$. ὁμοίως δει-
 10 ξομεν ὅτι οὐδὲ ἐπὶ τῆς $\overline{αγε}$. κείσθω οὖν ἐκτὸς ἀμ-
 φοτέρων, εἰ δυνατόν. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{γδ}$, ἴσαι

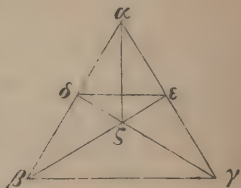


αἱ πρὸς τῇ βάσει ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$ καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$. μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$
 τῆς ὑπὸ $\overline{γβε}$. πόλλω ἄρα μείζων
 ἡ ὑπὸ $\overline{βγξ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γβε}$. ἀλλὰ καὶ
 ἴση, εἰ γὰρ ὑπὸ τὴν $\overline{βγ}$ βάσιν τοῦ
 $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελοῦς, ὅπερ ἐστὶν ἀδύνα-
 15 τον. οὐκ ἄρα τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον ἔξω
 κείσεται || κατὰ ταῦτα τὰ μέρη τῶν
 20 δύο εὐθειῶν. ὁμοίως δὲ δείξομεν ὅτι οὐδὲ κατὰ τὰ
 ἑτέρα. καὶ ὁρᾷς πάλιν ὅτι τὸν ἔλεγχον πεποιήμεθα

6 βάσεις G. 7 $\overline{ξβδ}$ M. 10 ἐπὶ $\overline{αγε}$ G. 12 καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{γβδ}$ om. M. 14 Post $\overline{γβε}$ addit M: μείζων ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βγδ}$. 15 $\overline{βγξ}$ $\overline{βγδ}$ M, 16 ἔστι γὰρ G. || $\overline{βγ}$ $\overline{ξγ}$ M.
 20 δὲ G, δὴ C.

τῶν ἐνστάσεων προσχωρόμενοι τῷ τὰ ἰσοσκελεῖ τριγώνου
τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίας ἴσας ἔχειν. τοῦτο ἐκεῖνο,
ὃ καὶ πρότερον ἐλέγομεν ὅτι πολλὰ τῶν τῇ ἐπιστήμῃ
μαχομένων σαθρὰ καὶ εὐέλεγκτα διὰ τούτου δείκνυται
τοῦ θεωρήματος | τος καὶ ὥς ταύτην ἀποπληροῖ τῷ γεω- 5
μέτρῳ τὴν χρεῖαν.

Εἰ δὲ λέγοι τις τόπον μὴ εἰδέναι ὑπὸ τὴν $\overline{βγ}$ βά-
σιν, δέον ἔσται συστήσασθαι τὸ ἰσόπλευρον ἐπὶ τὰ
αὐτὰ ταῖς $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$. ἀνάγκη τοίνυν ἢ αὐταῖς ταῖς $\overline{βα}$
 $\overline{αγ}$ τὰς συνισταμένας ἐφαρμόζειν, εἴπερ καὶ αὐταὶ ἴσαι 10
τῇ $\overline{γβ}$, ἢ ἐκτὸς αὐτῶν πίπτειν, εἰ αὐταὶ ἐλάσσους τῆς
 $\overline{βγ}$, ἢ ἐντός, εἰ μείζους αἱ $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$. ἐφαρμο-
ζέτωσαν πρῶτον, καὶ ἰσόπλευ-
ρον αὐτὸ τὸ $\overline{βαγ}$, καὶ σημείον
ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ δ , καὶ ἀπὸ τῆς
 $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{αδ}$ ἴση ἀφηρήσθω ἡ $\overline{αε}$,
καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{δε}$, $\overline{βε}$,
 $\overline{γδ}$, $\overline{αξ}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ
 $\overline{αγ}$ καὶ ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{αε}$, δύο αἱ $\overline{βα}$ $\overline{αε}$ δυσὶν ἴσαι ταῖς $\overline{γα}$
 $\overline{αδ}$, καὶ τὴν αὐτὴν γωνίαν περιέχουσιν, ὥστε καὶ 20
πάντα ἴσα πᾶσιν καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{δβε}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ
 $\overline{εγδ}$, ἴση δὲ καὶ ἡ $\overline{δβ}$ τῇ $\overline{εγ}$ καὶ ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{γδ}$, καὶ

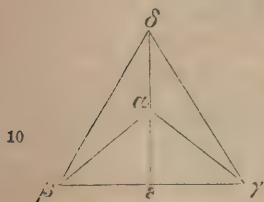


15

2 τῇ βάσει M, G. 3 καὶ om. G, add. C. 7 εἰδέναι] εἶναι
B₃, G, 'esse' B, 'cognoscere' Z. 8 ἔσται] δὲ εἶναι B₃, G,
'erit' B, Z. 10 ἦπερ C. 11 ἡ αὐταὶ C. 16 ἀφαιρέσθω G,
ἀφηρήσθω C. 19 $\overline{βα}$ καὶ $\overline{αε}$ G. 20 καὶ post ὥστε
om. G.

πάντα ἄρα πᾶσιν, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\beta}$ γωνία ἴση τῇ
 ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\gamma}$, ὑπὸ γὰρ ταύτας αἱ ἴσαι πλευραὶ ὑποτείνου-
 σιν. ἴση ἄρα καὶ ἡ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$ διὰ τὸ ἕκτον. ἐπεὶ οὖν
 ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\delta}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ κοινὴ καὶ ἡ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\zeta\epsilon}$ ἴση [?],
 5 τέτμηται ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\epsilon}$ γωνία εἰς ἴσα, ὅπερ ἔδει ποιῆσαι.

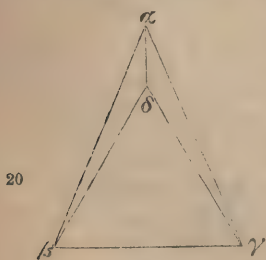
εἰ δὲ ἐκτὸς πίπτειεν τῶν $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ εὐθειῶν αἱ τοῦ ἰσο-
 πλεύρου τριγώνου πλευραί, ἔστω-



σαν αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ ἐπιξευχθεῖσα
 ἡ $\overline{\delta\alpha}$ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ το $\overline{\epsilon}$. ἐπεὶ
 οὖν ἴσαι αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$, κοινὴ δὲ ἡ
 $\overline{\delta\alpha}$, καὶ αἱ $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι, καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{\beta\delta\alpha}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\alpha}$

διὰ τὸ ὄγδοον. πάλιν ἐπεὶ αἱ $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$ ἴσαι καὶ ἡ $\overline{\delta\epsilon}$
 κοινὴ γωνίας ἴσας περιέχουσιν, ὡς δέδεικται, ἴση καὶ

15 ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\epsilon\gamma}$ βάσει διὰ τὸ τέταρτον. || ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{\alpha\beta}$



τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ ἴση καὶ ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ κοινή, καὶ ἡ
 ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\epsilon}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\epsilon}$,
 ὅπερ ἔδει δεῖξαι. εἰ δὲ ἐντὸς
 τῶν $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ πίπτειεν αἱ τοῦ ἰσο-
 πλεύρου τριγώνου πλευραί, ὡς αἱ
 $\overline{\beta\delta}$ $\overline{\delta\gamma}$, ἐπεξεύχθω πάλιν ἡ $\overline{\alpha\delta}$.
 ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{\beta\alpha}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$

2 ταύταις M , ταύτης G . 4 τῇ $\overline{\alpha\delta}$ om. M . 5 Ante τέτμη-
 ται excidit fortasse: καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\alpha\zeta}$ καὶ.
 $B_3 = M$. 6 αἱ τοῦ] αὐτοῦ τοῦ G , αἱ τοῦ C . 10 κοινὸν G ,
 κοινὴ C . 14 ὡς] οὐ M . 17 $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\epsilon\delta}$ M . 21 ἐπεξεύχθωσαν G .

καὶ ἡ $\overline{αδ}$ κοινή, βάσις δὲ ἡ $\overline{βδ}$ βάσει τῇ $\overline{γδ}$ ἴση ἐστίν,
καὶ ἡ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ γωνία τῇ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
διὰ τὸ ὄγδοον. δίχα ἄρα τέμνεται ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία,
ὅπως ἂν συνιστῇται τὸ ἰσόπλευρον.

Ἄλλ' ἐπειδὴ καὶ ταύτας συνεκεφαλαιωσάμεθα, 5
τῶν ἐξῆς ἐχώμεθα θεωρημάτων τοιοῦτον προστιθέντες
περὶ τοῦ δεδοσθαι τὴν γωνίαν ὅτι τετραχῶς δύναται
δίδοσθαι· καὶ γὰρ θέσει, ὥς ὅταν λέγωμεν πρὸς τῇδε
τῇ εὐθείᾳ καὶ τῷδε τῷ σημείῳ κεῖσθαι τὴν γωνίαν
καὶ εἶναι δεδομένην αὐτὴν οὕτως — καὶ εἶδει, οἷον 10
ὅταν ὀρθὴν λέγωμεν ἢ ὀξεῖαν ἢ ἀμβλείαν ἢ ὅλως
εὐθύγραμμον ἢ μικτὴν — καὶ λόγῳ, ὅταν διπλασίαν
λέγωμεν τῆςδε καὶ τριπλασίαν ἢ ὅλως μείζονα καὶ
ἐλάσσονα — καὶ μεγέθει, ὥσπερ ὅταν τρίτον ὀρθῆς
λέγωμεν. ἡ δὲ νῦν κατὰ τὸ εἶδος δέδοται μόνον. 15

Prop. X, probl. V. Τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν πε-
περασμένην δίχα τεμεῖν.

Πρόβλημα καὶ τοῦτο πεπερασμένην μὲν εὐθεῖαν
ὑποτιθέμενον, ἐπειδὴ κατ' ἀμφοτέρω ἀπειρον οὐδαμῶς
ἐστὶν ὀρίσαι, τῆς δὲ κατὰ θάτερα μόνον ἀπείρου, 20
ὅπουπερ ἂν ληφθῇ σημεῖον, εἰς ἄνισα ἡ τομὴ γίνεται·
μείζων γὰρ ἐξ ἀνάγκης ἢ ἐφ' ἧ ἢ ἀπειρος τῆς λοιπῆς
πεπερασμένης οὔσης. λείπεται οὖν ἐπ' ἀμφω πεπε-
ρασμένην λαμβάνειν τὴν δίχα τέμνεσθαι μέλλουσαν.
ἴσως δ' ἂν τινες ἐκ τούτου κινούμενοι τοῦ προβλή- 25

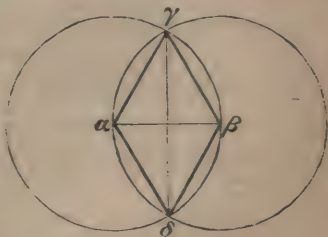
4 συνίσταται M, G, συνίστηται C. 8 ὅτε λέγομεν G.
9 τῷ εἶ G, τῷδε C. 10 διδομένην M. 11 ὅτε ὀρθὴν λέγο-
μεν G, corr. C. 16 M in margine: πρβ. ι. 25 κοινού-
μενοι G.

ματος ὑπονοήσειαν ὅτι προείληπται παρὰ τοῖς γεω-
 μέτραις ὥς ὑπόθεσις τὸ μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
 ἁμερῶν. εἰ γὰρ εἴη, ἢ ἐκ περιττῶν ἔστιν ἢ πε-
 περασμένη ἢ ἐξ ἀρτίων. ἀλλ' εἰ ἐκ περιττῶν, ἔοικεν
 5 καὶ τὸ ἁμερὲς τέμνεσθαι δίχα τῆς εὐθείας τεμνομένης,
 ἐπεὶ θάτερον αὐτῆς μέρος ἐκ πλειόνων ἁμερῶν ὑπάρ-
 χον ἔσται μείζον τοῦ λοιποῦ. οὐκ ἄρα δυνατόν ἔσται
 τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν δίχα τεμεῖν, εἴπερ ἐξ ἁμερῶν
 τὸ μέγεθος. εἰ δὲ μὴ ἐξ ἁμερῶν, ἐπ' ἄπειρον δι-
 10 αιρεῖται. ἔοικεν οὖν, φασίν, ὡμολογῆσθαι τοῦτο καὶ
 εἶναι ἀρχὴν γεωμετρικὴν τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον
 εἶναι διαιρουμένων. ἡμεῖς δέ γε τὸ τοῦ Γεμίνου
 πρὸς ταῦτα ἐροῦμεν, ὅτι τὸ μὲν διαιρετὸν εἶναι τὸ
 συνεχὲς κατὰ κοινὴν ἔννοιαν οἱ γεωμέτραι προλαμβά-
 15 νουσιν. τοῦτο γὰρ εἶναί φαμεν συνεχὲς τὸ ἐκ μερῶν
 συνημμένων ὑφεστώς. πάντως δὲ τοῦτο καὶ διαιρεῖσθαι
 δυνατόν. ὅτι δὲ καὶ ἐπ' ἄπειρον διαιρεῖται τὸ συν-
 εχὲς οὐ προεिलήφασιν ἀλλ' ἀποδεικνύουσιν ἐκ τῶν
 οἰκείων ἀρχῶν. ὅταν γὰρ δεικνύωσιν ὅτι ἔστιν τὸ
 20 ἀσύμμετρον ἐν τοῖς μεγέθεσι καὶ οὐ πάντα σύμμετρα
 ἀλλήλοις, τί ἄλλο δεικνύναι φήσει τις αὐτοὺς ἢ ὅτι
 πᾶν μέγεθος εἰς ἀεὶ διαιρεῖται καὶ οὐδέποτε ἤξομεν
 εἰς τὸ ἁμερὲς, ὃ ἔστι κοινὸν μέτρον τῶν μεγεθῶν ἐλά-
 χιστον. τοῦτο οὖν ἀποδεικτόν ἔστιν, ἐκεῖνο δὲ ἀξίωμα,
 25 ὅτι πᾶν συνεχὲς διαιρετόν, ὥστε καὶ ἡ πεπερασμένη
 γραμμὴ συνεχὴς διαιρετὴ ἔστιν. καὶ ἀπὸ ταύτης τῆς

6 ἐπὶ θάτερον *M.* 7 ἐστὶ *G.* 10 φησὶν *C.* || ὁμολο-
 γεῖσθαι *G.* 11 ἀρχὴν γεωμετρικὴν *G.* 13 ἐνταῦθα *G.*
 πρὸς ταῦτα *C.* 14 προσλαμβάνουσι *G.* 16 συνημμένον *M.*
 'coniunctis' *B.* 'continuis' *Z.* || ὑφεστώς *M.* ὑφεστός *G.* 17 τὸ
 ante συνεχὲς om. *G.* add. *C.* 19 ὅτε γὰρ δεικνύουσιν *G.* corr. *C.*
 21 φησί *G.* φήσει *C.* 23 ὅτι ἔστι *G.* ὃ ἔστι *C.*

ἐννοίας ὁ στοιχειωτῆς διχοτομεῖ τὴν πεπερασμένην
 εὐθεῖαν, ἀλλ' οὐχ ὥς προλαμβάνων ὅτι εἰς ἄπειρον
 διαιρετὴ ἐστίν. οὐ γὰρ τὸ αὐτὸν διαιρετὸν εἶναί τι καὶ
 ἐπ' ἄπειρον διαιρετόν. ἐλέγχοιτο δ' ἂν διὰ τοῦ προ-
 βλήματος τούτου καὶ ὁ Ξενοκράτειος λόγος ὁ τὰς 5
 ἀτόμους εἰσάγων γραμμὰς. ὅλως γὰρ εἰ ἔστι γραμμὴ,
 ἢ εὐθεῖά ἐστι καὶ δυνατόν αὐτὴν δίχα τε|μεῖν, ἢ
 περιφερῆς καὶ μεῖζων ἐστὶν εὐθείας τινός — πᾶσα
 γὰρ περιφερῆς πάντως ἔχει τινὰ εὐθεῖαν ἐλάσσονα —
 ἢ μικτὴ καὶ πολλῶ πλεόν αὕτη διαιρετὴ ἐστίν, εἴπερ 10
 ἐξ ἀπλῶν ἐστι διαιρετῶν.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν εἰς ἄλλην ἀναβεβλήσθω θεωρίαν.
 τέμνει δὲ δίχα τὴν πεπερασμένην εὐθεῖαν ὁ γεωμέτρης
 εἰς μὲν τὴν κατασκευὴν τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ἐνάτῳ χρώ-
 μενος, εἰς δὲ τὴν ἀπόδειξιν τῷ τετάρτῳ μόνῳ. διὰ 15
 γὰρ τῶν γωνιῶν δείκνυσιν ἴσας τὰς βάσεις. Ἀπολ-
 λώνιος δὲ ὁ Περγαῖος τέμνει τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν
 πεπερασμένην δίχα τοῦτον τὸν τρόπον. ἔστω, φησὶν,
 ἡ $\overline{αβ}$ εὐθεῖα πεπερασμένη, ἣν δεῖ δίχα τεμεῖν, καὶ
 κέντρῳ \parallel τῷ $\overline{α}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{αβ}$ γεγράφθω κύκλος, 20
 καὶ πάλιν κέντρῳ τῷ $\overline{β}$,
 διαστήματι δὲ τῷ $\overline{βα}$ ἕτε-
 ρος κύκλος, καὶ ἐπεξεύ-
 χθω ἡ ἐπὶ τὰς τομὰς τῶν
 κύκλων ἡ $\overline{γδ}$. αὕτη δίχα
 ἔμνει τὴν $\overline{αβ}$ εὐθεῖαν.



25

3 εἶναί τι] ἐστὶ G, corr. C. 7 διχοτομεῖν C. 9 τινὰ]
 τὴν G, corr. C. 15 μόνον G, μόνῳ C. 19 ἣν δεῖ δίχα
 τεμεῖν] ἣν δίχα τεμεῖν μέλλομεν G, corr. C.

ἐπεξεύχθωσαν γὰρ αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ — ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ $\overline{\alpha\beta}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ ἡ $\overline{\delta\alpha}$ τῇ $\overline{\delta\beta}$ ἴση διὰ τὰ αὐτά· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ γωνία ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\delta}$, ὥστε δίχα τέμνεται ὁ $\overline{\alpha\beta}$ διὰ τὸ τέταρτον. τοιαύτη τις ἐστὶν καὶ
 5 ἡ κατὰ Ἀπολλώνιον τοῦ προκειμένου προβλήματος ἀπόδειξις, ἀπὸ μὲν τοῦ ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ αὐτῇ ληφθεῖσα, ἀντὶ δὲ τοῦ λαβεῖν δίχα τεμνομένην τὴν πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$ γωνίαν δεικνύουσα ὅτι δίχα τέμνεται διὰ τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων. πολλῶ δὴ οὖν κρείττων ἡ
 10 τοῦ στοιχειωτοῦ ἀπόδειξις καὶ ἀπλουστέρα καὶ ἀπὸ τῶν ἀρχῶν.

Prop. XI, probl. VI. Τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ ἀπο τοῦ πρὸς αὐτῇ δοθέντος σημείου πρὸς ὁρθὰς γωνίας εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

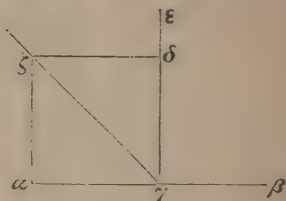
15 Εἴτε πεπερασμένην κατ' ἀμφοτέρα τὴν εὐθεῖαν λάβοιμεν, εἴτε κατ' ἀμφοτέρα ἄπειρον, εἴτε ὥδὲ μὲν ἄπειρον, ὥδὲ δὲ πεπερασμένην καὶ τὸ σημεῖον ἐπ' αὐτῆς, τοῦ γεωμέτρου προχωρεῖ ἡ κατασκευὴ τοῦ προκειμένου προβλήματος. καὶ γὰρ ἐπ' ἑκρας τῆς
 20 εὐθείας ἥ τὸ δοθὲν σημεῖον, προσεκβάλλοντες τὴν εὐθεῖαν τὰ αὐτὰ ποιήσομεν. δῆλον δὲ ὅτι τὸ μὲν σημεῖον ἐνταῦθα τῇ θέσει δέδοται ἐπὶ τῆς εὐθείας κείμενον μοναχῶς κατὰ τὴν θέσιν, ἡ δὲ εὐθεῖα κατὰ τὸ

4 τέμνεται G. 8 τέμνεται G. 10 καὶ ante ἀπλουστέρα om. G. 12 M in margine πρβ. ια. 15—16 Εἴτε πεπερασμένην τὴν εὐθεῖαν λάβοιμεν κατ' ἀμφοτέρα, εἴτε ἄπειρον G. 18 τῷ γεωμέτρῳ προχωρήσει κατασκευὴ G, τῷ γεωμέτρῳ προχωρεῖ ἡ C. || ἡ ante κατασκευὴ om. M. 20 τὸ ante δοθὲν om. G, add. C. || προσεκβάλλοντες G, corr. C.

εἶδος δέδοται· μέγεθος γὰρ αὐτῆς ἢ λόγος ἢ θέσις οὐκ ἀφώριστα. ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς τῷ πρώτῳ χρησάμενος θεωρήματι καὶ τῷ τρίτῳ καὶ ἐνὶ τῶν αἰτημάτων καὶ τῷ πρώτῳ καὶ τῷ ὀγδόῳ πρὸς τοῦτοις θεωρήματι καὶ τῷ ὄρῳ τῆς πρὸς ὀρθᾶς δείκνυσι τὸ προ-⁵ κείμενον. εἰ δέ τινες τὸ σημεῖον ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας τιθέντες ἀξιοῖεν μὴ προσεκβάλλοντας ἡμᾶς ἄγειν ἀπὸ τούτου τὴν πρὸς ὀρθᾶς, δυνατόν καὶ τοῦτο δείξομεν. ||

ἔστω γὰρ $\overline{αβ}$ καὶ τὸ δοθὲν σημεῖον $\overline{α}$, καὶ εἰλήφθω

ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τυχόν τὸ $\overline{γ}$ σημεῖον καὶ ἀπὸ τούτου τῇ $\overline{αβ}$ πρὸς ὀρθᾶς, ὡς ἐν τῷ στοιχείῳ μεμαθήκαμεν ἢ $\overline{γε}$. καὶ ἴση ἀπὸ τῆς $\overline{γε}$ ἀφηρῆσθω τῇ $\overline{αγ}$ ἢ $\overline{δγ}$ καὶ

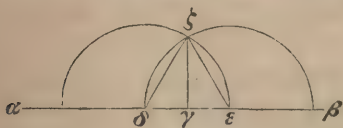


τετμήσθω δίχα ἡ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ γωνία ὑπὸ τῆς $\overline{γξ}$ καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{δ}$ τῇ $\overline{εγ}$ πρὸς ὀρθᾶς ἀχθεῖσα συμπιπτέτω [ἢ $\overline{δξ}$] τῇ $\overline{γξ}$ κατὰ τὸ $\overline{ξ}$, καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{ξ}$ ἐπὶ τὸ $\overline{α}$ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{ξα}$. λέγω ὅτι ὀρθὴ ἐστὶν ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ γὰρ ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{γα}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{γξ}$ καὶ ²⁰ γωνίας ἴσας περιέχουσιν — δίχα γὰρ τέτμηται ἡ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ γωνία —, καὶ ἡ $\overline{δξ}$ τῇ $\overline{ξα}$ ἴση, καὶ πάντα ὁμοίως παῖσιν διὰ τὸ τέταρτον, ὥστε καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῇ πρὸς

1 δίδοται G. 10 σημεῖον τὸ $\overline{γ}$ G. 15 ἢ $\overline{δγ}$ om. G, add. C. 18 ἢ $\overline{δξ}$ ego addidi; om. M, B₃, G, B, Z. || ἀπὸ τοῦ $\overline{ξ}$ ἀπὸ τῆς $\overline{ξε}$ M. 19 πρὸς τῷ $\overline{α}$] πρὸς τὸ $\overline{γ}$ G, corr. C. 21 τέμνεται G.

τῷ δ. ὀρθὴ ἄρα καὶ ἡ πρὸς τῷ α. δέδεικται μὲν οὖν
τὸ προβληθέν· ὁ δὲ στοιχειωτῆς οὐδὲν δεῖται τῆς
ἐπινοίας ταύτης. ἐπέταξεν γὰρ πρὸς ὀρθὰς γωνίας
ἀγαγεῖν γραμμὴν, ἀλλ' οὐ πρὸς μίαν ὀρθήν· δεῖ οὖν
5 μὴ ἐπ' ἄκρας τῆς εὐθείας λαμβάνειν τὸ σημεῖον, ἵνα
ἡ ἀγομένη εὐθεῖα γωνίας ποιῇ πρὸς τὴν ὑποκειμένην
εὐθεῖαν, ἀλλὰ μὴ μίαν γωνίαν.

Ἀπολλώνιος δὲ τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγει τὸν τρο-
πον τοῦτον. ἐπὶ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ τυχόν τὸ δ, καὶ ἀπὸ τῆς $\overline{\gamma\beta}$
10 ἴση τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἢ $\overline{\gamma\epsilon}$, καὶ κέντρῳ τῷ δ, τῷ δὲ εδ διαστή-
ματι γεγράφθω κύ-
κλος, καὶ πάλιν κέν-
τρῳ τῷ ε, διαστήματι
δὲ τῷ δε κύκλος γε-



15 γράφθω, καὶ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπὶ τὸ $\overline{\gamma}$ ἥχθω [ἢ $\overline{\zeta\gamma}$], λέγω
ὅτι αὕτη ἐστὶν ἡ πρὸς ὀρθάς. ἐὰν γὰρ ἐπιζευχθῶσιν
αἱ $\overline{\zeta\delta}$ $\overline{\zeta\epsilon}$, ἴσαι ἔσονται· ἴσαι δὲ καὶ αἱ $\overline{\delta\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ καὶ
κοινὴ ἡ $\overline{\zeta\gamma}$, ὥστε καὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$ γωνίαι ἴσαι διὰ
τὸ ὀρθοῦν. ὀρθαὶ ἄρα εἰσίν.

20 Πάλιν οὖν ὁρᾷς, ὅτι || ποικιλωτέρα ἢ ἀποδείξεις
αὕτη τῆς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ἢ καὶ προσδεηθεῖσα τῆς
τῶν κύκλων γραφῆς, ἐξὸν αὐτόθεν ἐπὶ τῆς δε γράψαι
τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον καὶ δεῖξαι τὸ προκείμενον.
πάντα γὰρ τὰ ἄλλα κοινὰ ταῖς ἀποδείξεσιν ἐστίν. τὴν

4 δεῖ οὖν μὴ] δεῖ οὖν καὶ G, corr. C. 10 διαστήματι
δὲ τῷ εδ G. 15 ἢ $\overline{\zeta\gamma}$ ego addidi; om. M, B₃, G, B, 'recta linea
fe' Z. 17 καὶ ante κοινὴ om. M. 21 αὕτη τῇ G, corr. C.
ἢ καὶ G, ἢ καὶ C. || προσδεηθεῖσα G. 22 ἐξὸν] ἐξ ὧν M, C.

δὲ διὰ τοῦ ἡμικυκλίου δεῖξιν οὐδὲ λέγειν ἄξιον. πολλὰ γὰρ προλαμβάνει τῶν ὕστερον καὶ τῆς ἐν τῇ στοιχειώσει τάξεως ἀποπίπτει παντελῶς.

Prop. XII, probl. VII. Ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἄπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος σημείου, ὃ μὴ ἐστίν ⁵ ἐπ' αὐτῆς, κάθετον εὐθεῖαν γραμμὴν ἀγαγεῖν.

Τοῦτο τὸ πρόβλημα πρῶτον Οἰνοπίδης ἐξήγησεν χρήσιμον αὐτὸ πρὸς ἀστρολογίαν οἰόμενος. ὀνομάζει δὲ τὴν κάθετον ἀρχαϊκῶς κατὰ γνώμονα, διότι καὶ ὁ γνώμων πρὸς ὀρθὰς ἐστὶ τῷ ὀρίζοντι. τῆς δὲ ¹⁰ πρὸς ὀρθὰς ἡ κάθετός ἐστὶν αὕτη διαφέρουσα τῇ σχέσει μόνον, κατὰ τὸ ὑποκείμενον ἀδιάφορος οὖσα, ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος. διττὴ δ' αὖ κάθετός ἐστίν, ἡ μὲν ἐπίπεδος, ἡ δὲ στερεά. καὶ ὅταν μὲν ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ ἢ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ ἡ κάθετος, ¹⁵ καὶ ἡ εὐθεῖα, ἐπίπεδος λέγεται κάθετος, ὅταν δὲ μετέωρον τὸ σημεῖον καὶ ἔξω τοῦ ὑποκειμένου ἐπιπέδου, στερεά. καὶ ἡ μὲν ἐπίπεδος πρὸς εὐθεῖαν ἄγεται, ἡ δὲ στερεὰ πρὸς ἐπίπεδον. διὸ καὶ ἀναγκαῖον ἐκείνην οὐ πρὸς μίαν εὐθεῖαν ποιεῖν γωνίας ὀρθὰς, ἀλλὰ ²⁰ πρὸς πάσας τὰς ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῳ. πρὸς γὰρ τὸ ἐπίπεδον ἦν ἡγμένη κάθετος. ἐν τούτῳ τοίνυν ἡ στοιχειωτῆς τῷ προβλήματι κάθετον ἄγειν ἐπίπεδον προ-

4 *M* in margine: *πρβ. ιβ.* 5 *δοθέντος* om. *G.* 11 αὕτη] ταύτῃ *B*₃, *G*, ταυτὴ *C*, 'eadem' *B*, 'haec' *Z.* 13 ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος *G*, ὥσπερ φασὶ καὶ ἡ κάθετος *B*₃, *C*, 'quemadmodum (inquit ipse) et Gnomon' *B*, 'sicut etiam ipsam perpendicularis indicat' *Z.* 14 ὅτε *G*, ὅταν *C.* 15 κάθετος εὐθεῖα *B*₃, *G*, κάθετος καὶ εὐθεῖα *M*, 'Perpendicularis recta linea' *B*, *Z.* 16 ὅτε *G*, ὅταν *C.* 21 Post ἐπιπέδῳ *M* addit γωνίας.

τίθεται. πρὸς τε γὰρ εὐθείαν ἢ ἀγωγὴ προτίθεται
καὶ ὥς ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ πάντων ὑποκειμένων ὁ λόγος
πρόεισιν.

Ἐπὶ μὲν οὖν τῆς πρὸς ὀρθάς, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον
5 ἐπ' αὐτῆς εἴληπτο τῆς εὐθείας, οὐδὲν ἐδεόμεθα τῆς
ἀπειρίας, ἐπὶ δὲ τῆς καθέτου τὴν δοθεῖσαν ἀπειρον
ὑποτίθεται, ἐπειδὴ τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ κάθετος ἀχθή-
σεται, ἔξω που κεῖται τῆς εὐθείας. εἰ γὰρ μὴ ἦν ἀπει-
ρος, ἔξῃν οὕτω τὸ σημεῖον λαβεῖν, ὥστε ἔξω μὲν εἶναι
10 τῆς δοθείσης, ἐπ' εὐθείας δὲ ταύτῃ κείμενον ὥς ἐκ-
βαλλομένην τὴν εὐθείαν ἐπ' αὐτὸ πίπτειν, καὶ οὐ προ-
εχώρει τὸ πρόβλημα. διὸ ἀπειρον ἔθετο τὴν εὐθείαν,
ἐὰν ἐφ' ἐκάτερα αὐτῆς μόνως λαμβάνηται τὸ σημεῖον,
μηδαμοῦ χώρας ὑπολειπομένης αὐτῷ, καθ' ἣν ἐπ'
15 εὐθείας ἔσται τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ, εἰ μὴ μέλλοι πρὸς
αὐτῇ κείσεσθαι καὶ οὐκ ἔξω αὐτῆς.

Ἀπειρος μὲν οὖν ἡ εὐθεῖα δέδοται διὰ || τοῦτο,
ἐφ' ἣν ἡ κάθετος ἀχθήσεται· πῶς δὲ ὅλως ὑπόστασιν
ἔχει τὸ ἀπειρον, ἄξιον θεωρῆσαι. δῆλον γὰρ ὅτι
20 εὐθείας ἀπείρου οὔσης ἔσται καὶ ἐπίπεδον ἀπειρον,
καὶ ταῦτα κατ' ἐνέργειαν, εἴπερ ἔσται τὸ προβληθέν.
ὅτι μὲν οὖν ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδέν ἐστι μέγεθος
ἀπειρον κατ' οὐδεμίαν διάστασιν, ἱκανῶς ὅ τε δαιμό-
νιος Ἀριστοτέλης καὶ οἱ ἀπ' αὐτοῦ παραδεξάμενοι
25 τὴν φιλοσοφίαν δεικνύουσιν. οὔτε γὰρ τὸ κύκλω
κινούμενον ἀπειρον εἶναι ἐνδέχεται οὔτε τῶν ἄλλων

1 τε om. G, add. C. || ἡ] ἦν M. 5 εἴληπται G, εἴληπτο C. |
ἐνδεόμεθα G, ἐδεόμεθα C. 10 δὲ om. M, G. 15 μέλλει C.

16 κεῖσθαι G, κείσεσθαι C. 17 μὲν om. G, add. C.
21 ἔσται] ἐστὶ G. 23—25 ἱκάνως ... δεικνύουσι om. G, qui
voce φανερόν sententiam complet. Omissa verba addit C.
23 ὅ τε] ὅτε καὶ ὁ C.

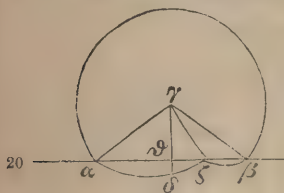
σωμάτων τῶν ἀπλῶν οὐδέν. ἔστι γὰρ ἐκάστου τόπος
 ὠρισμένος. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ἐν τοῖς χωριστοῖς καὶ ἀμε-
 ρέσι λόγοις εἶναι τὸ τοιοῦτον ἄπειρον δυνατόν. εἰ
 γὰρ μὴδὲ διάστασις ἔστιν ἐν ἐκείνοις μήτε μέγεθος,
 σχολή, εἰ ἄπειρον εἴη μέγεθος. λείπεται δὴ οὖν ἐν τῇ 5
 φαντασίᾳ τὸ ἄπειρον ὑφίστασθαι μόνον οὐ νοούσης
 τὸ ἄπειρον τῆς φαντασίας. ἅμα γὰρ νοεῖ καὶ μορφήν
 ἐπάγει τῷ νοουμένῳ καὶ πέρας, καὶ τῇ νοήσει τὴν
 τοῦ φαντάσματος ἴσθησι διέξοδον, καὶ διέξεισιν αὐτὸ
 καὶ περιλαμβάνει. οὐ νοούσης τοίνυν ἔστιν τὸ ἄπει- 10
 ρον ἀλλ' ἀορισταινούσης περὶ τὸ νοούμενον καὶ μὴ
 νοούσης μᾶλλον καί, ὅσον ἀκαταμέτρητον ἀφίησι καὶ
 ἀπερίληπτον νοήσει, τοῦτο ἄπειρον λεγούσης. ὥσπερ
 γὰρ τὸ σκότος τῷ μὴ ὄρᾳ ἢ ὄψις γινώσκει, οὕτως
 ἢ φαντασία τὸ ἄπειρον τῷ μὴ νοεῖν. γεννᾷ μὲν οὖν 15
 αὐτὸ τῷ δύναιμι ἔχειν ἀμερῇ προῖναι δυναμένην
 ἀκαταλήκτως, νοεῖ δὲ ὡς ὑποστάν ὅτι μὴ νοεῖ τὸ ἄπει-
 ρον. ὃ γὰρ ἀφῆκεν ὡς ἀδιεξίτητον, τοῦτο ἄπειρον
 λέγει, ὥστε τὴν ἄπειρον γραμμὴν τὴν δοθεῖσαν ἐν
 τῇ φαντασίᾳ θέμενοι, καθάπερ δὴ καὶ τὰ ἄλλα πάντα 20
 γεωμετρίας εἶδη, τὰ τρίγωνα, τοὺς κύκλους, τὰς γω-
 νίας, τὰς γραμμάς, οὐ θαυμασόμεθα, πῶς κατ' ἐνέρ-
 γειαν ἄπειρός ἐστι γραμμὴ καὶ προστίθησιν ἀορισταί-
 νουσα ταῖς ὠρισμέναις νοήσεσιν. ἢ δὲ διάνοια, παρ'
 ἧς οἱ λόγοι καὶ αἱ ἀποδείξεις, οὐ πρὸς τὴν ἐπιστήμην 25
 χρῆται τῷ ἀπείρῳ — τὸ γὰρ ἄπειρον ὅλως ἐπιστήμη

5 σχολή, εἰ] σχολῇ γ' ἂν B₃, G, σχολῆς γ' ἂν C, 'multo mi-
 nus' B, 'nullatenus' Z. || δὴ] δὲ C. 8 τὴν om. G, add. C.

9 αὐτὸς G. 13 ἀπέριπτον C. 14 ἢ ante ὄψις
 om. G, add. C. 17 ἀκαταλάκτως C. || νοεῖ δὲ] νοεῖτω
 δὲ M. || μὴ νοεῖν M. 22 θαυμασόμεθα G. 26 χρῶν-
 ται M, C.

περιληπτὸν οὐκ ἔστιν — ἀλλ' ἐξ ὑποθέσεως παρα-
 λαβοῦσα τῷ πεπερασμένῳ μόνῳ χρῆται πρὸς τὴν ἀπό-
 δεῖξιν, καὶ οὐ τοῦ ἀπείρου ἔνεκα τὸ ἄπειρον ἀλλὰ
 τοῦ πεπερασμένου λαμβάνει, ἐπεὶ, εἴ γε δοίης αὐτῇ,
 μήτε ἐπ' εὐθείας κείσθαι τῇ πεπερασμένῃ τὸ δοθὲν
 σημεῖον, μήτε οὕτως ἀφεστάναι τῆς εὐθείας, ὥστε μη-
 δὲν μέρος αὐτῆς ὑποκεῖσθαι τῷ σημείῳ, οὐδὲν ἔτι τοῦ
 ἀπείρου δεήσεται. Ἰν' οὖν τῇ πεπερασμένῃ χρωμένη
 ἀνελέγκτως χρήσεται καὶ ἀναμφισβητήτως, εἶναι τὸ
 10 ἄπειρον ὑποτίθεται τῇ τῆς φαντασίας || ἀοριστία τῆς
 τοῦ ἀπείρου γενέσεως ὑποβάθρα χρωμένη.

Περὶ μὲν οὖν τῆς ὑποθέσεως τοῦ ἀπείρου τοσαῦτα
 πρὸς τὸ παρὸν ἀρκέσει. μετὰ δὲ ταῦτα χωρῶμεν ἐπὶ
 τὰς ἐνστάσεις τὰς πρὸς τὴν κατασκευὴν τοῦδε τοῦ
 15 προβλήματος. εἰλήφθω γάρ, φασίν, εὐθείας οὔσης



ἀπείρου τῆς $\overline{αβ}$ καὶ σημείου
 δοθέντος, ἀφ' οὗ δεῖ τὴν κάθε-
 τον ἀγαγεῖν, τοῦ $\overline{γ}$ ἐπὶ θάτερα
 σημεῖον τὸ $\overline{δ}$, καθά φησιν ὁ
 γεωμέτρης, ἀλλ' ὁ κύκλος ὁ
 τέμνων τὴν $\overline{αβ}$ εὐθεῖαν κατὰ

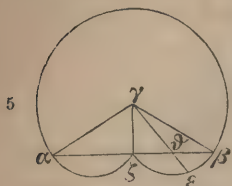
τε τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$ καὶ τὸ $\overline{ζ}$ θέσιν ἔχτω τὴν ὑπογεγραμ-
 μένην. πρὸς δὲ τοῦτον τὸν λόγον ἐροῦμεν ὅτι ἀδύ-
 νατα λέγει. τετμήσθω γὰρ δίχα ἡ $\overline{αβ}$ κατὰ τὸ $\overline{θ}$ καὶ

1 παραλαμβάνουσα G. 6 οὕτως om. G, add. C.
 8 χρωμένη M, G. 9 χρήσεται M, C. || ἀμφισβητήτως M,
 ἀναμφισβητήτος G, ἀναμφισβητήτως C. 15 φησιν G.
 17 δεῖ] δὴ M. 18 θάτερον G. 22 τὸ $\overline{α}$ καὶ τὸ $\overline{β}$] τὸ
 $\overline{αβ}$ G. 23 ἀδύνατον G.

ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περιφε-
 ρείας, καὶ ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$. | ἐπεὶ οὖν αὐταὶ
 ἐκ κέντρου, καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\theta}$, πάντα
 ἴσα πᾶσιν. ὁρθὰς ἄρα ποιεῖ πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ γωνίας ἡ $\overline{\gamma\theta}$.
 πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ ἴσαι, γωνίας ἴσας ποιοῦσι πρὸς 5
 τοῖς $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ σημείοις. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση,
 ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\alpha\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ [$\overline{\gamma\zeta\alpha}$, καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ] $\overline{\gamma\beta\zeta}$. ἐπεὶ
 οὖν αἱ πρὸς τῷ $\overline{\alpha}$ καὶ $\overline{\beta}$ ἴσαι, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\alpha}$ τῇ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\zeta\beta}$ ἴση, καὶ εἰσιν ἐφεξῆς, ὁρθαὶ ἄρα εἰσίν. ἐστὶν δὲ 10
 ὁρθὴ καὶ ἑκατέρω τῶν πρὸς τῷ $\overline{\theta}$, ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ
 $\overline{\gamma\zeta}$, ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση — ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἴση, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατ'
 ἄλλο σημεῖον ὁ κύκλος τέμνει τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεῖαν. εἰ δὲ
 λέγοι τις ὅτι ὁ γραφόμενος κύκλος κατὰ τὸ ζ διχοτο- 15
 μείτω τὴν $\overline{\alpha\beta}$, πάλιν τὸ αὐτὸ δείξομεν ἀδύνατον.
 γεγράφθω γὰρ καὶ ἡ $\overline{\zeta\beta}$ δίχα τετμήσθω κατὰ τὸ $\overline{\theta}$.

2 $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$] 'ca, cb, cf' B. || Post $\overline{\gamma\beta}$ addunt M, G: καὶ ἡ
 $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\theta\beta}$ ἴση κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἐκβεβλήσθω μέχρι τῆς περι-
 φερείας. 6 ἴση post $\overline{\gamma\zeta}$ om. G, add. C. $B_3 = M$. 7—8 $\overline{\gamma\zeta\alpha}$
 τῇ ὑπὸ om. M (Z), καὶ ἡ $\overline{\gamma\beta}$... τῇ ὑπὸ $\overline{\gamma\beta\zeta}$ om. G. 'Similiter
 Angulus cbf Angulo cfh' B. 9 αἱ ante πρὸς om. G, add. C.
 11 ἡ ἑκατέρω G, καὶ ἑκατέρω C. 12 ἐκ κέντρου γάρ —
 ἡ ἄρα $\overline{\gamma\theta}$] ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\theta}$ ἄρα G. 14 εἰ γὰρ G, εἰ δὲ C.
 17 γεγράφθωσαν G, γεγράφθω C. || τεμνέσθω G, τετμή-
 σθω C.

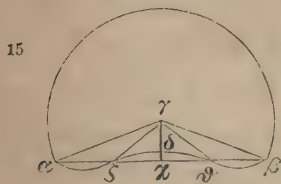
ἐπεὶ οὖν ἴσαι αἱ $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\xi\beta}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$, καὶ βάσεις ἡ $\overline{\gamma\alpha}$ τῇ $\overline{\gamma\beta}$ ἴση, πάντα ἴσα || πᾶσιν, ὥστε ὀρθαὶ αἱ πρὸς



τῷ ζ γωνίαι. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\zeta\theta$ τῇ $\theta\beta$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\theta}$, ἐπιξευ-
χθεῖσα δὲ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ βάσεις ἴση τῇ $\overline{\gamma\beta}$ — ἐκ κέντρου γάρ — ὀρθαὶ εἰσιν
αἱ πρὸς τῷ θ γωνίαι. ἴσαι γάρ

εἰσι καὶ ἐφεξῆς. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\theta}$ $\overline{\gamma\theta\zeta}$, ἴση ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\theta}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἴση —

10 ἐκ κέντρου γάρ εἰσιν — ἴση ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$,
ὅπερ ἀδύνατον. λείπεται δὴ τὴν τρίτην ἔνστασιν δι-
ελθεῖν. τεμνέτω γάρ, φασίν, ὁ γραφόμενος κύκλος
τὴν εὐθεῖαν κατὰ τε τὰ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ κατὰ τὰ $\overline{\zeta\theta}$ σημεῖα.



τεμώντες οὖν ἡμεῖς δίχα τὴν $\overline{\alpha\beta}$ κατὰ τὸ $\overline{\kappa}$ καὶ ἐπιξεύξαντες
τὰς $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\zeta}$ $\overline{\gamma\kappa}$ $\overline{\gamma\beta}$ δείξομεν τὸ
ἀδύνατον. ἐπεὶ γάρ ἴσαι αἱ $\overline{\alpha\kappa}$ $\overline{\kappa\beta}$ καὶ κοινὴ ἡ $\overline{\gamma\kappa}$ καὶ αἱ βά-
σεις αἱ $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ ἴσαι [ὀρθαὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{\kappa}$], καὶ αἱ πρὸς

20 τοῖς $\overline{\alpha\beta}$ γωνίαι ἴσαι. ἀλλὰ ἴση ἑκατέρω [τῶν $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$]
τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ὀρθαὶ ἄρα καὶ αἱ πρὸς τῷ ζ — ἴσαι γάρ εἰσιν

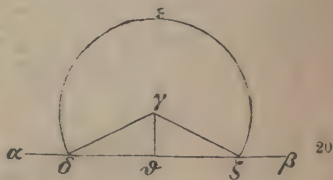
5 δὲ] καὶ G. 6 ὀρθαὶ ἄρα εἰσιν G. 11 δὲ] δὲ G.

14 τέμνοντες G. 16 $\overline{\gamma\beta}$ om. G, C. 19 ὀρθαὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{\kappa}$
om. M, B₃, G (Z), 'qui ad a b Signa, aequales sunt, qui autem ad
Signum k, recti'. B. 20 τῶν $\overline{\gamma\alpha}$ $\overline{\gamma\beta}$ om. M, B₃, G, B, Z.

ἐφεξῆς οὔσαι — ἴση ἄρα ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ὁρθὰς γὰρ ὑποτείνουσιν. ἀλλὰ ἡ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση ἐστὶν τῇ $\overline{\gamma\delta}$ — ἐκ κέντρου γὰρ εἰσιν — ἡ ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$ ἴση ἐστίν, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυνατόν οὔτε καθ' ἐν σημείον οὔτε κατὰ δύο ἄλλα τὸν γραφόμενον κύκλον τέμνειν 5 τὴν $\overline{\alpha\beta}$ εὐθεΐαν παρὰ τὰ $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$ σημεῖα.

Αἱ μὲν οὖν ἐνστάσεις αὗται· εἰσὶν δὲ καὶ πτώσεις τῆς τοῦ προβλήματος κατασκευῆς, ἃς δεῖ χωρίζειν ἀπὸ τῶν ἐνστάσεων. οὐ γὰρ ταύτὸν πτώσεις καὶ ἐνστάσεις, ἀλλ' ἡ μὲν τὸ αὐτὸ δείκνυσιν ἄλλως, ἡ δὲ εἰς 10 ἀτοπίαν ἐπάγει τὸ ἐνιστάμενον. οἱ δὲ ἐξηγηταὶ μὴ διακρίνοντες ταῦτα ἀπ' ἀλλήλων, πάντα φέρουσιν εἰς ταὐτὸ καὶ εἰσιν ἄδηλοι, πότερον πτώσεις ἡμῖν ἢ ἐνστάσεις ἐπαγγέλλονται γράφειν. ἡμεῖς οὖν διελόμενοι χωρὶς μετὰ τὰς ἐνστάσεις τὰς πτώσεις συνάγομεν. 15 ἔστω οὖν εὐθεΐα ἁπείρος ἡ

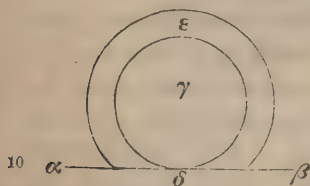
$\overline{\alpha\beta}$, τὸ δὲ δοθὲν σημεῖον τὸ $\overline{\gamma}$. λέγει οὖν τις ὅτι οὐκ ἔστιν τόπος ἐπὶ θάτερα τῆς εὐθείας, ἀλλ' ἐφ' ἧ καί ται τὸ $[\overline{\gamma}]$ λαβόντες



οὖν ἐπὶ τῆς εὐθείας] σημεῖον τὸ δ κέντρῳ τῷ $\overline{\gamma}$ καὶ διαστήματι τῷ $\overline{\gamma\delta}$ κύκλου περιφέρειαν γράψομεν τὴν

1 ὁρθαὶ M. 5 ἀλλὰ M, * ἀλλὰ G. 14 ἀπαγγέλλονται G, ἐπαγγέλλονται C. 15 τὰς πτώσεις om. M, C.
17 δὲ ante δοθὲν om. M. 21—22 $\overline{\gamma}$. . . εὐθείας om. M, B₃, G (Z); 'ubi Signum c iacet. Sumentes igitur in ipsa ab recta Linea Signum d' B. 22 τὸ δ om. B₃. 23 γράψομεν τῇ G, γράψομεν τὴν C.

$\overline{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ τεμόντες δίχα κατὰ τὸ $\overline{\theta}$ τὴν $\overline{\delta\zeta}$ ἐπιζεύξομεν
 τὰς $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\theta}$ $\overline{\gamma\zeta}$ · ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{\delta\theta}$ τῇ $\overline{\theta\zeta}$, κοινὴ δὲ ἡ
 $\overline{\gamma\theta}$ καὶ ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\zeta}$ ἴση — ἐκ κέντρου γάρ —, αἱ
 πρὸς τῷ $\overline{\theta}$ ἄρα γωνίαι ἴσαι εἰσὶν ἐφεξῆς, ὀρθαὶ ἄρα
 5 εἰσὶν· κάθετος ἄρα ἡ $\overline{\gamma\theta}$ ἐπὶ τὴν $\overline{\delta\zeta}$. καὶ μὴν καὶ
 εἴ τις λέγοι τὸν γραφόμενον



10 α — δ — β
 τῷ $\overline{\gamma\epsilon}$ ὥσπερ ἐπὶ τοῦ λεχθέντος ἔξομεν τὸ ζητού-
 μενον.

Τοσαῦτα καὶ περὶ τῶν τοῦ προβλήματος πτώσεων
 15 εἰρήσθω γυμνασίας ἕνεκα τῶν ἐντυγχανόντων· εἰ δὲ
 δεῖ καὶ θεωρίαν προσθεῖναι τοῖς δύο τούτοις προβλή-
 μασιν, ἔοικεν ἡ μὲν πρὸς ὀρθὰς ἀναγομένη μιμεῖσθαι
 ζωὴν αἰρομένην εἰς ὕψος ἀπὸ τῶν κοιλοτέρων καὶ
 ἀχράντως ἀνιοῦσαν καὶ μένουσαν ἄκλιτον πρὸς τὰ
 20 χεῖρονα, ἡ δὲ κάθετος ζωῆς μὲν εἰκὼν εἶναι κατιοῖσης
 τὴν ἀθροδοὺν καὶ τῆς κατὰ γένεσιν ἀοριστίας οὐκ ἀνα-
 πιμπλαμένης. ἡ γὰρ ὀρθὴ γωνία τῆς ἀκλινουῦς ἐστὶ
 καὶ τῇ ἰσότητι καὶ τῷ ὄρω καὶ τῷ πέρατι συνεχομένης

1 τέμνοντες G. 3 ἡ $\overline{\gamma\theta}$ τῇ $\overline{\gamma\delta}$ G, corr. C. 4 ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν ἐφεξῆς G, ἀλλήλαις del. not. C. 6 λέγει C.
 9 ἔξ ἑτέρω G, ἑξωτέρω C. 18 αἰρουμένην M, ἡρομέ-
 νην G, αἰρομένην C. 19 ἄκλιτον G, ἄκλιτον C. 20 κατ-
 ιούσης] καὶ κρατοῦσα (κατιοῦσα) H₂ p. 269. 21 ἀναπιπλα-
 μένης M.

ἐνεργείας σύμβολον, ὅθεν δὴ καὶ ὁ Τίμαιος τὸν θατέ-
 ρου κύκλον τὸν τοὺς λόγους ἔχοντα τῶν αἰσθητῶν
 ἐπὶ τῆς θείας ψυχῆς ὁρθὸν προσείρηκεν. ἐπὶ γὰρ τῶν
 ἡμετέρων κλᾶται παντοίας κλάσεις καὶ διαστροφὰς
 ὑπομένει ποικίλας ἀπὸ τῆς γενέσεως, ἐπὶ δὲ τῶν ὅλων 5
 ἄχραντος καὶ ἀρρεπῆς ἴδρυται πρὸ τῶν αἰσθητῶν. εἰ
 δὲ καὶ ἡ εὐθεῖα ἡ ἄπειρος σύμβολόν ἐστιν τῆς γενέ-
 σεως ὅλης τῆς ἀπείρου καὶ ἀορίστως κινουμένης καὶ
 αὐτῆς τῆς ὕλης τῆς μηδένα ὄρον μηδὲ μορφὴν λα-
 χούσης, τὸ δὲ ἔξω κείμενον σημεῖον τῆς ἀμεροῦς 10
 οὐσίας καὶ τῶν ἐνύλων ἐξηρημαμένης εἰκόνα φέροι,
 πάντως που καὶ ἡ ἀγομένη κάθεται ἀπομιμοῖτο ἂν τὴν
 ἐκ τοῦ ἐνὸς καὶ ἀμερίστου προιοῦσαν ζωὴν ἀχράντως
 εἰς τὴν γένεσιν. εἰ δὲ καὶ οὐκ ἄλλως δείκνυται οὕσα
 ἡ κάθεται ἢ ἀπὸ τῶν κύκλων, ἔχοι ἂν ἐνδειξιν καὶ 15
 τοῦτο || τῆς διὰ τὸν νοῦν ταῖς ζωαῖς ὑπαρχούσης ἀρ-
 ρεψίας. αὐτὴ μὲν οὖν καθ' ἑαυτὴν ἡ ζωὴ ἅτε κίνησις
 οὕσα ἀόριστός ἐστιν, ὁρίζεται δὲ καὶ ἀχράντου πλη-
 ροῦται δυνάμεως νοῦ μετασχοῦσα καὶ νῶ συμπροιοῦσα.

| Prop. XIII, theor. VI. Ὡς ἂν εὐθεῖα ἐπ' εὐ- 20
 θεῖαν σταθεῖσα γωνίας ποιῇ, ἥτοι δύο ὀρθάς,
 ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ.

Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκεν ἐπόμενος
 τοῖς διὰ τῶν προβλημάτων δεδειγμένοις. ἐπεὶ γὰρ

1 ὅτι C. 3 ὁρθὴν προσείρηκεν C. 4 κλύσεις C.
 6 ἡ δὲ G, εἰ δὲ C. 7 γενέσεως] γνώσεως H₂ p. 269.
 11 ἐξηρημένης G, ἐξηρημαμένης C. || φέρει G. 12 κάθ-
 οδος C. || ἀπομιμοῖτο G, ἀπομιμοῖτο C. 16 ὑπαρχούσης G,
 ὑπαρχούσαις M, C. || ἀρρεψίας C. 19 'unaque cum Mente
 progrediens' et in margine 'Mentique adhaerens' B, 'cum intel-
 lectu procedat' Z. B₃ = M, G. 20 M in margine θεωρ. ιγ.

ἦκται κάθετος ἐπὶ εὐθείαν καὶ πρὸς ὀρθάς, ἐπόμενον
 ἦν ζητῆσαι, εἰ μὴ κάθετος εἴη, τίνας ποιήσει γωνίας
 καὶ πῶς ἐχούσας πρὸς τῇ εὐθείᾳ ἢ ἐπ' αὐτῆς σταθεῖσα.
 τοῦτο τοίνυν καθόλου δείκνυσιν, ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ'
 5 εὐθείας τινὸς σταθεῖσα καὶ ποιοῦσα γωνίας ἢ δύο
 ποιεῖ ὀρθάς, εἰ ἀπαρέγκλιτος αὐτῆς ἢ στάσις εἴη καὶ
 ἀρρεπῆς ἐφ' ἐκάτερα, ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, εἰ τῇ μὲν
 ἐπικλίνοιτο, τῇ δὲ πλέον ἀφεστήκοι τῆς ὑποκειμένης
 εὐθείας. ὅσον γὰρ ἀφαιρεῖ τῆς μιᾶς ὀρθῆς κατὰ τὴν
 10 ἐπὶ θάτερα κλίσιν, τοσοῦτον προστίθῃσι τῇ λοιπῇ
 κατὰ τὴν ἀπόστασιν.

Δεῖ δὲ ἐφιστάνειν, ὅπως ἂν ταύτῃ τῇ προτάσει
 τῆς ἀκριβείας ὁ γεωμέτρης ἐφρόντισεν. οὐ γὰρ ἀπλῶς
 εἶπεν ὅτι πᾶσα εὐθεῖα ἐπ' εὐθείας σταῖσα ἢ δύο ὀρθάς
 15 ποιεῖ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλὰ ἐὰν γωνίας ποιῇ.
 τί γάρ, εἰ ἐπ' ἄκρας ἵσταμένη τῆς εὐθείας μίαν ποιεῖ
 γωνίαν, ἐνδέχεται ταύτην ἴσην εἶναι δύο ὀρθαῖς;
 ἀδύνατον δὴπου. πᾶσα γὰρ εὐθύγραμμος γωνία δύο
 ὀρθῶν ἐλάσσων ἐστίν, ὥσπερ πᾶσα στερεὰ τεττάρων
 20 ὀρθῶν ἐλάσσων. ἂν τὴν ἀμβλυτάτην οὖν δοκοῦσαν
 εἶναι λαμβάνῃς, ἀυξήσεις καὶ ταύτην ὥς οὕτω τὸ μέ-
 τρον ἀπολαβοῦσαν τῶν δύο ὀρθῶν. δεῖ τοίνυν οὕτως
 ἐφιστάναι τὴν εὐθεῖαν, ὥστε γωνίας ποιεῖν.

Τοῦτο μὲν οὖν, ὅπερ ἔφην, τῆς ἐπιστημονικῆς
 25 ἀκριβείας. τί δὲ βουλόμενος προσέθηκεν τὸ ἢ δύο
 ὀρθάς ποιεῖν ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας; καὶ γάρ, ὅταν

3—5 πῶς ἐχούσας . . . ποιοῦσα γωνίας om. G, C addit
 πῶς ἐχούσας . . . σταθεῖσα, omittit τοῦτο τοίνυν . . . τινὸς
 σταθεῖσα, addit καὶ ποιοῦσα γωνίας. 6 εἴη] ἢ M, ἢ G.
 12 ἀφιστάνειν G. || ταύτῃ] ταῦθα G, corr. C. 15 δυοῖν
 ὀρθαῖς G. 16 εἰ om. G, add. C. 25 προσέθηκε M, προσ-
 έθηκεν B₃, G, 'adiecit' B, Z.

ποιῇ δύο ὀρθαῖς, δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ. ἐαυταῖς γὰρ ἴσαι αἱ ὀρθαί. ἥ τὸ μὲν ἐστὶ κοινὸν καὶ τῶν ἴσων (?) γωνιῶν, τὸ δὲ ἴδιον τῶν ἴσων μόνων; εἰώθαμεν δέ, ὅταν μὲν καὶ τὸ ἴδιον || ἀληθεύῃ, καὶ τὸ κοινὸν ἀπὸ τοῦ ἰδίου σημαίνειν ἕκαστον, ὅταν δὲ ἐκείνου μὴ ⁵ τυγχάνωμεν, ἀρκεῖσθαι τῷ κοινῷ πρὸς τὴν δῆλωσιν τῶν ὑποκειμένων πραγμάτων. τὸ μὲν οὖν ἴσας ὀρθαῖς εἶναι τὰς ἐφεξῆς κοινόν ἐστὶ καὶ τῶν ὀρθῶν, ἀλλ' οὐ μόνων αὐτῶν κατηγορεῖται, τὸ δὲ ὀρθὰς εἶναι τῆς ἰσότητος αὐτῶν ἐξαίρετον ὑπάρχει. μόνον δὲ οὖν ¹⁰ ῥηθὲν τὸ ἴσας εἶναι δυσὶν ὀρθαῖς τὰς ἀνίσους σημαίνει· ταύταις γὰρ ἐπαληθεύεται μόνον, ταῖς δὲ ἴσαις οὐ. καὶ τοῦτο καὶ ὁ στοιχειωτὴς ἀντιδιαίρεται ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς. αὐτὸ γὰρ καθ' ἐαυτὸ τοῦτο λεγόμενον τῶν ἐφ' ἐκάτερα ἀνίσων ἐστὶν σημαντικόν. ἔξεστί γε ¹⁵ μὴν καὶ διὰ τούτων συνορᾶν, ὅπως ἡ ἰσότης καὶ τῆς ἀνισότητός ἐστὶ μέτρον καὶ ὄρος. εἰ γὰρ καὶ ἀόριστος ἐστὶ καὶ ἄπειρος ἡ τῆς ἀμβλείας γωνίας καὶ τῆς ὀξείας μείωσις τε καὶ αὔξεις, ὅμως περαίνεσθαι καὶ ἀφορίζεσθαι λέγεται παρὰ τῆς ὀρθῆς. καὶ ἑκατέρω μὲν χω- ²⁰ ρὶς ἀφίσταται (?) καὶ ἀφίσταται τῆς πρὸς ἐκείνην ὁμοιότητος, ἀμφοτέραι δὲ κατὰ μίαν ἔνωσιν ἐπαν- ἄγονται πρὸς τὸν ὄρον τὸν ἐκείνης. ἐπειδὴ δὲ πρὸς τὴν ἀπλότητα τῆς ὀρθῆς ἀδυνατοῦσιν ἐξισοῦσθαι,

1 δύο ὀρθαῖς om. M, C. || ποιῇ M, C. 2 ἥ M, G. || ἴσων] ἀνίσων Kn. II; mihi videtur scribendum καὶ τῶν ἴσων καὶ τῶν ἀνίσων. quae H₂ p. 269 affert, haec verba non continent.

4 ὅτε G, ὅταν C. 5 σημαίνει C. 9 οὐ μόνον G. 10 δὲ] δὲ C. 12 ἴσαις] ἀνίσοις coniecit Kn. II. 16 διὰ τοῦτο G.

17 καὶ ante ἀόριστος om. G. 20 χωρὶς ἀφίστασθαι M, B₃, C; putaveris χωρὶς ἀλλοιοῦνται vel simile quid fuisse scriptum. 21 ἀφίσταται καὶ om. B, 'similitudine ad illam accedunt et ab illa recedunt' Z.

διπλασιαζομένης αὐτῆς τὴν ἰσότητα καταδέχονται.
 παράδειγμα τῆς ἀπειρίας αὐτῶν ἡ δυὰς ἀόριστος οὕσα
 καθ' αὐτήν. καὶ τοῦτο ἐναργῆ φέρειν ἔοικεν εἰκόνα
 τῆς τῶν πρωτουργῶν αἰτίων καὶ καθ' ἓνα ὄρον ἐστῶ-
 5 των ἀεὶ ὡσαύτως περὶ τὴν ἀπειρίαν τῆς γενέσεως
 προόδου. πῶς γὰρ ἄλλως ἢ γένεσις ἢ τοῦ μᾶλλον
 μετέχουσα καὶ ἦττον καὶ ἀορίστως φερομένη συναρμό-
 ζεται τοῖς νοητοῖς καὶ συνεξισοῦνται πῶς αὐτοῖς διὰ
 τῆς μεθέξεως ἢ ταῖς γονίμοις δυνάμεσιν ἐκείνων προ-
 10 ὑόντων καὶ ἑαυτὰ πολλαπλασιαζόντων μόνον; τὰ γὰρ
 ἐν τῇ ἑαυτῶν ἀπλότητι καὶ ἀμερεία παντελῶς ἐξήρηται
 τῶν γενητῶν.

Τοσαῦτα καὶ ἀπὸ τούτου τοῦ θεωρήματος εἰς τὴν
 τῶν ὅλων γνῶσιν παραληπτέον.

15 Prop. XIII, theor. VII. Ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ
 καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γωνίας δύο ὁρ-
 θαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας ἔσονται ἀλλή-
 λαις αἱ εὐθεῖαι.

20 Τοῦτο τὸ θεώρημα τοῦ ἀποδειχθέντος ἐστὶν ἀντί-
 στροφον. ἔπεται γὰρ ἀεὶ τὰ ἀντίστροφα τοῖς προ-
 ηγουμένοις θεωρήμασιν. ἐκείνου τοίνυν συστήσαντος
 εὐθεῖαν ἐπ' εὐθείας καὶ δείξαντος ὅτι τὰς ἐφεξῆς ἢ
 δύο ὁρθὰς ποιεῖ ἢ δύο ὁρθαῖς ἴσας, τοῦτο λαμβάνει
 25 μὲν πρὸς εὐθείᾳ τινὶ δύο γιγνομένης ὁρθάς, || δείκνυσι

9 ἢ ταῖς] ἢ τε *M*, *B*₃, *C*. 'nisi per participationem, dum ... multiplicantur' *B*, 'vel generativis potentiis' *Z*. 15 *M* in

marginē θεωρ. ιδ. 20 ὑποδειχθέντος *G*, ἀποδειχθέντος *C*.

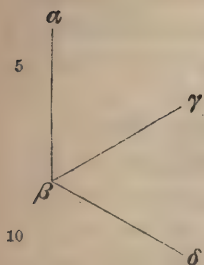
22 συστήαντος *G*. 24 ποιεῖν *M*, *C*. || δυεῖν ὁρθαῖς *G*.

δὲ ὅτι μία ἐστὶν εὐθεία ἢ ταῦτα ποιοῦσα πρὸς τῇ
εἰρημένῃ εὐθείᾳ. τὸ τοίνυν ἐν ἐκείνῳ δεδομένον ἐν
τούτῳ ζητεῖται καὶ δείκνυται διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον
ἀπαγωγῆς. οὕτω γὰρ φιλεῖ τὰ ἀντίστροφα δείκνυσθαι
τῶν θεωρημάτων. ἐν δέ γε τοῖς προβλήμασι καὶ προ- 5
ηγουμένας ἐπιδέχεται κατασκευάς.

Ἐξεστὶ δὲ καὶ τούτῳ τὴν ἀκροτάτην ἀκρίβειαν
καὶ ἀνυπερβλητον τῆς ἐπιστημονικῆς ἐρμηνείας ὁρᾶν.
πρῶτον μὲν γὰρ εἰπὼν Ἐὰν πρὸς τινὶ εὐθείᾳ
προστίθῃσιν καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ. τί γάρ, εἰ 10
δύο περάτων ὄντων τῆς εὐθείας ἢ μὲν ἀπὸ τοῦ ἑτέρου
ἦχθη, ἢ δὲ ἀπὸ τοῦ λοιποῦ, καὶ δύο ἐποιοῦν ὁρθαῖς
ἴσας τὰς πρὸς τῇ εὐθείᾳ γωνίας; ἄρα διὰ τοῦτο ἐπ'
εὐθείας εἶναι ἡδύναντο; καὶ πῶς αἱ ἀπὸ διαφό-
ρων τῆς αὐτῆς εὐθείας ἡγμέναι σημείων; διὰ δὲ τοῦτο 15
προσέθηκεν τὸ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ ἀμφοτέ-
ρας πρὸς ἐνὶ σημείῳ κείσθαι βουλόμενος. δεύτερον
δέ, ἐπειδὴ καὶ πρὸς τῷ αὐτῷ τῆς εὐθείας εἶναι σημείῳ
τὰς ἀγομένας δυνατὸν ἦν καὶ μὴ εἶναι ἐφεξῆς — μν-
ρίας γὰρ εὐθείας πρὸς ἐνὶ σημείῳ λαβεῖν ἐνδέχεται 20
— προσέθηκεν τὸ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς. τρίτον δέ,
ἐπεὶ τὸ ἐξῆς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη καὶ ἐφ' ἐκάτερα
θεωρεῖται, τὰς δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη κειμένας ἐξῆς
ἐπ' εὐθείας ἀλλήλαις ἀδύνατον εἶναι, τοῦτο μὲν ἀ-
έφησεν, παρέσχεεν δὲ ἡμῖν ἐννοεῖν ὅτι ἐφ' ἐκάτερα 25
ληπτέον τῇ θέσει τὰς ἐφεξῆς. αὗται γὰρ δυνήσονται
καὶ ἐπ' εὐθείας δείκνυσθαι. ἔστωσαν πρὸς τῇ $\alpha\beta$

5 γε om. G, add. C. 6 ἐπιδέχεται] δέχεσθαι τὰς G,
corr. C. 21 εὐθεῖαι ἐφεξῆς C. 22 ἐπὶ τὸ ἐξῆς M, G,
ἐπεὶ τὸ ἐξῆς C. 24 ἀπέφηνε G. 26 δυνήσονται] ληφθή-
σονται G, δυνήσονται C.

εὐθεία δύο εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αἱ $\overline{βγ}$ $\overline{βδ}$.
αὗται τοίνυν ἐξῆς μὲν εἰσιν ἀλλήλαις· ἄλλη γὰρ



αὐτῶν οὐκ ἔστιν εὐθεῖα μεταξύ.
ταῦτα δὲ ἦν ἐφεξῆς, ὧν μηδέν ἐστιν
ὁμοιον μεταξύ. καὶ γὰρ κίονας τού-
τους ἐφεξῆς λέγομεν, ὧν μή ἐστιν
ἄλλη κίων ἐν μέσῳ· καίτοι γε ἀήρ
ἐστι πάντως μέσος, ἀλλ' οὐδὲν ὁμο-
γενὲς μεταξύ. διὰ δὲ οὖν τὸ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη κεῖσθαι τὸ ἐπ' εὐθείας
οὐκ ἔχουσιν, εἰ καὶ δύο ποιοῦσι γω-

νίας ὀρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς τῇ $\overline{αβ}$ γωνίας. κωλύει γὰρ
οὐδὲν μιᾶς μὲν εἶναι καὶ τρίτου τὴν ὑπὸ $\overline{αβδ}$, τοῦ
δὲ λοιποῦ διμοίρου τὴν ὑπὸ $\overline{αβγ}$.

15 || Τοσαῦτα περὶ τῆς προτάσεως· ἐν δὲ τῇ κατα-
σκευῇ χρῆται ἐνὶ αἰτήματι τῷ δευτέρῳ τῷ πᾶσαν
εὐθεῖαν πεπερασμένην ἐπ' εὐθείας ἐκβάλλειν αἰτου-
μένῳ, καθάπερ ἐν τῇ ἀποδείξει τῷ πρὸ τούτου θεω-
ρήματι, καὶ δυσὶν ἀξιώμασι, τῷ τε τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
20 [καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ τῷ ἐὰν ἀπὸ ἴσων ἴσα ἀφαιρεθῇ
τὰ λοιπὰ εἶναι ἴσα, πρὸς δὲ τὴν τοῦ ἀδυνάτου συν-
αγωγὴν, ὅτι τὸ ὅλον τοῦ μέρους μεῖζόν ἐστιν. ἦν δὲ
καὶ ἴσον μιᾶς τῆς κοινῆς γωνίας ἀφηρημένης, ὅπερ
ἐστὶν ἀδύνατον.

1 εὐθεῖα δύο om. M. 6 καὶ ante ὧν add. G. 7 ἄλλη
M, C. ἄλλος G sed fortasse ex coniectura tantum, cum τούτους
praecedat. 12 πρὸς τῇ $\overline{αβ}$] B in contextu 'ad Lineam ab'

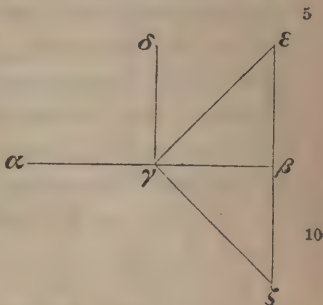
in margine 'Signum b'. 'qui sunt in $\overline{α}$ et $\overline{β}$ ' Z. || γωνία M, G.

20 καὶ ἀλλήλοις ἴσα om. M, G. 23 Post γωνίας addit M
κινήσεως γωνίας.

Ὅτι δὲ ἄρα δυνατόν πρὸς τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ καὶ τῷ
πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθείας ἐξῆς κειμένας ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέντοι μέρη δύο ποιεῖν ὀρθαῖς ἴσας τὰς πρὸς
τῇ μιᾷ εὐθείᾳ γωνίας, δείξομεν οὕτως, ὥσπερ Πορ-
φύριος. ἔστω τις εὐθεῖα

ἡ $\overline{αβ}$ καὶ σημείον τὸ τυ-
χὸν ἐπ' αὐτῆς τὸ $\overline{γ}$, καὶ
τῇ $\overline{αβ}$ ἡχθῶ πρὸς ὀρθὰς ἡ
 $\overline{γδ}$, καὶ τετμήσθω δίχα ἡ
ὑπὸ $\overline{δγβ}$ τῇ $\overline{γε}$, καὶ ἀπὸ
τοῦ $\overline{ε}$ κάθετος ἡ $\overline{εβ}$, καὶ
ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{εβ}$, καὶ κεί-

σθῶ τῇ $\overline{εβ}$ ἴση ἡ $\overline{βζ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{γζ}$. ἐπεὶ οὖν
ἴση ἡ $\overline{εβ}$ τῇ $\overline{βζ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{βγ}$ καὶ γωνίας ἴσας περι-
έχουσιν — ὀρθαὶ γὰρ εἰσιν —, βάσεις ἄρα ἡ $\overline{εγ}$ βάσει 15
τῇ $\overline{γζ}$ ἴση καὶ πάντα δὴ πᾶσιν. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{εγβ}$ γωνία
ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ζγβ}$. ἡμίσεια δὲ ὀρθῆς ἡ ὑπὸ $\overline{εγβ}$ —
δίχα γὰρ τέμνεται ὀρθὴ τῇ $\overline{εγ}$ — ἡμίσεια ἄρα ὀρθῆς
ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{ζγβ}$. μιᾶς ἄρα καὶ ἡμισείας ὀρθῆς ἐστὶν
ἡ ὑπὸ $\overline{δγζ}$. ἐστὶν δὲ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{δγε}$ ἡμίσεια ὀρθῆς 20
πρὸς τῇ $\overline{γδ}$ ἄρα εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ



6 τὸ ante τυχὸν om. G. 14 κοινὴ δὲ ἐστὶν ἡ $\overline{βγ}$ G. ||
ἴσας om. M. 18 τέμνεται G. || ὀρθῇ M. || τῇ $\overline{εγ}$ ἡ $\overline{εγζ}$ G,
corr. C. || ἡμίσεια ἄρα ἡμισείας ὀρθῆς M. 19 ἡ ὑπὸ $\overline{ζγβ}$.
μιᾶς ἄρα om. G. || καὶ ante ἡμισείας om. M. || καὶ ἡμισείας
ὀρθῆς ἐστὶν] καὶ ὀρθῇ G.

$\overline{\gamma}$ δύο εὐθείαι ἐξῆς κεῖνται ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη αἱ $\overline{\gamma\epsilon}$
 $\overline{\gamma\zeta}$ ποιοῦσαι δύο ὀρθαῖς ἴσας γωνίας, ἡμίσειαν μὲν ἢ
 $\overline{\gamma\epsilon}$, μίαν δὲ καὶ ἡμίσειαν ἢ $\overline{\gamma\zeta}$. Ἴν' οὖν μὴ ζητῶμεν
ἀδύνατα, πῶς αἱ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\gamma\zeta}$, ποιοῦσαι τὰς πρὸς τῇ $\delta\gamma$
5 γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἀλλήλαις εἶδιν ἐπ' εὐθείας,
προσέθηκεν ὁ γεωμέτρης τὸ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.
δεῖ τοίνυν ἐφ' ἑκάτερα τῆς εὐθείας κεῖσθαι τὰς ποι-
ούσας πρὸς αὐτὴν δυσὶν || ὀρθαῖς ἴσας τὰς γωνίας,
ἀφ' ἐνὸς μὲν ὠρμημένας σημείου, φερομένας δὲ τὴν
10 μὲν ἐπὶ τὰδε τὴν δὲ ἐπ' ἐκεῖνα τῆς εὐθείας.

Prop. XV, theor. VIII. Ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνω-
σιν ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας
ἀλλήλαις ποιοῦσι.

Τὰς ἐφεξῆς γωνίας τῶν κατὰ κορυφὴν διαφέρειν
15 φαμέν· τῶν μὲν γὰρ ἢ γένεσις κατὰ τὴν τομὴν γίνεται
τῶν δύο εὐθειῶν, τῶν δὲ τῆς ἐτέρας μόνον περὶ τὴν
ἐτέραν διαιρουμένης. ἐὰν γὰρ ἡ εὐθεῖα αὐτὴ μὲν ἄτμη-
τος, τέμνουσα δὲ τῷ ἐαυτῆς πέρατι ἐκείνην δύο ποιῇ
γωνίας, ταύτας καλοῦμεν ἐφεξῆς, ἐὰν δὲ ὑπ' ἀλλήλων
20 τμηθῶσι δύο εὐθεῖαι κατὰ κορυφὴν ἀποτελοῦνται γω-
νίαι. καλοῦνται δὲ οὕτως, ὅτι τὰς κορυφὰς εἰς ταὐτὸ
συμβαλλούσας ἔχουσι σημεῖον. κορυφαὶ δὲ αὐτῶν
τὰ σημεῖα, πρὸς ἃ συναγόμενα τὰ ἐπίπεδα τὰς γω-
νίας ποιεῖ.

4 ἀδύνατον G. 6—7 προσέθηκεν . . . τῆς εὐθείας
om. G, add. C. 9 ὠρμημένας G. 11 M in margine $\overline{\iota\epsilon}$.
17 διαιρουμένην M, C. || αὐτῇ M. 19 ὑπ' ἐπ' C.

Τοῦτο τοίνυν τὸ θεωρήμα δείκνυσιν, ὅτι δύο εὐθειῶν ἀλλήλας τεμνουσῶν αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι ἴσαι εἰσὶν, εὐρημένον μὲν, ὥς φησὶν Εὐδήμος ὑπὸ Θαλοῦ πρώτου, τῆς δὲ ἐπιστημονικῆς ἀποδείξεως ἡξιωμένον παρὰ τῷ στοιχειωτῇ. δέκνυνται δὲ οὐκ ἐκ 5 πάντων τῶν κεφαλαίων. ἡ μὲν γὰρ κατασκευὴ ἐκλείπειν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἀπόδειξις, ἣν πάντως ἀναγκαῖον ὑπάρχειν, ἥρτηται τοῦ τρισκαιδεκάτου θεωρήματος, προσχωρῆται δὲ καὶ ἀξιώμασι δυοῖν, ὧν τὸ μὲν ἐστὶ τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἴσα, τὸ δὲ ἐὰν ἀπὸ ἴσων 10 ἴσα ἀφαιρεθῇ τὰ λοιπὰ ἴσα ἐστίν.

Ἀλλὰ τὸ μὲν Εὐκλείδιον θεωρήμα φανερόν· ἀντιστρέφει δὲ τῷ θεωρήματι ἄλλο τοιοῦτον· ἐὰν πρὸς τινι εὐθείᾳ εὐθεῖαι μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ληφθεῖσαι ποιῶσι τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας ἴσας, ἐπ' εὐθείας 15 ἔδονται ἀλλήλαις αἱ εὐθεῖαι. ἔστω γὰρ τις εὐθεῖα ἡ

$\overline{αβ}$ καὶ ἐπ' αὐτῆς | τυχὸν σημεῖον

τὸ $\overline{γ}$, καὶ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ δύο εὐθεῖαι

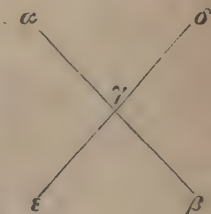
αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη εἰληφθῶσαν ἴσας ποιῶσαι τὰς

ὑπὸ $\overline{αγδ}$ $\overline{βγε}$ γωνίας· λέγω ὅτι

ἐπ' εὐθείας εἰσὶν αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$. ἐπεὶ

γὰρ ἡ $\overline{γδ}$ ἐπὶ τὴν $\overline{αβ}$ ἐφέστηκεν, δύο ὀρθαῖς ἴσας

ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{δγα}$ $\overline{δγβ}$ · ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{δγα}$ ἴση ἐστὶν



20

5—6 *M* in margine: ση. ὅτι οὐκ ἐκ πάντων δέκνυνται τοῦτο τὸ θεωρήμα τῶν κεφαλαίων. 8 εἴρηται *G*, ἥρτηται *C*.

9 δὲ ante καὶ om. *G*. 16 ἀλλήλαις om. *G*, add. *C*.

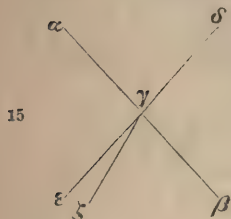
19—22 μὴ ἐπὶ . . . αἱ $\overline{γδ}$ $\overline{γε}$ om. *G*, add. *C*. 24 τὰς ὑπὸ

$\overline{δγα}$ $\overline{δεβ}$ *M*.

τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\delta\gamma\beta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι
εἰσίν. || ἐπεὶ οὖν πρὸς τινι εὐθείᾳ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ δύο εὐθεῖαι
ἐξῆς αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐφεξῆς γω-
νίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλ-

5 λήλαις αἱ $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$. δέδεικται οὖν τὸ ἀντίστροφον τῷ
προκειμένῳ θεωρήματι· ἔοικεν δὲ ὁ γεωμέτρης αὐτὸ
παραλιπεῖν ὥς ῥάδιον κατὰ τὴν αὐτὴν ἔφοδον διὰ
τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς δεικνύναι καὶ τοῦτο, καθ'
ἣν τὸ πρὸ αὐτοῦ δεδείχαμεν. τῶν γὰρ αὐτῶν ὑπο-

10 κειμένων λέγω, ὅτι ἐπ' εὐθείας ἐστὶν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$. εἰ
γὰρ μὴ ἐστίν, εἰλήφθω τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας ἡ $\overline{\gamma\zeta}$. ἐπεὶ
οὖν δύο εὐθεῖαι τέμνουσιν ἀλλή-



15 λας αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\delta\zeta}$ τὰς κατὰ κορυφὴν
γωνίας ποιοῦσιν ἴσας· ἴσαι ἄρα
εἰσὶν αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\zeta}$ · ἀλλ' ἦσαν
ἴσαι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\delta}$ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ · ἡ ἄρα
ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\epsilon}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\beta\gamma\zeta}$, ἡ μεί-
ζων τῇ ἐλάσσονι, ὅπερ ἀδύνατον·

οὐκ ἄρα ἄλλη τίς ἐστὶν εὐθεῖα τῇ $\overline{\gamma\delta}$ ἐπ' εὐθείας, αἱ
20 ἄρα $\overline{\gamma\delta}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἐπ' εὐθείας εἰσὶ τῶν κατὰ κορυφὴν γω-
νιῶν ἴσων ὑποκειμένων. τῆς οὖν αὐτῆς ἀποδείξεως
οὔσης, ἥτις καὶ ἐπὶ τοῦ τεσσαρεσκαίδεκάτου θεωρή-
ματος προσεῖληπτο, πῶς οὐ περιέρχον ἦν καὶ ταύτην
ἐπάγειν τὴν ἀντιστροφὴν; γυμνασίας δὲ ἔνεκα καὶ διὰ

13 αἱ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ $\overline{\delta\zeta}$ G, καὶ del. not. C. 16 καὶ ἡ M. 21 ἴσων
τῶν ὑποκειμένων M, G. 22 τρισκαίδεκάτου G, τεσσαρεσκαίδε-
κάτου C. 23 προσεῖληπται G. || καὶ ante ταύτην om. G, add. C.

τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς αὐτὸ καὶ διὰ τῆς δεικτικῆς ἐφόδου κατεσκευάσαμεν.

Ἔοικεν δὲ τοῦτο τὸ πεντεκαιδέκατον θεωρημα τῇ ὁμοιομερείᾳ τῶν εὐθειῶν καὶ τῇ ἐπ' ἄκρον τάσει θαρρεῖν, διότι τὰς οὕτως ἐχούσας γραμμὰς καὶ φερομένας ⁵ δι' ἀλλήλων ἀναγκαῖον ὁμοίας ἔχειν τὰς κλίσεις πρὸς ἀλλήλας ἐφ' ἑκάτερα καὶ τὰς αὐτάς. αἱ γοῦν περιφέρειαὶ καὶ ὅλως αἱ μὴ εὐθεῖαι τέμνουσαι ἀλλήλας τὰς κατὰ κορυφὴν γωνίας οὐ ποιοῦσιν ἐξ ἀνάγκης ἴσας, ἀλλὰ ποτὲ μὲν ἴσας, ποτὲ δὲ ἀνίσους. ἐὰν γὰρ δύο ¹⁰ ἴσοι κύκλοι διὰ τῶν κέντρων τέμνωσιν ἀλλήλους ἢ καὶ μὴ διὰ τῶν κέντρων, τὰς μηνοειδεῖς γωνίας ἴσας ποιοῦσι κατὰ κορυφὴν οὕσας, ἀλλ' οὐκέτι τὰς λοιπὰς, τὴν τε ἀμφίκυρτον καὶ τὴν ἀμφίκοilon, ἀλλὰ μείζω τὴν ἑτέραν. ἐπὶ δὲ τῶν εὐθειῶν ἢ ἐπ' ἄκρον τάσεως ¹⁵ ἴσην τῶν τῆς ἑτέρας τμημάτων || πρὸς τὰ τῆς ἑτέρας τμήματα ποιεῖ τὴν ἀπόστασιν.

Porisma. Ἐκ δὲ τούτου φανερόν ὅτι, ἐὰν δύο εὐθεῖαι τέμνωσιν ἀλλήλας, τὰς τέτταρας γωνίας τέτταρσιν ὁρθαῖς ἴσας ποιοῦσιν. 20

Ἐν τι τῶν γεωμετρικῶν ἐστὶν ὀνομάτων τὸ πορίσμα. τοῦτο δὲ σημαίνει διττόν· καλοῦσι γὰρ πορίσματα καὶ ὅσα θεωρήματα συγκατασκευάζεται ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, οἷον ἔρμαια καὶ κέρδη τῶν ζητούντων ὑπάρχοντα, καὶ ὅσα ζητεῖται μὲν, εὐρέσεως δὲ ²⁵ χρῆζει καὶ οὔτε γενέσεως μόνης οὔτε θεωρίας ἀπλῆς.

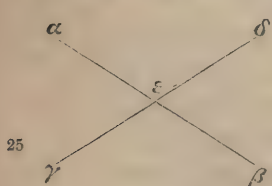
4 ὁμοιομερεία M. 7 καὶ πρὸς αὐτάς G, καὶ τὰς αὐτάς C.

11 ἀλλήλους om. M, C. 13 ποιῶσι M, C. 15 ἄκρον C.

18 τούτων G, τούτου C. 26 χρῆζει M, G.

ὅτι μὲν γὰρ τῶν ἰσοσκελεῶν αἱ πρὸς τῇ βάσει ἴσαι
 θεωρῆσαι δεῖ, καὶ ὄντων δὴ τῶν πραγμάτων ἐστὶν ἡ
 τοιαύτη γνῶσις. τὴν δὲ γωνίαν δίχα τεμεῖν ἢ τρίγωνον
 συστήσασθαι ἢ ἀφελεῖν ἢ θέσθαι, ταῦτα πάντα
 5 ποίησιν τινος ἀπαιτεῖ, τοῦ δὲ δοθέντος κύκλου τὸ
 κέντρον εὑρεῖν, ἢ δύο δοθέντων συμμετρων μεγεθῶν
 τὸ μέγιστον καὶ κοινὸν μέτρον εὑρεῖν, ἢ ὅσα τοιάδε,
 μεταξὺ πῶς ἐστὶ προβλημάτων καὶ θεωρημάτων. οὔτε
 γὰρ γενέσεις εἰσὶν ἐν τούτοις τῶν ζητουμένων, ἀλλ'
 10 εὐρέσεις, οὔτε θεωρία ψιλή. δεῖ γὰρ ὑπ' ὅψιν ἀγα-
 γεῖν καὶ πρὸ ὁμμάτων ποιήσασθαι τὸ ζητούμενον. τοι-
 αῦτα ἄρα ἐστὶν καὶ ὅσα Εὐκλείδης πορίσματα γέ-
 γραφε, γ' βιβλία πορισμάτων συντάξας.

Ἀλλὰ περὶ μὲν τῶν τοιούτων πορισμάτων παρ-
 15 εἰσθῶ λέγειν, τὰ δὲ ἐν τῇ στοιχειώσει πορίσματα συν-
 αναφαίνεται μὲν ταῖς ἄλλων ἀποδείξεσιν, αὐτὰ δὲ
 προηγουμένης οὐ τυγχάνει ζητήσεως· οἷον καὶ τὸ νῦν
 προκείμενον. ἐξητεῖτο μὲν γὰρ, εἰ δύο εὐθειῶν τεμνου-
 σῶν ἀλλήλας αἱ κατὰ κορυφὴν γωνίαι ἴσαι εἰσὶ. τούτῳ
 20 δὲ δεικνυμένῳ συναποδέδεικται τὸ καὶ τὰς τέτταρας
 γωνίας εἶναι τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας. ὅτε γὰρ ἐλέγομεν·



ἔστωσαν εὐθεῖαι δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$
 τέμνουσαι ἀλλήλας κατὰ τὸ ϵ
 σημεῖον· ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ἐπὶ
 τὴν $\overline{\gamma\delta}$ ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς
 ἐφεξῆς || δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας,

5 δὲ om. G, add. C. 12 πορίσματα Εὐκλείδης G. || γέ-
 γραφεν M, γέγραφε G. 13 γ', quod om. M, B₃, G, B, Z, N. p. 438,
 ego addidi ex Pappi coll. libr. VII p. 4, ed. Gerhard. || προβλη-
 μάτων G, N, πορισμάτων C. 17 οὐ om. G. 18 ἐξητεῖτο C. ||
 εἰ om. G, add. C. 20 συναποδείκνυνται G, συναποδέδεικται C.

καὶ πάλιν ἐπεὶ ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$ ἐφέστηκεν, ποιεῖ τὰς ἐφεξῆς δυσὶν ὁρθαῖς ἴσας· τότε συναπεδείκνυνται τῷ ζητουμένῳ ὅτι αἱ περὶ τὸ $\overline{\epsilon}$ σημεῖον γωνίαι τέτταρσιν ὁρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ἔστιν οὖν τὸ πόρισμα θεωρήμα διὰ τῆς ἄλλου 5 προβλήματος ἢ θεωρήματος ἀποδείξεως ἀπραγματεύτως ἀναφαινόμενον. οἷον γὰρ κατὰ τύχην περιπίπτειν εἰκόταμεν τοῖς πορίσμασιν· οὐ γὰρ προθεμένοις οὐδὲ ζητήσασιν ἀπαντᾷ, ὅθεν αὐτὰ καὶ τοῖς ἐρμαίοις εἰκάσαμεν. καὶ ἴσως οἱ δεινοὶ τὰ μαθήματα κατ' αὐτὴν 10 αὐτοῖς ἔθεντο τὴν ἐπωνυμίαν ἐνδεικνύμενοι τοῖς πολλοῖς καὶ περὶ τὸ φαινόμενον κέρδος ἐπτοημένοις ὅτι ἄρα τὰ ἀληθῆ τοῦ θεοῦ δῶρα καὶ τὰ ἔρμαια ταῦτά ἐστιν, οὐχ οἷα ἐκείνοις δοκεῖ. ταῦτα γὰρ ὁ ἐν ἡμῖν πόρος ἀπογεννᾷ καὶ ἡ γόνιμος δύναμις τῆς ἐπιστήμης 15 προσβάλλει ταῖς προηγουμέναις ζητήσεσιν εὐπορίας ἀφθόρους | θεωρημάτων ἀναφαίνουσα.

Τὴν μὲν οὖν ιδιότητα τῶν πορισμάτων τοιαύτην εἶναι λεκτέον. διαιρετέον δὲ αὐτὰ πρῶτον μὲν κατὰ τὰς ἐπιστήμας — ἐστὶ γὰρ τὰ μὲν γεωμετρικὰ τὰ δὲ 20 ἀριθμητικὰ τῶν πορισμάτων. τὸ μὲν γὰρ προκείμενον πόρισμα γεωμετρικόν ἐστι, τὸ δὲ ἐπὶ τέλει τοῦ δευτέρου θεωρήματος τοῦ ξ βιβλίου τῶν ἀριθμητικῶν — ἔπειτα δὲ κατὰ τὰ προηγουμένα ζητήματα — τὰ μὲν

1—2 καὶ πάλιν . . . ὁρθαῖς ἴσας om. G. 5 τοῦ ἄλλου G. 10 μαθηματικά G. || κατὰ ταύτην G, κατ' αὐτὴν C.
12 ἐπὶ G, περὶ C. 13 τοιαῦτά ἐστιν C. 18 τοιαῦτα G, τοιαύτην C. 20—21 M in margine: τὰ πορίσματα

τὰ μὲν γεω- \wedge τὰ δὲ ἀριθ-
μετρικὰ μητικά.

23 ἐβδόμου G, ξ C.

24 δὲ κατὰ] δέκα τὰ G.

γὰρ προβλήμασιν ἔπεται, τὰ δὲ θεωρήμασι· τοῦτο μὲν
 γὰρ θεωρήματός ἐστι, τὸ δὲ ἐν τῷ δευτέρῳ βιβλίῳ
 κείμενον προβλήματος — τρίτον δὲ αὖ κατὰ τὰς δει-
 ξεις — τὰ μὲν γὰρ ταῖς δεικτικαῖς ἐφόδοις, τὰ δὲ
 5 ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγαῖς συγκατασκευάζεται· τὸ
 μὲν προκείμενον τῇ ἐπ' εὐθείᾳ δείξει, τὸ δὲ τῷ πρώτῳ
 τοῦ τρίτου βιβλίου συναποδεδειγμένον τῇ εἰς ἀδύνα-
 τον ἀπαγωγῇ συνανεφάνη. πολλαχῶς δὲ καὶ ἄλλως
 τὰ πορίσματα διαιρεῖν δυνατόν· ἀλλ' ἡμῖν γε ἀρκέσει
 10 καὶ ταῦτα πρὸς τὸ παρόν.

Τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα, περὶ οὗ πρόκειται λέγειν,
 διδάσκον ἡμᾶς ὅτι ὁ περὶ ἐν σημεῖον τόπος εἰς τέτρα-
 σιν ὀρθαῖς ἴσας γωνίας διανέμεται, παρέσχεν ἀφορ-
 μὴν κἀκεῖνῳ τῷ παραδόξῳ θεωρήματι τῷ δεικνύντι
 15 μόνᾳ τρία ταῦτα πολύγωνα πληροῦν δυνάμενα τὸν
 περὶ ἐν σημεῖον ὅλον τόπον, τὸ ἰσόπλευρον τρίγωνον
 καὶ τὸ τετράγωνον καὶ τὸ ἑξάγωνον τὸ ἰσόπλευρον
 καὶ ἰσογώνιον. ἀλλὰ τὸ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον
 ἑξάκις παραληφθέν — ἕξ γὰρ δίμοιρα ποιήσῃ τὰς
 20 τέσσαρας ὀρθὰς — τὸ δὲ ἑξάγωνον τρεῖς γενόμενον —
 ἑκάστη γὰρ ἑξαγωνικὴ γωνία ἴση ἐστὶ μιᾷ ὀρθῇ καὶ
 τρίτῳ — τὸ δὲ τετράγωνον τετράκις — ἑκάστη γὰρ
 τετραγωνικὴ γωνία ὀρθή ἐστιν. ἕξ οὖν ἰσόπλευρα τρί-
 γωνα συννεύσαντα κατὰ τὰς γωνίας τὰς τέσσαρας ὀρ-
 25 θὰς συμπληροῖ || καὶ τρία ἑξάγωνα καὶ τετράγωνα τέσ-
 σαρα. καὶ ἕκαστον δὲ τῶν ἄλλων πολυγώνων ὅπως οὖν
 ἐπισυντιθέμενον κατὰ τὰς γωνίας ἢ ἐλλείπει τῶν τεσ-

1 γὰρ ante προβλήμασιν om. G. 15 ταῦτα τὰ τρία H_2
 p. 256, τρία H_2 p. 271. || πληροῦν δυνάμενα] πληρούμενα G,
 πληροῦν δυνατόν C. 16 Post τρίγωνον G addit καὶ τετρά-
 γωνον. 20 τρεῖς M, G, 'ter' B, Z. 20—24 τέσσαρας ...
 γωνίας τὰς om. B_3 .

σάρων ὀρθῶν ἢ πλεονάζει· μόνα δὲ ταῦτα κατὰ τοὺς εἰρημένους ἀριθμοὺς ἐξισοῦται ταῖς τέτρασιν ὀρθαῖς. καὶ ἐστὶ τὸ θεωρημα τοῦτο Πυθαγόρειον.

Διὰ τοῦτο δὲ τὸ πόρισμα καὶ πλείους εὐθεῖαι τῶν δυεῖν δι' ἐνὸς σημείου τέμνωσιν ἀλλήλας, οἷον ⁵ τρεῖς ἢ τέτταρες ἢ ὀποσαιοῦν, αἱ γινόμεναι γωνίαι πᾶσαι τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι δείκνυνται· μερίζονται γὰρ τὸν τεσσάρων τόπον. δῆλον δὲ ὅτι διπλασίους αἰ γενήσονται τῶν εὐθειῶν αἱ γωνίαι· καὶ οὕτω δύο μὲν εὐθειῶν τεμνουσῶν ἀλλήλας ἔσονται γωνίαι τέσ- ¹⁰ σαρρες ἴσαι τέτρασιν ὀρθαῖς, τριῶν δὲ ἕξ γωνίαι, τεσσάρων δὲ ὀκτώ· καὶ ἐπ' ἄπειρον ὁμοίως. αἰ γὰρ διπλασιάζεται μὲν τὸ πλῆθος τῶν εὐθειῶν. αἱ δὲ γωνίαι κατὰ μὲν τὸ πλῆθος αὖξονται, κατὰ δὲ τὸ μέγεθος ἐλασσοῦνται, διότι τὸ διαιρούμενον αἰ ταυτόν ¹⁵ ἐστίν, αἱ τέσσαρες ὀρθαί.

Prop. XVI, theor. VIII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἢ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου γωνία ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ²⁰ μείζων ἐστίν.

Ταύτην τὴν πρότασιν οἱ μὲν ἐλλειπῶς προενεγκάμενοι χωρὶς τοῦ μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἀφορμὴν παρέσχον ἴσως μὲν καὶ ἄλλοις τισίν, ἀντάρ καὶ Φιλίππῳ, καθάπερ φησὶν ὁ μηχανικὸς Ἡρῶν, διαβολῆς. οὐ γὰρ πάντως, ἢ τρίγωνόν ἐστίν, καὶ ἐκτὸς ²⁵ ἔχει γωνίαν. ὅσοι δὲ περιγράφειν τὴν αἰτίασιν ταύ-

4—5 πλῆθος εὐθεῖαι τὰ ἐν δυεῖν M, C. 8 τὸν τῶν
τεσσάρων τόπον G. 17 M in margine 15. 20 μείζων M.
26 ἔχει M.

την ἡθέλησαν, μετὰ τῆς ἐκκειμένης προσθήκης ταύ-
την παραδεδώκασιν συνήθους οὔσης τῷ γεωμέτρῳ.
καὶ γὰρ ἐν τῷ πέμπτῳ θεωρηματι τὰς ὑπὸ τὴν βάσιν
τῶν ἰσοσκελῶν γωνίας ἴσας ἀποδειξαι βουλόμενος
5 προσέθηκεν ὅτι καὶ προσεκβληθεῖσιν ἴσων εὐθειῶν
αἱ ὑπὸ τὴν βάσιν γωνίαι ἴσαι εἰσίν. καὶ εἰ παρ' ἄλ-
λοις οὖν ἑλλειπῆς ἦν, ἀλλὰ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ
πληρὲς ἔχουσα γέγραπται.

Τί δ' οὖν φησιν ἡ πρότασις ὅτι παντὸς τριγώνου
10 εἰ μίαν τινὰ τῶν πλευρῶν προσεκβάλοις τὴν ἐκτὸς
αὐτοῦ συνισταμένην γωνίαν εὐρήσεις μείζονα τῶν ἐν-
τὸς καὶ ἀπεναντίον ἑκατέρας; ἀμφοτέραις μὲν γὰρ ἴση
δειχθήσεται μικρὸν ὕστερον, ἑκατέρας δὲ μείζων ἐκ
τούτου δείκνυται. καὶ ἀναγκαίως πρὸς τὰς ἀπεναν-
15 τίον αὐτὴν || συνέκρινεν ἄλλ' οὐ πρὸς τὴν ἐφεξῆς.
αὕτη μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων
αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἑκατέρας μείζων [ἢ ἐκτὸς] ἐκ παν-
τός. ἐὰν γοῦν ὀρθογώνιον ᾖ τὸ τρίγωνον καὶ νοήσης
ἐκβαλλομένην μίαν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἢ ἐκτὸς ἴση
20 ἔσται τῇ ἐφεξῆς· ἐὰν δὲ ἀμβλυγώνιον ᾖ, ἔσται δυνα-
τὸν τὴν ἐντὸς μείζονα εἶναι τῆς ἐκτός. ἀλλὰ πρὸς τὰς
ἀπεναντίον — τῶν γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου μία μὲν
ἔστιν ἡ ἐφεξῆς αὐτῇ, δύο δὲ ἀπεναντίον — τούτων
οὖν ἑκατέρας μείζων ἢ ἐκτός, ἄλλ' οὐ τῆς ἐφεξῆς αὐτῇ
25 κειμένης.

4 ἴσας om. M, G, add. Kn. II. 9 τί δὲ G, τί δὲ C.

12 ἀμφοτέραι M. 17 ἐκείνων] ἐκείναι M, B₃, C, ἐκείνη G,
'illorum' B, 'ille' Z. || ἢ ἐκτός, quod ego addidi, om. M, B₃, G,
B, Z. 18 οὖν G. || νοήσεις G. 19 μίαν ἐκβαλλομένην G.

22 ἐκτός τοῦ τριγώνου M, B₃, G, 'intra Triangulum' B, 'extra
triangulum' Z. 23 ἢ ante ἐφεξῆς om. G, add. C. || αὕτη
M, B₃, C, αὕτῃ (sic) G, om. Z. 'ipsi' B. || ὑπεναντίον G,
ἀπεναντίον C.

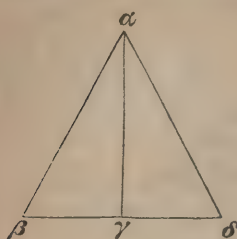
Ἦδη δέ τινες συνάπτοντες τὰ δύο θεωρήματα τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς ἀποδεικνύμενον οὕτω προφέρονται τὴν πρότασιν· Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἡ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου | γωνία ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον 5 μείζων ἐστί, καὶ δύο ὁποιαιοῦν τῶν ἐντὸς γωνιῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσιν. ἔχουσι δὲ ἀφορμὴν τῆς συμπλοκῆς τῶν θεωρημάτων, ἐπειδὴ καὶ αὐτὸς ὁ γεωμέτρης ἐξῆς ἐπὶ τῶν ἴσων οὕτως ἐποίησε· Παντὸς τριγώνου ἡ ἐκτὸς γωνία δύο ταῖς ἐν- 10 τὸς καὶ ἀπεναντίον ἴση, καὶ αἱ τρεῖς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. κἀνταῦθα τοίνυν ἄξιόυσιν ἐν τοῖς ὁμοίοις συμπλέκειν τὰ ζητούμενα καὶ ποιεῖν τὴν πρότασιν σύνθετον. καὶ δῆλον ὅτι τὸ μὲν προκείμενον εἰς ἀπόδειξιν ἔσται σύνθετον, 15 τὸ δὲ δεδομένον, εἰ μὲν μετὰ τῆς εἰρημένης προσθήκης ἐκφέροιτο, καὶ αὐτὸ σύνθετον — δεῖ γὰρ δύο νοεῖν, τρίγωνον ὑποκείμενον καὶ μίαν πλευρὰν ἐκβεβλημένην — εἰ δὲ ἄνευ ταύτης [?], δυνάμει μὲν σύνθετον, κατ' ἐνέργειαν δὲ ἀπλοῦν. πάντως γάρ, 20 κἂν μὴ προσκένηται, δεῖ συμπαραλαμβάνειν καὶ τοῦτο ὡς δεδομένον. αὐτῷ γὰρ τῷ τὴν ἐκτὸς ὑποθέσθαι γωνίαν ὡς οὔσαν τὴν πλευρὰν ὡς ἐκβεβλημένην παρείληφεν.

Τοσαῦτα περὶ τούτων· λάβοιμεν δ' ἂν ἀπὸ τοῦ 25 προκειμένου θεωρήματος ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου

2 τοῦτό τε] τὸ, τε παρὸν G, τῆς τότε C. 4 προσεκβληθείσης G. 8 ἐπειδὴ δὲ G, ἐπειδὴ καὶ C. 16 δὲ ante δεδομένον om. M. || εἰ μὴ G. 19 ἄνευ ταύτης] ἐν ταύτῃ M, B₃, G, 'sine hac' B, 'in hac' Z. 21 κἂν μὴ προσκένηται om. G, add. C. 22 αὐτὸ γὰρ τῷ G, αὐτὸ γὰρ τὸ C. 23 ὡς ante ἐκβεβλημένον om. G. 24 προείληφε G, παρείληφε C.

τρεις εὐθείας ἴσας ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν προσπίπτειν
ἀδύνατον. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ ἐνὸς σημείου τρεῖς

5

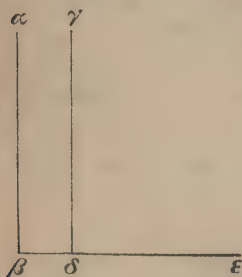


αὶ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\delta}$ ἴσαι ἐπὶ τὴν $\overline{\beta\delta}$
εὐθεΐαν ἡγμέναι. ἐπεὶ οὖν ἴση
ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, ἴσαι εἰσὶν αἱ πρὸς
τῇ βάσει γωνίαι, ἡ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$. || πάλιν
ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\alpha\delta}$, ἴση ἡ
ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\delta\beta}$. ἦν δὲ

10 τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$ γωνία· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$
ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\delta\beta}$, ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου,
ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου
τρεις εὐθεΐαι ἴσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν ἀχθήσονται.

Διὰ τοῦδε δὲ τοῦ θεωρήματος κἀκεῖνο ἀποδείξο-
15 μεν ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεΐα ἐμπίπτουσα τὴν
ἐκτὸς γωνίαν ἴσην ποιῇ τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου, οὐ
ποιήσουσι τρίγωνον αἱ εὐθεΐαι οὐδὲ συμπεσοῦνται,

20



ἐπεὶ ἔσται αὐτὴ καὶ μείζων
καὶ ἴση ὅπερ ἀδύνατον. οἶον
ἔστωσαν αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$ εὐθεΐαι
καὶ εἰς αὐτὰς ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ ἐμπεσοῦσα
ποιεῖτω ἴσας τὰς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$
 $\overline{\gamma\delta\epsilon}$. οὐ συμπεσοῦνται δὲ
αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$. εἰ γὰρ συμπε-

9-11 ἦν δὲ . . . ὑπὸ $\overline{\alpha\delta\beta}$ om. G. 14 δὲ om. G. ||
ἐκεῖνο G, κἀκεῖνο C. 16 ποιεῖ τὴν C. 17 ποιήσωσι M.
αἱ om. M. 18 αὐτῇ M. 22 τὰς ὑπὸ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$ G, corr. C.

σοῦνται μενουσῶν τῶν ἴσων γωνιῶν ἔσται ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$,
 τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\delta}$ ἴση, ἐκτὸς οὖσα καὶ μείζων τῆς ἐντὸς
 καὶ ἀπεναντίου. ἀνάγκη ἄρα, εἰ συμπίπτουσιν, μηκέτι
 μένειν ἴσας τὰς γωνίας, ἀλλὰ ἐκ παντὸς αὖξασθαι τὴν
 πρὸς τῷ $\overline{\delta}$. εἴτε γὰρ μενούσης ἀκινήτου τῆς $\overline{\alpha\beta}$ νοή- 5
 σειας κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\gamma\delta}$, ἵνα συμπέσωσι,
 πλείονα ποιεῖς διάστασιν κατὰ τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν —
 ὅσῳ γὰρ πρόσσεισιν ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$, τοσούτῳ μᾶλλον
 ἀφίσταται τῆς $\overline{\delta\epsilon}$ — εἴτε μενούσης τῆς $\overline{\gamma\delta}$ νοήσεως
 κινουμένην ἐπ' αὐτὴν τὴν $\overline{\alpha\beta}$, ἐλάττονα ποιήσεις τὴν 10
 $\overline{\alpha\beta\delta}$ γωνίαν — ἅμα γὰρ ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$ φέρεται καὶ ἐπὶ
 τὴν $\overline{\beta\delta}$ — εἴτε καὶ ἅμφω κινουμένας ποιήσεως πρὸς
 ἀλλήλας, τὴν μὲν $\overline{\alpha\beta}$ εὐρήσεις ὥς ἐπὶ τὴν $\overline{\beta\delta}$ φερο-
 μένην καὶ συνάγουσαν τὴν γωνίαν, τὴν δὲ $\overline{\gamma\delta}$ τῆς $\overline{\delta\epsilon}$
 ἀφισταμένην διὰ τὴν ἐπὶ τὴν $\overline{\alpha\beta}$ κίνησιν καὶ αὖξουσιν 15
 τὴν ὑπὸ $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ γωνίαν. ἐξ ἀνάγκης ἄρα εἴ γε τρίγωνον
 ἔσται καὶ συμπεσοῦνται αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ μείζων ἢ ἐκτὸς
 ἔσται γωνία τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίου· ἢ γὰρ τῆς ἐν-
 τὸς μενούσης αὖξεται ἢ ἐκτός, ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης

3 οὐ G, εἰ C.

5 νοήσης M, νοήσεις G.

6 συμ-

πίπτωσι G, συμπεσῶσι C.

7 τὴν $\overline{\gamma\delta}$ G, τὴν $\overline{\gamma\delta\epsilon}$ C.

8 πρόσσεισιν G. || τοσούτον G.

9—11 εἴτε μενούσης . . . ἐπὶ

τὴν $\overline{\beta\delta}$ om. G.

16 εἴ γε] εἴτε M.

18 ἢ εἰ γὰρ M.

19 usque ad p. 310 1 αὖξεται ἢ ἐκτός ἢ τῆς ἐκτὸς μενούσης
 ἐλασσοῦται ἢ ἐντός] ἐλασσοῦται ἢ ἐκτός M (Z), αὖξεται ἢ
 ἐκτός B₃, G, αὖξεται ἢ ἐκτός C, 'externus augetur aut externo
 manente internus minuitur' B.

ἐλασσοῦται ἢ ἐντός, ἢ, εἰ (?) καὶ ἢ ἐντός συνάγεται,
καὶ ἢ ἐκτός ἐπὶ πλεον διίσταται. αἰτία δὲ τούτων ἢ
κίνησις τῶν εὐθειῶν, τῆς μὲν ἐφ' ἃ ποιεῖ τὴν ἐντός
γωνίαν κινουμένης ἐπὶ ταῦτα, τῆς δὲ ἐφ' ἃ ποιεῖ τὴν
5 ἐκτός γωνίαν ἀπὸ τούτων φερομένης. καὶ ἔχεις ἐκ
τούτων || συλλογίζεσθαι, πῶς αἱ γενέσεις τῶν πραγμά-
των ὑπ' ὅσιν ἡμῖν τὰς ἀληθινὰς ἄγουσι τῶν ζητου-
μένων αἰτίας.

Prop. XVII, theor. X. Παντὸς τριγώνου αἱ δύο
10 γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσονές εἰσι πάντη
μεταλαμβάνονται.

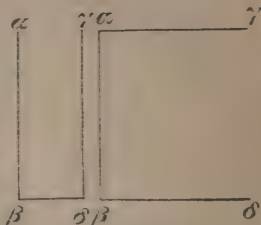
Νῦν μὲν ἀορίστως δείκνυνται δύο ὁποιαοῦν τοῦ
τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάττονες· ἐν δὲ τοῖς
ἐφεξῆς καὶ ἀφορισθήσεται, πόσῳ ἐλάττους, ὅτι τῇ
15 λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνίᾳ. αἱ γὰρ τρεῖς ἴσαι ταῖς
δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν, ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τῶν δύο
ὀρθῶν ἐλαττοῦνται. καὶ ἢ μὲν τοῦ στοιχειωτοῦ δεῖξις
φανερὰν ἔχει τὴν ὁδόν. χρῆται γὰρ τῷ πρὸ τούτου
θεωρήματι. δεῖ δὲ καθάπερ ἐν τῷ πρόσθεν εἰς τὴν
20 γένεσιν ἀπιδόντα τῶν τριγώνων τὴν αἰτίαν εὐρεῖν

1 εἰ καὶ ἐντός omissio ἢ *M.* || εἰ om. *B.* quod probes.
4—5 κινουμένης . . . ἐκτός γωνίαν om. *B*₃, *G.* add. *C.* || τὴν ἐκτός
γωνίαν] τὴν ἐντός γωνίαν *M* (*Z*), *B* in contextu liberius:
'altera quidem ad eas partes, ubi internum diminuit Angulum,
altera vero ad eas, ubi externum auget tendente' et in mar-
gine: 'Altera quidem ad eas partes in quibus internum facit
Angulum tendente: altera vero ab iis partibus, in quibus ex-
ternum facit Angulum sese movente'. 6 τούτου *G.*

9 *M* in margine ιζ. 12 δείκνυνται *G.* || δύο post δείκνυνται
om. *G.* 13 ἐν δὲ τῆς ἐφεξῆς *G.* 15 Inter γωνία et αἱ
γὰρ leguntur in *G.* αἱ τρεῖς ἴσαι ταῖς δυσὶν ὀρθαῖς εἰσιν,
ὥστε αἱ δύο τῇ λοιπῇ τοῦ τριγώνου γωνία. 20 ἀπιδίδοντα *C.*

τοῦ προκειμένου συμπτώματος. ἔστωσαν οὖν αἱ $\overline{αβ}$
 πάλιν καὶ $\overline{γδ}$ τῇ $\overline{βδ}$ πρὸς ὀρθάς. εἰ οὖν μέλλοι τρί-
 γωνον ἔσεσθαι, δεῖ συνεῦσαι

τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ πρὸς ἀλλήλας. ἡ
 δὲ σύννευσις αὐτῶν ἐλαττοῖ
 τὰς ἐντὸς γωνίας, ὥστε ἐλάτ-
 τους γίνονται δυεῖν ὀρθῶν.
 εἰσὶ γὰρ ὀρθαὶ πρὸ τῆς συ-
 νεύσεως. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ
 τῆς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$ νοήσωμεν



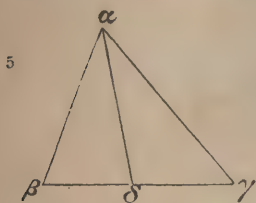
ἔστώσας ὀρθάς, τὰ αὐτὰ συμβήσεται κατὰ τὴν σύννευ-
 σιν τῶν εὐθειῶν καὶ ἔσονται αἱ πρὸς τῇ $\overline{αβ}$ γωνίαι
 δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες· καὶ ἐπὶ τῆς λοιπῆς πλευρᾶς
 ὡσαύτως.

Τοῦτο οὖν τὸ αἷτιόν ἐστιν, ἀλλ' οὐχὶ τὸ μείζονα 15
 εἶναι τὴν ἐκτὸς ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
 γωνιῶν. ἐκβεβλήσθαι μὲν γὰρ τὴν πλευρὰν οὐκ ἀναγ-
 καῖον, οὐδὲ ἔξω τινὰ συνεστάναι γωνίαν, τῶν δὲ
 ἐντὸς γωνιῶν $\overline{β}$ ὅποιασοῦν εἶναι [$\overline{β}$] ὀρθῶν ἐλάττους
 ἀναγκαῖον. τὸ δὲ μὴ ἀναγκαῖον τοῦ ἀναγκαίου πῶς 20
 ἂν αἰτιον εἶη; ἀλλ' ὅπερ εἶπον τὸ μὲν αἷτιόν ἐστι
 τὸ ῥηθέν, ἡ σύννευσις τῶν εὐθειῶν || ἐπὶ τὴν βάσιν
 ἐλαττοῦσα τὰς ὀρθάς.

3—10 Priori figurae B triangulum abd inscripsit. In altera
 figura, quam B omisit, in M et Z litterae $\alpha \beta$ sunt permutatae.

9 καὶ G , καὶ C . 10 $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$] $\overline{αδ}$ M , B_3 , G (Z); B utrum-
 que omisit. 18 συστάναι G , συνεστάναι C . 19 $\overline{β}$] δύο G .
 alter. $\overline{β}$ om. M , G . 23 ἐλαττούσας M , C , ἐλαττοῦσας B_3 , ἐλατ-
 τουσῶν G , 'diminuentium' B , 'quod ... coitio restringit' Z .

Τοῦ δὲ στοιχειωτοῦ διὰ τῆς ἐκτὸς γωνίας δείξαν-
τος τὸ ζητούμενον φέρε καὶ μὴ προσεκβάλλοντες τινα
τῶν πλευρῶν τὸ αὐτὸ κατασκευάσωμεν. ἔστω τρίγω-

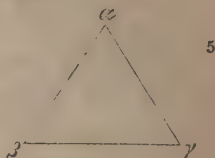


νον τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω τυχὸν
σημεῖον ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{δ}$, καὶ
ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν τρι-
γώνου τοῦ $\overline{αβδ}$ μία [πλευρὰ]
προσεκβέβληται ἡ $\overline{βδ}$, ἡ ἐκτὸς
γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{αδγ}$ μείζων ἐστὶ τῆς ἐντὸς τῆς ὑπὸ $\overline{αβδ}$.

- 10 πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{αδγ}$ μία πλευρὰ προσεκβέ-
βληται ἡ $\overline{δγ}$, ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ μείζων τῆς ἐντὸς
τῆς ὑπὸ $\overline{αγδ}$. ἀλλὰ μὴν αἱ περὶ τὴν $\overline{αδ}$ γωνίαι δύο
ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι διὰ τὸ τρισκαιδέκατον. αἱ ἄρα ὑπὸ
 $\overline{αβγ}$ $\overline{αγβ}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάττους. ὁμοίως
15 δείξομεν ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ $\overline{βγα}$ γωνίαι δύο ὀρθῶν
εἰσιν ἐλάττους ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ σημεῖον λαβόντες καὶ ἐπι-
ξεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ [εὐθεῖαν] ἐπὶ τὸ ληφθὲν σημεῖον.
καὶ πάλιν τὰς ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἀπο-
φανοῦμεν ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ σημεῖον λαβόντες καὶ ἐπιξεύξαν-
20 τες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$ εὐθεῖαν ἐπὶ τοῦτο τὸ σημεῖον. δέδεικται
ἄρα τὸ προκείμενον διὰ τοῦ αὐτοῦ θεωρήματος μὴ
προσεκβληθείσης τινὸς τῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν.

2 μὴ om. G, add. C. 3 κατασκευάσωμεν B_3 , G, 'ostenda-
mus' B, 'struemus' Z; in M litterae σω evanuerunt. 7 πλευρὰ
om. M, G. 9 ἐστὶ om. G. 12 $\overline{αγδ}$ $\overline{αβγ}$ M. 13 δεκα-
τρίτον G, τρισκαιδέκατον C. 17 εὐθεῖαν om. M, G.

Διὰ τούτου τοίνυν δυνατόν κάκεινο δεικνύναι, ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν δύο κάθετοι οὐκ ἀχθήσονται. ἔστωσαν γὰρ ἀπὸ τοῦ α σημείου ἐπὶ τὴν $\beta\gamma$ δύο κάθετοι αἱ $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$. ὀρθαὶ ἄρα εἰσὶν αἱ ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ $\alpha\gamma\beta$ γωνίαι. ἀλλ' ἐπεὶ τρίγωνόν ἐστι τὸ $\alpha\beta\gamma$, δύο ὁποιαιοῦν γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους εἰσὶν.



αἱ ἄρα ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$ $\alpha\gamma\beta$ γωνίαι δύο ὀρθῶν ἐλάσσους εἰσὶν. ἀλλὰ καὶ ἴσαι δυσὶν ὀρθαῖς διὰ τὰς καθέτους· ¹⁰ ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο κάθετοι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεΐαν ἀχθήσονται.

Prop. XVIII, theor. XI. Πάντος τριγώνου ἡ μείζων πλευρὰ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνει.

|| Ὅτι μὲν ἡ τῶν πλευρῶν ἰσότης ἐφ' ἐκάστου τῶν ¹⁵ τριγώνων ἴσας ἀποτελεῖ τὰς ὑπὸ τούτων ὑποτεينوμένης γωνίας καὶ ἡ τῶν γωνιῶν ἰσότης ὡσαύτως τὰς ὑποτεينوσάσας αὐτὰς πλευρὰς ἴσας ἀποφαίνει μεμαθήκαμεν διὰ τε τοῦ πέμπτου καὶ ἕκτου θεωρήματος· ὅτι δὲ καὶ ταῖς ἀνισότησι τῶν πλευρῶν ἡ τῶν ὑποτεينو- ²⁰ μένων γωνιῶν ἀνισότης ἀκολουθεῖ καὶ ἀνάπαλιν διὰ τούτων διδασκόμεθα τῶν θεωρημάτων τοῦ τε ὀκτωκαιδεκάτου λέγω καὶ τοῦ ἑννεακαιδεκάτου. τὸ μὲν γὰρ

3 ἀναχθήσονται G. 4—8 Figuram om. B; sed invenitur ea in M et Z. 9 αἱ ἄρα ... ἐλάσσους εἰσὶν om. G, add. C.

13 In M in margine $\iota\eta$. 19 τε om. G. 22 $\iota\eta$ G,

ὀκτωκαιδεκάτου C. 23 $\iota\theta$ G, ἑννεακαιδεκάτου C.

δείκνυσι τὴν μείζονα πλευρὰν ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν, τὸ δὲ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν τὴν μείζονα πλευρὰν, ἀντιστρέφοντα μὲν ἀλλήλοις, ἐπὶ δὲ τῶν ἐναντίων
 5 πραγμαμάτων τὰ αὐτὰ θεωροῦντα συμπτώματα τῷ τε
 πέμπτῳ καὶ τῷ ἕκτῳ θεωρήματι. φανερόν δὲ ὅτι τὴν
 μείζονα καὶ τὴν ἐλάσσονα πλευρὰν ἀνάλογον ληψό-
 μεθα καὶ διαιρήσομεν τὴν μεγίστην καὶ μέσην καὶ
 ἐλαχίστην, καὶ τὰς γωνίας ὡσαύτως ἐπὶ τῶν σκαληνῶν
 τριγώνων. ἐπὶ δὲ τῶν ἰσοσκελῶν ἀρκέσει τὸ μείζον
 10 ἀπλῶς καὶ ἔλασσον. μία γάρ ἐστιν ἡ ταῖς δυσὶν ἄνισος,
 ἥτοι μείζων οὕσα ἢ ἐλάττων, ὥς ἐπὶ γε τῶν ἰσοπλεύ-
 ρων οὐκ ἔχει ταῦτα τὰ θεωρήματα χώραν. καὶ ὁρᾷς
 ὅπως τὰ μὲν τῆς ἰσότητος τῶν γωνιῶν ἢ πλευρῶν δει-
 κτικὰ τοῖς ἰσοπλεύροις καὶ ἰσοσκελέσιν ἐφήρμοττεν,
 15 τὰ δὲ τῆς ἀνισότητος τοῖς σκαληνοῖς καὶ τοῖς ἰσοσκε-
 λέσιν. αἴτιον δὲ ὅτι τὰ μὲν τῶν τριγώνων ἰσότητός
 ἐστι μόνης ἔκγονα, τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης, τὰ δὲ ἀμ-
 φοτέρων, ὥδὲ μὲν διὰ τῆς ἰσότητος, ὥδὲ δὲ διὰ τῆς
 ἀνισότητος ὑφίστάμενα· καὶ τὰ μὲν ὄντα τῷ πέρατι
 20 συγγενῇ, τὰ δὲ τῇ ἀπειρίᾳ, τὰ δὲ κατὰ τὴν μῆξιν ἀμ-
 φοτέρων ἀπογεννώμενα, ὥστε διὰ πάντων ἡ τριάς
 αὕτη πεφοίτηκεν, οἶον γραμμῶν, γωνιῶν, σχημάτων,
 καὶ ἐν τοῖς σχήμασι τριπλεύρων, τετραπλεύρων, ἑξῆς
 ἀπάντων. ἀλλὰ καὶ τὸ πέρας οὗ μὲν διὰ τῆς ὁμοιότη-
 25 τος, οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος ἐμφαντάζεται τοῖς γεω-
 μετρικοῖς εἶδεσι, καὶ τὸ ἄπειρον οὗ μὲν διὰ τῆς

1 τὴν μείζονα γωνίαν ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν G, corr. C.
 13 τῆς om. G. 17 τὰ δὲ ἀνισότητος μόνης om. H₂
 p. 266. 21 διὰ παντὸς H₂ p. 266. 22 αὕτη M, G, H₂.
 23 τρίπλευρον M, τριπλεύρον G, corr. C. || τετράπλευρον M.
 24 οὗ μὲν G, οὗ μὲν C. 25 οὗ δὲ διὰ τῆς ἰσότητος
 om. G, add. C. || ἐμφαντάζετο G, ἐφαντάζετο C.

ἀνομοιότητος, οὗ δὲ διὰ τῆς ἀνισότητος, καὶ τὸ μικτὸν ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων. αἴτιον δὲ καὶ τούτων ὅτι τὰ εἶδη τὰ γεωμετρικὰ τῷ ποσῷ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ. διότι τῶν δύο τούτων ἐπισημαινομένων δῆλον (?) καὶ ὅτι παντὸς τριγώνου λέγων ὁ στοι- 5 χειωτῆς οὐχὶ καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου λέγει, ἀλλὰ τοῦ ἔχοντος μείζω καὶ ἐλάττω πλευρὰν. δεῖ γὰρ τὸ δεδομένον ἡγούμενον νομίζειν, ἐπόμενον δὲ (?) τὸ ζητούμενον. ὃ δ' ἂν μείζονα πλευρὰν ἔχη καὶ ἐλάσσονα, τοῦτο ὑπὸ τὴν μείζονα πλευρὰν τὴν μείζονα γωνίαν [ἔξει]. 10

Ἐπειδὴ δὲ ὁ || γεωμέτρης ἐν τῇ κατασκευῇ λαβὼν τὸ $\alpha\beta\gamma$ τρίγωνον καὶ μείζονα τὴν $\alpha\gamma$ τῆς $\alpha\beta$, ἵνα δείξῃ τῆς πρὸς τῷ γ γωνίας τὴν πρὸς τῷ β μείζονα, ἀφείλεν ἀπὸ τῆς $\alpha\gamma$ τῇ $\alpha\beta$ ἴσην τὴν $\alpha\delta$, φαίη δ' ἂν τις ὅτι πρὸς τῷ γ δεῖ γενέσθαι τὴν ἀφαίρεσιν, φέρε 15 καὶ ἐπὶ ταύτης τῆς ὑποθέσεως δείξωμεν τὸ προκείμε-

1 τὸ μικτικόν, ὃ γὰρ μὲν G. 2 ὁμοιοτήτων ... ἰσοτήτων] 'ex similitudinibus et dissimilitudinibus ... ex aequalitatibus et inaequalitatibus' B, cui adstipulatur Kn. II.

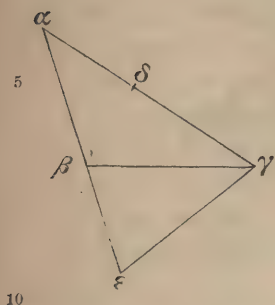
3 τῷ ποσῷ τόπῳ ὃ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ M, τῷ τόπῳ ὃ προσήκει καὶ τῷ ποιῷ * B₃, G, 'ad Quantitatem, ad Qualitatemque spectant' B, 'loco quo satis sit et qualitate fiunt' Z.

5 δῆλον ex coniectura scripsi; ἡμῶν M, B₃, C, ἡμῶν G, 'eo quia nos haec duo annotare debemus' Z; B liberius: Haec itaque assignavimus, quoniam haec duo nobis assignantibus, manifestum nobis erit'. 8—9 ἐπόμενον. ὃ δ' ἂν τὸ ζητούμενον M, ἐπόμενον, ὃ (C. ὅτι) δ' ἂν τὸ ζητούμενον B₃, G, 'quod datum antecedens: consequens sit. si vero quaesitum' Z, 'Dato praecedenti Quaesitum consequens existimare: quod autem' B. 9 τούτῳ G, τοῦτο M, B₃, C, 'huic' B, 'hoc est' Z.

10 ἔξει ex coniectura dedi; M, B₃, G, Z verbum omittunt; 'esse' B. 13 πρὸς τὸ γ M, G. 13—15 Figuram ab Euclide

descriptam addit B. 15 πρὸς τῷ $\gamma\delta$ M, 'ad signum cd' Z, 'ad Signum c' B. 16 δείξωμεν M, B₃, G, δείξωμεν C, 'ostendamus' B, 'demonstrabimus' Z.

νον, ὡς Πορφύριος. ἔστω γὰρ ἡ $\overline{\delta\gamma}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\beta}$ καὶ
 ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἐπὶ τὸ ε καὶ κείσθω ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\delta\alpha}$
 ἴση. ὅλη ἄρα ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ ἴση τῇ $\overline{\alpha\gamma}$,
 καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$. ἐπεὶ οὖν
 ἡ $\overline{\alpha\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ | ἴση, καὶ ἡ ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\epsilon}$ διὰ τὸ
 πέμπτον. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$ μεί-
 ζων τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$. ἐστὶν δὲ καὶ
 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ μείζων τῆς ὑπὸ
 $\overline{\alpha\epsilon\gamma}$. τοῦ γὰρ $\overline{\gamma\beta\epsilon}$ μία πλευρὰ

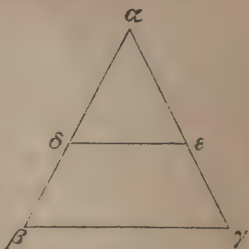


ἐκβεβλήται ἡ $\overline{\epsilon\beta}$, καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἐκτὸς οὕσα τῆς
 ἀπεναντίον καὶ ἐντὸς μείζων ἐστί. πολλῶν ἄρα μείζων
 ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ τῆς ὑπὸ $\overline{\alpha\gamma\beta}$, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Αἱ μὲν οὖν γεωμετρικαὶ δειξεις τοιαῦται. δῆλον
 15 δὲ ὅτι τὸ αἷτιον τούτου τοῦ συμπτώματος ἐστὶν ἡ τῆς
 πλευρᾶς αὐτῆς τῆς ὑποτεिनούσης τὴν γωνίαν ὑπεροχὴ
 κατὰ τὸ μέγεθος ἢ ἐλάττωσις· μείζων μὲν γὰρ οὕσα
 διῴστησιν ἐπὶ πλεον τὴν γωνίαν, ἐλαττουμένη δὲ συν-
 ελαττοῖ κακέλινην καὶ ἐπὶ μείον συνάγει. τοῦτο δὲ
 20 διὰ τὴν ἐπ' ἄκρον τάσιν τῆς εὐθείας. ἐπ' ἄκρον γὰρ
 αὐτὴ τεταμένη καὶ τῶν γωνιῶν τὰ μεγέθη κατὰ τὴν
 ἑαυτῆς αὕξησιν καὶ μείωσιν συµμετατίθησιν. καὶ
 ταῦτα λέγομεν ἐφ' ἐνὸς τριγώνου, ἐπεὶ δυνατόν καὶ
 τὴν αὐτὴν γωνίαν ὑπὸ μείζονος καὶ ἐλάσσονος εὐθείας
 25 ὑποτείνεσθαι καὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν μείζω καὶ ἐλάττω

11 ἡ $\overline{\epsilon\gamma}$ M. 15 τοῦτο M, C. || ἡ] ἢ G. 19 μείον] μᾶλλον
 M, G. 21 τεταγμένη G. 24 εὐθείας om. G, add. C.

γωνίαν ὑποτείνειν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι τρίγωνον ἰσο-
σκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$, καὶ εἰλήφθω ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δ}$ σημεῖον,
καὶ ἴση ἡ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{αδ}$ [ἐπὶ τῆς
 $\overline{αγ}$] καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{δε}$. τὴν
οὖν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν ὑπο-
τείνουνσιν αἱ $\overline{δε}$ $\overline{βγ}$, ὧν ἡ μὲν
μείζων ἡ δὲ ἐλάσσων, καὶ μυ-
ρίας ὅσας || λαβεῖν δυνατόν
κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον τὴν $\overline{α}$
γωνίαν ὑποτεينوῦσας μείζους καὶ ἐλάσσους εὐθείας. 10



5

πάλιν ἔστω τὸ $\overline{αβγ}$ ἰσοσκελές, καὶ ἐλάσσων ἡ $\overline{βγ}$ τῶν
 $\overline{βα}$ $\overline{αγ}$, καὶ ἰσόπλευρον τρίγωνον
ἐπὶ τῆς $\overline{βγ}$ τὸ $\overline{βδγ}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἡ $\overline{αδ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$. ἐπεὶ
οὖν τοῦ $\overline{αβδ}$ τριγώνου ἐκτός ἐστιν
ἡ ὑπὸ $\overline{βδε}$ γωνία, μείζων ἐστὶ τῆς
ὑπὸ $\overline{βαδ}$, κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{γδε}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαδ}$. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ
 $\overline{βδγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑποτείνει ἀμφοτέρως ἡ
αὐτὴ εὐθεῖα μείζονα καὶ ἐλάσσονα γωνίαν. δέδεικται 20
δὲ ὅτι τὴν αὐτὴν γωνίαν μείζους εὐθεῖαι καὶ ἐλάσ-
σους ὑποτείνουνσιν. ἀλλ' ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ τριγώνου



15

3 ἐπὶ τῆς $\overline{αγ}$ addendum esse puto; om. M, B₃, G, B, Z.

14 ἐπὶ τὸ $\overline{ε}$ om. M.

15 $\overline{αβγ}$ M.

16—18 τῆς ὑπὸ

$\overline{βαδ}$. . . μείζων om. G, add. C.

21 εὐθείας M, C.

μία εὐθεία μίαν ὑποτείνει γωνίαν καὶ ἡ μὲν μείζων
τὴν μείζονα ἐκ παντός, ἡ δὲ ἐλάσσων τὴν ἐλάσσονα·
καὶ τὸ αἷτιον ἐθεωρήσαμεν.

Prop. XIX, theor. XII. Παντὸς τριγώνου ὑπὸ τὴν
5 μείζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει.

Τοῦτό ἐστι τὸ ἀντίστροφον τῷ εἰρημένῳ θεωρή-
ματι. καὶ ἐστὶν ἀπλοῦν ἐν ἑκατέρῳ τὸ τε διδόμενον
καὶ τὸ ζητούμενον. καὶ τὸ ἐκεῖ συμπέρασμα ὑπόθεσις
ἐστὶν ἐνταῦθα, ἡ δὲ ἐκεῖ ὑπόθεσις τούτου συμπε-
10 ρασμα. προτέτακται δ' ἐκεῖνο, διότι δεδομένην ἔχει
τὴν ἀνισότητα τῶν πλευρῶν, ἔπεται δὲ τοῦτο τὰς γω-
νίας ἀνίσους ὑποθέμενον. δοκοῦσι γὰρ αἱ μὲν πλευραὶ
τὰ εὐθύγραμμα περιέχειν, αἱ δὲ γωνίαι περιέχεσθαι.
καὶ ὁ τρόπος δὲ τῆς ἀποδείξεως ἐπ' ἐκείνου μὲν δεικτι-
15 κός, ἐπὶ δὲ τούτου διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς.

Ὁ μὲν οὖν γεωμέτρης ἐκ διαιρέσεως τὸ ἀδύνατον
συλλογίζεται. τῶν γὰρ γωνιῶν οὐσῶν ἀνίσων λέγω,
φησὶν, ὅτι καὶ αἱ ὑποτείνουσαι πλευραὶ ἄνισοι, καὶ
ἡ μείζων ὑποτείνει τὴν δεδομένην μείζονα γωνίαν.
20 εἰ γὰρ μὴ ἐστὶν ἡ τὴν μείζονα γωνίαν ὑποτείνουσα
μείζων, ἴση ἐστὶν ἢ ἐλάττων. ἀλλ' εἰ μὲν ἴση, καὶ αἱ
γωνίαι, ἃς ὑποτείνουσιν, ἴσαι διὰ τὸ ε, εἰ δὲ ἐλάττων,
καὶ ἡ γωνία, ἣν ὑποτείνει, ἐλάττων διὰ τὸ πρὸ τούτου.
δέδεικται γὰρ ὑπὸ τὴν μείζονα γωνίαν ἡ μείζων
25 πλευρὰ ὑποτείνουσα καὶ ὑπὸ τὴν ἐλάσσονα ἡ ἐλάσσων.

1 μίαν om. G, add. C.

4 In M in margine: $\overline{\iota\theta}$.

7 δεδομένον G.

20 ὑποτείνουσα om. M.

21 μείζων, ἴση

ἐστὶν] ἢ μείζων ἐστὶ ἢ ἴση G, corr. C.

22 ε] πέμπτον G.

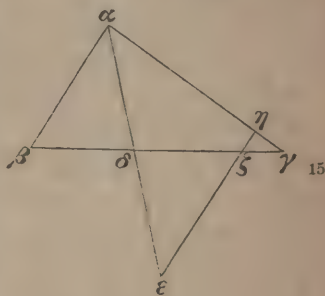
23 ὑποτείνει] ὑπὸ τὴν M.

ἔχουσι δὲ ἀνάπαλιν αἱ γωνίαι· μείζων ἄρα ἡ πλευρὰ τῆς πλευρᾶς. δυνατὸν δὲ καὶ ἄνευ ταύτης τῆς διαιρέσεως δεῖξαι τὸ προκείμενον προαποδείξαντες λημμάτιόν τι τοιοῦτον·

Ἐὰν τριγώνου γωνία δίχα τμηθῇ καὶ ἡ⁵ τέμνουσα τὴν γωνίαν εὐθεῖα ἐπὶ τὴν βάσιν ἀχθεῖσα εἰς ἄνισα αὐτὴν διαιρῇ, αἱ τὴν γωνίαν περιέχουσιν πλευραὶ ἄνισοι ἔσονται, καὶ μείζων μὲν ἡ τῷ μείζονι τμήματι τῆς βάσεως συμπίπτουσα, ἐλάσσων δὲ ἡ ἐλάσσονι.¹⁰

Ἔστω τρίγωνον τὸ

$\overline{αβγ}$ καὶ τετμήσθω δίχα ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία, καὶ ἡ $\overline{αδ}$ εἰς ἄνισα τεμνέτω τὴν $\overline{βγ}$, καὶ μείζων ἡ $\overline{γδ}$ τῆς $\overline{βδ}$. λέγω ὅτι μείζων ἐστὶν ἡ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{αβ}$. ἐκβεβλήσθω ἡ $\overline{αδ}$ καὶ κείσθω ἴση ἡ $\overline{δε}$

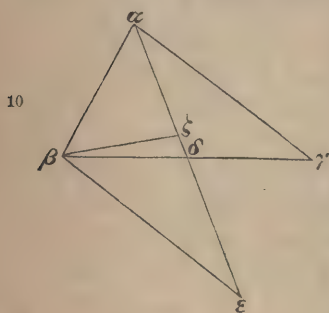


τῇ $\overline{αδ}$. καὶ ἐπεὶ μείζων ἡ $\overline{δγ}$ τῆς $\overline{δβ}$, κείσθω ἴση τῇ $\overline{βδ}$ ἡ $\overline{δζ}$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{εζ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ὡς ἐπὶ²⁰ τὸ $\overline{η}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{δε}$ καὶ ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{δζ}$, δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσιν τὰς κατὰ κορυφήν· βάσις ἄρα ἡ $\overline{βα}$ βάσει τῇ $\overline{εζ}$ ἴση καὶ

19 Post τῇ $\overline{αδ}$ addunt $M, B_3, G (Z)$: καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{βε}$, quae linea etiam in figuris in M et Z ducta est. B , cum supervacanea sint, iure et verba et lineam omisit; nisi forte Proclum superflua quoque addidisse malis credere.

πάντα πᾶσιν, ὥστε καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ γωνία τῇ
 ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\beta}$ ἴση ἐστίν. ἀλλὰ αὕτη τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ ἴση ἐστίν,
 ὥστε καὶ πλευρὰ ἡ $\overline{\alpha\eta}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ ἴση διὰ τὸ ἕκτον. μεί-
 ζων ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. ἡ δὲ $\overline{\epsilon\zeta}$ τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση. μείζων
 5 ἄρα ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$, ὅπερ ἔδει δεῖξαι.

Τούτου προληφθέντος δείξομεν ὅτι ὑπὸ τὴν μεί-
 ζονα γωνίαν ἡ μείζων πλευρὰ ὑποτείνει. ἔστω τρί-



γωνον τὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ μείζονα
 ἔχον τὴν πρὸς τῷ $\overline{\beta}$ γω-
 νίαν τῆς πρὸς τῷ $\overline{\gamma}$. λέγω
 ὅτι ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῆς $\overline{\alpha\beta}$ μείζων
 ἐστίν. τετμήσθω δίχα ἡ
 $\overline{\beta\gamma}$ κατὰ τὸ $\overline{\delta}$ καὶ ἐπεξεύ-
 χθω ἡ $\overline{\alpha\delta}$, καὶ ἡχθω ἡ $\overline{\delta\epsilon}$
 ἴση τῇ $\overline{\alpha\delta}$, | καὶ ἐπεξεύ-

χθω ἡ $\overline{\beta\epsilon}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{\beta\delta}$ τῇ $\overline{\delta\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ
 $\overline{\delta\epsilon}$, δύο δυσὶν ἴσαι, καὶ γωνίας ἴσας τὰς κατὰ κορυ-
 φὴν περιέχουσιν. ἴση ἄρα καὶ ἡ βάσις ἡ $\overline{\beta\epsilon}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$,
 καὶ πάντα || πᾶσιν, ὥστε καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\delta\beta\epsilon}$ γωνία ἴση τῇ

1 πάντα ἄρα πᾶσιν G. 2 τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ M, in quo ἴση
 ἐστίν. ἀλλὰ αὕτη τῇ ὑπὸ $\overline{\delta\alpha\eta}$ ἴση ἐστίν omissa sunt.

3 τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$ M. 4—5 τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. . . ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ om. G, add. C.

13—15 καὶ ἐπεξεύχθω . . . τῇ $\overline{\alpha\delta}$ om. M, C. 18 περι-
 έχουσι τὰς κατὰ κορυφὴν G. || ἡ ante βάσις om. G.

πρὸς τῷ γ . ἐλάσσων δὲ [ἢ πρὸς τῷ γ] τῆς ὑπὸ $\alpha\beta\delta$.
 ἢ ἄρα ὑπὸ $\delta\beta\epsilon$ ἐλάσσων τῆς ὑπὸ $\alpha\beta\delta$. τετμήσθω
 οὖν δίχα ἢ ὑπὸ $\alpha\beta\epsilon$ τῇ $\beta\zeta$ εὐθείᾳ· μείζων ἄρα ἢ ἐξ
 τῆς $\xi\alpha$. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ $\alpha\beta\epsilon$ ἢ πρὸς τῷ β γω-
 νία δίχα ἐτμήθη τῇ $\beta\zeta$ καὶ μείζων ἢ ἐξ τῆς $\alpha\zeta$, δια ⁵
 τὸ προδειχθὲν μείζων ἢ $\beta\epsilon$ τῆς $\beta\alpha$. ἢ δὲ $\beta\epsilon$ τῇ $\alpha\gamma$
 δέδεικται ἴση. μείζων ἄρα ἢ $\gamma\alpha$ τῆς $\alpha\beta$. δέδεικται
 ἄρα τὸ ζητούμενον.

Καὶ φανερόν ὅτι τὴν ποικιλίαν τῆς ἀποδείξεως
 παραιτούμενος ὁ στοιχειωτὴς τὸν τρόπον τοῦτον ἐφυ- ¹⁰
 λάξατο καὶ τῇ ἐκ διαιρέσεως εἰς τὸ ἀδύνατον ἀγοίσῃ
 δείξει προεχρήσατο βουλόμενος τὸ ἀντίστροφον ποι-
 ῆσαι τῷ προηγουμένῳ μηδενὸς μεταξὺ παρεμπίπτον-
 τος, ἐπεὶ καὶ τὸ ὄγδοον ἀντιστρέφον πρὸς τὸ τέταρτον
 πολλὴν ἐνεποίησε ταραχὴν δυσεπίγνωστον ποιῆσαν ¹⁵
 τὴν ἀντιστροφὴν. αἰρετώτερον γὰρ τὸ δι' ἀδυνάτου
 δεικνύναι τὰ ἀντιστρέφοντα μετὰ τοῦ τὴν συνέχειαν
 φυλάττειν ἢ τὸ διακόπτειν τὴν συνέχειαν μετὰ τῆς
 προηγουμένης ἀποδείξεως. διὸ δὴ τὰ ἀντίστροφα
 πάντα σχεδὸν δι' ἀδυνάτου δεικνυσι. ²⁰

1 ἢ πρὸς τῷ γ ex coniectura addidi. $B_3 = M, G$.

1—2 τῆς ὑπὸ $\alpha\beta\delta$. . . ἐλάσσων om. G, B, Z . ¹⁰ ἐφυλάτ-
 τετο G , ἐφυλάξατο C . ¹⁵ ἐποίησε G , ἐνεποίησε C . ¹⁹ ἀντι-
 στροφή M . ²⁰ πάντα] ταῦτα G , corr. C .

Prop. XX, theor. XIII. Παντὸς τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ τῆς λοιπῆς μείζονές εἰσι πάντη μεταλαμβανόμεναι.

Τοῦτο τὸ θεώρημα διασύρειν μὲν εἰώθασιν οἱ
 5 Ἐπικούρειοι καὶ ὄνῳ λέγοντες αὐτὸ δῆλον εἶναι καὶ
 μηδεμιᾶς δεῖσθαι κατασκευῆς· ὁμοίως δ' ἀνεπιστήμο-
 νος ἔργον εἶναι τὰ τε ἐμφανῇ παραμυθίας ἀξιοῦν καὶ
 τοῖς ἀδήλοις αὐτόθεν πιστεύειν. ὁ γὰρ ταῦτα συγχέων
 φανερός ἐστι τό τε ἀναπόδεικτον καὶ τὸ ἀποδεικτὸν
 10 ἀγνοῶν. ὅτι δὲ καὶ ὄνῳ τὸ προκείμενον θεώρημα
 γνώριμον κατασκευάζουσιν ἐκ τοῦ τεθέντος χόρτου
 κατὰ τὸ ἕτερον πέρας τῶν πλευρῶν τὸν ὄνον τὴν
 μίαν ὁδεύειν πλευρὰν ἀλλὰ μὴ τὰς δύο τροφῆς ὀρε-
 γόμενον.

15 Πρὸς δὲ ταῦτα λεκτέον ὅτι σαφές μὲν κατὰ τὴν
 αἰσθησιν ἔστω τὸ θεώρημα, οὕπῳ δὲ σαφές κατὰ τὸν
 ἐπιστημονικὸν λόγον. πολλὰ γὰρ τοῦτο πέπονθε τῶν
 πραγμάτων, || οἷον θερμαίνει τὸ πῦρ· καὶ τοῦτο τῇ
 αἰσθήσει σαφές, ἀλλὰ πῶς θερμαίνει τῆς ἐπιστήμης
 20 ἔργον ἐλεῖν, πότερον ἀσωμάτῳ δυνάμει ἢ σωματικαῖς
 τομαῖς, σφαιρικοῖς μορίοις ἢ πυραμοειδέσι. πάλιν ὅτι
 κινούμεθα τῇ αἰσθήσει δῆλον, πῶς δὲ κινούμεθα,
 παραστῆσαι τῷ λόγῳ χαλεπὸν, πότερον κατὰ ἀμερές,
 ἢ κατὰ διάστημα· πῶς δὲ ἄπειρα δίῃμεν. εἰς ἄπειρον
 25 γὰρ διαιρετὸν πᾶν μέγεθος. ἔστω τοίνυν καὶ τοῦ

1 In *M* in margine: ἢ. ση. δια τὸν επικουρον ωρ.

4 οἱ οὖν ἐπικούρειοι *G*. 7 εἶναι ἔργον *G*. || τε om. *G*, add. *C*.

9 καὶ τὸ ἀποδεικτὸν om. *G*, καὶ τὸ ἀποδεικτικὸν *C*.

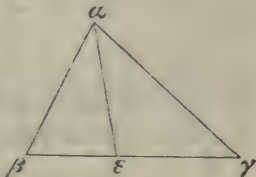
15 δὴ *G*, δὲ *C*. 16 ἔστι *G*, ἔστω *C*.

τριγώνου τὸ μείζους εἶναι τὰς δύο τῆς μιᾶς τῇ αἰσθήσει καταφανές, ἀλλὰ πῶς τοῦτο γίνεται τῆς ἐπιστήμης ἔργον εἰπεῖν.

Ἀλλὰ πρὸς μὲν τοὺς Ἐπικουρείους καὶ ταῦτα ἀρ-
κούντως ἀντειρήσθω· δεῖ δὲ καὶ τὰς ἄλλας ἀποδείξεις 5
τοῦ προκειμένου θεωρήματος συντόμως ἱστορηῆσαι,
ὅσας οἱ περὶ Ἡρώνα καὶ Πορφύριον ἀνέγραψαν
τῆς εὐθείας μὴ προσεκβαλλομένης, ὃ πεποίηκεν ὁ στοι-
χειωτής. ἔστω τρίγωνον τὸ

$\overline{αβγ}$. δεῖ δὲ δεῖξαι τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$

τῆς $\overline{βγ}$ μείζους. τετιμήσθω δίχα
ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ οὖν
τριγώνου τοῦ $\overline{αβε}$ γωνία ἐκτὸς



10

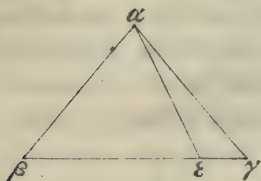
ἡ ὑπὸ $\overline{αεγ}$, μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. ἀλλ' ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαε}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$ ἴση· ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{αεγ}$ μείζων τῆς ὑπὸ 15
 $\overline{εαγ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αγ}$ πλευρὰ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. διὰ τὰ
αὐτὰ δὲ καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. τριγώνου γὰρ τοῦ
 $\overline{αεγ}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ καὶ μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$, τουτ-
ἐστιν τῆς ὑπὸ $\overline{εαβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$ τῆς $\overline{βε}$ μείζων. αἱ
ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$ ὅλης μείζους. ὁμοίως δείξομεν καὶ 20
ἐπὶ τῶν ἄλλων.

Πάλιν ἔστω τρίγωνον τὸ $\overline{αβγ}$. εἰ μὲν οὖν ἰσό-
πλευρόν ἐστι τὸ $\overline{αβγ}$, πάντως αἱ δύο μείζους τῆς λοι-
πῆς — τριῶν γὰρ ἴσων δύο ὅποιαοῦν διπλάσια τοῦ ἐνός

4 μὲν et καὶ om. G, add. C. 11 τῆς $\overline{βγ}$ om. G, add. C.
16 τὰ αὐτὰ] ταῦτα G. 24 οὐσῶν G, ἴσων C.

— εἰ δὲ ἰσοσκελές, ἦτοι ἐλάσσονα ἔχει τῶν ἴσων
ἐκατέρας τὴν βάσιν ἢ μείζονα. εἰ μὲν οὖν ἐλάσσων ἢ
βάσις, πάλιν αἱ δύο μείζους τῆς λοιπῆς· εἰ δὲ μείζων

5

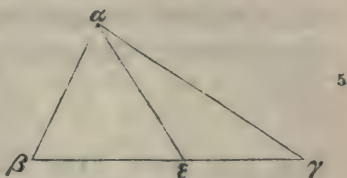


ἢ βάσις, ἔστω ἢ $\overline{βγ}$ μείζων,
καὶ ἀφηγήσθω ἴση ἐκατέρα
ἐκείνων ἢ $\overline{βε}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἢ $\overline{αε}$. ἐπεὶ οὖν τριγώνου τοῦ
 $\overline{αεβ}$ ἐκτὸς ἢ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ γωνία,
μείζων ἐστὶ τῆς ὑπὸ $\overline{βαε}$. διὰ

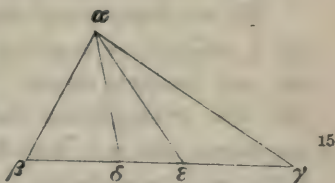
- 10 τὰ αὐτὰ δὴ καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{αεβ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων. αἱ
ἄρα περὶ τὴν $\overline{αε}$ γωνίαι μείζους ὅλης τῆς πρὸς τῷ $\overline{α}$,
ὣν ἢ ὑπὸ $\overline{βεα}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{βαε}$, ἐπεὶ καὶ \parallel ἢ $\overline{αβ}$ τῇ
 $\overline{βε}$ ἴση. λοιπὴ ἄρα ἢ ὑπὸ $\overline{αεγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{γαε}$ μείζων,
ὥστε καὶ ἢ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{γε}$ μείζων. ἦν δὲ ἢ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση.
15 αἱ ἄρα $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζους τῆς $\overline{βγ}$. εἰ δὲ σκαληνὸν τὸ
 $\overline{αβγ}$, ἔστω μεγίστη ἢ $\overline{αβ}$, μέση ἢ $\overline{αγ}$, ἐλαχίστη ἢ
 $\overline{βγ}$. ἢ μὲν οὖν μεγίστη μεθ' ἐκατέρας ληφθεῖσα πάν-
τως μείζων τῆς λοιπῆς· καὶ γὰρ καθ' αὐτὴν ἐκατέρας
μείζων. εἰ δὲ τὴν $\overline{αγ}$ καὶ $\overline{βγ}$ δεῖξαι ζητοῦμεν τῆς $\overline{αβ}$
20 μεγίστης οὔσης μείζονας, ὥς ἐπὶ τοῦ ἰσοσκελοῦς ποι-
ήσομεν ἀπὸ τῆς μεγίστης ἀφελόντες τῇ ἑτέρᾳ ἴσην,
καὶ ἐπιξεύξαντες ἀπὸ τοῦ $\overline{γ}$, καὶ ἀποχρησάμενοι ταῖς
ἐκτὸς τῶν τριγώνων γωνίαις.

2 ἐκατέραν M, G . 3 πάλαι G . 5 ἐκατέρα M, G .
11 περὶ τὴν $\overline{α}$ καὶ $\overline{ε}$ G . 14 ἦν δὲ καὶ G . 17 μεθ' ἐκατέ-
ραν ληφθεῖσα G . 18 καθ' αὐτὴν M , καθ' αὐτήν G . \parallel ἑτέ-
ρας G , ἐκατέρας C . 19 Figura, quam B addit, omitta est
in M , neque est necessaria. 20 μείζονα M , 21 ἐκατέρα G .

Πάλιν ἔστω τρίγωνον $\tauυχόν$ | τὸ $\overline{αβγ}$. λέγω ὅτι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ μείζους εἰσὶ τῆς $\overline{βγ}$. εἰ γὰρ μή, ἦτοι ἴσαι εἰσὶν, ἢ ἐλάσσους, ἔστωσαν ἴσαι, καὶ ἀφηρησθῶ τῇ $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βε}$. λοιπὴ ἄρα ἡ $\overline{εγ}$ τῇ $\overline{αγ}$ ἴση. ἐπεὶ οὖν ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βε}$ ἴση, γωνίας ἴσας ὑποτείνουσιν. ὁμοίως δὲ καί, ἐπεὶ ἡ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$ ἴση, γωνίας ἴσας ὑποτείνουσιν. αἱ ἄρα πρὸς τῷ $\overline{ε}$ γωνίαι 10 ἴσαι καὶ αἱ πρὸς τῷ $\overline{α}$, ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν δὲ



ἔστωσαν ἐλάσσους αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ τῆς $\overline{βγ}$, καὶ ἀφηρησθῶ τῇ μὲν $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βδ}$, τῇ δὲ $\overline{αγ}$ ἡ $\overline{γε}$. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ ἐπεὶ ἴση ἡ $\overline{αγ}$ τῇ $\overline{γε}$, ἴση ἡ ὑπὸ $\overline{γεα}$ τῇ ὑπὸ $\overline{εαγ}$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{βδα}$ $\overline{γεα}$ ἴσαι δυσὶν ταῖς ὑπὸ $\overline{βαδ}$ καὶ $\overline{εαγ}$. πάλιν ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{αδγ}$ | ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{εαγ}$, καὶ γὰρ 20 τῆς ὑπὸ $\overline{δαγ}$. κατὰ τὰ αὐτὰ δὲ καί, ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{αβε}$ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\overline{γεα}$, μείζων τῆς ὑπὸ $\overline{βαδ}$, καὶ



9—10 ὁμοίως . . . ὑποτείνουσιν om. G. 10 πρὸς τὸ $\overline{αε}$ M, πρὸς τῇ $\overline{εγ}$ C, 'ad e Signum' B, 'ad $\overline{ε}$ ' Z. 19 τῇ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ M, G. 20—21 ἐκτὸς . . . ὑπὸ $\overline{δαγ}$ om. G, add. C, sed prae-posito $\overline{γεα}$ ante μείζων. 21 καὶ ἐπὶ G.

γὰρ τῆς ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\epsilon}$ μείζων. αὖ ὑπὸ $\overline{\beta\delta\alpha}$ $\overline{\gamma\epsilon\alpha}$ μείζους
 ἐκεῖ δύο τῶν ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\delta}$ $\overline{\epsilon\alpha\gamma}$. ἦσαν δὲ καὶ ἴσαι αὐταῖς·
 ὅπερ ἀδύνατον. αὖ ἄρα $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ οὔτε ἴσαι εἰσὶν τῇ $\overline{\beta\gamma}$,
 οὔτε ἐλάσσους, ἀλλὰ μείζους. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῶν
 5 ἄλλων.

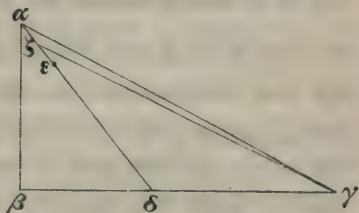
Prop. XXI, theor. XIII. Ἐὰν τριγώνου ἐπὶ μιᾷς
 τῶν πλευρῶν δύο εὐθεῖαι συσταθῶσιν ἐντὸς
 ἀπὸ τῶν περάτων ἀρξάμεναι, αὖ συσταθεῖσαι
 τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου πλευρῶν ἐλάττους
 10 μὲν ἔσονται, μείζονα δὲ γωνίαν περιέξουσιν.

Τὸ μὲν δηλούμενον ὑπὸ τῆς προτάσεως φανερόν
 καὶ ἡ ἀπόδειξις ἡ παρὰ τῷ στοιχειωτῇ τὸ ἐναργὲς ἔχει
 καὶ ταῖς πρώταις ἀρχαῖς ἐπόμενον τὸ θεωρήμα. ἐκ
 γὰρ δύο θεωρημάτων ἡρτηται τοῦ τε πρὸ τούτου
 15 δειχθέντος καὶ τοῦ ἐκκαιδεκάτου. πρὸς μὲν γὰρ τὸ
 δεῖξαι τὰς συσταθείσας ἐντὸς ἐλάσσονας τῶν ἐκτὸς
 ἐκείνου δεῖται τοῦ θεωρήματος, παντὸς τριγώνου αὖ
 δύο μείζους εἰσὶ τῆς λοιπῆς, πρὸς δὲ τὸ τὴν ὑπ'
 αὐτῶν περιεχομένην γωνίαν ἀποφῆναι μείζονα τῆς
 20 ὑπὸ τῶν ἐκτὸς περιεχομένης, ἐκεῖνο αὐτῷ συντελεῖ,
 τὸ παντὸς τριγώνου τὴν ἐκτὸς γωνίαν μείζονα εἶναι
 τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. λάβοις δ' ἂν ἅμα τῆς γεω-
 μετρικῆς ἀκριβείας πίστιν καὶ τῶν ἐν τοῖς μαθήμασι
 παραδόξων ὑπόμνησιν, εἰ δεῖξαιμεν ὅτι δυνατὸν ἐντὸς

4 οὔτε μείζους *M*, *B*₃, *G*, 'sed maiora' *B*, 'maiора igitur' *Z*.
 6 In *M* in margine κα. 7 σταθῶσιν *G*, συσταθῶσιν *C*.
 12 παρὰ] ἐπὶ *G*, corr. *C*. 14 εἴρηται *G*, ἡρτηται *C*.
 15 ις *G*, ἐκκαιδεκάτου *C*.

τριγώνου τινὸς ἐπὶ μιᾷ τῶν πλευρῶν οὐχ ὅλης ἀλλὰ
μέρους αὐτῆς συστήναι δύο εὐθείας μείζους τῶν ἐκτός,
καὶ πάλιν μείονα (?) γωνίαν περιεχούσας τῆς ὑπὸ
τῶν ἐκτός περιεχομένης. τούτου γὰρ δειχθέντος ἅμα
μὲν δῆλον ὅτι ἀναγκαίως ὁ στοιχειωτὴς προσέθηκεν 5
τὸ ἀπὸ τῶν περάτων ἄρχεσθαι δεῖν τῆς κοινῆς βά-
σεως τὰς ἐντὸς συνισταμένας καὶ τὸ ἐπὶ μιᾷ ὅλης
συνίστασθαι, ἀλλὰ οὐκ ἐπὶ μέρους τῆς ὅλης. ἅμα δὲ
καὶ ὅπερ εἶπομεν ἓν τι τῶν ἐν γεωμετρίας παραδόξων
ἀναφανήσεται. πῶς γὰρ οὐ παράδοξον, εἰ αἱ μὲν ἐπὶ 10
τῆς ὅλης || συνιστάμεναι τῶν ἐκτός ἐλάσσους εἰσὶν, αἱ
δὲ ἐπὶ μέρους μείζονες; ἔστω δὴ οὖν ὀρθογώνιον τρί-
γωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$, ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ β γωνίαν καὶ
εἰλήφθω σημεῖον τυ-

χὸν τὸ δ ἐπὶ τῆς $\beta\gamma$
καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\alpha\delta$.
μείζων ἄρα ἡ $\alpha\delta$ τῆς
 $\alpha\beta$. ἀφηρησθῶ ἀπὸ τῆς
 $\alpha\delta$ ἴση τῇ $\alpha\beta$ ἡ $\delta\epsilon$,

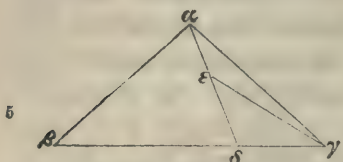


15

καὶ ἡ $\epsilon\alpha$ διηρησθῶ δίχα κατὰ τὸ ζ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ 20
 $\gamma\zeta$. ἐπεὶ οὖν τρίγωνόν ἐστι τὸ $\alpha\gamma\zeta$ αἱ $\alpha\zeta$ $\zeta\gamma$ μείζους
εἰσὶ τῆς $\alpha\gamma$. ἀλλ' ἡ $\alpha\zeta$ ἴση τῇ $\zeta\epsilon$. αἱ ἄρα $\zeta\epsilon$ $\zeta\gamma$ μεί-
ζους τῆς $\alpha\gamma$. ἴση δὲ ἡ $\delta\epsilon$ τῇ $\alpha\beta$. αἱ ἄρα $\zeta\gamma$ $\zeta\delta$ μεί-
ζους τῶν $\alpha\beta$ $\alpha\gamma$, καὶ εἰσιν ἐντός. πάλιν ἔστω τρίγωνον

3 μείζονα M , B_3 , G , 'maiozem' Z , 'minorem' B . Cum infra
ἐλάσσονα scriptum sit, hoc quoque loco ἐλάσσονα erit restitu-
dum. || τῆς ὑπὸ τῆς G , corr. C .

ἰσοσκελὲς τὸ $\overline{αβγ}$ μείζονα τὴν βάσιν ἔχον τὴν $\overline{βγ}$ ἑκα-
τέρας τῶν ἴσων, καὶ ἀφηγήσθω ἀπὸ τῆς $\overline{βγ}$ ἴση τῇ



$\overline{αβ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἢ $\overline{αδ}$, καὶ σημείον ἐπὶ
τῆς $\overline{αδ}$ τυχὸν εἰλήφθω
τὸ $\overline{ε}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{εγ}$.

ἐπεὶ οὖν ἴση ἐστὶν ἢ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βδ}$, ἴση καὶ γωνία ἢ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βδα}$, καὶ ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{εδγ}$ ἐκτός
ἐστὶν ἢ ὑπὸ $\overline{βδα}$, μείζων ἐστὶ τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναν-
10 τίον τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$, ὥστε καὶ ἢ ὑπὸ $\overline{βαδ}$ μείζων τῆς
ὑπὸ $\overline{δεγ}$. πολλῶν ἄρα μείζων ἢ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{δεγ}$.
καὶ περιέχεται ἢ μὲν ὑπὸ $\overline{βαγ}$ ὑπὸ τῶν ἐκτός, ἢ δὲ
ὑπὸ $\overline{δεγ}$ ὑπὸ τῶν ἐντός. συνεστάθησαν ἄρα ἐντός
τοῦ τριγώνου αἱ $\overline{δεγ}$ γωνίαν περιέχουσιν ἐλάσσονα
15 τῶν ἐκτός, καὶ δέδεικται τὸ προκείμενον οὐ προσχρη-
σαμένων ἡμῶν ταῖς παραλλήλοις τῶν ἐξηγητῶν. ἀναγ-
καῖον ἄρα τὰς συνεσταμένας εὐθείας ἀπὸ τῶν περάτων
ἀρχεσθαι τῆς βάσεως. αἱ γὰρ ἐπὶ μέρους αὐτῆς συν-
ιστάμεναι καὶ μείζους δείκνυνται ποτε τῶν ἐκτός καὶ
20 ἐλάσσονα περιέχουσιν γωνίαν.

Οὕτω δὲ καὶ συνισταμένων ἀπὸ τῶν περάτων
ἀναφαίνεται καὶ τὸ εἶδος τῶν καλουμένων ἀκιδοειδῶν
τριγώνων, ἓν καὶ τοῦτο τῶν ἐν γεωμετρίας || παρα-

9 καὶ μείζων ἐστὶ G. 11 πολλῶν . . . ὑπὸ $\overline{δεγ}$ om. G,
add. C. 12 τῆς ὑπὸ τῶν ἐκτός M. 13 συνεστάτωσαν M,
συνέστησαν B_3 , G, constitutae sunt B, Z. 17 συνισταμένας G.
22 καλουμένων om. G.

δόξων τρίγωνον τετράπλευρον εὔρειν οἷον τὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.
 περιέχεται μὲν γὰρ ὑπὸ τεττάρων πλευρῶν τῶν $\overline{\beta\alpha}$
 $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\gamma\epsilon}$ $\overline{\epsilon\beta}$, τρεῖς δὲ ἔχει γωνίας,
 μίαν μὲν τὴν πρὸς τῷ β , ἑτέραν
 δὲ τὴν πρὸς τῷ α , λοιπὴν δὲ τὴν
 πρὸς τῷ γ . τετράπλευρον ἄρα ἐστὶ
 τρίγωνον τὸ προκείμενον σχῆμα.



Prop. XXII, probl. VIII. Ἐκ τριῶν εὐθειῶν, αἵ
 εἰσιν τρισὶ ταῖς δοθείσαις εὐθείαις ἴσαι, τρί-
 γωνον | συστήσασθαι. δεῖ δὲ τὰς δύο τῆς λοι- 10
 πῆς μείζους εἶναι πάντῃ μεταλαμβανομένας.

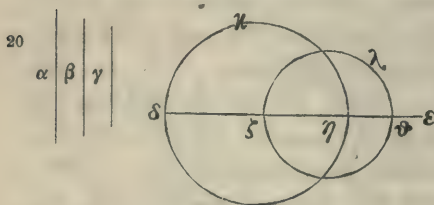
Ἐπὶ τὰ προβλήματα μετεληλύθαμεν αὐτοῖς· καὶ
 παρακελεύεται τριῶν ἐκκειμένων εὐθειῶν, ὧν αἱ δύο
 μείζους τῆς λοιπῆς, συστήσασθαι τρίγωνον ἐξ ἴσων
 πλευρῶν ταῖς δοθείσαις εὐθείαις, πρῶτον μὲν τοῦτο 15
 συνιδῶν, ἐξ αὐτῶν ἐκείνων θέσιν ἥδη λαβουσῶν εἰρη-
 μένην συστήναι τρίγωνον ἀδύνατον, ἀλλ' ἐκ τῶν
 ἴσων αὐταῖς δυνατόν, ἐπειθ' ὅτι δεῖ τὰς εὐθείας τὰς
 συμπληροῦν μελλούσας τὸ τρίγωνον τὰς δύο τῆς λοι-
 πῆς μείζους ἔχειν πάντῃ μεταλαμβανομένας — παν- 20
 τὸς γὰρ τριγώνου αἱ δύο πλευραὶ μείζους εἰσὶ τῆς
 λοιπῆς, ὥς δέδεικται — καὶ διὰ ταύτην τὴν αἰτίαν
 προσθεῖς, ὥς ἄρα ἀναγκαῖον καὶ τῶν ἐξ ἀρχῆς εὐθειῶν

8 *M* in margine $\kappa\beta$. 9 ἴσαι om. *M*. 13 παρακελεύεται]
 'inbet Euclides' *B*. 16 συνιδόντων *M, G*. || λαμβανουσῶν *G*,
 λαβουσῶν *C*. 20 ἔχειν] εἶναι *G*. 20—21 πάντῃ . . . τῆς
 λοιπῆς om. *G*.

τὰς δύο μείζους εἶναι τῆς λοιπῆς κατὰ πᾶσαν λῆψιν,
ἢ οὐκ ἔσται τρίγωνον ἐκ τῶν ἴσων αὐταῖς εὐθειῶν,
πρὸς δὲ τούτοις καὶ τὰς ἐνστάσεις ἀπάσας ἀνελὼν τὰς
πρὸς τὴν κατασκευὴν φερομένας, διὰ τῆς προσθήκης
5 ταύτης μόνης κἀκείνας λύεσθαι δυναμένας.

Ἔστιν οὖν τὸ πρόβλημα τῶν διωρισμένων, ἀλλ'
οὐ τῶν ἀδιορίστων. καὶ γὰρ τῶν προβλημάτων ὥσπερ
τῶν θεωρημάτων τὰ μὲν ἔστιν ἀδιορίστα, τὰ δὲ δι-
ωρισμένα. ἔαν μὲν γὰρ εἴπωμεν ἀπλῶς οὕτως ἐκ τριῶν
10 εὐθειῶν ἴσων τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσασθαι τρί-
γωνον, ἀδιορίστον καὶ ἀδύνατον, ἔαν δὲ προσθῶμεν,
ὣν αἱ δύο μείζους εἰσὶ τῆς λοιπῆς πάντη μεταλαμβα-
νόμεναι, διωρισμένον τε καὶ δυνατόν. γίνεται γὰρ
αὖ καὶ τοῦτο· ὥσπερ || τῶν θεωρημάτων κατὰ τὸ ἀλη-
15 θές καὶ ψεῦδος ἢ διαίρεσις, οὕτω καὶ τῶν προβλημά-
των κατὰ τὸ δυνατόν ἀποφανθέν [καὶ τὸ ἀδύνατον].

Ὅτι δὲ καὶ αἱ πρὸς τὴν κατασκευὴν ἐνστάσεις ἐν-
τεῦθεν λύνονται, μάθοιμεν ἂν σμικρὸν εἰς αὐτὴν ἐπι-



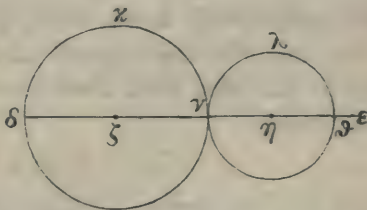
βλέψαντες. ἐπακο-
λουθήσομεν γὰρ
τοῖς τοῦ γεωμέ-
τρου ρήμασιν. .
ἔστωσαν τρεῖς εὐ-
θεῖαι $\overline{\alpha}$ $\overline{\beta}$ $\overline{\gamma}$, ὧν
αἱ δύο μείζους τῆς

1—2 τὰς δύο ... εὐθειῶν om. G, add. C. 3 πρὸς δὲ
τοῦτο M. 5 κἀκείνης G, κἀκεῖνα C. 13—14 δυνατόν γίνε-
ται. καὶ γὰρ αὖ καὶ τοῦτο M, δυνατόν. γίνεται γὰρ καὶ
αὖ τοῦτο B₃, G, 'fit ... possibile. Id etiam scire expedit' Z, 'Pos-
sibile. fit enim hoc quoque'. B. 16 καὶ τὸ ἀδύνατον om.
M, B₃, G; 'sic problematicum enuntiatum iuxta possibilitatem
spectatur' Z, 'iuxta Possibile enuntiatum atque Impossibile' B.

18 μικρὸν G. 19—25 Figuram om. M.

λοιπῆς πάντα μεταλαμβανόμεναι, καὶ δέον ἔστω ποι-
 ῆσαι τὸ προσταχθέν. ἐκκείσθω τις εὐθεῖα ἢ $\overline{\delta\epsilon}$ ἐπὶ
 θάτερα μὲν πεπερασμένη, οἷον κατὰ τὸ $\overline{\delta}$, ἐπὶ θάτερα
 δὲ ἄπειρος, καὶ κείσθω τῇ μὲν $\overline{\alpha}$ ἴση ἢ $\overline{\delta\zeta}$, τῇ δὲ $\overline{\beta}$
 ἴση ἢ $\overline{\xi\eta}$, τῇ δὲ $\overline{\gamma}$ ἴση ἢ $\overline{\eta\theta}$. καὶ κέντρῳ τῷ ζ , δια- 5
 στήματι δὲ τῷ $\zeta\delta$ κύκλος γεγράφθω ὁ κ , καὶ πάλιν
 κέντρῳ τῷ η , διαστήματι δὲ τῷ $\eta\theta$ κύκλος γεγράφθω
 ὁ λ , καὶ τεμνέτωσαν ἀλλήλους οἱ κύκλοι. τοῦτο γὰρ
 ἔλαβεν ὁ στοιχειωτής. πόθεν οὖν τοῦτο; φησὶν τις.
 μήποτε γὰρ ἢ ἐφάπτονται μόνον ἀλλήλων, ἢ οὐδὲ 10
 ἐφάπτονται; τῶν γὰρ τριῶν ἐν τι πάσχειν αὐτοὺς
 ἀναγκαῖον, ἢ τέμνειν ἀλλήλους, ἢ ἐφάπτεσθαι, ἢ δι-
 εστάναι ἀπ' ἀλλήλων. λέγω δὴ οὖν ὅτι τέμνουσιν ἐξ
 ἀνάγκης ἀλλήλους. ἐφαπτέσθωσαν γὰρ πρότερον ἀλ-
 λήλων. ἐπεὶ τοίνυν

τὸ ζ κέντρον ἐστὶ
 τοῦ κ κύκλου, ἴση
 ἐστὶν ἢ $\overline{\delta\zeta}$ τῇ $\overline{\xi\eta}$,
 καὶ ἐπεὶ τὸ η κέν-
 τρον ἐστὶ τοῦ λ κύ-



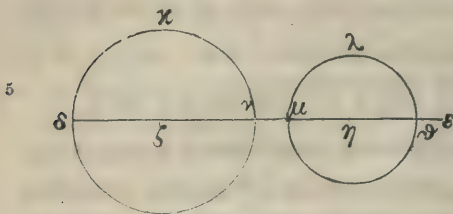
κλου, ἴση ἐστὶν ἢ $\overline{\theta\eta}$ τῇ $\overline{\eta\nu}$. δύο δὴ αἱ $\overline{\delta\zeta}$ $\overline{\eta\theta}$ ἴσαι
 μιᾷ τῇ $\overline{\xi\eta}$. ἔκειντο δὲ μείζους αὐτῆς, ὥσπερ καὶ ἢ $\overline{\alpha}$
 μετὰ τῆς $\overline{\gamma}$ τῆς $\overline{\beta}$ μείζων. ἴσαι γὰρ ἐκείναις. || πάλιν,

1 ἔστι G, ἔστω C. 4. 5 Alterum et tertium ἴση om. G, add. C. 9 ἔλαχεν G, 'sortitus est' et in margine 'assumpsit' B.

13 ὅτι οὐ τέμνουσιν G. 23 ἐκείνοις G, ἐκείναις C. || Post ἐκείναις addit B: 'Aequales igitur ipsi, ipsaque maiores sunt,

εἰ δυνατόν, διεστάτωσαν ἀλλήλων αἱ κύκλοι, ὥς οἱ
 κ λ . ἐπεὶ οὖν τὸ ξ τοῦ κ κέντρον, ἴση ἡ $\delta\xi$ τῇ $\xi\nu$,

καὶ ἐπεὶ τὸ η
 τοῦ λ κέντρον
 ἡ $\theta\eta$ ἴση τῇ
 $\eta\mu$. μείζων
 ἄρα ὅλη ἡ $\xi\eta$
 τῶν $\delta\xi$ $\theta\eta$.



- ὑπερέχει γὰρ ἡ $\xi\eta$ τῇ $\nu\mu$ τῶν $\delta\xi$ $\eta\theta$. ἔκειτο δὲ τὰς $\delta\xi$
 10 $\theta\eta$ μείζους εἶναι τῆς $\xi\eta$, ὥσπερ καὶ τὰς α γ τῆς β .
 ἴση γὰρ ἡ μὲν $\delta\xi$ τῇ α , ἡ δὲ $\xi\eta$ τῇ β , ἡ δὲ $\theta\eta$ τῇ γ .
 ἀνάγκη ἄρα τοὺς κ λ κύκλους τέμνειν ἀλλήλους, ὥστε
 ὁ στοιχειωτῆς ὀρθῶς τέμνοντας ἔλαβεν ἀλλήλους τοὺς
 κύκλους, ἐπειδὴ καὶ τῶν τριῶν εὐθειῶν ὑπέθετο τὰς
 15 δύο μείζους τῆς λοιπῆς πάντῃ μεταλαμβανομένας καὶ
 οὔτε ἴσας οὔτε ἐλάττους τῆς μιᾶς. ἀνάγκη δὲ ἐφαπτο-
 μένων μὲν ἴσας εἶναι, διεστώτων δὲ ἐλάσσους τὰς δύο
 τῆς λοιπῆς.

quod fieri non potest'.

9 ἐκεῖ δὲ G, ἔκειτο δὲ C.

14 ἐπεὶ G, ἐπειδὴ C.

16—17 τῆς μιᾶς . . . ἐλάσσους om. G,
 add. C.

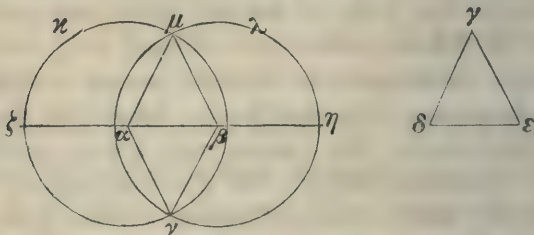
Prop. XXIII, probl. VIII. Πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐ-
θείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῇ δοθείσῃ
εὐθυγράμῳ γωνία ἴσην γωνίαν εὐθύγραμ-
μον συστήσασθαι.

Πρόβλημα καὶ τοῦτο, Οἰνοπίδου μὲν εὗρημα ⁵
μᾶλλον, ὥς φησὶν Εὐδημος, γωνίας δὲ σύστασιν
ἀπαιτοῦν ἴσης ἄλλῃ τῇ δοθείσῃ γωνία εὐθυγράμῳ
πρὸς τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ δοθέντι
σημείῳ. τὸ μὲν οὖν τὴν δοθεῖσαν γωνίαν εὐθύγραμ-
μον ἀναγκαίως εἶναι προσέθηκεν, ἐπεὶ καὶ ἀδύνα- ¹⁰
τον πάσῃ γωνία ἴσην γωνίαν πρὸς εὐθείᾳ συστήσα-
σθαι. δέδεικται γὰρ ὅτι τῶν περιφερογράμων γω-
νιῶν δύο μόνον εἰσὶν εὐθυγράμμοις ἴσαι, ἥ τε τοῦ
πελέκεως πάσῃ εὐθυγράμῳ ἴση δεικνυμένη καὶ ἡ
τοῦ μηνοειδοῦς σχήματος διμοίρῳ ὀρθῆς ἴση οὖσα. ¹⁵
γίνεται δὲ τὸ μηνοειδὲς τοῦτο δύο κύκλων διὰ τῶν
κέντρων τεμνόντων ἀλλήλους. τὸ δὲ πρὸς εὐθείᾳ τινὶ
γίνεσθαι τὴν σύστασιν τῆς γωνίας ὠρισμένην ποιεῖ
τὴν συνισταμένην καὶ οὐκ ἀδιάφορον κατὰ τὸ εἶδος,
ἀλλ' ἥτοι εὐθύγραμμον ἢ μικτήν. οὐδεμιᾶς δὲ μικτῆς ²⁰

1 *M* in margine πρ. β̄ γ̄. 5 καὶ om. *G*. 7 ἴσας *G*,
ἴσης *C*. 11 πρὸς εὐθείαν *G*. 13 ἥ τε τοῦ μηνοειδοῦς *G*,
ἥ τε μηνοειδῆς *C*, qui tamen in margine adnotavit: 'erat etiam
imutatus (?) γωνία tamen non apparebat, quid scriptum esset'.
'angulus bipennis' *Z*, 'Angulus scilicet Figurae Lunularis' *B*.
Supra (p. 189, 12—190, 23) legitur vox μηνοειδῆς, quam
hoc loco Proclus certae tantum huiusmodi angulorum speciei
tribuit. 14 ἥδη δεδεικνυμένη *G*, ἴση δεικνυμένη *C*. || ἡ
τοῦ πελεκοειδοῦς *G*, ἡ τοῦ μηνοειδοῦς *C*, 'angulus lunullaris
figurae' *Z*, 'Angulus Figurae illius, quae Securi similis est' *B*.
— Demonstrationem, eiusmodi angulum duabus Recti tertiis
esse aequalem, quam Proclus omisit, addidit Taylor in pag. 126.
Proclus huius anguli mentionem fecit in pag. 301, 10—13.
18 στᾶσιν *G*. 20 μικτὸν *G*, μικτήν *C*.

ἴσης εἶναι δυναμένης εὐθυγράμῳ πρόδηλον ὅτι καὶ αὐτὴ πάντως εὐθύγραμμός ἐστιν.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτὴς ἀπλῶς προσχρησάμενος τῷ πρὸ τούτου προβλήματι καὶ ἐκ τριῶν εὐθειῶν ἴσων
 5 τρισὶ ταῖς δοθείσαις συστήσας τρίγωνον ἐποίησεν τὸ προσταχθέν, λάβοις δ' ἂν τὴν σύστασιν τοῦ | τριγώ-
 νου διδασκαλικώτερον τὸν τρόπον τοῦτον. ἔστω

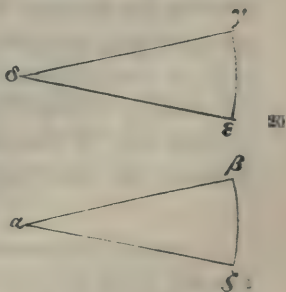


εὐθεῖα ἢ $\overline{αβ}$, τὸ δὲ πρὸς αὐτῇ δοθέν σημεῖον τὸ $\overline{α}$, ἡ
 δὲ δοθεῖσα εὐθύγραμμος ἢ ὑπὸ $\overline{γδε}$. δεῖ δὴ ποιῆσαι
 10 τὸ προσταχθέν. ἐπεζεύχθω ἢ $\overline{γε}$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἐφ'
 ἑκάτερα ἢ $\overline{αβ}$, ὥς ἐπὶ τὰ $\overline{ζη}$, καὶ κείσθω τῇ μὲν $\overline{γδ}$
 ἴση $\overline{ζα}$, τῇ δὲ $\overline{δε}$ ἴση ἢ $\overline{αβ}$, τῇ δὲ $\overline{γε}$ ἢ $\overline{βη}$, καὶ κέν-
 τρω τῷ $\overline{α}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{ζα}$ κύκλος γεγράφθω ὁ
 $\overline{κ}$, καὶ πάλιν ὥσπερ ἐπὶ τοῦ πρὸ τούτου κέντρῳ τῷ
 15 $\overline{β}$, διαστήματι δὲ τῷ $\overline{βη}$ κύκλος γεγράφθω ὁ $\overline{λ}$. τέμνου-
 σιν ἄρα ἀλλήλους οἱ κύκλοι ὥς προδέδεικται. τεμνέ-
 τωσαν κατὰ τὰ $\overline{μν}$ σημεία, καὶ ἀπὸ τοῦ $\overline{μ}$ ἐπιζεύ-

2 αὐτὴ G. 6 προσταθέν M, προτεθέν B₃, G, 'Propositum'
 B, Z. 9 ὑπὸ $\overline{γδ}$. ἔδει M. 14 ὥς G, ὥσπερ C. 17 $\overline{μ}$
 $\overline{ν}$ G, 'n' B, 'm' Z.

χθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα, καὶ ἀπὸ τοῦ $\bar{\nu}$ ὠσαύτως. ἐπεὶ οὖν ἴση ἡ $\bar{\zeta\alpha}$ τῇ $\bar{\alpha\mu}$ καὶ τῇ $\bar{\alpha\nu}$, ἡ δὲ $\bar{\zeta\alpha}$ ἴση τῇ $\bar{\gamma\delta}$, καὶ ἡ $\bar{\alpha\mu}$ καὶ ἡ $\bar{\alpha\nu}$ ἴσαι τῇ $\bar{\gamma\delta}$. πάλιν ἐπεὶ ἴση ἡ $\bar{\eta\beta}$ τῇ $\bar{\beta\mu}$ καὶ τῇ $\bar{\beta\nu}$, ἡ δὲ $\bar{\eta\beta}$ ἴση τῇ $\bar{\gamma\epsilon}$, ἡ ἄρα $\bar{\beta\mu}$ καὶ ἡ $\bar{\beta\nu}$ ἴσαι τῇ $\bar{\gamma\epsilon}$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\bar{\alpha\beta}$ ἴση τῇ $\bar{\delta\epsilon}$. δύο ἄρα αἱ $\bar{\alpha\beta}$ $\bar{\alpha\mu}$ ἴσαι ταῖς $\bar{\delta\epsilon}$ $\bar{\delta\gamma}$ καὶ βάσεις ἡ $\bar{\beta\mu}$ ἴση τῇ $\bar{\gamma\epsilon}$, γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\bar{\mu\alpha\beta}$ ἴση τῇ πρὸς τῷ $\bar{\delta}$. καὶ πάλιν δύο αἱ $\bar{\nu\alpha}$ $\bar{\alpha\beta}$ ἴσαι δυσὶν ταῖς $\bar{\gamma\delta}$ $\bar{\delta\epsilon}$, καὶ βάσεις ἡ $\bar{\nu\beta}$ βάσει τῇ $\bar{\gamma\epsilon}$ ἴση, καὶ γωνία ἄρα ἡ ὑπὸ $\bar{\nu\alpha\beta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\bar{\gamma\delta\epsilon}$. καὶ γέγονεν τὸ προσταχθὲν διπλασίως. οὐ γὰρ μίαν μόνον, ἀλλὰ δύο συνεστησάμεθα γωνίας ἴσας τῇ δοθείσῃ ἐφ' ἑκάτερα τῆς $\bar{\alpha\beta}$ εὐθείας, || ἵνα καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς, ἐφ' ὁποῦτα ἂν βουλώμεθα ποιεῖσθαι τὴν σύστασιν, ἀναμφισβήτητον εἴη καὶ μὴ τις ἀντιλέγῃ.

Ταῦτα μὲν οὖν πρὸς τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν συμβαλλόμεθα, τὴν δὲ Ἀπολλωνίου δεῖξιν οὐκ ἐπαινοῦμεν, ὥς δεομένην τῶν ἐν τῷ τρίτῳ βιβλίῳ δεικνυμένων. λαβὼν γὰρ ἐκεῖνος γωνίαν τυχοῦσαν τὴν ὑπὸ $\bar{\gamma\delta\epsilon}$ καὶ εὐθεῖαν τὴν $\bar{\alpha\beta}$ κέντρον τῷ $\bar{\delta}$, διαστήματι δὲ τῷ $\bar{\gamma\delta}$ γράφει τὴν $\bar{\gamma\epsilon}$ περιφέρειαν, καὶ ὠσαύτως κέντρον τῷ $\bar{\alpha}$, διαστή-



1 $\bar{\nu}$ | $\bar{\mu}$ G, 'm' B, 'n' Z. 13 ἐν τοῖς ἐφεξῆς G.
14 ἀναμφισβήτητον G. 16 συμβαλλόμεθα G.

ματι δὲ τῷ $\overline{\alpha\beta}$ τὴν $\overline{\xi\beta}$, καὶ ἀπολαβὼν τῇ $\overline{\gamma\epsilon}$ ἴσην τὴν $\overline{\xi\beta}$ ἐπιξεύγνυσι τὴν $\overline{\alpha\zeta}$. καὶ ἐπὶ ἴσων περιφερειῶν βεβηκνίας τὰς $\overline{\alpha}$ $\overline{\delta}$ γωνίας ἴσας ἀποφαίνει. δεῖ δὲ προλαβεῖν καὶ ὅτι ἡ $\overline{\alpha\beta}$ ἴση τῇ $\overline{\gamma\delta}$, ἵνα καὶ οἱ κύκλοι
 5 ἴσοι ᾖσι. τὴν οὖν τοιαύτην κατασκευὴν ὥς τοῖς ὕστερον προσχρωμένῃν ἀλλοτριάν εἶναι τῆς στοιχειώσεως νομίζομεν, τὴν δὲ τοῦ γεωμέτρου προτίθεμεν ὥς ταῖς ἀρχαῖς ἐπομένην.

Prop. XXIII, theor. XV. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, ἔχῃ δὲ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔξει.

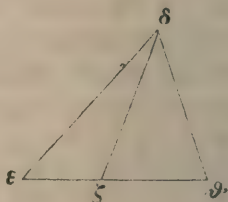
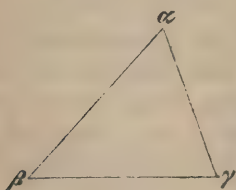
Πάλιν ἐπὶ τὰ θεωρήματα μεταβέβηκε καὶ τοὺς
 15 ὁμοίους ἀποδίδωσι περὶ τῆς ἀνισότητος λόγους ἐπὶ δύο τριγώνων, οὓς καὶ ἐπὶ τῆς ἰσότητος. δύο γὰρ ὑποθέμενος τρίγωνα δύο πλευρὰς ἴσας ἔχοντα, ἑκατέραν ἑκατέρᾳ, τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ γωνίαν ὅτε μὲν ἴσην ἐν ἀμφοτέροις τίθεται, ὅτε δὲ ἄνισον, καὶ τῇ
 20 μὲν ἰσότητι ταύτης ἐπομένην ἔδειξεν τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τῇ τούτων ἰσότητι δείκνυσιν ἐπακολουθοῦσαν τὴν τῶν γωνιῶν τῶν πρὸς ταῖς κορυφαῖς

1 τὴν $\overline{\beta\zeta}$ περιφέρειαν G , τὴν $\overline{\xi\beta}$ C . 9 In M in margin $\kappa\delta$. 15 περὶ τῆς ἀνισότητος om. G , add. C . 16 της ante ἰσότητος om. G . 19 In M in margin: ἀπὸ τῶν δ καὶ η δῆλον τὸ θεώρημα. 20 ταύτη G , ταύτης C . 21 τούτων] in M in margin: τούτων, τινῶν δῆλον ὅτι τῶν βάσεων καὶ γὰρ ἀντιστρέφει. 22 τῶν ante πρὸς ταῖς om. G .

ἰσότητα, καὶ τῇ ἀνισότητι τὴν ἀνισότητα. τοῦτο τοί-
 νυν || τὸ θεωρήμα τὸ νῦν προτεινόμενον ἀντίκειται
 μὲν τῷ τετάρτῳ — ἐκεῖνο μὲν γὰρ ἴσας ὑπέθετο τὰς
 πρὸς ταῖς κορυφαῖς τῶν τριγώνων γωνίας, τοῦτο δὲ
 ἀνίσους. καὶ ἐκεῖνο μὲν ἴσας αὐτῶν ἀπεδείκνυ τὰς βά- 5
 σεις τοῦτο δὲ ὡσαύτως ταῖς γωνίαις ἀνίσους — προ-
 ηγεῖται δὲ τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος. ἐκεῖνο μὲν γὰρ
 ἀπὸ τῶν βάσεων ἐπὶ τὰς γωνίας, καθ' ἃς ὑποτείνου-
 σιν αἱ βάσεις, μετὰγει τὸν τῆς ἀνισότητος λόγον, τοῦτο
 δὲ ἀνάπαλιν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἐπὶ τὰς βάσεις τὰς ὑπ' 10
 αὐτάς. ὥσπερ αὖ τὸ ἐφεξῆς ἀντίστροφον μὲν ἔστι
 πρὸς τοῦτο κατὰ τὸν εἰρημένον τρόπον, ἀντικείμενον
 δὲ τῷ ὀγδόῳ θεωρήματι. τὸ μὲν γὰρ ἀπὸ τῆς ἰσότη-
 τος τῶν βάσεων ἴσας ἀποδείκνυσιν τὰς πρὸς ταῖς κο-
 ρυφαῖς γωνίας, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ἀνισότητος τῶν βάσεων 15
 καὶ κείνας ἀνίσους ἀποφαίνει. κοινὸν δὲ τοῖς τέτρα-
 σιν, ὧν δύο μὲν περὶ τὸ ἴσον στρέφεται, τὸ δ' καὶ τὸ η ,
 δύο δὲ περὶ τὸ ἄνισον, τοῦτό τε καὶ τὸ ἐξῆς, καὶ δύο
 μὲν ἀπὸ τῶν γωνιῶν ἄρχεται, τὸ τέταρτον καὶ ὃ νυνὶ
 προσεθέμεθα ζητεῖν, δύο δὲ ἀπὸ τῶν βάσεων, τό τε 20
 ὀγδοὺν καὶ τὸ ἐφεξῆς τεταγμένον — δεῖ (?) οὖν τούτοις
 τέτρασι τῷ δ' καὶ η καὶ $\kappa\delta$ καὶ $\kappa\epsilon$ τοῖς ἅπασι τὸ τὰς
 δύο πλευρὰς ἴσας ἔχειν ταῖς δύο πλευραῖς ἐκατέραν
 ἐκατέρα. τούτων γὰρ ἀνίσων οὐσῶν περιττὴ πᾶσα
 ζήτησις καὶ ἀπάτης οὐκ ἀπηλλαγμένη. 25

1 τὴν ἀνισότητα τῇ ἀνισότητι G. || τοῖνυν] οὖν G.
 5 ἀποδείκνυσιν G, ἀπεδείκνυσιν C. 11 αὐτὸ G. || ἀντιστρό-
 φιον M, in quo in margine legitur: ση. τί ἔστιν ἀντίστροφον
 καὶ τί ἀντικείμενον. 16 ἀποφαίνον G, ἀποφαίνει C. || In
 M in margine: ωρόλον singulis litteris compendio ως suppo-
 sitis. 21 τεταγμένον G, τεταγμένον C.

Τοσαῦτα καθόλου περὶ τῶν προκειμένων εἰρήσθω.
 φέρε δὲ καὶ τὴν τοῦ στοιχειωτοῦ κατασκευὴν τοῦδε
 τοῦ θεωρήματος ἀνασκεψώμεθα, καὶ τὸ ἐλλείπον αὐτῇ
 προσθῶμεν. λαβὼν γὰρ δύο τρίγωνα τὰ $\overline{αβγ}$ δεξ
 5 ἴσας ἔχοντα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ ταῖς $\overline{δε}$ $\overline{δζ}$ ἑκατέραν ἑκατέρα
 καὶ τὴν πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνίαν τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ μείζονα,
 δεῖξαί τε βουλόμενος τὴν $\overline{βγ}$ τῆς $\overline{εζ}$ μείζονα πρὸς τῇ
 $\overline{εδ}$ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ συνίστησιν ἴσην |
 γωνίαν τῇ πρὸς τῷ $\overline{α}$ τὴν ὑπὸ $\overline{εδθ}$ — μείζων γὰρ ἡ
 10 πρὸς τῷ $\overline{α}$ τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ — καὶ ἀφείλεν ἴσην τῇ $\overline{αγ}$
 τὴν $\overline{δθ}$. τῆς οὖν $\overline{εζ}$ εὐθείας ἐμβαλλομένης τὸ $\overline{θ}$ ση-
 μεῖον ἢ ἀνωτέρω πίπτει τῆς εὐθείας, ἢ ἐπ' αὐτῆς, ἢ
 ὑπ' αὐτήν. ὁ μὲν δὲ στοιχειωτῆς ὡς ἀνωτέρω κεί-
 μενον ἔλαβεν. ἔστω δὲ ἐπ' αὐτῆς || τῆς εὐθείας. πά-

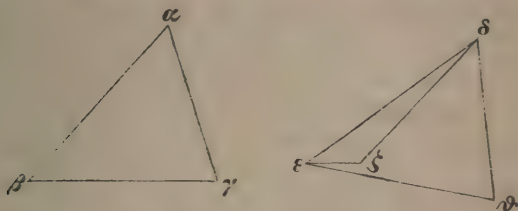


15 λιν οὖν αὐτόθεν δείξομεν. δύο γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{αγ}$ δύο
 ταῖς $\overline{δε}$ $\overline{δθ}$ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι. καὶ ἡ

2 καὶ] κατὰ M, C.
 αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{δ}$ C.
 12 ἐπ' αὐτήν G, ὑπ' αὐτήν C.

8 πρὸς αὐτῆς σημείῳ $\overline{δ}$ G, πρὸς
 10 ἀφείλεν] ἐπιζεύγνυσιν B, G, 'au-
 fert' Z, 'connectit' B.

$\overline{\beta\gamma}$ ἄρα βάσις τῇ $\overline{\epsilon\theta}$ ἴση. ἀλλ' ἡ $\overline{\epsilon\theta}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$ μείζων, ὥστε καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$ μείζων. ἀλλὰ δὴ ἔστω τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$ κατωτέρω κείμενον. ἐπιζεύξαντες οὖν τὴν $\overline{\epsilon\theta}$ ἐροῦμεν



ὥς, ὅτι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$ $\overline{\delta\theta}$ ἴσαι καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι, καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ ἄρα ἴση τῇ $\overline{\epsilon\theta}$. ἐπεὶ οὖν τρι- 5 γώνου τοῦ $\overline{\delta\epsilon\theta}$ ἐντὶς συνέστησαν αἱ $\overline{\delta\zeta}$ $\overline{\zeta\epsilon}$ ἐπὶ τῆς $\overline{\delta\epsilon}$, ἐλάσσους εἰσὶ τῶν ἐκτός. ἴση δὲ ἡ $\overline{\delta\theta}$ τῇ $\overline{\delta\zeta}$ — καὶ γὰρ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$ — μείζων ἄρα ἡ $\overline{\theta\epsilon}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. ἀλλ' ἡ $\overline{\theta\epsilon}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ ἐστὶν ἴση, μείζων ἄρα ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$. κατὰ 10 πᾶσαν ἄρα θέσιν δέδεικται τὸ θεώρημα.

Διὰ τί δὴ οὖν οὐχ, ὥσπερ ἐπὶ τοῦ τετάρτου θεωρήματος προσαπέδειξεν ὅτι καὶ τὰ ἐμβαδὰ τῶν τριγώνων ἴσα ἐστίν, οὕτω καὶ ἐν τούτῳ προσέθηκεν, ὅτι πρὸς τῇ ἀνισότητι τῶν βάσεων καὶ τὰ ἐμβαδὰ ἄνισα; πρὸς δὲ ταύτην τὴν ἀπορίαν λεγέσθω ὅτι οὐχὶ ὁ 15 αὐτὸς λόγος ἐπὶ τε τῶν ἴσων γωνιῶν καὶ βάσεων καὶ τῶν ἀνίσων. ἴσαις μὲν γὰρ οὖσαις ταῖς γωνίαις καὶ ταῖς βάσεσιν ἔπεται καὶ ἡ τῶν τριγώνων ἰσότης.

1 μείζων τῆς $\overline{\epsilon\zeta}$ G.
13 οὕτω] τοῦ G, corr. C.

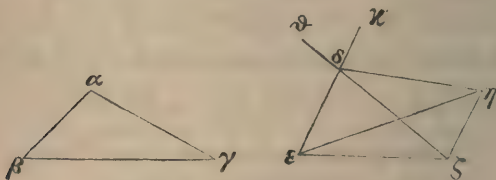
3 κειμένη G.

11 δὴ om. G.

14 ἄνισα om. M.

15 δὴ G, δὲ C.

ἀνίσοις δὲ ἄρα οὐσαις οὐκ ἀνάγκη τὴν ἀνισότητα τῶν
 ἐμβαδῶν ἀκολουθεῖν, ἀλλὰ γὰρ δύναται καὶ ἴσα εἶναι
 τὰ τρίγωνα καὶ ἄνισα, καὶ μεῖζον τὸ ἔχον τὴν μεῖζονα
 γωνίαν καὶ βάσιν καὶ αἰ ἔλασσον. διὰ τοῦτο οὖν ἰ
 5 στοιχειωτῆς παρέλειπεν τὴν τῶν τριγώνων σύγκρισιν,
 ἅμα δὲ καὶ ὅτι ἡ περὶ τούτων θεωρία τῆς τῶν παραλ-
 λήλων δεῖται πραγματείας. εἰ δὲ δεῖ προλαβόντας
 ἡμᾶς τὰ μέλλοντα δείκνυσθαι καὶ νῦν ποιήσασθαι
 τὴν τῶν ἐμβαδῶν παράθεσιν, λέγομεν ὅτι δύο ὀρθαῖς
 10 ἴσων οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha}$ $\overline{\delta}$ γωνιῶν — γινέσθω δὲ ὁ λόγος
 ἐπὶ τῆς ἐν τῷ στοιχείῳ καταγραφῆς — ἴσα δείκνυνται
 τὰ τρίγωνα, || μειζόνων δὲ δυεῖν ὀρθῶν ἔλασσον τὸ
 ἔχον τὴν μεῖζονα γωνίαν, ἐλασσόνων δὲ οὐσῶν, μεῖζον.



ἔστω γὰρ τὰ ἐν τῷ στοιχείῳ κατεσκευασμένα καὶ ἐκ-
 15 βεβλήσθωσαν αἱ $\overline{\epsilon\delta}$ $\overline{\zeta\delta}$, καὶ ὑποκείσθωσαν αἱ ὑπὸ
 $\overline{\beta\alpha\gamma}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι. ἐπεὶ οὖν ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ ἴση
 τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι
 εἰσίν. εἰσὶ δὲ καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\kappa\delta\eta}$ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσαι.
 κοινὴ ἀφηρησθῶ ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$, λοιπὴ ἄρα ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$

5 τὴν τριγώνου G, τὴν τῶν τριγώνων C. 8 τὰ μένοντα G,
 corr. C. 14 στοιχειωτῇ M, C.

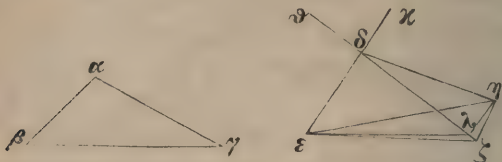
τῇ ὑπὸ $\overline{\eta\delta\kappa}$ ἴση. ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{\theta\delta\kappa}$
 — κατὰ κορυφὴν γάρ — καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\eta\delta\kappa}$ ἄρα. καὶ
 ἐπεὶ τριγώνου τοῦ $\overline{\eta\delta\zeta}$ ἐκτός ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{\eta\delta\theta}$, ἴση
 ἐστὶ ταῖς δύο ἀπεναντίον ταῖς πρὸς τῷ $\overline{\eta}$ καὶ $\overline{\zeta}$. ἀλλὰ
 αὐταὶ ἴσαι ἀλλήλαις· καὶ γὰρ ἡ $\overline{\delta\eta}$ τῇ $\overline{\delta\zeta}$. ἡ ἄρα ὑπὸ $\overline{\eta\delta\theta}$ 5
 διπλῇ τῆς πρὸς τῷ $\overline{\eta}$ γωνίας. ἴση ἄρα ἡ πρὸς
 τῷ $\overline{\eta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\kappa\delta\eta}$, καὶ εἰσὶν ἐναλλάξ· παράλληλος
 ἄρα ἡ $\overline{\delta\epsilon}$ τῇ $\overline{\xi\eta}$. τὰ ἄρα $\overline{\eta\delta\epsilon}$ $\overline{\xi\delta\epsilon}$ τρίγωνα ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς βάσεως ἐστὶν τῆς $\overline{\delta\epsilon}$ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλ-
 λήλοις ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$ καὶ $\overline{\eta\zeta}$. ἴσα ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ τὸ $\overline{\eta\delta\epsilon}$ 10
 τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἴσον, καὶ τὸ $\overline{\delta\epsilon\zeta}$ ἄρα τῷ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ ἴσον. καὶ ὁρᾷς
 ὅτι τριῶν ἐδεήθημεν θεωρημάτων, ἃ τῆς τῶν παραλ-
 λήλων ἐστὶ πραγματείας, ἐνὸς μὲν ὅτι παντὸς τριγώ-
 νου ἡ ἐκτός γωνία δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον
 ἴση, ἐτέρου δὲ ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπί- 15
 πτουςα τὰς ἐναλλάξ ἴσας ποιῇ, παράλληλοί εἰσιν αἱ
 εὐθεῖαι, τοῦ τρίτου δὲ ὅτι τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως
 τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἐστίν·
 ἃ καὶ ὁ στοιχειωτὴς εἰδὼς παρῆκεν τὴν τῶν τριγώνων
 σύγκρισιν. ἀλλὰ δὴ ἔστωσαν αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ γωνίαι 20
 μείζους δυεῖν ὁρθῶν καὶ κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ
 οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$, τουτέστιν αἱ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\eta}$ $\overline{\epsilon\delta\zeta}$ μεί-

4 ταῖς δύο ταῖς ἀπεναντίον G. 6 ταῖς πρὸς τῷ $\overline{\eta}$ καὶ

$\overline{\zeta}$ γωνίαις G, corr. C. 11 Prius ἴσον om. M. 12 τῆς
om. G, add. C. 21 δυεῖν] δύο G, δυοῖν C. || προκατα-

σκευάσθω G, κατασκευάσθω C. 22 αἱ ὑπὸ ante $\overline{\epsilon\delta\eta}$ om. G,
add. C.

ζους δύο ὀρθῶν, αἱ δὲ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$ ἴσαι δύο ὀρθαῖς,
κοινῆς ἀφαιρουμένης τῆς ὑπὸ $\overline{εδη}$, μείζων ἢ ὑπὸ $\overline{εδζ}$



τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$, τουτέστιν ἢ ὑπὸ $\overline{κδθ}$ μείζων || τῆς ὑπὸ
 $\overline{ηδκ}$. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ [τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
5 διπλῆς] τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$ γωνίας. ἢ ἄρα ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἐλάτ-
των ἐστὶ τῆς πρὸς τῷ $\overline{η}$. κείσθω ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ
ὑπὸ $\overline{δηλ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{ελ}$. παράλληλος ἄρα ἢ $\overline{ηλ}$
τῇ $\overline{δε}$. τὰ ἄρα $\overline{ηδε}$ $\overline{λδε}$ τρίγωνα ἴσα ἐστίν. ἀλλὰ τὸ
 $\overline{λδε}$ τοῦ $\overline{ζδε}$ ἔλασσον· τὸ ἄρα $\overline{ηδε}$ ἔλασσον τοῦ $\overline{ζδε}$.
10 ἴσον δὲ τὸ $\overline{ηδε}$ τῷ $\overline{αβγ}$ · τὸ ἄρα $\overline{αβγ}$ ἔλασσον τοῦ
 $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα [γωνίαν]. τὸ δὲ τρίτον
ἔστωσαν ἐλάσσους ὀρθῶν δυεῖν αἱ ἄνισοι γωνίαι, καὶ
κατεσκευάσθω τὰ αὐτά. ἐπεὶ οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{εδη}$ $\overline{ηδκ}$

1 αἱ δὲ] τῆς G , αἱ δὲ C . 4 τῆς ὑπὸ $\overline{ηδθ}$, τουτέστι
διπλῆς ex coniectura addidi. μείζων ἄρα ἢ διπλῇ M , μείζων
ἐστὶν ἢ (ἢ B_3) διπλῇ τῆς ὑπὸ $\overline{ηδκ}$ ἢ διπλῇ B_3, G , 'maior igitur
est duplo' Z , 'Angulus igitur gdh maior quam duplus est Anguli
 gdk , ipse nempe qui duplus est' B . 5 γωνίας om. G .

8 ἐστίν om. G . 10—11 ἴσον . . . $\overline{ζδε}$ om. G , add. C .
11 γωνίαν om. M, B_3, G . In M additum est post μείζονα: τὸ ἄρα
 $\overline{ηδε}$ ἔλασσον τοῦ $\overline{ζδε}$ τὸ ἔχον τὴν μείζονα.

$\bar{\alpha}$ εἴη μιᾶς ἡμισείας ὀρθῆς, ἡ δὲ πρὸς τῷ δ ἡμισείας;
 οὐχὶ δυσὶν ὀρθαῖς αἱ δύο ἴσαι; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$
 μιᾶς ἡμισείας, || ἡ δὲ πρὸς τῷ δ μιᾶς; οὐχὶ μείζους
 δύο ὀρθῶν; τί δέ, εἰ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ μιᾶς ἡμισείας, ἡ
 5 δὲ πρὸς τῷ δ τρίτου; οὐχὶ ἐλάσσους δύο ὀρθῶν; καὶ
 αἰεὶ ἡ $\bar{\alpha}$ μείζων τῆς πρὸς τῷ δ. πᾶσαι οὖν διὰ τῆς
 τῶν παραλλήλων ἡμῶν γερόνασι προσσχησέως. ἀναγ-
 καίως ἄρα παράκεινται τῷ στοιχειωτῇ.

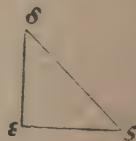
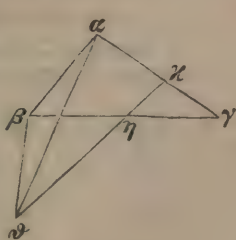
Prop. XXV, theor. XVI. || Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
 10 πλευρὰς δύο πλευραῖς ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκά-
 τέρα, καὶ τὴν βάσιν τῆς βάσεως μείζονα ἔχῃ,
 καὶ τὴν γωνίαν τῆς γωνίας μείζονα ἔξει τὴν
 ὑπὸ τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην.

Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀντίκειται μὲν τῷ ὀγδόῳ,
 15 ἀντιστρέφει δὲ τῷ πρὸ αὐτοῦ. κατὰ συζυγίαν γὰρ ὁ
 στοιχειωτὴς προήγαγεν τὰ τε ἐπὶ τῆς ἰσότητος τῶν
 γωνιῶν καὶ τῶν βάσεων καὶ τὰ ἐπὶ τῆς ἀνισότητος
 θεωρήματα καθ' ἑκατέραν τῶν συζυγιῶν τὰ μὲν προ-
 ηγούμενα, τὰ δὲ ἀντίστροφα λαμβάνων καὶ ἐπὶ μὲν

1 μιᾶς καὶ ἡμισείας *G*. 1—3 ἡμισείας; οὐχὶ . . . πρὸς
 τῷ δ om. *G*, add. *C*. 2 οὐχὶ om. *C*. 3 μιᾶς καὶ ἡμι-
 σείας *C*. || μιᾶς; οὐχὶ] μιᾶς οὐσῆς *M*, διμοίρου, οὐχὶ *G*,
 ἡμισείας οὐχὶ *B*₃, 'unius qui . . . sit' *Z*, 'binae unius Recti
 Tertiae, nonne' *B*. 4 μιᾶς καὶ ἡμισείας *G*. 6 οὖν om. *M*,
*B*₃ = *G*, 'at (= autem?)' *Z*, 'itaque' *B*. 8 κείνται *G*.
 9 Procli commentario hoc loco addunt *Z* et *B* (p. 198—200) in-
 certi auctoris quod in fine additum est scholium et deinceps *B*
 (p. 200—207) alterum scholium a se compositum una cum corol-
 lario. 10 δύο πλευραῖς om. *M*. 14 In *M* in margine κε.
 16 τε om. *G*, add. *C*. 18 ἑτέραν *C*.

τῶν προηγουμένων ταῖς ἐπ' εὐθείας δείξεισι χρώμενος,
ἐπὶ δὲ τῶν ἀντιστροφῶν ταῖς εἰς ἀδύνατον ἀπαγω-
γαῖς. οὕτω δὲ καὶ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου πεποίηκεν τριγῶ-
νου· τότε μὲν τῇ ἰσότητι τῶν ἐν αὐτῷ πλευρῶν δεί-
κνυσι τὴν ἰσότητα τῶν ὑποτεينوμένων γωνιῶν ἀκο- 5
λουθοῦσαν, τότε δὲ τῇ ἀνισότητι * καὶ αὖ πάλιν ἀντι-
στρόφως τῇ μὲν ἰσότητι τῶν γωνιῶν τὴν ἰσότητα τῶν
ὑποτείνουσῶν πλευρῶν, τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἀνισό-
τητα ἀποφαίνων ἐπομένην. ἀλλ' ἐπὶ τὸ προκείμενον
ἐλθόντες ὅπως μὲν ὁ γεωμέτρης ἔδειξεν τὸ θεώρημα 10
πρόδηλον ὃν παρῶμεν ἐκ τῶν βιβλίων ἀναλέγεσθαι
τοῖς φιλομαθέσιν, ἃς δὲ καὶ οἱ ἄλλοι κομίζουσιν ἀπο-
δείξεις τοῦ αὐτοῦ, συντόμως ἱστορήσωμεν, καὶ πρῶτον
ἦν Μενέλαος ὁ Ἀλεξανδρεὺς ἀνεῦρεν καὶ παρέδωκεν.
ἔστω δύο τρίγωνα

τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{δεξ}$, ἴσας
ἔχοντα δύο τὰς $\overline{αβ}$
 $\overline{αγ}$ δυσὶ ταῖς $\overline{δε}$
 $\overline{δξ}$ καὶ τὴν $\overline{βγ}$
μείζονα τῆς $\overline{εξ}$.
λέγω ὅτι ἡ πρὸς



τῷ $\overline{α}$ τῆς πρὸς τῷ $\overline{δ}$ μείζων. ἀφηγήσθω γὰρ ἀπὸ τῆς
 $\overline{βγ}$ τῇ $\overline{εξ}$ ἴση ἢ $\overline{βη}$, καὶ συνεστάτω πρὸς τῷ $\overline{β}$ σημείω
τῇ ὑπὸ $\overline{δεξ}$ γωνία ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{ηβθ}$, καὶ κείσθω ἴση
τῇ $\overline{δε}$ ἢ $\overline{βθ}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{ηθ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω 25

1 ἐπ' εὐθείαις M. 2 ἀντιστροφῶν M, ἀντιστροφῶν C.
7—8 τὴν ἰσότητα... τῇ δὲ ἀνισότητι om. G, add. C. 9 Post
ἐπομένην G addit: τῇ δὲ ἀνισότητι τὴν ἰσότητα.

φόμενος ἥξει καὶ διὰ τοῦ θ . γεγράφθω ὡς $\overline{\epsilon\zeta\kappa\theta}$. καὶ
ἐπεὶ αἱ $\overline{\alpha\gamma}$ $\overline{\alpha\beta}$ τῆς $\overline{\beta\gamma}$ μείζους, αὐταὶ δὲ ἴσαι τῇ $\overline{\epsilon\theta}$
καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\eta\epsilon}$, ὁ κέντρον τῷ ϵ γραφόμενος κύκλος,
διαστήματι δὲ τῷ $\overline{\epsilon\eta}$, τέμνει τὴν $\overline{\epsilon\theta}$. τεμνέτω ὁ $\overline{\eta\kappa}$,
καὶ ἐπεξεύχθωσαν ἐπὶ τὰ κέντρα τῶν κύκλων ἀπὸ τῆς 5
κοινῆς τομῆς αἱ $\overline{\kappa\delta}$ $\overline{\kappa\epsilon}$. ἐπεὶ οὖν τὸ δ κέντρον τοῦ
 $\overline{\theta\kappa\zeta}$, || ἴση τῇ $\overline{\theta\delta}$ ἡ $\overline{\delta\kappa}$, ¹τουτέστιν τῇ $\overline{\delta\zeta}$ καὶ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$.
πάλιν ἐπειδὴ κέντρον τὸ ϵ τοῦ $\overline{\eta\kappa}$, ἴση ἡ $\overline{\epsilon\kappa}$ τῇ $\overline{\epsilon\eta}$
τουτέστι τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐπεὶ οὖν δύο αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\alpha\gamma}$ δύο ταῖς $\overline{\delta\epsilon}$
 $\overline{\delta\kappa}$ ἴσαι καὶ ἡ $\overline{\beta\gamma}$ τῇ $\overline{\epsilon\kappa}$, καὶ γωνία ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$ γωνία 10
τῇ ὑπὸ $\overline{\epsilon\delta\kappa}$ ἴση. μείζων ἄρα τῆς ὑπὸ $\overline{\zeta\delta\epsilon}$ ἡ ὑπὸ $\overline{\beta\alpha\gamma}$.

Prop. XXVI, theor. XVII. Ἐὰν δύο τρίγωνα δύο
γωνίας δύο γωνίαις ἴσας ἔχῃ, ἑκατέραν ἑκα-
τέρα, ἔχῃ δὲ καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ πλευρᾷ
ἴσην, ἥτοι τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν 15
ὑποτείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν, καὶ
τὰς λοιπὰς πλευρὰς ταῖς λοιπαῖς πλευραῖς
ἴσας ἔξει καὶ τὴν λοιπὴν γωνίαν τῇ λοιπῇ
γωνίᾳ ἴσην ἔξει.

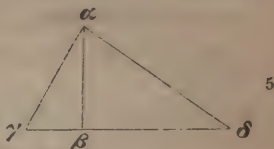
Τὸν τὰ τρίγωνα καὶ τὰς πλευρὰς καὶ τὰς γωνίας 20
καὶ τὰ ἐμβαδὰ συγκρίνειν βουλούμενον ἀναγκαῖον ἢ
μόνας τὰς πλευρὰς λαβόντα ἴσας ζητεῖν τὴν ἰσότητα

1 ὡς ὁ $\overline{\zeta\kappa\theta}$ G, C. 4 τῇ $\overline{\epsilon\eta}$ M. || ὡς $\overline{\eta\kappa}$ G. 7 καὶ
τῇ $\overline{\alpha\gamma}$] καὶ ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ M, ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ B₃, G. 8 ἐπεὶ G, ἐπειδὴ C.
12 In M in margine $\overline{\kappa\zeta}$.

| τῶν γωνιῶν, ἣ μόνας τὰς γωνίας ἴσας ζητεῖν τὴν
 ἰσότητα τῶν πλευρῶν, ἣ μίξαντα γωνίας καὶ πλευράς.
 μόνας μὲν οὖν γωνίας ἴσας λαβὼν οὐκ ἡδύνατο δεικνύ-
 ναι καὶ τὰς πλευράς τῶν τριγώνων ἴσας. ἐστὶν γὰρ
 5 ἰσογώνια τρίγωνα καὶ τὰ σμικρότατα τοῖς μεγίστοις,
 καὶ ταῖς πλευραῖς καὶ τοῖς περιεχομένοις χωρίοις λει-
 πόμενα τῶν ἐτέρων, τὰς δὲ γωνίας ἴσας ἔχοντα ἐκεί-
 νοις κατὰ μίαν. μόνας δὲ τὰς πλευράς ἴσας ὑποθέ-
 μενος πάντα ἔδειξεν ἴσα κατὰ τὸ ὄγδοον θεωρήμα,
 10 ἐν ᾧ δύο τρίγωνά ἐστιν ἔχοντα δύο πλευράς ἴσας
 δυσὶν ἑκατέραν ἑκατέρᾳ καὶ τὴν βάσιν ἴσην τῇ βάσει.
 καὶ δείκνυνται ἰσογώνια ταῦτα καὶ ἴσων περιληπτικὰ
 χωρίων. καὶ ὁ στοιχειωτὴς τὴν προσθήκην ταύτην
 ἀφείλεν ὥς ἐπομένην ἐξ ἀνάγκης καὶ ἀποδείξεως οὐ
 15 δεομένην, καθάπερ διὰ τὸ τέταρτον. πλευράς δὲ καὶ
 γωνίας λαμβάνων ἢ μίαν πλευρὰν ὥφειλεν λαβεῖν μιᾶ
 ἴσην καὶ μίαν γωνίαν μιᾶ γωνίᾳ, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ
 τὰς δύο γωνίας τῶν τριγώνων ἴσας, ἢ ἀνάπαλιν μίαν
 γωνίαν καὶ δύο πλευράς, ἢ μίαν γωνίαν καὶ τρεῖς
 20 πλευράς, ἢ μίαν πλευρὰν καὶ τὰς τρεῖς γωνίας, ἢ καὶ
 πλείους μιᾶς πλευρᾶς λαμβάνειν καὶ πλείους μιᾶς
 γωνίας. ἀλλὰ μίαν γωνίαν καὶ μίαν πλευρὰν λαβὼν
 οὐκ ἐδείκνυ τὸ προκείμενον τῶν ἄλλων τὴν ἰσότητα.
 δυνατὸν γοῦν δύο τρίγωνα κατὰ μίαν μόνην πλευρὰν
 25 ἴσα ὄντα καὶ μίαν γωνίαν πᾶσιν ἄνισα τοῖς λοιποῖς

5 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 8 ἴσας ante ὑποθέμενος
 om. G, add. C. 11 ἑκατέραν ἑκατέρᾳ] ἑκατέρας M, ἑκατέ-
 ρας ἑκατέραις G. 12 ἰσόγωνα G, ἰσογώνια C. 15 καθάπερ
 om. G. 18 Post ἀνάπαλιν addit G τῶν τριγώνων ἴσας, del.
 not. C. 20 τὰς om. G, add. C. 21 πλείω μιᾶς πλευρᾶς G,
 πλείονας μιᾶς πλευρᾶς C. 23 ἐδείκνυτο M, G, ἐδείκνυτο
 τὸ C. 24 μόνην μίαν G. 25 παντάπασιν ἄνισα G, πᾶσιν
 ἄνισαι C.

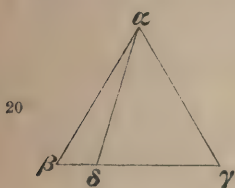
ὑπάρχειν. ἔστω γὰρ εὐθεῖα ἡ $\overline{αβ}$ ἐστῶσα ὀρθὴ ἐπὶ
τὴν $\overline{γδ}$, μείζων δὲ τῆς $\overline{βγ}$ ἢ $\overline{βδ}$, καὶ ἐπεξεύχθωσαν
αἱ $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$. οὐκοῦν τοῖς τριγώ-
νοις τούτοις μία μὲν κοινὴ
πλευρὰ καὶ μία γωνία μιᾷ ἴση,
τὰ δὲ ἄλλα ἄνισα πάντα. μίαν
δὲ πλευρὰν καὶ δύο γωνίας λα-
βεῖν ἐξῆν καὶ δεῖξαι τὰ λοιπὰ ἴσα. καὶ τοῦτο ποιεῖ
διὰ τοῦδε τοῦ θεωρήματος, μίαν δὲ πλευρὰν καὶ τρεῖς
γωνίας ἴσας ἔτι ὑποτίθεσθαι περιττόν, εἴπερ καὶ δύο 10
μόνων ἴσων οὐσῶν δέδεικται ἡ τῶν λοιπῶν ἰσότης.
πάλιν μίαν γωνίαν καὶ δύο πλευρὰς λαβὼν ἔδειξεν
τὰ ἄλλα ἴσα ἐν τῷ τετάρτῳ θεωρήματι. μίαν δὲ γω-
νίαν καὶ τρεῖς πλευρὰς ἴσας λαβεῖν περιέρχον ἦν, καὶ
γὰρ αἱ δύο μόνον ἴσαι ληφθεῖσαι συνῆγον τὴν ἰσό- 15
τητα τῶν ἄλλων. καὶ μὴν καὶ τὸ δύο πλευρὰς καὶ
δύο γωνίας ἴσας λαμβάνειν, ἢ δύο πλευρὰς καὶ τρεῖς
γωνίας ἴσας, ἢ δύο γωνίας καὶ τρεῖς πλευρὰς, πάντα
ταῦτα περιττά. τὰ γὰρ ταῖς ἐλάττωσιν ὑποθέσεσιν
ἐπόμενα πάντως ἀκολουθεῖ καὶ ταῖς πλείοσι μόνον 20
μετὰ τῶν δεόντων προσδιορισμῶν λαμβανομένων τῶν
ὑποθέσεων. τρεῖς οὖν ἡμῖν ἀνεφάνησαν ὑποθέσεις
ἀποδείξεως δεόμεναι, ἥ τε μόνας λαμβάνουσα τὰς τρεῖς
πλευρὰς καὶ ἡ τὰς δύο πλευρὰς καὶ τὴν μίαν γωνίαν
καὶ ἡ ἀντίθετος πρὸς ταύτην ἢ τὴν μίαν πλευρὰν καὶ 25
τὰς δύο γωνίας, ἣν νῦν ὁ γεωμέτρης προστίθησιν. καὶ



10 ἥπερ C. 21 δοθέντων G, δεόντων B₃, C. 'datis' et in
margine 'decentibus' B. || προσδιορισμὸν M. B₃ = M.
22 ἀνέφυσαν G, ἀνεφάνησαν C. 24 καὶ ἡ τὰς δύο πλευρὰς
om. M, B₃, G, Z; B etiam καὶ τὴν μίαν γωνίαν omisit et καὶ
ἡ ἀντίθετος πρὸς ταύτην post προστίθησιν addit.

διὰ τοῦτο ταῦτα τρία μόνα θεωρήματα περὶ τῆς ἰσότη-
τος τῶν τριγώνων ἔχομεν τῆς ἐν ταῖς πλευραῖς καὶ
ταῖς γωνίαις τῶν ἄλλων πασῶν ὑποθέσεων ἢ ἀδυνα-
των οὐσῶν δεῖξαι το ζητούμενον ἢ δυνατῶν μὲν, ἀλλὰ
5 περιττῶν τῷ δι' ἐλλαττόνων ὑποθέσεων τὰ αὐτὰ
πεφηνέναι.

Ὡσπερ οὖν, ὅτε δύο πλευρὰς ἐλάμβανεν ἴσας δυ-
σὶν καὶ γωνία μιᾷ μίαν ἴσην, οὐ τὴν τυχοῦσαν ἐλάμ-
βανεν γωνίαν, ἀλλ', ὡς αὐτοῦ προσετίθει, τὴν ὑπὸ
10 τῶν ἴσων εὐθειῶν περιεχομένην, οὕτω καὶ δύο γω-
νίας δυσὶ λαμβάνων ἴσας καὶ μίαν πλευρὰν μιᾷ, οὐ
τὴν τυχοῦσαν λαμβάνει ταύτην, ἀλλ' ἦτοι τὴν πρὸς
ταῖς ἴσαις γωνίαις ἢ τὴν ὑποτείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν
ἴσων γωνιῶν. οὕτε γὰρ γωνίαν ἐπὶ τοῦ τετάρτου
15 ληφθεῖσαν ἴσην τὴν τυχοῦσαν οὕτε πλευρὰν ἐπὶ τοῦδε
τοῦ θεωρήματος οἶαν ποτὲ δεικνύναι τὰ λοιπὰ ἴσα
δυνατόν· λέγω δὲ οἶον ὅντος ἰσοπλεύρου τριγώνου



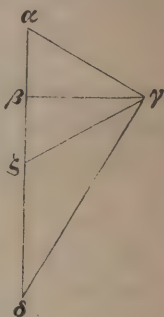
τοῦ $\overline{αβγ}$ διηρησθῶ ἡ $\overline{βγ}$ εἰς ἄνισα
τῇ $\overline{αδ}$. γίνεται ἄρα δύο || τρί-
γωνα τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ταῖς $\overline{αγ}$ $\overline{αδ}$ ἴσας
ἔχοντα καὶ μίαν γωνίαν τὴν πρὸς
τῷ $\overline{β}$ τῇ πρὸς τῷ $\overline{γ}$ ἴσην· ἀλλ'

οὐκέτι τὰ λοιπὰ ἴσα, οἶον ἡ $\overline{βδ}$ τῇ $\overline{δγ}$ · ἄνισοι γάρ·
ἀλλ' οὐδὲ αἱ λοιπαὶ γωνίαι ἴσαι. τὸ δὲ αἷτιον ὅτι
25 γωνία γωνίαν ἴσην ἐλάβομεν οὐ τὴν ὑπὸ τῶν ἴσων

1 μόνα τὰ τρία G. 3 πασῶν ὑποθέμενων G, πάντων
ὑποθέσεων C. || In M in margine ση. ὅλον. 6 πέφηνεν M,
πεφνέκηναι G, πεφηνέναι C. 10 Post γωνίας G add. περισ-
σὴν, quod del. not. C. 12 ἦτοι] ἦν G, corr. C. 24 γωνίαι
om. G, add. C.

πλευρῶν περιεχομένην. κατὰ ταῦτα δὴ καὶ τοῦτο τὸ
θεώρημα φανήσεται διαπίπτειν, εἰ μὴ λάβοιμεν κατὰ
τὸν εἰρημένον διορισμὸν ἴσην τὴν πλευρὰν τὴν ὑπο-
τείνουσαν ὑπὸ μίαν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ τὴν πρὸς
ταῖς ἴσαις γωνίαις. ἔστω γὰρ ὀρθογώνιον τὸ $\overline{αβγ}$,⁵

ὀρθὴν ἔχον τὴν πρὸς τῷ $\overline{β}$ γωνίαν
καὶ μείζονα τὴν $\overline{βγ}$ τῆς $\overline{βα}$, καὶ ἐκ-
βεβλήσθω ἡ $\overline{αβ}$, καὶ συνεστατάτω τῇ
ὑπὸ $\overline{βαγ}$ γωνίᾳ ἴση πρὸς τῇ $\overline{βγ}$ καὶ
τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\overline{γ}$ ἡ ὑπὸ $\overline{βγδ}$
καὶ συμπιπτέτωσαν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ ἐκβαλ-
λόμεναι κατὰ τὸ $\overline{δ}$. δύο οὖν τρίγωνα
ἔστι τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{βγδ}$ ἔχοντα μίαν πλευ-



10

ρὰν κοινὴν τὴν $\overline{βγ}$ καὶ δύο γωνίας ἴσας, τὴν μὲν
ὑπὸ $\overline{αβγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{γβδ}$ — ὀρθαὶ γάρ — τὴν δὲ ὑπὸ¹⁵
 $\overline{βαγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βγδ}$ — οὕτως γὰρ συνέστησαν — ἴσα
ἄρα, ὥς ἔοικεν, ἔστι τὰ τρίγωνα. καίτοι δείκνυνται τὸ
 $\overline{βδγ}$ μείζον τοῦ $\overline{αβγ}$. αἷτιον | δὲ ὅτι τὴν $\overline{βγ}$ κοινὴν
ἐλάβομεν ἐν μὲν τῷ $\overline{αβγ}$ ὑποτείνουσαν τὴν μίαν τῶν
ἴσων γωνιῶν τὴν πρὸς τῷ $\overline{α}$, ἐν δὲ τῷ $\overline{βγδ}$ πρὸς ταῖς²⁰
ἴσαις οὔσαν γωνίαις. ἔδει δὲ ἄρα ἐν ἀμφοῖν ἢ μίαν
ὑποτείνειν τῶν ἴσων γωνιῶν ἢ πρὸς ταῖς ἴσαις κείσθαι
γωνίαις. τοῦτο δὲ μὴ φυλάττοντες ἴσον ἀποφαίνομεν

1 κατὰ ταῦτα M, G. 'Eodem sane modo' B. 3 τὴν ante
ὑποτείνουσαν om. G. 11 αἱ $\overline{βδ}$ $\overline{γδ}$ G, αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ C.
15 ὀρθαὶ γάρ om. G. 19 μίαν] μὲν G, corr. C.

τὸ τρίγωνον, ὃ ἐστὶ μείζον ἐξ ἀνάγκης. πῶς γὰρ οὐ
 μείζον τὸ $\overline{βγδ}$ τοῦ $\overline{αβγ}$; συνεστάτω γὰρ πρὸς τῇ $\overline{βγ}$
 εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ τῷ $\parallel \overline{γ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγβ}$
 ἴση ἢ ὑπὸ $\overline{ξγβ}$. μείζων γὰρ τῆς ὑπὸ $\overline{αγβ}$ ἢ ὑπὸ $\overline{βγδ}$,
 5 ὥσπερ καὶ ἡ πρὸς τῷ $\overline{α}$ γωνία. ἐπεὶ οὖν δύο τρί-
 γωνά ἐστι τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{βγξ}$ δύο γωνίας ἔχοντα τὰς ὑπὲρ
 $\overline{αβγ}$ $\overline{βγα}$ δυσὶν ἴσας ταῖς ὑπὸ $\overline{γβξ}$ $\overline{βγξ}$, ἑκατέραν
 ἑκατέρα, καὶ μίαν πλευρὰν κοινὴν τὴν πρὸς ταῖς ἴσαις
 γωνίαις τὴν $\overline{βγ}$, ἴσα ἐστὶ τὰ τρίγωνα. μείζον δὲ τὸ
 10 $\overline{βγδ}$ τοῦ $\overline{βγξ}$. μείζον ἄρα ἐστὶν καὶ τοῦ $\overline{αβγ}$. πρό-
 τερον δὲ ἴσον ἐδείκνυτο διὰ τὴν λῆψιν τῆς τυχούσης
 πλευρᾶς.

Τοσαῦτα καὶ πρὸς τὴν τῶν προκειμένων ἀκρι-
 βειαν ὁ Πορφύριος ἡμῖν συμβάλλεται, Εὐδήμος
 15 δὲ ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις εἰς Θαλῆν τοῦτο
 ἀνάγει τὸ θεώρημα. τὴν γὰρ τῶν ἐν θαλάττῃ πλοίων
 ἀπόστασιν δι' οὗ τρίπου φασὶν αὐτὸν δεικνύναι
 τούτῳ προσχρησθαί φησιν ἀναγκαῖον.

Ἐκ δὲ τῆς προειρημένης διαιρέσεως συνοπτικῶς
 20 ληψόμεθα πᾶσαν τὴν περὶ τῆς ἰσότητος τῶν τριγώνων
 θεωρίαν, καὶ τῶν παραλειμμένων τὰς αἰτίας ἔξομεν
 λέγειν ὡς ψευδεῖς τὰς ὑποθέσεις ἢ ὡς περιττὰς ἐλέγ-
 χοντες. καὶ μέχρι τούτου πέρας ἔχειν θησόμεθα τῷ
 στοιχειώτῃ τὸ πρῶτον τμήμα τὰς τε συστάσεις τῶν
 25 τριγώνων καὶ τὰς συγκρίσεις κατὰ τὸ ἴσον καὶ τὸ

14 M in margine manu postera: Θανμάσειεν ἂν τις τὸν φιλόσοφον πρόκλον τῆς εὐγνώμοσύνης. οὐ γὰρ ὡς οἰκεία ἀλλ' ὡς περὶ πορφύριον διδαχθεῖς διωμολόγει τὰ λεχθέντα.

ἄνισον πεποιημένῳ καὶ διὰ μὲν τῆς συστάσεως τὴν οὐσίαν αὐτῶν παραδεδωκότι, διὰ δὲ τῆς [συγκρίσεως τὴν] ἰσότητα [καὶ] τὴν ἑτερότητα. τρία γὰρ τὰ περὶ τὴν ὑπαρξιν, [τὸ ὄν,] τὸ ταύτὸν καὶ τὸ ἕτερον, καὶ ἐν ποσοῖς καὶ ἐν ποιοῖς κατὰ τὴν ιδιότητα τῶν ὑπο-⁵κειμένων. δείκνυται οὖν ἐκ τούτων ὡς εἰκόνων ὅτι καὶ ἕκαστον ἑαυτῷ ταυτόν ἐστι καὶ ἑαυτοῦ ἕτερον διὰ τὸ ἐν αὐτῷ πλῆθος καὶ πάντα ταῦτὰ ἀλλήλοις καὶ ἕτερα ἀλλήλων. καὶ γὰρ ἐφ' ἐνὸς ἐκάστου τῶν τριγώνων εὔρηται τὸ ἴσον καὶ ἄνισον καὶ ἐπὶ πλειόνων¹⁰ ἐνός.

2. 3 συγκρίσεως τὴν et καὶ addidi, et ἰσότητος, quod in *M*, *B*₃, *G* (et *Z*) legitur, in ἰσότητα mutavi secundum *B* scribentem 'per Comparationem vero Identitatem atque Diversitatem'.

4 τὸ ὄν om. *M*, *B*₃, *G*, *Z*, 'Essentia' *B*. 8 ἐν αὐτῷ] ἑαυτοῦ *C*. ταῦτα *M*. 11 *G* addit in fine: Τέλος τοῦ τρίτου.

PROPOSITIONUM PARS POSTERIOR.

| || Περὶ μὲν τῆς τῶν τριγώνων γενέσεώς τε καὶ
 ἰσότητος ἢ ἀνισότητος ὅσα δυνατόν ὥς ἐν στοιχειώσει
 λέγειν ἐκ τῶν εἰρημένων μεμαθήκαμεν, περὶ δὲ τῶν
 τετραπλεύρων ἐφεξῆς ὁ Εὐκλείδης διέξεισι προηγου-
 5 μένως μὲν περὶ τῶν παραλληλογράμμων ἡμᾶς δι-
 δάσκων, τῇ δὲ τούτων θεωρίᾳ συνεισφέρων καὶ τὴν
 περὶ τῶν τραπέζιων διδασκαλίαν. διήρηται γάρ, ὥς
 που καὶ πρότερον ἐν ταῖς ὑποθέσεσιν εἶπομεν, τὸ
 τετράπλευρον εἰς τε τὸ παραλληλόγραμμον καὶ τὸ τρα-
 10 πέζιον, καὶ τὸ παραλληλόγραμμον εἰς ἕτερα ἅττα εἶδη
 καὶ τὸ τραπέζιον ὡσαύτως. ἀλλ' ἐπεὶ τὸ μὲν παρα-
 λληλόγραμμον διὰ τὴν τῆς ἰσότητος μετουσίαν τεταγμέ-
 νον ἐστί, τὸ δὲ τραπέζιον οὐ τὴν αὐτὴν οὐδὲ ὁμοίαν
 ἔχει τὴν τάξιν, προηγουμένως μὲν εἰκότως αὐτῷ [τὰ?]
 15 τῶν παραλληλογράμμων ὁ λόγος ἀπεργάζεται, συν-
 θεωρεῖ δὲ τούτοις καὶ τὸ τραπέζιον. ἀναφανήσεται
 γὰρ ἐκ τῆς τῶν παραλληλογράμμων τομῆς ἢ τῶν τρα-
 πέζιων γέννησις, ὥς ἔσται προϋοῦσιν ἡμῖν γνώριμον.

πρόκλου πλατωνικοῦ διαδόχου εἰς τὸ πρῶτον εἰκλείδου
 στοιχεῖον· λ' ᾱ, *M*, at in margine δ. ΠΡΟΚΛΟΥ ΔΙΑΔΟ-
 ΧΟΥ Εἰς τὸ πρῶτον τῶν εὐκλείδους στοι-
 χείων βιβλίον τετάρτον. *G*.

4 διέξεισι *G*, διέξησι *C*. 8 που] p. 169, 10 ss. 14 τάσιν
M, *G*, τάξιν *C*. || τὰ ego addidi. *C* τὴν pro τῶν scripsit; 'de
 parallelogrammis' *B*, *Z*. $B_3 = M$, *G*. 18 γένεσις *C*.

Ἄλλ' ἐπειδήπερ πάλιν ἀδύνατον εἰπεῖν τι περὶ
 τῆς τῶν παραλληλογράμων ἢ συστάσεως ἢ ἰσότητος
 ἄνευ τῆς τῶν παραλλήλων θεωρίας — ὥς γὰρ καὶ ἐκ
 τοῦ ὀνόματος δῆλον, παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ ὑπὸ
 παραλλήλων τῶν ἀπεναντίον κειμένων εὐθειῶν περι- 5
 γραφόμενον — ἐντεῦθεν ἀναγκαίως ἀπὸ τῶν παραλ-
 λήλων ποιεῖται τὴν ἀρχὴν τῆς διδασκαλίας καὶ κατὰ
 βραχὺ προῖων ἀπὸ τούτων εἰς τὴν τῶν παραλληλο-
 γράμων εἰσβάλλει θεωρίαν ἐνὶ μέσῳ χρησάμενος
 θεωρηματι τῆς τε τούτων καὶ τῆς ἐκείνων στοιχει- 10
 ῶσεως, ὃ δοκεῖ μὲν σύμπτωμά τι ταῖς παραλλήλοις
 ὑπάρχον θεωρεῖν, γένεσιν δὲ πρώτην παραλληλογράμ-
 μου παραδίδωσι. τοιοῦτον γάρ ἐστι τὸ αἰ τὰς ἴσας
 τε καὶ παραλλήλους ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι-
 ζευγνύουσαι καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ παράλληλοί 15
 εἰσιν. ἐν γὰρ τούτῳ θεωρεῖται μὲν || τι ταῖς ἴσαις
 καὶ παραλλήλοις συμβεβηκός, ἐκ δὲ τῆς ἐπιζεύξεως
 ἀναφαίνεται τὸ παραλληλόγραμμον τὸ ἴσας ἔχον καὶ
 παραλλήλους τὰς ἀπεναντίον κειμένας πλευράς.

Ὅτι μὲν οὖν ἀναγκαίως ὁ περὶ τῶν παραλλήλων 20
 λόγος προείληπται, δῆλον ἐκ τούτων. τρία δέ ἐστιν
 ἀναλαμβάνειν ταῖς παραλλήλοις ὑπάρχοντα καθ' αὐτό
 καὶ ἢ αὐτὸ χαρακτηριστικά τε αὐτῶν καὶ ἀντιστρέ-
 φοντα πρὸς αὐτάς, οὐ μόνον τὰ τρία ἅμα, ἀλλὰ καὶ
 ἕκαστον ἀποδιαληφθὲν τῶν λοιπῶν, ὧν τὸ μὲν ἐστιν 25
 εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσας εἶναι τὰς
 ἐναλλάξ, τὸ δὲ εὐθείας τεμνούσης τὰς παραλλήλους

7 καὶ κατὰ] καὶ τὰ M, κατὰ G. 9 θεωρίαν om. G,
 add. C. 11 συμπτώματι M, G, σύμπτωμά τι in G in mar-
 gine postera manu. 12 παραλληλογράμμων G, παραλληλο-
 γράμμον C. 13 αἰ τὰς] αὐτάς G, τὰς C. 15 αὐταὶ M, G.
 16 τι] τοι C. 20 περὶ om. G. 23 ἢ om. G, ἡ M, ἡ C.

ἴσας εἶναι τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς, τὸ δὲ λοιπὸν εὐθείας
 τεμνούσης τὰς παραλλήλους ἴσην εἶναι τὴν ἐκτὸς τῇ
 ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. ἕκαστον γὰρ τῶν συμπτωμά-
 των τούτων ἱκανὸν ἀποδειχθὲν παραλλήλους ἀποφῆ-
 5 ναι τὰς εὐθείας.

Τοῦτον δὲ τὸν τρόπον εἰώθασι καὶ οἱ ἄλλοι μα-
 θηματικοὶ διαλέγεσθαι περὶ τῶν γραμμῶν, ἕκαστου
 εἶδους τὸ σύμπτωμα παραδιδόντες. καὶ γὰρ Ἀπολ-
 λώνιος ἐφ' ἑκάστης τῶν κωνικῶν γραμμῶν, τί τὸ
 10 σύμπτωμα δείκνυσι, καὶ ὁ Νικομήδης ἐπὶ τῶν κογχο-
 ειδῶν, καὶ ὁ Ἰππίας ἐπὶ τῶν τετραγωνιζουσῶν, καὶ
 ὁ Περσεὺς ἐπὶ τῶν σπειρικῶν. μετὰ γὰρ τὴν γένε-
 σιν τὸ καθ' αὐτὸ καὶ ἡ αὐτὸ ὑπάρχον ληφθὲν ἀφο-
 ρίζει τὸ συστὰν ἡμῖν εἶδος ἀπὸ τῶν ἄλλων ἀπάντων.
 15 κατὰ τὰ αὐτὰ δὴ οὖν καὶ ὁ στοιχειωτὴς τὰ συμπτώ-
 ματα τῶν παραλλήλων ἀνευρίσκει πρῶτον.

Prop. XXVII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐθείας
 εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐναλλάξ γωνίας ἴσας
 ἀλλήλαις ποιῇ, παράλληλοι ἔσονται ἀλλήλαις
 20 αἱ εὐθεῖαι.

Ἐπὶ τοῦ ὁμολογουμένου προείληπται τὸ εἶναι τὰς
 εὐθείας ἐν ἐνὶ ἐπιπέδῳ, μᾶλλον δὲ ἐπὶ πάντων τῶν
 ἐν τῷ ἐπιπέδῳ θεωρημάτων. τοῦτο δὲ προσέθεμεν
 διὸ τὸ μὴ πάντως τῶν ἐναλλάξ ἴσων οὐσῶν παραλ-
 25 λήλους εἶναι τὰς εὐθείας, εἰ μὴ καὶ ἐν τῷ αὐτῷ εἶεν

4 ὑποδειχθέν C. 10 Νικόδημος M, B₃, G, Νεικόδημος C,
 'Nicodemus' Z, 'Nicomedes', at in margine 'Nicodemus' B.

17 In M in margine κξ. 18 ἴσας om. M, G. 19 ἀλλή-
 λαις M, G, ἀλλήλαις C. 20 αἱ om. M, G. 23 προσέθηκεν G.

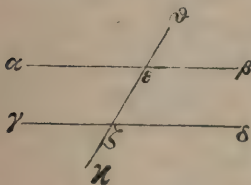
ἐπιπέδῳ. κωλύει γὰρ οὐδὲν οἶον χιαστὶ τῶν εὐθειῶν
 κειμένων, τῆς μὲν ἐν ἄλλῳ, τῆς δὲ ἐν ἄλλῳ ἐπιπέδῳ,
 ἐμπίπτουσιν εἰς αὐτὰς εὐθεῖαν ἴσας ποιεῖν τὰς ἐναλ-
 λάξ, ἀλλ' οὐ παράλληλοι αἱ οὕτως || κείμεναι. προ-
 εἴληπται οὖν ὅτι πάντα, ὅσα καταγράφομεν ἐν τῇ ⁵
 ἐπιπέδῳ πραγματεία, περὶ ἐν καὶ ταὐτὸν ἐπίπεδον
 φανταζόμεθα. διόπερ οὐκ ἐδεήθη καὶ ταύτης τῆς
 προσθήκης.

Αὐτὸ δὲ δὴ τὸ ἐναλλάξ ἰστέον ὅτι διχῶς ὁ γεω-
 μέτρης παραλαμβάνει, ποτὲ μὲν κατὰ τὴν τοιάνδε θέ- ¹⁰
 σιν, ποτὲ δὲ κατὰ τὴν τοιάνδε τῶν λόγων ἀκολουθίαν.
 καὶ κατὰ μὲν τοῦτο τὸ σημαίνονμενον ἐν τῷ πέμπτῳ
 καὶ ἐν τοῖς ἀριθμητικοῖς χρῆται τῷ ἐναλλάξ, κατὰ δὲ
 τὸ ἕτερον ἐν τε τούτῳ καὶ ἐν τοῖς ἄλλοις ἅπασι
 βιβλίοις ἐπὶ τῶν παραλλήλων εὐθειῶν καὶ τῆς εἰς ¹⁵
 ταύτας ἐμπιπτούσης. | τὰς γὰρ γωνίας τὰς μὴ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ γιγνομένας, μὴδὲ ἐφεξῆς ἀλλήλαις κειμένας,
 ἀλλὰ διειργόμενας μὲν ὑπὸ τῆς ἐμπιπτούσης, ἐντὸς
 δὲ ἄμφω τῶν παραλλήλων, διαφερούσας δὲ τῷ τὴν
 μὲν ἄνω κείσθαι, τὴν δὲ κάτω, τὰς ἐναλλάξ προσαγο- ²⁰
 ρεῦει. λέγω δὲ οἶον εὐθειῶν οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha\beta}$ καὶ $\overline{\gamma\delta}$
 καὶ ἐμπιπτούσης εἰς αὐτὰς τῆς $\alpha \dots \epsilon$ $\dots \beta$
 ἐξ ἐναλλάξ εἶναί φησι τὰς ὑπὸ $\gamma \dots \zeta$ $\dots \delta$
 $\overline{\alpha\epsilon\zeta}$ καὶ $\overline{\delta\zeta\epsilon}$ καὶ πάλιν τὰς
 ὑπὸ $\overline{\gamma\zeta\epsilon}$ καὶ $\overline{\beta\epsilon\zeta}$ ὡς ἐνηλλαγμένως ἔχουσας κατὰ τὴν ²⁵
 θέσιν.

Λεῖ δὲ εἰδέναι ἐκεῖνο ὅτι τοιαύτης οὔσης θέσεως

τῶν εὐθειῶν ἐκ διαιρέσεως ἕξ τὰ πάντα γίνεται συμ-
 πτώματα, ὧν τὰ τρία μόνον ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν, τρία
 δὲ παρῆκεν. ἢ γὰρ ἐπὶ ταῦτά μέρη ληψόμεθα τὰς
 γωνίας ἢ οὐκ ἐπὶ τὰ αὐτά. καὶ εἰ ἐπὶ τὰ αὐτά μέρη,
 5 ἢ ἀμφοτέρως ἐντὸς τῶν εὐθειῶν, ἃς ἀποδείκνυσιν ὁ
 λόγος παραλλήλους, ἢ ἄμφω ἐκτός, ἢ τὴν μὲν ἐκτός,
 τὴν δὲ ἐντός, καὶ εἰ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, πάλιν ὡσαύτως
 ἢ ἐκτός ἀμφοτέρως τῶν τεμνομένων εὐθειῶν ἀνάγκη
 λαμβάνειν, ἢ ἐντός, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός.

10



15

γινέσθω δὲ ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 καταγραφῆς σαφὲς τὸ λεγόμε-
 νον. καὶ ἔστωσαν εὐθεῖαι τινες
 αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτειν εἰς
 αὐτὰς ἡ $\overline{εξ}$ καὶ ἐκβεβλήσθω
 ἐπὶ τὰ $\overline{θ}$ $\overline{κ}$. εἰ μὲν οὖν ἐπὶ τὰ
 αὐτά μέρη λάβοις τὰς γωνίας ἢ ἐντὸς ἄμφω θήσεις,
 ὡς τὰς ὑπὸ $\overline{βεξ}$ καὶ $\overline{εξδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{αεξ}$ καὶ $\overline{εξγ}$, ἢ
 ἐκτός ἄμφω, ὡς τὰς ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{δζκ}$ ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{θεα}$ καὶ $\overline{γζκ}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, ὡς τὰς
 20 ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{εξδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κξδ}$ καὶ $\overline{ξεβ}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{θεα}$ καὶ $\overline{εξγ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κξγ}$ καὶ $\overline{αεξ}$. τετραχῶς γὰρ
 αὗται ληφθῆσονται. εἰ δὲ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά μέρη τὰς
 γωνίας λαμβάνοις, ἢ ἐντὸς αὐτὰς θήσεις, ὥς τὰς ὑπὸ
 $\overline{αεξ}$ καὶ ὑπὸ $\overline{εξδ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{γζε}$ καὶ $\overline{ξεβ}$, ἢ ἐκτός

3 ταῦτα G, τὰ αὐτά C.

4 εἰ om. M, G, add. C.

16 λάβοι M, G, λάβοις C.

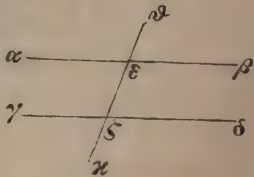
20—21 ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κξδ}$... $\overline{εξγ}$ om. G, add. C.

ἀμφοτέρως, ὥς τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{δζκ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{θεβ}$
καὶ $\overline{γζκ}$, ἢ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ ἐκτός, καὶ τοῦτο
τετραχῶς πάλιν, ἢ γὰρ τὰς ὑπὸ $\overline{αεθ}$ καὶ $\overline{εζδ}$, ἢ τὰς
ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ $\overline{εζγ}$, ἢ τὰς ὑπὸ $\overline{κζγ}$ καὶ $\overline{ζεβ}$, ἢ τὰς ὑπὸ
 $\overline{κζδ}$ καὶ $\overline{ζεα}$ θήσεις. καὶ παρὰ ταύτας ἄλλη λήψεις 5
οὐκ ἔστιν.

Ἐξαχῶς οὖν λαμβανομένων τῶν γωνιῶν ὁ γεω-
μέτρης τρεῖς μόνως ἐκλέξατο καὶ ταῦτα εἰς τὰ ἐπόμενα
συμπτώματα τῶν παραλλήλων ἀπέφηνεν ὄντα χαρα-
κτηριστικά. τούτων δὲ τῶν τριῶν μία μὲν ἔστιν ἐκ 10
τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά, ἐκ μὲν τῶν ἐντὸς ληφθεισῶν
μόνον, ἃς καὶ ἐκάλεσεν ἐναλλάξ, ὥς παραλελειφθαι
τὰς ἐκτὸς οὔσας ἀμφοτέρως καὶ τὴν μὲν ἐκτός, τὴν δὲ
ἐντός, ἐκ δὲ τῶν ἐπὶ τὰ αὐτά, τῶν δὲ ἐντὸς ἀμφοτέ-
ρων, ἃς δυσὶν ὁρθαῖς εἶναι φησιν ἴσας, καὶ ὧν ἡ μὲν 15
ἔστιν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, ἃς εἶπεν ἴσας εἶναι, ὑπολειπο-
μένης δὲ μιᾶς λήψεως τῆς ἐκτὸς ἀμφοτέρως ὑπο-
τιθεμένης.

Ἡμεῖς οὖν φαμεν ὅτι καὶ ταῖς παραληφθείσαις
τρισὶν ὑποθέσεσιν τὰ αὐτὰ ἔπεται. ἔστωσαν γὰρ ἐπὶ 20
τὰ αὐτὰ μέρη ἄμφω ἐκτὸς αἱ

$\overline{θεβ}$ $\overline{δζκ}$. λέγω ὅτι αὐταὶ δύο
ὁρθαῖς εἰσιν ἴσαι. εἰ γὰρ ἡ
ὑπὸ $\overline{δζε}$ ἴση τῇ ὑπὸ $\overline{θεβ}$ καὶ
ἡ ὑπὸ $\overline{βεξ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{δζκ}$, εἰ δὲ



αἱ ὑπὸ $\overline{βεξ}$ $\overline{εζδ}$ δύο ὁρθαῖς ἴσαι, καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{δζκ}$ $\overline{θεβ}$
δύο ὁρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὲν ἐπὶ τὰ αὐτὰ 25

μέρη αἱ γωνίαι, ὧν ἡ μὲν ἐντός, ἡ δὲ ἐκτός, αἱ αεθ
καὶ εζδ. λέγω ὅτι καὶ αὗται δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.
εἰ γὰρ ἡ ὑπὸ αεθ ἴση τῇ ὑπὸ βεξ, αἱ δὲ ὑπὸ βεξ
καὶ εζδ δύο ὀρθαῖς εἰσιν, καὶ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ εζδ δύο
5 ὀρθαῖς ἴσαι. πάλιν ἔστωσαν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μὲν,
ἄμφω δὲ ἐκτός τῶν εὐθειῶν, ὡς αἱ αεθ δζκ. λέγω
ὅτι αὗται ἴσαι ἀλλήλαις εἰσίν. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ αεθ καὶ
βεξ ἴσαι ἀλλήλαις, ἡ δὲ ὑπὸ δζκ τῇ ὑπὸ βεξ, ἡ ὑπὸ
αεθ ἄρα ἴση τῇ ὑπὸ δζκ γωνία. ἐὰν ἄρα ληφθῇ τὰ
10 ἐπὶ τῶν τριῶν ὑποθέσεων, ἃς ὁ γεωμέτρης ἔλαβεν,
ἐπόμενα ὡς ἀληθῆ πάντα τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῶν λοι-
πῶν τριῶν, πλὴν ὅτι, ἐφ' ὧν μὲν ὁ γεωμέτρης ἔλα-
βεν, κατὰ || δύο μὲν λήψεις ὑπόκεινται ἴσαι ἀλλήλαις
αἱ γωνίαι, κατὰ μίαν δὲ δύο ὀρθαῖς αἱ γωνίαι, ἐπὶ
15 δὲ τούτων ἀνάπαλιν κατὰ δύο μὲν δύο ὀρθαῖς ἴσαι,
κατὰ μίαν δὲ ἀλλήλαις. ἔξ γὰρ οὐσῶν πασῶν τῶν
λήψεων ἐκ μὲν τῶν τριῶν συμβαίνει δύο ὀρθαῖς ἴσας
εἶναι τὰς γωνίας, ἐκ δὲ τῶν τριῶν ἴσας ἀλλήλαις,
ὥστε εἰκότως αἱ παραλελειμμέναί ταις μνήμης ἡξιω-
20 μέναις λήψεσιν ἀνάπαλιν ἔχουσιν. ἔοικεν δὲ ὁ γεω-
μέτρης ταύτας ἐκλέξασθαι τῶν ὑποθέσεων, ὅσαι ἢ
καταφατικὸν πλεονάζον ἔχουσιν, ἢ ἀπλούστεραί εἰσιν,
καὶ διὰ τοῦτο λαβεῖν ἐκ μὲν τῶν μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μό-
νας τὰς ἐντός, ἃς δὴ κέκληκεν ἐναλλάξ, ἐκ δὲ τῶν
25 ἐπὶ τὰ αὐτὰ [τὰς ἐντός καὶ τὴν μὲν ἐντός, τὴν δὲ]

λέ 5 αὐτὰ om. *M, G*, add. *C*. 17 λείψεων *G*. 21 ἐκ-
γξασθαι *C*. 23 ἐκ μὲν evanuerunt in *M, G* asteriscum po-
suit, ἐκ μὲν *C*. 25 τὰς ἐντός . . . τὴν δὲ om. *M, G (Z)*; *B*₃ et *C*
τὰς tantum addunt. 'tum internos, tum unum quidem inter-

ἐκτός, τὰς δὲ ἄλλας δι' ἀποφάσεως μᾶλλον δηλουμέ-
 νας ἢ ὥς ποικιλωτέρας φυλάξασθαι. ἀλλ' οὖν εἴτε
 ταύτην, εἴτε ἄλλην αἰτίαν ῥητέον, δῆλον ἐκ τούτων,
 πόσα ἐστὶ τὰ ἐπόμενα αὐτοῖς.

Prop. XXVIII, theor. XVIII. Ἐὰν εἰς δύο εὐ- 5
 θείας εὐθειᾶ ἐμπίπτουσα τὴν ἐκτὸς γωνίαν
 τῇ ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 ἴσην ποιῇ ἢ τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη
 δύο ὀρθαῖς ἴσας, | παράλληλοι ἔσονται
 εὐθειᾶι.

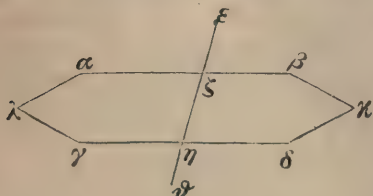
10

Τὸ μὲν πρὸ τούτου θεωρήμα τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
 μέρη γωνίας λαμβάνον, ἐντὸς δὲ τῶν εὐθειῶν κειμέ-
 νας, ἴσας ἀλλήλαις ἐδείκνυ παραλλήλους οὖσας τὰς
 εὐθείας, τοῦτο δὲ τὰς λοιπὰς δύο ὑποθέσεις προστί-
 θησιν, ὧν ἡ μὲν τὰς γωνίας μερίζει κατὰ τὸ ἐντὸς 15
 καὶ ἐκτός, ἡ δὲ ἀμφοτέρας ἐντὸς ὑποτίθεται καὶ δεί-
 κνυσι τὸ αὐτὸ συμπέρασμα. δόξειεν δ' ἂν ἀτόπως ὁ
 στοιχειωτὴς τὰ θεωρήματα μερίσαι. δέον γὰρ ἦν ἢ
 τὰς τρεῖς ὑποθέσεις διαλαβεῖν καὶ ποιῆσαι τρία θεω-
 ρήματα, ἢ εἰς ἓν συνάγειν πάσας θεωρήματα, ὥσπερ 20
 ἐποίησεν ὁ Ἱεραπολίτης Αἰγείας ὁ τὴν ἐπιτομὴν γρά-
 ψας τῶν στοιχείων, ἢ διελεῖν εἰς δύο βουλούμενον
 εὐτακτον ποιήσασθαι τὴν διαίρεσιν καὶ χωρὶς μὲν
 λαβεῖν τὰς ὑποθέσεις, ἐφ' ὧν ἴσαι εἶσιν αἱ γωνίαι,
 χωρὶς δὲ ἐκείνην, ἐφ' ἧς δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. νῦν 25

num, alterum vero externum' B. 4 αὐτοῖς G, αὐτοῖς C.
 5 In M in margine κῆ. 13 ἴσας om. G, add. C. 18 ἦν ἢ]
 ἦν ἐπὶ G, corr. C. 20 πάσης M. 24 καὶ αἱ γωνίαι M, C.
 25 ἐφ' οἷς M, G, ἐφ' ἧς C.

δὲ ἐν ἐνὶ μὲν θεωρήματι τὰς ἐναλλάξ ἴσας ὑπέθετο,
 ἐν ἐνὶ δὲ τὴν ἐκτὸς [ἴσην τῇ ἐντὸς] καὶ τὰς ἐντὸς καὶ
 ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας. τί οὖν τὸ αἷτιον
 τῆς τοιαύτης διαιρέσεως; εἰ οὖν πρὸς τὴν ἰσότητα
 5 τῶν γωνιῶν ἀπέβλεψεν τὴν πρὸς ἀλλήλας ἢ τὴν πρὸς
 τὰς δύο ὀρθάς, οὐδὲ ταύτῃ || διεστῆσε τὰ προκείμενα
 θεωρήματα ἀπ' ἀλλήλων, ἀλλὰ πρὸς ἐκεῖνο τὸ τὰς
 γωνίας ἢ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη λαμβάνεσθαι ἢ μὴ ἐπὶ τὰ
 αὐτά. τὸ μὲν γὰρ πρὸ τούτου τὰς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτά
 10 παρελάμβανε — τοιαῦται γὰρ αἱ ἐναλλάξ — τοῦτο δὲ
 τὰς ἐπὶ τὰ αὐτά, ὥς καὶ ἐκ τῆς προτάσεως δῆλον.

Ἄλλ' ὅπως μὲν ὁ στοιχειωτὴς δείκνυσιν ὅτι δύο
 ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν ἐντὸς αἱ εὐθεῖαι παράλληλοί
 εἰσι, φανερόν ἐκ τῶν γεγραμμένων. Πτολεμαῖος δὲ
 15 ἐν οἷς ἀποδείξει προέθετο τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο
 ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπίπτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
 τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, τοῦτο πρὸ πάντων δεικνὺς
 τὸ θεωρήμα τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν
 ἐντὸς παραλλήλους εἶναι τὰς εὐθείας οὕτω πως δεί-
 20 κνυσιν. ἔστωσαν δύο



εὐθεῖαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$,
 καὶ τεμνέτω τις ἀν-
 τὰς εὐθεῖα ἡ $\overline{εξηθ}$,
 ὥστε τὰς ὑπὸ $\overline{βξ}$
 καὶ ὑπὸ $\overline{ξηδ}$ γωνίας

25 δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν. λέγω ὅτι παράλληλοί εἰσιν
 αἱ εὐθεῖαι, τουτέστιν ἀσύμπτωτοί εἰσιν. εἰ γὰρ δυ-

2 ἴσην τῇ ἐντὸς om. M, B₃, G (Z), 'externum interno' B.

18 δυεῖν ὀρθῶν M, G. 23 ἢ $\overline{ξη}$ C.

νατόν, συμπιπτεύωσαν ἐκβαλλόμεναι αἱ $\overline{\beta\zeta}$ $\overline{\eta\delta}$ κατὰ
τὸ $\overline{\kappa}$. ἐπεὶ οὖν εὐθεῖα ἡ $\overline{\eta\zeta}$ ἐφέστηκεν ἐπὶ τὴν $\overline{\alpha\beta}$,
δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ γωνίας.
ὁμοίως δέ, ἐπεὶ ἡ $\overline{\eta\zeta}$ ἐφέστηκεν ἐπὶ τὴν $\overline{\gamma\delta}$, δύο ὀρ-
θαῖς ἴσας ποιεῖ τὰς ὑπὸ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ γωνίας. αἱ τέσσα- 5
ρες ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ $\overline{\delta\eta\zeta}$ τέτρασιν ὀρθαῖς
ἴσαι εἰσίν, ὧν αἱ δύο αἱ ὑπὸ $\overline{\beta\zeta\eta}$ $\overline{\xi\eta\delta}$ δύο ὀρθαῖς ὑπό-
κείνται ἴσαι. λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ καὶ αὐταὶ
δύο ὀρθαῖς ἴσαι. εἰ οὖν αἱ $\overline{\xi\beta}$ $\overline{\eta\delta}$ δύο ὀρθαῖς ἴσων
οὐσῶν τῶν ἐντὸς ἐκβαλλόμεναι συνέπεσον κατὰ τὸ $\overline{\kappa}$, 10
καὶ αἱ $\overline{\xi\alpha}$ $\overline{\eta\gamma}$ ἐκβαλλόμεναι συμπεσοῦνται. δύο γὰρ
ὀρθαῖς καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\gamma\eta\zeta}$ ἴσαι εἰσίν. ἢ γὰρ κατ'
ἀμφοτέρω συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι, ἢ κατ' οὐδέτερα,
εἴπερ καὶ αὐταὶ καὶ κεῖναι δύο ὀρθαῖς εἰσίν ἴσαι. συμ-
πιπτεύωσαν οὖν αἱ $\overline{\xi\alpha}$ $\overline{\eta\gamma}$ κατὰ τὸ $\overline{\lambda}$. αἱ ἄρα λαβὴ 15
 $\overline{\lambda\gamma\delta\kappa}$ εὐθεῖαι χωρίον περιέχουσιν, ὅπερ ἀδύνατον.
οὐκ ἄρα δυνατόν ἐστίν δύο ὀρθαῖς ἴσων οὐσῶν τῶν
ἐντὸς συμπίπτειν τὰς εὐθείας. παράλληλοι ἄρα εἰσίν.

2 ἡ $\overline{\xi}$ M, ἡ $\overline{\epsilon\zeta}$ G. 3 $\overline{\alpha\zeta\epsilon}$ $\overline{\beta\zeta\epsilon}$ M, G, $\overline{\alpha\zeta\beta}$, $\overline{\beta\zeta\eta}$ C.

6 $\overline{\alpha\zeta\epsilon}$ $\overline{\beta\zeta\epsilon}$ M, G, $\overline{\alpha\zeta\eta}$ $\overline{\beta\zeta\eta}$ C. 8 ὑπόκειται M, G, ὑπόκειν-
ται C. 9. 10 δύο ὀρθῶν οὐσῶν M, G. 10—11 συνέπεσον
... ἐκβαλλόμεναι om. G, add. C. 12 ἴσαι om. G. 15—16
 $\overline{\lambda\alpha}$ $\overline{\kappa\zeta}$ $\overline{\lambda\gamma}$ $\overline{\eta\kappa}$ M, C, $\overline{\lambda\alpha}$ $\overline{\xi\kappa}$ $\overline{\lambda\gamma}$ $\overline{\eta\kappa}$ G. 17 δύο om. M, G.

|| Prop. XXVIII, theor. XX. Ἡ εἰς τὰς παραλλήλους εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς τε ἐναλλάξ ἴσας ποιεῖ καὶ τὴν ἐκτὸς τῇ ἐντὸς [καὶ ἀπεναντίον καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἴσην καὶ τὰς
5 ἐντὸς] καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας.

Τοῦτο τὸ θεωρήμα ἀμφοτέροις ἀντιστρέφει τοῖς προειρημένοις θεωρήμασι. τὸ γὰρ ἐν ἑκατέρῳ ζητούμενον ὑπόθεσιν ποιεῖται, τὰ ἐν ἐκείνοις δεδομένα δεικνύναι προτίθεται. καὶ δεῖ μεμνηῆσθαι καὶ τῆς τοι-
10 αὐτῆς τῶν ἀντιστροφῶν διαφορᾶς, ὅτι πᾶν τὸ ἀντιστρέφον ἢ ἐν ἐνὶ ἀντιστρέφει, ὡς τῷ πέμπτῳ τὸ ἕκτον, ἢ πλείοσιν ἐν, ὡς τὸ νυνὶ προκείμενον τοῖς πρὸ αὐτοῦ. ἐν δὲ τούτῳ τῷ θεωρήματι πρῶτον ὁ στοιχειω-
τῆς ἐχρήσατο τούτῳ τῶν αἰτημάτων τῷ ἔαν εἰς δύο
15 εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, συμπίπτειν τὰς εὐθείας ἐκβαλλομένας, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὅπερ ἐξηγούμενοι τὰ πρὸ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν,
20 ὡς οὐ παρὰ πάντων τοῦτο συγκεχώρηται εἶναι ἀποδεικτικῶς ὁμολογούμενον. καὶ πῶς γὰρ ἂν εἴη τοιοῦτον, οὐ τὸ ἀντίστροφον ὡς ἀποδεικτὸν ἐν τοῖς θεωρήμασιν ἀναγέγραπται; τὸ γὰρ παντὸς τριγώνου δύο τὰς ἐντὸς γωνίας ὅποιασοῦν ἐλάσσους εἶναι δύο ὀρ-
25 θῶν ἀντίστροφόν ἐστι τῷ αἰτήματι τούτῳ· ἐπεὶ καὶ συνενεῖν τὰς εὐθείας ἀεὶ μᾶλλον καὶ μᾶλλον ἐκβαλλο-

1 In *M* in margine $\overline{\kappa\theta}$.2 ἐναλλάξ γωνίας *G*.3—5 καὶ ἀπεναντίον . . . ἐντὸς om. *M, G*. 11 ἐν ἐνὶ *M, G*.15 εὐθείας om. *M, G*. 22 ἀποδεικτικὸν *C*.

μένας οὐκ ἔστι τεκμήριον τῆς συμπτώσεως διὰ τὸ καὶ ἄλλας εὐρῆσθαι γραμμὰς συννενοῦσας μὲν αἰεὶ πλέον καὶ πλέον, συμπιπτούσας δὲ οὐδέποτε, καθὰ καὶ εἴρηται πρότερον.

Ἦδη μὲν οὖν καὶ ἄλλοι τινὲς ὥς θεωρήματα προ-⁵ τάξαντες τοῦτο αἶτημα παρὰ τῷ στοιχειωτῇ ληφθὲν ἀποδείξεως ἠξίωσαν. δοκεῖ δὲ καὶ ὁ Πτολεμαῖος αὐτὸ δεικνύναι ἐν τῷ περὶ τοῦ τὰς ἀπ' ἐλαττόνων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένης συμπίπτειν, καὶ δείκνυσι πολλὰ προλαβὼν τῶν μέχρι τοῦδε τοῦ θεωρήματος¹⁰ ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ προαποδεδειγμένων. καὶ ὑποκείσθω | πάντα εἶναι ἀληθῆ, ἵνα μὴ καὶ ἡμεῖς ὄχλον ἐπεισάγωμεν ἄλλον, καὶ ὥς λημματίον τοῦτο δείκνυσθαι διὰ τῶν προειρημένων. ἐν δὲ καὶ τοῦτο τῶν προδεδειγμένων τὸ τὰς ἀπὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσων ἐκ-¹⁵ βαλλομένης μηδαμῶς συμπίπτειν. λέγω τοίνυν ὅτι καὶ τὸ ἀνάπαλιν ἀληθές, καὶ τὸ παραλλήλων οὐσῶν τῶν εἰθειῶν || καὶ τεμνομένων ὑπὸ μιᾶς εὐθείας τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας εἶναι. ἀνάγκη γάρ τὴν τέμνουσαν τὰς παραλλήλους²⁰ ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους ἢ μείζους. ἔστω-

σαν οὖν παράλληλοι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$,

καὶ ἐμπιπτέτω εἰς αὐτὰς ἡ $\overline{ηζ}$.

λέγω ὅτι οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν μείζους τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ



αὐτά. εἰ γὰρ αἱ ὑπὸ $\overline{αζη}$ $\overline{γηζ}$ δύο ὀρθῶν μείζους,

3 καθὼ G, καθ' α̃ C. 5—6 προτάξαντες τοῦτο αἶτημα om. G, add. C. 13 δεικνύσθω C. 22 ἢ μείζους om. M, G, add. C. 24 $\overline{εξ}$ M, G, $\overline{ξη}$ C.

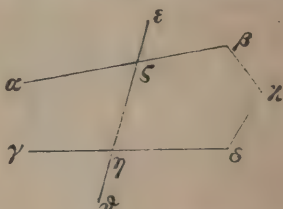
αἱ λοιπαὶ αἱ ὑπὸ βξ η δης δύο ὀρθῶν ἐλάσσουσ· ἀλλὰ
καὶ δύο ὀρθῶν μείζουσ αἱ αὐταί — οὐδὲν γὰρ μᾶλ-
λον αἱ αξ γη παρὰλληλοι ἢ αἱ ζβ ηδ, ὥστε εἰ ῥ ἐμ-
πεσοῦσα εἰς τὰς αξ γη δύο ὀρθῶν μείζουσ ποιεῖ τὰς
5 ἐντός, καὶ ἡ εἰς τὰς ζβ ηδ ἐμπίπτουσα δύο ὀρθῶν
ποιήσῃ μείζουσ τὰς ἐντός — ἀλλ' αἱ αὐταὶ καὶ δύο
ὀρθῶν ἐλάσσουσ — αἱ γὰρ τέσσαρες αἱ ὑπὸ αξη γηξ
βξ η δης τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι — ὅπερ ἀδύνατον.
ὁμοίως δὴ δείξομεν ὅτι εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπί-
10 πτουσα οὐ ποιεῖ δύο ὀρθῶν ἐλάσσουσ τὰς ἐντός καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη γωνίας. εἰ δὲ μήτε μείζουσ μήτε
ἐλάσσουσ ποιεῖ τῶν δύο ὀρθῶν, λείπεται τὴν ἐμπί-
πτουσαν δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιεῖν τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη γωνίας.

15 Τούτου δὴ οὗν προδεδειγμένου τὸ προκείμενον
ἀναμφισβητήτως ἀποδείκνυται. λέγω γὰρ ὅτι ἐὰν εἰς
δύο εὐθείας εὐθεῖα ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη γωνίας δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας ποιῇ, συμ-
πεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι ἐκβαλλόμεναι, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν
20 αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. μὴ γὰρ συμπιπτέτω-
σαν. ἀλλ' εἰ ἀσύμπτωτοί εἰσιν, ἐφ' ἃ μέρη αἱ τῶν
δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, πολλῷ μᾶλλον ἔσονται ἀσύμ-
πτωτοὶ ἐπὶ θάτερα, ἐφ' ἃ τῶν δύο εἰσὶν ὀρθῶν αἱ
μείζονες, ὥστε ἐφ' ἑκάτερα ἂν εἶεν ἀσύμπτωτοὶ αἱ
25 εὐθεῖαι. εἰ δὲ τοῦτο, παρὰλληλοί εἰσιν. ἀλλὰ δέδει-
κται ὅτι ἡ εἰς τὰς παραλλήλους ἐμπίπτουσα τὰς ἐντός
καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιήσῃ γω-

νίας. αἱ αὐταὶ ἄρα καὶ δύο ὀρθαῖς ἴσαι καὶ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὅπερ ἀδύνατον.

Ταῦτα προδεδειχῶς ὁ Πτολεμαῖος καὶ καταντήσας εἰς τὸ προκείμενον ἀκριβέστερόν τι προσθεῖναι βούλεται καὶ δεῖξαι ὅτι, ἐὰν εἰς δύο εὐθείας εὐθεῖα 5 ἐμπίπτουσα τὰς ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δύο ὀρθῶν ποιῇ ἐλάσσονας, οὐ μόνον οὐκ εἰσὶν ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι, ὥς δέδεικται, ἀλλὰ καὶ ἡ σύμπτωσις αὐτῶν κατ' ἐκεῖνα γίνεται τὰ μέρη, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, || οὐκ ἐφ' ἃ αἱ μείζονες. ἔστωσαν 10

γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτουσα εἰς αὐτὰς ἡ ἐξηθ ποιείτω τὰς ὑπὸ $\overline{αξη}$ καὶ ὑπὸ $\overline{γηζ}$ δύο ὀρθῶν ἐλάσσους. αἱ λοιπαὶ ἄρα μείζους δύο ὀρθῶν.



15

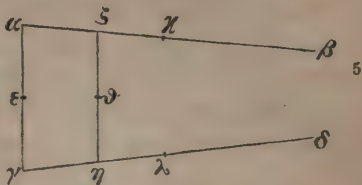
ὅτι μὲν οὖν οὐκ ἀσύμπτωτοι αἱ εὐθεῖαι δέδεικται. εἰ δὲ συμπίπτουσιν, ἢ ἐπὶ τὰ $\overline{α}$ $\overline{γ}$ συμπεσοῦνται, ἢ ἐπὶ τὰ $\overline{β}$ $\overline{δ}$. συμπιπτέωσαν ἐπὶ τὰ $\overline{β}$ $\overline{δ}$ κατὰ τὸ $\overline{κ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ μὲν ὑπὸ $\overline{αξη}$ καὶ $\overline{γηζ}$ δύο ὀρθῶν εἰσὶν ἐλάσ- 20 σους, αἱ δὲ ὑπὸ $\overline{αξη}$ $\overline{βζη}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι, κοινῆς ἀφαιρεθείσης τῆς ὑπὸ $\overline{αξη}$, ἡ ὑπὸ $\overline{γηζ}$ ἐλάσσων ἔσται τῆς ὑπὸ $\overline{βζη}$. τριγώνου ἄρα τοῦ $\overline{κζη}$ ἡ ἐκτὸς τῆς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐλάσσων, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα κατὰ ταῦτα συμπίπτουσιν. ἀλλὰ μὴν συμπί- 25 πτousi. κατὰ θάτερα ἄρα ἡ σύμπτωσις αὐτῶν ἔσται, καθ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάσσονες.

Ταῦτα μὲν οὖν ὁ Πτολεμαῖος. ἐφιστάνειν δὲ ἄξιον, μὴ ποτε παραλογισμός τις ἔστιν ἐν ταῖς εἰλημμέναις ὑποθέσεσι, λέγω δὲ ἐν ἐκείναις, ἐν αἷς ἔλεγεν ὅτι τῆς τεμνούσης εὐθείας τὰς ἀσυμπτώτους τέτταρας
 5 ἐντὸς γωνίας ποιούσης αἱ ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρα τὰ μέρη ἢ δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν, ἢ δύο ὀρθῶν μείζους ἢ δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες. οὐ γὰρ τελεία ἢ διαίρεσις. κωλύει γὰρ οὐδὲν τὸν ἀσυμπτώτους λέγοντα τὰς ἀπ' ἐλασσόνων δυεῖν ὀρθῶν ἐκβαλλομένας τὰς
 10 μὲν τῶν ἐπὶ τὰ αὐτὰ δύο ὀρθῶν μείζους λέγειν, τὰς δὲ ἐπὶ θάτερα δύο ὀρθῶν ἐλάσσονας, καὶ οὐχ ἓνα περὶ τούτων ἀποδέχεσθαι λόγον. ἀτελοῦς δὲ οὔσης τῆς διαιρέσεως οὐκ ἀποδέδεικται τὸ προκείμενον. ἔτι δὲ κἀκεῖνο πρὸς τὴν δεῖξιν ῥητέον, ὅτι οὐ καθ' αὐτὸ
 15 δείκνυσι τὸ ἀδύνατον. οὐ γὰρ ἐπειδὴ παραλλήλους τέμνουσά τις εὐθεῖα μείζους ἐποίησεν τὰς ἐπὶ τὰ αὐτὰ κατ' ἀμφοτέρα μέρη δύο ὀρθῶν ἢ ἐλάσσους, διὰ τοῦτο ἀκολουθεῖ τὸ ἄτοπον ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν, ἀλλ' ἐπειδὴ τέσσαρες τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι αἱ ἐντὸς
 20 τῶν τεμνομένων, διὰ τοῦτο ἀδύνατος ἑκατέρα τῶν ὑποθέσεων τούτων, || ἐπεὶ κἂν μὴ παραλλήλους τις λάβῃ τὰς εὐθείας τὰ αὐτὰ ἀκολουθήσει τῶν ὑποθέσεων τῶν αὐτῶν εἰλημμένων.

Πρὸς μὲν οὖν Πτολεμαῖον ταῦτα λέγοντες ἐπιστήσομεν· φανερὰ γὰρ ἡ τῆς δείξεως ἀσθένεια διὰ
 25 τῶν εἰρημένων. φέρε δὲ κἀκείνους ἐπισκεψώμεθα τοὺς λέγοντας ἀδυνατὸν εἶναι τὰς ἀπ' ἐλασσόνων ἢ

1 ἐφιστάνειν μὲν C. 8 τὸν] τῶν C. 9 δυεῖν ὀρθαῖς M, δυοῖν ὀρθαῖς G, δυοῖν ὀρθαῖν C. 12 ἀποδέχεται M, G. 13 ἔστι G, ἔτι C. 17 ἢ om. G, add. C. 21 κἂν] ἐὰν G. 22 λάβε G, λάβοι C. 26 φέρε δὲ G.

δύο | ὀρθῶν ἐκβαλλομένους συμπίπτειν. λαβόντες γὰρ
 εὐθείας δύο τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ καὶ ἐμπίπτουσιν εἰς αὐτὰς
 τὴν $\overline{αγ}$ καὶ ποιοῦσαν
 τὰς ἐντὸς δύο ὀρθῶν
 ἐλάσσονας οἴονται (?)
 δεικνύναι μὴ συμπι-
 πτούσας τὰς $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$. δι-
 ηρησθῶ γὰρ δίχα ἡ $\overline{αγ}$



κατὰ τὸ $\overline{ε}$ καὶ ἀφηρησθῶ ἀπὸ μὲν τῆς $\overline{αβ}$ ἴση τῇ $\overline{αε}$
 ἢ $\overline{αξ}$, ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ ἴση τῇ $\overline{εγ}$ ἢ $\overline{γη}$. δῆλον ἄρα ὅτι 10
 αἱ $\overline{αξ}$ $\overline{γη}$ οὐ συμπεσοῦνται κατὰ τὸ $\overline{ξη}$. εἰ γὰρ συμ-
 πεσοῦνται, ἔσονται αἱ δύο τῇ $\overline{αγ}$ ἴσαι ἐν τριγώνῳ,
 ὅπερ ἀδύνατον. πάλιν ἐπεξεύχθῶ ἡ $\overline{ξη}$ καὶ τετμήσθῶ
 δίχα κατὰ τὸ $\overline{θ}$ καὶ ἴσαι ἀφηρησθῶσαν. οὐδὲ αὗται
 ἄρα συμπεσοῦνται διὰ τὰ αὐτά. καὶ τοῦτο εἰς ἄπει- 15
 ρον ποιοῦντες, ἐπιξευγνύντες τὰ ἀσύμπτωτα σημεῖα
 καὶ τὴν ἐπεξευγμένην διχοτομοῦντες καὶ ἴσας ἀπὸ
 τῶν εὐθειῶν τοῖς ταύτης ἡμίσεσιν ἀφαιροῦντες, δει-
 κνύναι φασὶν ὅτι οὐδαμοῦ συμπίπτουσιν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$
 εὐθεῖαι.

20

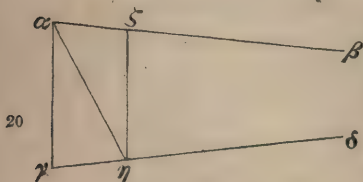
Τούτων δὲ τοιαῦτα λεγόντων ζητέον ἡμῖν ὅτι λέ-
 γουσι μέντοι ἀληθές, οὐ μέντοι ὅσον γε οἴονται. ὅτι
 μὲν γὰρ ὀρίσαι τὸ σημεῖον τῆς συμπτώσεως ἀπλῶς

5 οἴονται] οἶον M, G , οἴονται B_3 , 'ut' Z , 'feri potest in-
 quiunt' B . 13 ἡ $\overline{ξη}$ καὶ τετμήσθῶ om. G , add. C .

18 ταῖς ταύταις M, G . 22 οἴονται M , οἶον τε G , οἴονται B_3 ,
 'quantum sit satis' Z , 'opinantur' B . || ὅτι μὲν γὰρ ὀρίσαι
 (ὀρίσαι B_3) M, G , τὸ μὲν γὰρ ὀρίσαι C , 'determinatur' Z , 'de-
 terminare' B .

οὕτως οὐκ ἔστιν, ἀληθές. οὐ μέντοι τὸ μηδὲ τὸ
 παράπαν συμπίπτειν αὐτὰς ἀληθές. μὴ συμπιπτέω-
 σαν γὰρ αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ τῆς ὑπὸ $\overline{βαγ}$ καὶ ὑπὸ $\overline{δγα}$ γωνίας
 ὠρισμένης κατὰ τὸ $\overline{ξ}$ καὶ τὸ $\overline{η}$. ἀλλ' οὐδὲν κωλύονται
 5 κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$ συμπεσεῖν, κἂν ἴσαι ὧσιν αἱ $\overline{ξκ}$ $\overline{ηλ}$ ταῖς
 $\overline{ξθ}$ $\overline{θη}$. τῶν γὰρ $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ συμπιπτουσῶν κατὰ τὰ $\overline{κ}$ $\overline{λ}$
 οὐκέτι μένουσιν αἱ ὑπὸ $\overline{κξθ}$ $\overline{ληθ}$ γωνίαι αἱ αὐταί,
 καὶ γίνεται τι τῆς $\overline{ξη}$ ἐκτὸς τῶν $\overline{ακ}$ $\overline{γλ}$ εὐθειῶν, καὶ
 οὕτως αἱ δύο πάλιν αἱ $\overline{ξκ}$ $\overline{ηλ}$ μείζους τῆς βάσεως,
 10 ὅσῃν ἀπολαμβάνουσιν ἐντὸς τῆς $\overline{ξη}$ εὐθείας.

Ἔτι δὲ κακεῖνο ῥητέον, ἀδιορίστως αὐτῶν λεγόν-
 των τὰς ἀπ' ἐλάσσονων ἢ δύο ὀρθῶν ἐκβαλλομένης
 μὴ συμπίπτειν, ὅτι ἀναιροῦσιν καὶ ἂ μὴ βούλονται.
 ἔστω γὰρ ἡ καταγραφὴ ἡ αὐτή. πότερον οὖν δυνα-
 15 τόν ἐστίν ἀπὸ τοῦ $\overline{α}$ ἐπὶ τὸ $\overline{η}$ ἐπιξεῦξαι εὐθεῖαν, ἢ
 οὐ δυνατόν; εἰ μὲν γὰρ
 ἀδύνατον, τῷ πέμπτῳ
 αἰτήματι προσαναιροῦσι
 καὶ τὸ πρῶτον || τὸ ἀπὸ
 παντὸς σημείου λέγον
 ἐξεῖναι ἐπὶ πᾶν σημεῖον
 εὐθεῖαν ἀγαγεῖν, εἰ δὲ

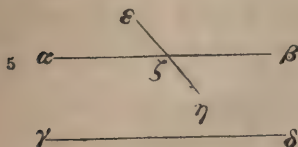


δυνατόν, ἐπεξεύχθω. ἐπεὶ οὖν αἱ ὑπὸ $\overline{ξαγ}$ $\overline{ηγα}$ ἐλάσ-
 σους εἰσὶ δύο ὀρθῶν, δῆλον ὅτι καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{ηαγ}$ $\overline{ηγα}$
 25 πολλῷ μᾶλλον ἐλάσσους εἰσὶ τῶν δύο ὀρθῶν. αἱ ἄρα

$\overline{\alpha\eta}$ $\overline{\gamma\eta}$ συμπεπτώκασι κατὰ τὸ $\overline{\eta}$ ἀπ' ἐλασσόνων ἐκ-
 βεβλημέναι δύο ὀρθῶν. οὐκ ἄρα δυνατόν λέγειν
 ἀδιορίστως τὰς ἀπ' ἐλασσόνων δύο ὀρθῶν ἐκβαλλο-
 μένας μὴ συμπίπτειν. ἀλλ' ὅτι μὲν τινες εὐθειᾶ συμ-
 πίπτουσιν ἀπ' ἐλασσόνων δυεῖν ὀρθαῖν ἐκβληθεῖσαι 5
 δῆλον, εἰ καὶ πάσαις τοῦτο ζητεῖν ἔοικεν ὁ λόγος.
 εἴποι γὰρ ἂν τις ἀορίστου τῆς ἐλαττώσεως οὐσης τῶν
 δύο ὀρθῶν κατὰ μὲν τὴν τοσὴνδε ἐλάττωσιν ἀσυμ-
 πτώτους μένειν τὰς εὐθείας, κατὰ δὲ ἄλλην τὴν ταύ-
 τῃς ἐλάσσονα συμπίπτειν. πρὸς δὲ τὸν τοῦτο ἐπιξη- 10
 τοῦντα κατασκευαζόμενον ἴδειν λεγέσθω παρ' ἡμῶν
 ὅτι δεῖ προλαβεῖν ἀξίωμα τοιοῦτον, ᾧ καὶ Ἀριστο-
 τέλης ἐχρήσατο κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι
 τὸν κόσμον. ἐὰν ἀφ' ἐνὸς σημείου δύο ἐκβάλλωνται
 εὐθεῖαι γωνίαν ποιοῦσαι ἐπ' ἄπειρον, πᾶν πεπερασμέ- 15
 νον μέγεθος ὑπερβάλλει ἢ διάστασις αὐτῶν τῶν εἰς
 ἄπειρον ἐκβαλλομένων. ἔδειξε γοῦν ἐκεῖνος ὅτι ἀπεί-
 ρων οὐσῶν τῶν ἀπὸ τοῦ κέντρου πρὸς τὴν περιφέ-
 ρειαν ἐκβεβλημένων ἄπειρον τὸ μεταξύ. πεπερασμέ-
 νου γὰρ ὄντος αὐξῆσαι τὴν διάστασιν ἀδύνατον, ὥστε 20
 οὐκ ἄπειροι αἱ εὐθεῖαι. παντὸς οὖν τοῦ ληφθέντος
 πεπερασμένου μεγέθους μεῖζον ἀλλήλων διαστήσονται
 ἐκβαλλόμεναι ἐπ' ἄπειρον αἱ εὐθεῖαι. τούτου δὴ προ-
 υποτεθέντος λέγω ὅτι, ἐὰν παραλλήλων εὐθειῶν τὴν
 ἑτέραν τέμνει τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπὴν. ἔστω- 25
 σαν γὰρ παράλληλοι αἱ $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\gamma\delta}$, καὶ τεμνέτω τὴν $\overline{\alpha\beta}$
 ἡ $\overline{\epsilon\zeta\eta}$. λέγω ὅτι τὴν $\overline{\gamma\delta}$ τεμεῖ. ἐπεὶ γὰρ δύο εὐθεῖαι

1 συμπίπτουσιν C. || $\overline{\eta}$] $\overline{\alpha}$ M, G, $\overline{\eta}$ G. 4 μὴ om. M, G,
 add. C. 7 ἂν τις om. G, add. C. 10 τοῦτον C. 12 De coelo
 I, 5 p. 271, 28 ss. ed. Bekker. 19 ἐκβεβλημένον C. 22 μεῖζον C.
 23 δὲ C. 25 τέμνει om. G, add. C. || εὐθεῖαν M, G.

είσιν ἀφ' ἐνὸς σημείου τοῦ ζ, εἰς ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι αἱ βξ ζη, παντὸς μεγέθους μείζονα ἔχουσι διά-



στασιν, ὥστε καὶ τούτου, ὅσον ἐστὶ τὸ μεταξὺ τῶν παραλλήλων. || ὅταν οὖν μείζον ἀλλήλων διαστῶσιν τῆς τούτων διαστάσεως τεμεῖ ἡ ζη τὴν γδ. ἐὰν ἄρα παραλ-

λήλων τὴν ἑτέραν τέμνῃ τις εὐθεῖα, τεμεῖ καὶ τὴν λοιπὴν. τούτου προαποδειχθέντος ἀκολούθως δεῖξομεν τὸ προκείμενον. ἔστωσαν γὰρ δύο εὐθεῖαι αἱ αβ γδ,



καὶ ἐμπιπτέτω εἰς αὐτὰς ἡ εξ ἐλάσσονας δύο ὀρθῶν ποιοῦσα τὰς ὑπὸ βεξ δεξ. λέγω ὅτι συμπεσοῦνται αἱ εὐθεῖαι κατὰ ταῦτα τὰ μέρη,

ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν εἰσιν ἐλάσσους. ἐπειδὴ γὰρ αἱ ὑπὸ βεξ δεξ ἐλάσσους εἰσὶν δύο ὀρθῶν, τῇ ὑπεροχῇ τῶν δύο ὀρθῶν ἔστω ἴση ἡ ὑπὸ θεβ. καὶ ἐκβεβλή-
 20 σθῶ ἡ θε ἐπὶ τὸ κ. ἐπεὶ οὖν εἰς τὰς κθ γδ ἐμπέπτωκεν ἡ εξ καὶ ποιεῖ τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς ὑπὸ θεξ δεξ, παράλληλοί εἰσιν αἱ κθ γδ εὐθεῖαι. καὶ τέμνει τὴν κθ ἡ αβ· τεμεῖ ἄρα καὶ τὴν γδ διὰ τὸ προδεδειγμένον. συμπεσοῦνται ἄρα αἱ αβ γδ

κατὰ τὰ μέρη ἐκεῖνα, ἐφ' ἃ αἱ τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες, ὥστε δέδεικται τὸ προκείμενον.

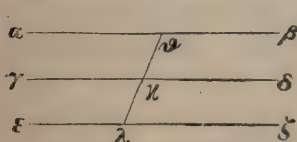
Prop. XXX, theor. XXI. Αἱ τῇ αὐτῇ εὐθείᾳ παρ-
άλληλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι.

Εἶωθεν ὁ γεωμέτρης ἐν τοῖς περὶ | τῶν σχέσεων 5
λόγοις δεικνύναι τὴν ταυτότητα διήκουσαν ἐν ἅπασι
τοῖς πρὸς τὸ αὐτὸ τὴν αὐτὴν ἔχουσι σχέσιν. οὕτω
γὰρ καὶ ἐν τοῖς ἀξιώμασιν ἔλεγεν τὰ τῷ αὐτῷ ἴσα
[καὶ ἀλλήλοις ἴσα] καὶ ἐν τοῖς ἐξῆς ἐρεῖ τὰ τῷ αὐτῷ
ὅμοια καὶ ἀλλήλοις ὅμοιά ἐστι, καὶ οἱ τῷ αὐτῷ λόγῳ 10
οἱ αὐτοὶ καὶ ἀλλήλοις εἰσὶν οἱ αὐτοί. κατὰ τοῦτον
οὖν τὸν τρόπον καὶ νῦν ἀποδείκνυσιν ὅτι αἱ τῇ αὐτῇ
εὐθείᾳ παράλληλοι καὶ ἀλλήλαις εἰσὶ παράλληλοι. συμ-
βέβηκεν δὲ οὐκ ἐπὶ πασῶν τῶν σχέσεων εἶναι τοῦτο
ἀληθές. οὐ γὰρ τὰ τοῦ αὐτοῦ διπλάσια καὶ ἀλλήλων 15
διπλάσιά ἐστιν, οὐδὲ τὰ τοῦ αὐτοῦ ἡμιόλια καὶ ἀλλή-
λων ἡμιόλιά ἐστιν. ἀλλ' ἔοικεν ἐπ' ἐκείνων μόνων
χώραν ἔχειν, ὅσαι ἀντιστρέφουσι συνωνύμως, ἐπὶ τῆς
ἰσότητος, || ἐπὶ τῆς ὁμοιότητος, ἐπὶ τῆς ταυτότητος,
ἐπὶ τῆς παραλλήλου θέσεως. ἡ γὰρ παράλληλος παραλ- 20
λήλῳ παράλληλός ἐστιν, ὥς τὸ ἴσον ἴσῳ ἴσον, καὶ τὸ
ὅμοιον ὁμοίῳ ὅμοιον. καὶ γὰρ ἐστιν ὁμοιότης θέσεως
ἡ παραλληλότης, εἰ δυνατὸν εἰπεῖν.

Λέγει δ' οὖν καὶ δείκνυσιν ἐν τούτοις ὅτι αἱ τῇ

1 τὰ om. G, add. C. 3 M in margine ᾧ. 9 καὶ ἀλλή-
λοις ἴσα om. M, B₃, G (Z), 'et inter se sunt aequalia' B. 16 καὶ
ἀλλήλων ἡμιόλιά ἐστιν om. M, C. 18 ὅσα G. 22 'ipse
namque Parallelarum ad sese respectus similitudo positionis
est' et in margine 'ipsa namque Parallelitas si dici potest
similitudo' B. 23 εἰ] ἡ M.

αὐτῇ παράλληλοι πάντως οὕτως ἔχουσιν, ὥστε καὶ ἀλλήλαις εἶναι παράλληλοι. καὶ αὐτὸς μὲν τὰς τῇ αὐτῇ παραλλήλους ἄκρας ἔλαβεν καὶ μέσην, πρὸς ἣν αὐταὶ τὴν ὁμοίαν ἔχουσι σχέσιν, ἵνα καὶ ἀπὸ κοινῆς
 5 ἐννοίας ἡμῖν γένηται σαφὲς τὸ λεγόμενον. εἰ γὰρ αἱ ἐφ' ἑκάτερα συμπίπτουσιν ἀλλήλαις, πάντως καὶ τῇ μεταξὺ κειμένη συμπεσοῦνται καὶ οὐκέτι πρὸς αὐτὴν ἔσονται παράλληλοι. δυνατόν δὲ καὶ ἐναλλάξαντα τὴν θέσιν δεῖξαι ταῖς αὐταῖς ἐφόδοις, αἷς ὁ γεωμέτρης
 10 ἐχρήσατο πρὸς τὸ προκείμενον, οἷον πρὸς τὴν $\alpha\beta$ καὶ



τὴν $\gamma\delta$ παράλληλον καὶ τὴν $\epsilon\zeta$, ἀμφοτέρων ἀνωτέρω κειμένης ἑκατέρων (?) τῆς $\alpha\beta$ καὶ οὐχὶ μέσης.

15 ἐμπίπτουσα γὰρ ἡ $\theta\kappa\lambda$ εἰς αὐτὰς ἴσην ποιήσῃ ἑκατέραν τῶν ὑπὸ $\theta\kappa\delta$ $\kappa\lambda\zeta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\theta\kappa$, ὅτι (?) ἐναλλάξ, ὥστε καὶ ἀλλήλαις ἴσας ποιήσῃ τὰς ὑπὸ $\theta\kappa\delta$ $\kappa\lambda\zeta$. παράλληλοι ἄρα αἱ $\gamma\delta$ $\epsilon\zeta$. εἰ δὲ λέγοι τις· ἔστωσαν αἱ $\alpha\theta$ $\theta\beta$ παράλληλοι τῇ $\gamma\delta$, καὶ ἀλλήλαις ἄρα παρ-
 20 ἀλλήλοί εἰσιν, ἐροῦμεν ὅτι αἱ $\alpha\theta$ $\theta\beta$ μιᾶς εἰσὶν παραλλήλου μέρη καὶ οὐ δύο. δεῖ γὰρ τὰς παραλλήλους

5 γένοιτο C. 13 κειμένων M, G, κειμένης B₃, C. || ἑκατέρω M, G, ἑκατέρων B₃, C; B liberius 'ambabus supra iacentibus, ipsa ab infra, et non media existente'; figuram quoque secundum hanc descriptionem construxit. 'ambabus superne iacentibus, utrisque vero ipsa ab' Z. Forsitan scriptum fuerit ἀμφοτέρων ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῆς $\alpha\beta$ κειμένων καὶ ἀνωτέρω κειμένης ἑκατέρας. 16 ὅτι] οὐση C, (ἡ ἔστιν?).

ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλομένους νοεῖν, ἡ δὲ $\overline{\alpha\theta}$ ἐκβληθεῖσα
 πίπτει ἐπὶ τὴν $\overline{\theta\beta}$, ἡ αὐτὴ ἄρα ἐστὶν καὶ οὐκ ἄλλη
 ἐκείνη. πάντα ἄρα τὰ μέρη τῆς παραλλήλου καὶ αὐτὰ
 παράλληλά ἐστι τῇ εὐθείᾳ ἢ καὶ ὅλη παράλληλος ἦν
 καὶ τοῖς μέρεσιν αὐτῆς, οἷον καὶ ἡ $\overline{\alpha\theta}$ τῇ $\overline{\kappa\delta}$ καὶ ἡ 5
 $\overline{\theta\beta}$ τῇ $\overline{\gamma\kappa}$. ἐκβαλλόμεναι γὰρ ἐπ' ἄπειρον ἀσύμπτωτοι
 μένουσιν.

Τούτοις ἀναγκαίως ἐπεσημηνάμεθα διὰ τὰς σοφι-
 στικὰς ἐνοχλήσεις καὶ τὰς νεαροπρεπεῖς τῶν ἀκούον-
 των ἔξεις. χαίρουσι γὰρ οἱ πολλοὶ τοῖς τοιούτοις 10
 παραλογισμοῖς προστυγχάνοντες καὶ τοῖς ἐπιστήμοσιν
 ὄχλον περιττὸν ἐπεισάγοντες.

Ἀντιστρέφειν δὲ οὐδὲν δεῖ τὸ θεώρημα καὶ δει-
 κνύναι ὅτι αἱ ἀλλήλαις παράλληλοι καὶ τῇ αὐτῇ
 παράλληλοί εἰσιν. πάλιν γάρ, ἂν ὑποθώμεθα τὴν ἐτέ- 15
 ραν τινὲ παράλληλον, ἐκείνη τε καὶ ἡ λοιπὴ τούτων
 ἔσονται τῇ αὐτῇ παράλληλοι, καὶ εἰς ταὐτὸ ἐπανήξομεν.

Prop. XXXI, probl. X. Διὰ τοῦ δοθέντος ση-
 μείου τῇ δοθείσῃ εὐθείᾳ παράλληλον εὐθεῖαν
 γραμμὴν ἀγαγεῖν.

20

Ἔδει μὴ μόνον ἡμᾶς τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα
 ταῖς παραλλήλοις μαθεῖν ἐν τοῖς τοῦ στοιχειωτοῦ λό-
 γοις, ἀλλὰ καὶ τὴν γένεσιν ἱστορεῖν διὰ τῶν γεωμε-
 τρικῶν μεθόδων καὶ γινῶναι, πῶς ἂν γένοιτο ἄλλη
 εὐθεῖα παράλληλος ἄλλῃ. πολλαχοῦ γὰρ αἱ γενέσεις 25

τρανεστέραν ἡμῖν ποιοῦσι τῶν ὑποκειμένων τὴν
 οὐσίαν. τοῦτο δὴ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ποιεῖ διὰ τοῦ
 προκειμένου προβλήματος. σημεῖον γὰρ λαβὼν καὶ
 εὐθεΐαν ἄγει διὰ τοῦ σημείου τῇ εὐθείᾳ παράλληλον.
 5 δεῖ δὲ προειληφέναι ἡμᾶς ὅτι τὸ σημεῖον ἐκτὸς πάν-
 τως κεῖσθαι τῆς εὐθείας ἀναγκαῖον. οὐ γάρ, ἐπειδὴ
 εἴρηται διὰ τοῦ δοθέντος σημείου, καὶ ἐπ' αὐτῆς αὐτὸ
 τῆς εὐθείας δώσομεν. οὐ γὰρ ἔσται τις ἄλλη παρὰ
 τὴν εὐθεΐαν ἢ δι' αὐτοῦ φερομένη παράλληλος. μερί-
 10 σας οὖν τὸ σημεῖον καὶ τὴν εὐθεΐαν ἐδήλωσεν ὅτι τὸ
 σημεῖον ἐκτὸς λαμβάνειν χρή τῆς εὐθείας· ὅπερ ἐπὶ
 τῆς καθέτου καὶ διὰ τοῦ προσθεῖναι σαφὲς ἐποίησεν,
 ἐπὶ τὴν δοθεῖσαν εὐθεΐαν ἄπειρον ἀπὸ τοῦ δοθέντος
 σημείου, ὃ μὴ ἔστιν ἐπ' αὐτῆς, κάθετον ἀγαγεῖν. ἐν
 15 μὲν οὖν κοινὸν τούτοις ἀμφοτέροις τοῖς προβλήμασιν,
 ἕτερον δὲ ὅτι ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ σημείου δύο κάθετοι
 οὐκ ἄγονται ἐπὶ τὴν αὐτήν, καὶ διὰ τοῦ αὐτοῦ ση-
 μείου δύο παράλληλοι οὐκ ἄγονται τῇ αὐτῇ, δι' ὃ καὶ
 ὁ στοιχειωτὴς οὕτως εἶπεν ἐνικῶς εὐθεΐαν γραμμὴν
 20 ἀγαγεῖν, ἐκεῖ μὲν κάθετον, ἐνταῦθα δὲ παράλληλον.
 ἀλλ' ἐκεῖνο μὲν δέδεικται, τοῦτο δὲ φανερόν ἐκ τοῦ
 προαποδειχθέντος. εἰ γὰρ διὰ τοῦ αὐτοῦ σημείου τῇ
 αὐτῇ δύο παράλληλοι ἀχθεῖεν, ἔσονται καὶ ἀλλήλαις
 παράλληλοι συμπίπτουσαι κατὰ τὸ δοθὲν σημεῖον,
 25 ὅπερ ἔστιν ἀδύνατον.

Δεῖ δὴ καὶ ταῖς διαφοραῖς προσέχειν τῶν προτά-
 σεων, ἀπὸ τοῦ δο-
 θέντος σημείου καὶ διὰ τοῦ δο-
 θέντος σημείου. ὅπου μὲν γὰρ τὸ σημεῖον ἀρχὴ ἔστι
 τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἀπ' αὐτοῦ ἡ ἀγωγή, ὅπου

δὲ ἐπ' αὐτῆς ἐστὶ τῆς ἀγομένης, καὶ διὰ τοῦτο ἡ ἀγωγή δι' αὐτοῦ. οὐ γὰρ ὡς τεμνούσης εὐθείας τὸ δοθὲν σημεῖον εἴρηται τὸ δι' αὐτοῦ, ἀλλ' ὡς συμπιπτούσης αὐτῷ καὶ ὀριζούσης τὸ ἐαυτῆς ἀπόστημα πρὸς τὴν ἐκείνην εὐθεῖαν τῇ διαστάσει τοῦ σημείου⁵ καὶ τῆς εὐθείας. ὅσον γὰρ τὸ δοθὲν || σημεῖον τῆς δοθείσης εὐθείας ἀφέστηκεν, τοσοῦτον καὶ ἡ παράλληλος ἔχει τὸ μεταξὺ ἐαυτῆς τε καὶ ἐκείνης.

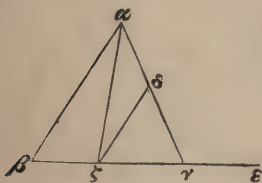
Prop. XXXII, theor. XXII. Παντὸς τριγώνου μιᾶς πλευρᾶς προσεκβληθείσης ἡ ἐκτὸς τοῦ¹⁰ τριγώνου γωνία δύο ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐστὶν ἴση καὶ αἱ ἐντὸς τοῦ τριγώνου γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσίν.

Ὅσον ἐνέλειπεν ἐν τῷ $\overline{15}$ καὶ $\overline{16}$ θεωρήματι, τοσοῦτον προστίθῃσιν ἐν τούτῳ. οὐ γὰρ μόνον ὅτι ἡ¹⁵ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου ἑκατέρας τῶν ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον μείξων διὰ τούτου μανθάνομεν, ἀλλὰ καὶ ὅσῳ μείξων. ἴση γὰρ ἀμφοτέραις οὕσα μείξων ἐστὶν ἑκατέρας τῇ λοιπῇ, οὐδὲ ὅτι δύο τοῦ τριγώνου ὅποιοι οὖν ἐλάσσους εἰσὶ δυεῖν ὀρθαῖν ἐκ τούτων γινώσκομεν,²⁰ ἀλλὰ καὶ πόσῳ ἐλάσσους. τῇ γὰρ λοιπῇ τῶν τριῶν. ἐκεῖνα μὲν οὖν ἀοριστότερά πως ἦν τὰ θεωρήματα, τοῦτο δὲ τὸν τῆς ἐπιστήμης ὅρον ἀμφοτέροις ἐπήγαγεν. καὶ οὐ διὰ τοῦτο περιττὰ ἂν εἴποιμεν ἐκεῖνα. καὶ γὰρ συνετέλεσεν ἡμῖν εἰς πολλὰς ἀποδείξεις, ἀφ'²⁵ ὧν καὶ τοῦτο δείξομεν. καὶ ἀναγκαῖον τὴν γνῶσιν ἡμῶν ἀπὸ τοῦ ἀτελοῦς ἐπὶ τὸ τέλειον προοιούσαν ἐκ

τῶν ἀορίστων ἐπιβολῶν ἐπὶ τοὺς ὠρισμένους καὶ ἀνελέγκτους λόγους μεταβαίνειν.

Ἄλλ' ὁ μὲν στοιχειωτῆς ἔξω τὴν παράλληλον ἄγων ἔδειξεν ἑκάτερον τῶν ζητουμένων. ἔστι δὲ καὶ
5 μὴ ἔξω ἄγοντα τὰ αὐτὰ δεικνύναι, τὴν τάξιν μόνην ἐναλλάξαντα τῶν δεικνυμένων. ὁ μὲν γὰρ πρότερον ἔδειξεν τὸ τὴν ἐκτὸς γωνίαν ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, καὶ ἀπὸ τούτου τὸ λοιπὸν κατεσκεύασεν, ἡμεῖς δὲ ἀνάπαλιν ποιήσωμεν. ἔστω δὴ οὖν τὸ

10



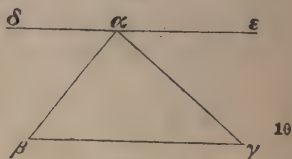
$\alpha\beta\gamma$ τρίγωνον καὶ ἐκβεβλή-
σθω ἡ $\beta\gamma$ ἐπὶ τὸ ϵ , καὶ εἰλή-
φθω σημεῖον ἐπὶ τῆς $\beta\gamma$ τὸ
 ζ , καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\alpha\zeta$, καὶ
διὰ τοῦ ζ παράλληλος ἡχθω

15 τῇ $\alpha\beta$ ἡ $\zeta\delta$. ἐπεὶ οὖν παράλληλος ἡ $\zeta\delta$ τῇ $\alpha\beta$ καὶ
εἰς αὐτὰς ἐμπέπτωκεν ἡ τε $\alpha\zeta$ καὶ ἡ $\beta\gamma$, αἷ τε ἐναλ-
λάξ ἴσαι || καὶ ἡ ἐκτὸς τῇ ἐντὸς. ὅλη ἄρα ἡ ὑπὸ $\alpha\zeta\gamma$
ἴση ταῖς ὑπὸ $\zeta\alpha\beta$ $\alpha\beta\zeta$. ὁμοίως δὲ δείξομεν παράλ-
ληλον ἀγαγόντες ὅτι καὶ ἡ ὑπὸ $\alpha\zeta\beta$ ἴση ταῖς ὑπὸ $\zeta\alpha\gamma$
20 $\alpha\gamma\zeta$. δύο ἄρα αἱ ὑπὸ $\alpha\zeta\beta$ $\alpha\zeta\gamma$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ
 $\alpha\beta\gamma$ τριγώνου. αἱ ἄρα τρεῖς δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶ
ταῖς ὑπὸ $\alpha\zeta\beta$ $\alpha\zeta\gamma$. ἀλλὰ καὶ ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\zeta$ $\alpha\gamma\epsilon$ δύο ὀρ-
θαῖς ἴσαι. κοινὴ ἀφηρηθήσθω ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\zeta$. λοιπὴ ἄρα
ἡ ἐκτὸς ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον ἐστὶν ἴση.

Τοῦτο μὲν δὴ τὸν εἰρημένον ἀποδείκνυνται τρό-
πον· Εὐδημος δὲ ὁ περιπατητικὸς εἰς τοὺς Πυθα-
γορείους ἀναπέμπει τὴν τοῦδε τοῦ θεωρήματος εὕρε-
σιν, ὅτι τρίγωνον ἅπαν δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει τὰς
ἐντὸς γωνίας. καὶ δεικνύναι φησὶν αὐτοὺς οὕτως τὸ ⁵
προκείμενον. ἔστω τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$, καὶ ἤχθω διὰ

τοῦ α τῇ $\beta\gamma$ παράλληλος ἡ
δε. ἐπεὶ οὖν παράλληλοί

εἰσιν αἱ $\beta\gamma$ δε, καὶ αἱ ἐναλ-
λάξ ἴσαι εἰσὶν, ἴση ἄρα ἡ μὲν
ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\beta\gamma$, ἡ δὲ

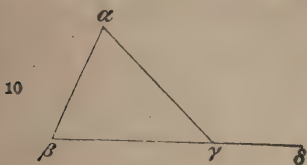


ὑπὸ $\epsilon\alpha\gamma$ τῇ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$. κοινὴ προσκείσθω ἡ $\beta\alpha\gamma$. αἱ
ἄρα ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\gamma$ $\gamma\alpha\epsilon$, τουτέστιν αἱ ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\epsilon$,
τουτέστιν αἱ δύο ὀρθαὶ ἴσαι εἰσὶ ταῖς τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τρι-
γώνου τρισὶ γωνίαις. αἱ ἄρα τρεῖς τοῦ τριγώνου δύο ¹⁵
ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι.

Τοιαύτη μὲν οὖν καὶ ἡ τῶν Πυθαγορείων ἀπό-
δειξις· δεῖ δὲ καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
τοῦ στοιχειωτοῦ προσιστορῆσαι. ἀντιστρέφει δὲ δυεῖν
πρὸς ἓν, ἐπειδὴ τοῦτο σύνθετόν ἐστι κατὰ τε τὸ ζητού- ²⁰
μενον καὶ κατὰ τὸ δεδομένον. καὶ γὰρ τοῦτο διπλοῦν
ἐστι· τρίγωνον γὰρ καὶ μία τῶν πλευρῶν ἐκβεβλη-
μένη. κάκεῖνο ὡσαύτως. ἓν μὲν γὰρ ἐστὶ τὸ τὴν
ἐκτὸς ἴσην εἶναι ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, ἕτερον δὲ
τὸ τὰς ἐντὸς τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς εἶναι ἴσας. εἰάν ²⁵

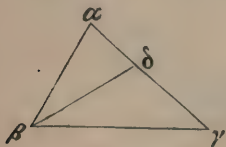
13 τουτέστιν ἡ ὑπὸ $\delta\alpha\beta$ $\beta\alpha\epsilon$ M, G. 14 αἱ δύο ὀρ-
θαῖς C. 15 δύσιν ὀρθαῖς G. 19 δὲ ante δυεῖν om. G,
add. C. 25 δύσιν G, δύο C.

οὖν ὑποθώμεθα καὶ τὴν ἐκτὸς εἶναι ταῖς ἐντὸς ἴσην καὶ ἀπεναντίον, δείκνυμεν ἐκβεβλημένην πλευρὰν καὶ ἐπ' εὐθείας οὖσαν τῇ μιᾷ τῶν τριγώνου πλευρῶν τὴν ἐκτὸς — ἐὰν δὲ τὰς τρεῖς γωνίας τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας, δείκνυμεν ὅτι τὸ σχῆμα τρίγωνόν ἐστι. καὶ οὕτως ὅλον ἔσται τὸ ζητούμενον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφον τὸ δεδόμενον. ἔστω τοίνυν τρίγωνον τὸ $\alpha\beta\gamma$



καὶ ἡ ἐκτὸς ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον. λέγω ὅτι ἡ $\beta\gamma$ ἐστὶν ἡ προσεκβεβλημένη ἕως τοῦ δ , καὶ μία εὐθεΐα ἐστὶν ἡ

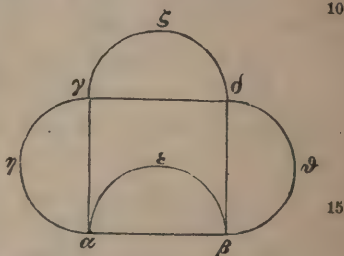
$\beta\gamma\delta$. ἐπεὶ γὰρ ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ ἴση ταῖς ἐντὸς καὶ ἀπεναντίον, κοινὴ προσκείσθω ἡ ὑπὸ $\alpha\gamma\beta$. αἱ ἄρα ὑπὸ $\alpha\gamma\delta$ $\alpha\gamma\beta$ ἴσαι ταῖς τρισὶ τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τοῦ τριγώνου. ἀλλ' αἱ τρεῖς τοῦ $\alpha\beta\gamma$ τριγώνου δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι. ἐὰν δὲ πρὸς τινὶ εὐθείᾳ καὶ τῷ πρὸς αὐτῇ σημείῳ δύο εὐθεῖαι ἐξῆς μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς ἐξῆς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ποιῶσιν, ἐπ' εὐθείας εἰσὶν ἀλλήλαις $\alpha\iota$ εὐθεῖαι. ἡ ἄρα $\beta\gamma$ τῇ $\gamma\delta$ ἐπ' εὐθείας ἐστίν. πάλιν ἔστω τις σχῆμα τὸ $\alpha\beta\gamma$



τρεῖς ἔχον γωνίας μόνας δύο ὀρθαῖς ἴσας τὰς α β γ . λέγω ὅτι τρίγωνόν ἐστι καὶ μία εὐθεΐα ἐστὶν ἡ $\alpha\gamma$. ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ $\beta\delta$. ἐπεὶ οὖν ἑκατέρου τῶν $\alpha\beta\delta$ $\delta\beta\gamma$ τριγώνων αἱ τρεῖς γωνίαι

δύο ὀρθαῖς εἰσιν ἴσαι, ὧν αἱ τοῦ $\overline{αβγ}$ δύο ὀρθαῖς ἴσαι, λοιπαὶ ἄρα αἱ ὑπὸ $\overline{αδβ}$ $\overline{γδβ}$ δύο εἰσὶν ὀρθαῖς ἴσαι. καὶ εἰσιν πρὸς τῇ $\overline{βδ}$ εὐθείᾳ. ἐπ' εὐθείας ἄρα ἐστὶν ἡ $\overline{δγ}$ τῇ $\overline{δα}$. ἐὰν ὅν ἐὺθύγραμμον ἦ τὸ σχῆμα τὸ ἔχον τὰς ἐντὸς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς 5 τρίγωνόν ἐστιν. οὐ μὲν ἐὰν ἔχη τι τὰς ἐντὸς δύο ὀρθαῖς ἴσας, ἐκ παντὸς τρίγωνόν ἐστι. καὶ γὰρ περιφερόγραμμον εὖροις ἂν ἔχον τὰς ἐντὸς δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας. ἔστω γὰρ τετράγωνον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ ἐπὶ τῆς $\overline{αβ}$ ||

ἐντὸς ἡμικύκλιον γεγράφθω τὸ $\overline{αεβ}$, ἐπὶ δὲ τῶν ἄλλων ἐκτὸς τὰ $\overline{η}$ $\overline{ξ}$ $\overline{θ}$. δύο δὲ γωνίας ἔχει τὸ ὑπὸ τῶν ἡμικυκλίων περιεχόμενον τὰς ὑπὸ $\overline{ηαε}$ $\overline{εβθ}$ δύο ὀρθαῖς ἴσας ταῖς



ὑπὸ $\overline{γαβ}$ $\overline{δβα}$ — δέδεικται γὰρ τοῦτο ἐν τοῖς αἰτημασι — καὶ μόναι αὗται γωνίαι εἰσὶν ἐν τῷ σχήματι τούτῳ. ἔστιν ἄρα τι σχῆμα μὴ τρίγωνον τὰς ἐντὸς ἔχον γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας.

Ταῦτα καὶ περὶ τῶν ἀντιστροφῶν· ἐπεὶ δὲ ἔχομεν ὅτι παντὸς τριγώνου αἱ τρεῖς γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν, δεῖ μέθοδον λαβεῖν, καθ' ἣν καὶ τῶν ἄλλων πάντων πολυγώνων εὐθύγραμμων τὰς γωνίας εὐρήσομεν ὅπόσαις ὀρθαῖς ἴσαι εἰσὶν, οἷον τετραγώνου, πενταγώνου καὶ τῶν ἐξῆς ἀπάντων πολυπλεύρων.

χορὴ τοίνυν εἰδέναι πρῶτον ὅτι πᾶν σχῆμα εὐθύγραμ-
 μον εἰς τρίγωνον ἀναλύεται. πάντων γὰρ ἀρχὴ τῆς
 συστάσεως τρίγωνον, ὃ καὶ ὁ Πλάτων ἔφη διδάσκων
 ὅτι ἡ ὀρθή (?) τῆς ἐπιπέδου βάσεως ἐκ τριγώ-
 5 νων συνέστηκεν. ἕκαστον δὲ ἀναλύεται εἰς δυάδι
 ἐλάσσονα τρίγωνα τῶν οἰκείων πλευρῶν, εἰ τετρά-
 πλευρόν ἐστιν, εἰς δύο, εἰ πεντάπλευρον, εἰς τρία, εἰ
 ἑξάπλευρον, εἰς τέσσαρα. δύο γὰρ τρίγωνα συντε-
 θέντα τετράπλευρον ἐποίησε εὐθύς· ὃ δὲ τῶν συν-
 10 θέτων τριγώνων ἀριθμῷ τὸ πρῶτον συστὰν διήνεγκεν
 τῶν ἑαυτοῦ πλευρῶν, τούτῳ καὶ τὰ ἑξῆς πάντα δια-
 φέρει. δυάδι ἄρα πᾶν πολὺπλευρον πλείους ἔχει πλευ-
 ρὰς τῶν τριγώνων, εἰς ἃ διαλύεται. ἀλλὰ μὴν ἅπαν
 γε τρίγωνον δέδεικται δυεὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχον τὰς
 15 γωνίας. διπλάσιος ἄρα ὁ τῶν γωνιῶν (?) ἀριθμὸς
 αὐτῶν τῶν συντεθέντων τριγώνων γενόμενος παρ-
 ἔξεται τὸ πλῆθος τῶν ὀρθῶν, ὅσαις ἕκαστον πολὺγ-
 νον ἴσας ἔχει γωνίας. διὸ πᾶν μὲν τετράπλευρον
 τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει γωνίας· ἐκ δυεὶν γὰρ συν-
 20 ἔκειτο τριγώνων· πᾶν δὲ πεντάπλευρον ἕξ, καὶ τοῦτο
 ἑξῆς ὁμοίως.

Ἐν μὲν οὖν τοῦτο ληπτέον ἐκ τοῦ θεωρήματος
 τούτου περὶ πάντων τῶν πολυγώνων ἅμα καὶ εὐθυ-
 γράμμων· ἕτερον δὲ ἐπόμενον τούτῳ συνέλωμεν, ὅτι

4 ἡ ὀρθή] 'rectus angulus' Z, 'rectitudo', in margine
 'recta', B. Ego sanum hunc locum esse negaverim, etsi idem in
 Platonis Timaeo (p. 53, C) legitur. $B_3 = M, G.$ 5 δὲ] γὰρ C. ||
 δυάδα C. 9 ἐποίησαν G. 15—16 ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν
 σ. τρ. M, G, ὁ τῶν γωνιῶν ἀριθμὸς αὐτῶν τῶν σ. τρ. $B_3, C,$
 'numerus angulorum ipsorum tr. comp.' Z, 'Angulorum nume-
 rus eorum, quae composita sunt Triangulorum' B. Ego con-
 iecerim ὁ τῶν τριγώνων ἀριθμὸς ὁ τῶν σ. τρ. 24 συνέλω-
 μεν M, C. || M in margine ση. λίαν ἀναγκαῖον.

πᾶν σχῆμα εὐθύγραμμον ἐκάστης τῶν πλευρῶν ἅπαξ
 ἐκβληθείσης τὰς ἐκτὸς συνισταμένας γωνίας ἴσας ἔχει
 τέτρασιν ὀρθαῖς. διπλασίας μὲν γὰρ εἶναι δεῖ τὰς ἐφ'
 ἐκάτερα γωνίας ὀρθὰς τοῖς πλήθους τῶν πλευρῶν,
 ἐπειδὴ πρὸς ἐκάστη δυσὶν ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται. 5
 ἀφαιρουμένων δὲ τῶν ἴσων ταῖς ἐντὸς ὀρθῶν αἱ λοι-
 παὶ γίνονται αἱ ἐκτὸς τέτρασιν ὀρθαῖς ἴσαι. οἷον εἰ
 τὸ σχῆμα τρίγωνον, ἐκάστης αὐτοῦ πλευρᾶς ἅπαξ ἐκ-
 βαλλομένης ἔξ ὀρθαῖς ἴσαι συνίστανται γωνίαι || αἱ τε
 ἐντὸς καὶ ἐκτὸς, ὧν αἱ ἐντὸς ἴσαι δυσὶν, αἱ λοιπαὶ 10
 ἄρα αἱ ἐκτὸς τέτρασιν, — εἰ δὲ τετράπλευρον, ὁκτώ
 αἱ πᾶσαι· διπλάσιαι γὰρ τῶν πλευρῶν· ὧν ἐντὸς
 τέτρασιν, καὶ ἐκτὸς ἄρα ἄλλαις τοσαύταις ἴσαι, — εἰ
 δὲ πεντάπλευρον, δέκα μὲν αἱ πᾶσαι, ἔξ δὲ ἐντὸς,
 τέτρασι δὲ ταῖς λοιπαῖς αἱ ἐκτὸς· καὶ ἐπ' ἄπειρον 15
 ὁμοίως ἡ αὐτὴ μέθοδος.

Ἐπὶ δὴ τούτοις κἀκεῖνα συναγάγωμεν ὅτι διὰ
 τοῦτο τὸ θεώρημα τὶ μὲν ἰσόπλευρον τρίγωνον ἐκά-
 στην ἔχει γωνίαν διμοῖρου ὀρθῆς, τὸ δὲ ἰσοσκελές,
 ὅταν ἔχη τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ ὀρθήν, τὰς λοιπὰς ἡμι- 20
 σείας ὀρθῆς ἔχει, οἷον τὸ ἡμιτετράγωνον, τὸ δὲ σκα-
 ληνὸν τὸ ἡμιτρίγωνον, ἃ γίνεται ἐν ἰσοπλεύρῳ τρι-
 γώνῳ καθέτου ἀχθείσης ἀφ' οἷας τινὸς γωνίας ὑπὸ
 τὴν ὑποτείνουσιν αὐτὴν πλευράν, τὴν μὲν ἔχει ὀρθήν,
 τὴν δὲ διμοῖρου οὖσαν, ἥτις ἦν καὶ τοῦ ἰσοπλεύρου 25

7 ss. *M* in margine addit figuras trianguli, quadrati, pen-
 tagoni, hexagoni. prioribus tribus adscripta sunt tot β i. e.
 duo quot sunt anguli, hexagono autem quattuor δ . intra trian-
 gulum scriptum est β , intra quadratum δ , intra pentagonum ς ,
 extra triangulum et quadratum adscriptum est δ . 17 ἐπειδὴ
M, *C*. 20 πρὸς τῇ κορυφῇ *C*, πρὸς τὴν κορυφὴν *M*, *G*.
 25 διμοιρούσαν *M*, *G*, δυμοιρούσαν *C*.

τριγώνου, τὴν δὲ λοιπὴν ἄρα τρίτου. δεῖ γὰρ εἶναι
 δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας τὰς τρεῖς. ταῦτα δὲ οὐ παρέργως
 ἐπισημαίνομαι, ἀλλὰ ὡς προπαρασκευάζοντα ἡμᾶς πρὸς
 τὴν τοῦ Τιμαίου διδασκαλίαν.

- 5 Καὶ μὴν κάκεῖνο ρητέον, ὅτι τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας
 δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχειν καθ' αὐτὸ καὶ ἡ αὐτὸ ὑπάρχει
 τῷ τριγώνῳ· δι' ὃ καὶ Ἀριστοτέλης πρόχειρον ἔχει
 τὸ παράδειγμα τοῦτο ἐν ταῖς ἀποδεικτικαῖς πραγμα-
 10 τεύειν τὸ ἡ αὐτὸ θεωρῶν. ὡς οὖν παντὶ σχήματι τὸ
 πεπερατωσθαι καθ' αὐτὸ ὑπάρχει καὶ πρώτως, οὕτω
 τῷ τριγώνῳ τῷ εὐθυγράμῳ παντί, εἰ καὶ μὴ σχή-
 ματι παντί, τὸ τὰς ἐντὸς γωνίας δυεῖν ὀρθαῖν ἴσας
 ἔχειν. καὶ ἔοικεν καὶ κατὰ τὰς κοινὰς ἐννοίας προσ-
 πίπτειν ἡμῖν ἡ τοῦ θεωρήματος ἀλήθεια. ἐὰν γὰρ
 15 νοήσωμεν εὐθείαν καὶ ἐπὶ τῶν περάτων αὐτῆς τινὰς
 πρὸς ὀρθὰς ἐστῶσας, εἴτα συνιούσας εἰς τριγώνου
 γένεσιν, ὁρῶμεν ὅτι, καθόσον συνεύουσιν, κατὰ το-
 σοῦτον ἐλαττοῦσι τὰς ὀρθὰς, ἄς ἐποίουν πρὸς τῇ
 εὐθείᾳ, ὥστε ὅσον ἐκείνων (?) ἀφείλον, τοσοῦτον
 20 προσλαβοῦσαι κατὰ τὴν πρὸς τῇ κορυφῇ σύννευσιν
 ἐξ ἀνάγκης τὰς τρεῖς ποιοῦσιν δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας.

6 ἡ αὐτῷ C. 10 οὕτω τῷ τριγώνῳ C, οὕτω τριγώνῳ B₃,
 ὡς M, G, 'sic' Z, 'ita rectilineae' et in margine 'triangulo' B.

19 ἐκείνων] ἔχει ὥν M, B₃, G, 'quantum id est quod ab
 eis' Z, 'quantum est quod' B.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Αἱ τὰς ἴσας τε καὶ
 παραλλήλους εὐθείας ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐπι-
 ζευγνύουσαι | εὐθεῖαι καὶ αὐταὶ ἴσαι τε καὶ
 παράλληλοί εἰσι.

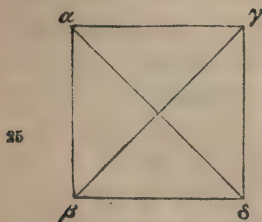
Τοῦτο τὸ θεωρήμα ὥσπερ μεθόριον ἐλέγομεν 5
 εἶναι τῆς τε περὶ τῶν παραλλήλων καὶ τῆς τῶν παρ-
 αλληλογράμμων || ζητήσεως. καὶ γὰρ τῶν ἴσων τε
 καὶ παραλλήλων εὐθειῶν δοκεῖ τι σύμπτωμα λέγειν
 καὶ γένεσιν παραλληλογράμμων λεληθυῖαν παραδί-
 δωσι. γίνεται γὰρ παραλληλόγραμμον ἐκ τε τῶν ἐξ 10
 ἀρχῆς ἴσων καὶ παραλλήλων καὶ ἐκ τῶν ταύτας ἐπι-
 ζευγνυουσῶν καὶ δεικνυμένων ὡσαύτως ἴσων τε καὶ
 παραλλήλων. διὸ καὶ τὸ μετὰ τοῦτο εὐθύς ὥς ἂν
 ὑποστάντος ἤδη τοῦ παραλληλογράμμου τὰ καθ' αὐτὰ
 ὑπάρχοντα τοῖς τοιούτοις χωρίοις θεωρεῖ. 15

Ταῦτα μὲν οὖν σαφῆ· δεῖ δὲ καὶ τὴν ἀκρίβειαν
 τὴν ἐν τῇ προτάσει διασκέψασθαι. πρῶτον μὲν οὖν
 ὅτι οὐκ ἠρκέσθη τῷ ἴσας εἶναι τὰς ἐπιζευγνυμένας.
 οὐ γὰρ πάντως αἱ ἐπιζευγνύουσαι τὰς ἴσας ἴσαι εἰσίν,
 εἰ μὴ καὶ παράλληλοι εἶεν. τριγώνου γὰρ ὄντος ἴσο- 20
 σκελοῦς καὶ σημείου ληφθέντος ἐπὶ μιᾷ τῶν ἴσων
 καὶ ἀχθείσης διὰ τοῦδε τῇ βάσει παραλλήλου ἴσας μὲν
 ἐπιζευγνύουσιν ἢ τε παράλληλος τῇ βάσει καὶ αὐτὴ ἢ
 βάσις· οὐ μέντοι καὶ ἴσαι εἰσίν. οὐ γὰρ ἦσαν ἐκεῖ-
 ναι παράλληλοι αἱ συμπίπτουσαι κατὰ τὴν τοῦ τρι- 25
 γώνου κορυφῇν. δεύτερον δὲ ὅτι οὐδὲ τὸ παραλλή-
 λους εἶναι τὰς ὑποκειμένας εὐθείας, μὴ ἴσας δέ, τὰς

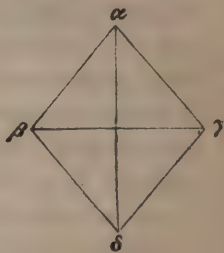
1 M in margine λγ.
 ληλογράμμον C.

9 παραλληλόγραμμον M, παραλ-

ἐπιξευγνυούσας παραλλήλους ποιήσκειν ὑπέλαβεν. ἐπὶ
 γὰρ τῆς εἰρημένης κατασκευῆς τῆς κατὰ τὸ ἰσοσκελὲς
 τρίγωνον καὶ τοῦτο φανερόν. ἡ γὰρ ἀχθεῖσα καὶ ἡ
 βάσις παραλλήλοι εἰσιν· ἀλλ' αἱ ἐπιξευγνύουσαι αὐ-
 5 τὰς οὐ παράλληλοι. μέρη γὰρ εἰσι τῶν τοῦ ἰσοσκε-
 λοῦς πλευρῶν. δεῖ δὴ οὖν πρὸς μὲν τὴν ἰσότητα τῶν
 ἐπιξευγνυουσῶν τῆς τῶν ἐπιξευγνυμένων παραλλήλου
 θέσεως, πρὸς δὲ τὴν τῶν παραλλήλων θέσιν τῆς ἐκεί-
 νων ἰσότητος. διόπερ ὁ στοιχειωτὴς ἄμφω παρέλαβεν
 10 ἐπὶ τῶν ἐπιξευγνυμένων, ἵνα ἄμφω δείξῃ καὶ περὶ
 τὰς ἐπιξευγνυούσας εὐθείας, τό τε ἴσας ἀλλήλαις εἶναι
 καὶ τὸ παραλλήλους. τρίτον δὲ λεγέσθω πρὸς τού-
 τοις ὅτι καὶ ἴσων ὑποκειμένων εὐθειῶν καὶ παραλλή-
 λων οὐ πάντως αἱ ἐπιξευγνύουσαι αὐτὰς ἴσαι καὶ
 15 παράλληλοι εἰσιν. εἰ γὰρ μὴ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη τὰς
 ἐπιζεύξεις ποιησόμεθα, παραλλήλους μὲν αὐτὰς ἀδύ-
 νατον εἶναι — τέμνονται γὰρ ὑπ' ἀλλήλων — ἴσας
 δὲ ποτὲ μὲν δυνατόν, ποτὲ δὲ ἀδύνατον. εἰ μὲν γὰρ
 λάβοις ἢ τετράγωνον ἢ ἑτερόμηκες χωρίον ὥς τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$
 20 καὶ ἐπιζεύξαις τὰς $\alpha\delta$ $\beta\gamma$, αἱ διαμέτροι ἴσαι μὲν, οὐ
 παράλληλοι δέ. καίτοι ἐπιξευ-
 γνύουσιν ἴσας τε καὶ παραλλή-
 λους τὰς καταντικρὺ πλευρὰς
 τῶν εἰρημένων χωρίων. εἰ δὲ ||
 ῥόμβον ἢ ῥομβοειδές, αἱ διαμέ-
 τροι τούτων πρὸς τῷ μὴ παράλ-
 ληλοι εἶναι οὐδὲ ἴσαι εἰσιν.



ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{γδ}$, κοινὴ δὲ ἡ $\overline{αγ}$, καὶ γωνία
 ἄνισος ἡ ὑπὸ $\overline{βαγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αγδ}$, καὶ αἱ βάσεις ἄνισοί
 εἰσιν. εἰκότως οὖν ὁ στοιχειω-
 τῆς ἀξιοῖ τὰς ἐπιξευγννούσας
 τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπὶ
 τὰ αὐτὰ μέρη ποιεῖσθαι τὴν ἐπί-
 ξευξιν, ἵνα τῶν ἴσων καὶ παραλ-
 λήλων ὑποκειμένων τῶν $\overline{αγ}$ $\overline{βδ}$
 μὴ τὰς $\overline{αδ}$ καὶ $\overline{βγ}$ λαβῶμεν τὰς
 ἐπιξευγννούσας, ἀλλὰ τὰς $\overline{αβ}$



5

10

καὶ $\overline{γδ}$. ταύτας γὰρ ἂν καὶ δείξαιμεν ἴσας καὶ παραλ-
 λήλους, ἐκείνας δὲ παραλλήλους μὲν οὐδέποτε, ἴσας
 δὲ ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ τοῦ ἑτερομήκους δεί-
 ξαιμεν ἂν, ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς οὐκ
 ἂν ποτε δείξαιμεν, τὸ γὰρ ἀντικείμενον δέδεικται, ὅτι 15
 ἄνισοί εἰσι διὰ τὴν ἀνισότητά τῶν ἐντὸς καὶ ἐπὶ τὰ
 αὐτὰ μέρη γωνιῶν.

Prop. XXXIII, theor. XXIII. Τῶν παραλληλο-
 γραμμῶν χωρίων αἱ ἀπεναντίον πλευραὶ τε
 καὶ γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις εἰσὶ καὶ ἡ διάμετρος 20
 αὐτὰ διέχα τέμνει.

Ἐκ τοῦ προειρημένου θεωρήματος ὑποστὰν ἤδη
 τὸ παραλληλόγραμμον λαβὼν θεωρεῖ τὰ περὶ αὐτὸ
 πρῶτως ὑπάρχοντα καὶ τὰ χαρακτηριστικὰ τῆς ἰδίας

3—10 Figuram om. M. 18 M in margine $\overline{λδ}$. 20 ἡ om.
 M, G, add. C.

αὐτοῦ συστάσεως. ἔστιν δὲ ταῦτα· τὸ τὰς ἀπεναν-
 τίων πλευρὰς ἴσας εἶναι καὶ τὰς γωνίας τὰς ἀπεναν-
 τίων ἴσας, καὶ τὸ δίχα τέμνεσθαι ὑπὸ τῆς διαμέτρου
 τὰ χωρία. περὶ γὰρ τούτων εἴρηται τὸ καὶ ἡ διάμε-
 5 τρος αὐτὰ δίχα τέμνει, ὥς τὸ ἐμβαδὸν εἶναι τὸ
 διχοτομούμενον ὅλον, ἀλλὰ μὴ τὰς γωνίας, δι' ὧν ἡ
 διάμετρος ἔρχεται. ταῦτα οὖν καθ' αὐτὸ τοῖς παραλ-
 ληλογράμμοις ὑπάρχει τὰ τρία· ἡ τῶν ἀπεναντίων
 [γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναντίων] πλευρῶν ἰσότης,
 10 ἡ τῶν χωρίων κατὰ τὰς διαμέτρους διχοτομία. καὶ
 ὁρᾷς ὅπως ἀπὸ πάντων ἐθήρασε τὰς ιδιότητας αὐτῶν,
 ἀπὸ τῶν πλευρῶν, ἀπὸ τῶν γωνιῶν, ἀπὸ τῶν ἐμβα-
 δῶν. τεττάρων δὲ ὄντων παραλληλογράμμων, ἃ καὶ
 ἐν ταῖς || ὑποθέσεσιν ὠρίσατο, τοῦ τετραγώνου, τοῦ
 15 ἑτερομήκου, τοῦ ῥόμβου, τοῦ ῥομβοειδοῦς, ἄξιον ἐπι-
 σημῆνασθαι τοσοῦτον, ὅτι, εἰ μὲν τὰ τέσσαρα διαι-
 ροῦμεν κατὰ τὰ ὀρθογώνια, εὐρήσομεν οὐ μόνον τὰ
 χωρία διχοτομούσας τὰς διαμέτρους αὐτῶν, ἀλλὰ καὶ
 αὐτὰς ἴσας τὰς διαμέτρους ἐπὶ τῶν ὀρθῶν γωνιῶν —
 20 ἐπὶ δὲ τῶν μὴ τοιούτων ἀνίσους, καὶ εἴρηται ἐν τῷ
 πρὸ τούτου θεωρήματι — εἰ δὲ κατὰ τὰ ἰσοπλευρα,
 πάλιν εὐρήσομεν ἐν τοῖς ἰσοπλεύροις οὐ μόνον τὰ
 χωρία δίχα τεμνόμενα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἀλλὰ καὶ
 τὰς γωνίας, δι' ὧν αὐταὶ φέρονται. καὶ γὰρ ἐπὶ
 25 τοῦ τετραγώνου καὶ ἐπὶ τοῦ ῥόμβου τὰς γωνίας αἱ
 διάμετροι διχοτομοῦσιν, οὐ τὰ χωρία μόνον, ἐπὶ
 δὲ τοῦ ἑτερομήκου καὶ τοῦ ῥομβοειδοῦς τὰ χωρία
 μόνον.

8 ἀπεναντίων *M, G.* 9 γωνιῶν ἰσότης, ἡ τῶν ἀπεναν-
 τίων *om. M, B₃, G (Z);* 'Laterum et Angulorum' *B.* 15 ἄξιον
 δὲ *G.* 17 κατὰ μὲν τὰ *C.*

Ἐστω γὰρ τετράγωνον ἢ ῥόμβος τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ
διάμετρος ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{βδ}$ ἴσαι ταῖς | $\overline{αγ}$

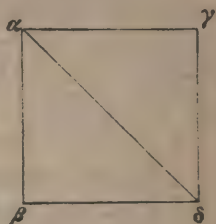
$\overline{γδ}$ — ἰσόπλευρα γάρ — καὶ αἱ
ὑπὸ $\overline{αβδ}$ $\overline{αγδ}$ ἴσαι — ἀπεναντίον
γάρ — καὶ ἡ βάσις κοινή, πάντα
ἴσα πᾶσιν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\overline{βαγ}$

$\overline{γδβ}$ γωνίαι δίχα τέμνεται. πάλιν
ἔστω τὸ αὐτὸ ἑτερόμηκες ἢ
ῥομβοειδές. εἰ οὖν δίχα τέμνεται

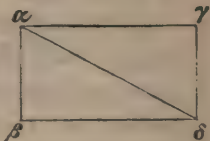
ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$, ἀλλ' ἡ ὑπὸ $\overline{γαδ}$ ἴση
τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ἴση ἔσται καὶ ἡ ὑπὸ
 $\overline{βαδ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{αδβ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{αβ}$

τῇ $\overline{βδ}$. ἀλλ' εἰσὶν ἄνισοι. ὥς οὖν

συλλήβδην εἰπεῖν, ἐπὶ μὲν τοῦ τετραγώνου καὶ αἱ
διάμετροι ἴσαι διὰ τὴν ὀρθότητα τῶν γωνιῶν καὶ αἱ 15
γωνίαι δίχα τέμνονται ὑπὸ τῶν διαμέτρων διὰ τὴν
ἰσότητα τῶν πλευρῶν, καὶ τὸ ἐμβαδὸν εἰς ἴσα διαι-
ρεῖται κατὰ τὴν διαγώνιον διὰ τὴν κοινήν ιδιότητα
τῶν παραλληλογράμμων. ἐπὶ δὲ τοῦ ἑτερομήκους
αἱ μὲν διάμετροι ἴσαι, αἱ δὲ γωνίαι οὐ τέμνονται 20
δίχα ὑπὸ τῶν διαμέτρων, ἡ δὲ τῶν χωρίων εἰς ἴσα
διαίρεσις ὑπάρχει, καὶ τοῦτο καθόσον ἔστι παρ-
αλληλόγραμμον. ἐπὶ δὲ τοῦ ῥόμβου ἄνισοι μὲν | αἱ



5



10

2 ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴση M, G , ἡ $\overline{αβ}$ $\overline{αδ}$ ἴσαι C .

9 τέμνεται C .

10 ἡ ὑπὸ $\overline{γαβ}$ καὶ $\overline{γδβ}$ C . 10—13 Figuram
om. M . 20 ἴσαι] B addit (in margine inventum?) 'eo quod
rectangulum est'. 21 διαμέτρων] B addit 'eo quod non est
aequilaterum'.

διάμετροι, διχοτομοῦνται δὲ ὑπὸ τούτων οὐ μόνον τὰ χωρία, διότι παραλληλόγραμμον, ἀλλὰ καὶ αἱ γωνίαι, διότι ἰσόπλευρον. ἐπὶ δὲ τοῦ λοιποῦ τοῦ ῥομβοειδοῦς καὶ αἱ διάμετροι ἄνισοι ὥς μὴ ὀρθογωνίου
 5 καὶ αἱ γωνίαι εἰς ἄνισα τέμνονται ὑπὸ τούτων ὥς μὴ ἰσοπλεύρου, μόνον δὲ τὰ χωρία ἴσα γίνεται τὰ ἐφ' ἐκάτερα τῶν διαγωνίων ὥς παραλληλογράμμου.

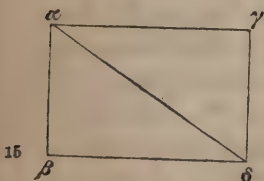
Ταῦτα μὲν οὖν εἴρηται τὴν ἐν ταῖς διαιρέσεσι τῶν παραλληλογράμμων τεττάρων ὄντων ὑποδεικνύ-
 10 οντα διαφοράν, ἐκεῖνο δὲ ἄξιον μὴ παρελθεῖν ἐν τούτῳ τῷ θεωρηματι τεχνικὸν ἀναφαινόμενον, ὅτι τῶν θεωρημάτων τῶν μὲν ὄντων καθόλου, τῶν δὲ οὐ καθόλου — πῶς δὲ τούτων ἐκάτερον λέγομεν, ἀναμνήσομεν μετέρχεσθαι — ἐν τῷ μεμερίσθαι (?) τὸ
 15 ζητούμενον καὶ τὸ μὲν ἔχει καθόλου, τὸ δὲ οὐκέτι τοιοῦτον. καίτοι γε δόξειεν ἂν πᾶν θεώρημα εἶναι καθολικόν, καὶ πᾶν τὸ δεικνύμενον ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ τοιοῦτον ὑπάρχειν. οἶον καὶ ἐνταῦθα οὐ μόνον τὸ τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθ-
 20 ὅλου δοκεῖ λέγεσθαι κατὰ πάντων τῶν παραλληλογράμμων, ἀλλὰ καὶ τὸ τὴν διάμετρον διχοτομεῖν ἕκαστον. ἀλλ' ὅμως τὰ μὲν καθόλου δείκνυσθαι λέγομεν, τὰ δ' οὔ. ἄλλως γὰρ εἴωθε προσαγορεύεσθαι καθόλου τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεῦον, ἐφ' ᾧν λέγεται, ἄλλως τὸ

1 διάμετροι] B addit 'quoniam non est rectangulum'.

13. 14 ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μεμερίσθαι et in margine μετέρχεσθαι M, G; 'quo enim pacto horum utrumque in quaesiti partitione dicamus, recensebimus' Z; 'Quomodo autem utrumque horum dicimus, commemorabimus cum Quaesitum partiemur, quod unam quidem partem habet universalem' B, quem sequitur T. ἀναμνήσομεν ἐν τῷ μετέρχεσθαι B₃. Coniecerim ἐν τούτῳ μεμερίσθαι. 15 καὶ τὰ μὲν M, G. 19 ἀπεναντίας M, G, ἀπεναντίον C. 24 καὶ ἄλλως C.

πάντα περιλαμβάνον, οἷς ὑπάρχει τὸ αὐτὸ σύμπτωμα.
 καθόλου γὰρ καὶ ὅτι πᾶν ἰσοσκελὲς τὰς τρεῖς γωνίας
 δυσὶν ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι ἐπὶ πάντων ἀληθὲς τῶν
 ἰσοσκελῶν· καθόλου δὲ καὶ ὅτι πᾶν τριγώνον τὰς
 τρεῖς γωνίας δύο ὀρθαῖς ἴσας ἔχει, ὅτι πάντα περι- 5
 εἴληφεν, οἷς τοῦτο καθ' αὐτὸ ὑπάρχει. διὸ καὶ πρῶ-
 τως τριγώνῳ φαμέν δεικνυσθαι τὸ δυεῖν ὀρθαῖς ἴσας
 ἔχειν τὰς γωνίας. κατὰ τοῦτο τοίνυν τὸ σημαινόμε-
 νον τὰ μὲν καθόλου τῶν θεωρημάτων λέγοντες, τὰ
 δὲ οὐ καθόλου, τοῦτο τὸ θεωρημὰ φαμεν τὸ μὲν τῶν 10
 ζητουμένων ἔχειν καθόλου, τὸ δὲ οὐ. τὸ μὲν γὰρ τὰς
 ἀπεναντίον πλευρὰς ἢ γωνίας ἴσας ἔχειν καθολικόν
 ἐστὶ — μόνοις γὰρ ὑπάρχει τοῖς παραλληλογράμμοις
 — τὸ δὲ τὴν διάμετρον δίχα τὸ χωρίον ταμεῖν οὐ
 καθόλου, διότι μὴ πάντα περιεἴληφεν, ἐφ' ὅσων θεω- 15
 ρεῖται τὸ σύμπτωμα τοῦτο· καὶ γὰρ τοῖς κύκλοις
 ὑπάρχει καὶ ταῖς ἐλλείψεσι. καὶ εἰκόασιν αἱ πρῶται
 τῶν πραγμάτων ἐπιβολαὶ τοιαῦται εἶναι μερικώτεραι,
 προῖοῦσαι δὲ τὸ ὅλον συλλαμβάνειν. θεωρήσαντες
 γὰρ οἱ ἀρχαῖοι ὅτι ἡ διάμετρος || δίχα τέμνει τὴν ἑλ- 20
 λειψιν καὶ ὅτι τὸν κύκλον καὶ ὅτι τὸ παραλληλόγραμ-
 μον, τὸ κοινὸν ἐν τούτοις ἐπεθεώρησαν. λανθάνει δέ,
 φησὶν Ἀριστοτέλης, τὸ μὴ καθόλου δεικνύς τις ὡς
 καθόλου διὰ τὸ εἶναι ἀνώνυμον τὸ κοινόν, ᾧ πρῶτως
 ὑπάρχει τὸ σύμπτωμα. τί γὰρ κοινὸν ἀριθμοῖς καὶ 25
 μεγέθεσι καὶ κινήσεσι καὶ φθόγγοις, οἷς ἅπασιν ὑπάρ-
 χει τὸ ἐναλλάξ, οὐκ ἔστιν εἰπεῖν. καὶ τί κοινὸν ἐλ-
 λείπει καὶ κύκλῳ καὶ παραλληλογράμμῳ, χαλεπὸν
 ἀποδοῦναι. τὸ μὲν γὰρ ἐστὶν εὐθύγραμμον, τὸ δὲ

- περιφερόγραμμον, τὸ δὲ μικτόν. διόπερ οἰώμεθα καθόλου δεικνύναι τὸν ἀποδεικνύντα ὅτι πᾶν παραλληλόγραμμον ἢ διάμετρος δίχα τέμνει τῷ μὴ συνορᾶν τὸ κοινόν, δι' ἃ ἀληθές. τοῦτο μὲν οὖν καὶ ἐπὶ τῶν
- 5 παραλληλογράμμων τὸ τοιοῦτον οὐκ ἔστιν καθόλου διὰ τὴν εἰρημένην αἰτίαν, ἐκείνο δὲ τὸ πᾶν παραλληλόγραμμον ἴσας ἔχειν τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας. καὶ γὰρ ἐὰν ὑποτεθῇ τι σχῆμα τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἔχον, δειχθήσεται
- 10 τοῦτο παραλληλόγραμμον. ἔστω γὰρ τοιοῦτον τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$



- καὶ διάμετρος ἡ $\alpha\delta$. ἐπεὶ οὖν αἱ $\alpha\beta$ $\beta\delta$ ἴσαι ταῖς $\alpha\gamma$ $\gamma\delta$ καὶ αἱ ὑπ' αὐτῶν περιεχόμεναι γωνίαι ἴσαι καὶ ἡ βάσις κοινή, καὶ πάντα πᾶσιν ἴσα. εἰ ἄρα ἡ ὑπὸ $\beta\alpha\delta$ τῇ ὑπὸ $\alpha\delta\gamma$ ἴση, καὶ ἡ ὑπὸ $\alpha\delta\beta$ τῇ ὑπὸ $\gamma\alpha\delta$, παράλληλος ἄρα ἡ μὲν $\alpha\beta$ τῇ $\gamma\delta$, ἡ δὲ $\alpha\gamma$ τῇ $\beta\delta$, ὥστε παραλληλόγραμμόν ἐστι τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$.

- 20 Τοσαῦτα περὶ τούτων· ἔοικεν δὲ καὶ αὐτὸ τὸ ὄνομα τῶν παραλληλογράμμων ὁ στοιχειωτὴς συνθεῖναι τὴν ἀφορμὴν λαβὼν ἀπὸ τοῦ προειρημένου θεωρήματος. ἐπειδὴ γὰρ ἔδειξεν ὅτι αἱ τὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους ἐπιξενγνύουσαι εὐθεῖαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ
- 25 μέρη καὶ αὐταὶ ἴσαι καὶ παράλληλοί εἰσι, δῆλον ὅτι τὰς ἀπεναντίον ἀπέφηνε παραλλήλους, καὶ τὰς ἐπι-

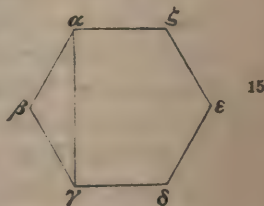
1 οἰώμεθα G.
'supponitur' Z.

8 ὑποθῇ M, G, 'supposita fuerit' B,
25 αἱ αὐταὶ M, G, καὶ αὐταὶ C.

ξευγνυούσας καὶ τὰς ἐπιξευγνυμένας. τὸ δὲ ὑπὸ παρ-
αλλήλων περιεχόμενον εἰκότως παραλληλόγραμμον
ἐκάλεσεν, ὥς τὸ ὑπὸ εὐθειῶν γραμμῶν περιεχόμενον
εὐθύγραμμον προσείρηκεν

Καὶ ὁ μὲν στοιχειωτῆς δῆλός | ἐστὶ τὸ παραλλη- 5
λόγραμμον ὡς ἐν τετραπλεύροις τιθέμενος. ἐπιστῆσαι
δὲ ἄξιον, μήποτε καὶ πᾶν εὐθύγραμμον ἀρτιόπλευρον,
ὅταν ἰσόπλευρόν τε καὶ ἰσογώνιον ὑπάρχῃ, παραλλη-
λόγραμμον ῥητέον. ἔχει || γὰρ καὶ τοῦτο τὰς ἀπεναν-
τίον πλευρὰς ἴσας τε καὶ παραλλήλους καὶ τὰς ἀ- 10
εναντίον γωνίας ἴσας· οἷον τὸ ἐξάγωνον καὶ τὸ ὀκτά-
γωνον καὶ τὸ δεκάγωνον. ἐὰν γὰρ νοήσῃς ἐξάγωνον

τὸ $\overline{αβγδεξ}$ καὶ ἐπιξεύξῃς τὴν
 $\overline{αγ}$, δεικνύεις παράλληλον τὴν
 $\overline{αξ}$ τῇ $\overline{γδ}$. ἐστὶ γὰρ μιᾶς ὀρθῆς
καὶ τρίτου ἢ πρὸς τῷ β καὶ
ἐκάστη τῶν τοῦ ἐξαγώνου, ὅταν
ἰσογώνιον ᾖ, καὶ ἴση ᾖ $\overline{αβ}$ τῇ



$\overline{βγ}$ — κεῖται γὰρ ἰσόπλευρον — ἐκατέρα ἄρα τῶν
ὑπὸ $\overline{βαγ}$ $\overline{βγα}$ τρίτου ἐστίν, αἱ ἄρα ὑπὸ $\overline{ξαγ}$ $\overline{αγδ}$ ὀρ- 20
θαί εἰσιν, ὥστε παράλληλος ἡ $\overline{αξ}$ τῇ $\overline{γδ}$. ὁμοίως δὴ
καὶ τὰς ἄλλας τὰς ἀπεναντίον δείξομεν παραλλήλους,
καὶ ἐπὶ τοῦ ὀκταγώνου ὡσαύτως καὶ τῶν λοιπῶν. εἰ
οὖν παραλληλόγραμμόν ἐστὶ τὸ ὑπὸ παραλλήλων τῶν
ἀπεναντίον περιεχόμενον, καὶ ἐν τοῖς μὴ τετραπλεύροις 25

1 καὶ τὰς ἐπιξευγνυμένας om. G. 8 καὶ ante παρ-
αλληλόγραμμον addit C. 11 καὶ τὸ ὀκτάγωνον om. G,
add. C.

ἔσται παραλληλόγραμμον. πλὴν ὅτι κατὰ τὸν στοι-
χειωτὴν πᾶν παραλληλόγραμμον τετράπλευρόν ἐστι,
φανερόν. δημοῖ δὲ ἐν ἐκείνῳ μάλιστα τῷ θεωρήματι,
ἐν ᾧ φησι παραλληλόγραμμον τριγώνῳ τὴν αὐτὴν
5 ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ὃν διπλά-
σιον εἶναι τοῦ τριγώνου. τοῦτο γὰρ ἐπὶ μόνων τῶν
τετραπλεύρων ἀληθές.

Prop. XXXV, theor. XXV. Τὰ παραλληλόγραμμα
τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
10 παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.

Ὡςπερ τῶν θεωρημάτων ἐλέγομεν εἶναι τὰ μὲν
καθολικά, τὰ δὲ ἐπὶ μέρους, καὶ ὃν τρόπον ταῦτα διαι-
ρούμενοι (?) προσετίθεμεν, καὶ ὅτι τὰ μὲν ἀπλᾶ, τὰ δὲ
σύνθετα, καὶ τί τούτων ἐκάτερον ἐπεδείκνυμεν, οὕτω
15 δὴ κατ' ἄλλην διάκρισιν τὰ μὲν εἶναι τοπικά φάμεν,
τὰ δὲ οὐ. καλῶ δὲ τοπικά μὲν, ὅσοις τὰντὸν σύμ-
πτωμα πρὸς ὅλῳ τινὶ τόπῳ συμβέβηκεν, τόπον δὲ
γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας || θέσιν ποιούσαν ἐν καὶ ταύ-
τὸν σύμπτωμα. τῶν γὰρ τοπικῶν τὰ μὲν ἐστὶ πρὸς
20 γραμμαῖς συνιστάμενα, τὰ δὲ πρὸς ἐπιφανείαις. καὶ
ἐπειδὴ τῶν γραμμῶν αἱ μὲν εἰσιν ἐπίπεδοι, αἱ δὲ στε-
ρεαί, — ἐπίπεδοι μὲν, ὧν ἐν ἐπιπέδῳ ἀπλῇ ἢ νόησις,
ὡς τῆς εὐθείας, στερεαὶ δέ, ὧν ἢ γένεσις ἐκ τινος
τομῆς ἀναφαίνεται στερεοῦ σχήματος, ὡς τῆς κυλιν-
25 δρικῆς ἑλικος καὶ τῶν κωνικῶν γραμμῶν — φαίην

1—2 πλὴν ὅτι . . . παραλληλόγραμμον om. G, add. C. B,
= M. 2 πᾶν] om. B, at in margine 'omne'; πάντα M, C;

τὴν πᾶν τὸ B₃; 'omne' Z. 8 M in margine λ ε. 11 ἐπὶ
τῶν θεωρημάτων C.

ἂν καὶ τῶν πρὸς γραμμαῖς τοπικῶν τὰ μὲν ἐπίπεδον ἔχειν τόπον, τὰ δὲ στερεόν.

Τὸ μὲν οὖν προκείμενον θεώρημα καὶ τοπικόν ἐστι καὶ τῶν πρὸς γραμμῶν τοπικῶν καὶ ἐπίπεδον. τὸ γὰρ μεταξὺ πᾶν τῶν παραλλήλων τόπος ἐστὶ τῶν 5 συνισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμμων, ἃ δὴ καὶ δείκνυσιν ὁ στοιχειωτὴς ἴσα ἀλλήλοις. τῶν δὲ στερεῶν λεγομένων τοπικῶν θεωρημάτων παράδειγμα ἔστω τοιοῦτο· τὰ εἰς τὰς ἀσυμπτώτους καὶ τὴν ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα παραλληλόγραμμα 10 ἴσα ἐστίν. ὅτι γὰρ ἡ ὑπερβολὴ στερεὰ γραμμὴ, ἐστὶ δῆλον. κώνου γάρ ἐστι γραμμὴ.

Τὰ δ' οὖν τοιαῦτα τῶν θεωρημάτων, ὥς φησὶν ὁ Γεμῖνος, ἀπείκαζεν ὁ Χρύσιππος ταῖς ιδέαις. ὥς γὰρ ἐκεῖναι τῶν ἀπείρων ἐν πέρασιν ὠρισμένοις 15 τὴν γένεσιν περιλαμβάνουσιν, οὕτως καὶ ἐν τούτοις τῶν ἀπείρων ἐν ὠρισμένοις τόποις ἢ περίληψις γίνεται. καὶ διὰ τὸν ὅρον τοῦτον ἡ ἰσότης ἀναφαίνεται. τὸ γὰρ ὕψος τῶν παραλλήλων τὸ αὐτὸ μένον ἀπείρων νοουμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλογράμμων 20 πάντα ἴσα ἀλλήλοις ἀποφαίνει.

Τοπικόν οὖν θεώρημα πρῶτον ὁ στοιχειωτὴς ἀνέγραψεν τὸ προκείμενον καὶ ἔοικεν ὥς ἐν στοιχείῳ κατὰ πάσας τὰς διαιρέσεις τὰ θεωρήματα ποικίλλων μηδὲ τὴν τοιαύτην εἰκότως ιδέαν αὐτῶν παραλείπειν. 25 ἀλλὰ ἐνταῦθα μὲν, ἐπειδὴ περὶ εὐθυγράμμων ὁ λόγος, τοπικὰ παραδίδωσιν ἐπίπεδα πρὸς εὐθείαις, ἐν δὲ τῷ τρίτῳ τὰ περὶ κύκλων καὶ τῶν ἐν τούτοις συμπτω-

5 πᾶν τῶν] πάντων C. 'totum' B, 'omne illud' Z.
7 ἴσα] εἰς M, G, corr. C. 13 δ' om. G, add. C.
14 ιδέαις M, C.

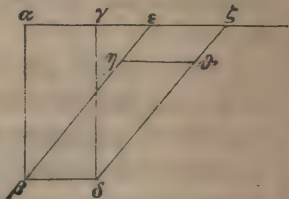
μάτων πραγματευόμενος τὰς περιφερείας ἡμᾶς ἀνα-
 διδάξει τῶν τοπικῶν ἅμα καὶ ἐπιπέδων θεωρημάτων.
 τοιοῦτον γὰρ ἐν ἐκείνοις τὸ αἶ ἐν τῷ αὐτῷ τμή-
 ματι γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις καὶ τὸ αἶ ἐν ἡμι-
 5 κυκλίῳ ὀρθαί. ἀπείρων γὰρ συνισταμένων πρὸς
 τῇ περιφερείᾳ γωνιῶν τῆς αὐτῆς βάσεως οὔσης πᾶσαι
 δείκνυνται ἴσαι. καὶ ἐστὶν ἀνάλογον ἐκεῖνα τοῖς τρι-
 γώνοις καὶ παραλληλογράμμοις τοῖς ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 βάσεως.

10 Τὸ μὲν δὴ τῶν προσεχῶς ζητηθησομένων θεωρη-
 μάτων εἶδος τοιοῦτόν ἐστι, τοπικὸν παρὰ τοῖς πα-
 λαιοῖς μαθηματικοῖς ἐπονομαζόμενον. || δόξειεν δ' ἂν
 παντελῶς εἶναι θαυμαστὸν τοῖς ἀπείροις τῆς τοιαύτης
 θεωρίας, εἰ τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως παραλληλόγραμμα
 15 ἴσα ἀλλήλοις ἐστί. πῶς γὰρ τοῦ μήκους τῶν συν-
 ισταμένων ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως χωρίων ἐπ' ἀπειρον
 αὐξανομένου — ἐφ' ὅσον γὰρ τὰς παραλλήλους ἐκ-
 βάλλομεν, ἐπὶ τοσοῦτον καὶ τὰ μήκη τῶν παραλληλο-
 γράμμων αὐξέειν δυνάμεθα — πῶς δὲ τούτου γινο-
 20 μένου μένει τῶν χωρίων ἡ ἰσότης, εἰκότως ἂν τις
 ἐπιζητήσκειν. εἰ γὰρ τὸ μὲν πλάτος ταυτόν — ἡ γὰρ
 βάσις μία — τὸ δὲ μήκος μείζον, πῶς οὐχὶ καὶ τὸ
 χωρίον μείζον; ἐστὶ μὲν οὖν τὸ θεωρήμα τοῦτο καὶ
 τὸ περὶ τῶν τριγώνων ἐξῆς τῶν παραδόξων ἐν τοῖς
 25 μαθήμασι καλουμένων θεωρημάτων. ἐξειργάσαντο-

εὐεβί

1 ἡμᾶς in *M* maximam partem evanuit, *G* τὴν τετραπλευρον
 riscum posuit, ἡμ' *B*₃, *C* ἡμᾶς adscripsit; tractans theorematum . . . docebit' *Z*, 'ea eti-
 ferentiis constituuntur . . . docebit' *B*. 7 ἴσ
 quod a Basi et Circumferentia comprehensum *G*, ἀλλὰ τὸ χω-
 fuerit, recti omnes esse ostenduntur' quod ἴσ *C*. 8 Post παρ-
 venisse veri non dissimile est. || ἐκεῖνα *M*, *G*, notavit *C*. || ὀρθο-
 εἰς *M*. 17 αὐξομένου *G*, αὐξανόμενου *C*. ἔγων addit *C* ὅτι.

γὰρ καὶ οἱ ἀπὸ τῶν μαθημάτων τὸν παράδοξον λεγόμενον τόπον, ὥσπερ οἱ ἀπὸ τῆς Στοᾶς ἐπὶ τῶν δειγμάτων, καὶ τίθενται καὶ τοῦτο τὸ θεώρημα τῶν τοιούτων εἶναι. καταπλήττει γοῦν τοὺς πολλοὺς εὐθύς, εἰ τὸ μῆκος πολλαπλασιαζόμενον | οὐκ ἀναιρεῖ τὴν ⁵ ἰσότητα τῶν χωρίων τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως. ὁμοίως δὲ λεκτέον ὅτι μέγιστον ἢ τῶν γωνιῶν ἰσότης δύναται καὶ ἀνισότης πρὸς τὴν αὔξησιν τῶν χωρίων ἢ τὴν ἐλάττωσιν. ὅσῳ γὰρ ἀνίσους ποιοῦμεν τὰς γωνίας, τόσῳ μᾶλλον ἐλαττοῦμεν τὸ χωρίον, εἰ μένοι τὸ ¹⁰ μῆκος καὶ τὸ πλάτος ταύτουν. δεῖ οὖν τοῦ μήκους αὐξήσεως, ἵνα τὴν ἰσότητα φυλάξωμεν. ἔστω γὰρ εἰ τύχοι παραλληλόγραμμον τὰ $\alpha\beta\gamma\delta$ καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\alpha\gamma$ εἰς ἄπειρον. καὶ ἔστω τυχὸν ὀρθογώνιον τοῦτο, καὶ ἐπὶ τῆς $\beta\delta$ βάσεως ἕτερον συνεστάτω τὸ $\beta\epsilon\zeta\delta$. ¹⁵ ὅτι μὲν οὖν τὸ μῆκος ἠύξηται δῆλον. μείζων γὰρ ἢ $\beta\epsilon$ τῆς $\alpha\beta$ ὀρθῆς οὔσης τῆς πρὸς τῷ α γωνίας. ἀλλὰ τοῦτο ἀναγκαίως γέγονεν. ἄνισοι γὰρ αἱ γωνίαι γεγόνασιν τοῦ $\beta\epsilon\zeta\delta$ παραλληλογράμμου, καὶ αἱ μὲν ὀξεῖται, αἱ δὲ ἀμβλεῖται.



τοῦτο δὲ συμβέβηκεν διὰ τὸ τὴν $\beta\epsilon$ πλευρὰν ὥσπερ

1 τὸ γὰρ μὴ πρὸς τὴν $\beta\delta$ καὶ συστέλλειν τὸ χω- ²⁵
 neque Z, q
 τὸ γὰρ δύο μὲν γὰρ εἰ τύχοι ἴση τῇ $\alpha\beta$ ἢ $\beta\eta$, καὶ
 τῶν κτλ. ⁵

marginē 'ex hoc

μετρος ἢ $\gamma\delta$ C. || πρὸς om. G, add. C.

12 φυλάξωμεν M.

13 τύχη C.

26 τύχη C.

παράλληλος διὰ τοῦ η τῇ $\beta\delta$ ἢ $\eta\theta$. ἐστὶν ἄρα καὶ τὸ
 μήκος τοῦ $\beta\delta\eta\theta$ ἴσον τῷ μήκει τοῦ $\alpha\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ πλά-
 τος ταύτόν, || ἀλλὰ τὸ χωρίον ἔλασσον τοῦ χωρίου καὶ
 γὰρ τοῦ $\beta\epsilon\zeta\delta$ ἔλασσόν ἐστιν. ἡ μὲν δὴ τῶν γωνιῶν
 5 ἀνισότης τὸ ἐμβαδὸν ἡλάττωσεν, ἡ δὲ τοῦ μήκους
 αὐξήσεις, ὅσον ἀφεῖλεν ἐκείνη, τοσοῦτον προσθεῖσα
 τὴν ἰσότητα τῶν χωρίων ἐφύλαξεν. ὁρος δὲ τῆς τοῦ
 μήκους αὐξήσεως ἐστὶν ὁ τῶν παραλλήλων τόπος. ὁρ-
 10 θογωνίων μὲν γὰρ συναμφοτέρων ὄντων τῶν παραλ-
 ληλογράμμων δείκνυνται τὸ τετράγωνον τοῦ ἐτερομή-
 κους μεῖζον, ἰσοπλεύρων δὲ ἀμφοτέρων ὄντων τὸ
 ὀρθογώνιον δείκνυνται τοῦ μὴ ὀρθογωνίου μεῖζον.
 καὶ γὰρ ἡ τῶν γωνιῶν ὀρθότης καὶ ἡ τῶν πλευρῶν
 ἰσότης τὸ πᾶν δύναται πρὸς τὴν τῶν χωρίων αὐξή-
 15 σιν. ὅθεν δὴ τὸ μὲν τετράγωνον ἀναφαίνεται τῶν
 ἰσοπεριμέτρων μεῖζον, τὸ δὲ ῥομβοειδὲς ἀπάντων
 ἔλασσον.

Ἀλλὰ ταῦτα μὲν ἐν ἄλλοις δείξομεν· πρεπωδέ-
 στερα γὰρ ἐστὶ ταῖς ὑποθέσεσι τοῦ δευτέρου βιβλίου.
 20 πρὸς δὲ τὸ προκείμενον θεωρήμα δεῖ γινώσκειν ὅτι·
 τε παραλληλόγραμμα λέγων ἴσα τὰ χωρία λέγει καὶ
 οὐ τὰς πλευράς, — περὶ τούτων γὰρ ὁ λόγος, περὶ
 τῶν ἐμβαδῶν — καὶ ὅτι νῦν πρῶτον ἐν τῇ ἀποδείξει
 τοῦδε τοῦ θεωρήματος μνήμην ἐποιήσατο τῶν τραπε-
 25 ζίων· ᾧ καὶ δῆλον ὅτι εἰκότως ἐν ταῖς ὑποθέσεσι
 καὶ τοῦτο, ὅτι ποτέ ἐστιν, ἐδίδαξεν, ὅτι τετράπλευρον

2 ἴσων M, G, ἴσον C. 3 ἀλλὰ χωρίον G, ἀλλὰ τὸ χω-
 ρίον C. 5 ἰσότης C. || εἰ δὲ M, G, ἡ δὲ C. 8 Post παρ-
 αλλήλων addit G γράμμων, quod delendum notavit C. || ὀρθο-
 γώνιον M, G, ὀρθογωνίῳ C. 21 Post λέγων addit C ὅτι.

μὲν τῷ γένει, μὴ παραλληλόγραμμον δέ. τὸ γὰρ μὴ (?) τὰς ἀπεναντίον πλευράς τε καὶ γωνίας ἴσας ἔχον ἐκβέβηκεν τῆς τῶν παραλληλογράμμων τάξεως.

Ὁ μὲν οὖν στοιχειωτῆς ἀπέδειξεν τὸ προκείμενον τὴν χαλεπωτέραν πτωσιν ἐκλεξάμενος. εἰ δὲ λέγοι τις, ⁵

ἔστω τὰ $\overline{αβγδ}$ καὶ $\overline{βγδε}$ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως τῆς $\overline{δβ}$, ὥστε τὴν $\overline{δγ}$ διάμε-

τρον εἶναι τοῦ $\overline{αβ}$, δείξομεν ὅτι ἴσα ἐστὶν αὐτόθεν.

τὸ γὰρ $\overline{βγδ}$ τρίγωνον ἑκατέρου ἡμισὺ ἐστίν, διότι τοῦ $\overline{αβ}$ διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$,

τοῦ δὲ $\overline{δε}$ ἡ $\overline{βγ}$. αἱ δὲ διάμετροι διχοτομοῦσι τὰ παρα-

αλληλόγραμμα. ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβ}$ τῷ $\overline{δε}$. πάλιν εἰ τις τὴν $\overline{δγ}$ τέμνουσαν ὑποθοῖτο τὴν τοῦ $\overline{αβ}$ παραλληλο- ¹⁵

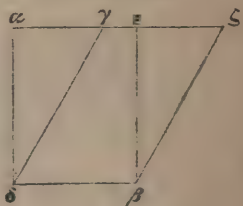
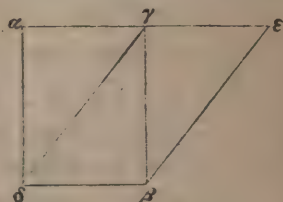
γράμμον πλευράν, καὶ οὕτως

κείμενα τὰ παραλληλόγραμμα

ὥς τὰ $\overline{αβδε}$ καὶ $\overline{βγδξ}$, δείξομεν ὅτι καὶ ταῦτα ἴσα ἐστίν. ||

ἐπεὶ γὰρ ἴση ἡ $\overline{αε}$ τῇ $\overline{γξ}$ —

ἑκατέρα γὰρ ἴση τῇ $\overline{δβ}$ ἀπ-



1 τὸ γὰρ μὴ] τὸ γὰρ μὴ δὲ τὸ M, B_3, G ; 'ex eo quod neque ... neque' Z , 'quod enim ... non' B . Fortasse scribendum: τὸ γὰρ δύο μὲν πλευρὰς παραλλήλους, μὴ δὲ τὰς ἀπεναντίον κτλ. ⁵ λέγει G . ⁹ αὐτόθι C , 'ex hoc loco' et in

marginē 'ex hoc loco, id est ratione loci' B . ¹³ ἡ $\overline{βγ}$] διάμετρος ἡ $\overline{γδ}$ C . ¹⁴ τῷ $\overline{αβ}$ τὸ $\overline{δε}$ C .

εναντίον οὕσα — κοινὴ ἀφηγήσθω ἡ $\overline{\gamma\epsilon}$. ἴση ἄρα
 ἡ $\overline{\alpha\gamma}$ τῇ $\overline{\epsilon\zeta}$. ἀλλὰ καὶ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$ καὶ γωνία ἡ ὑπὸ
 $\overline{\gamma\alpha\delta}$ τῇ ὑπὸ $\overline{\xi\epsilon\beta}$ — παράλληλος γὰρ ἡ $\overline{\alpha\delta}$ τῇ $\overline{\epsilon\beta}$. καὶ
 βάσεις ἄρα ἡ $\overline{\gamma\delta}$ τῇ $\overline{\xi\beta}$ βάσει ἴση καὶ ὅλον τὸ $\overline{\alpha\delta\gamma}$
 5 τρίγωνον τῷ $\overline{\epsilon\beta\zeta}$ τριγώνῳ ἴσον. κοινὸν προσκείσθω
 τὸ $\overline{\gamma\beta}$ τραπέζιον. ὅλον ἄρα τὸ $\overline{\alpha\beta}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\zeta}$. καὶ
 ὁρᾷς ὅτι τρεῖς αὐταὶ μόναι πῶς εἰσιν. ἡ γὰρ $\overline{\delta\gamma}$ ἡ
 τέμνει τὴν $\overline{\epsilon\beta}$, ὡς ὁ στοιχειωτὴς ἔλαβεν, ἡ ἐπὶ τῷ $\overline{\epsilon}$
 πίπτει, ὡς ἐν τῇ πρὸ ταύτης καταγραφῇ, ἡ τέμνει τὴν
 10 $\overline{\alpha\epsilon}$, ὡς νῦν ὑπεθέμεθα. καὶ δέδεικται κατὰ πάσας τὰς
 πτώσεις τὸ θεώρημα ἀληθές. πλὴν ὅτι διττῆς οὕσης
 τῶν τραπεζίων διαφορᾷ καὶ τῶν μὲν οὐδετέραν τῶν
 ἀπεναντίον ἐχόντων παράλληλον, τῶν δὲ μιᾷ μίαν,
 ἐπὶ τῶν παρὰ τῷ γεωμέτρῳ τραπεζίων τὸ ἕτερόν ἐστίν
 15 εἶδος καὶ ἐπὶ τῆς καταγραφῆς ταύτης. ἡ γὰρ $\overline{\gamma\epsilon}$ τῇ
 $\overline{\delta\beta}$ παράλληλος.

Prop. XXXVI, theor. XXVI. Τὰ παραλληλό-
 γραμμα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς
 αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστί.

20 Τὸ μὲν πρὸ τούτου τὰς βάσεις τὰς αὐτὰς ἐλάμ-
 βανεν, τοῦτο δὲ ἴσας μὲν, διαφερούσας δὲ ἀλλήλων.
 κοινὸν δὲ ἀμφοτέροις τὸ ἐν ταῖς αὐταῖς ὑποτίθεσθαι
 παραλλήλοις τὰ παραλληλόγραμμα. δεῖ δὴ οὖν αὐτὰ
 μήτε ἐνδοτέρῳ πίπτειν τῶν ὑποκειμένων παραλλήλων

εὐθειῶν, μήτε ἐξωτέρω. παραλληλόγραμμα γὰρ ἐν ταῖς αὐταῖς εἶναι λέγεται παραλλήλοις, ὅταν αἱ τε βάσεις αὐτῶν καὶ αἱ ταύταις ἀπεναντίον κείμεναι ταῖς αὐταῖς ἐφαρμόζωνται παραλλήλοις. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτὴς ἔδειξεν τὸ θεώρημα τὰς βάσεις πάντη κεχω-⁵ ρισμένας λαβών, κωλύει δὲ οὐδὲν καὶ οὕτως αὐτὰς ὑποκειμένας λαβεῖν, ὥς ἔχειν τι μέρος κοινόν. ἔστω

γὰρ τὰ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ παραλληλόγραμ-

μα ἐπὶ ἴσων βάσεων τῶν $\overline{εβ}$

$\overline{ξδ}$. λέγω ὅτι ἴσα ἐστίν. ἐπι-

ξεύθωσαν αἱ $\overline{εγ}$ $\overline{βη}$. ἐπεὶ οὖν

ἴση ἡ $\overline{εξ}$ τῇ $\overline{βδ}$ — καὶ γὰρ ἡ

$\overline{εβ}$ τῇ $\overline{ξδ}$ — ἀλλ' ἡ $\overline{γξ}$ τῇ $\overline{δη}$

ἴση [καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{εξγ}$ τῇ ὑπὸ $\overline{βδη}$ — παράλληλος γὰρ

ἡ $\overline{γξ}$ τῇ $\overline{δη}$ —] καὶ ἡ $\overline{γε}$ τῇ $\overline{βη}$ ἴση. ἐστὶ δὲ καὶ παρ-¹⁵

άλληλος· παραλληλόγραμμον ἄρα τὸ $\overline{γβ}$. καὶ ἔχει βά-

σιν τὴν αὐτὴν ἐκατέρω τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς

ἐστὶ παραλλήλοις. | ἴσον ἄρα τὸ $\overline{αβ}$ τῷ $\overline{γδ}$. εἰ δέ τις

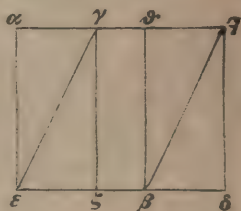
μήτε κοινὸν μέρος ἐχούσας ὑποθοῖτο τὰς τῶν παραλ-

ληλογράμμων βάσεις, μήτε κεχωρισμένας ἀλλήλων,²⁰

ἀλλ', ὅπερ ὑπολείπεται μόνον, συναπτούσας ἀλλήλαις

καθ' ἓν σημεῖον, ὥς ἐπὶ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{εδ}$, ἐροῦμεν ὅτι ἴση

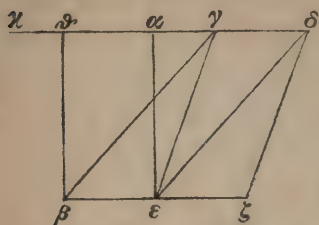
ἡ $\overline{βε}$ τῇ $\overline{εξ}$ καὶ τῇ $\overline{γδ}$, ὥστε καὶ ἡ $\overline{γβ}$ τῇ $\overline{δε}$. αἱ γὰρ



10

14—15 καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{εξγ}$... τῇ $\overline{δη}$ om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), 'et Angulus cfe aequalis Angulo gδb' *B*. 17 ἐκατέρω *M*, *G*, ἐκατέρω *C*.

τὰς ἴσας καὶ παραλλήλους ἐπιξευγνύουσαι καὶ αὐταὶ
ἴσαι καὶ παραλλήλοί εἰσι. παραλληλόγραμμον ἄρα



ἐστὶ τὸ \overline{BD} ἐπὶ τῶν
αὐτῶν βάσεων καὶ ἐν
ταῖς παραλλήλοις ταῖς
 \overline{AD} \overline{BE} . ἴσα ἄρα τὰ
 \overline{AB} \overline{DE} παραλληλόγραμ-
μὰ ἐστίν.

Ἡμεῖς μὲν οὖν κατὰ τὴν πρώτην ἐπιβολὴν τὰς τοῦ
10 θεωρήματος κατασκευὰς διείλομεν, εἰπόντες τὰς βά-
σεις ἢ κοινὸν ἔχειν μέρος, ἢ ἄπτεσθαι μόνον ἀλλή-
λων, ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων. δυνατόν δὲ καὶ καὶ
ἄπτωνται, ὥς αἱ \overline{BE} \overline{EZ} , ἐκτὸς ὅλον τὸ \overline{DE} τῆς \overline{AE}
ὑποτίθεσθαι, ἢ τὴν \overline{GE} πλευρὰν ἐφαρμόζουσιν τῇ \overline{AE} ,
15 ἢ τὴν \overline{GE} τέμνουσαν τὴν \overline{AD} , ἢ τὴν \overline{GE} πίπτουσιν ὡς
διάμετρον τῇ \overline{DE} — ὅτε καὶ ἡ \overline{DZ} ἢ αὐτὴ ἐστὶ τῇ
 \overline{AZ} — ἢ τῆς \overline{AD} ἐκβεβλημένης ἐπὶ τὸ \overline{K} τὴν \overline{GE} πίπτου-
σαν ἐκτὸς τοῦ \overline{D} , καὶ τὴν \overline{DZ} ἢ τέμνουσαν τὴν \overline{AD} , ἢ
ἐφαρμόζουσιν * * *

5 ταῖς \overline{AB} \overline{DE} M, G . 9 κατὰ] καὶ M, G ; κατὰ in G
in margine postera manu. 12 ἢ διεστάναι ἀπ' ἀλλήλων om.
 G , add. C ; 'aut tangere tantum se invicem, aut a se invicem
distare' et in margine 'aut a se invicem separatas esse aut
tangere tantum se invicem' B . 15 \overline{AD}] \overline{AE} M, G . 17 ἐπὶ
τὸ \overline{K} , ἢ τὴν \overline{GE} M, G . 19 usque ad p. 403, 4 Finem huius
commentarii et propositionem tricesimam septimam et initium
commentarii ei additi om. M, B_3, G (Z), nec ulla re lacunam
notant, cum verbum ἐφαρμόζουσιν (congruentem) statim sequa-
tur verbum ἀποφαίνονται (ostendunt). Z tamen post propo-
sitionem tricesimam septimam addit: 'Proclus hoc in loco

[Prop. XXXVII, theor. XXVII. Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἴσα ἀλλήλοις ἐστίν.]

* * * ἀποφαίνονται. καὶ γὰρ ἴσων ἐκείνων ἄνισα τὰ χωρία, καὶ ἀνίσων ἴσα δεικνυνται. τοιοῦτον 5 δέ τι πεπόνθασιν οἱ χωρογράφοι τὰ μεγέθη τῶν πόλεων ἐκ τῶν περιμέτρων συλλογιζόμενοι. ἤδη δέ τινες κοινωνοὶ κτημάτων ἐν τῇ διαιρέσει παρελογίσαντο τοὺς συνδιανεμομένους τῇ ὑπεροχῇ τῆς περιμέτρου παραχρησάμενοι, καὶ πλείονα λαβόντες τῶν ἀπελθόν- 10 των — εἰληφότες τὸ (?) ὑπὸ τῆς μείζονος περιμέτρου περιεχόμενον ἐμβαδὸν εἶτα (?) ἀμείψαντες χωρία περιοχῇ ἐλάσσονι (?) χρώμενα — βελτίστων ἀπηνέγκαντο δόξαν. δυεῖν γοῦν προκειμένων ἰσοσκελῶν τριγώνων, ὧν τὸ μὲν ἑκατέραν τῶν ἴσων ἔχει πέντε, 15 τὴν δὲ βάσιν ἕξ τῶν αὐτῶν, τὸ δὲ ἑκατέραν μὲν τῶν ἴσων πέντε, τὴν δὲ βάσιν ὀκτώ τῶν αὐτῶν, οἷον πήχεων, δακτύλων, κομιδῇ ἀπατᾷ τὸν ἄπειρον τούτων εἰς αἴρεσιν. τοῦτο μὲν γὰρ τὴν περίμετρον ἔχει δέκα καὶ ὀκτώ, θάτερον δὲ ἕξ καὶ δέκα τῶν αὐτῶν μέτρων. 20

vacat'. B de suo lacunam quam in omnibus suis invenit exemplaribus explet (p. 244—247) et delineationibus figurarum et expositione ea, quam desideraveris. ὁ ἄνισα δεικνυνται.

τοιοῦτον C. 10—14 Locum pluribus de causis dubium interpretatus est Z: 'et ea plura esse quae sub maiori ambitu comprehenduntur arbitantes, aream vero in praedia [in margine 'aliter areas'] minori ambitu utilia distribuentes, potiore opinionem reportarunt' et B; 'pluraque sumpserunt cum peragrantes eam suscepissent possessionem, quae a maiori ambitu continebatur: Aream autem cum in quaedam Spatia, quae minori fruebantur ambitu, immutassent, optimi existimati fuere'.

11 εἰληφότων τοῦ M, G, εἰληφότων τὸ B₃. 12 εἶτα] δ' εἰς ἃ M, B₃, G. 13 περιοχῆς δι' ἐλάσσονι M, B₃, G.

15 B triangulorum descripsit figuras. || ἔχειν C.

ἀλλ' ὁ γεωμετρικὸς οὐκ ἀγνοήσει ὅτι ἴσα ἐστὶ τὰ
 χωρία, καὶ αἱ περιμέτροι ἄνισοι ὦσιν. δώδεκα γὰρ
 ἐκάτερόν ἐστιν. ἐὰν γὰρ ἀγάγῃς ἀπὸ τῆς κορυφῆς
 5 κάθετον δίχα μὲν διαιρήσεις τὰς βάσεις καὶ ποιήσεις
 τῆς βάσεως, αὐτὴν δὲ τὴν κάθετον ἀνάπαλιν οὐ μὲν
 τεττάρων, οὐ δὲ τριῶν. δεῖ γὰρ τὸ ἀπὸ τῆς πεντάδος
 ἴσον [εἶναι] τῷ τε ἀπὸ τῆς καθέτου καὶ τῷ ἀπὸ τῆς
 ἡμισείας τῆς βάσεως. ἀλλ' εἰ μὲν αὕτη τριῶν, ἡ
 10 κάθετος τεττάρων, [εἰ δ'] αὕτη τεττάρων, ἐκείνη δη-
 λαδὴ τριῶν. ποιήσας οὖν τὴν κάθετον ἐπὶ τὸ ἡμισυ
 τῆς βάσεως ἕξεις τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ χωρίον. τοῦτο
 δὲ ταῦτόν ἐστιν καθ' ἐκάτερον, εἴτε τὸν τρία ἐπὶ τὸν
 τέσσαρα, εἴτε τὸν τέσσαρα ἐπὶ τὸν τρία ποιήσεις.
 15 Ταῦτα μὲν οὖν εἴρηται πρὸς ἐνδειξιν τοῦ τὴν
 ἰσότητα τῶν χωρίων μὴ || πάντως ἐκ τῶν περιμέτρων
 λαμβάνειν, ἵνα μὴ θαυμάζωμεν, εἰ τῶν ἐπὶ τῆς αὐτῆς
 βάσεως τριγώνων ἐπ' ἅπειρον ἄξιεσθαι κατὰ τὰς λοι-
 πὰς πλευρὰς δυναμένων ἐντὸς τῶν αὐτῶν παραλλή-
 20 λων ὅμως ἡ τῶν χωρίων ἰσότης ἀνεξάλλακτος διαμένει.
 δεῖ δὲ ἐκεῖνα τῶν τριγώνων ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλή-
 λοις λέγειν, ὅσα τὰς βάσεις ἐπὶ τῆς ἐτέρας ἔχοντα
 τῶν παραλλήλων ἐρεῖδει τὰς κορυφὰς ἐπὶ τῆς λοιπῆς,
 καὶ ὧν ἡ ἐπὶ τὰς κορυφὰς ἐπιζευγνυμένη μία τέ ἐστιν
 25 εὐθεῖα καὶ παράλληλος ταῖς βάσεσιν ἐπὶ μιᾷ εὐθείας
 κειμέναις.

2 δέκα *M, G.* 8 εἶναι *om. M, G.* 10 εἰ δ' *om. M, G.*

12 χωρίον *G,* χωρίον *C;* 'quod Trianguli spatium est aequale'
 et in margine 'aequale Triangulo spatium' *B.* 13 καθ' ἕτε-
 ρον *M, G.* 25 εὐθεῖα . . . βάσεσιν *om. G, add. C.*

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρα-
αλλήλοις ἴσα ἑλλήλοις ἐστίν.

Ἐστὶ μὲν καὶ τοῦτο τὸ θεωρήμα τοπικὸν ἀνάλο-
γον τοῖς παραλληλογράμμοις καὶ τὴν τῶν τριγώνων 5
θέσιν ἐπὶ τῶν ἴσων βάσεων ὑποτιθέμενον. δοκεῖ δέ
μοι τῶν τεττάρων τούτων θεωρημάτων, ὧν δύο μὲν
ἐστὶν ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων δεδειγμένα, δύο δὲ
ἐπὶ τῶν τριγώνων, καὶ τὰ μὲν τῆς αὐτῆς οὔσης βά-
σεως, τὰ δὲ ἴσων ὑπαρχουσῶν τῶν βάσεων, μίαν ἀπό- 10
δειξιν ἐν τῷ ἑκτῷ βιβλίῳ κατὰ τὸ πρῶτον θεωρήμα
παρέχεσθαι, λανθάνειν τε τοὺς πολλοὺς τοῦτο ποιῶν.
ὅταν γὰρ τούτῳ δεικνύῃ τὰ τρίγωνα καὶ παραλληλό-
γραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἔχοντα πρὸς ἄλληλα τὸν
λόγον, ὃν ἔχουσιν αἱ βάσεις, οὐδὲν ἄλλο ἢ ταῦτα 15
πάντα καθολικώτερον ἀποδείκνυσιν ἐκ τῆς ἀναλογίας.
τὸ γὰρ αὐτὸ ὕψος οὐδὲν διαφέρει ἢ ἐν ταῖς αὐταῖς
εἶναι παραλλήλοις. πάντα γὰρ τὰ ἐν ταῖς αὐταῖς
ὄντα παραλλήλοις ὑπὸ τὸ αὐτὸ ἐστὶν ὕψος καὶ ἀνά-
παλιν. ὕψος γάρ ἐστὶν ἡ ἀπὸ τῆς ἐτέρας παραλλήλου 20
κάθετος ἐπὶ τὴν λοιπὴν. ἐκεῖ μὲν οὖν δι' ἀναλογίας
δέδεικται ὅτι οὕτως ἔχει τὰ τρίγωνα καὶ τὰ παραλλη-
λόγραμμα τὰ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος τουτέστιν τὰ ἐν ταῖς
αὐταῖς κείμενα παραλλήλοις, ὥς αἱ βάσεις· καὶ ἴσων
οὐσῶν τῶν βάσεων ἴσα τὰ χωρία, καὶ διπλάσια διπλα- 25
σίων, καὶ ἄλλον λόγον ἔχουσῶν τὸν αὐτὸν ἔξει καὶ τὰ

1 M in margine $\overline{\lambda\zeta}$. 2 ἐπὶ τῶν ἴσων C. || αὐταῖς om.
M, G. 9 καὶ τὰ] κατὰ M, G. 10 ἴσων τῶν M, G, ἴσα
τῶν C. 13 τοῦτο M, G.

χωρία λόγον πρὸς ἄλληλα. ἐνταῦθα δέ — οὐ γὰρ ἦν ἀναλογία χρῆσθαι μηδέπω διδάξαντα περὶ αὐτῆς — ἀρκεῖται τῇ ἰσότητι μόνῃ, καὶ ταύτην ἐκ τῆς ἰσότητος ἢ ταυτότητος τῶν βάσεων συλλογίζεται. ἐν ἐνὶ
 5 δ' οὖν ἐκείνῳ τὰ τέτταρα ταῦτα θεωρήματα περιέχεται, οὐ μόνον ὅτι διὰ μιᾶς ἀποδείξεως δείκνυσιν, ὅσα ἐν τοῖς τέτρασιν περιέχεται τούτοις, ἀλλ' ὅτι καὶ πλέον τι προστίθῃσιν τὴν ταυτότητα τῶν λόγων, καὶ ἄνισοι αἱ || βάσεις ὦσι.

- 10 Ταῦτα περὶ τούτων· | ὅτι δὲ καὶ τοῦτο πολύπτυ-
 τόν ἐστι τὸ θεωρήμα καὶ δυνατὸν τὰς βάσεις τὰς τῶν τριγώνων ἢ ταύτὸν μέρος ἐχούσας λαμβάνειν, ὥς ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων, ἢ μηδενὶ μὲν κοινῷ μέρει χρωμένας, καθ' ἓν δὲ σημεῖον ἀλλήλαις συναπτούσας,
 15 ἢ καὶ πάντῃ κεχωρισμένας, ὥστε εἶναι μεταξὺ γραμμῆν, δῆλόν ἐστι τοῖς καὶ μικρὰ συνεῖναι δυναμένοις, καὶ ὅτι κατὰ πάσας τὰς πτώσεις, ὅπως ἂν ἔχῃ τὰς βάσεις κειμένας ἢ τὰς κορυφάς, ἢ αὐτὴ μέθοδος, ἄγειν παραλλήλους ταῖς πλευραῖς καὶ ποιεῖν ἐκάτερον τῶν
 20 τριγώνων [παραλληλόγραμμον καὶ διὰ τούτων τὴν τῶν τριγώνων] ἰσότητα κατασκευάζειν.

6 ὑποδείξεως C. 7 τελεόν G, πλέον B₃, C, 'plus' Z, 'plus' et in margine 'omnino vel perfectum' B. 13 μέρει om. G, add. C. 16 καὶ ante μικρὰ om. G, add. C. 20—21 παραλληλόγραμμον ... τριγώνων om. M, B₃, G. 'et efficiendi quod utrumque triangulum aequalitatem efficiat' Z, 'et facere utrumque, Triangulorumque aequalitatem ostendere' B.

Prop. XXXVIII, theor. XXVIII. Τὰ ἴσα τρί-
γωνα τὰ ἐπὶ τῆς αὐτῆς βάσεως ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ
αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν.

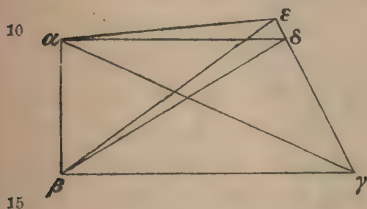
Ὅτε μὲν τὴν ἰσότητα δεικνύναι προὔκειτο, τότε
τέτταρα θεωρήματα τὸν ἀριθμὸν ἐποιοῦμεν, δύο μὲν ⁵
ἐπὶ τῶν παραλληλογράμμων, δύο δὲ ἐπὶ τῶν τριγώ-
νων λαμβάνοντες, ἢ ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἢ ἐπὶ ἴσων κεί-
μενα βάσεων. νυνὶ δὲ ἀντιστρέφοντες τὰ μὲν ἐπὶ τῶν
παραλληλογράμμων ἀντιστρέφοντα παρήκαμεν, τὰ δὲ
ἐπὶ τῶν τριγώνων μνήμης ἡξιώσαμεν. αἴτιον δὲ ὅτι ¹⁰
τρόπος μὲν τῆς ἀποδείξεως ὁ αὐτὸς καὶ ἐπ' ἐκείνων
ἀπαρallάκτως διὰ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς καὶ
τῆς ὁμοίας κατασκευῆς, ἀρκοῦμεθα δὲ ἐπὶ τῶν ἀπλου-
στέρων, λέγω δὴ τῶν τριγώνων, ὑποδείξαντες τὴν
μέθοδον καταλιπεῖν τοῖς ἀγχινουστέροις καὶ ἐπὶ τῶν ¹⁵
ὑπολοίπων τὰ αὐτὰ συλλογίζεσθαι, ἐπεὶ, ὅτι γε ἡ
αὐτὴ καὶ ἐπὶ τούτων μέθοδος, ῥάδιον συνιδεῖν. λα-
βόντες γὰρ παραλληλόγραμμα ἴσα ἐπὶ τῆς αὐτῆς βά-
σεως, ἢ καὶ ἐπὶ τῶν ἴσων, ἐροῦμεν ὅτι καὶ ἐν ταῖς
αὐταῖς παραλλήλοις ἐστίν. εἰ γὰρ μή, ἢ ἐντὸς πεσεῖ- ²⁰
ται θάτερον τῶν ἐν τῷ ἑτέρῳ παραλλήλων ἐμβαλλομέ-
νων, ἢ ἐκτός. ὅπως δὲ ἂν πίπτῃ, λαβόντες ἐκεῖνο καὶ
τὰς ἐν αὐτῷ παραλλήλους ἐδείξαμεν, ἃ καὶ ἐπὶ τῶν
τριγώνων, ὅτι τὸ ὅλον ἴσον ἐστὶ τῷ ἑαυτοῦ μέρει.
τοῦτο δὲ ἀδύνατον. 25

Ὅτι δὲ εἰκότως ὁ στοιχειωτὴς προσέθηκεν τὸ καὶ
ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη δῆλόν ἐστι (?). μιᾶς γὰρ βάσεως

1 M in margine $\overline{\lambda\theta}$. 4 πρόκειται M, G. 22 ἂν πίπτῃ] ἀντιπίπτῃ M, G. 27 δῆλον ὅτι M, G, δῆλον γὰρ ὅτι μιᾶς βάσεως B₃, C, 'perspicuum est' Z, 'manifestum est' B.

ἴσα τρίγωνα λαβεῖν δυνατόν, τὸ μὲν ἐπὶ τὰδε τὰ μέρη, τὸ δὲ ἐπὶ θάτερα. ἀλλ' οὐ πάντως ἐν ταῖς αὐταῖς ἐστὶ ταῦτα παραλλήλοις· οἷδὲ γὰρ ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος ἐστί.

5 Τοῦτο μὲν οὖν διὰ τοῦτο || προσέθηκεν. διχῶς δὲ δυνατόν ὄν ἄγειν τὴν παράλληλον κατὰ τὴν ἄτοπον ὑπόθεσιν αὐτὸς ἤγαγεν ἐντὸς ἡμεῖς δὲ ἐκτὸς ἀγα-
γόντες τὰ αὐτὰ δείξομεν. ἔστω γὰρ τὰ $\overline{αβγ}$ $\overline{δβγ}$



τρίγωνα ἐπὶ μιᾷς βά-
σεως καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ
μέρη. λέγω ὅτι ἐν ταῖς
αὐταῖς ἐστὶ παραλλή-
λοις καὶ ἡ ἐπὶ τὰς κο-
ρυφὰς αὐτῶν ἐπιξεν-
χθεῖσα τῇ βάσει παρ-

άλληλός ἐστιν. ἐπεξεύχθω γὰρ ἡ $\overline{αδ}$. εἰ δὲ μὴ ἐστὶν
αὐτῇ παράλληλος, ἔστω ἡ ταύτης ἐκτὸς ἡ $\overline{αε}$. καὶ ἐκ-
βεβλήσθω ἡ $\overline{γδε}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{εβ}$. ἴσον ἄρα τὸ
 $\overline{αβγ}$ τῷ $\overline{εβγ}$, ἀλλὰ τὸ $\overline{αβγ}$ τῷ $\overline{δβγ}$. τὸ ἄρα $\overline{εβγ}$ τῷ

20 $\overline{δβγ}$ ἴσον, τῷ μέρει τὸ ὅλον· ἀλλὰ ἀδυνατόν· οὐκ
ἄρα ἔξω πεσεῖται τῆς $\overline{αδ}$ ἡ παράλληλος· δέδεικται δὲ
ὅτι οὐδὲ ἐντὸς παρὰ τῷ στοιχειωτῇ· αὐτὴ ἄρα ἐστὶν
ἡ $\overline{αδ}$ τῇ $\overline{βγ}$ παράλληλος· ἐν ταῖς αὐταῖς ἄρα παραλ-
λήλοις ἐστὶ τὰ ἴσα τρίγωνα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη.

25 Καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις ἀποδέδεικται
μὲν δὴ καὶ τὸ λοιπὸν μέρος τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγω-

γῆς· ἄξιον δὲ ἐπισημῆνασθαι ὅτι τριττῆς οὔσης τῆς τῶν θεωρημάτων ἀντιστροφῆς — ἢ γὰρ ὅλον ἀντιστρέφει πρὸς ὅλον, ὥς τὸ ὀκτωκαιδέκατον καὶ ἐννεακαιδέκατον εἶπομεν, ἢ ὅλον πρὸς μέρος, ὥς τὸ ἕκτον καὶ πέμπτον, ἢ μέρος πρὸς μέρος, ὥς τὸ ὄγδοον καὶ 5 τέταρτον. οὐ γὰρ ὅλον τὸ δεδειγμένον ἐν θατέρῳ ζητούμενόν ἐστιν ἐν θατέρῳ, οὐδὲ τὸ ζητούμενον δεδομένον, ἀλλὰ μέρος — ἔοικεν δὲ (?) τοιαῦτα εἶναι καὶ ταῦτα τὰ θεωρήματα ἐπὶ τῶν τριγώνων. ἦν γὰρ τὸ ζητούμενον ἐν τοῖς πρὸ τούτων ἴσα εἶναι τὰ τρίγωνα. 10 τοῦτο δὲ οὐ μόνον ἐστὶ δεδομένον ἐν τοῖτοις, μέρος προσλαβὸν τῆς ἐν ἐκεῖνοις ὑποθέσεως. τὸ γὰρ ἐπὶ τῆς αὐτῆς εἶναι βάσεως, ἢ ἐπὶ ἴσων, καὶ ἐπὶ τούτων δέδοται καὶ ἐπ' ἐκείνων, πλὴν ὅτι προσέθηκεν ἐν ταύταις ταῖς ὑποθέσεσιν, οὐ μὴν ἐν ἐκείνοις, μήτε ζητού- 15 μενον, μήτε δεδομένον· τὸ γὰρ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἔξωθεν προσείληπται.

Prop. XL, theor. XXX. Τὰ ἴσα τρίγωνα τὰ ἐπὶ ἴσων βάσεων ὄντα καὶ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἐστί. 20

Καὶ ὁ τρόπος τῆς ἀντιστροφῆς ὁ αὐτὸς ἐπὶ τούτου καὶ ἡ ἀπόδειξις ἀπαράλλακτος καὶ τὸ παραλελειμμένον τῷ στοιχειωτῇ τῆς εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγῆς ὡσαύτως ἀποδείκνυται. καὶ οὐδὲν δεῖ τὰ αὐτὰ ἀνακυκλεῖν. τριῶν δὲ ὄντων τούτων ἐν ταῖς εἰρημέναις 25

5 μέρος πρὸς μέρος] ὅλον πρὸς μέρος $M, B_3, G(Z)$, 'pars ad partem' B . 8 καὶ τοιαῦτα τὰ θεωρ. C . 17 προσείληπται G , προσείληπται C . || Propositionem quadragesimam nullo interpolationis signo posito post προσείληπται addunt M, G .

προτάσεσι, τοῦ ἐπὶ ἴσων εἶναι βάσεων ἢ τῶν αὐτῶν,
 τοῦ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, [τοῦ ἴσα εἶναι τὰ
 τρίγωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα], δῆλον ὅτι δύο
 συμπλέκοντες αἰεὶ, τὸ δὲ ἐν καταλείποντες ποικίλως
 5 ἀντιστρέφουμεν. ἢ γὰρ τὰς βάσεις ὑποθησόμεθα τὰς
 αὐτὰς ἢ ἴσας καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις τὰ τρί-
 γωνα καὶ τὰ παραλληλόγραμμα, καὶ ποιήσομεν τέσ-
 σαρα θεωρήματα, ἢ ἴσα ληψόμεθα αὐτὰ καὶ τὰς βάσεις
 τὰς αὐτὰς ἢ ἴσας, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτταρα — ὧν
 10 τὰ μὲν δύο παρῆκεν ὁ στοιχειωτής, τὰ ἐπὶ τῶν παραλ-
 ληλογράμμων, τὰ δὲ δύο ἔδειξεν τὰ ἐπὶ τῶν τριγώ-
 νων — ἢ καὶ ἴσα λαβόντες καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παρ-
 αλλήλοις δείξομεν τὸ λοιπόν, ἢ ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν
 ἐστὶν ἢ τῶν ἴσων | βάσεων, καὶ ποιήσομεν ἄλλα τέτ-
 15 ταρα, ἃ δὴ καὶ πάντῃ παρῆκεν ὁ στοιχειωτής· καὶ γὰρ
 ἐπὶ τούτων ἢ αὐτὴ ἀπόδειξις, πλὴν ὅσον τούτων τῶν
 τεττάρων τὰ δύο οὐκ ἔστι καθ' ἑαυτὸ ἀληθῆ. οὐ γὰρ
 τὰ ἴσα παραλληλόγραμμα ἢ τρίγωνα καὶ ἐν ταῖς αὐ-
 ταῖς ὄντα παραλλήλοις ἐξ ἀνάγκης ἐπὶ τῆς αὐτῆς βά-
 20 σεως, ἀλλὰ τὸ ὅλον τοῦτο ἐπὶ τούτων τῶν ὑποθέσεων
 ἀληθές, ὅτι ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἐστὶ βάσεων ἢ ἐπὶ τῶν
 ἴσων, τὸ δὲ ἕτερον οὐκ ἐκ παντὸς ἔπεται ταῖς ληφθεί-
 σαις ὑποθέσεσιν. ὥστε δέκα ὄντων τῶν πάντων
 25 θεωρημάτων ἐξ μὲν ὁ γεωμέτρης ἀνέγραψεν, τέσσαρα
 δὲ παρῆκεν, ἵνα μὴ πάλιν [τὰ αὐτὰ λέγοι] τῆς αὐτῆς
 οὔσης ἀποδείξεως. δεικνύσθω γὰρ ἐπὶ τῶν τριγώνων

2—3 τοῦ ἴσα . . . παραλληλόγραμμα om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*),
 'et aequalia esse Triangula et Parallelogramma' *B*. 3 ἄδηλον
M, *B*₃, *G*, 'innotum' *Z*, 'manifestum' *B*. 6 ἢ ἴσα *M*, *G*.
 18 ἐν] ὅσα *G*, ἐν *C*. 25 τὰ αὐτὰ λέγοι] λόγῳ *M*, * λόγῳ *G*,
 πρὸς μοτῇ *B*₃, idem dicat' *Z*, 'eadem ratione frustra laboret' *B*.

ὅτι, ἐὰν ἴσα ἢ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, ἢ ἐπὶ τῶν αὐτῶν ἔσται βάσεων, ἢ ἐπὶ ἴσων. μὴ γάρ· ἀλλ'

εἰ δυνατόν, ἔστω τὰ $\overline{αβγ}$

δεξ τρίγωνα οὕτως ἔχοντα ἐπὶ ἀνίσων βάσεων

τῶν $\overline{βγ}$ $\overline{εξ}$, καὶ || ἔστω

μείζων ἢ $\overline{βγ}$, καὶ ἀφηγή-

σθω ἢ $\overline{βθ}$ ἴση τῇ $\overline{εξ}$, καὶ

ἐπεξεύχθω ἢ $\overline{αθ}$. ἐπεὶ οὖν τὰ $\overline{αβθ}$ δεξ ἐπὶ ἴσων ἐστὶ

βάσεων τῶν $\overline{βθ}$ $\overline{εξ}$ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις, 10

[ἴσα] ἄρα ἐστίν· ἀλλὰ καὶ τὰ $\overline{αβγ}$ δεξ ἴσα ὑπόκειται·

τὰ ἄρα $\overline{αβγ}$ $\overline{αβθ}$ ἴσα ἔσται, ὅπερ ἀδύνατον. οὐκ ἄρα

ἄνισοι αἱ βάσεις τῶν $\overline{αβγ}$ $\overline{δεξ}$ τριγώνων. ὁ δὲ αὐτὸς

τρόπος τῆς ἀποδείξεως ἔσται καὶ ἐπὶ τῶν παραλληλο-
γράμμων. ἐπεὶ οὖν καὶ ἡ μέθοδος τῆςδείξεως ἢ 15

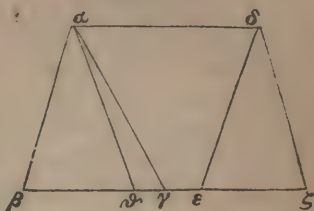
αὐτὴ καὶ τὸ ἀδύνατον τὸ αὐτό, ὅτι τὸ ὅλον τῷ μέρει

ἴσον, εἰκότως ὑπὸ τοῦ στοιχειωτοῦ παραλέλειπται.

εἰρηται οὖν ὅτι δέκα θεωρήματα ἐξ ἀνάγκης, καὶ τίνα

τὰ παραλελειμμένα, καὶ τίς ἡ αἰτία τῆς τούτων ἀπο-

σιωπήσεως. ἀλλ' ἐπὶ τὰ ἐφεξῆς τούτοις μεταβαίνωμεν. 20



5

11 ἴσα ante ἄρα om. M, G (Z), 'aequalia' B. 12 ἔστι C.

19 παραλελεγμένα M, C.

20 μεταβαίνωμεν M, G, 'trans-eamus' Z, B.

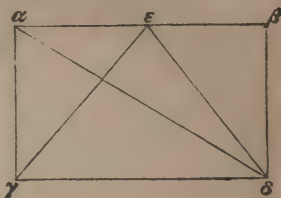
Prop. XLI, theor. XXXI. Ἐὰν παραλληλόγραμ-
μον τριγώνῳ βάσιν τε ἔχη τὴν αὐτὴν καὶ ἐν
ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις ἦ, διπλάσιόν ἐστι τὸ
παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου.

- 5 Ἔστι μὲν δὴ καὶ το θεώρημα τοῦτο τοπικόν,
μίνυσι δὲ τριγώνων καὶ παραλληλογράμμων συστά-
σεις ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος κειμένων. ὥσπερ οὖν τὰ παρ-
αλληλόγραμμα χωρὶς ἐθεασάμεθα καὶ αὖ πάλιν τὰ
τριγώνων, οὔτω καὶ ἄμα ἀμφοτέρω λαβόντες ταῦτον
10 ἐκείνοις πεπονθότα τὸν λόγον, ὃν ἔχει πρὸς ἄλληλα,
θεωρήσωμεν. ἐπ' ἐκείνων μὲν οὖν ὁ τῆς ἰσότητος
ἀναφαίνεται λόγος — πάντα γὰρ ἴσα ἀλλήλοις τὰ
ἐπὶ τῶν αὐτῶν βάσεων, εἴτε τριγώνων, εἴτε παραλλη-
λόγραμμα, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς ὄντα παραλλήλοις —
15 ἐπὶ δὲ τούτων ὁ πρῶτιστος δείκνυται τῶν ἄνισων ὁ
διπλάσιος. τὸ γὰρ παραλληλόγραμμον τοῦ τριγώνου
διπλάσιον ἀποδείκνυσι τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως καὶ
ὑψους τοῦ αὐτοῦ. ἀλλ' ὁ μὲν στοιχειωτὴς τὴν τοῦ
τριγώνου κορυφὴν ἐκτὸς ὑποθέμενος τοῦ παραλληλο-
20 γράμμου τὸ προκείμενον ἔδειξεν, ἡμεῖς δὲ ἐπὶ τῆς
ἐτέρας αὐτὴν λαβόντες τοῦ παραλληλογράμμου πλευ-
ρᾶς, τῆς παραλλήλου τῇ κοινῇ αὐτῶν βάσει, τὸ αὐτὸ
ἀποδείξομεν. δύο γὰρ αὗται τοῦ θεωρήματός εἰσι
πτώσεις, ἐπειδὴ τῆς αὐτῆς βάσεως οὔσης ἀμφοῖν ἢ
25 ἐντὸς τοῦ παραλληλογράμμου τὴν κορυφὴν ἔχειν
ἀνάγκη τὸ τρίγωνον ἢ ἐκτός. ἔστω οὖν παραλληλό-

1 M in margine λθ.
'simul . . . utraque' B.

9 ἄμα om. M, G (Z), add. C,
10 ἔχη G, ἔχει C.

γραμμον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ τρίγωνον τὸ $\overline{εγδ}$, καὶ κείσθω
τὸ $\overline{ε}$ μεταξὺ τοῦ $\overline{α}$ καὶ $\overline{β}$, καὶ ἐπεζεύχθω ἡ $\overline{αδ}$. ἐπεὶ
οὖν τὸ παραλληλόγραμ-
μον τοῦ $\overline{αγδ}$ διπλάσιον,
τὸ δὲ $\overline{αδγ}$ ἴσον τῷ $\overline{εδγ}$
τριγώνῳ, τὸ ἅρα παραλλη-
λόγραμμον τοῦ $\overline{εγδ}$ τρι-
γώνου διπλάσιον.



5

Ὅτι μὲν οὖν τῆς αὐτῆς οὔσης βάσεως δείκνυται
τοῦ τριγώνου τὸ παραλληλόγραμμον διπλάσιον δῆλον. ¹⁰
κὰν ἴσαι δὲ ὦσιν αἱ βάσεις, ὡσαύτως δειχθήσεται
διάμετρον ἡμῶν ἀγαγόντων τῶν παραλληλογράμμων.
τῶν γὰρ τριγώνων ἴσων ὄντων τὸ θατέρου διπλάσιον
ἔσται καὶ τοῦ λοιποῦ διπλάσιον. τὰ δὲ τρίγωνα ἴσα
διὰ τὴν ἰσότητα τῶν βάσεων καὶ τὴν ταυτότητα τοῦ ¹⁵
ὕψους. εἰκότως οὖν καὶ ταῦτα παρήκεν ὁ γεωμέτρης·
ἡ αὐτὴ γὰρ [ἡ] ἀπόδειξις. ἢ γὰρ ταῦτόν μέρος
ἔξουσιν, ἢ κατὰ σημεῖον μόνον συναφθήσονται, ἢ κε-
χωρισμέναι ἔσονται ἀπ' ἀλλήλων. ὅπως δ' ἂν ταῦτα
διαποικίλληται, μία ἢ ἀπόδειξις κατὰ πάσας τὰς ²⁰
πτώσεις.

Καὶ μὴν καὶ τὰ ἀντιστρέφοντα τῷ θεωρήματι
ὡσαύτως ἀποδείξομεν, ὧν ἓν μὲν ἔστιν· ἐὰν τριγώνου
παραλληλόγραμμον διπλάσιον ἢ καὶ τὴν αὐτὴν ἔχη
βάσιν ἀλλήλοις, ἢ ἴσας, εἰ δὲ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέρη, ἐν ²⁵

12 παραλληλογράμμων] 'Parallelogrammi' et in margine
'Parallelogrammorum' B. 13 τὸ θατέρου G, τοῦ θατέ-
ρου C. 17 ἡ ante ἀπόδειξις om. M, G. 18 συναφθήσονται C. 20 διαποικίλλεται M, G. 25 'si autem' in marginem
reiecit B.

ταῖς αὐταῖς ἔσται παραλλήλοις — εἰ γὰρ μή, τὸ ὅλον
 ἴσον ἔσται τῷ μέρει, καὶ ὁ αὐτὸς ἔξει (?) λόγος.
 ἀνάγκη γὰρ ἢ ἐπὶ τῶν παραλλήλων πίπτειν τὴν τοῦ
 5 τριγώνου κορυφήν, ἢ ἐκτός. ὁποτέρως δ' ἂν ἔχη, τὸ
 αὐτὸ ἀδύνατον ἀχθείσης παραλλήλου τῇ βάσει διὰ
 τῆς τοῦ τριγώνου κορυφῆς — ἕτερον δέ· εἰν τριγώ-
 νου παραλληλόγραμμον διπλάσιον ἢ καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς
 παραλλήλοις, ἀμφοτέρω ἐπὶ μιᾷ ἔσται βάσεως ἢ ἐπὶ
 ἴσων· εἰ γὰρ ἐπὶ ἀνίσων, ἴσας λαβόντες πᾶν τὸ ὅλον
 10 μέρει δείξομεν ἴσον. εἰς οὖν τοῦτο κοινὸν ἀδύνατον
 πάντα τελευτᾷ τὰ θεωρήματα. διόπερ ὁ στοιχειωτῆς
 ἡμῖν παρήκεν τὴν ἐν τούτοις ποικιλίαν ἀνερευνᾶν
 αὐτὸς ἐπὶ τῶν ἀπλουστεύων καὶ ἀρχοειδεστεύων στή-
 σας τὴν θεωρίαν.

15 Ἄλλ' ἐπεὶ καὶ ταῦτα ὑπομέμνηται, | φέρε γυμνα-
 σίας ἕνεκα μὴ λαβόντες παραλληλόγραμμον ἡμεῖς,
 ἀλλὰ τραπέζιον, οὗ δύο μῶναι εἰσὶ παράλληλοι, τρι-
 γώνῳ τὴν αὐτὴν ἔχον βάσιν καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς κεί-
 μενον παραλλήλοις, ἴδωμεν, ὃν ἔχει λόγον πρὸς τὸ
 20 τρίγωνον. ὅτι μὲν οὖν διπλάσιον οὐχ ἔξει δῆλον —
 ἢ γὰρ ἂν παραλληλόγραμμον εἴη τετράπλευρόν γε ὄν;
 — λέγω δὲ ὅτι ἢ μείζον διπλασίου ἢ ἔλασσον. τῶν
 γὰρ δύο ὄντων παραλλήλων πάντως ἢ μὲν ἔστι μεί-
 ζων, ἢ δὲ ἐλάσσων, ἐπεὶ ἴσων || οὐσῶν καὶ αἱ ἐπι-
 25 ζευγνύουσαι αὐτὰς ἔσονται παράλληλοι. ἂν μὲν οὖν
 τὸ τρίγωνον τὴν μείζονα ἔχη βάσιν, ἔλασσον ἢ διπλά-

2 ἔξει M, ἔξει B₃, G, 'erit' Z, 'vigebit' B. 4 ἂν om. G, add. C. 7 παραλληλόγραμμος M, G. 10 μέρει δείξομεν M, μέρει δείξωμεν G, τῷ μέρει δείξομεν C. || εἰ G, εἰς C.

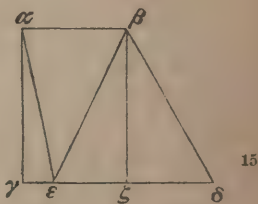
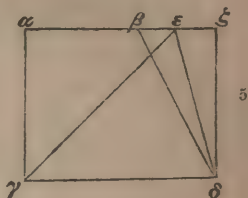
13 συστήσας C, 'contraxerit' et in margine 'stiterit' B.

19 εἰδωμεν M, G, 'contemplemur' Z, 'videamus' B. 21 γε

τε ὄν M, G. 24 καὶ αἱ] καὶ M, C, καὶ καὶ G.

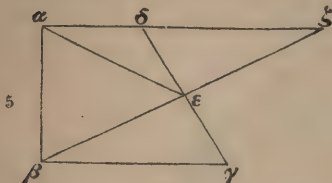
σιον ἔσται τοῦ τριγώνου τὸ τετράπλευρον, ἐὰν δὲ τὴν ἐλάσσονα, μείζον. ἔστω γὰρ τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ τετράπλευρον καὶ ἐλάσσων ἢ $\alpha\beta$ τῆς $\gamma\delta$, καὶ ἐκβεβλήσθω ἡ $\alpha\beta$ εἰς ἄπειρον, καὶ τρίγωνον τὸ $\epsilon\gamma\delta$ τὴν αὐτὴν ἔχέτω βάσιν τῷ τετραπλεύρῳ τὴν $\gamma\delta$, καὶ ἦχθω διὰ τοῦ δ τῇ $\alpha\gamma$ παράλληλος ἡ $\delta\zeta$. διπλάσιον ἄρα τοῦ $\epsilon\gamma\delta$ τριγώνου τὸ $\alpha\gamma\delta\zeta$ παραλληλόγραμμον, ὥστε τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ τετράπλευρον ἐλάσσον ἢ διπλάσιον. 10

πάλιν ἔχέτω τὸ τρίγωνον βάσιν τὴν $\alpha\beta$, καὶ παράλληλος τῇ $\alpha\gamma$ ἡ $\beta\zeta$. τὸ ἄρα $\alpha\beta\gamma\zeta$ διπλάσιον τοῦ τριγώνου, ὥστε τὸ $\alpha\beta\gamma\delta$ τετράπλευρον μείζον ἢ διπλάσιον. τούτων δὲ δεδειγμένων λέγομεν ὅτι τετραπλεύρου ὄντος, οὗ δύο μόνον αἱ ἀπεναντίον παράλληλοι, ἐὰν μὲν ἀπὸ τῆς ἐτέρας τῶν παραλλήλων δίχα τμηθεῖσθαι ἐπὶ τὴν λοιπὴν ἐπιζευχθῶσιν εὐθεῖαι, τοῦ γινομένου τρι- 20 γώνου ἢ μείζον ἔστι τὸ τετράπλευρον ἢ διπλάσιον, ἢ ἐλάσσον, εἰ δὲ ἀπὸ τῆς ἐτέρας τῶν ἐπιζευγνυσσῶν τὰς παραλλήλους δίχα τμηθεῖσθαι ἐπὶ τὴν ἐτέραν εὐθεῖαι τινες ἐπιζευχθεῖεν, τοῦ γινομένου τριγώνου τὸ τετράπλευρον πάντως διπλάσιόν ἐστιν. τοῦτο οὖν δεικνύ- 25



1 ἔστω C. 18 εἰ μὲν M, G. 19 ἐπὶ τῆς ἐτέρας M, G.
22 ἐξευγνυσσῶν M, ζευγνυσσῶν G.

σθω. ἔστω δὴ τετράπλευρον τὸ $\overline{αβγδ}$ καὶ παράλλη-
λος ἐν αὐτῷ ἡ $\overline{αδ}$ [τῇ] $\overline{γβ}$, καὶ τεμνέσθω δίχα ἡ $\overline{δγ}$ κατὰ



τὸ $\overline{ε}$, καὶ ἐπεζεύχθωσαν
αἱ $\overline{εα}$ $\overline{εβ}$, καὶ ἐκβεβλή-
σθω ἡ $\overline{βε}$ καὶ συμπι-
πτέτω τῇ $\overline{αδ}$ κατὰ τὸ $\overline{ζ}$.
ἐπεὶ οὖν αἱ κατὰ τὸ $\overline{ε}$

γωνίαι ἴσαι — κατὰ κορυφὴν γάρ — καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{ζδε}$
τῇ ὑπὸ $\overline{βγε}$, ἔσται καὶ ἡ $\overline{ζε}$ τῇ $\overline{εβ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{δεζ}$
10 $\overline{τριγώνον}$ τῷ $\overline{βγε}$ ἴσον. κοινὸν προσκείσθω τὸ $\overline{αδε}$.
ὅλον ἄρα τὸ $\overline{αξε}$ ἴσον τοῖς δύο τοῖς $\overline{αδε}$ $\overline{βγε}$. ἀλλὰ
τὸ $\overline{αεζ}$ ἴσον τῷ $\overline{αεβ}$ — ἐπὶ γάρ ἴσων βάσεων, τῶν
 $\overline{βε}$ $\overline{εζ}$, καὶ ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις. τὸ ἄρα $\overline{αεβ}$
ἴσον τοῖς $\overline{αδε}$ * * *

15 [|| Prop. XLII, probl. XI. Τῷ δοθέντι $\overline{τριγώνω}$ ἴσον
παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν γωνίᾳ, ἣ
ἔστιν ἴση τῇ δοθείσῃ εὐθυγράμῳ γωνίᾳ.

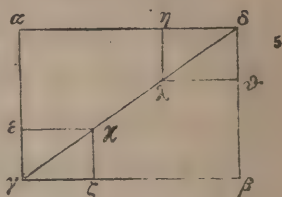
|| Prop. XLIII, theor. XXXII. Παντὸς παραλλη-
λογράμμου τῶν περὶ τὴν διάμετρον παραλλη-
20 $\overline{λογράμμων}$ τὰ $\overline{παραπληρώματα}$ ἴσα ἀλλήλοις
ἐστίν.]

* * * παραλληλόγραμμα μὴ συνάπτειν ἀλλήλοις

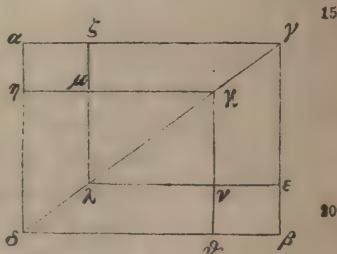
2 ἐν αὐτῇς G, ἐν αὐτῷ C. 14—22 Finis commentarii
in propositionem XLII^{am}, commentarius in propositionem XLII^{am},
initium commentarii in propositionem XLIII^{am} desunt in M,

καθ' ἐν σημείον. ὅτι δὴ καὶ τὰ παραπληρώματα οὐκ ἔστι τετράπλευρα, δεῖ καὶ ταύτην ἐκθέμενον τὴν πτωσιν ἰδεῖν τὸ αὐτὶ συμβαῖνον. ἔστω γὰρ παραλληλό-

γραμμα τῷ $\alpha\beta$ παραλληλόγραμμῳ περὶ τὴν αὐτὴν διάμετρον τὰ $\gamma\kappa$ $\delta\lambda$, μεταξὺ δὲ αὐτῶν ἡ $\kappa\lambda$ εὐθεῖα τῆς διαμέτρου μέρος οὖσα. πάλιν οὖν τὰ αὐτὰ ἐρεῖς· τὸ $\alpha\gamma\delta$



τρίγωνον ἴσον τῷ $\beta\gamma\delta$ καὶ τὸ $\epsilon\gamma\kappa$ τῷ $\kappa\gamma\zeta$ καὶ τὸ $\delta\eta\lambda$ 10
τῷ $\delta\theta\lambda$. λοιπὸν ἄρα τὸ $\alpha\eta\lambda\kappa\epsilon$ πεντάπλευρον || ἴσον
τῷ $\beta\zeta\kappa\lambda\theta$ πενταπλεύρῳ. ταῦτα δὲ ἦν τὰ παραπληρώματα. εἰ δὲ μήτε συνάπτοιο τὰ παραλληλόγραμμα κατὰ σημείον, μήτε διεστῶτα εἶη, ἀλλὰ τέμνοντα ἄλληλα, ἡ αὐτὴ καὶ οὕτως 15
ἀπόδειξις. ἔστω γὰρ παραλληλόγραμμον τὸ $\alpha\beta$
καὶ διάμετρος ἡ $\gamma\delta$ καὶ παραλληλόγραμμα περὶ
αὐτὴν ἐν μὲν τὸ $\epsilon\gamma\zeta\lambda$, ἔτερον δὲ καὶ τέμνον 20



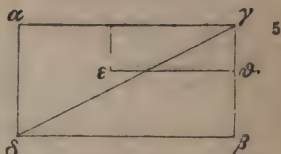
B_3 , G atque in omnibus qui noti sunt codicibus. In M , B_3 , G signa $\alpha\delta\epsilon$ ($\alpha\delta\beta$ B_3) statim sequitur vox παραλληλόγραμμα. Z contextum perinde continuat, ac si deesse permulta non perspexerit. B lacunam explet (pag. 256—262) et supplemento in uno solo exemplari invento, quod ignotus quidam homo commentario in XLI^{am} propositionem addidit, et deliberationibus quae desiderantur in fine XLI^{ae} et ab initio $XLIII^{ae}$ propositionis recensentibus. $XLII^{am}$ enim propositionem alias se interpretaturum esse promittit. 1 ἡσθ' ἐν G , καθ' ἐν C . 3 τῷ αὐτῷ C . || παραλληλόγραμμον M , G . 14 τέμνονται C .

τοῦτο τὸ $\overline{\delta\eta\kappa\theta}$. λέγω ὅτι τὰ $\overline{\xi\eta}$ $\overline{\epsilon\theta}$ $\overline{\text{παραπληρώματα}}$
 $\overline{\iota\sigma\alpha}$ ἐστίν. ἐπεὶ γὰρ ὅλον τὸ $\overline{\delta\eta\kappa}$ ἴσον τῷ $\overline{\delta\theta\kappa}$, ἐστὶν
 δὲ καὶ μέρος αὐτοῦ τὸ $\overline{\kappa\lambda\mu}$ ἴσον τῷ $\overline{\kappa\lambda\nu}$ — $\overline{\text{παραλ-}}$
 $\overline{\text{ληλόγραμμον}}$ γάρ ἐστι τὸ $\overline{\lambda\kappa}$ — λοιπὸν ἄρα τὸ $\overline{\delta\lambda\nu\theta}$
 5 $\overline{\text{τραπέζιον}}$ ἴσον τῷ $[\overline{\delta\lambda\mu\eta}$ $\overline{\text{τραπεζίῳ}}$. ἀλλὰ καὶ τὸ]
 $\overline{\alpha\delta\gamma}$ $\overline{\text{τρίγωνον}}$ ἴσον τῷ $\overline{\beta\delta\gamma}$, καὶ τὸ $\overline{\xi\gamma\lambda}$ τῷ $\overline{\epsilon\gamma\lambda}$ ἐν
 $\overline{\tau\omega}$ $\overline{\text{εξ παραλληλογράμμῳ}}$, καὶ $\overline{\text{τραπέζιον}}$ τὸ $\overline{\delta\eta\mu\lambda}$ τῷ
 $\overline{\delta\theta\nu\lambda}$, λοιπὸν ἄρα τὸ $\overline{\eta\zeta}$ $\overline{\text{τετράπλευρον}}$ ἴσον τῷ $\overline{\epsilon\theta}$
 $\overline{\text{τετραπλεύρῳ}}$. δέδεικται ἄρα τὸ $\overline{\text{θεώρημα}}$ κατὰ πάσας
 10 $\overline{\text{τὰς πτώσεις}}$. εἰσὶ δὲ $\overline{\text{τρεῖς}}$ $\overline{\text{μόνοι}}$ καὶ οὔτε $\overline{\text{πλείους}}$
 οὔτε $\overline{\text{ἐλάσσους}}$. τὰ γὰρ $\overline{\text{παραλληλόγραμμα}}$ τὰ $\overline{\text{περὶ}}$
 $\overline{\text{τὴν αὐτὴν διάμετρον}}$ ἢ $\overline{\text{τεμεῖ ἄλληλα}}$, ἢ κατὰ $\overline{\text{σημεῖον}}$
 $\overline{\text{ᾗ ψεται ἀλλήλων}}$ ἢ $\overline{\text{διεστῶτα}}$ ἔσται μέροςτινὶ τῆς $\overline{\text{δια-}}$
 $\overline{\text{μέτρου}}$.

15 Τὸ δὲ ὄνομα τῶν $\overline{\text{παραπληρωμάτων}}$ ἀπ' αὐτοῦ
 τοῦ $\overline{\text{πράγματος}}$ ἔλαβεν ὁ $\overline{\text{στοιχειωτῆς}}$ ὥς καὶ τούτων
 $\overline{\text{παρὰ τὰ δύο παραλληλόγραμμα}}$ $\overline{\text{συμπληροῦντων}}$ τὸ
 ὅλον. διόπερ αὐτὸ καθ' αὐτὸ $\overline{\text{μνήμης}}$ ἐν τοῖς ὅροις
 οὐκ ἡξίεται. $\overline{\text{ποικιλίας}}$ γὰρ ἔδει πρὸς τὴν $\overline{\text{σαφήνειαν}}$,
 20 ἵνα $\overline{\text{γνώμεν}}$, τί $\overline{\text{παραλληλόγραμμον}}$, καὶ τίνα τὰ $\overline{\text{περὶ}}$
 $\overline{\text{τὴν αὐτὴν διάμετρον}}$ τῷ ὅλῳ. τούτων γὰρ $\overline{\text{σαφη-}}$
 $\overline{\text{νισθέντων}}$ καὶ τὶ $\overline{\text{παραπλήρωμα}}$ μόνως ἂν ἐγένετο
 $\overline{\text{γνώριμον}}$. ἐστὶν δὲ ἐκεῖνα τῶν $\overline{\text{παραλληλογράμμων}}$
 $\overline{\text{περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν}}$, ὅσα μέρος τῆς ὅλης $\overline{\text{δια-}}$

5 $\overline{\delta\lambda\mu\eta}$. . . καὶ τὸ om. M, B₃, G (Z), 'dlmg Trapezio est
 aequale. Verum' B. 12 τελεῖα G, τεμεῖ C. || κατὰ τὸ ση-
 μεῖον C. 13 τῆς ἀμέτρου M, G. 15 In M in margine: ση-
 τίνα καλοῦσιν οἱ γεαμέτραι $\overline{\text{παραπληρώματα}}$ καὶ πόθεν αὐτὰ
 καὶ διὰ τί οὕτως ὀνομάζουσιν.

μέτρον καὶ αὐτῶν ἔχει διάμετρον, ὅσα δὲ μή, οὐ. ὅταν γὰρ ἡ τοῦ ὅλου διάμετρος τῶν πλευρῶν τινα τέμνη τοῦ ἐντὸς παραλληλογράμμου, τότε οὐκ ἔστιν τῷ ὅλῳ τοῦτο τὸ παραλληλόγραμμον περὶ διάμετρον τὴν αὐτήν, οἷον ὡς ἐν τῷ $\overline{αβ}$ παραλληλογράμμῳ ἡ $\overline{γδ}$ τέμνει τοῦ $\overline{γε}$ παραλληλογράμμου τὴν $\overline{εθ}$ πλευράν. τὸ οὖν $\overline{εγ}$ τῷ $\overline{γδ}$ περὶ τὴν αὐτήν οὐκ ἔστιν διάμετρον.



Prop. XLIII, probl. XII. || Παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν τῷ δοθέντι τριγώνῳ ἴσον παραλληλόγραμμον παραβαλεῖν ἐν γωνίᾳ, ἥ ἐστιν ἴση τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Ἔστι μὲν ἀρχαία, φασὶν οἱ περὶ τὸν Εὐδημον, 15 καὶ τῆς τῶν Πυθαγορείων μούσης εὐρήματα ταῦτα, ἥ τε παραβολὴ τῶν χωρίων καὶ ἡ ὑπερβολὴ καὶ ἡ ἔλλειψις. ἀπὸ δὲ τούτων καὶ οἱ νεώτεροι τὰ ὀνόματα λαβόντες μετήγαγον αὐτὰ καὶ ἐπὶ τὰς κωνικάς λεγομένας γραμμάς, καὶ τούτων τὴν μὲν παραβολήν, 20 τὴν δὲ ὑπερβολὴν καλέσαντες, τὴν δὲ ἔλλειψιν, ἐκείνων τῶν παλαιῶν καὶ θείων ἀνδρῶν ἐν ἐπιπέδῳ καταγραφῇ χωρίων πρὸς εὐθεῖαν ὠρισμένην τὰ ὑπὸ τούτων σημαινόμενα τῶν ὀνομάτων ὀρώντων. ὅταν γὰρ

3 τὸ ὅλῳ τοῦτο M, G , τῷ ὅλῳ τούτῳ C . 11 M in margine $\overline{μδ}$. 13 παραλαβεῖν M, G . || ἐν γωνίᾳ] 'in Angulo' et in margine 'in dato Angulo rectilineo' B . 15 Ἔστι γὰρ G , Ἔστι μὲν C .

εὐθείας ἐκκειμένης τὸ δοθὲν χωρίον πάσῃ τῇ εὐθείᾳ
 συμπαρατείνης, τότε παραβάλλειν ἐκεῖνο τὸ χωρίον
 φασίν, ὅταν μείζον δὲ ποιήσῃς τοῦ χωρίου τὸ μῆκος
 αὐτῆς τῆς εὐθείας, τότε ὑπερβάλλειν, ὅταν δὲ ἔλασσον,
 5 ὥς τοῦ χωρίου γραφέντος εἶναι τι τῆς εὐθείας ἐκτός,
 τότε ἐλλείπειν. καὶ οὕτως ἐν τῷ ἕκτῳ βιβλίῳ καὶ τῆς
 ὑπερβολῆς ὁ Εὐκλείδης μνημονεύει καὶ τῆς ἐλλεί-
 ψεως, ἐνταῦθα δὲ τῆς παραβολῆς ἐδεήθη τῷ δοθέντι
 τριγώνῳ παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθεῖαν ἴσον ἐθέλων
 10 παραβαλεῖν [παραλληλόγραμμον?], ἵνα μὴ μόνον σύ-
 στασιν ἔχωμεν παραλληλογράμμου τῷ δοθέντι τριγώνῳ
 ἴσον, ἀλλὰ καὶ παρ' εὐθεῖαν ὠρισμένην παραβολήν·
 οἷον τριγώνου δοθέντος τὸ ἐμβαδὸν ἔχοντος δώδεκα
 ποδῶν, εὐθείας δὲ ἐκκειμένης, ἥς τὸ μῆκος ἐστὶ τετ-
 15 τάρων ποδῶν, τὸ ἴσον τῷ τριγώνῳ παρὰ τὴν εὐθεῖαν
 παραβάλλομεν, εἰ λαβόντες τὸ μῆκος ὅλων τῶν τετ-
 τάρων ποδῶν εὗρομεν, πόσων εἶναι δεῖ ποδῶν τὸ
 πλάτος, ἵνα τῷ τριγώνῳ τὸ παραλληλόγραμμον ἴσον
 γένηται. εὐρόντες γοῦν εἰ τύχοι πλάτος τριῶν ποδῶν
 20 καὶ ποιήσαντες τὸ μῆκος ἐπὶ τὸ πλάτος, τοῦτο δὲ ὀρ-
 θῆς οὔσης τῆς ἐκκειμένης γωνίας, ἔξομεν τὸ χωρίον.

Τοιοῦτον μὲν δὴ τι τὸ παραβάλλειν ἐστὶν ἄνωθεν
 ὑπὸ τῶν Πυθαγορείων παραδεδομένον. τρία δὲ
 ἐστὶν ἐν τῷ προβλήματι τοῦτω τὰ δεδομένα· εὐθεῖα,
 25 παρ' ἣν δεῖ παραβάλλειν, ὥς ὅλην αὐτοῦ τοῦ χωρίου
 γενέσθαι πλευράν, καὶ τρίγωνον, ᾧ ἴσον εἶναι δεῖ τὸ

2 συμπαρατείνεις. τότε παραβάλλειν *M*, συμπααραβα-
 λεῖν *G*, συμπαρατείνεις, τότε παραβάλλειν *C*. 6 ἐκλείπειν *G*.

10 παραλληλόγραμμον om. *M*, *B*₃, *G* (*Z*), 'Parallelogrammum'.
B. Equidem scribendum esse puto τὸ ἴσον ἐθέλων παραβαλεῖν ut
 infra in linea 15 τὸ ἴσον est scriptum. 16 παραβαλλόμε-
 νον *C*. || εἰ] ἡ *M*, ἡ *G*, 'vel' *Z*, 'si' *B*. | ὅλον *C*.

• παραβαλλόμενον, καὶ γωνία, ἣ ἴσην εἶναι [δεῖ] τὴν τοῦ χωρίου γωνίαν. καὶ δῆλον πάλιν ὡς ὀρθῆς μὲν οὔσης τῆς γωνίας τὸ παραβαλλόμενον ἢ τετράγωνον ἢ ἑτερόμηκες ἔσται, ὁξείας δὲ ἢ ἀμβλείας || ἢ ῥόμβος τὸ χωρίον ἢ ῥομβοειδές. ὅτι γε μὴν καὶ τὴν εὐθείαν ⁵ εἶναι δεῖ πεπερασμένην φανερόν. οὐ γὰρ δύναται παρὰ τὴν ἄπειρον. ἅμα οὖν τῷ φάναι παρὰ τὴν δοθεῖσαν εὐθείαν παραβαλεῖν ἐδήλωσεν ὅτι καὶ πεπεράνθαι ἀνάγκη τὴν εὐθείαν.

Χρῆται δὲ εἰς τὴν κατασκευὴν τοῦ προβλήματος ¹⁰ τούτου τῇ συστάσει τοῦ παραλληλογράμμου τοῦ ἴσου τῷ δοθέντι τριγώνῳ. οὐ γὰρ ταῦτόν παραβολὴ καὶ σύστασις, καθὼς εἴπομεν, ἀλλ' ἡ μὲν ὅλον ὑφίστησι τὸ χωρίον καὶ αὐτὸ καὶ τὰς πλευρὰς ἀπάσας, ἡ δὲ μίαν ἔχουσα πλευρὰν δεδομένην παρὰ ταύτην ὑφί- ¹⁵ στησι τὸ χωρίον, οὔτε ἐλλείπουσα κατὰ τὴν ἑκτασιν ταύτην, οὔτε ὑπερβάλλουσα, ἀλλὰ μιᾷ πλευρᾷ ταύτῃ χρωμένη περιεχούσῃ τὸ ἐμβαδόν. διὰ τί οὖν, φαίης ἂν, ὅτε μὲν τρίγωνα τριγώνοις ἴσα ἐδείκνυ, θεωρήμα- ²⁰ σιν ἐχρῆτο, ὅτε δὲ τρίγωνα παραλληλογράμμοις, προβλήμασιν; ὅτι, φήσομεν, ἡ ἰσότης ὁμοειδῶν ὄντων αὐτοφυῆς ἐστὶ καὶ ἐπιβλέψεως δεδομένη μόνης, τῶν δὲ διὰ τὴν κατ' εἶδος ἐξαλλαγὴν ἡ ἰσότης γενέσεως δεῖ- ²⁵ ται καὶ μηχανῆς ὡς καθ' ἑαυτὴν οὔσα δυσεύρετος.

1 δεῖ om. *M*, *B*₃, *G*. 'exdediens est' *Z*, 'oportet' *B*.

13 καθὼς] καὶ ὡς *M*, *G*, 'nam sicut et' *Z*, 'uti' *B*. || ἀλλ' ἢ] ἄλλη *M*, *G*, 'una' *Z*, 'verum haec' *B*. 14 ἡ δὲ μίαν] μίαν

δὲ *M*, *G*, 'unum vero' *Z*, 'illa vero' *B*. 16 ἑκτασιν *C*.

23 τῆς γενέσεως *C*.

Prop. XLV, probl. XIII. Τῷ δοθέντι εὐθυγράμ-
μῳ ἴσον παραλληλόγραμμον συστήσασθαι ἐν
τῇ δοθείσῃ γωνίᾳ εὐθυγράμμῳ.

Δύο προβλημάτων, ἐν οἷς τὴν τε σύστασιν εὗρισκε
5 καὶ τὴν παραβολὴν τῶν ἴσων τῷ δοθέντι τριγώνῳ
παραλληλογράμμων, τοῦτο καθολικώτερόν ἐστιν. εἴτε
γὰρ τρίγωνον ἢ τετράγωνον ἢ ὅλως τετράπλευρον, εἴτε
ἄλλο τι πολύπλευρον εἴη δεδομένον, διὰ τούτου τοῦ
προβλήματος ἴσον αὐτῷ παραλληλόγραμμον συστήσο-
10 μεν. πᾶν γὰρ εὐθύγραμμον, ὥς καὶ πρότερον εἴπο-
μεν, καθ' αὐτὸ εἰς τρίγωνα διαλύεται, καὶ τὴν μέθο-
δον τῆς εὐρέσεως τοῦ πλήθους τῶν τριγώνων παρα-
δεδώκαμεν. ἀναλύσαντες οὖν τὸ δοθὲν εὐθύγραμμον
εἰς τρίγωνα || καὶ ἐνὶ μὲν αὐτῶν ἴσον παραλληλόγραμ-
15 μον συστήσαντες, τοῖς δὲ λοιποῖς παρὰ τὴν δοθεῖσαν
εὐθεῖαν ἴσα παραλληλόγραμμα λαμβάνοντες ἐκείνην,
παρ' ἣν ἐποιήσαμεν τὴν πρώτην παραβολὴν, ἔχομεν
τὸ ἐκ τούτων παραλληλόγραμμον ἴσον τῷ ἐξ ἐκείνων
τῶν τριγώνων εὐθυγράμμῳ, καὶ ἔσται γεγονὸς τὸ ἐπι-
20 ταχθέν. καὶ δεκάκλευρον οὖν ἢ τὸ εὐθύγραμμον, εἰς
ὀκτὼ μὲν τρίγωνα διαλύσομεν, ἐνὶ δὲ ἴσον συστήσομεν
παραλληλόγραμμον καὶ ἐπτάκις παραβάλλοντες ἴσα
τοῖς λοιποῖς ἔχομεν τὸ ζητούμενον.

Ἐκ τούτου δὲ οἶμαι τοῦ προβλήματος ἐπα-
25 τες οἱ παλαιοὶ καὶ τὸν τοῦ κύκλου τετραγωνισμόν
ἐξήτησαν. εἰ γὰρ παραλληλόγραμμον ἴσον εὐρίσκεται

1 M in margine $\overline{\mu\epsilon}$ πρβ. 14 ἴσων M, G. 15 συστή-
σασθαι M, G. 19 εὐθυγράμμων M, G. || ἔστω M, C.
21 διαλύσωμεν M, G.

παντὶ εὐθυγράμῳ, ζητήσεως ἄξιον, μὴ καὶ τὰ εὐθύ-
 γραμμα τοῖς περιφερογράμοις ἴσα δεικνύναι δυνατόν.
 καὶ ὁ Ἀρχιμήδης ἔδειξεν, ὅτι πᾶς κύκλος ἴσος ἐστὶ
 τριγώνῳ ὀρθογωνίῳ, οὗ ἡ μὲν ἐκ κέντρου ἴση ἐστὶν
 μιᾷ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν, ἡ δὲ περίμετρος τῇ βάσει. 5
 ἀλλὰ ταῦτα ἐν ἄλλοις· ἐπὶ δὲ τὰ ἐξῆς ἴωμεν.

Prop. XLVI, probl. XIII. Ἀπὸ τῆς δοθείσης εὐ-
 θείας τετραγώνου ἀναγράψαι.

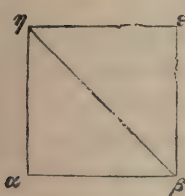
Δεῖται μὲν τοῦ προβλήματος τούτου διαφερόντως
 εἰς τὴν τοῦ ἐφεξῆς θεωρήματος κατασκευήν, ὅμοιος 10
 δὲ τῶν δύο γενέσεις ἐθελῆσαι παραδοῦναι τῶν ἐν
 εὐθυγράμῳ ἀρίστων, ἰσοπλεύρου τριγώνου καὶ τετρα-
 γώνου· διότι δὴ καὶ πρὸς τὴν σύστασιν τῶν κοσμι-
 κῶν σχημάτων καὶ μάλιστα τῶν τεττάρων, ὧν καὶ
 γένεσις ἐστὶ καὶ ἀνάλυσις, τούτων χρεῖα τῶν εὐθυ- 15
 γράμων. τὸ μὲν γὰρ εἰκοσάεδρον καὶ ὀκτάεδρον καὶ
 ἡ πυραμὶς ἐκ τῶν ἰσοπλεύρων σύγκειται τριγώνων,
 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων. διό μοι δοκεῖ προ-
 ηγουμένως τὸ μὲν συστήσασθαι, τὸ δὲ ἀναγρά-
 ψαι. πρέποντα γὰρ δὴ ταῦτα τὰ ὀνόματα ἀνεῦρεν 20
 τοῖςδε τοῖς σχήμασι. τὸ μὲν γὰρ ὡς ἐκ πολλῶν συγ-
 κροτούμενον συστάσεως δεῖται, τὸ δὲ ὡς ἀπὸ μιᾶς
 πλευρᾶς ἀπογεννώμενον ἀναγραφῆς. οὐ γάρ, ὥσπερ
 τὸ τετράγωνον ἔχομεν πολλαπλασιάσαντες τὸν τῆς δο-
 θεῖσης εὐθείας ἀριθμὸν ἐφ' ἑαυτόν, οὕτως καὶ τὸ 25

3 ἐστὶν ἴσος H_2 p. 265. 6 δὲ om. G, add. C. 7 M in
 margine $\mu\varsigma$. 10 ἐξῆς G, ἐφεξῆς C. 12 ἀρίστων G.
 18 ὁ δὲ κύβος ἐκ τῶν τετραγώνων om. G, add. C. || προηγου-
 μένος C. 25 οὕτως C.

τρίγωνον, [ἀλλ'] ἀλλαχόθεν ἐπιξεύξαντες ἐπὶ τὰ πέ-
 ρατα τῆς εὐθείας συγκροτοῦμεν ἐκ τούτων ἓν ἰσό-
 πλευρον τρίγωνον, καὶ ἡ τῶν κύκλων καταγραφὴ συν-
 τελεῖ πρὸς τὸ ἀνευρεῖν ἐκεῖνο τὸ σημεῖον, ἀφ' οὗ δεῖ
 5 τὰς εὐθείας εἰς τὰ πέρατα τῆς ἐκκειμένης εὐθείας
 ἐπιξεῦξαι.

Ταῦτα μὲν οὖν δῆλα· δεικτέον δὲ ὅτι τῶν εὐθειῶν
 ἴσων, ἀφ' ὧν ἀναγράφεται τὰ τετράγωνα, καὶ αὐτὰ
 ἴσα ἐστίν. ἔστωσαν γὰρ ἴσαι αἱ $\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$, καὶ ἀπὸ μὲν

10



15

τῆς $\overline{αβ}$ ἀναγεγρά-
 φθω τὸ $\overline{αβεη}$,
 ἀπὸ δὲ τῆς $\overline{γδ}$ τὸ
 $\overline{γδθζ}$, καὶ ἐπε-
 ξεύχθωσαν αἱ $\overline{ηβ}$
 $\overline{θδ}$. ἐπεὶ οὖν αἱ

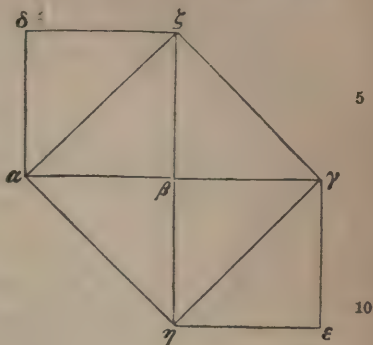
$\overline{αβ}$ $\overline{γδ}$ ἴσαι καὶ αἱ $\overline{αη}$ $\overline{γθ}$ καὶ γωνίας ἴσας περιέχουσι,
 καὶ ἡ $\overline{ηβ}$ τῇ $\overline{θδ}$ ἴση καὶ τὸ $\overline{αβη}$ τρίγωνον τῷ $\overline{γδθ}$
 τριγώνῳ, καὶ τὰ διπλάσια αὐτῶν. τὸ ἄρα $\overline{αε}$ τῷ $\overline{γζ}$
 ἴσον. ἀλλὰ μὴν καὶ τὸ ἀντιστρέφον ἀληθές. εἰ γὰρ
 20 τὰ τετράγωνα ἴσα, καὶ αἱ εὐθεῖαι, ἀφ' ὧν ἀναγέγρα-
 πται, ἴσαι ἔσονται. ἔστω γὰρ τετράγωνα ἴσα τὰ $\overline{αζ}$
 $\overline{γη}$, καὶ κείσθω ὥστε ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\overline{αβ}$ τῇ $\overline{βγ}$.
 ὀρθῶν ἄρα οὐσῶν τῶν γωνιῶν ἐπ' εὐθείας καὶ ἡ $\overline{ζβ}$

1 ἀλλ' om. M, G (Z), 'sed . . . aliunde' B. 7 δὲ
 ὅτι] ἀντὶ M, C, ὅτε ἀντὶ G, 'vero . . . quod' Z, 'autem
 quod' B.

τῇ $\overline{\beta\eta}$ ἐστίν. ἐπεξεύχθωσαν αἱ $\overline{\xi\gamma}$ $\overline{\alpha\eta}$. ἐπεὶ οὖν ἴσον
τὸ $\overline{\alpha\zeta}$ τετράγωνον τῷ $\overline{\gamma\eta}$ καὶ τὸ $\overline{\alpha\zeta\beta}$ τρίγωνον ἴσον

τῷ τριγώνῳ τῷ $\overline{\gamma\beta\eta}$.
κοινὸν προσκείσθω τὸ
 $\overline{\beta\gamma\zeta}$. || ὅλον ἄρα τὸ

$\overline{\alpha\gamma\zeta}$ ἴσον τῷ $\overline{\gamma\zeta\eta}$, παρ-
άλληλος ἄρα ἡ $\overline{\alpha\eta}$ τῇ
 $\overline{\xi\gamma}$. πάλιν ἐπεὶ ἡμι-
σειᾶς ὀρθῆς ἢ τε ὑπὸ
 $\overline{\alpha\zeta\eta}$ καὶ ἡ ὑπὸ $\overline{\gamma\eta\beta}$,
παράλληλος ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ



$\overline{\gamma\eta}$. ἴση ἄρα ἡ $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\eta}$, παραλληλογράμμου γὰρ
εἰσιν ἀπεναντίον. ἐπεὶ οὖν δύο τρίγωνά ἐστιν τὰ $\overline{\alpha\beta\zeta}$
 $\overline{\beta\gamma\eta}$ τὰς ἐναλλὰξ ἔχοντα γωνίας ἴσας, παραλλήλων
οὐσῶν τῶν $\overline{\alpha\zeta}$ $\overline{\gamma\eta}$, καὶ μίαν πλευρὰν τὴν $\overline{\alpha\zeta}$ τῇ $\overline{\gamma\eta}$,¹⁵
ἴση ἔσται καὶ ἡ $\overline{\alpha\beta}$ τῇ $\overline{\beta\gamma}$ καὶ ἡ $\overline{\beta\zeta}$ τῇ $\overline{\beta\eta}$. δέδεικται
ἄρα ὅτι καὶ αἱ πλευραί, ἀφ' ὧν ἀναγέγραπται τὰ $\overline{\alpha\zeta}$
 $\overline{\gamma\eta}$ τετράγωνα, ἴσαι εἰσὶν ἐκείνων ἴσων ὄντων.

4 τῷ $\overline{\beta\gamma\zeta}$ M, C. 8 πάλιν ἐπὶ M, G.

Prop. XLVII, theor. XXXIII. Ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις $\overline{\Delta}$ τὸ ἀπὸ τῆς τὴν ὀρθὴν γωνίαν ὑποτεινούσης πλευρᾶς τετράγωνον ἴσον ἐστὶ τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν πλευρῶν τετραγώνοις.

Τῶν μὲν ἱστορεῖν τὰ ἀρχαῖα βουλομένων ἀκούοντας τὸ θεώρημα τοῦτο εἰς Πυθαγόραν ἀναπεμπόντων ἐστὶν εὐρεῖν καὶ βουθύτην λεγόντων αὐτὸν ἐπὶ τῇ εὐρέσει. ἐγὼ δὲ θαυμάζω μὲν καὶ τοὺς πρώτους
 10 ἐπιστάντας τῇ τοῦδε τοῦ θεωρήματος ἀληθείᾳ, μειζόνως δὲ ἄγμαι τὸν στοιχειωτήν, οὐ μόνον ὅτι δι' ἀποδείξεως ἐναργεστάτης τοῦτο κατεδήσατο, ἀλλ' ὅτι καὶ τὸ καθολικώτερον αὐτοῦ τοῖς ἀνελέγκτοις λόγοις τῆς ἐπιστήμης ἐπίσεν ἐν τῷ ἔκτῳ βιβλίῳ. δείκνυσι γὰρ
 15 ἐν ἐκείνῳ καθολικῶς ὅτι ἐν τοῖς ὀρθογωνίοις τριγώνοις τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεिनούσης τὴν ὀρθὴν γωνίαν [εἶδος ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν γωνίαν] εἶδεσιν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένοις. πᾶν μὲν γὰρ τετράγωνον ὁμοίον ἐστὶ τετραγώνῳ παντί,
 20 οὐ πάντα δὲ τὰ ὅμοια ἀλλήλοις εὐθύγραμμα τετράγωνά ἐστιν, καὶ γὰρ ἐν τριγώνοις καὶ ἐν ἄλλοις ἐστὶ πολυγώνοις || ὁμοιότης. ὁ τοίνυν ἀποδεικνὺς λόγος τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεινούσης τὴν ὀρθὴν εἶδος, ἢ τετραγωνικὸν εἴτε ἄλλο ὅποιονοῦν, ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ
 25 τὴν ὀρθὴν τοῖς ὁμοίοις τε καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμέ-

1 *M* in margine $\overline{\mu\zeta}$. 2 $\overline{\Delta}$ om. *G*. 3—5 'circa rectum Angulum iacentibus' et in margine 'rectum Angulum comprehendentibus' *B*. 6 ἀκούοντες *M, G*. 8 βουθύτειν *G*, βουθύτην *C*. 17 εἶδος . . . γωνίαν om. *M, B₃, G*; *Z* et *B* quae necessaria sunt addunt. 19 μὲν om. *G*, add. *C*.

νοις εἶδесιν καθολικώτερον δείκνυσι καὶ ἐπιστημονικώτερον τοῦ τὸ τετραγώνον μόνον ἴσον τοῖς τετραγώνοις ἀποφαίνοντος. ἐνταῦθα γὰρ καὶ ἡ αἰτία φανερά γίνεται τοῦ καθολικοῦ δειχθέντος, ὅτι ἡ ὀρθότης τῆς γωνίας τὴν ἰσότητα παρέχεται τῷ ἀπὸ τῆς ὑποτεينوῦ- 5
σης αὐτὴν εἶδει πρὸς πάντα τὰ ἀπὸ τῶν περιεχουσῶν | αὐτὴν τὰ ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀναγεγραμμένα, ὥσπερ ἡ μὲν ἀμβλύτης ὑπεροχῆς, ἡ δὲ ὀξύτης τῆς ἐλαττώσεως.

Ὅπως μὲν οὖν δείκνυνται τὸ ἐν τῷ ἔκτῳ θεωρήματι, ἐν ἐκείνοις ἔσται δῆλον, ὅπως δὲ τὸ προκείμενον 10
ἀληθές, νυνὶ σκοπῶμεν, τοσοῦτον προσθέντες, οὐκ ἐνταῦθα τὸ καθολικὸν δεικνύναι μηδὲν διδάξαντα περὶ ὁμοιότητος εὐθύγραμμων σχημάτων, μηδὲ ὅλως περὶ ἀναλογίας ἐνδειξάμενον. πολλὰ γοῦν τῶν ἐνταῦθα μερικώτερον (?) νῶ δέδεικται καθολικώτερον διὰ τῆς 15
τοιαύτης μεθόδου. δείκνυσι δὲ οὖν ὁ στοιχειωτὴς ἐν τούτοις ἀπὸ τῆς περὶ τῶν παραλληλογράμμων κοινῆς θεωρίας τὸ ζητούμενον. διτιτῶν δὲ ὄντων τῶν ὀρθογωνίων τριγώνων, τῶν μὲν ἰσοσκελῶν, τῶν δὲ σκαληνῶν, ἐν μὲν τοῖς ἰσοσκελέσιν οὐκ ἂν ποτε εὔροιμεν 20
ἀριθμοὺς ἐφαρμόσαι ταῖς πλευραῖς. οὐ γὰρ ἔστι τετραγώνος ἀριθμὸς τετραγώνου διπλάσιος, εἰ μὴ λέγοι τις τὸν σύνεγγυς. ὁ γὰρ ἀπὸ τοῦ ξ τοῦ ἀπὸ τοῦ ε διπλάσιός ἐστιν α δέοντος. ἐν δὲ τοῖς σκαληνοῖς ἰδυνατὸν λαβεῖν ἐναργῶς ἡμῖν δείκνυνται τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτει- 25
νούσης τὴν ὀρθὴν ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν περὶ τὴν ὀρθήν.

2 τοῦ τὸ] τοῦτο M, G. 3 φανερά γίνεται] 'manifesta fit' et in margine 'ostenditur' B. 15 Excidit fortasse δε-
δειγμένων post μερικώτερον. 'quae intellectui particularius patent' Z. || νῶ] 'in illo' et in margine 'nobis' B. B₃ = M, G.
21 τὰς πλευράς C.

τοιούτων γάρ ἐστι τὸ ἐν πολιτείᾳ τρίγωνον, οὗ τὴν
 ὀρθὴν περιέχουσιν ὅ τε τρία καὶ ὁ τέσσαρα. ὑποτείνει
 δὲ αὐτὴν ὁ ε . τὸ γοῦν ἀπὸ τοῦ ε τετράγωνον ἴσον
 ἐστὶ τοῖς ἀπ' ἐκείνων. τοῦτο μὲν γάρ ἐστιν εἰκοσι
 5 πέντε, τὰ ἀπ' ἐκείνων δὲ τὸ μὲν ἀπὸ τοῦ γ θ , τὸ δὲ
 ἀπὸ τοῦ δ ἑκαίδεκα.

Σαφὲς οὖν τὸ λεγόμενον ἐπὶ τῶν ἀριθμῶν· παρα-
 δέδονται δὲ καὶ μέθοδοί τινες τῆς εὐρέσεως τῶν τοι-
 ούτων τριγώνων, ὧν τὴν μὲν εἰς Πλάτωνα ἀναπέμ-
 10 πουσι, τὴν δὲ εἰς Πυθαγόραν. [καὶ ἡ μὲν Πυθαγο-
 ρικὴ] ἀπὸ τῶν περιττῶν ἐστὶν ἀριθμῶν. τίθησι γάρ
 τὸν δοθέντα περιττὸν ὡς ἐλάσσονα τῶν περὶ τὴν ὀρ-
 θήν, καὶ λαβοῦσα τὸν ἀπ' αὐτοῦ τετράγωνον || καὶ
 τούτου μονάδα ἀφελούσα τοῦ λοιποῦ τὸ ἥμισυ τί-
 15 θησι τῶν περὶ τὴν ὀρθὴν τὸν μείζονα· προσθεῖσα δὲ
 καὶ τοῦτω μονάδα τὴν λοιπὴν ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσαν·
 οἶον τὸν τρία λαβοῦσα καὶ τετραγωνίσασα καὶ ἀφε-
 λούσα τοῦ ἐννέα μονάδα τοῦ η λαμβάνει τὸ ἥμισυ
 τὸν δ , καὶ τούτῳ προστίθησι πάλιν μονάδα καὶ ποιεῖ
 20 τὸν ε , καὶ εὗρηται τρίγωνον ὀρθογώνιον ἔχον τὴν
 μὲν τριῶν, τὴν δὲ τεσσάρων, τὴν δὲ πέντε. ἡ δὲ Πλα-
 τωνικὴ ἀπὸ τῶν ἀρτίων ἐπιχειρεῖ. λαβοῦσα γάρ τὸν
 δοθέντα ἄρτιον τίθησιν αὐτὸν ὡς μίαν πλευρὰν τῶν
 περὶ τὴν ὀρθήν, καὶ τοῦτον διελούσα δίχα καὶ τετρα-
 25 γωνίσασα τὸ ἥμισυ, μονάδα μὲν τῷ τετραγώνῳ προσ-

5 ἐκείνου C. 10 καὶ ἡ μὲν Πυθαγορικὴ om. M, ἡ G,
 ἡ N. p. 150, 'Pythagorica enim quae' Z, 'quippe quae' B.

13 ἐπ' αὐτοῦ G, ἀπ' αὐτοῦ C. 14 τὸν ἥμισυ G. || συν-
 τίθησι C. 15 προσθεῖσα M. 18 μονάδος C. || τὸν ἥμισυ C.

19 προστίθησι M, G. 23 αὐτῶν M, G, αὐτὸν C.
 24 διελούσα G, διελούσα C. || τετραγωνίας M, G.

θεῖσα ποιεῖ τὴν ὑποτείνουσαν, μονάδα δὲ ἀφελούσα τοῦ τετραγώνου ποιεῖ τὴν ἑτέραν τῶν περὶ τὴν ὀρθήν· οἶον τὸν τέσσαρα λαβοῦσα καὶ τούτου τὸ ἥμισυ τὸν β τετραγωνίσασα καὶ ποιήσῃσιν αὐτὸν δ . ἀφελούσα μὲν μονάδα ποιεῖ τὸν γ , προσθεῖσα δὲ ποιεῖ ⁵ τὸν ϵ , καὶ ἔχει τὸ αὐτὸ γενόμενον τρίγωνον, ὃ καὶ ἐκ τῆς ἑτέρας ἀποτελεῖτο μεθόδου. τὸ γὰρ ἀπὸ τούτου ἴσον τῷ ἀπὸ τοῦ γ καὶ τῷ ἀπὸ τοῦ δ συντεθεῖσιν.

Ταῦτα μὲν οὖν ἔξωθεν προσιστορήσθω· τῆς δὲ τοῦ στοιχειωτοῦ ἀποδείξεως οὔσης φανεράς οὐδὲν ¹⁰ ἡγοῦμαι δεῖν προσθεῖναι περιττόν, ἀλλὰ ἀρκεῖσθαι τοῖς γεγραμμένοις, ἐπεὶ καὶ ὅσοι προσέθεσάν τι πλέον, ὥς οἱ περὶ Ἥρωνα καὶ Πάππον ἠναγκάσθησαν προσλαβεῖν τι τῶν ἐν τῷ ἔκτῳ δεδειγμένων, οὐδενὸς ἔνεκα πραγματειώδους. ἐπὶ τὰ ἐξῆς οὖν μετίωμεν ¹⁵ ἡμεῖς.

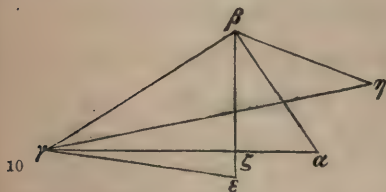
Prop. XLVIII, theor. XXXIII. Ἐὰν τριγώνου τὸ ἀπὸ μιᾶς τῶν πλευρῶν τετράγωνον ἴσον ᾗ τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν τετραγώνοις, ἢ περιεχομένη γωνία ὑπὸ τῶν ²⁰ λοιπῶν τοῦ τριγώνου δύο πλευρῶν ὀρθή ἐστιν.

Ἀντιστρέφει μὲν τοῦτο τῷ πρὸ αὐτοῦ θεωρήματι καὶ ὅλον πρὸς ὅλον ἀντιστρέφει. εἰ γὰρ ὀρθογώνιον, τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτείνουσας ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,

1 ἀφελῶν M, G. 3 τὸν ἥμισυ M, G, τὸ ἥμισυ C.
8 συντίθῃσιν M, συντίθῃσι G; Z omisit hoc verbum, B 'composit' et in margine 'Compositis'. 12 ἐπεὶ δὲ ὅσοι προσέθηκάν τι A, p. 308.

καὶ εἰ τὸ ἀπὸ ταύτης || ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν λοιπῶν,
ὀρθογώνιον ἐστὶ τὸ τρίγωνον ὀρθὴν ἔχον τὴν ὑπὸ
τῶν λοιπῶν περιεχομένην. καὶ ἡ μὲν ἀπόδειξις τοῦ
στοιχειωτοῦ φανερά· ὄντος δὲ τριγώνου τοῦ $\overline{αβγ}$ καὶ

5 ἔχοντος τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$,
ἀγομένης ἐπ' αὐτοῦ



[τῆς?] τῇ $\overline{βγ}$ πρὸς
ὀρθὰς ἀπὸ τοῦ $\overline{β}$ ση-
μείου, ἐὰν λέγῃ τις
ὅτι ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη
τὴν πρὸς ὀρθὰς ἄγειν

δεῖ καὶ μὴ ἐφ' ἃ ὁ στοιχειωτὴς ἤγαγεν, ἐροῦμεν ὅτι
ἀδύνατος ὁ λόγος οὔτε γὰρ ἐντὸς τοῦ τριγώνου πί-
πτειν αὐτὸν δυνατόν, οὔτε ἐκτός, ἀλλ' αὐτὴ ἐστὶν ἡ

15 $\overline{αβ}$. εἰ γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\overline{βε}$. ἐπεὶ οὖν
ὀρθὴ ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{εβγ}$, ὁξεῖα ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{γξβ}$,
ὥστε ἡ λοιπὴ ἀμβλεῖα, ἡ ὑπὸ $\overline{αξβ}$. μείζων ἄρα ἡ $\overline{αβ}$
τῆς $\overline{βξ}$. κείσθω οὖν τῇ $\overline{αβ}$ ἴση ἡ $\overline{βε}$, καὶ ἐπεξεύχθω
ἡ $\overline{εγ}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ $\overline{εβγ}$, τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{εγ}$ ἴσον

20 τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{εβ}$ $\overline{βγ}$. ἀλλὰ ἡ $\overline{εβ}$ τῇ $\overline{βα}$ ἐστὶν ἴση, τὸ
ἄρα ἀπὸ τῆς $\overline{εγ}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{αβ}$ $\overline{βγ}$. τοῖς δὲ
αὐτοῖς ἴσον ἦν καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$. ἴσον ἄρα τὸ ἀπὸ
τῆς $\overline{εγ}$ τῷ ἀπὸ τῆς $\overline{αγ}$, καὶ ἡ $\overline{εγ}$ ἄρα ἴση τῇ $\overline{αγ}$. ἦν
δὲ καὶ ἡ $\overline{εβ}$ ἴση τῇ $\overline{αβ}$. αἱ ἄρα $\overline{βε}$ $\overline{εγ}$ δύο ταῖς $\overline{βα}$

$\overline{\alpha\gamma}$ ἴσαι συνέστησαν ἐπὶ τῆς $\overline{\beta\gamma}$ ἑκατέρα ἑκατέρα, ὅπερ
 ἀδύνατον. οὐκ ἄρα ἐντὸς πε|σεῖται ἡ πρὸς ὀρθάς.
 ἀλλὰ μὴν οὐδὲ ἐκτὸς ἐπὶ τὰ ἕτερα μέρη τῆς $\overline{\alpha\beta}$. εἰ
 γὰρ δυνατόν, πιπτέτω ὡς ἡ $\overline{\beta\eta}$, καὶ ἴση ἔστω τῇ $\overline{\alpha\beta}$
 ἡ $\overline{\beta\eta}$, καὶ ἐπεξεύχθω ἡ $\overline{\gamma\eta}$. ἐπεὶ οὖν ὀρθὴ ἡ ὑπὸ 5
 $\overline{\eta\beta\gamma}$ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{\eta\gamma}$ ἴσον τοῖς ἀπὸ τῶν $\overline{\beta\eta}$ $\overline{\beta\gamma}$. [ἀλλὰ
 ἡ $\overline{\eta\beta}$ τῇ $\overline{\beta\alpha}$ ἐστὶν ἴση, τὸ ἄρα ἀπὸ τῆς $\overline{\eta\gamma}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$.] ἦν δὲ καὶ τὸ ἀπὸ τῆς $\overline{\alpha\gamma}$ ἴσον τοῖς
 ἀπὸ τῶν $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$. || ἴση ἄρα ἡ $\overline{\eta\gamma}$ τῇ $\overline{\alpha\gamma}$, ἀλλὰ καὶ ἡ
 $\overline{\eta\beta}$ τῇ $\overline{\beta\alpha}$ ἐπὶ μιᾷς εὐθείας τῆς $\overline{\beta\gamma}$, ὅπερ ἀδύνατον. 10
 οὔτε ἄρα ἐντός, οὔτε ἐκτὸς πεσεῖται ἡ ἀγομένη πρὸς
 ὀρθάς ἀπὸ τοῦ $\overline{\beta}$ σημείου τῇ $\overline{\beta\gamma}$. ἐπ' αὐτῆς ἄρα
 πεσεῖται τῆς $\overline{\alpha\beta}$, ὀρθὴ ἄρα ἐστὶν ἡ ὑπὸ $\overline{\alpha\beta\gamma}$. λέλυται
 ἄρα ἡ ἔνστασις.

Τὸ μὲν οὖν πρῶτον βιβλίον ἄχρι τούτων ὁ στοι- 15
 χειωτῆς συνεπλήρωσεν, πολλὰ μὲν ἀντιστροφῶν εἶδη
 παραδούς — καὶ γὰρ ὅλα πολλάκις ἀντέστρεψεν πρὸς
 ὅλα καὶ ὅλα πρὸς μέρη καὶ μέρη πρὸς μέρη θεωρημά-
 των — πολλὴν δὲ ποικιλίαν προβλημάτων ἐπινοήσας
 — καὶ γὰρ εὐθειῶν τομὰς καὶ γωνιῶν, καὶ θέσεις 20
 καὶ συστάσεις καὶ παραβολὰς παραδέδωκεν — ἐφαψά-
 μενος δὲ καὶ τοῦ παραδόξου λεγομένου τόπου τῶν
 μαθημάτων, καὶ τῶν τοπικῶν αὐτῶν θεωρημάτων

4 Post τῇ $\overline{\alpha\beta}$ ἡ $\overline{\beta\eta}$ addunt M et G ἴση ἡ $\overline{\beta}$ καὶ ἴση.

6—8 ἀλλὰ ἡ $\overline{\eta\beta}$. . . $\overline{\alpha\beta}$ $\overline{\beta\gamma}$ om. M, B₃, G (Z) et B, qui tamen sequenti sententiae addit 'aequalis vero est ab ipsi gb'.

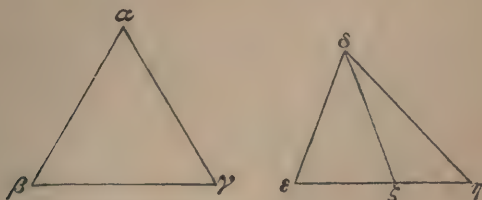
8 δὲ om. B₁. 16 ἦδη C. 21 καὶ παραβολὰς om. G, add. C. 22 τοῦ λεγομένου C.

ἱκανῶς ἡμᾶς ἀναμνήσας, τῶν τε καθολικῶν καὶ τῶν
 ἐπὶ μέρους τὴν στοιχειώσιν ἐκφήνας, καὶ τῶν ἀδιορί-
 στων καὶ διωρισμένων προβλημάτων τὴν διαφορὰν
 ἐνδειξάμενος — ἃ δὴ πάντα καὶ ἡμεῖς αὐτῷ συνεπό-
 5 μνοι διηρθρώσαμεν — ὅλον δὲ τὸ βιβλίον εἰς ἓνα
 σκοπὸν ἀνευγκῶν τὴν στοιχειώσιν τῆς περὶ τῶν
 ἀπλουσιτάτων εὐθυγράμμων θεωρίας, καὶ τὰς τε συ-
 στάσεις αὐτῶν ἐξευρὼν καὶ τὰ καθ' αὐτὰ ὑπάρχοντα
 αὐτοῖς ἀνασκεψάμενος. ἡμεῖς δέ, εἰ μὲν δυνηθείμεν
 10 καὶ τοῖς λοιποῖς τὸν αὐτὸν τρόπον ἐξελθεῖν, τοῖς θεοῖς
 ἂν χάριν ὁμολογήσαιμεν, εἰ δὲ ἄλλαι φροντίδες ἡμᾶς
 περισπᾶσαιεν, τοὺς φιλοθεάμονας τῆς θεωρίας ταύτης
 ἀξιοῦμεν κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον καὶ τῶν ἐξῆς ποι-
 ῆσασθαι βιβλίων τὴν ἐξήγησιν τὸ πραγματεῖωδες
 15 πανταχοῦ καὶ εὐδιαίρετον μεταδιώκοντας, ὥς τὰ γε
 φερόμενα νῦν ὑπομνήματα πολλὴν καὶ παντοδαπὴν
 ἔχει τὴν σύγχυσιν αἰτίας ἀπόδοσιν οὐδεμίαν συν-
 εισφέροντα οὐδὲ κρίσιν διαλεκτικὴν οὐδὲ θεωρίαν
 φιλόσοφον.

2 ἐκφῆναι *M*, *G*. 5 διορθώσαμεν *C*. 10 τρόπον
 om. *G*, add. *C*. 19 *G* addit in fine: Τέλος Πρόκλου εἰς τὸ
 α̅ Εὐκλείδου βιβλ.

ΣΧΟΛΙΟΝ ΕΙΣ ΤΟ $\overline{\kappa\delta}$ ΘΕΩΡΗΜΑ.

Εἰ δεῖ τὸ ἐμοὶ δοκοῦν ἀποφήνασθαι, ἐσφαλται ὁ φιλόσοφος. οὐ γὰρ δυνατὸν ἐπ' αὐτῆς τῆς ὑποτεينوύσης τὴν ὕστερον ἐκβληθεῖσαν εὐθεΐαν πεσεῖν, ἀλλ' ἐξ ἀνάγκης ἀνωτέρω πεσεῖται καθάπερ καὶ ὁ στοιχειωτῆς ἐχρήσατο. ὅπερ δὲ ἐλέγομεν, δείξομεν οὕτως. ἔστω 6



δύο $\overline{\Delta}$ ἰσοσκελῆ τὰ $\overline{\alpha\beta\gamma}$ δεξ τὰς δύο πλευρὰς τὰς $\overline{\beta\alpha}$ $\overline{\alpha\gamma}$ ταῖς δύο ταῖς $\overline{\epsilon\delta}$ $\overline{\delta\zeta}$ ἴσας ἔχοντα, καὶ γωνία ἡ

1 Vide supra pag. 344 lin. 25. || Αδῆλον σχόλιον εἰς τὸ $\overline{\kappa\delta}$ ($\overline{\kappa\alpha}$ C) θεώρημα Εὐκλείδου στοιχείου πρώτου G. M tamquam initium facit libri quarti: πρόκλον λυκίου πλατωνικοῦ ἀλαδόχου εἰς τὸ πρῶτον ἐγκλείδου στοιχείων. et in margine λ' δ. Eadem manu, qua Procli opus, etiam hoc scholium est scriptum. || G in margine: Hoc scholion adiecimus in exemplari quodam veteri repertum. 5 ὥπερ G, ὅπερ C. 6 $\overline{\Delta}$ om. G.

πρὸς τῷ $\bar{\alpha}$ γωνίας τῆς πρὸς τῷ $\bar{\delta}$ μείζων ἔστω. οὐκοῦν
 θετέον ἴσην αὐτῇ γωνίαν τὴν ὑπὸ $\bar{\epsilon\delta\eta}$, καὶ ἐκβλη-
 θεῖσα ἡ $\bar{\delta\eta}$ ἔστω ἴση τῇ $\bar{\epsilon\delta}$. ἔαν δὲ βουλόμεθα ἐπι-
 ξεῦξαι τὴν $\bar{\epsilon\eta}$, οὐ δυνατὸν ταύτην τὴν ἐπιξευγνῦσαν
 5 ἐπ' εὐθείας εἶναι τῇ $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ γὰρ δυνατόν, ἔστω αὐτῇ
 ἐπ' εὐθείας, τουτέστιν ἐπὶ τῆς αὐτῆς εὐθείας πιπτέτω
 ἡ $\bar{\epsilon\eta}$, καθάπερ φαίνεται χρησάμενος ὁ Πρόκλος ἐν
 τῇ δευτέρᾳ αὐτοῦ ὑποθέσει. ἐπεὶ οὖν ἰσοσκελῇ ὑπό-
 κειται τὰ $\bar{\Delta}$, ἴση ἂν εἴη ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ γωνία τῇ πρὸς
 10 τῷ $\bar{\eta}$. ἀλλὰ μὴν καὶ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ ἐστὶν ἴση, καὶ ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ ἄρα ἴση ἐστὶν τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ γωνίᾳ. || τὰ γὰρ
 τῷ αὐτῷ ἴσα καὶ ἀλλήλοις ἐστὶν ἴσα. εἰ δὲ τοῦτο ἀλη-
 θές, ἔσται τοῦ $\bar{\delta\zeta\eta\delta}$ ἡ ἐκτὸς γωνία τῇ ἐντὸς καὶ
 ἀπεναντίον ἴση, ὅπερ ἐστὶν ἀδύνατον. οὐκ ἄρα δυ-
 15 νατὸν ἐπ' εὐθείας εἶναι τὴν $\bar{\epsilon\eta}$ εὐθεῖαν τῇ $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ δὲ
 τοῦτο οὐκ ἐνδέχεται, πολλῷ μᾶλλον οὐδὲ ἐκτὸς πεσεῖ-
 ται ἐντὸς ἄρα. οὐκ ἄρα ὀρθῶς εἴρηκεν ὁ φιλόσοφος.
 Καὶ ἄλλως δὲ τοῦτο δεῖξομεν ἀδύνατον ἐπὶ τῆς
 αὐτῆς καταγραφῆς. ἐπεὶ γὰρ ἴση ὑπόκειται ἡ $\bar{\delta\epsilon}$ τῇ
 20 $\bar{\delta\zeta}$ καὶ τῇ $\bar{\delta\eta}$, καὶ ἡ $\bar{\delta\zeta}$ ἄρα τῇ $\bar{\delta\eta}$ ἴση ἂν εἴη, ὥστε
 ἰσοσκελῇ εἶναι τὰ τρία τρίγωνα, ἥγουν τὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ καὶ τὸ
 $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι τὸ $\bar{\delta\epsilon\eta}$. ἴσαι γὰρ ἐδείχθησαν ἀλλήλαις

1 πρὸς τὸ $\bar{\alpha}$ M, G. || πρὸς τὸ $\bar{\delta}$ M, G. || μείζον M, G.

3 βουλόμεθα M, G. 9 $\bar{\Delta}$] δύο G. || πρὸς τὸ $\bar{\epsilon}$ M, G, corr. C. ||
 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ M, G, corr. C. 11 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ G, corr. C.
 19 αὐτῆς om. G, add. C.

αἱ τρεῖς πλευραί. οὐκοῦν καὶ αἱ πρὸς ταῖς βάσεσιν
 αὐτῶν γωνίαι ἴσαι ἀλλήλαις πεσοῦνται, τουτέστιν ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ τῇ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ καὶ ἔτι τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$, καὶ ἡ
 πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ τῇ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$. αἱ τέσσαρες ἄρα γωνίαι ἴσαι
 ἀλλήλαις εἰσὶν κατὰ μίαν, ὥστε καὶ δύο αὐτῶν τοῖς 5
 λοιποῖς δύο ἴσαι ἔσονται. ἔστωσαν αἱ πρὸς τοῖς $\bar{\epsilon}$ καὶ
 $\bar{\eta}$ δύο ταῖς ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δυεῖν ἴσαι, ὅπερ συναμφο-
 τεραι συναμφοτέραις. αἱ δὲ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$ $\bar{\delta\zeta\eta}$ δύο ὀρθαῖς
 ἴσαι εἰσὶν, εἴπερ εὐθεῖα ἡ $\bar{\delta\zeta}$ ἐπ' εὐθεΐαν τὴν $\bar{\epsilon\eta}$ ἐφ-
 ἔστηκεν, ὥστε καὶ αἱ ὑπὸ $\bar{\delta\epsilon\zeta}$ $\bar{\delta\eta\zeta}$ γωνίαι δυεῖν ὀρ- 10
 θαῖς ἴσαι εἰσὶν. εἰ δὲ τοῦτο ἀληθές, ἀνήρηται τὸ $\bar{\iota\zeta}$
 θεώρημα. ἀλλὰ μὴν ἐκεῖνο ἀληθές, ἀδύνατον ἄρα
 τοῦτο. οὐκ ἄρα ἡ ἐκβαλλομένη | εὐθεῖα ἡ $\bar{\delta\eta}$ ἐπὶ
 τῆς αὐτῆς εὐθείας ἐπιζευχθήσεται τῆς $\bar{\epsilon\zeta}$. εἰ δὲ τοῦτο
 οὐχ οἶόν τε, πολλῷ μᾶλλον, ὥς εἴρηται, οὐδὲ ἐκτός. 15
 μείζον γὰρ τούτου ἐπ' ἐκείνου τὸ συμβαῖνον ἄτοπον.
 ῥητέον οὖν ὑπὲρ τοῦ φιλοσόφου ὅτι πρὸς εἰσαγομέ-
 νους διαλεγόμενος οὐ πάννυ ἐμμελῶς ἐξέθετο, ἢ γυμνα-
 σίας χάριν τῶν εὐφυῶς διακειμένων καὶ προθυμο-
 ποιίας, ἢ καὶ ἴσως ἐπελάθετο, καὶ οὐδὲν θαυμαστόν. 20

Καὶ ἄλλως· ἐπεὶ γὰρ ἐδείχθησαν αἱ τέσσαρες γω-
 γίαι ἴσαι ἀλλήλαις κατὰ μίαν, τουτέστιν ἡ τε ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\epsilon}$
 καὶ ἡ ὑπὸ $\bar{\delta\zeta\eta}$ καὶ ἔτι ἡ πρὸς τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς τῷ $\bar{\eta}$,
 ὅταν δὲ εὐθεῖα ἐπ' εὐθεΐαν σταθεῖσα τὰς ἐφεξῆς
 γωνίας ἴσας ποιῇ, ὀρθὴ ἐστὶν ἑκατέρω, ὥστε ὀρθὴ ἂν 25

3. 4 πρὸς τὸ $\bar{\eta}$ ambobus locis M, G, corr. C. 5 τῶν λοι-
 πῶν M, G. 23 ἡ ante πρὸς τῷ $\bar{\eta}$ om. M, G.

εἴη ἑκατέρω τῶν ὑπὸ $\overline{\delta\zeta\epsilon}$ $\overline{\delta\zeta\eta}$. εἰ δὲ τοῦτο, καὶ ἡ
 πρὸς [τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς] τῷ $\bar{\eta}$ ὀρθαὶ ἂν εἶεν. εἰ δὲ
 τοῦτο, ἀνῆρηται πάλιν τὸ $\overline{\iota\zeta}$ θεώρημα. παντὸς γάρ
 φησιν τριγώνου αἱ δύο γωνίαι δύο ὀρθαῖς ἐλάσσονες
 εἰσιν· ἡ δὲ ὑπόθεσις ἡμῶν δείκνυσιν αὐτὰς δύο ὀρ-
 θαῖς ἴσας· ὅπερ ἄτοπον.

1 $\overline{\delta\zeta\eta}$ om. G, add. C. 2 τῷ $\bar{\epsilon}$ καὶ ἡ πρὸς om. M, G. ||
 τὸ $\bar{\eta}$ G, τῷ $\bar{\eta}$ C. || ὀρθὴ $\bar{\alpha}\nu$ εἴη G.

A d d e n d a.

- P. 1.
 16, 23. Ante ἀριθμῶν videtur addendum φαινομένων quod legitur 17, 10.
 23, 9. Pro λειότητος coniecimus ἰσότητος esse scribendum.
 29, 18. ἐν πολιτείᾳ] VII, 533, C.
 42, 20. Post λέγω omissum esse putes καὶ τὴν συνθετικὴν, cum 43, 3 legeris τὰ δὲ διὰ συνθέσεως. At vide 43, 7—9 et 69, 14—19.
 50, 20. φαίνεται in φαίνεσθαι mutare in promptu est. Barocius interpretatus est: ‘aut in singularibus excogitari innatum est apparere tale, quod existentiam quoque in his habeat’ Zambertus: ‘vel in singularibus consideratur vel in his etiam essentiam obtinere videtur’. Ille igitur καί, hic πέφυκε aut non invenit in codice aut omisit. Magis tamen placet πέφυκε ἢ φαίνεται additamentum esse lectoris, quem fugit infinitivos φαντάζεσθαι, ἔχειν pendere a praecedente εἰπωμεν.
 67, 15. ὀρικῶν, quod in codicibus exstat, sensu non caret; qui μερικῶν scripserunt, voce καθολικώτερα adducti ad id videntur. Utrum a Proclo sit scriptum, haud scio an nunquam possit discerni.
 130, 15. Codicis M scripturam Ἀσιναιῶς correxit postera manus in Ἀθηναῖος. In Zamberti interpretatione legitur ‘Atheniensis philosophus’. Barocius dicit: ‘Asinaeus quoque Philosophus’ et Taylor: ‘Theodorus Asinaeus the philosopher’. Ego certi nihil adhuc indagavi.

- P. 1.
140, 7. Verbum *ἔστιν*, quod praebent codices post *νοητῶν* supervacaneum, in margine vel inter lineas sequenti *τελειότερον* fuisse adscriptum puto.
- 147, 20. *φησὶν ὅτι νοῦν μιμεῖται* ex margine in contextum illata mihi videntur.
- 154, 3. Inter *τό* et *οἶον* omissum fortasse est *ἔν*. Propius autem ad codicis M scripturam accedes, si *τό* in *αὐτό* mutaveris.
- 155, 17. Post *διακόσῳ* excidit verbum similitudinis notionem reddens; nimis enim est durum *προσέοικεν*, quod paullo supra legitur, hoc loco inde supplere.
- 189, 18. Verba *εἶναι δύνασθαι* ex linea 16 male hic sunt repetita.
- 197, 16. Loco lacunoso nec B₃ subvenit, ubi pro vocabulis *τὰ ὅλα ἴσα*. *τὸ ἄρα* leguntur vocabula *ὅλον ἄρα τό*. Ex sequentibus ibi exciderunt lineae 197, 18 usque ad 198, 2.
- 209, 3—4. Priorem huius loci partem sanavisse mihi videor addita voce *διαστήματι*, in altera *πρότερον* ante *κέντρον* audias vel addas.
- 273, 12. *ἐπ' αὐτοῦ* interpretatus est Barocius 'apud ipsum', ego aut *ὑπ' αὐτοῦ* scribendum aut 'in illo' i. e. problemate vertendum puto.
- 274, 13. 14. Cum in M post *γβε* addita sint: *μεῖζων ἄρα ἢ ὑπὸ βγδ*, locus ita fortasse est scribendus: *μεῖζων δὲ ἢ ὑπὸ γβδ τῆς ὑπὸ γβε· μεῖζων ἄρα ἢ ὑπὸ βγδ τῆς ὑπὸ γβε*.
- 304, 6. Aut *τῇ ἐπ' εὐθείας δεῖξει* scribendum videtur aut adiectivi forma adhibenda *τῇ ἐπευθείᾳ δεῖξει*, quae in M invenitur et hoc loco et infra 345, 1: *ταῖς ἐπευθείαις δεῖξει*.
- 306, 16—18. Hunc locum aliter quoque restitueris scribens: *ταύτῃ μὲν γὰρ καὶ ἴση δύναται εἶναι καὶ ἐλάσσων αὐτῆς, ἐκείνων δὲ ἐκατέρως μεῖζων ἔστιν ἐν παντός*.
- 315, 2. In promptu est scribere: *ὅτε μὲν ἐξ ὁμοιοτήτων καὶ ἀνομοιοτήτων, ὅτε δὲ ἐξ ἰσοτήτων καὶ ἀνισοτήτων*. At Proclus plurali usus idem videtur voluisse dicere ac si *ὁμοιοτητος καὶ ἀνομοιότητος, ἰσότητος καὶ ἀνισότητος* diceret.
- 325, 10—11. Veri non dissimile est inter *ἴσαι* et *καί* excidisse aliquot verba causam addentia, cur anguli ad α punctum iacentes angulis ad ε iacentibus aequales esse nequeant. Aut enim duobus rectis essent aequales aut iisdem angulis et aequales et minores iis.
- 333, 12—13. In B₃ in contextu legitur *ἢ τε τοῦ πελέκεως* et in margine *μηνοειδῆς πελεκοειδῆς*.
- 333, 14—15. B₃: *καὶ ἡ τοῦ μηνοειδοῦς* (alias *πελεκοειδοῦς*).

- P. 1.
 337, 21. δεῖ mutandum videtur in κοινὸν δέ. 'commune cunctis inquam' Barocius.
 345, 6. Post τῇ ἀνισότητι addendum est τὴν ἀνισότητα, quod M et G omittunt.
 349, 3—6. Proclum scripsisse puto: οὐκουν . . . ἄνισα πάντα;
 394, 13. Aut ἐσμεν post διαιρούμενοι videtur addendum aut διαιρούμεθα scribendum. Barocius καί post προσ-ετίθεμεν non est interpretatus.
 409, 8. δέ post ἔοικεν minus recte videtur additum, cum ἔοικεν referendum sit ad ὅτι post ἐπισημῆνασθαι in linea 1.

Index nominum.

- Ἀθηνᾶ 30, 3.
 Ἀθηναῖκος, ἡ, ὄν 30, 4.
 Ἀθηναῖος ὁ Κυβικηνός 67, 16.
 Ἀθηναῖος, ὁ 66, 16. 130, 15 ?.
 ὁ Ἀθ. ξένος 24, 7.
 Αἰγύπτιος, ὁ 63, 21. 64, 18. 65, 6.
 Αἰγυπτος, ἡ 65, 7.
 Αἰδης 167, 2. 8.
 Αἰνείας ὁ Ἱεραπολίτης 361, 21.
 Ἀκαδήμια 67, 19.
 Ἀλεξανδρεὺς, ὁ 345, 14.
 Ἀμέριστος (?) 65, 12 annotatio.
 Ἀμύκλας 67, 8.
 Ἀμφίνομος 77, 17. 202, 11.
 220, 9.
 οἱ περὶ Ἀ. 254, 4.
 Ἀναξαγόρας 65, 21. 66, 2.
 Ἄνδρων 80, 17.
 Ἀντιοχεὺς 125, 25.
 Ἀπολλώνιος 71, 19. 74, 23. 105, 15. 123, 16. 124, 18. 125, 17. 183, 13. 18. 194, 10. 21. 25—195, 5. 282, 8—19. 336, 16. 356, 8.
 οἱ περὶ Ἀπ. 100, 6.
 ἐν τῷ περὶ τοῦ κοιλίου γράμματι 105, 5.
 ὁ Περγαῖος 279, 16—280, 9.
 Ἀρης 167, 2. 7.
 Ἀριστοτέλης 26, 12. 28, 14. 32, 24. 33, 24. 51, 17. 59, 11. 76, 24. 97, 24. 104, 22. 188, 7. 192, 10. 194, 7. 202, 11. 204, 17. 260, 1. 384, 7. 391, 23.
 ὁ δαιμόνιος 64, 9. 76, 8. 116, 24. 284, 24.
 αἵτημα, ἀξίωμα quid? 182, 14—20.
 κατασκευάζων πεπερασμένον εἶναι τὸν κόσμον 371, 12—23.
 Ἀριστοτελικός (ὀρισμός) 183, 11.
 Ἀρχιμήδεια ἔλικες 272, 10.
 Ἀρχιμήδης 41, 6. 17. 63, 19—25. 68, 12. 18.
 ἐν τοῖς περὶ σφαίρας καὶ κυλίνδρον 71, 18.
 τὴν εὐθεῖαν ὠρίσατο 110, 10—12.
 αἱ ἀνισορροπίαι 181, 18.
 (περὶ κύκλον) 423, 3—5.
 Ἀρχυτας 66, 15.
 Ἀσιναῖος? 130, 15.
 Βάκχαι
 v. Φιλόλαος.
 Γέλων 64, 26.
 Γεμῖνος 38, 4. 105, 26. 112, 23. 117, 23. 176, 26. 177, 24. 183. 15. 184, 5. 185, 8. 188, 5. 11. 192, 5. 202, 12—25. 251, 4. 8. 278, 12—279, 4. 395, 14.

- διαιρεῖ τὴν γραμμὴν 111, 1—112, 15.
 τὰ αἰτήματα τῶν ἀξιωματῶν 178, 9—182, 6.
 τὸ θεώρημα τελειότερον εἶναι λέγει τοῦ προβλήματος 243, 21—25.
 Γοργίας
 ν. Πλάτων.
 Δεινόστρατος 67, 11.
 Δημήτηρ 173, 12. 19.
 Διόνυσος 167, 3. 9.
 Ἑλλάς, ἡ 65, 8.
 Ἐπικουρεῖοι, οἱ 199, 11. 322, 5—14. 323, 4.
 Ἐπίκουρος 200, 1. 216, 21. 218, 8.
 Ἐρατοσθένης 43, 23. 68, 18. 20. 111, 22.
 Ερμαῖκος, ἡ, ὄν 30, 4. 55, 20.
 Ερμότιμος 67, 20.
 Ἑστία 173, 13. 18.
 Εὐδημος 299, 3. 333, 6.
 ὁ περιπατητικὸς 125, 7 (περὶ γωνίας). 379, 2.
 ἐν ταῖς γεωμετρικαῖς ἱστορίαις 352, 14—18.
 οἱ περὶ τὸν Εὐδημον 419, 15.
 Εὐδοξος 67, 2. 10. 21. 68, 8.
 Εὐκλείδης 68, 7—70, 18. 73, 11. 74, 10. 76, 2. 81, 7—22. 94, 8. 109, 7—13. 116, 25. 123, 15. 125, 13. 128, 20. 143, 6. 151, 14—153, 8. 171, 1. 176, 5. 183, 22. 28. 192, 1. 194, 12. 302, 12. 354, 4. 420, 7.
 αὐτός 223, 21. 374, 2. 408, 7.
 ὁ γεωμέτρης 70, 25. 85, 3. 94, 7. 21. 96, 19. 102, 11—21. 113, 10—24. 114, 6. 120, 14—121, 7. 127, 18—128, 19. 142, 9. 172, 10. 196, 18. 224, 14. 238, 17. 239, 2. 262, 6. 264, 18. 273, 11. 275, 5. 279, 13. 280, 18. 286, 20. 292, 12. 298, 6. 300, 6. 306, 2. 307, 9. 315, 11. 318, 16. 330, 21. 336, 7. 345, 10. 349, 26. 357, 9. 358, 2. 359, 7. 360, 10 ss. 373, 5. 374, 9. 400, 14. 410, 24. 413, 16.
 ὁ στοιχειωτής 135, 13. 136, 13. 144, 24. 156, 11. 162, 8. 165, 20. 174, 18. 193, 6. 200, 11. 228, 11. 232, 11. 234, 20. 236, 7. 16. 239, 16. 241, 1. 244, 18. 246, 16. 247, 2. 248, 4. 250, 13. 256, 11. 257, 5. 258, 14. 261, 13. 263, 23. 264, 9. 266, 15. 273, 23. 279, 1. 280, 10. 281, 2. 282, 2. 21. 283, 22. 293, 13. 299, 5. 306, 7. 310, 17. 312, 1. 315, 5. 321, 10. 323, 8. 326, 12. 327, 5. 331, 9. 332, 13. 334, 3. 335, 15. 338, 2. 13. 340, 5. 341, 19. 344, 8. 16. 348, 13. 352, 24. 356, 15. 361, 18. 362, 12. 364, 13. 365, 6. 11. 375, 22 ss. 378, 3. 379, 19. 386, 9. 387, 3. 390, 17. 393, 5. 394, 1. 395, 7. 22. 399, 4. 400, 8. 401, 4. 407, 26. 409, 23 ss. 412, 18 ss. 418, 16. 426, 11. 427, 16. 429, 10. 430, 4. 11. 431, 15. 433, 4.
 πρὸς ἀστρονομίαν βλέπει 268, 15—269, 21.
 ὄνομα παραλληλογράμμων ἔοικε συνθεῖναι 392, 21.
 Opera 68, 23—69, 7. 70, 5—18.
 πορίσματα 212, 13. 302, 12 s. (τῆς στοιχειώσεως) τὸ πρῶτον 72, 25. 81, 20. 82, 24—84, 7. 162, 22. 431, 15 ss.
 τὸ δεύτερον 60, 17. 304, 2. 398, 19.
 τὸ τρίτον 272, 15. 304, 7. 335, 18. 395, 28.
 τὸ τέταρτον 72, 26. 81, 21. 204, 1. 2. 269, 11.
 τὸ πέμπτον 81, 22. 357, 12.
 τὸ ἕκτον 245, 5—7. 405, 11 ss. 420, 5. 426, 14.
 τὸ ἑβδομον 303, 23.
 τὸ δέκατον 205, 10.
 Εὐκλείδης λόγος 110, 12. 143, 22.
 θεώρημα 299, 12.

- Ἐφεκτικοί, οἱ 199, 9.
 Ζεύς 90, 18.
 Ζανὸς φυλακή 90, 17.
 ἡγεῖται δυωδεκάδος 174, 11—16.
 Ζηνόδοτος 80, 15.
 Ζηνόδορος 165, 24.
 Ζήνων, ὁ Σιδώνιος 199, 15.
 200, 5. 214, 18—215, 13. 216, 10—19. 217, 10—23. 218, 1.
 Ἡλεῖος, ὁ 65, 14.
 Ἡρακλεώτης, ὁ 67, 8.
 Ἡρων 41, 10. 196, 16.
 ὁ μηχανικός 305, 24. 346, 13—347, 11.
 ὁ περὶ Ἡρώνα 323, 7. 9—21(?). 429, 13.
 Θαλῆς 65, 7. 157, 11. 250, 20. 299, 4. 352, 15.
 Θάσιος, ὁ 66, 15.
 Θεαίτητος 66, 16. 67, 22. 68, 8.
 vide Πλάτων.
 Θεόδωρος ὁ Κυρηναῖος 66, 6.
 ὁ μαθηματικός 110, 7.
 Θεῦδιος 67, 12.
 Ἱεραπολίτης, ὁ 361, 21.
 Ἱέρων 63, 18. 23.
 Ἰππίας 272, 7. 356, 11.
 ὁ Ἡλεῖος 65, 14.
 Ἱπποκράτης medicus 38, 26.
 ὁ Χῖος 66, 4. 7. 213, 8.
 Καλλικλῆς 24, 15.
 Καλυψώ 55, 21.
 Κάριος ὁ Ἀντιοχεύς 125, 25.
 ὁ μηχανικός ἐν τῇ ἀστρολογικῇ πραγματείᾳ περὶ τῶν προβλημάτων καὶ θεωρημάτων 241, 19—243, 11. 23.
 Κλαζομένιος, ὁ 65, 21.
 Κνίδιος, ὁ 67, 2.
 Κολοφώνιος, ὁ 67, 21.
 Κράτιστος 211, 16.
 Κρόνος 167, 2. 6.
 Κτησίβιος 41, 9.
 Κυζικηνός, ὁ 67, 16.
 Κυρηναῖος, ὁ 66, 6.
 Λεωδάμας 66, 15. 18. 211, 21.
 Λέων 66, 19 s. 67, 2.
 Μάγνης, ὁ 67, 12.
 Μάμερκος (?) 65, 12.
 Μεδμαῖος(?), ὁ 67, 24 annotatio.
 Μενάιχμιος, ὁ 111, 23.
 Μέναιχμος 67, 9. 72, 24. 78, 9. 17. 111, 21.
 οἱ περὶ Μ. 254, 4.
 Μενδαῖος(?), ὁ 67, 24.
 Μενέλαος
 ὁ Ἀλεξανδρεὺς 345, 14—346, 13.
 Νεῖλος 64, 21.
 Νεοκλείδης 66, 18.
 Νικομήδης 272, 3—8. 356, 10.
 Ξενοκράτειος λόγος 279, 5.
 Οἰνοπίδης ὁ Χῖος 66, 2. 80, 16. 283, 7—10. 333, 5.
 Ὀμηρίκος, ἡ, ὅν 30, 3.
 Ὀρφεύς 155, 18.
 Πάππος 189, 12. 197, 6. 249, 20—250, 12.
 οἱ περὶ Πάππον 429, 13.
 Περγαῖος, ὁ 279, 17.
 Περσεύς 111, 24. 112, 2. 356, 12.
 Πλάτων 3, 14. 10, 18. 11, 27. 12, 8. 13, 11. 16, 6. 22, 9. 29, 15. 26. 30, 11. 32, 3. 19. 34, 4. 37, 1. 41, 1. 42, 10. 45, 15. 48, 3. 50, 10. 17. 52, 20. 57, 3. 66, 3. 8—14. 67, 3. 7. 9. 10. 24. 68, 2. 3. 17. 90, 6. 92, 9. 103, 21—104, 8. 22. 108, 7. 174, 15. 428, 9.
 ὁ θεῖος 116, 21.
 ἀφορίζεται τὴν εὐθεῖαν 109, 21—22.
 ἀνάλυσιν παραδέδωκεν 211, 21.
 διαίρετικὴν ἐξύμνησεν 211, 27 s.
 Ἀντερασταί 66, 3.
 Γοργίας 24, 15. 30, 19.
 Ἐπινομίς 42, 12.
 Θεαίτητος 10, 2. 27, 22.
 Μένων 45, 18.
 Νόμοι 24, 7.
 Παρμενίδης 94, 11. 99, 21. 104, 8. 117, 17.
 Πολιτεία 8, 14. 10, 19. 20, 17.

- 23, 21. 24, 17. 29, 18. 30, 8.
42, 10. 44, 11. 131, 10. 428, 1.
Πολιτικός 30, 16.
Σοφιστής 30, 16.
Συμπόσιον 31, 1.
Τίμαιος 17, 12. 20, 10. 22, 21.
23, 1. 34, 4. 41, 12. 92, 5. 108,
10. 137, 22. 148, 1. 166, 18.
173, 15. 291, 1. 382, 3—5.
384, 4.
Φαίδρος 21, 5.
Φαίδων 192, 12.
Φίλητος 25, 6.
Vide *Σωκράτης*.
Πλατωνικός, ἡ, ὅν 68, 23.
Πλατωνικός Subst. 68, 20.
Pluralis 57, 1.
Πλατωνική μέθοδος 428, 21—
429, 6.
Πλούταρχος 125, 16.
Πλωτίνος 21, 21.
Πορφύριος 255, 14. 297, 4—
298, 3. 316, 1—13. 348, 15—
352, 14.
ἐν τοῖς συμμίκτοις 56, 24.
οἱ περὶ Πορφύριον 323, 7. 22
—324, 23 (?).
Ποσειδώνιος 80, 21. 143, 8. 170,
13. 176, 6—11. 200, 2. 216,
20—217, 9. 24—218, 11.
Πρόκλος 434, 7; *φιλόσοφος* 433,
2. 434, 17. 435, 17; loci, in
quibus Procli leguntur opi-
niones: 30, 8—32, 20. 42, 9
—44, 24. 84, 9—15. 91, 1—
10. 128, 2—22. 158, 6—20.
165, 19—166, 13. 171, 17—
172, 4. 15—173, 2. 213, 14—
214, 13. 218, 12—220, 6. 224,
15—227, 8. 229, 3—232, 11.
239, 5—240, 10. 247, 6—249,
19. 256, 15—258, 13. 262, 3—
264, 7. 270, 5—24. 273, 11—
277, 4. 281, 6—282, 2. 284, 18.
—291, 19. 293, 15—294, 14. 299,
13—301, 17. 303, 5—304, 10.
305, 4—16. 307, 25—310, 8,
19—313, 12. 316, 14—318, 3.
319, 2—321, 8. 322, 15—323,
3. 325, 1—326, 5(?). 22—329,
7. 330, 17—332, 18. 334, 6—
335, 14. 338, 1—344, 8. 359,
19—360, 9. 368, 1—23. 369,
21—373, 2. 13—23. 374, 8—
375, 7. 378, 4—24. 379, 18—
384, 21. 388, 13—392, 19.
393, 6—394, 1. 11—395, 12.
396, 12—398, 17. 399, 5—400,
16. 401, 6—404, 26. 408, 7—
24. 410, 26—411, 15. 412, 20
—416, 14. 417, 1—419, 10.
424, 7—425, 18. 430, 4—431,
14.
Πτολεμαῖος, ὁ βασιλεύς 63, 21.
68, 11. 14.
Πτολεμαῖος (ὁ μαθηματικός)
191, 23.
ἐν οἷς ἀποδείξαι προέθετο
τὰς ἀπ' ἐλλαττόνων ἢ δύο
ὀρθῶν ἐκβαλλομένας συμπί-
πτειν, ἐφ' ἃ μέρη εἰσὶν αἱ
τῶν δύο ὀρθῶν ἐλάσσονες
362, 14—363, 18. 365, 7—368,
1. 24.
Πυθαγόρας 22, 16. 65, 16. 426,
7. 428, 10.
Πυθαγόρειοι 22, 11. 35, 22—
38, 1. 45, 5. 90, 14. 95, 21.
98, 11. 99, 18. 115, 1—8. 130,
8. 166, 14. 173, 2. 379, 2—17.
419, 16. 420, 23.
σύμβολον 84, 15—17.
Πυθαγόρειον ἀρέσκον 142, 8.
θεώρημα 305, 3.
Πυθαγορική μέθοδος 428, 10
—21.
Πυθαγορικοί 131, 21.
Πυθαγορικάτεροι λόγοι 97, 19
—99, 14.
Ῥέα 90, 15. 173, 12. 20.
Σιδώνιος, ὁ 199, 15.
Σιμίας 192, 12.
Σπένσιππος 77, 16. 78, 14. 179,
15.
Στησίχορος 65, 12.
Στοά, ἡ 77, 3. 89, 17. 194, 1,
397, 2.
Συράκουσα 41, 7.

Συρακοῦσιος 63, 19. 22.

Σωκράτης 8, 15. 10, 2. 11, 17.
20, 18. 21, 5. 24, 14. 25, 6.
27, 23. 29, 23. 30, 19. 45, 18.
131, 10. 150, 8.

Vide Πλάτων.

Ταραντῖνος, ὁ 66, 15.

Τίμαιος

v. Πλάτων.

Φίλιππος 305, 24.

ὁ Μενδαῖος (?) 67, 23.

Φιλόλαος 130, 10. 167, 1. 14.
173, 11. 174, 4. 13.

ἐν ταῖς Βάγκαις 22, 15.

Φίλων 269, 24.

οἱ περὶ Φίλωνα 266, 16—269,
18.

Φοίνιξ, ὁ 65, 3.

Χῖος, ὁ 66, 2. 5. 213, 9.

Χρῦσιππος 395, 14—18.

Index rerum et verborum.

ἀβάθης, ἐς 12, 20. 49, 14. 97,
2. 4. 114, 5. 24.

ἀγαθός, ἡ, ὅν
τὸ ἀγαθόν 25, 17. 29, 1. 31,
15. 17. 49, 3. 131, 2. 174, 9.

ἄγαλμα, τό 138, 11.

ἄγαμαι 69, 5. 141, 16 s. 251, 2.
426, 11.

ἀγαπάω 55, 4. 61, 13. 162, 14.
180, 21. 202, 20.

ἄγγελ, ἡ 10, 4.

ἄγένητος, ὃν 56, 12. 149, 15.

ἄγευστος, ὃν 28, 21.

ἄγεωμέτροτος, ὃν 58, 23. 25.
61, 23. 80, 4.

ἄγγεῖον, τό 141, 23.

ἄγκτήρ, ὁ 20, 25.

ἄγνοεω 26, 6. 29, 20. 32, 5. 56,
24. 322, 10. 404, 1.

ἄγνοια, ἡ 46, 23. 70, 1.

ἄγνωστος, ὃν 76, 18. 91, 3. 138,
7. 14. 145, 18.

Comp. 183, 16. 195, 15.

ἄγονία, ἡ 8, 19. 24, 3.

ἄγραφος, ὃν 186, 6.

ἄγχίνους 407, 15.

ἄγω passim, e. g. 21, 23. 29,
16. 45, 16. 61, 24. 118, 16 s.
125, 24. 179, 23.

εὐθεῖαν 58, 17. 152, 20. 283,
18 ss.

ἄωγή, ἡ 284, 1. 376, 29 ss.

ἄών, ὁ 284, 3.

ἄγώνιος, ὃν 160, 4. 163, 11.

ἄδαμάντινος, ἡ, ὃν 90, 6.

ἄδελφός, ὁ 65, 12. 67, 11.

ἄδηλος, ὃν 289, 13. 322, 8.

ἄδην 35, 17. 126, 7.

ἄδιάρετος, ὃν 3, 5. 37, 19. 54,
21. 56, 12. 72, 7. 244, 16.

ἄδιαιρέτως 153, 27.

ἄδιάστατος, ὃν 50, 1. 15. 54, 6.
55, 17. 56, 19. 100, 18. 142, 1.
186, 16. 24.

ἄδιαστάτως 17, 4. 54, 1. 56, 2.
87, 18. 137, 21. 153, 27.

ἄδιάστροφος, ὃν 20, 15. 23, 24.
108, 11.

ἄδιάφορος, ὃν 238, 19. 283, 12.
333, 19.

ἄδίδακτος, ὃν 119, 1. 179, 4.
195, 21.

ἄδιδάκτως 76, 16.

ἄδιεξίτητος, ὃν 285, 18.

ἄδιόριστος, ὃν 330, 7 ss. 432, 2.
ἄδιορίστως 236, 10. 370, 11.
371, 3.

ἄδρανής, ἐς.

Comp. 15, 4.

ἄδυνατέω 179, 20. 293, 24.

ἄδύνατος, ὃν passim, e. g. 12,
16. 67, 1. 71, 12. 122, 6. 157,
24.

Superl. 140, 9.

ὁ δι' ἄδυνατον τρόπος 73,
22. 202, 20.

- ἡ εἰς ἀδύνατον ἀπαγωγή 212, 2. 252, 2 s. 254, 22—256, 10. 321, 11—20.
 τι τῶν ἀδυνάτων 203, 21.
 ἄδυντον, τό 141, 23.
 αἰεί passim, e. g. 5, 7. 6, 16. 9, 25. 12, 22. 14, 3. 17, 27. 21, 2 s.
 πάντα αἰεί ἔστι διὰ τὸν κύκλον τῆς γενέσεως 149, 17.
 ἄῤῥο, ὁ 82, 24. 296, 7.
 ἄθετος, ὃν 59, 18. 96, 8.
 ἄθροῖμα 14, 22.
 ἄθροίξω 14, 1.
 ἄθροισις, ἡ 12, 6.
 ἄθρόως 3, 17. 5, 21.
 αἰδῖος, ὃν 13, 25. 31, 10. 46, 16. 77, 20 s. 149, 12.
 αἰρεσις, ἡ 200, 1. 403, 19.
 αἰρετός, ἡ, ὃν 27, 28. 28, 14. 321, 16.
 αἰρέω 322, 20.
 Med. 27, 22. 236, 4.
 αἶρω 179, 20. 290, 18.
 αἰσθησις, ἡ passim, e. g. 10, 28. 11, 12. 16, 14. 23, 18. 23, 19. 3, 21. 11, 27. 15, 28. 6, 29. 8, 30. 13, 46. 3, 52. 19, 86. 18, 181. 11, 322, 16 ss.
 γραμμῆς 100, 14—19.
 ἐπιφανείας 114, 22—25.
 αἰσθητικός
 Comp. 65, 11.
 αἰσθητός, ἡ, ὃν 19, 21. 78, 16. 142, 15. 242, 8.
 τὰ αἰσθητά passim, e. g. 4, 4 ss. 10, 22 ss. 12, 5 ss. 13, 23 ss. 15, 19. 19, 18. 25, 19. 27, 8. 34, 11. 13, 35. 8, 36. 9, 38. 5, 11. 45, 8. 51, 14 ss. 53, 5 ss. 62, 19. 23, 86. 13, 101. 13, 130. 3, 139. 13, 243, 14. 291, 2. 6.
 ἐν τοῖς αἰσθητοῖς οὐδὲν μέγεθος ἀπειρον 284, 22.
 αἰσχος, τό 26, 16.
 αἰτέομαι 181, 19. 227, 19.
 αἶτημα, τό passim, e. g. 58, 1. 15, 73. 9, 76. 6, 184, 22—29. 185, 1—193, 9. 209, 7. 10, 227, 22. 239, 17. 254, 25. 364, 14.
 quid? 76, 17—23. 178, 2—184, 10. 365, 5—6.
 αἰτία, ἡ passim, e. g. 5, 20. 6, 15. 17, 14. 18, 16. 30, 6. 22 ss. 32, 12 ss. 37, 7. 40, 14. 54, 3. 57, 5. 61, 9. 88, 24. 92, 22. 129, 22. 432, 17.
 κατ' αἰτίαν 17, 17. 61, 8. 62, 21. 102, 6.
 αἰτία γεννητική 97, 10. 151, 5.
 αἱ πρωτογενεῖς 108, 4.
 ἀρχικαί 110, 6. 10.
 ἀληθιναί 310, 8. 20.
 αἰτιάομαι 23, 10. 24, 16. 41, 11. 143, 21. 207, 3. 243, 21.
 αἰτίασις, ἡ 305, 26.
 αἰτιολογέω 146, 2.
 αἶτιος, α, ὃν passim, e. g. 13, 6. 23, 17. 45, 21. 97, 13. 130, 17. 132, 20.
 τὸ αἶτιον 94, 16 s. 134, 15. 202, 23. 350, 24.
 τὰ αἶτια 14, 4 ss. 69, 10. 74, 24. 138, 25. 187, 6. 294, 4.
 πυρός ἀέρος ὕδατος γῆς 82, 18—25.
 ἀκαλλώπιστος, ὃν 141, 24.
 ἀκαταλήκτως 285, 17.
 ἀκαταμέτρητος, ὃν 285, 12.
 ἀκατάσκενος, ὃν 179, 9.
 ἀκιδουσιδής, ἔς 165, 23. 328, 22.
 ἀκίνητος, ὃν 12, 26. 13, 5. 18, 20. 25, 4. 27, 7. 34, 7. 9, 36. 2, 43. 13, 50. 2, 56. 12, 185. 26. 309, 5.
 ἀκινήτως 50, 23.
 ἀκλινής, ἔς 132, 21. 133, 8. 14, 134, 2. 290, 22.
 ἀκλινῶς 189, 21.
 ἄκλιτος, ὃν 132, 20. 173, 5. 9, 290, 19.
 ἄκοή, ἡ 21, 14.
 ἀκόλαστος, ὃν 24, 16.
 ἀκολονθέω 70, 3. 180, 21. 196, 26. 313, 21. 340, 2. 345, 5. 349, 20. 368, 18. 22.

- ἀκολουθία, ἡ 357, 11.
 ἀκόλουθος, *ον* 178, 15. 179, 21.
 198, 6. 201, 2. 218, 11.
 ἀκολουθῶς 372, 10.
 ἀκούω 17, 9. 25, 15. 36, 9. 76,
 13. 17. 94, 7. 171, 16. 181, 9.
 182, 16. 210, 19. 375, 9. 426, 6.
 ἀκραιφνής, ἐς 56, 20.
 ἀκρατος, *ον* 150, 9.
 ἀκράτως 162, 17.
 ἀκριβεία, ἡ *passim*, e. g. 4, 22.
 8, 24. 12, 14. 17. 13, 5. 34, 12.
 54, 11. 59, 15. 69, 1. 83, 5.
 87, 8. 135, 2. 139, 26 *ss.* 151,
 15. 260, 10. 292, 13. 295, 7.
 326, 23. 352, 13. 385, 16.
 ἀκριβής, ἐς *passim*, e. g. 7, 5.
 12, 18 *s.* 13, 3 *s.* 34, 15 *s.* 43,
 12. 65, 5. 69, 12. 140, 5.
 Comp. 4, 10. 39, 26. 59, 10 *ss.*
 140, 11. 178, 5. 367, 4.
 ἀκριβῶς 113, 9.
 ἀκρόασις, ἡ 29, 17.
 ἀκροατής, ὁ 67, 9.
 ἄκρος, α, *ον* 88, 11. 109, 22.
 110, 7. 18. 117, 7. 11. 118, 6.
 148, 13. 198, 8. 280, 19 *ss.*
 374, 3.
 Sup. 4, 9. 32, 4. 62, 4. 149, 6.
 155, 11. 295, 7.
 ἄκρος καὶ μέσος λόγος 60, 18.
 τὸ ἄκρον 153, 5. 206, 8. 224,
 10.
 ἐπ' ἄκρον τάσις 301, 4. 15.
 ἀκρότης, ἡ 98, 15.
 ἀκτίς, ἡ 39, 26.
 ἀλαζών 192, 13.
 ἀληθεία, ἡ *passim*, e. g. 4, 5.
 13, 18. 20, 5. 21, 16. 22, 4.
 49, 6. 59, 5. 70, 2. 195, 20.
 426, 10.
 ἀληθεύω 235, 17. 293, 4. 390,
 24.
 ἀληθής, ἐς *passim*, e. g. 13,
 12. 17. 20, 22. 30, 21. 56, 18.
 70, 13. 144, 4. 183, 19. 189,
 14. 192, 5 *ss.* 196, 7. 212, 4.
 240, 27.
 ἀληθινός, ἡ, ὅν 310, 7.
- ἀληθῶς 55, 24.
 ἄληπτος, *ον* 5, 20. 71, 12.
 ἄλις 107, 11.
 ἀλλαχόθεν 16, 2. 52, 15. 88, 9.
 142, 16. 186, 8. 424, 1.
 ἀλλαχοῦ 91, 23. 153, 28. 228, 1.
 ἀλλήλων *passim*, e. g. 4, 15. 6,
 11. 10, 8. 9. 12, 23. 21, 4.
 27, 3.
 ἐν ἀλλήλοις πάντα 141, 21.
 ἀλλοιῶ 137, 2.
 ἀλλοίωσις, ἡ 139, 14.
 ἀλλοιωτικός, ἡ, ὅν 18, 22.
 ἄλλος, η, *ον* *passim*, e. g. 3,
 12. 4, 3. 5, 20. 7, 6. 10, 5. 11,
 3. 17, 1. 375, 2.
 ἄλλος καὶ ἄλλος 259, 18. 261,
 1 *ss.*
 ἄλλοτε 12, 27. 27, 7. 137, 14.
 147, 21.
 ἀλλότριος, α, *ον* 74, 22. 87, 16.
 122, 19. 193, 3. 199, 8. 336, 6.
 ἄλλως *passim*, e. g. 12, 27. 24,
 10 *s.* 27, 7. 73, 5. 93, 4.
 ἄλλως τε καὶ 77, 19.
 ἄλογία, ἡ 26, 18. 46, 25.
 ἄλογος, *ον* 6, 21. 23, 25. 31, 1.
 60, 15 *s.* 65, 19. 74, 23. 192,
 28.
 ἄλυτος, *ον* 23, 24.
 ἅμα *passim*, e. g. 53, 3. 63, 22.
 95, 6. 101, 20. 153, 20.
 ἁμαρτάνω 49, 6.
 ἁμαρτία, ἡ 34, 25.
 ἁμβλυγώνιος
 κῶνος 111, 7. 177, 4.
 Vide τρίγωνον.
 ἁμβλύνω 132, 16.
 ἁμβλὺς
 ἡ ἁμβλεῖα (γωνία) *passim*, e. g.
 131, 13—134, 27. 165, 4 *ss.*
 171, 24. 172, 22. 174, 2. 190,
 10. 16. 293, 18. 397, 23. 421,
 4. 430, 17.
 τὴν ἐπίπαν διάστασιν ἐν-
 δίδωσι 167, 20.
 ἡ ἁμβλυτάτη 292, 20.
 τὸ ἁμβλὺ 132, 25.

- ἀμβλύτης, ἡ 23, 8. 171, 20. 191, 7. 10. 427, 8.
 ἀμεγέθης, ες 49, 26. 54, 4. 7.
 ἀμεγέθως 54, 2.
 ἀμείβω 403, 12.
 ἀμείνων 7, 3. 14, 2, 23, 23. 78, 3. 132, 2. 147, 5.
 ἀμελέω 24, 17.
 ἀμέρεια, ἡ passim, e. g. 56, 18. 88, 27. 92, 26. 96, 24. 149, 2. 294, 11.
 ἀμερής, ἐς passim, e. g. 5, 4. 12, 20. 18, 1. 44, 18. 49, 13. 28. 50, 8. 14. 52, 23. 53, 16. 27. 56, 2. 7. 22. 57, 14. 86, 4. 87, 3. 88, 3. 91, 12. 92, 19. 93, 6—94, 7. 94, 20—95, 20. 97, 12. 142, 1. 186, 1—187, 6. 278, 3 ss. 285, 2 ss. 291, 10. 322, 23.
 ἀμέριστος, ον passim, e. g. 3, 4. 13. 4, 7. 5, 13. 11, 6. 10. 15, 22. 19, 12. 20, 1. 26. 49, 26. 55, 17. 86, 6. 94, 27 ss. 101, 3, 291, 13.
 τὰ ἀμέριστα 3, 17. 4, 24. 49, 23 ss. 54, 3.
 ἀμερίστως 51, 2. 54, 2. 92, 2.
 ἀμερῶς 87, 17. 92, 4. 95, 20. 141, 21.
 ἄμεσος, ον 193, 19 ss. 195, 18. 200, 23.
 ἀμέσως 265, 24.
 ἀμετάβατος, ον 214, 1.
 ἀμετάστατος, ον 90, 23.
 ἀμετρία, ἡ 4, 12. 134, 1. 168, 21.
 ἀμήχανος, ον 74, 21.
 ἀμικτος, ον 129, 16.
 ἀμοιρος, ον 150, 14.
 ἀμορφία, ἡ 26, 17.
 ἀμορφος, ον 40, 20. 94, 24. 95, 2.
 ἀμόρφωτος, ον 46, 8. 52, 13. 56, 21.
 ἀμυδρός, ἄ, ὄν 4, 5. 91, 20. Comp. 11, 17. 14, 21. 15, 12.
 ἀμυδρόω 87, 9. 95, 4.
 ἀμυντικός, ἡ, ὄν 41, 8.
 ἀμφίβολος, ον 183, 23. 211, 8.
 ἀμφίκοιλος, ον 127, 8. 301, 14.
 ἀμφίκυρτος, ον 127, 7. 160, 9. 238, 9. 301, 14.
 ἀμφισβητέω 194, 24.
 ἀμφισβητήσιμος, ον 195, 16. 271, 17.
 ἀμφοτέρως, α, ον passim, e. g. 7, 6. 34, 14. 60, 16 ss. 78, 13. 106, 20. 184, 14. 28. 260, 20.
 ἄμφω passim, e. g. 7, 9. 103, 13. 181, 4. 184, 19. 277, 23. 358, 6.
 ἀναβαίνω 31, 16.
 ἀναβάλλω 279, 12.
 ἀναγκάζω 124, 10. 215, 23. 429, 13.
 ἀναγκαῖος, α, ον 33, 22. 64, 20. 109, 19 s. 206, 17.
 Sup. 203, 17.
 ἀναγκαῖον sc. ἐστί passim, e. g. 3, 3. 109, 23. 25. 123, 9. 135, 4. 192, 15. 17.
 τὰ ἀναγκαῖα 29, 2. 7.
 τὸ μὴ ἀναγκαῖον 311, 20.
 ἀναγκαιῶς passim, e. g. 152, 26. 196, 1. 266, 3. 306, 14. 327, 5.
 ἀνάγκη passim, e. g. 12, 15. 14, 2. 15, 19. 27, 18. 25. 75, 10.
 ἐξ ἀνάγκης 277, 22.
 ἀναγραφή, ἡ 78, 2. 201, 10. 423, 23.
 ἀναγράφω passim, e. g. 42, 8. 56, 9. 64, 3. 68, 4. 71, 5. 75, 4. 80, 13. 191, 1. 217, 11. 323, 7. 364, 23. 395, 22. 423, 8. 19.
 ἀνάγω passim, e. g. 55, 21. 62, 17. 68, 10. 147, 14. 211, 20. 270, 18. 352, 16.
 Med. 21, 5. 123, 12. 146, 3. 161, 11.
 ἀναγωγή, ἡ 21, 8. 31, 16.
 ἀναγωγος, ὄν 29, 27. 44, 22.
 ἀναδιδάσκω passim, e. g. 22, 11. 34, 6. 36, 17. 42, 4. 43, 20. 54, 17. 62, 5. 75, 6. 137, 23.
 ἀναξωπυρέω 20, 20.

- ἀναιρέσεις 211, 26.
 ἀναιρετικός, ἡ, ὅν 255, 19. 23.
 ἀναιρέω 7, 1. 73, 23. 193, 4.
 199, 7. 212, 22. 255, 11. 330,
 3. 370, 13. 397, 5.
 ἀνακαλέω 138, 5. 151, 10.
 ἀνακάμπτω 149, 19.
 ἀνάκειμαι 130, 10.
 ἀνακινέω 38, 7. 140, 15. 241,
 21.
 ἀνακίνησις, ἡ 21, 15.
 ἀνάκλασις, ἡ 40, 17.
 ἀνακνυκλέω 89, 28. 91, 1. 147,
 13. 150, 3. 409, 24.
 ἀνακύνκῃσις, ἡ 149, 11. 24.
 ἀναλαμβάνω 200, 7. 355, 22.
 ἀναλέγομαι 48, 4. 177, 25. 200,
 12. 345, 11.
 ἀναλογία, ἡ 7, 22. 16, 18. 22,
 19. 34, 23. 43, 23 s. 61, 6. 73,
 22. 168, 13. 181, 23. 405, 16.
 21. 406, 2. 427, 14.
 αἱ τρεῖς 67, 5.
 ἀναλογίζομαι 7, 19. 35, 21. 100, 9.
 ἀνάλογον passim, e. g. 9, 3. 6.
 39, 21. 77, 14. 97, 20. 314, 6.
 396, 7. 405, 4.
 κατὰ τὸ ἀνάλογον 117, 2—17.
 τρία ἀνάλογα 220, 17—221, 6.
 ἀνάλυσις, ἡ 8, 7. 43, 2 ss. 57,
 19. 24. 67, 7. 92, 12. 93, 23.
 242, 15—17. 246, 9. 12. 23.
 255, 20. 256, 1. 423, 15.
 καλλίστη μέθοδος 211, 19.
 ἀναλυτικός, ἡ, ὅν 42, 20. 69,
 17.
 ἀναλύω 73, 18. 118, 15. 246, 10.
 382, 2. 5. 422, 13.
 ἀναμετρέω 100, 8. 133, 16.
 Med. 23, 14.
 ἀναμέτρῃσις, ἡ 38, 17. 64, 20.
 ἀναμίγνυμι 271, 3.
 ἀναμιμνήσκω 29, 7. 25. 45, 20 s.
 89, 20. 97, 18. 214, 14. 390,
 13. 432, 1.
 ἀνάμνησις, ἡ 18, 17. 21, 14. 45,
 7 ss.
 ἀναμφισβήτητος, ὅν 260, 12.
 262, 2. 335, 14.
 ἀναμφισβητήτως 286, 9. 366,
 16.
 ἀνάντης, ες 22, 3.
 ἀνάπαλιν passim, e. g. 18, 26.
 54, 3. 69, 23. 73, 4. 78, 8. 313,
 21.
 ἀναπέμπω 28, 11. 44, 12. 118,
 20. 132, 19. 379, 3. 426, 7.
 428, 9.
 ἀναπίμπλημι 33, 24. 46, 5. 49,
 21. 87, 2. 14. 138, 27. 166, 20.
 168, 24. 290, 21.
 ἀνάπλεως, ὡν 54, 12.
 ἀναπλώω 4, 11. 55, 1. 137, 24.
 140, 19.
 ἀναπόδεικτος, ὅν passim, e. g.
 179, 9. 14. 181, 14. 182, 2. 17.
 183, 12 ss. 193, 15. 322, 9.
 ἀναποδείκτως 32, 6. 193, 8. 364,
 20.
 ἀναρμοστία, ἡ 23, 20.
 ἀνάρμοστος, ὅν 26, 20.
 ἄναρχος, ὅν 149, 12.
 ἀνασκέπτομαι 338, 3. 432, 9.
 ἀναστρέφω 57, 26. 203, 14.
 ἀναστροφή, ἡ 7, 23. 69, 18.
 τῶν λόγων 60, 24.
 ἀνατείνω 20, 26. 27, 26. 174, 12.
 ἀνατίθῃμι 8, 15. 47, 6. 167, 2.
 ἀνατρεπτικός, ἡ, ὅν 255, 4.
 ἀνατρέπω 199, 10. 255, 2. 25.
 ἀνατρέχω 9, 18. 18, 6. 55, 10.
 57, 18. 85, 3. 93, 13. 153, 13.
 207, 6.
 ἀνατροπή, ἡ 247, 15.
 ἀναφάινω passim, e. g. 22, 18.
 63, 18. 83, 21. 132, 13. 303,
 17.
 Pass. 8, 12. 53, 3. 155, 10. 156,
 2. 171, 25. 235, 6. 303, 7. 354,
 16.
 ἀναφέρω passim, e. g. 4, 14.
 9, 2. 13, 21. 14, 9. 23, 7. 28, 2.
 4. 43, 15. 71, 3. 99, 10. 121,
 17. 432, 6.
 ἀναφορά, ἡ 27, 3. 133, 17. 134,
 24. 269, 14.
 ἀναφωνέω 208, 23.
 ἀνδριαντοποιητική, ἡ 137, 4.

- ἀνεγείρω 18, 19. 20, 21. 45, 10.
 47, 3. 52, 22. 151, 4. 154, 16.
 ἄννιμι 5, 16. 11, 9. 62, 25. 142,
 6. 243, 14. 290, 19.
 ἀνέκλειπτος, *ον* 108, 12.
 ἀνέλεγκτος, *ον* passim, e. g.
 13, 4. 22, 5. 33, 23. 34, 7. 44,
 14. 68, 10. 140, 3. 260, 12.
 378, 2. 426, 13.
 Comp. 43, 12.
 τὸ ἀνέλεκτον 3, 8. 11, 21.
 12, 14.
 ἀνελέγκτως 286, 9.
 ἀνέλιξις, ἡ 37, 12. 42, 18. 44,
 20. 139, 7.
 ἀνελίττω (ἀνελίσσω) passim,
 e. g. 4, 12. 11, 19. 16, 11. 18,
 23. 43, 10. 55, 3. 62, 11. 149,
 2. 210, 13.
 ἀνεμιαῖος, *ον* 13, 16.
 ἀνεξάλλακτος, *ον* 404, 20.
 ἀνεξαπάτητος, *ον* 70, 8.
 ἀνεπιστήμων, *ον* 322, 6.
 ἀνεπιτηδῆσιος, *ον* 269, 25.
 ἀνερυνάω 414, 12.
 ἀνερωτάω 131, 20.
 ἄνεσις, ἡ 172, 19.
 ἄνευ passim, e. g. 30, 23. 39,
 11. 54, 7. 71, 12. 78, 18. 204, 4.
 ἀνευρίσκω passim, e. g. 17, 27.
 22, 28. 40, 24. 42, 2. 57, 16.
 64, 1. 345, 14.
 ἀνέχομαι 139, 13. 192, 11.
 ἀνήκω 138, 22. 142, 2.
 ἀνῆρ, ὁ 29, 25. 36, 8. 68, 11.
 24. 143, 21. 419, 22.
 ἀνθρωπικός, ἡ, *όν* 26, 8.
 ἀνθρώπινος, *η, on* 26, 4. 27, 17 ss.
 ἀνθρωπος, ὁ 29, 2. 5. 40, 8. 63,
 17. 64, 10.
 ἀνίδρυτος, *ον* 147, 14.
 ἀνίημι 130, 14. 132, 24. 173,
 18. 174, 4.
 ἀνισάζω 270, 12.
 ἀνισοροπία, ἡ 41, 11. 181, 18.
 ἄνισος, *ον* passim, e. g. 80, 10.
 12. 122, 10 ss. 123, 25. 128,
 12. 134, 26. 165, 9.
 τὸ ἄνισον 7, 27. 131, 16.
 ἀνισότης passim, e. g. 49, 22.
 83, 14. 124, 9. 132, 4. 14. 165,
 5. 168, 20. 191, 9. 10. 293, 17.
 313, 20 ss. 336, 15 ss.
 ἀνίστημι 218, 8.
 ἄνοδος, ἡ 9, 17. 20, 1. 44, 8.
 64, 21. 84, 19.
 ἀνομοειδής, ἐς 163, 5.
 ἀνομοιοειδής, ἐς 164, 2.
 ἀνομοιομερής, ἐς 112, 18.
 ἀνόμοιος 8, 10. 12. 39, 19. 105,
 8. 25. 106, 3. 122, 17. 144,
 19 ss. 159, 13. 22.
 ἀπομοιότης, ἡ 8, 8. 23, 17. 106,
 23. 191, 11. 315, 1.
 ἀνταπόδοσις, ἡ 149, 18.
 ἀντεραστής, ὁ 66, 3.
 ἀντέχομαι 66, 14. 70, 2.
 ἀντί 13, 17. 14, 9. 267, 4. 280, 7.
 ἀντίγραφον, τό 198, 4.
 ἀντιδιαίρω 116, 22.
 Med. 30, 13. 293, 13.
 ἀντίθετος, *ον* 349, 25.
 ἀντίκειμαι 7, 26. 79, 14. 16.
 212, 3. 254, 23. 255, 21. 261,
 11. 267, 3. 337, 2. 12. 344, 14.
 ἀντικρύ 238, 14.
 ἀντιλαμβάνω.
 Med. 4, 5. 20, 1. 74, 7.
 ἀντιλέγω 335, 14.
 ἀντειρησθῶ 323, 5.
 ἀντιλογία, ἡ 200, 4.
 ἀντιλογικός, ὁ 25, 15.
 ἀντιμεταλαμβάνω 252, 7.
 ἀντιπίπτω 247, 16. 248, 5.
 ἀντίρρησις, ἡ 199, 15.
 ἀντιστρέφω passim, e. g. 69, 22.
 184, 4. 8. 191, 25. 248, 12.
 252, 1. 253, 2 ss. 258, 14. 429,
 22.
 ἀντιστροφή, ἡ passim, e. g. 69,
 19. 247, 3. 251, 24—254, 21.
 256, 11. 259, 13. 364, 10.
 τριττή 409, 1—6.
 ἀντιστροφίος (?) 321, 19. 345, 2.
 ἀντίστροφος, *ον* passim, e. g.
 183, 25. 189, 13. 254, 7 ss.
 265, 6 ss. 321, 19 (?). 345, 2 (?).
 ἀντιστρόφως 345, 6.

- ἀντιφάσκω 254, 27. 266, 12.
 ἀντυξ, ἡ 155, 5.
 ἀνύπαρκτος, *ον* 221, 21.
 ἀννυπέβλητος, *ον* 295, 8.
 ἀννυπόθετος, *ον* 11, 9. 32, 15.
 75, 9.
 ἀννυπόστατος, *ον* 139, 23. 140,
 10. 199, 5.
 ἀνύσιμος, *ον* 74, 3.
 ἀνύω 200, 5.
 ἄνω 153, 5. 225, 15. 357, 20.
 ἄνωθεν *passim*, *e. g.* 19, 20.
 27, 14. 42, 14. 44, 21. 61, 25.
 148, 8.
 ἀνωμαλία, ἡ 106, 15.
 ἀνωμάλως 106, 14.
 ἀνώνυμος, *ον* 391, 24.
 ἀνωτάτω 31, 15.
 ἀνωτέρω 9, 25. 44, 9. 338, 12 s.
 374, 12.
 ἀξία, ἡ 25, 16. 72, 16 (?). 98, 3.
 243, 15. 25.
 ἄξιος, *α*, *ον* *passim*, *e. g.* 28,
 12. 81, 17. 102, 22. 283, 1.
 284, 19. 393, 7.
 ἀξιόω *passim*, *e. g.* 9, 21. 12,
 9. 27, 18. 30, 24. 71, 4. 360,
 19.
 ἀξίωμα, τό *passim*, *e. g.* 57,
 28. 58, 7. 15. 76, 6 s. 184, 11—
 22. 188, 5. 193, 16—198, 15.
 209, 11. 22. 240, 24. 278, 24.
quid? 76, 9—11. 77, 1—5. 178,
 2—184, 10. 371, 12. 14—17.
 373, 8.
 ἄξων, ὁ
 τῶν ἐν κόσμῳ περιφορῶν 89,
 22—91, 10.
 κυλίνδρον 105, 21. 156, 18.
 παραβολῆς, ἐλλείψεως 119,
 24. 26. 126, 20. 156, 17. 246, 7.
 σφαίρας 156, 16.
 κῶνον 156, 18.
 ἀορισταίνω 285, 11. 23.
 ἀοριστία, ἡ 26, 17. 49, 20. 86,
 19. 133, 12. 22. 149, 27. 221,
 25. 222, 12. 286, 10. 290, 21.
 ἀόριστος, *ον* 98, 21. 101, 18.
 111, 12. 133, 18. 134, 5. 155,
 15. 177, 3. 222, 17. 291, 18.
 293, 17 ss. 371, 7. 377, 22.
 378, 1.
 ἀοριστώδης, *ες* 222, 2. 253, 15.
 ἀορίστως 81, 2. 82, 11. 131, 17.
 133, 5. 291, 8. 294, 7. 310, 12.
 ἀπαγωγή, ἡ 210, 28. 212, 24—
 213, 11.
 εἰς ἀδύνατον 212, 2. 254, 22—
 256, 10. 14. 264, 10. 265, 26.
 266, 8. 295, 4. 300, 8. 301, 1.
 304, 5. 7. 318, 15. 345, 2. 407,
 12. 408, 26. 409, 23.
 ἀπάθεια, ἡ 52, 6.
 ἀπαθής, *ες* 46, 9. 52, 5.
 ἀπαίρω 84, 20.
 ἀπαιτέω *passim*, *e. g.* 32, 21.
 33, 7. 25. 34, 5. 12. 84, 10.
 131, 21. 184, 21. 192, 10. 248,
 16. 302, 5. 333, 7.
 ἀπαλλάσσω 337, 25.
 ἀπαντάω *passim*, *e. g.* 15, 14.
 192, 6. 212, 20. 214, 8.
Med. 26, 10. 105, 13.
 ἀπάντησις, ἡ 247, 19.
 ἄπαξ 383, 1. 8.
 ἀπαράλλακτος, *ον* 409, 22.
 ἀπαράλλαντος 61, 10. 407, 12.
 ἀπαρέγκλιτος, *ον* 108, 11. 157,
 12. 185, 11. 292, 6.
 ἀπαρίθμησις, ἡ 162, 24.
 ἄπας *passim*, *e. g.* 4, 5. 5, 9.
 19. 7, 15. 9, 22. 27, 11, 26.
 ἀπατάω 192, 2. 403, 18.
 ἀπάτη, ἡ 70, 14. 261, 12. 337,
 25.
 ἄπανστος, *ον* 6, 16. 90, 5. 21.
 ἀπεικάζω 10, 3. 138, 13. 173,
 23. 395, 14.
 ἀπεικασία, ἡ 24, 27. 149, 15.
 ἀπεικονίζω 91, 4. 129, 18. 214, 1.
 ἀπειραχῶς 88, 20. 220, 9 ss.
 222, 10 ss.
 ἀπειρέσιος, *α*, *ον* 155, 19.
 ἀπειρία, ἡ *passim*, *e. g.* 6, 7.
 8. 20. 37, 21 ss. 87, 25—88,
 26. 104, 14. 116, 1. 129, 17.
 132, 12. 134, 7. 143, 4. 191,
 11. 294, 2 ss. 314, 20.

- οὐκ ἐνὸν ἀπειρίαν γνώσει
περιλαβεῖν 36, 7.
- ἀπειροδύναμος, *ον* 37, 11. 187,
14.
- ἄπειρος, *ον* (inexpertus) 396,
13. 403, 18.
- ἄπειρος, *ον* passim, e. g. 18, 2.
88, 4 ss. 98, 20. 101, 7—103,
1. 112, 10. 132, 3. 293, 17.
- ἡ ἄπειρος μείζων πεπερασμέ-
νης 277, 22.
- τὸ ἀπειρον 5, 18. 6, 2. 7, 10.
19, 11. 36, 6. 37, 15. 104, 9.
21. 107, 22. 142, 25. 144, 8 ss.
198, 12. 314, 26. 322, 24. 395,
15 ss.
- διπλάσια τῶν ἀπείρων 158,
2—20.
- τῆς ἀπείρου πέρας σημείον
οὐκ ἔστιν 208, 14 s.
- πῶς ὑπόστασιν ἔχει τὸ ἄπει-
ρον 284, 18—286, 11.
- ἐκ πέρατος καὶ ἀπείρου τὰ
ἄλλα πάντα 107, 17.
- εἰς ἄπειρον 6, 14. 86, 17. 184,
27. 278, 11. 322, 24. 369, 15.
- ἐπ' ἄπειρον 6, 17. 60, 15. 88,
10. 107, 16. 111, 5. 15. 132,
3. 184, 17. 187, 19. 23. 198,
14. 278, 9 ss.
- ἀπείρως 291, 8.
- ἀπελαύνω 29, 19. 32, 3.
- ἀπεναντίας 171, 22. 194, 12.
206, 21.
- ἀπεναντίον passim, e. g. 169,
6. 171, 8. 10. 305, 19 ss. 326,
22. 328, 9. 341, 4. 14. 355,
5 ss. 361, 7 ss. 377, 11 ss.
- ἄπερ 75, 27.
- ἀπέραντος, *ον* 73, 20. 74, 21.
112, 9. 132, 15. 133, 20. 150,
11. 200, 13.
- ἀπεργάζομαι 43, 12. 44, 14. 74,
9. 15. 208, 24. 354, 15.
- ἀπεργασία, ἡ 201, 4.
- ἀπερεῖδω
Med. 18, 15.
- ἀπεριήγητος, *ον* 5, 19.
- ἀπερίληπτος, *ον* 285, 13.
- ἀπέρχομαι 403, 10.
- ἀπέχω 109, 10. 177, 21. 268, 23.
- ἀπήχημα, τό 28, 25.
- ἀπίθανος, *ον* 192, 20.
- ἄπιστος, *ον* 63, 17.
- ἀπλατής, ἐς 12, 20. 49, 14. 87,
4. 96, 19—97, 5.
- ἀπλότης, ἡ passim, e. g. 4, 1.
21. 6, 1. 8, 24. 43, 15. 44, 17.
59, 17. 85, 9. 87, 5. 15. 88,
26. 114, 11. 148, 16. 179, 14.
293, 24.
- ἀπλοῦς, ἡ. οὖν passim, e. g.
3, 3. 4. 5, 9. 7, 17. 11, 6. 19,
17. 22, 22. 53, 15. 54, 6. 82,
9. 101, 2. 142, 24 ss.
- Comp. 8, 3. 14, 4. 26, 26. 34,
10. 44, 4. 57, 17. 24. 59, 13.
85, 3 ss.
- πρὸς αἴσθησιν, πρὸς λόγον
93, 25 s.
- γραμμαί 104, 26—106, 19.
- θεωρήματα 242, 14 ss.
- ἀπλῶ 132, 25.
- ἀπλῶς passim, e. g. 7, 26. 14,
15. 32, 23. 36, 4. 81, 2. 134,
11. 369, 23.
- ἀπό passim, e. g. 5, 17. 6, 10.
15. 8, 5. 18. 9, 7. 15. 17. 27.
26, 16. 18. 63, 24. 82, 22. 376,
27.
- τὸ ἀπό = τετράγωνον 404, 7 s.
- ἀποβλέπω passim, e. g. 28, 8.
33, 2. 89, 20. 114, 23. 124, 16.
130, 7.
- ἀπογεννάω passim, e. g. 5, 17.
6, 11. 13, 15. 19. 19, 7. 86,
14. 137, 4. 139, 15. 314, 21.
- ἀπογέννησις, ἡ 149, 22. 151, 6.
- ἀπογινώσκω 186, 16.
- ἀπογράφω 137, 17.
- ἀποδείκνυμι passim, e. g. 14,
11. 32, 7. 34, 26. 35, 1. 58, 16.
75, 8. 15.
- ἀποδεικτικός, ἡ, ὅν 14, 20. 42,
21. 69, 16. 179, 10. 184, 7.
206, 19. 260, 6. 384, 8.

- ἀποδεικτός, ἡ, ὄν* 182, 15. 183, 25. 188, 9. 194, 13. 211, 10. 278, 24. 322, 9. 364, 22.
ἀπόδειξις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 14, 2 ss. 33, 1 ss. 35, 11. 13. 43, 4. 8. 54, 26. 57, 6 ss. 79, 7. 81, 13 ss. 113, 4. 178, 10. 203, 5. 12. 18. 206, 12—207, 3.
ἀποδεχομαι 34, 1. 100, 5.
ἀποδιαλαμβάνω 203, 8. 355, 25.
ἀποδίδωμι passim, e. g. 3, 17. 32, 17. 33, 22. 34, 2. 40, 14. 45, 1. 50, 17. 146, 8. 391, 29.
ἀπόδοσις, ἡ passim, e. g. 59, 15. 113, 13. 114, 18. 128, 20. 146, 1. 151, 14. 432, 17.
ἀποκαθαίρω 28, 5.
ἀποκαθίστημι 149, 1.
ἀποκαλέω 20, 11. 30, 5. 90, 15. 129, 8. 142, 14. 173, 13. 212, 10.
ἀποκατάστασις, ἡ 22, 28. 213, 26.
ἀποκρίνομαι 68, 16.
ἀπολαμβάνω passim, e. g. 3, 4. 109, 15. 152, 7. 159, 18. 160, 6. 163, 17.
ἀπολαύω 6, 7. 41, 23. 88, 13. 102, 9.
ἀπολείπω 8, 9.
Pass. passim, e. g. 4, 7. 18. 12, 2. 31, 21. 54, 13. 140, 4. 181, 3.
ἀπολήγω 95, 13. 112, 6. 157, 1.
ἀπολογισμός, ὁ 145, 19.
ἀπολυτικός, ἡ, ὄν 46, 24.
ἀπόλυτος, ὄν 139, 9.
ἀπολύτως 174, 16.
ἀπολύω 29, 6. 49, 9. 55, 22.
ἀπομιμέομαι 5, 1. 41, 14. 138, 15. 173, 6. 291, 12.
ἀπονέμω 10, 20. 146, 7. 200, 16.
ἀπονέυω 176, 8. 180, 1.
ἀποπεράτωσις, ἡ 19, 25.
ἀποπλήτω 69, 28. 283, 3.
ἀποπληρώω 6, 4. 84, 22. 275, 5.
ἀπορέω 49, 4. 94, 19. 131, 23. 158, 5. 171, 14. 181, 11. 185, 25. 199, 4. 213, 7. 223, 16. 269, 27. 271, 19.
ἀπορία, ἡ 94, 26. 105, 13. 123, 22. 191, 22. 339, 15.
ἄπορος, ὄν 50, 10. 72, 5. 123, 14. 124, 16. 258, 17.
ἀπόρητος, ὄν 90, 11.
ἀπορρίπτω 29, 24. 150, 6.
ἀπορροία, ἡ 173, 16.
ἀποσιώπησις, ἡ 411, 19.
ἀποσκευάζω 73, 26.
ἀποσπάω 187, 13.
ἀπόστασις, ἡ, passim, e. g. 24, 18. 40, 13. 21. 41, 21. 42, 2. 88, 11. 107, 8. 109, 16. 176, 15. 269, 16. 292, 11. 352, 17.
ἀπόστημα, τό 185, 24. 377, 4.
ἀποτελεσμα, τό 18, 25. 19, 21. 61, 8. 73, 8. 132, 1. 139, 16.
ἀποτελεσματικός, ἡ, ὄν 27, 10. 103, 12.
ἀποτελέω passim, e. g. 24, 13. 26, 14. 53, 7. 87, 11. 96, 14. 107, 14. 429, 7.
ἀποτεμνω 228, 20.
ἀποτυπόομαι 91, 5. 129, 12. 138, 11. 154, 27. 155, 15.
ἀποτυφλώω 20, 19.
ἀποφαίνω passim, e. g. 3, 9. 10, 28. 14, 11. 15, 5. 22, 6. 25, 19. 30, 1. 19. 100, 12. 166, 12. 330, 16.
ἀπόφανσις, ἡ 77, 3.
ἀποφαντικός, ἡ, ὄν 194, 1.
ἀποφαντικῶς 80, 24.
ἀπόφασις, ἡ 94, 8—18. 96, 22. 114, 9 ss. 171, 12. 260, 3. 361, 1.
ἀποφάσκω 99, 21.
ἀποφατικός, ἡ, ὄν 94, 10. 260, 4. 8.
ἀποφατικῶς 96, 23. 259, 22.
ἀποφέρω 236, 3. 403, 13.
ἀπόφημι 255, 6. 295, 24.
ἀποφοιτάω 161, 2.
ἀποχή, ἡ 42, 4.
ἀποχρᾶω 204, 4.
Med. 324, 22.
ἀπραγματενύτως 180, 3. 303, 6.
ἀπροσδεής, ἐς 242, 6.

- ἄπτομαι 60, 14. 135, 22. 402, 11.
 ἄπτωτος, *ον* 222, 22.
 ἄρα *passim*, e. g. 5, 5. 8, 21.
 12, 18. 13, 7. 22. 17, 23.
 ἄρα 93, 6.
 ἄργυρος, ὁ, 105, 18.
 ἀρέσκω.
 τὸ ἀρέσκον 142, 8.
 ἀρετή, ἡ 17, 6. 20, 14. 21, 18.
 24, 6. 8 s. 27, 19. 28, 8. 63, 1.
 133, 20. 173, 24 s.
 ἀρεθρον, τό 211, 24.
 ἀριθμητικός, ἡ, ὄν 48, 13. 59,
 8. 73, 13. 93, 19. 205, 9. 259,
 25. 303, 21. 23. 357, 13.
 ὁ ἀριθμητικός 9, 5 s. 40, 6.
 182, 12.
 ἡ ἀριθμητική 6, 22. 23, 28.
 25, 6. 34, 15. 35, 28. 36, 20 ss.
 38, 10. 39, 14 ss. 48, 11. 184,
 13 ss.
 ἀρχή 65, 3—5.
 ἡ τῶν πολλῶν 25, 11.
 geometriæ comparata 59, 16
 —61, 17. 95, 23—96, 15.
 ἀριθμός, ὁ *passim*, e. g. 6, 15.
 23, 26. 7, 20. 8, 1. 9, 6 ss. 16,
 18. 22, 7. 26. 23, 5. 16. 24, 10.
 25, 10. 33, 7. 35, 19. 36, 20.
 39, 16 ss. 40, 3. 60, 13. 61, 2 ss.
 63, 15. 93, 7. 158, 5 ss. 161,
 20 ss. 184, 14 ss. 253, 9. 382,
 15. 391, 25. 423, 25.
 ἐπὶ ψυχῆς 17, 7.
 ὅμοιοι, ἀνόμοιοι 8, 11. 18.
 φαινόμενοι 16, 23. 17, 10.
 ὁ γεωμετρικός 23, 22 ss.
 ὁ μοναδικός 96, 3.
 ἀρχαί τῶν ἀριθμ. 17, 15. 33,
 8. 92, 26 ss.
 ἕκαστος εἰς ἑστὶ 96, 4.
 (κυκλικοί) 150, 3. 17—151, 12.
 τρίγωνος, ἑξάγωνος 253, 18—
 20.
 τετράγωνος 427, 21—429, 8.
 ἄριστος, ἡ, *ον* 23, 25. 44, 22.
 55, 19. 172, 17. 211, 13.
 τὰ ἐν εὐθυγράμμῳ ἄριστα
 423, 12.
 ἀρκέω 165, 15. 220, 6. 227, 5.
 286, 13. 293, 6. 304, 9. 314, 9.
 385, 18. 406, 3. 407, 13. 429, 11.
 ἀρκούντως 323, 4.
 ἀξιόζω 16, 25. 210, 4.
 ἀρμονία, ἡ 21, 12. 40, 23.
 ἀρμονικός, ἡ, ὄν 16, 19. 25.
 ἡ ἀρμονική 34, 16.
 ἀρπάζω 55, 27.
 ἀρρεπής, ἑς 157, 14. 291, 6.
 292, 7.
 ἀρρεψία, ἡ 133, 13. 135, 9. 291, 16.
 ἄρρην 151, 9.
 ἄρρητος, *ον* 6, 21. 60, 9. 90, 16.
 141, 24.
 ἀρρήτως 138, 13. 140, 21.
 ἀρτῶν 11, 8. 240, 13. 299, 8.
 326, 14.
 ἀρτιόπλευρος, *ον* 393, 7.
 ἄρτιος, α, *ον* 151, 10. 162, 18 ss.
 174, 7. 278, 4. 428, 22 s.
 ἄρυσθος, *ον* 40, 20.
 ἀρχαῖκος, ἡ ὄν
 Comp. 251, 1.
 ἀρχαῖκως 283, 9.
 ἀρχαῖοι, οἱ 391, 20.
 τὰ ἀρχαῖα 426, 6.
 ἀρχή, ἡ *passim*, e. g. 3, 12. 5,
 17. 6, 9. 7, 15. 9, 1 ss. 11, 9.
 17, 2. 18, 3. 25. 19, 7 ss. 21,
 8. 18. 26, 27. 27, 5. 31, 19.
 32, 1. 9. 37, 16. 42, 14. 43,
 16 ss. 57, 17 ss. 58, 5. 21 ss.
 61, 19. 84, 8. 94, 14. 161, 18.
 179, 13.
 ἀρχαί τῆς μαθηματικῆς 5, 15.
 7, 6. 13. 29, 20 s. 32, 5. 101,
 4. 255, 13 ss.
 πρῶται 326, 13.
 πρωτογενεαί 16, 19.
 δημιουργικαί 37, 4.
 ἀριθμῶν 17, 15. 33, 8.
 (ἀριθμητικῆς) 65, 4.
 γεωμετρικαί 178, 1. 199, 2 ss.
 278, 11.
 σχημάτων 17, 18. 33, 8.
 τῶν τεχνῶν καὶ ἐπιστημῶν
 64, 16. 75, 8 ss.
 τῶν ὄντων ἀπάντων 108, 5.

- τῆς διαστάσεως 155, 6.
 Διός 174, 11.
 τὴν ἀρχὴν adverb. 128, 18.
 ἐξ ἀρχῆς 197, 10. 255, 12. 259, 19.
 ἀρχηγικός, ἡ, ὄν 20, 9.
 ἀρχηγός, ὄν 154, 26. 167, 16.
 ἀρχικός, ἡ, ὄν 74, 12. 85, 16. 86, 4. 91, 14. 93, 11. 110, 9. 139, 16.
 ἀρχοειδής, ἐς 71, 13. 73, 8. 74, 17. 82, 13. 98, 11. 103, 22. 113, 11. 244, 2. 414, 13.
 ἀρχοειδῶς 18, 2.
 ἀρχομαι passim, e. g. 6, 15. 18, 18. 19, 20. 64, 23. 70, 7. 25. 81, 25. 117, 15.
 ἀσάλευτος, ὄν 90, 21. 130, 6.
 ἀσαφής, ἐς 195, 10. 242, 9. 16.
 ἀσθένεια, ἡ 368, 25.
 ἀσθενέω 54, 27. 162, 13.
 ἀστρολογία, ἡ 25, 22. 38, 11. 25. 41, 19. 42, 3. 278, 8.
 ἀστρολογικός, ὁ 109, 25. 241, 19.
 ἄστρον, τό 42, 2. 5.
 ἀστρονομία, ἡ 269, 8. 13. 19.
 ἀστρονομικά, τά 73, 13. 268, 21.
 ἀσύγχυτος, ὄν 136, 11.
 ἀσύμβατος, ὄν 221, 20.
 ἀσύμβλητος, ὄν 124, 12.
 ἀσύμμετρα, ἡ 26, 17.
 ἀσύμμετρον, τό 278, 20.
 ἀσύμπλεκτος, ὄν 244, 23.
 ἀσύμπωτος, ὄν 175, 12. 24. 176, 18—177, 23. 192, 20. 362, 27. 365, 2—3. 366, 21 ss. 367, 7. 17. 368, 4 ss. 369, 16. 371, 8. 375, 6. 395, 9.
 ἀσύναπτος, ὄν 10, 8.
 ἀσύνευστος, ὄν 177, 21.
 ἀσύνθετος, ὄν 3, 5. 111, 2. 9. 246, 10.
 ἀσφαλής, ἐς 248, 2. 270, 22.
 ἀσφαλίζω 260, 11.
 ἄσχετος, ὄν 101, 9. 134, 6.
 ἀσχημάτιστος, ὄν 52, 12. 54, 8. 94, 25.
 ἀσχημοσύνη, ἡ 139, 4.
 ἀσχολέομαι 41, 26. 200, 23.
 ἀσώματος, ὄν 18, 24. 20, 26. 21, 22. 49, 6. 26. 54, 3. 96, 14. 137, 17. 322, 20.
 τὰ ἀσώματα ψυχὴ καὶ νοῦς 147, 15.
 ἄσωμάτως 17, 3.
 ἄτακτος, ὄν 24, 15. 74, 23. 220, 12.
 ἀτάκτως, 26, 19.
 ἀταξία, ἡ 26, 16.
 ἄτε 31, 20. 52, 23.
 ἀτελεύτητος, ὄν 149, 12.
 ἀτελής, ἐς passim, e. g. 12, 18. 15, 14. 19, 4. 21, 17 s. 22, 3. 29, 11. 32, 15. 64, 25. 88, 25. 93, 20. 94, 2. 138, 25. 149, 25. 368, 12.
 οἱ ἀτελέστεροι 82, 6.
 ἀτελῶς 91, 20. 161, 10.
 ἀτιμάζω 28, 23. 29, 13.
 ἄτιμος, ὄν Comp. 14, 25. 15, 2.
 ἄτιμος, ὄν 298, 17.
 ἄτομος, ὄν 279, 6.
 ἄτιπος, ὄν 144, 9. 217, 2. 255, 10. 368, 18. 408, 6. 435, 16. 436, 6.
 ἀτόπως 361, 17.
 ἄτρακτος, ὁ 90, 9.
 ἀτραπός, ἡ 19, 8. 68, 16. 212, 18.
 ἄτρεπτος, ὄν 90, 7. 132, 21.
 ἀτρεύτως 155, 20.
 ἄττα 122, 13. 354, 10.
 ἀτυπώτως 55, 14.
 αὐ passim, e. g. 9, 5. 10, 22. 17, 18. 40, 2. 22.
 αὐ πάλιν 4, 13.
 αὐθις, 64, 14.
 αὐλλία, ἡ 4, 1. 20. 28, 27. 43, 15.
 αὐλος, ὄν passim, e. g. 9, 13. 11, 24. 13, 14. 20, 1. 43, 14. 52, 5. 53, 14. 54, 13. 85, 13 ss. 95, 24. 96, 9. 97, 11. 101, 15. 137, 17.
 αὐλως 63, 5. 65, 18. 137, 21.
 αὐξάνω 67, 5. 82, 11. 270, 13.
 αὐξη, ἡ 39, 20.

- αὐξήσεις, ἡ 6, 16, 50, 4. 132, 4.
 11. 188, 14. 293, 19. 316, 22.
 397, 8. 12. 398, 6 ss.
 αὐξηητός, ἡ, ὄν 198, 15.
 αὐξω passim, e. g. 167, 22. 184,
 27. 270, 10 ss. 292, 21. 305, 14.
 αὐτάρ 305, 23.
 αὐτάρκης, ες 18, 13. 174, 1.
 260, 2.
 αὐτενέργητος, ὃν 15, 26. 141,
 1. 147, 28.
 αὐτογόνως 16, 7.
 αὐτόζωος, ὃν, 148, 24.
 αὐτόθεν passim, e. g. 7, 9. 76,
 23. 79, 11. 179, 3. 181, 9. 192,
 4. 211, 11. 212, 3. 282, 22.
 αὐτολίνητος, ὃν 15, 27. 16, 23.
 17, 23. 137, 20. 140, 14. 142,
 3 s. 147, 27. 148, 24.
 αὐτοματίζω 13, 20.
 αὐτόπιστος, ὃν 76, 13. 179, 14.
 194, 6. 255, 17.
 αὐτοπίστως 75, 16.
 αὐτός passim.
 καθ' αὐτό 34, 23. 35, 2 s. 26 ss.
 76, 10. 123, 21.
 καθ' αὐτό καὶ ἡ αὐτό 355,
 22. 356, 13. 384, 6.
 καθ' αὐτά 9, 20. 31, 5.
 ταυτόν 34, 27. 35, 1. 353, 4—
 11.
 ταυτό 76, 7.
 αὐτοτελής, ες 91, 18.
 αὐτοφανής, ες 195, 18.
 αὐτοφνής, ες 240, 13. 421, 22.
 αὐτοφνώς 244, 3.
 ἀφαίρεσις, ἡ passim, e. g. 12,
 6. 15, 16. 77, 9. 79, 1. 139, 14.
 19. 26. 140, 2. 235, 1.
 ἀφαιρετικός, ἡ, ὄν 46, 23.
 ἀφαιρέω passim, e. g. 15, 2.
 25, 17. 28, 6. 30, 1. 9. 36, 5.
 69, 27. 227, 9. 292, 9. 338, 10.
 ἀφανής, ες 16, 26. 21, 12. 174,
 20.
 ἀφανίζω 64, 15. 22. 95, 7. 154,
 8. 199, 8.
 ἀφερμεύω 128, 21.
 ἀφή, ἡ 50, 6. 54, 16. 58, 13. 60,
 14. 120, 20.
 ἄφθορος, ὃν 303, 17.
 ἀφιερῶ 130, 12.
 ἀφίλημι 28, 19. 84, 21. 140, 11.
 141, 18. 150, 15. 285, 12. 18.
 ἀφικνέομαι 64, 10.
 ἀφίστημι 27, 24. 123, 4. 175, 18.
 177, 14. 269, 18. 292, 8. 293,
 21. 309, 9 ss. 377, 7.
 ἀφομοιῶ 20, 4.
 ἀφομοιωματικός, ἡ, ὄν 23, 17.
 ἀφομοιώσις, ἡ 133, 1. 149, 9.
 ἀφοράω 27, 18. 37, 11. 100, 15.
 130, 15. 310, 20.
 ἀφορία, ἡ 23, 20. 150, 4.
 ἀφορίζω passim, e. g. 3, 7. 10,
 15. 11, 26. 25, 4. 31, 12. 35,
 24. 86, 6.
 ἀφορμή, ἡ 174, 19. 211, 25. 247,
 20. 258, 22. 304, 13. 305, 23.
 307, 8. 392, 22.
 ἄφραστος, ὃν 138, 7.
 ἀχλὺς, ἡ, 30, 1.
 ἄχραντος, ὃν 108, 12. 132, 19.
 133, 13. 173, 4. 9. 291, 6. 18.
 ἀχράντως 290, 19. 291, 13.
 ἀχρηστος, ὃν 27, 20. 28, 9. 247,
 11. 268, 18.
 ἄχρη 148, 8. 150, 13. 18. 431, 15.
 ἀχώριστος, ὃν 15, 3. 49, 8. 50,
 21. 53, 15. 86, 27.
 ἀψις, ἡ 104, 19. 163, 6. 164, 3.
 βάθος, τό 97, 3. 100, 14. 114, 9.
 βαθύς 47, 3.
 βάμα 84, 17.
 βάρος, τό 25, 11. 181, 19.
 βασιλεύς, ὁ 24, 19. 63, 21.
 βασιλικός, ἡ, ὄν 68, 16.
 βάσις, ἡ passim, e. g. 79, 27.
 80, 2. 26. 83, 23. 84, 1. 118,
 16 s. 153, 9.
 γωνιῶν 396, 6.
 βεβαιῶ 195, 20. 203, 14. 255,
 11.
 βελτίων, ὃν 14, 16.
 βέλτιστος 403, 13.
 βῆμα 84, 19.
 βίαιος, ὃν 52, 19.

- βιβλίον passim, e. g. 69, 4. 70, 15. 71, 3. 76, 2. 81, 20 ss. 125, 8. 345, 11.
 βίος, ὁ 21, 7. 26, 3. 27, 25. 28, 10. 63, 9.
 βιωτικός, ἡ, ὄν 28, 8.
 βλέπω 55, 11. 70, 23. 141, 14. 269, 19.
 βλοσυρός, ὁ, ὄν 138, 20.
 βουθύτης, ὁ 426, 8.
 βούλομαι passim, e. g. 24, 8. 28, 18. 30, 8. 31, 13. 52, 9. 203, 3. 292, 25.
 βραχύς 73, 19. 210, 26. 214, 17. ἐπὶ βραχύ 200, 7.
 κατὰ βραχύ 355, 8.
 γέ passim, e. g. 5, 12. 12, 16. 23, 12. 28, 20. 92, 21. 24, 27.
 γεννιάω 243, 18.
 γελοῖος, α, ον 183, 24.
 γεωεσία, ἡ 213, 25.
 γενεσιουργός, ὄν 20, 24.
 γένεσις, ἡ passim, e. g. 8, 23. 17, 12. 23, 5. 16. 23. 24, 20. 29, 5 ss. 39, 18. 46, 24. 56, 9. 77, 8 ss. 105, 20. 147, 8—22. 164, 15. 201, 10. 290, 21 ss. 294, 5 ss.
 τῆς κυκλικῆς γραμμῆς 106, 16.
 κύκλος τῆς γενέσεως 149, 17.
 τρίγωνον ἀρχὴ τῆς γενέσεως 166, 15.
 αἱ γενέσεις τὰς ἀληθινὰς ὑπ' ὅψιν ἄγουσιν αἰτίας 310, 6—8. 375, 25 s.
 γενητός, ἡ, ὄν 147, 10. 149, 15. 166, 16. 167, 19. 174, 10. 294, 12.
 γενναῖος, α, ον 30, 18.
 γεννάω passim, e. g. 13, 15. 16, 3. 17, 27. 37, 12. 22. 88, 5. 99, 2. 132, 5.
 γέννησις, ἡ 13, 10. 354, 18.
 γεννητικός, ἡ, ὄν 6, 5. 13, 7. 50, 24. 88, 21. 92, 27. 93, 4. 97, 10. 99, 14. 139, 9. 140, 24. 151, 5. 164, 9. 173, 21.
 γένος, τό p assim, e. g. 3, 2. 7, 7. 10, 12. 25. 20, 4. 33, 10. 35, 14. 20. 36, 16. 37, 13. 40, 7. 82, 16. 116, 25. 143, 22. 156, 20.
 τὰ μαθηματικά 5, 11. 7, 16. 8, 9. 12, 4.
 τὰ νοητά 6, 1. 32, 10. 62, 22.
 τῶν ὄντων 85, 12. 91, 28.
 γεωδεσία, ἡ 25, 20. 38, 12. 16. 39, 20 ss. 63, 7.
 γεωμετρέω 211, 4.
 γεωμέτρης, ὁ 9, 2. 49, 8. 58, 22. 131, 11. 182, 10. 192, 11. 194, 8. 10. 202, 13 ss. 214, 20. 218, 1. 246, 9. 252, 5. 256, 9. 278, 1. 14.
 οἱ πολλοί 131, 17.
 Vide *Εὐκλείδης*.
 γεωμετροητός, ἡ, ὄν 185, 26. 186, 24. 201, 3.
 γεωμετρία, ἡ passim, e. g. 6, 22. 24, 1. 16. 25, 21. 36, 1. 37, 3. 9. 38, 10. 39, 8. 48, 6—70, 18. 72, 10. 116, 21. 184, 13—29. 201, 16. 210, 24.
 ὕλη καὶ οὐσία 48, 17—56, 22.
 ἐπιστήμη 57, 9—61, 17.
 αἰτίαν ζητεῖ 202, 9—25.
 τέλος ἄριστον 55, 19.
 ὅθεν ὥρμηται καὶ μέχρι τίνος προέσιν 61, 25—64, 2.
 γένεσις 64, 7—65, 7.
 ἡ ἀπαίρει τὴν ψυχὴν εἰς ὕψος 84, 18—23.
 ἡ ἐξ ἀρχῆς 136, 9.
 γεωμετρικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 55, 16. 57, 2. 5. 58, 20 ss. 93, 18. 135, 1. 178, 1. 11. 182, 7. 259, 24. 278, 11. 301, 21. 303, 20. 22.
 νοῦς 180, 8.
 ἀριθμός 23, 22 ss.
 ὁ γεωμετρικός 61, 20. 237, 10. 404, 1.
 ὁ ὡς ἀληθῶς γεωμετρικός 55, 24.
 γεωμετρικῶς 62, 26.
 γῆ 41, 22. 63, 13. 82, 25. 100, 17. 114, 25. 173, 13. 16. 19.

γίγνομαι v. γίνομαι.

γινώσκω (γινώσκω) passim,
e. g. 11, 2. 18, 17. 26, 1. 2.
27, 22. 29, 9. 31, 23. 201, 9.

πάν ὃ γινώσκει 52, 2.

γίνομαι passim, e. g. 5, 14.
22, 27.

Aor. 6, 27. 15, 9. 16, 12. 39, 11.

Perf. 11, 4. 224, 21.

γαφυρός, ἅ, ὅν 72, 20. 200, 11.
219, 19.

γνώμη, ἡ 32, 19.

γνωμονική, ἡ 41, 25.

γνώμων, ὁ 41, 26. 60, 10. 153,
4. 283, 10.

κατὰ γνώμονα = κάθετος
283, 9.

γνωρίζω passim, e. g. 9, 8. 10,
12. 11, 12. 25, 11. 30, 14. 23.
175, 5.

γνωρίμος, ὃν passim, e. g. 14,
23. 25, 14. 63, 11. 76, 9. 94,
17. 97, 18. 165, 1. 178, 11.
266, 1.

Comp. 8, 5.

Sup. 71, 16.

γνωριστικός, ἡ, ὅν 31, 4. 32, 16.

γνώσις, ἡ passim, e. g. 4, 3.
14. 8, 3. 25 s. 9, 12. 15. 10,
20 ss. 11, 8. 17. 15, 11. 18, 28.
28, 3 ss. 29, 19. 30, 13 ss. 31,
2. 140, 23 ss. 148, 18. 174, 20.
179, 3 ss. 241, 71. 294, 14.

αἱ γνώσεις τῶν ὄντων 3, 15.

αἱ μέσαι 62, 11.

αἱ ἀπλᾶι 5, 10.

αἱ ἀρχηγικώταται 20, 9.

αἱ μαθηματικά 7, 19.

ἄνοδος γνώσεων 9, 17.

δόξης καὶ αἰσθήσεως 18, 15.

δοξαστική 45, 10.

τῶν μαθημάτων 20, 11.

νοερά 19, 24. 21, 16.

ἀμόρφωτος 46, 8. 52, 13.

ἀκίνητος 13, 6.

οὐσιώδης 46, 12.

αἱ ἐν διεξόδοις φερόμεναι
20, 3.

κρείττων ἀποδείξεως 266, 14.

γνωστικός, ἡ, ὅν 19, 14. 26, 4.
30, 23. 31, 3. 7. 15. 44, 23.
57, 10. 141, 4.

γνωστικῶς 63, 6. 78, 5.

ἡρώστος, ἡ, ὅν 48, 12. 142, 2.

τὰ γνωστά 4, 15. 10, 7. 19 s.
27, 8. 32, 18. 52, 15 ss. 93, 17.
95, 13.

γόνιμος, ὃν 5, 4. 6, 23. 15, 16.

23, 18. 88, 24. 97, 14. 138, 1.
141, 2. 151, 10. 164, 13. 173,
16. 174, 9. 199, 8. 294, 9. 303,
15.

γούν 195, 16. 234, 16. 236, 5.

γραῦμα, τό 105, 6.

γραμματεῖον, τό 16, 9. 186, 6.

γραμμῇ, ἡ passim, e. g. 12, 21.
39, 10. 40, 10. 49, 15 s. 89, 9.
121, 22.

Definitiones 96, 17—100, 3. 185,
10 s.

περατοῦσα, περατουμένη 85,
6. 86, 20. 22. 101, 2—102, 4.
102, 23—103, 18.

λόγος αὐτῆς πάντῃ γίνεται
μεριστός 87, 9.

μὴ εἶναι τὴν γραμμὴν ἐξ
ἀμερῶν 278, 2—12.

πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ
τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92,
4—8.

εἶδη καὶ διαιρέσεις 103, 21—
106, 19. 111, 1—113, 25. 356,
7—12.

ἐπίπεδοι, στερεὰ γραμμαί
394, 21.

ἐννοια γραμμῆς 100, 6—9.

αἰσθησις γραμμῆς 100, 14—19.

κωνικά 419, 19; vide κωνικός.

γραμμικός, ἡ, ὅν 121, 22. 188,
22.

ἀριθμοί 17, 16. 39, 15.

γράφω passim, e. g. 16, 9. 10.
38, 20. 40, 22. 56, 25. 103, 15 s.
420, 5.

γυμνάζω 26, 6. 70, 6. 12. 145,
24. 210, 18. 220, 6. 227, 7.

γυμνασία 210, 23. 224, 15. 229,

3. 290, 15. 300, 24. 414, 15. 435, 18.
- γυμναστικός, ἡ, ὅν 70, 15.
- γωνία, ἡ passim, e. g. 12, 22. 14, 13. 23, 7. 33, 11. 40, 11. 143, 1. 160, 3. 8. 164, 26 ss. 347, 20 ss.
- (ὄρισμοί) 121, 12—126, 6.
- ἡ περιφερόγραμμος 104, 12. 128, 16. 129, 20. 333, 12 ss.
- μικταί 104, 18.
- ἐπίπεδος 121, 8. 126, 12—128, 19. 298, 23.
- ἐν στερεοῖς 126, 8.
- στερεὰ τεττάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 19 s.
- εὐθύγραμμος 122, 3. 7. 128, 24—134, 19. 333, 3 ss.
- δίχα τεμεῖν 271, ss.
- τρίχα 272, 2—12.
- δύο ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 18 s.
- σύμβολον 128, 26—130, 21.
- μέγιστον δύναται πρὸς ἀνέξησιν τῶν χωρίων ἢ ἐλάττωσιν 397, 7 ss.
- τριγώνον γωνίαι 377, 12—379, 16.
- τριγώνον γωνία τέτταρσιν θεοῖς (ἀνατεθεῖσα) 167, 2—11. 174, 3.
- τετραγώνον γωνία (τρισὶ θεαῖς) 173, 12—21. 174, 4.
- πολυγώνων γωνίαι 381, 23—382, 24.
- αἱ ἐκτὸς γωνίαι 382, 24—383, 16.
- οὐ δύναται γωνία γενέσθαι [εἰ μὴ] πρὸς ἐνὶ σημείῳ 208, 13 s.
- ὁμοία = ἴσα 251, 1.
- κατὰ κορυφήν 298, 12 ss.
- ἐν τμήματι 396, 3—7.
- ἐν ἡμικυκλίῳ 396, 4—5.
- γωνιακός, ἡ, ὅν 129, 7.
- γωνιώω 163, 13.
- Δ = τρίγωνον 426, 2. 433, 6. 434, 9.
- δαιμόνιος 64, 8. 76, 8. 116, 24. 284, 23.
- δαίμων 112, 2.
- δάκτυλος, ὁ 403, 18.
- δεῖ passim, e. g. 7, 6. 8, 21. 21, 17. 22, 1. 55, 23. 75, 27.
- δεῖγμα, τό 397, 2.
- δείκνυμι passim, e. g. 6, 24. 9, 4. 14, 20. 18, 7. 22, 8. 24. 25, 23. 31, 18. 105, 15. 157, 17. 300, 5 ss.
- „ὅπερ ἔδει δεῖξαι“ 81, 11. 210, 8. 15.
- δεικτικός, ἡ, ὅν 301, 1. 304, 4. 314, 13. 318, 14.
- δεινός, ἡ, ὅν 268, 21. 303, 10.
- δεῦξις, ἡ passim, e. g. 56, 8. 210, 9. 283, 1. 304, 2. 6. 310, 17. 316, 14. 335, 16. 345, 1. 368, 14.
- δέκα 403, 19 s. 410, 23.
- δεκάγωνον, τό 393, 12.
- δεκάπλευρος, ὃν 422, 20.
- δεκάς, ἡ 150, 18.
- δέκατος, ἡ, ὃν 205, 10.
- δεκτικός, ἡ, ὅν 124, 9.
- δεόντως 150, 2. 194, 20.
- δεσμός, ὁ 20, 25. 46, 25. 129, 3.
- δεσμώτης, ὁ 46, 13.
- δεύτερος, α, ὃν passim, e. g. 4, 9. 6, 10. 14, 27. 15, 7. 19, 19. 26, 24. 29, 6. 32, 4. 14. 72, 26. 269, 2 ss.
- δεύτερον 13, 27. 33, 21.
- δευτέρως 60, 28. 142, 11.
- δέχομαι passim, e. g. 14, 23. 32, 10. 50, 2. 86, 7. 94, 20. 24.
- δέω 14, 20. 349, 21.
- Med. passim, e. g. 25, 6. 48, 14. 79, 10. 86, 8. 88, 16. 107, 3. 119, 12. 124, 3 ss. 179, 8. 357, 7.
- δηλαδὴ 26, 22. 404, 10.
- δηλος, ἡ, ὃν 38, 26. 66, 11.
- δηλον sc. ἐστὶ passim, e. g. 21, 26. 24, 1. 81, 6.
- δηλώω passim, e. g. 28, 13. 46,

20. 76, 21. 90, 3. 92, 11. 376, 10.
 δήλωσις, ἡ 293, 6.
 δημιουργέω 16, 26. 22, 19. 63, 14.
 δημιούργημα, τό 137, 9.
 δημιουργία, ἡ 17, 12. 166, 17.
 δημιουργικός, ἡ, ὄν 37, 4. 89, 19. 90, 3. 108, 16. 130, 16. 137, 23.
 δημιουργικῶς 17, 19. 36, 25.
 δημιουργός, ὁ 17, 3. 36, 15. 90, 12.
 δήπου passim, e. g. 15, 19. 29, 18. 38, 6. 78, 21. 126, 27. 165, 5.
 διὰ c. Acc. passim, e. g. 6, 2. 4. 8, 25. 9, 23. 10, 2. 11, 7.
 c. Gen. passim, e. g. 5, 16. 7, 16. 10, 12. 18, 22. 376, 27.
 διαβαίνω 179, 20.
 διαβάλλω 217, 11. 21.
 διαβολή, ἡ 305, 25.
 διαγιγνώσκω 59, 4.
 διάγνωσις, ἡ 22, 4. 41, 16.
 διάγραμμα 45, 16. 190, 22. 213, 7. 10. 223, 1.
 διαγράφω 191, 21.
 διάγω 67, 19.
 διαγώνιος, ἡ 106, 6. 156, 15. 261, 21. 389, 18.
 διάθεσις 182, 18.
 διαθρύλλω 84, 10. 199, 6.
 διαίρεσις, ἡ passim, e. g. 3, 6. 4, 20. 6, 5. 17. 7, 23. 9, 10. 11, 7. 11. 36, 18. 38, 16. 57, 22. 159, 11. 167, 25.
 ἡ τῶν τεττάρων ἐπιστημῶν 35, 21—38, 2.
 ἐπ' ἀπειρον 60, 16 (184, 17. 322, 25).
 διαίρεσεων βιβλίον (Εὐκλείδου) 69, 4.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βιβλίου 83, 7—84, 7.
 τῶν ἐπιπέδων σχημάτων 163, 1—164, 8.
 τῶν τριγώνων 164, 27 ss.
 τῶν παραλληλογράμμων 388, 13—390, 9.
 κτημάτων 403, 8.
 διαιρετικός, ἡ, ὄν 42, 21. 69, 14. 110, 6. 132, 26.
 ἡ διαιρετική (μέθοδος) 211, 24—212, 1.
 διαιρετικῶς 43, 3.
 διαιρετός, ἡ, ὄν passim, e. g. 54, 21. 88, 10. 122, 9. 11. 124, 8. 125, 22. 167, 23. 198, 14.
 διαιρετὸν τὸ συνεχές 278, 13 ss.
 διαίρῃ passim, e. g. 3, 15. 4, 1. 16, 18. 31, 5. 12. 35, 22. 50, 18. 198, 9. 303, 19.
 Med. 30, 22.
 Pass. passim, e. g. 3, 3. 4, 13. 6, 18. 8, 22. 9, 11. 10, 7. 19. 90, 24.
 διαίωννζω 90, 8.
 διαίωννως 91, 1. 148, 17.
 διάκειμαι 435, 19.
 διακόπτω 321, 18.
 διακορής, ἐς 84, 12.
 διακοσμέω 150, 1. 13.
 διακόσμησις, ἡ 63, 4. 90, 21. 99, 11. 130, 17. 149, 20. 156, 4. 167, 3. 174, 10.
 διάκοσμος, ὁ 6, 12. 13, 14. 17, 1. 18, 24. 61, 27. 62, 6. 86, 1. 91, 5. 26. 132, 17.
 διακριβός 63, 15. 69, 21.
 διακρίνω passim, e. g. 4, 16. 13, 15. 37, 7 (?). 144, 19. 147, 15. 159, 3. 179, 12. 194, 5. 289, 12.
 διάκρισις, ἡ 31, 8. 36, 13. 43, 17. 99, 12. 242, 1. 394, 15.
 διακριτικός, ἡ, ὄν 19, 17.
 διαλαμβάνω 41, 20.
 διαλάμπω 137, 26.
 διαλέγομαι 49, 8. 236, 9. 356, 6.
 διαλεκτική, ἡ 21, 23.
 θριγγὸς τῶν μαθημάτων 42, 10—44, 24.
 μέθοδοι 42, 18—43, 21. 69, 13—18.
 διαλεκτικός, ἡ, ὄν 44, 16. 20. 57, 21. 194, 2. 432, 18.

- διάλυσις, ἡ 72, 6. 247, 15. 258, 17. 20. 263, 8. 12.
 διαλύω 61, 12. 124, 16. 149, 20. 191, 23. 248, 5. 11. 382, 13, 422, 11. 21.
 διαμαρτάνω 59, 6. 94, 1.
 διαμένω 70, 8. 119, 10. 404, 20.
 διάμετρος, ἡ passim, e. g. 38, 22. 54, 15. 56, 3. 156, 6—157, 9. 158, 1 ss. 160, 12. 216, 11. 18. 239, 11. 13. 245, 21. 26. 261, 23 ss. 417, 5 ss.
 διαμονή, ἡ 23, 24.
 διαμόρφωσις, ἡ 62, 15. 148, 3.
 διαμφισβητέω 104, 26. 182, 19. 192, 26. 193, 17.
 διανέμω 304, 13. *
 διανόησις, ἡ 62, 2. 18.
 διανοητικός, ἡ, ὅν passim, e. g. 18, 10. 45, 2. 22. 55, 9. 56, 1. 204, 17.
 διανοητός, ἡ, ὅν passim e. g. 4, 19. 10, 23. 26. 11, 14. 14, 7. 9. 22, 8. 50, 11. 56, 16. 57, 3.
 διάνοια, ἡ 4, 8. 10, 26. 11, 1 ss. 12, 1. 14, 22. 17, 25. 20, 16. 27, 26. 30, 2. 42, 13. 15. 45, 12. 46, 10. 22. 50, 14. 53, 23 ss. 56, 22. 57, 6. 70, 12. 71, 8. 74, 6. 78, 22. 79, 1. 82, 7. 87, 13. 94, 22. 95, 8. 104, 23. 120, 4. 6. 174, 18. 179, 6. 15. 186, 5. 211, 13. 285, 24—286, 11.
 ἔν καὶ πολλὰ οὐσα 36, 19.
 διανομή, ἡ 25, 10. 131, 22.
 τῶν χωρίων 236, 2. 237, 16.
 διαπεραίνω 151, 13,
 διαπίπτω 351, 2.
 διαπλάττω 7, 9. 15, 2.
 διαποικίλλω 413, 20.
 διαπορέω 223, 24. 234, 12.
 διαπραγματευόμεναι 234, 4.
 διαπρεπής, ἔς, 137, 9.
 διαπρέπω 21, 3.
 διαρδρόω 74, 13. 432, 5.
 διάρδρωσις, ἡ 113, 25.
 διαριθμέω 70, 11.
 διασαφένω 203, 10.
 διασκεπτομαι 385, 17.
 διασπάω 129, 14.
 διάστασις, ἡ passim, e. g. 3, 11. 49, 23. 27. 52, 24. 53, 3. 55, 13. 27. 56, 11. 60, 4. 85, 6. 87, 10 ss. 89, 24. 95, 14. 153, 16. 23. 270, 18.
 εὐθειῶν εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων 371, 16.
 διαστατός, ἡ, ὅν 12, 25. 54, 9. 97, 22. 114, 17. 116, 8. 142, 13. 167, 26. 186, 23 ss.
 τὰ διαστατά 17, 8. 54, 1. 88, 22. 137, 22.
 τὸ ἐφ' ἑν διαστατόν 97, 7. 98, 19. 126, 2—6.
 διαστατῶς 50, 1. 52, 27. 56, 14. 99, 3.
 διαστέλλω 75, 27.
 διάστημα, τό passim, e. g. 53, 15. 88, 5 s. 95, 20. 96, 9. 18. 100, 13. 176, 12. 14. 322, 24.
 πρῶτον ὑπὸ τὸ σημεῖον 125, 15—126, 6.
 διαστροφή, ἡ 291, 4.
 διαστρόφως 59, 1.
 διασύρω 322, 4.
 διασώζω 21, 4. 139, 2.
 διάταξις, ἡ 98, 10. 184, 6.
 διατάττω 57, 1.
 διατείνω 18, 9. 20, 10. 48, 1. 72, 14. 117, 15. 138, 23. 264, 17.
 διαφερόντως 26, 13. 27, 11. 45, 14. 46, 18. 55, 16. 69, 4. 164, 15. 173, 3. 423, 9.
 διαφέρω passim, e. g. 6, 21. 10, 9. 16, 2. 26, 8. 33, 3 ss. 53, 8 ss. 67, 13. 74, 11. 81, 1. 179, 13. 357, 19.
 διαφεύγω 222, 12.
 διαφορά, ἡ passim, e. g. 34, 9. 19. 35, 21. 42, 1. 44, 5. 50, 4. 51, 12. 61, 20. 81, 5. 119, 17. 120, 8. 14. 165, 14. 432, 3.
 διάφορος, ὅν passim, e. g. 117, 25. 118, 24. 130, 14. 136, 21. 242, 5,

- διαφορότης, ἡ 25, 11. 57, 16.
 62, 15. 144, 7.
 διαφυλάττω 43, 13. 88, 18.
 διδασκαλία, ἡ 10, 16. 74, 8. 82,
 5. 94, 18. 354, 7. 355, 7. 384, 4.
 διδασκαλικός, ἡ, ὄν 334, 7.
 διδάσκω 49, 17. 96, 22. 162, 23.
 171, 4. 234, 2. 248, 4. 304, 12.
 313, 22. 354, 5. 382, 3. 406,
 2. 427, 13.
 δίδωμι passim, e. g. 3, 13. 8,
 26. 12, 8. 13, 1. 15, 15. 21,
 20. 75, 13. 78, 28. 106, 2. 116,
 3. 315, 7.
 πᾶν δεδομένον ἢ θέσει ἢ
 λόγῳ ἢ μεγέθει ἢ εἴδει 205,
 14—206, 11. 235, 11. 271, 14.
 277, 7—15.
 δίδειμι 322, 24.
 διείργω 357, 18.
 διελέγχω 29, 21. 59, 6. 214, 17.
 217, 9. 263, 9.
 διέλκω 171, 22. 270, 16.
 διέξειμι 18, 24. 285, 9. 354, 4.
 διεξοδεύω 4, 11.
 διεξοδικός, ἡ, ὄν 5, 8.
 τὸ διεξ. 3, 10. 11, 20.
 Comp. 35, 12.
 διέξοδος, ἡ 19, 9. 20, 3. 44, 21.
 62, 18. 179, 16. 186, 12. 285, 9.
 διερευνάομαι 65, 19.
 διέρχομαι 136, 23. 178, 5. 210,
 26. 288, 11.
 διεχῆς
 σπείρα 119, 16.
 διήκω passim, e. g. 5, 16. 7,
 16. 10, 12. 19, 20. 24, 3. 43,
 25. 89, 22. 104, 14. 373, 6.
 διηρημένως 16, 15. 153, 28.
 διυνέομαι 72, 4.
 δίστημι passim, e. g. 56, 19.
 101, 17. 154, 4. 21. 166, 19.
 171, 24. 310, 2. 316, 18. 332,
 1. 362, 6. 371, 22.
 Perf. passim, e. g. 4, 15. 10, 8.
 22, 22. 60, 3. 90, 5. 110, 10.
 269, 2. 402, 12.
 τὸ τριχῇ διεστώς (διαστάν)
 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
 (τὸ διχῇ διαστάν) 114, 4. 17.
 116, 8. 20.
 δίκαιος, α, ον 236, 3.
 δικαιοῶ 78, 9.
 δικαίως 52, 6.
 δῖμοιρον, τό 221, 17. 296, 14.
 304, 19. 333, 15. 383. 19. 25.
 διό passim, e. g. 19, 25. 20, 17.
 22, 9. 28, 11. 71, 2.
 διόπερ 3, 14. 97, 4.
 διοπτρική, ἡ 42, 4.
 διορατικός, ἡ, ὄν 70, 5.
 διορίζω passim, e. g. 35, 5. 18.
 41, 12. 44, 24. 70, 21. 71, 24.
 75, 25. 153, 10. 179, 9. 432, 3.
 Med. 11, 18. 71, 6.
 διορισμός, ὁ 66, 22. 100, 15.
 124, 16. 182, 21. 202, 3. 203,
 4. 9. 23. 204, 24 ss. 208, 19 ss.
 262, 1. 351, 3.
 διότι passim, e. g. 19, 9. 20, 11.
 56, 10. 57, 4.
 διπλασιάζω 294, 1. 305, 13.
 διπλασιασμός, ὁ 213, 3.
 διπλάσιος, α, ον 61, 14 ss. 196,
 26 ss. 204, 2. 13. 16. 210, 2.
 220, 18 ss. 277, 12. 323, 24.
 373, 15. 382. 15. 383, 3 ss.
 394, 5. 405, 25. 412, 3 ss. 424,
 18.
 διπλάσια τῶν ἀπείρων 158,
 2—20.
 ὁ διπλάσιος λόγος ὁ πρώτι-
 στος τῶν ἀνίσων 412, 15 s.
 διπλασίων, ον 305, 8.
 διπλασιῶς 335, 10.
 διπλοῦς, ἡ, οὖν 19, 15. 132, 13.
 207, 4. 222, 6. 8.
 διττός, ἡ, ὄν passim, e. g. 19,
 6. 35, 25. 51, 13 ss. 53, 18 ss.
 58, 23. 78, 10. 95, 18. 98, 13.
 102, 3. 200, 22. 427, 18.
 δίχα passim, e. g. 80, 10 s. 157,
 5. 158, 1. 204, 20 s. 205, 20.
 271, 2 ss. 320, 12. 415, 19 ss.
 διχῇ 114, 4. 17. 116, 8. 20. 161, 5.
 διχοτομέω passim, e. g. 157,
 10. 246, 4. 271, 18. 273, 16.

- 279, 1. 287, 15. 369, 17. 388, 6 ss.
- διχοτομία, ἡ 106, 10. 13. 16. 157, 12. 207, 17. 388, 10.
- διχῶς passim, e. g. 72, 23. 127, 12. 163, 24. 164, 3. 169, 20. 201, 19.
- δόγμα, τό 22, 10. 13.
- δοκέω passim, e. g. 6, 21. 35, 22. 45, 2. 67, 13. 74, 18. 85, 10.
- δόξα, ἡ passim, e. g. 4, 5. 10. 11, 22. 12, 1. 14, 23. 15, 15. 18, 14. 35, 12. 65, 15. 66, 4. 80, 4. 96, 2. 125, 6. 17.
- δόξασμα, τό 64, 9.
- δοξαστικός, ἡ, ὄν 11, 19. 45, 10.
- δοξαστός, ἡ ὄν τὰ δοξαστά 27, 8.
- δόσις, ἡ 55, 20.
- δουλεύω 139, 20.
- δραστήριος, ὄν 90, 16. 138, 1. 141, 2.
- δριμύς 216, 21.
- δυναδικός, ἡ, ὄν 97, 23. 98, 20. 99, 18. 132, 13.
- δυναδικῶς 101, 12. 214, 10.
- δυνάς, ἡ 97, 21—100, 3. 101, 8. 161, 24. 162, 1. 382, 5. 12.
- ἀόριστος 101, 18. 294, 2.
- δύναμαι passim, e. g. 6, 24. 7, 20. 13, 15. 15, 27. 32, 22. 87, 6. 160, 2.
- opp. δυναστεύομαι 8, 13.
- δύναμις, ἡ passim, e. g. 6, 23. 8, 12. 18, 3. 22, 9. 23, 6. 9. 42, 18. 49, 2. 62, 7. 20. 69, 26. 87, 23. 88, 18 ss. 144, 5. 294, 19. 303, 15.
- δυνάμεις τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 19, 6—20, 3.
- τῆς διαληκτικῆς 44, 13—16.
- ἀσώματος 322, 20.
- δυνάμει 16, 3. 88, 22. 25. 116, 13. 157, 9. 198, 13. 205, 10. 307, 19.
- δυναμώω 144, 27.
- δυναστεύω
Pass. 8, 14.
- δυνατός, ἡ, ὄν 66, 22.
- δυνατόν (sc. ἐστὶ) passim, e. g. 23, 2. 45, 14. 59, 6. 79, 22. 25. τὸ δυνατόν 343, 14.
- δυνατόν εἰπεῖν 373, 23.
- δύο passim, e. g. 5, 18. 33, 4 ss.
- δύο Gen. 214, 21. Dat. 291, 22 ss.
- δυεῖν Gen. 117, 4. 123, 7. 163, 11 ss. 371, 5. Dat. 14, 12. 362, 18. 365, 15.
- δυοῖν Gen. 98, 21. 271, 12.
- δυσὶν 206, 22. 25. 293, 11 ss.
- δυοειδής, ἐς 101, 11. 142, 25. 159, 12. 25. 161, 19.
- δυσαρτίμητος, ὄν 272, 23.
- δυσεξέλικτος, ὄν 272, 22.
- δυσεπίγνωστος, ὄν 321, 15.
- δυσεύρετος, ὄν 421, 24.
- δυσθεώρητος, ὄν 272, 12.
- δυσθήςρατος, ὄν 22, 5.
- δύσκολος, ὄν 224, 16.
- δύσληπτος, ὄν 242, 18.
- δυσπερίληπτος, ὄν 74, 8.
- δυνωδεκάς, ἡ 174, 11—15.
- δώδεκα 237, 11. 404, 2. 420, 13.
- δωδεκάγωνον, τό 174, 12.
- δῶρον, τό 30, 4. 47, 1. 303, 13.
- ἐβδόμος 248, 9. 255, 5 s. 265, 25 ss. 268, 14 ss.
- ἐγγίνομαι 136, 24.
- ἐγγονος, ὄν 7, 18.
- ἐγγράμματος, ὄν 72, 6.
- ἐγγραφή, ἡ 71, 1.
- ἐγγράφω 56, 6. 213, 20. 269, 14.
- ἐγγύς 98, 4.
- ἐγγυτέρω 9, 13. 32, 1.
- ἐγείρω 21, 19. 50, 13. 113, 8.
- ἐγερσις, ἡ 21, 17.
- ἐγερτικός, ἡ, ὄν 46, 21.
- ἐγερσις, ἡ 55, 25.
- ἐγγράφω 202, 15. 18. 269, 12. 14. 395, 10.
- ἐγκλίνω 134, 26.
- ἐγκολπίζω 154, 18.
- ἐγκόσμιος, ὄν 91, 6. 147, 5.
- ἐγκωμιάζω 64, 4.

ἐγγχωρέω 69, 8. 202, 5.

ἐγώ

κατ' ἐμέ 94, 5.

ἐδρα, ἡ 15, 13.

τῶν εἰδῶν 7, 11.

ἐδράζω 86, 8. 89, 27. 90, 20.

ἐθέλω passim, e. g. 117, 19.
141, 19. 143, 21. 144, 2.

ἐθος, τό 20, 15.

εἰ

τὸ εἴ ἐστιν 202, 2.

εἰδησις, ἡ 11, 25. 140, 27.

εἰδοποιία, ἡ 150, 16. 166, 16.

εἶδος, τό passim, e. g. 10, 7.
11, 3. 33, 3. 5. 35, 1. 56, 11.

116, 18. 26. 421, 23.

κυκλικόν cet. 12, 12.

κατατεταγμένον 54, 11.

εἶδη passim, e. g. 7, 2. 11, 8,
22. 13, 11. 15, 6. 12. 16, 6.
17, 6. 18, 20. 20, 4. 37, 20.
69, 15.

ἐν ὕλῃ φερόμενα 3, 10. 16, 4.

τῶν αἰσθητῶν 62, 19. 130, 5.
μαθηματικά 4, 7. 5. 12. 12,
3—18, 6. 22, 11. 35, 17—42, 8.

γεωμετρικά 57, 5. 234, 14. 15.
285, 21. 314, 26. 315, 3.

πρῶτα 5, 3. 11, 6.

μέση 21, 10.

αὐλα 11, 24. 86, 8. 87, 20. 115,
20.

ἐνυλα 38, 8. 167, 22.

χωριστά 86, 24.

ἀχώριστα 86, 27.

ἀκριβῆ καὶ ἀνέλεγκτα 13, 4.

αἰτία 13, 25.

καθολικά 51, 10.

καθολικώτερα καὶ ἀπλούστερα
14, 4.

αὐτὰ ὑφ' ἑαυτῶν ἰδρυμένα
85, 14.

νοερά 15, 22. 27, 10. 62, 7. 129,
18. 130, 5. 137, 16.

διανοητά 62, 24.

ἀμέριστα 19, 13.

ἐστῶτα, ἀκίνητα 25, 5.

ἀμόρφωτα 56, 21.

ἐνδειξις θαυμαστή τοῦ τὰ
εἶδη . . . προηγείσθαι τῶν
μετεχόντων . . . τὴν ὑπό-
στασιν λαμβάνειν 102, 5—10.

τοῖς ὑπερέχουσιν τῶν εἰδῶν
τὸ τοῦ ὅλου πολλάκις ἐπι-
φημίζομεν ὄνομα 172, 25—
173, 2.

εἶδει δεδομένον 205, 14—206,
11. 271, 14. 281, 1.

εἶδη ὅμοια καὶ ὁμοίως ἀνα-
γραφόμενα 426, 15—427, 8.

εἰδῶλον, τό 11, 1. 4. 13, 17. 15,
1. 20, 22. 141, 6 ss.

εἰκάζω 303, 9.

εἰκασία 10, 27 s. 11, 1. 16.

εἰκαστικός, ἡ, ὅν 40, 18.

εἰκαστός, ἡ, ὅν 10, 24. 27. 11,
16.

εἰκονικῶς 16, 15. 140, 18.

εἰκοσάεδρον, τό 423, 16.

εἴκοσιν 269, 4.

εἰκότως passim, e. g. 19, 13.
29, 4. 43, 10. 65, 3. 78, 29.
99, 17. 120, 25.

εἰκών, ἡ, 4, 24. 5, 6. 11, 5. 15, 1.
21. 16, 12. 22, 6. 35, 9. 37,
26. 40, 21. 62, 5. 22. 63, 2. 16.
89, 14. 91, 8. 13. 101, 4. 25.
104, 5. 115, 10. 116, 2. 128,
26. 129, 8. 130, 2. 132, 26.
134, 3. 137, 15. 140, 16. 145,
24. 155, 2. 161, 1. 173, 3. 10.
186, 5. 187, 5. 213, 21—214,
14. 290, 20. 291, 11. 294, 3.
353, 6.

εἰκώς 34, 5.

τὸ εἰκός 33, 24. 192, 12.

εἰλικρινής, ἐς 12, 24. 87, 5.
139, 1. 140, 3.

εἶμι 31, 19. 187, 28. 423, 6.

εἰμί passim, e. g. 49, 26. 53,
25. 64, 14. 84, 12.

τὸ εἶναι 15, 13. 24. 16, 8. 142, 6.

τὸ ὂν vide ὂν.

ἔασιν 155, 5.

εἴπερ 16, 1.

εἶπον passim, e. g. 5, 2. 18, 11.
20, 18. 48, 6. 104, 6.

- εἶπαμεν 119, 20.
 ὡς εἶπειν 30, 12. 43, 26. 76, 2. 244, 3.
 ἐρῶ 78, 7. 113, 14. 116, 7. 339, 3.
 εἶρηκα 39, 1.
 εἶρημαι 8, 18. 20, 7. 29, 12. 32, 20.
 ἐρηθήσομαι 72, 27. 73, 7.
 ἐρτέον 162, 27.
 εἰς passim, e. g. 6, 5. 10. 14. 11, 6. 12, 7. 15, 24. 16, 8.
 εἰς, μία, ἕν passim, e. g. 7, 18. 9, 14. 22. 10, 10. 12, 7. 23, 28. 33, 10 s. 40, 8. 141, 21 ?.
 ἐνὸς δέοντος 61, 15. 17.
 τὸ ἕν 5, 19. 7, 19. 19, 10. 50, 19. 99, 21. 104, 6. 145, 4. 291, 13.
 τὴν τοῦ νοῦ ζωὴν μετρεῖ, πάντων μέτρον 115, 15—16.
 κατὰ μίαν 348, 8.
 εἰσάγω 74, 21. 272, 13. 279, 6. 435, 17.
 εἰσβάλλω 355, 9.
 εἰσδέχομαι 52, 18.
 εἴσω 141, 8. 19.
 εἴτα 36, 25.
 εἴτε — εἴτε passim, e. g. 9, 9. 12, 5. 13, 16. 49, 7. 24.
 εἴτε omisso priore εἴτε 167, 5.
 εἴωθα passim, e. g. 12, 6. 72, 1. 128, 13. 156, 18. 194, 2. 207, 4. 254, 7. 259, 21. 293, 3. 322, 4.
 ἐκ passim, e. g. 5, 18. 8, 6. 23. 11, 22.
 ἐκασταχοῦ 104, 15. 153, 14.
 ἕκαστος passim, e. g. 22, 27. 23, 1. 33, 2. 17.
 τὰ καθ' ἕκαστα 14, 19. 15, 18. 22, 1. 26, 7. 30, 14. 84, 8.
 ἕκαστα ἐφ' ἑαυτοῦ 83, 11.
 ἐκάτερος, α, ον passim, e. g. 8, 2. 35, 25. 36, 5. 7.
 ἐκβαίνω 59, 5. 271, 22. 399, 2.
 ἐκβάλλω passim, e. g. 107, 16. 111, 5. 15. 175, 2 ss. 182, 10. 183, 1. 6. 187, 19. 23.
 ἐκβολή, ἡ 175, 17. 225, 10.
 ἐκγονος, ον 6, 8. 13, 22. 40, 10. 53, 26. 88, 1. 173, 7. 191, 11. 314, 17.
 ἐκδίδωμι 63, 7.
 ἐκεῖ passim, e. g. 54, 7. 60, 16. 61, 4. 78, 25. 141, 20.
 ἐκεῖθεν passim, e. g. 15, 8. 11. 26, 20. 95, 12. 101, 16.
 ἐκεῖνος, η, ο passim, e. g. 5, 4. 21. 6, 10. 7, 7. 9, 1. 16. 24. 13, 24. 157, 11.
 ἐκθεσις, ἡ passim, e. g. 203, 4. 7. 24 ss. 204, 24 ss. 206, 11. 208, 16 ss. 209, 24.
 ἐκκαίδεκα 428, 6.
 ἐκκαιδέκατος 326, 15.
 ἐκκειμαι passim, e. g. 102, 19. 117, 4. 190, 21. 196, 25. 207, 16. 18. 220, 6.
 ἐκκλίνω 73, 22.
 ἐκλέγω 73, 15. 74, 1. 120, 14. 359, 8. 360, 21. 399, 5.
 ἐκλείπω 110, 1. 203, 21. 204, 24. 299, 6.
 ἐκλειψις, ἡ 268, 21.
 τρεῖς ἐφεξῆς ἴσον ἀπέχουσαι ἀλλήλων οὐκ ἂν γένοιντο 268, 23—269, 7.
 ἐκλιμπάνω 204, 5. 25.
 ἐκλογή, ἡ 69, 6. 74, 22.
 ἐκλύω 92, 25.
 ἐκπληρόω 195, 12.
 ἐκπλήσσω 141, 16.
 ἐκτασις, ἡ 49, 27. 99, 2. 128, 2. 132, 26. 155, 16. 167, 22. 421, 16.
 ἐκτείνω 73, 21. 86, 17. 151, 2. 260, 21.
 ἐκτίθηναι passim, e. g. 76, 4. 121, 1. 196, 16. 207, 14. 208, 20. 210, 3. 417, 2. 435, 18.
 ἐκτός passim, e. g. 52, 27. 119, 13. 16. 127, 8 s. 152, 19. 153, 3. 420, 5.
 τὰ ἐκτός 18, 15.
 αἱ ἐκτός γωνίαι 33, 14.

- ἡ ἐκτὸς τοῦ τριγώνου 305, 18 ss.
 ἔκτος, *η*, *ον* passim, e. g. 213, 20. 248, 12. 252, 15. 254, 27.
 ἐκφαίνω passim, e. g. 5, 3. 20, 6. 22, 9. 23, 4. 22. 37, 3. 20. 43, 18. 62, 13. 64, 15. 92, 17. 141, 24. 432, 2.
 ἐκφανής, *ἐς* 13, 26.
 ἐκφανσις, *ἡ* 26, 26.
 ἐκφαντορικός, *ἡ*, *όν* 46, 22.
 ἐκφέρω 177, 9. 307, 17.
 ἐλαττώ (ἐλάσσώ) passim, e. g. 97, 15. 177, 17. 192, 14. 195, 21. 270, 9 ss. 305, 15. 384, 18. 397, 10.
 ἐλάττων (ἐλάσσων), *ον* passim, e. g. 44, 7. 53, 4. 60, 10. 73, 19. 110, 15. 418, 11.
 Sup. 39, 4. 40, 6. 8. 60, 11. 110, 11 ss. 117, 9. 184, 24. 211, 17. 278, 23. 314, 8.
 τοῦλάχιστον 127, 23.
 ἐλάττωσις, *ἡ* 154, 7. 188, 14. 192, 3. 316, 17. 371, 7 s. 397, 9. 427, 8.
 ἐλαύνω 36, 8.
 ἐλεγχος, *ὁ* 70, 14. 247, 22. 248, 8. 266, 11. 274, 21.
 ἐλέγχω 58, 21. 211, 3. 266, 9. 279, 4. 352, 22.
 ἐλεύθερος, *ον* 65, 17.
 ἐλικοειδής, *ἐς* 104, 2.
 ἐλικώδης (?) 112, 1.
 ἔλιξ, *ἡ* 104, 17. 111, 18. 118, 1. 4. 120, 19. 176, 23.
 ἡ περὶ κύλινδρον ἔλιξ 105, 1 —106, 9. 112, 17—21. 202, 1. 251, 7. 11. 394, 25.
 μονόστροφος 180, 4. 9—15. 187, 23.
 Ἀρχιμηδεῖα 272, 10.
 ἐλίσσω 153, 19.
 ἐλκύω 63, 22.
 ἐλλειπής, *ἐς* 221, 23 ss. 306, 7. ἐλλείπω 203, 11. 220, 19. 221, 1. 15. 242, 6. 304, 27. 338, 3. 377, 14. 420, 6. 421, 16.
 ἐλλειπῶς 305, 21.
 ἔλλειψις, *ἡ* 58, 14. 133, 19. 419, 18. 420, 7.
 (κῶνον τομή) 106, 15. 112, 4. 119, 25. 126, 23. 152, 5. 156, 17. 159, 17 ss. 177, 1. 245, 23 ss. 391, 17 ss. 419, 21.
 κύκλος δομβούμενος 172, 4.
 ἔμβασθον, τό 235, 7. 27. 236, 19 —237, 18. 241, 2. 339, 12 ss. 347, 21. 388, 5. 12. 403, 12. 420, 13. 421, 18.
 ἐμβαλλω 241, 22.
 ἐμειλώς 435, 18.
 ἐμός, *ἡ*, *όν* 91, 1. 94, 5.
 ἐμπαθής, *ἐς* 23, 26. 46, 6. 9.
 ἐμπαλιν 16, 21. 149, 25. 169, 16.
 ἐμπειρία, *ἡ* 25, 19. 30, 20 ss. ἐμπειρικός, *ἡ*, *όν* 26, 5. 30, 14.
 ἐμπίπτω 110, 17. 182, 25. 191, 16. 308, 15. 21. 341, 15.
 ἐμπλέκω 112, 5.
 ἡ ἐμπεπλεγμένη σπείρα 119, 15.
 ἐμπνέω 86, 2.
 ἐμποδίζω 273, 25.
 ἐμπόδιον, τό 28, 6. 46, 2. 6. 74, 1.
 ἐμποιέω 212, 24. 321, 15.
 ἐμπορεία, *ἡ* 65, 4.
 ἐμπροσθεν 26, 27. 68, 10.
 ἐμπυρος, *ον* 167, 8.
 ἐμφανίω 52, 8. 106, 25. 118, 22. 173, 10.
 ἐμφανής, *ἐς* 47, 1. 63, 16. 201, 7. 322, 7.
 ἐμφανίζω 83, 9. 143, 20. 174, 18. 187, 5.
 ἐμφαντάζω 138, 24. 314, 25.
 ἐμφασις, *ἡ* 4, 23. 22, 7. 51, 1. 94, 23. 118, 4. 121, 7. 141, 7.
 ἔμφυτος, *ον* 46, 20.
 ἔμψυχος, *ον* 41, 13.
 ἐν passim, e. g. 5, 2. 22. 6, 12 ss. 7, 4 ss. 8, 1. 14 ss.
 ἐναλλαγή, *ἡ* 7, 24. 252, 19. 265, 17.
 ἐναλλάξ passim, e. g. 206, 1. 341, 7. 16. 355, 27. 356, 24.

- τὸ ἐναλλάξ 9, 4 ss. 60, 24. 391, 27.
 διχῶς ὁ γεωμέτρης παραλαμβάνει 357, 9—26.
 ἐναλλάττω 254, 18. 374, 8. 378, 6.
 ἐναντίος, α, ον 8, 19. 12, 25. 23, 1. 9. 18. 26, 21. 49, 22. 69, 28. 74, 5. 139, 17. 239, 21. 270, 14. 314, 3.
 τούναντίον 28, 27.
 ἐνάργεια, ἡ 181, 3. 185, 6. 193, 8. 194, 6. 17. 195, 21. 240, 14. 255, 17.
 ἐναργής, ἐς 179, 8. 188, 3. 193, 7. 195, 11. 196, 6. 243, 8. 254, 23. 255, 25. 266, 11. 294, 3. 326, 12.
 Comp. 89, 6. 179, 18.
 Sup. 426, 12.
 ἐνάργῳς 90, 3. 112, 23. 427, 25.
 ἐναρμόνιος, ον 23, 19. 24, 5.
 ἐναρμοσίς, ἡ 201, 11.
 ἐνάς, ἡ 142, 5.
 ἔνατος 248, 10. 279, 14.
 ἔνδεια, ἡ 24, 13. 133, 23.
 ἐνδείκνυμι passim, e. g. 23, 3. 84, 17. 90, 9. 96, 1. 97, 14. 135, 6. 143, 17. 432, 4.
 ἔνδειξις, ἡ 91, 11. 102, 5. 110, 4. 162, 20. 291, 15. 404, 15.
 ἐνδέχομαι 284, 26. 292, 17. 295, 20.
 ἐνδίδωμι 9, 27. 149, 22. 167, 21.
 ἔνδοθεν 45, 11. 55, 11.
 ἔνδον 141, 7.
 οἱ ἔνδον λόγοι 18, 18. 140, 16.
 ἐνδοτέρω 400, 24.
 ἔνειμι 36, 7.
 ἔνεκα passim, e. g. 48, 7. 69, 6. 86, 22. 300, 24.
 ἔνεκεν 112, 2.
 ἐνέργεια, ἡ passim, e. g. 6, 18. 18, 9. 21. 25, 3. 28, 12. 37, 2. 38, 11. 44, 23. 46, 9. 12. 49, 12. 55, 18. 56, 1. 89, 23. 91, 17. 95, 10. 291, 1.
 κατ' ἐνέργειαν (ἐνεργεία) oppositum δυνάμει 116, 14. 157, 8. 284, 21. 285, 22.
 ἐνεργέω passim, e. g. 18, 16. 19, 28. 28, 26. 38, 5 (?). 45, 24. 52, 5 ss. 63, 6. 108, 19.
 ἐνηλλαγμένως 357, 25.
 ἐνιαῖος, α, ον 138, 10. 153, 15.
 ἐνιδρύνω 21, 2.
 ἐνίζω 89, 24. 101, 19. 116, 1. 148, 22.
 ἐνικός, ἡ, ὄν Sup. 154, 12.
 ἐνικῶς 376, 19.
 ἐνίστε 204, 9. 206, 10.
 ἐνίστημι passim, e. g. 48, 8. 199, 4. 214, 16. 256, 15. 262, 4. 13. 273, 11. 289, 11.
 ἐννέα 428, 18.
 ἐννεακαίδέκατος 313, 23. 409, 3.
 ἐννοέω 24, 23. 295, 25.
 ἔννοια, ἡ passim, e. g. 76, 12. 97, 5. 110, 17. 119, 4. 120, 3. 179, 4. 279, 1.
 κοινή 74, 15. 76, 16. 109, 18. 182, 12. 194, 9. 240, 12. 243, 4. 244, 4. 254, 25 ss. 264, 11. 266, 9. 11. 278, 14. 374, 5. 384, 13.
 γραμμῆς 100, 6—10.
 ἐπιφανείας 114, 20—22.
 ἐνοειδής, ἐς 4, 2. 17. 86, 4. 87, 21. 138, 7. 139, 9. 140, 20.
 ἐνοειδῶς 55, 15. 92, 2.
 ἐνοποιέω 129, 19.
 ἐνοποιός, ὄν 90, 24.
 ἐνόησις, ἡ 375, 9.
 ἐνόω 5, 4. 89, 12. 167, 12. 250, 14.
 ἔνστασις, ἡ passim, e. g. 193, 5. 210, 27. 212, 18—23. 247, 15. 248, 10. 262, 8 s. 275, 1. 286, 14. 288, 11. 289, 9 ss. 330, 3. 17. 431, 14.
 ἐνταῦθα passim, e. g. 37, 8. 45, 16. 53, 12. 87, 3.
 ἐντείνω 79, 21. 23. 80, 4.
 ἐντεῦθεν passim, e. g. 20, 8. 17. 21, 9. 84, 23. 146, 5. 155, 26. 330, 18.
 ἔντεχνος, ον 242, 5.

- ἐντίθηναι* 24, 5. 45, 7. 70, 10.
 90, 20.
ἐντός passim, e. g. 73, 3. 119,
 13. 15. 152, 3 ss. 157, 1. 20.
 24.
*ἡ ἐντός καὶ ἀπεναντίον τρι-
 γώνου γωνία* 305, 19 ss.
Vide ἀπεναντίον.
αἱ ἐντός τοῦ τριγώνου γωνίαι
 306, 22. 310, 9 ss.
ἐντυγχάνω 84, 9. 290, 15.
ἐνυλος, ὄν 15, 5. 16. 16, 4. 31,
 9. 38, 8. 41, 4. 88, 25. 96, 8.
 11. 133, 11. 137, 20. 139, 3.
 143, 7. 166, 22. 167, 23. 168,
 1. 19. 291, 11.
ἐνωσις, ἡ 6, 3. 19, 16. 36, 13.
 22. 44, 19. 86, 10. 90, 5. 11.
 101, 25. 129, 9 ss. 138, 4. 139,
 8. 142, 2. 148, 11. 13. 153, 20.
 155, 3. 167, 13. 173, 21. 174,
 13. 293, 22.
ἐνωτικός, ἡ, ὄν 91, 4.
ἐξ 38, 11. 237, 7. 269, 4. 304,
 19 ss. 403, 16. 20.
ἐξαγωνικός, ἡ, ὄν 304, 21.
ἐξαγωνον, τό 304, 17 ss. 393,
 11 ss.
ἐξάγωνος ἀριθμός 253, 18 s.
ἐξαίρετος, ὄν 60, 12. 293, 10.
ἐξαίρεσις 89, 5. 92, 20. 102, 3.
 138, 6. 294, 11.
ἐξαίφνης 20, 9.
ἐξάνις 304, 19.
ἐξαλλαγή, ἡ 92, 17. 145, 17.
 212, 7. 421, 23.
ἐξαλλάττω 6, 26. 117, 13. 223, 1.
ἐξαπατάω 70, 5.
ἐξάπλευρον, τό 382, 8.
ἐξαπλώω 18, 1. 62, 12.
ἐξαριθμῶσις 38, 15.
ἐξαρκέω 6, 11.
ἐξαρχα, τό 42, 1.
ἐξάς, ἡ 150, 19.
ἐξαχῶς 359, 7.
ἐξελίττω 17, 25. 56, 18. 88, 6.
 145, 2. 201, 2.
ἐξεργάζομαι 74, 24. 99, 15. 201,
 2. 396, 25.

- ἐπαφή, ἡ 4, 2. 179, 18. 201, 11.
 ἐπεγείρω 66, 14.
 ἐπείγμαι 27, 15. 88, 20. 130,
 1. 187, 15.
 ἐπειδάν 131, 20. 237, 20.
 ἐπειδή passim, e. g. 64, 25. 70,
 1. 75, 6. 85, 8.
 ἔπειμι 61, 25.
 ἐπείπερ 152, 24.
 ἐπεισάγω 185, 25. 365, 13. 375,
 12.
 ἐπείσαντος, *ον* 86, 10.
 ἐπείσειμι 95, 4.
 ἐπεισοδιώδης, *ες* 45, 9. 86, 16.
 92, 23. 96, 6. 130, 25.
 ἔπειτα 76, 4. 128. 10. 260, 17.
 ἐπέκεινα 137, 18.
 ἐπεξεργασία, ἡ 200, 15.
 ἐπεύθεια δειξις (?) 304, 6.
 345, 1.
 ἐπέχω 7, 19. 161, 18.
 ἐπί c. Acc. passim, e. g. 5, 16.
 6, 17. 8, 6. 9, 2. 18. 11, 9. 18,
 6. 8.
 c. Gen. passim, e. g. 17, 7.
 40, 3. 67, 8. 82, 22. 103, 20.
 105, 3. 243, 4. 273, 12. 338,
 12.
 c. Dat. 18, 1. 65, 14. 15. 66,
 4. 9. 81, 9. 112, 1. 155, 14.
 ἐπιβαίνω 146, 10.
 ἐπιβάλλω 62, 2. 65, 10. 68, 12.
 93, 14.
 ἐπιβλέπω 194, 24. 330, 18.
 ἐπίβλεψις, ἡ 421, 22.
 ἐπιβολή, ἡ passim, e. g. 3, 10.
 4, 13. 11, 19. 20, 2. 22, 2. 55,
 23. 100, 5. 173, 11. 174, 19.
 180, 20. 185, 19. 269, 24. 378,
 1. 402, 9.
 ἐπιγεννηματικός, ἡ, *όν* 51, 5.
 ἐπιγίνομαι 153, 25.
 ἐπίγραμμα, τό 111, 24. 194, 3.
 ἐπιγραφή, ἡ 71, 27.
 ἐπιγράφω 70, 10.
 ἐπιδείκνυμι (ἐπιδεικνύω) pas-
 sim, e. g. 12, 9. 26, 11. 45,
 19. 50, 8. 64, 7. 140, 20. 150,
 20. 251, 23.
 ἐπιδέχομαι passim, e. g. 49, 19.
 79, 13. 122, 20. 132, 12. 172,
 19. 191, 22. 295, 6.
 ἐπιδίδωμι 86, 27. 102, 7.
 ἐπίδοσις, ἡ 28, 16. 66, 9.
 ἐπιξεύγνυμι passim, e. g. 180,
 17. 187, 9. 26. 209, 6. 215, 2.
 218, 24. 219, 10. 12.
 ἐπίξενξις, ἡ 355, 17. 386, 16,
 387, 6.
 ἐπιζητέω 116, 4. 371, 10. 396,
 21.
 ἐπιθεωρῶ 391, 22.
 ἐπιθολόω 46, 8. 74, 5. 87, 7.
 ἐπικαθαίρεισις, ἡ 198, 13.
 ἐπικλίνω 292, 8.
 ἐπικοινωνέω 41, 24.
 ἐπικουρος, *ον* 212, 1.
 ἐπικρατέω 92, 18. 108, 16.
 ἐπίκτητος, *ον* 166, 25.
 ἐπιλάμπω 148, 24.
 ἐπιλανθάνω 435, 20.
 ἐπιμελής, *ες* 66, 22.
 ἐπιμερής, *ες* 7, 25.
 ἐπιμήκης, *ες*
 τὸ ἐπλήμηνεςσφαιροειδές 120, 1.
 ἐπιμόριος, *ον* 6, 26. 7, 25.
 ἐπινοέω 111, 16. 20. 125, 9. 183,
 16. 185, 15.
 ἐπίνοια, ἡ passim, e. g. 15. 9.
 51, 4. 89, 16. 91, 21. 24. 106,
 23. 26. 136, 12. 180, 20. 272,
 12.
 ἐπίπαν 164, 14. 167, 20. 204, 7.
 ἐπίπεδος, *ον* passim, e. g. 24,
 19. 39, 8 ss. 104, 19. 105, 7.
 107, 19. 357, 6.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 16 ss.
 τὸ ἐπίπεδον 73, 12. 89, 8. 92,
 11 s. 104, 2 ss. 110, 19. 111,
 13 s. 112, 21. 267, 1. 356,
 22 ss.
 ἄπειρον 284, 20.
 τὸ ἐπίπεδον γραμμὴ περιέλα-
 βεν 86, 19.
 ὁ τοῦ ἐπιπέδου λόγος βαδύνει
 τὸ ἐπίπεδον 87, 8.

- πάντα ἐν ταῖς φύσεσι κατὰ
 τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92,
 8—13.
 ἡ ἐπίπεδος ἐπιφάνεια 117, 1
 —13. 120, 14—21. 25—121, 7.
 ἡ ἐπίπεδος γωνία 121, 8. 126,
 12—128, 19.
 ἐπίπεδα συναγόμενα γωνίας
 ποιεῖ 298, 23.
 κάθετος 283, 14—16.
 γραμμή 394, 21 ss.
 ἐπίπλευς
 τὸ ἐπίπλευσφαιροειδές 120, 1.
 ἐπιποθέω 265, 19.
 ἐπιπόλαιος, *ον* 29, 16. 70, 4.
 ἐπιπροσθέω 109, 22. 110, 3. 117,
 11.
 ἐπισημαίνω 134, 19. 160, 17.
 236, 7. 315, 4. 375, 8. 384, 3.
 388, 15. 409, 1.
 ἐπισκέπτομαι 34, 21. 44, 5. 200,
 6. 368, 26.
 ἐπίσκεψις, ἡ 199, 2.
 ἐπισκοπέω 5, 15. 36, 3. 48, 16.
 54, 23. 62, 19. 65, 18. 83, 12.
 202, 7.
 ἐπισκώπτω 216, 21.
 ἐπίσταμαι 14, 14.
 ἐπίστασις, ἡ, 102, 22.
 ἐπιστατέω 109, 3.
 ἐπιστήμη, ἡ *passim*, e. g. 7, 4.
 9, 8 ss. 14, 15. 21, 17, 5. 23,
 27. 24, 21. 25, 13. 27, 4. 14.
 34, 8. 58, 3. 75, 21?. 119, 5.
 184, 7. 23. 303, 15. 20. 322,
 19 ss.
 ἡ πρώτη (πρωτίστη, ἀκρο-
 τάτη) 4, 9. 9, 19. 11, 18. 23.
 243, 18.
 τῆς γεωμετρίας 57, 9—61, 17.
 μαθηματικάι 17, 26. 60, 23.
 ἡ μία 7, 18. 18, 6. 31, 22 ss.
 διττή 200, 22.
 ἀκριβεστέρα ἄλλη ἄλλης 59,
 10—60, 1.
 ἡ (μαθηματικὴ) ἐπιστήμη *se-*
cundum Platonem 25, 12—
 32, 20.
 ἀρχὰς οὐκ ἀποδείκνυνσι 75, 15.
- τὸ καθόλου καταφατικὸν ταῖς
 ἐπιστήμαις προσήκει 260, 1
 —9.
 ἐπιστημονικός *passim*, e. g.
 59, 1. 70, 2. 16. 200, 14. 212,
 17. 222, 1. 242, 11. 243, 20.
 247, 17. 259, 21. 322, 17.
Comp. 66, 17.
 ἐπιστημονικῶς 203, 12.
Comp. 427, 1.
 ἐπιστήμων, *ον* 34, 2. 46, 11.
 93, 11. 182, 13. 375, 11.
 ἐπιστρεπτικός, ἡ, *ον* 151, 8.
 ἐπιστρέφω *passim*, e. g. 27, 5.
 45, 12. 47, 3. 55, 15. 90, 13.
 108, 9. 140, 21. 150, 21.
 ἐπιστροφή, ἡ *passim*, e. g. 46,
 7. 110, 8. 147, 17. 148, 11.
 151, 2. 153, 18 ss.
 ἐπισυνίστημι 51, 5. 260, 21.
 ἐπισυντίθημι 304, 27.
 ἐπιταράττω 75, 23. 187, 3.
 ἐπίτασις, ἡ 172, 19.
 ἐπιτάττω 208, 3. 227, 18. 271,
 12. 282, 3. 422, 19.
 ἐπιτήδειος, *α*, *ον* 41, 6.
 ἐπιτηδειότης, ἡ 148, 9. 211, 14.
 ἐπιτηδεύω, τό 20, 19.
 ἐπιτίθημι 149, 27.
 ἐπιτομή, ἡ 316, 21.
 ἐπιτρέπω 199, 12. 214, 20.
 ἐπιτρέχω 200, 17.
 ἐπιτροπέω 167, 10. 174, 16.
 ἐπιτυγχάνω 45, 3.
 ἐπιφάνεια, ἡ *passim*, e. g. 49,
 14. 96, 20. 100, 11. 112, 12.
 121, 16 ss.
 (ὄρισμοί) 114, 3—14.
 περατοῦσα, περατουμένη 85,
 4 s. 86, 18. 115, 10—116, 14.
 τριάδι ἀνάλογον, δυαδική
 97, 21—98, 8. 99, 4—8. 20.
 115, 1—8.
 τοῦ κυλίνδρου 105, 2. 117, 21.
 120, 11. 24.
 τῆς σφαίρας (σφαιρική) 116,
 6. 117, 21. 119, 4. 120, 10. 23.
 τοῦ κώνου 117, 21. 120, 24.
 σπειρικὴ 119, 9—18.

κωνοειδής 119, 22—120, 2.
 ξννοια ἐπιφανείας 114, 20—22.
 αἵσθησις 114, 22—25.
 (ταῦτόν) τῷ ἐπιπέδῳ 115, 17—24.
 ἐπίπεδος 117, 1—13. 120, 14—21. 25—121, 7.
 μικτή 117, 14—120, 6.
 ὁμοιομερεῖς 120, 8—12.
 ἐπιφανής, ἐς 66, 7. 67, 18.
 ἐπιφέρω 144, 20. 235, 2. 261, 14.
 ἐπιφημίζω 72, 8. 173, 1.
 ἐπιχειρῶ passim, e. g. 25, 15. 26, 12. 29, 16. 54, 18. 73, 18. 144, 3. 179, 21.
 ἐπιχειρήσεις, ἡ 45, 19.
 ἐπομαι passim, e. g. 12, 2. 17, 11. 26, 26. 27, 1. 31, 18. 48, 6. 58, 19. 315, 8.
 ἐπονομάζω 46, 18. 72, 3. 396, 12.
 ἐποχόμαι 90, 13. 138, 7. 148, 4.
 ἐπτά 96, 4. 235, 25.
 οἱ ἐ. ὄροι 17, 15.
 οἱ ἐ. λόγοι 17, 17.
 εἶδη τριγώνων 168, 5—12.
 εἶδη τετραπλεύρων 170, 8—15.
 ἐπτάκις 422, 22.
 ἐπταχῶς 170, 8.
 ἐπωνυμία, ἡ 30, 9. 40, 4. 113, 6. 126, 26. 172, 20. 221, 15. 303, 11.
 ἐράω 148, 22.
 ἐρείδω 404, 23.
 ἐργον, τό 55, 20. 79, 7. 248, 4. 255, 25. 322, 7.
 τῆς ἐπιστήμης 322, 20. 323, 3.
 τῆς μαθηματικῆς 18, 8. 10—19, 5.
 τῆς γεωμετρίας 39, 12.
 τῆς γεωδεσίας 39, 20.
 ἐργώδης, ἐς 242, 10.
 ἐρημος, ὅν 150, 10.
 ἔρμαιον, τό 301, 24. 303, 9. 13.
 ἐρμηνεῖα, ἡ 295, 8.
 (ἔρομαι)
 Aor. 68, 14.
 Fut. 70, 20.
 ἔρχομαι 65, 7. 120, 3. 136, 12. 159, 25. 388, 7.

ἔρως, ὁ 90, 13.
 ἔρώτημα, τό 58, 19. 25.
 ἐρωτικός, ὁ 21, 7 s.
 ἔστιά, ἡ 29, 14.
 ἔσχατος, ἡ, ὅν 4, 4. 11, 3. 15, 13. 20, 10. 28, 25. 52, 10. 16. 94, 13. 145, 2.
 τὰ ἔσχατα 3, 2. 7, 8. 52, 12. 92, 25. 129, 13. 138, 24. 148, 8.
 ἐσχάτως 91, 27.
 ἔταῖρος, ὁ 67, 3. 9.
 ἔτεροίωσις, ἡ 106, 24.
 ἔτεροκίνητος, ὅν 16, 1. 137, 21. 142, 3.
 ἔτερόμηκες, τό 169, 3. 16. 170, 9. 171, 9. 18. 22. 386, 19 ss. 388, 15 ss. 389, 10. 421, 4.
 ἔτεροποιός, ὅν 164, 10.
 ἔτερος, α, ὅν passim, e. g. 19, 2. 30, 24. 34, 15. 27. 35, 1. 38, 14. 58, 24.
 τὸ ἔτερον 353, 4—11.
 ἔτερότης, ἡ 6, 6. 34, 21. 36, 14. 18. 131, 16. 132, 5. 353, 3.
 ἔτι passim, e. g. 7, 24. 14, 24. 19, 1. 28, 17. 49, 9.
 εὐγνωστος, ὅν 182, 4.
 εὐγονία, ἡ 8, 19. 23, 1. 24, 2.
 εὐδαιμονέω 26, 2.
 εὐδαιμονία, ἡ 26, 2. 30, 6.
 εὐδαιμονικῶς 26, 3.
 εὐδαιμόρετος, ὅν 432, 15.
 εὐέλεγκτος, ὅν 275, 4.
 εὐεργετέω 63, 9.
 εὐθεῖα, ἡ passim, e. g. 35, 4. 39, 25. 50, 2. 6. 78, 2 s. 103, 22. 104, 25. 106, 6. 21—107, 10. 111, 8.
 ὁρισμὸς 109, 6—110, 26.
 πρὸς τῆς ἀπειρίας 107, 15.
 σύμβολον τῆς ἀπαρεγκλίτου προνομίας 108, 11.
 ἐπ' εὐθείας 294, 18 ss. 299, 15 ss.
 ὁδεύειν 109, 18. 20.
 ὁμαλή δύναις 185, 11 s.
 δύο εὐθεῖαι χωρίον οὐ περιέχουσι 239, 1—240, 10.

- ἡ ἐπ' εὐθείας δεῖξις 304, 6.
 345, 1.
 ἡ ἄπειρος σύμβολον τῆς γενέσεως 291, 7—9.
 τρεῖς εὐθεῖαι ἴσαι ἐπὶ τὴν αὐτὴν εὐθεῖαν 307, 25—308, 13.
 διαστάσεις εὐθειῶν γωνίαν ποιουσῶν καὶ εἰς ἄπειρον ἐκβαλλομένων 371, 14—23.
 εὐθύγραμμικός 33, 20.
 εὐθύγραμμος, *ον* 427, 13.
 γωνία *passim*, *e. g.* 80, 11. 120, 23. 122, 3. 7. 127, 15. 128, 24—134, 19. 189, 15—191, 4. 205, 17 *s.* 207, 18 *ss.* 237, 24 *ss.* 292, 18. 333, 3 *ss.*
 τὸ εὐθύγραμμον *passim*, *e. g.* 33, 15. 17. 73, 2. 82, 2 *ss.* 83, 4. 161, 13—164, 17. 318, 13. 422, 10 *ss.* 423, 12. 426, 20.
 εὐθύγραφέω 106, 13.
 εὐθύνα, ἡ 15, 15.
 εὐθύς 104, 23.
 τὸ εὐθύ *passim*, *e. g.* 16, 20. 37, 8. 105, 18 *ss.* 108, 20 *ss.* 117, 14 *ss.* 147, 10 *ss.*
 ἀνάλογον τῇ ἀπειρίᾳ 104, 14.
Adv. 34, 8. 172, 14. 16. 202, 24. 265, 20. 382, 9. 397, 4.
 ἐκ τοῦ εὐθέως 179, 19.
 εὐθύτης, ἡ 125, 11.
 εὐληπτος, *ον* 181, 4.
 εὐλόγως 207, 13.
 εὐλυτος, *ον* 27, 25.
 εὐμαθής, ἐς 208, 24.
 εὐμήχανος, *ον* 179, 6. 185, 18.
 εὐμορφία, ἡ 141, 25. 6.
 εὐοδία, ἡ 246, 11.
 εὐπαράδεκτος, *ον* 195, 14.
 εὐπετής, ἐς 181, 8.
 εὐπορία, ἡ 303, 16.
 εὐπόριστος, *ον* 179, 6. 24. 182, 3.
 εὐπορος, *ον* 120, 17.
 εὐρεσις, ἡ *passim*, *e. g.* 19, 3. 47, 4. 64, 24. 69, 15. 24. 70, 8. 78, 19. 111, 25. 195, 16. 234, 6.
 εὐρετής, ὁ 272, 5.
 εὐρίσκω *passim*, *e. g.* 13, 12. 24, 19. 43, 2. 51, 7. 55, 6. 61, 13. 64, 18. 233, 17. 422, 4.
 εὐρυθμος, *ον* 137, 16.
 εὐρύνω 112, 8.
 εὐσχημοσύνη, ἡ 137, 8.
 εὐτακτος, *ον* 361, 23.
 εὐτάκτως 162, 6. 255, 22.
 εὐταξία, ἡ 22, 18.
 εὐτρεπής, ἐς 55, 5.
 εὐφνής 113, 8. 213, 10.
 εὐφνώς 435, 19.
 ἐφάπτω
Med. *passim*, *e. g.* 10, 8. 19, 24. 28, 19. 34, 13. 35, 12. 331, 10 *ss.*
 ἐφαρμογή, ἡ 237, 23. 243, 6.
 ἐφαρμόζω *passim*, *e. g.* 105, 5. 110, 21. 117, 9. 20. 158, 1. 182, 13. 193, 14.
 ἐφάρμοσις, ἡ 238, 6.
 ἐφαρμόττω *passim*, *e. g.* 7, 20. 33, 16. 120, 11. 142, 11.
 ἐφεξῆς *passim*, *e. g.* 32, 7. 72, 11. 75, 8. 17. 98, 4. 134, 22. 135, 4 *ss.*
 ταῦτα ἐφεξῆς, ὧν μηδὲν ὅμοιον μεταξὺ 296, 4.
 ἐφετός, ἡ, ὅν 148, 14. 154, 24.
 ἐφήκω 52, 15.
 ἐφίημι 153, 22. 174, 21.
 ἐφιστάνω 253, 16. 292, 12. 368, 1.
 ἐφίστημι *passim*, *e. g.* 10, 25. 90, 12. 135, 8. 183, 15. 188, 18 *s.* 189, 13. 20. 250, 22. 292, 23. 299, 23. 368, 24. 393, 6. 426, 10.
 ἔφοδος, ἡ 38, 24. 57, 2. 74, 19. 157, 17. 255, 26. 300, 7. 304, 4. 374, 9.
 ἔφορος, ὁ 46, 26.
 ἔχω *passim*, *e. g.* 3, 8. 4, 23. 6, 16. 24. 8, 2. 23. 9, 14. 10, 27. 46, 15. 126, 26. 200, 14. 243, 8.
 ἔως 9, 18. 192, 24. 380, 11.
 ζάω 26, 3.
 ζηλόω 84, 15.
 ζητέω *passim*, *e. g.* 8, 6. 14, 5.

- 18, 27 s. 28, 16. 43, 4. 66, 1.
69, 17 s. 141, 19. 172, 5. 179,
5. 11. 315, 8.
ζήτημα, τό 303, 24.
ζήτησις, ἡ passim, e. g. 19, 1.
3. 29, 3. 47, 3. 66, 20. 68, 1.
70, 22. 79, 17. 84, 8. 179, 18.
423, 1.
ζητητικός
Comp. 227, 8.
ζυγόν, τό 63, 14.
ζωδιακός, ἡ, ὄν 16, 24.
ὁ ζωδιακός (ζωδιακός) 126,
15. 167, 5. 269, 17.
ζωή, ἡ 15, 12. 17, 2. 20, 15. 23,
19. 24, 5. 16. 28, 13. 29, 11.
37, 22 ss. 47, 6. 52, 24. 53,
14. 115, 15. 137, 20. 167, 9.
168, 23. 174, 2. 290, 18. 20.
291, 13 ss.
ζωογόνος, ὃν 90, 16. 173, 18.
214, 2.
ζῶον, τό 149, 21.
ζωτικός, ἡ ὄν 18, 23.
ζωτικῶς 17, 9.
ἡ 107, 6. 263, 20. 414, 20.
ἡ 9, 19. 178, 13. 207, 15 ss.
ἡ αὐτό 355, 23. 356, 13. 384,
6. 9.
ἡγεμονέω 115, 6.
ἡγεμών, ὁ 10, 18. 192, 7.
ἡγέομαι 77, 17. 113, 9. 21. 151,
8. 165, 1. 174, 15. 315, 8.
ἡγουν 122, 1.
ἡδη passim, e. g. 21, 19. 25,
15. 37, 16. 77, 15. 181, 16.
227, 9.
ἡδονή, ἡ 24, 18. 28, 22.
ἡθικός, ἡ, ὄν
πρὸς τὴν ἡθ. φιλοσοφίαν
ἡμᾶς τελειοὶ ἡ μαθηματικὴ
24, 4—20.
ἡθός, τό 21, 19. 23, 24. 24, 5.
14. 108, 10.
ἡκω 95, 13. 151, 15. 278, 22.
347, 1.
ἡλιακός, ἡ, ὄν 39, 26.
ἡλίος, ἡ, ὃν 24, 22.
ἡλιος, ὁ 42, 5. 110, 1.
ἡμέρα, ἡ 63, 25. 269, 4.
ἡμερος, ὃν 138, 19.
ἡμέτερος, α, ὃν 29, 14. 110, 2.
ἡμικύκλιον, τό 80, 3. 5. 104, 18.
113, 17. 134, 13. 158, 3. 11.
21—162, 8. 163, 5 s. 190, 2 s.
216, 6. 8. 234, 17. 240, 2. 283,
1. 381, 10 ss. 396, 4.
ἡμικώνιον, τό 123, 2.
ἡμιόλιος, α, ὃν 373, 16 s.
ἡμίσεια 161, 10. 230, 2 ss. 239,
11. 13. 297, 17 ss. 344, 1 ss.
383, 20. 404, 9.
ἡμισιν 159, 21. 197, 1. 369, 18.
399, 11. 404, 5. 11. 428, 14 ss.
ἡμιτετράγωνον, τό 222, 7. 383,
21.
ἡμιτρίγωνον, τό 383, 22.
ἡνίκα 63, 27. 193, 5. 236, 19.
ἡνωμένως 138, 9.
ἡπερ 173, 25.
ἡττον (ἡσσον) passim, e. g. 49,
19. 122, 15. 18. 21. 131, 16.
180, 2. 294, 7.
ἡτοι 25, 7.
θάλασσα (θάλαττα), ἡ 63, 13.
352, 16.
θαρρέω 301, 4.
θάτερον passim, e. g. 107, 4 s.
109, 10. 110, 26. 157, 18.
θάτερα 102, 19 s. 134, 23. 26.
135, 9. 289, 19.
θαῦμα, τό 66, 13.
θανυμάζω 28, 27. 141, 10. 285,
22. 404, 17. 426, 9.
θανμαστός, ἡ, ὃν 22, 10. 23,
18. 64, 23. 69, 1. 97, 26. 102,
5. 119, 6. 130, 24. 137, 14.
229, 3. 232, 11. 260, 10. 20.
396, 13. 435, 20.
θανματοποιική, ἡ 41, 8.
θεά, ἡ 173, 18.
θεά, ἡ 20, 21, 49, 11.
θείαινα, ἡ 173, 16.
θέαμα, τό 38, 7. 62, 8.

θραύομαι 48, 3. 49, 13. 55, 15.
61, 27. 141, 15. 24. 250, 16.
412, 8.

θείος, α, ον 6, 6. 21, 3. 22, 13.
35, 9. 47, 2. 62, 6. 90, 13. 94,
23. 116, 20. 128, 27. 129, 9.
132, 17. 22. 133, 15. 140, 15.
18. 168, 15. 17. 173, 4. 22.
291, 3. 419, 22.

Comp. 137, 25. 147, 6.

θέλω 141, 12.

θέμις 104, 6. 140, 11.

θεολογία, ἡ 22, 1

utilitas mathematicae 22, 2—
16.

θεολογικός, ὁ 156, 1.

θείος, ὁ 20, 5. 22, 4 ss. 46, 25.
62, 9. 90, 24. 91, 3. 8. 130, 18.
131, 1. 138, 7—23. 139, 9.
140, 13 ss. 141, 23, 25. 146, 6.
13. 148, 10—16. 150, 6. 10.
156, 4. 164, 10. 13. 174, 4.
303, 13. 432, 10.

ὁ τριαδικός 155, 24.

θεότης, ἡ 90, 16.

θεουργία, ἡ 138, 10.

θερμαίνω 322, 18 s.

θερμός, ἡ, ὄν 167, 9. 11. 181, 10.

θερμότης, ἡ 122, 8.

θεσις, ἡ passim, e. g. 38, 21.
41, 26. 56, 9. 57, 13. 59, 18.
20. 60, 13. 63, 12. 78, 3. 26.
79, 20. 95, 22—96, 15. 127, 21.
135, 11. 154, 7. 186, 20. 201, 10.

θέσει δεδομένον 205, 14—206,
11. 280, 22 s.

θετικός, ἡ, ὄν 255, 18 s.

θεωρέω passim, e. g. 7, 15 ss.
9, 23. 10, 17. 11, 5. 14, 23.
18, 7.

θεώρημα, τό passim, e. g. 7,
17. 18, 4. 25, 22. 38, 20. 39,
2. 42, 3. 59, 22. 61, 21. 177,
20. 178, 13 ss. 200, 7.

quid? 77, 7—81, 4. 201, 5.

apud Euclidem 81, 7—22.

μέρη 203, 2—207, 25.

τὰ προβλήματα πρὸ τῶν θεω-
ρημάτων 241, 20—243, 29.

τὰ μὲν ἀπλᾶ τὰ δὲ σύνθετα
244, 14—246, 12. 394, 13.

τοπικά 394, 15 ss.

θεωρηματικῶς 78, 7. 243, 18.

θεωρητικός, ἡ, ὄν 24, 23. 27,
19. 31, 10. 57, 9. 77, 14. 17.
80, 24. 116, 21. 221, 11.

θεωρία passim, e. g. 9, 13. 11,
20. 13, 15. 19, 8. 24. 27. 20,
6. 21, 1. 24. 23, 4. 26, 9. 27,
28. 28, 9. 17. 29, 25. 352, 21.
432, 7 ss.

φυσική 22, 17.

θεωρικός, ἡ, ὄν 100, 5. 174, 19.

θῆλυ, τό 151, 10.

θηλυπρεπής, ἐς 99, 14.

θήρα, ἡ 14, 6. 179, 15. 22. 203,
11.

θηρέω 211, 16. 242, 17. 388,
11.

θνητός, ἡ, ὄν 63, 9.

οἱ θνητοί 84, 22. 150, 7.

θριγγός, ὁ

τῶν μαθημάτων 42, 10—44,
24.

θυρεός, ὁ 126, 19. 22.

ἡ τοῦ θυρεοῦ γραμμὴ 103,
6 ss. 111, 6. 126, 20.

ιατρικός

ἡ ιατρική 31, 8. 38, 25.

τὸ ιατρικόν 38, 18.

ιατρός, ὁ 38, 23. 75, 21. 93, 22.

ιδέα, ἡ 17, 8. 118, 19. 144, 16.
146, 6. 395, 25.

τοπικά θεωρήματα (ἀπεικα-
σθέντα) ταῖς ιδέαις 395, 14
—18.

ιδιάζω 39, 10. 124, 11. 165, 2.
171, 14.

ιδίος, α, ον passim, e. g. 32,
16. 60, 7. 11. 101, 19. 135, 23.
147, 22. 157, 5. 162, 11. 24.
181, 24. 221, 14. 293, 3 ss.

ιδίαι 178, 5.

ιδιότης, ἡ passim, e. g. 22, 7.
33, 2. 18. 50, 15. 62, 6. 83, 9.
17. 89, 1. 94, 16. 99, 13. 124,

17. 138, 11. 146, 14. 303, 18. 353, 5.
ιδίως, ἡ passim, e. g. 40, 12. 156, 19. 186, 24. 211, 4. 212, 14.
ἰδρυνσις, ἡ 173, 8.
ἰδρύνω 17, 14. 37, 3. 17. 148, 16. 154, 12.
 Pass. 3, 14. 17, 19. 18, 12. 85, 15. 91, 17. 138, 27. 291, 6.
ἰδρύνθην 87, 1.
ἰερός, ἄ, ὄν 22, 14.
ἰκανός, ἡ, ὄν 211, 16. 356, 4.
ἰκανῶς 69, 20. 94, 3. 284, 23. 432, 1.
ἰλάσκομαι 112, 2.
ἴλεως
ἴλεον 138, 20.
ἵνα passim, e. g. 57, 24. 71, 27. 86, 19. 124, 24.
ἰνδάλλομαι 86, 13. 96, 11.
ἵπποπέδη, ἡ 127, 1. 128, 5.
ἵππος 112, 5.
ἰσάζω 237, 15.
ἰσημερινός, ὁ 126, 15. 269, 17.
ἰσogώνιος, ον 172, 7. 12. 202, 16. 304, 18. 348, 5. 12. 393, 8.
ἰσοδυναμέω 114, 12.
ἰσοκρατής, ἐς 149, 18.
ἰσοπερίμετρα, τὰ 398, 16.
ἰσόπλευρος, ον 14, 13. 169, 2 ss. 171, 13. 172, 8 ss. 202, 15 s. 304, 16 ss. 388, 21 ss. 393, 8. 398, 11.
 v. *τρίγωνον*.
ἰσορροπέω 181, 20.
ἰσορροπία, ἡ 41, 12.
ἰσόρροπος, ον 41, 15.
ἴσος, η, ον passim, e. g. 14, 12. 33, 14. 58, 17. 373, 8 ss.
 τὸ ἴσον 7, 26. 79, 19.
 ἐξ ἴσου κεῖσθαι 109, 8—13. 110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
 μεταβάσις ἀπὸ τοῦ μείζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον οὐ πάντως διὰ τοῦ ἴσου 234, 18.
ἰσοσκελής, ἐς 14, 12.
τραπέξιον 170, 7. 11.
 v. *τρίγωνον*.
ἰσοταχής, ἐς 106, 5.
ἰσότης, ἡ passim, e. g. 7, 2. 12, 21. 22, 24. 24, 17. 49, 14. 21. 58, 14. 63, 15. 83, 13. 124, 9. 191, 6 ss. 290, 23. 313, 15 ss. 373, 19. 421, 21—24.
πρώτιστον ἐν τῷ ποσῷ σύμπτωμα 233, 18.
τῆς ἀνισότητος μέτρον 293, 16 ss.
ἴστημι 113, 24. 162, 24. 285, 9. 414, 13.
 Aor. Π. 259, 11. 292, 14.
 Perf. passim, e. g. 8, 24. 12, 21. 21, 1. 3. 25, 4. 27, 6. 97, 16. 149, 16. 294, 4. 349, 1.
 Pass. 259, 1. 17. 292, 3. 5. 16.
ἱστορία, ἡ 38, 20. 68, 4. 352, 15.
ἱστορέω 64, 19. 65, 14. 111, 22. 113, 7. 211, 23. 323, 6. 345, 13. 375, 23. 426, 6.
ἱστορικός
 τὸ ἱστορικόν 38, 18.
ἴσως 29, 14. 93, 19. 110, 4. 272, 15. 303, 10.
ἰνγγικός, ἡ, ὄν 91, 3.
ἴχνος, τό 89, 5. 150, 2.
καθά 286, 19.
καθαίρεω 25, 16.
καθάπερ passim, e. g. 18, 21. 19, 2. 25, 5. 38, 15 s.
καθαρεύω 5, 9. 12, 25. 52, 16. 27. 56, 13. 85, 7. 96, 6. 97, 1. 186, 18.
καθαρός, ἄ, ὄν 43, 14. 47, 5. 49, 15.
 Comp. 4, 10. 95, 24.
 Sup. 42, 16. 137, 19.
καθαρότης, ἡ 4, 2. 54, 12. 133, 13. 139, 5.
καθαρτικός, ἡ, ὄν 28, 7. 29, 26. 46, 21. 70, 15.
κάθετος, ἡ passim, e. g. 131, 6. 133, 12—18. 134, 27. 135, 16 ss. 176, 9 ss. 237, 11. 283, 6—22. 376, 12 ss. 404, 4 ss.

- αἱ ἀπὸ τῶν (τριγώνων) γωνιῶν 72, 18.
 στερεά 135, 17. 20—23. 283, 13. 16—22.
 ἐπίπεδος 283, 14—16.
 ζωῆς εἰκῶν 290, 20—291, 19.
 δύο ἐπὶ μίαν εὐθεΐαν 313, 1—12.
 καθ' ἡγεμονίαν, ὁ 123, 19.
 καθήκω 60, 23. 147, 12. 167, 4.
 κάθημαι 138, 16.
 καθίστημι 63, 17. 180, 14.
 κάθοδος, ἡ 133, 7. 283, 13. 290, 21.
 καθολικός, ἡ, ὅν 51, 10. 74, 16. 80, 6. 245, 25. 390, 17. 391, 12. 394, 12.
 Comp. 14, 3. 19, 18. 65, 10. 67, 15. 251, 3. 405, 16. 422, 6. 426, 13.
 καθολικῶς 426, 15.
 καθόλου passim, e. g. 7, 27. 25, 20. 23. 54, 22. 67, 4. 179, 14. 338, 1.
 διττόν 51, 17. 53, 18.
 ἄλλως τὸ ἐπὶ πάντων ἀληθεῖον, ἄλλως τὸ πάντα περιλαμβάνον 390, 12—392, 8.
 τὰ καθόλου passim, e. g. 14, 7 ss. 30, 12. 22. 50, 18. 53, 6.
 καθοράω 12, 2. 61, 25.
 καθόσον passim, e. g. 7, 27. 33, 16. 39, 11. 91, 13.
 καθότι 95, 5.
 καθώς 421, 13.
 καιρός, ὁ 23, 14. 135, 18. 241, 21. 272, 14.
 καίτοι passim, e. g. 50, 14. 52, 4. 81, 12.
 κακία, ἡ 24, 12. 133, 21.
 κακός
 τὰ κακά 150, 6—12.
 καλέω passim, e. g. 8, 7. 23, 12. 30, 24. 38, 6. 40, 5. 12. 212, 16.
 κάλλος, τό 8, 4. 26, 21. 137, 7. 18. 140, 1. 141, 16. 18. 150, 15.
 τῆς μαθηματικῆς 20, 27 ss. 26, 11—27, 16.
 καλός, ἡ, ὅν 21, 10. 269, 24.
 τὸ καλόν 25, 17. 27, 13.
 Comp. 35, 4.
 Sup. 211, 19. 213, 14.
 καλῶς 67, 14. 78, 14. 83, 5. 135, 5.
 κάμνω 179, 7.
 καμπύλος, ἡ, ὄν 104, 5. 121, 16.
 κανονική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss.
 κανών, ὁ 13, 17. 40, 23.
 καρδιοειδής, ἐς 138, 17.
 κάρως, ὁ 47, 3.
 καρπός, ὁ 199, 7.
 κατά c. Acc. passim, e. g. 3, 7. 6, 1. 18. 7, 10. 11. 8, 2. 12. 9, 4. 8. 17, 17. 181, 23.
 καταβαίνω 57, 14. 84, 21.
 καταβάλλω
 Med. 16, 20.
 καταβιβάζω 106, 18.
 καταβολή, ἡ 74, 15.
 καταγραφή, ἡ 212, 10. 340, 11. 358, 11. 370, 14. 400, 9. 15. 419, 22.
 καταγράφω 215. 1. 357, 5.
 κατάγω 63, 23. 133, 11.
 καταδεής, ἐς
 Comp. 3, 12. 15, 4. 89, 1. 95, 8. 132, 6.
 καταδέχομαι 5, 24. 26, 21. 101, 3. 213, 23. 294, 1.
 καταδέομαι 43, 4. 83, 5. 192, 24. 201, 14. 426, 12.
 κατακοσμέω 23, 6.
 κατακρύπτω 22, 13.
 καταλαμβάνω 102, 1.
 καταλάμπω 27, 14.
 καταλέγω 125, 14.
 καταλείπω 58, 18. 193, 12. 407, 15.
 καταλήγω 150, 22.
 κατάληξις, ἡ 151, 2.
 κατάληψις, ἡ 7, 5. 19, 12.
 καταμανθάνω 42, 5.
 καταμελέω 84, 23.
 καταμέτρησις, ἡ 41, 25. 240, 9.

- κατανοέω 36, 6. 250, 13.
 κατανόησις, ἡ 119, 2.
 καταντάω 18, 19. 180, 1. 185,
 14. 255, 3. 10. 256, 19. 367, 3.
 καταντινρύ 386, 23.
 καταπέμπω 121, 7.
 καταπίνω 92, 24.
 καταπλήττω 63, 24. 397, 4.
 καταπραγματεύομαι 76, 22.
 καταπυκνόω 66, 12.
 καταριθμέω 194, 13.
 κατάρχω 202, 11.
 κατασκευάζω passim, e. g. 41,
 7. 63, 10. 20. 27. 72, 24 ss.
 138, 20. 183, 17. 244, 9. 340,
 14. 371, 13.
 κατασκευή, ἡ passim, e. g. 102,
 18. 179, 8. 181, 1. 183, 3. 203,
 4. 10. 204, 3. 206, 6. 209, 1 ss.
 κατατάσσω
 κατατεταγμένον 50, 22. 51,
 18. 53, 6. 54, 10. 24.
 κατατομή, ἡ 40, 24.
 καταφαίνομαι 7, 9. 8, 20. 49, 2.
 καταφανής, ἐς passim, e. g. 11,
 13. 22, 5. 75, 17. 85, 8. 96,
 26. 122, 19. 145, 19. 179, 4.
 κατάφασις, ἡ 114, 14. 259, 23
 —260, 7.
 καταφάσκω 255, 7.
 καταφατικός, ἡ, ὅν 260, 1. 7.
 360, 22.
 καταφατικῶς 96, 23. 259, 22.
 καταφρονητικῶς 28, 20.
 κάτειμι 62, 25. 89, 5. 290, 20.
 κατευθύνω 107, 23. 168, 18.
 κατέχω 52, 21. 95, 6. 109, 8.
 115, 7. 117, 5. 151, 7. 195,
 2 ss.
 κατηγορέω 45, 17. 79, 13 ss. 80,
 19. 211, 2. 292, 9.
 κατηγορήμα, τό 205, 24.
 κατηγορία, ἡ 33, 5. 51, 9. 121,
 13. 124, 1.
 κάτοιδα 45, 6. 12.
 κατοπτρικός, ἡ, ὅν 19, 26.
 ἡ κατοπτρικῇ 40, 16.
 τὰ κατοπτρικά (Εὐκλείδου)
 69, 2.
 κάτοπτρον, τό 11, 3. 121, 6.
 141, 5. 10.
 κατορθόω 242, 16.—
 κατορύττω 20, 20.
 κάτω 114, 24. 225, 17. 270, 15.
 357, 20.
 κάτωθεν 13, 27. 19, 23.
 κατωτέρω 339, 3.
 κείμαι passim, e. g. 55, 2. 109,
 23. 121, 4. 127, 24. 172, 1.
 186, 4.
 ἐξ ἴσου κείσθαι 109, 8—13.
 110, 13. 15. 117, 6. 215, 17.
 κελεύω 100, 8.
 κενός, ἡ, ὅν 16, 9.
 κεντροβαρικά, τά 41, 15.
 κέντρον, τό passim, e. g. 52,
 21. 107, 2. 6. 115, 4. 119, 11 ss.
 155, 12.
 τοῦ κύκλου 152, 10—153, 9.
 ἡ ἐκ (ἀπὸ) τοῦ κέντρον γραμ-
 μή 12, 21. 49, 15. 152, 6.
 κέντρα τῶν ἐν κόσμῳ περι-
 φορῶν 89, 21—91, 19.
 κέντρα σφαιρῶν σύμβολα θεῶν
 91, 2. 16—19.
 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 150, 17—22.
 τρεῖς τοῦ κέντρον τόποι 160,
 20—24.
 κεντρόω 149, 6. 154, 21.
 κεράννυμι 10, 2.
 κερατοειδής (γωνία) 104, 18.
 113, 17. 122, 2—7. 127, 14.
 134, 12. 234, 16. 271, 18.
 κέρδος, τό 212, 16. 301, 24. 303,
 12.
 κεφάλαιον, τό 210, 21. 247, 26.
 299, 6.
 κινέω passim, e. g. 12, 26 s.
 13, 1. 16, 21. 26. 17, 21. 26,
 19. 32, 11. 149, 16. 171, 18.
 277, 25. 291, 8. 322, 22—24.
 κίνησις, ἡ passim, e. g. 7, 21.
 8, 1. 24, 7. 25, 4. 32, 9 ss. 36,
 16. 57, 13. 75, 20. 78, 22. 164,
 9 ss. 185, 13 ss. 291, 17. 391,
 26.
 φαινόμενα 17, 11.

- ἡ πρωτίστη 17, 19, 22.
 οὐ τοπική 18, 22.
 φανταστική 94, 26.
 κοσμικαί 41, 19.
 τρεῖς: ἐπ' εὐθείας, κύκλῳ,
 μικτή 104, 25.
 κινητικός, ἡ, ὅν 41, 18, 46, 20.
 119, 21. 133, 1.
 κινουμένως 50, 2.
 κισσός, ὁ 126, 25.
 κιττοειδής (κισσοειδής)
 ἡ κ. γραμμῇ 111, 6. 15. 113,
 5. 126, 24. 128, 4. 6. 152, 8.
 164, 2. 177, 2. 187, 21.
 κίων, ὁ et ἡ
 κίονας τούτους 296, 5.
 ἄλλη κίων 296, 7.
 κλάσις, ἡ 125, 10. 11. 19. 128,
 1. 291, 4.
 κλάω 111, 3. 291, 4.
 κλείω 143, 12.
 κληρώ
 Med. 4, 19. 19, 12. 90, 25. 91,
 15. 92, 24.
 κλίμα, τό 38, 21.
 κλίνω 121, 14. 124, 14ss. 134, 23.
 κλίσις, ἡ 121, 13. 122, 22 ss.
 123, 15. 124, 14. 125, 13. 127,
 20. 128, 10 ss. 218, 6. 267, 2.
 292, 10. 301, 6.
 κογχοειδής
 ἡ κ. γραμμῇ 111, 8. 112, 13.
 113, 5. 177, 5. 16. 272, 4. 356,
 10.
 κοιλογῶνιος, ὃν 165, 24.
 κοῖλος, η, ὃν 106, 24. 127, 9 ss.
 290, 18.
 κοινός, ἡ, ὃν passim, e. g. 7,
 15. 17. 8, 3. 4. 16. 21. 9, 16.
 21. 10, 11. 12, 7. 15, 17. 27,
 4. 33, 1 ss. 67, 20. 109, 18.
 178, 9. 181, 24. 184, 14 ss.
 195, 25 ss. 293, 2 ss. 337, 16.
 391, 24 ss.
 Comp. 10, 5. 253, 20.
 χρήσασθαι τοῖς κοίνοις (λόγοις)
 ἀναγκαῖον 171, 13—15.
 κοινωνέω 161, 5. 23. 162, 5.
 κοινωνία, ἡ passim, e. g. 7, 2.
 36, 23. 44, 5. 60, 5. 61, 18.
 62, 14. 83, 20. 96, 11. 110, 8.
 129, 3. 14. 166, 24. 174, 6.
 κοινωνός, ὁ 237, 15. 403, 8.
 κοινῶς 7, 27.
 κολακικός, ἡ, ὃν 30, 20.
 κόλασις, ἡ 181, 11.
 κόλπος, ὁ 90, 19. 96, 11.
 κομιδῇ 403, 18.
 κομίζω 345, 12.
 κομψός, ἡ, ὃν 143, 21.
 κορυφαῖος, ὁ 27, 23.
 κορυφή, ἡ passim, e. g. 118,
 16. 123, 1. 3. 153, 8. 221, 17.
 222, 5.
 γωνία κατὰ κορυφήν 126, 15.
 298, 12 ss.
 κορυφώω 261, 4.
 κοσμέω 24, 14. 164, 15.
 κοσμικός, ἡ, ὃν 41, 19. 83, 2.
 σχήματα 65, 20. 70, 24. 71, 23.
 423, 13—18.
 κόσμος, ὁ 22, 20. 37, 20. 63, 16.
 71, 3. 99, 11. 107, 22. 184, 4.
 ὁ ὅλος 89, 20—91, 15.
 πεπερασμένος 371, 13.
 κοχλῖον, τό 105, 6.
 κρασις, ἡ 138, 1 ss.
 κρατέω 6, 14. 26, 18. 101, 10.
 18. 24. 132, 9. 168, 15. 19.
 κρείττων 30, 2. 82, 3. 168, 18.
 280, 9.
 κρίνω 27, 18. 34, 21.
 τὸν μαθηματικόν 32, 22.
 κρίσις, ἡ 32, 22. 242, 11. 432,
 18.
 κριτήριον, τό 11, 15. 59, 3. 195,
 24.
 τῶν μαθημάτων 10, 17—11, 26.
 κριτικός, ἡ, ὃν 32, 24. 26. 42, 20.
 κρύπτω 154, 17.
 κρύφιος, α, ὃν 6, 9. 141, 23.
 155, 17. 156, 5.
 ἐν κρυφίῳ 115, 4
 κρυφίως 46, 1. 56, 13. 88, 4.
 19. 92, 3.
 κτάομαι 96, 2.

- κτῆμα, τό 403, 8.
 κύβος, ὁ 213, 3. 423, 18.
 κυκλικός, ἡ, ὄν passim, e. g.
 12, 12. 53, 20. 118, 18. 119,
 18. 147, 9 s. 150, 8 ss.
 ἡ κυκλική 103, 4. 106, 11. 16.
 107, 9. 111, 6. 11. 112, 20.
 119, 7. 163, 7 s.
 κυκλικῶς 107, 10. 146, 15. 149,
 7. 155, 23.
 κυκλογραφέω 106, 14. 180, 13.
 κύκλος, ὁ passim, e. g. 12, 12.
 37, 6 s. 39, 4. 40, 16. 92, 7.
 103, 10. 146, 18—156, 5. 213,
 15 ss. 391, 16 ss.
 αἰσθητοί 53, 5. 54, 11.
 φανταστοί 53, 9. 24. 54, 8. 24.
 ἐν ψυχῇ 16, 21. 26.
 ἐν διανοίᾳ 54, 5.
 ἐν γεωμετρίᾳ 54, 22.
 ἀρχὴ τῶν κινουμένων 17, 22.
 ἐν οὐρανῷ 53, 26.
 ἐν πολυγώνοις 56, 5.
 φύσει κρείττων τῶν εὐθυ-
 γραμμῶν 82, 3.
 ἀνάλογον πέρατι 104, 13.
 147, 4.
 διανομία κύκλον γράφουσα
 106, 10.
 τὸ τριαδικὸν ἔχει 115, 3—5.
 κέντρον ἀμερέστερος 141, 25.
 ὁ οὕτως ὅν 154, 9.
 ὁ τοὺς λόγους ἔχων τῶν αἰσθη-
 τῶν 291, 2.
 τετραγωνισμός 422, 25.
 κύκλῳ 16, 26. 17, 22. 105, 21.
 213, 24.
 τὸ κύκλῳ κινούμενον οὐκ
 ἀπειρον 284, 25 s.
 κυκλοφορία, ἡ 147, 12.
 κυλινδρικός, ἡ, ὄν. ἔλιξ 105,
 10 ss. 106, 8. 112, 21. 251, 7.
 394, 24.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 120, 11 s.
 24. 126, 10.
 κύλινδρος, ὁ 39, 23 s. 71, 18.
 104, 20. 105, 1 ss. 112, 17.
 113, 19. 156, 18. 202, 1. 251,
 11.
 κύριος, α, ον
 Sup. 38, 9.
 κυρίως 193, 19. 222, 11. 251,
 12. 252, 6. 253, 17.
 κυρώω 24, 25.
 κυρτός, ἡ, ὄν 106, 24. 127, 8 ss.
 κώλυμα, τό 46, 9.
 κωλύω 212, 18. 216, 16. 273, 24.
 296, 12. 357, 1. 368, 8. 370, 4.
 401, 6.
 κωνικός
 αἱ κ. τομαί, γραμμαί 111, 19.
 22. 112, 13. 120, 6. 177, 7.
 356, 9. 394, 25. 419, 19.
 ἐπιφάνεια 117, 22. 118, 10—
 15. 120, 5. 24. 126, 10. 160,
 23.
 κωνοειδής 119, 22—120, 2.
 τὸ ὀρθογώνιον κωνοειδές 119,
 24.
 κῶνος, ὁ 39, 23 s. 104, 20. 105,
 9. 111, 18. 112, 3. 113, 19.
 123, 1. 6. 153, 8. 156, 19. 395,
 12.
 ὁ ὀρθογώνιος 111, 7. 177, 4.
 ὁ ἀμβλυγώνιος 111, 7. 177, 4.
 κωνοτομέω 112, 23.
 λαγχάνω passim, e. g. 4, 4. 11,
 23. 15, 24. 16, 8. 21, 11. 19.
 24, 18. 48, 17. 52, 2. 291, 9.
 λαμβάνω passim, e. g. 6, 16.
 9, 24. 15, 20. 27, 5. 28, 17.
 57, 20. 115, 10. 158, 12. 15.
 179, 3.
 λανθάνω 69, 28. 174, 3. 206,
 16. 254, 5. 385, 9. 391, 22.
 405, 12.
 λέγω passim, e. g. 5, 17. 8, 10.
 9, 2. 12, 3 ss. 13, 11. 23, 27.
 183, 19.
 λειότης, ἡ 23, 9.
 λείπω
 Pass. passim, e. g. 4, 21. 16,
 4. 59, 9. 114, 17. 121, 23.
 348, 6.
 λέξις, ἡ 72, 8.
 λήγω 252, 21.
 λήθη, ἡ 46, 23.

- λῆμμα, τό 73, 4. 200, 16. 210, 27. 211, 1—212, 4. 216, 1. 264, 14.
 λημμάτιον, τό 84, 11. 319, 3—320, 5. 365, 13.
 λῆψις, ἡ 179, 7 ss. 181, 8. 204, 15. 250, 18. 330, 1. 352, 11. 359, 5. 17. 360, 13 ss.
 λογικός 143, 21.
 λόγιον, τό 98, 18. 129, 6. 155, 3.
 λογισμός, ὁ 20, 6. 65, 1.
 λογιστική, ἡ 38, 12. 15. 39, 20 ss.
 λογιστικός, ὁ 40, 2 ss.
 λόγος, ὁ passim, e. g. 6, 27. 10, 27. 12, 7. 20, 12. 26, 20. 27. 29, 16. 25. 30, 11. 16. 33, 17. 72, 9. 98, 11. 172, 15. 186, 7. 201, 19. 371, 6. 373, 10.
 ὁ ἱερός 22, 14.
 ὁ ῥητός 60, 7.
 ἄκρος καὶ μέσος 60, 19.
 ὁ κυκλικός 53, 20.
 ὁ τριγωνικός 33, 13. 53, 20. 145, 22. 167, 26.
 ὁ τετραγωνικός 145, 23.
 ὁ τοῦ σχήματος 53, 21. 144, 6—145, 25.
 ὁ ἐν διανοίᾳ 53, 23 ss.
 ὁ ἐπιστημονικός 322, 17.
 ὁ φυσικός 53, 27.
 λόγον ἕνεκα 182, 19.
 λόγῳ δεδομένον 205, 14—206, 11. 235, 11. 271, 20.
 οἱ λόγοι passim, e. g. 5, 6. 6, 14. 24. 7, 2. 12. 24. 8, 8. 9, 16. 11, 21. 12, 14. 17, 5. 18, 24. 22, 18. 24, 24. 25, 2. 18. 26, 6. 54, 7. 57, 12. 186, 4 s.
 αἱ ἐστῶτες ἀκίνητοι 12, 22. 26. 27, 7.
 αἰτίδιοι 46, 16.
 θεῖοι 47, 2.
 ἔνυλοι 15, 6.
 φυσικοί 35, 10. 92, 10. 166, 17.
 διανοητικοί 45, 4. 62, 12.
 ἀνέλεγκτοι 378, 2. 426, 13.
 ἐν ψυχῇ 13, 13 ss. 16, 1 ss. 32, 16.
 περὶ τὴν μαθημ. οὐσίαν (μαθηματικοί) 3, 8. 8, 16. 13, 8. 21, 1. 22, 5. 25, 8. 32, 8. 33, 23 ss. 66, 12.
 ἁρμονικοί 16, 19. 25. 21, 12.
 ἀριθμητικοί 48, 13.
 γεωμετρικοί 206, 17.
 φαινόμενοι 17, 11. 40, 23.
 αἰσθητοί 129, 19.
 τῶν αἰσθητῶν 291, 2.
 οἱ ἑπτὰ 17, 17.
 τῶν μαθημάτων 17, 23. 45, 23.
 ὀριστικοί 57, 23.
 οὐσιώδεις 69, 16.
 ἀμερεῖς 18, 1. 56, 7. 22. 115, 20. 285, 2.
 χωριστοί 85, 14.
 οἱ ἐνδον 18, 19. 140, 16.
 οἱ ἐν ἀρχῇ 19, 19.
 οἱ ἐν τῇ διαλεκτικῇ 21, 24.
 τῆς εὐγονίας 24, 2.
 τῶν ἀρετῶν 24, 10.
 ἀπορρητότεροι 90, 11.
 ἀποφατικοί 94, 11.
 ἰδιάζοντες 171, 14.
 λοιπός, ἡ, ὅν passim, e. g. 30, 24. 41, 19. 80, 26. 88, 2. 157, 19.
 λύσις, ἡ 131, 23. 211, 15. 247, 18. 248, 2.
 λυτός, ἡ, ὅν 166, 21.
 λύω 63, 27. 330, 5. 18. 431, 13.
 μάθημα, τό passim, e. g. 5, 21. 7, 4. 13. 8, 5. 13. 10, 11. 21, 21. 24, 2. 29, 17. 32, 20. 25. 101, 4. 122, 19. 195, 25. 221, 10. 326, 23. 396, 25 s.
 τὸ κριτήριον 10, 17—11, 26.
 ὁ θριγγός 42, 10—44, 24.
 τὸ ὄνομα 44, 25—46, 18.
 ἡ ἀληθὴς οὐσία 13, 12.
 οἱ λόγοι 14, 1. 17, 23.
 τὸ κάλλος 26, 11 ss.
 ἡ θεωρία 28, 17.
 ἡ γνῶσις 28, 21.

μαθηματικός, ἡ, ὄν 5, 11. 7, 18. 68, 24. 151, 14. 154, 27. 157, 17.

ὁ μαθηματικός 26, 5. 32, 21 —35, 16. 39, 2 s. 78, 9. 118, 7. 254, 5. 356, 6. 396, 12.

λόγοι 8, 16. 13, 7. 25, 8. 32, 8. 66, 12.

ἡ μαθηματική 4, 6. 36, 12. 64, 4.

ἐπιστήμη 10, 13. 17, 26. 29, 14—32, 20. 60, 23.

ἔργον τῆς μαθ. 18, 10—19, 5. 46, 19—47, 6. εἶδη (μέρη) 35, 17—42, 8.

δυνάμεις 19, 6—20, 6.

ὄφελος 20, 8—29, 13. ὄνομα 24, 25—46, 18.

ἡ μαθ. οὐσία 3, 1. 5, 15. (12, 3—18, 6.)

τὰ μαθηματικά 4, 18. 6, 7. 11, 10. 16, 22.

γέννη 7, 7. 16, 8, 9. 12, 3.

εἶδη 12, 3—18, 6.

πίστεις 255, 13—256, 8.

μαθηματικῶς 34, 26.

μάθησις, ἡ 45, 6 ss. 71, 13. 74, 1. 204, 17. 221, 9.

μαθητής, ὁ 66, 19. 67, 24. 80, 16.

μαιεία, ἡ 47, 4.

μακάριος, α, ον 47, 5.

μακαριότης, ἡ 148, 13.

μακρογορέω 195, 17.

μαλακῶς

Comp. 68, 9.

μᾶλλον passim, e. g. 12, 17. 14, 8. 18, 26. 34, 15 s. 179, 25. 294, 6.

Sup. 26, 23. 67, 18. 95, 16. 234, 14.

μανθάνω passim, e. g. 24, 23. 27, 6. 44, 8. 45, 19. 49, 4. 70, 22. 71, 6. 8. 23. 76, 9. 19. 83, 3. 173, 15. 175, 6. 192, 6.

μάργυς, ὁ 29, 15.

μάταιος, α, ον 243, 21.

μάτην 152, 22. 236, 8.

μάχομαι passim, e. g. 22, 21. 247, 18. 25. 254, 25. 255, 9. 264, 11. 266, 12.

μέγας

Comp. passim, e. g. 53, 3. 80, 25. 109, 15. 179, 26. 313, 13 ss.

Vide μειζόνως.

Sup. 22, 17. 30, 6. 66, 9. 83, 7. 91, 14. 220, 3. 348, 5.

μετάβασις ἀπὸ τοῦ μειζονος ἐπὶ τὸ ἔλασσον 234, 18.

μέγεθος, τό passim, e. g. 36, 4. 37, 15. 17. 38, 21. 109, 11. 121, 21 ss. 126, 5. 184, 17—29. 391, 26.

τὸ ἐν φαντασίᾳ 53, 12.

γραμμῇ, μέγεθος ἐφ' ἐν διαστατόν 97, 7.

τὰ μεγέθη 6, 17. 20. 7, 21. 9, 3 ss. 54, 2. 57, 10. 93, 4. 95, 23 ss

ὁμογενῇ μεγέθη 121, 24. 124, 11.

πᾶν μέγεθος πεπερασμένως ἔχει διαιρέσεις 158, 16.

μεγέθει δεδομένον 205, 14—206, 11.

τὸ μέγεθος τῶν εἰς ἄπειρον διαιρουμένων εἶναι 278, 11. 322, 25.

μεγεθυνσμένως 54, 4.

μέθεξις, ἡ 51, 3. 88, 17. 28. 294, 9.

μεθίστημι 65, 17.

Pass. 20, 23.

μέθοδος, ἡ 44, 20. 57, 21. 70, 5. 97, 6. 180, 7. 200, 14. 205, 19. 206, 19. 240, 25. 242, 19. 248, 2. 375, 24. 381, 23. 383, 16. 406, 18. 407, 15. 17. 411, 15. 422, 11. 427, 16. 432, 13.

διαλεκτικαί 42, 18—43, 21. 69, 13—18.

(λημμάτων εὐρέσεως) 211, 15—212, 4.

Πυθαγορική, Πλατωνική 428, 8—429, 8.

μεθόριος, α, ον 385, 5.
 μειζόνως 13, 6. 88, 8. 89, 9.
 251, 2. 426, 10.
 μειόω 177, 15.
 μείων, ον 316, 19. 327, 3.
 μείωσις, ἡ 50, 5. 132, 4. 11.
 293, 19. 316, 22.
 μέλει 158, 16.
 μελετάω 55, 24.
 μελέτη, ἡ 55, 23. 210, 24.
 μέλλω passim, e. g. 27, 13. 34,
 21. 179, 17. 193, 6. 233, 21.
 329, 19.
 μέλος, τό 24, 6.
 μέντοι passim, e. g. 34, 26. 39,
 3. 40, 7. 67, 16.
 μένω passim, e. g. 13, 25. 15,
 27. 49, 18. 86, 25. 90, 20. 22.
 102, 5. 114, 5. 175, 12. 290,
 19.
 μερικός, ἡ, όν 140, 27. 207, 7.
 13.
 Comp. 9, 17. 10, 1. 7. 19, 18.
 35, 20. 74, 8. 132, 18. 253, 20.
 391, 18. 427, 15.
 τὰ μερικά 12, 7. 14, 6. 51, 11.
 μερίζω 87, 19. 133, 23. 246, 17.
 305, 7. 361, 15. 18. 376, 9.
 390, 14.
 μερίς, ἡ 22, 26. 147, 24.
 μερισμός, ό 5, 5. 44, 18. 49, 23.
 52, 24. 92, 25. 133, 11. 134, 6.
 154, 8.
 μεριστός, ἡ, όν passim, e. g.
 4, 8. 5, 14. 11, 13. 12, 25. 15,
 23. 20, 2. 31, 6. 46, 6. 50, 7.
 54, 8. 87, 3. 92, 13. 101, 2.
 137, 26.
 τὰ μεριστά passim, e. g. 3, 5.
 4, 4. 9, 12. 14, 9. 19, 13. 46,
 4. 51, 22. 54, 2. 89, 12. 91, 19.
 92, 18. 21. 93, 9. 149, 16.
 μεριστῶς 4, 24. 50, 1. 54, 4. 56,
 14. 94, 20—95, 20.
 μέρος, τό passim, e. g. 41, 4.
 24. 42, 16. 48, 10. 69, 23 s.
 87, 2. 103, 8. 175, 18. 418, 13.
 μέρη τῆς μαθηματικῆς 35,
 17—42, 8.

θεωρημάτων καὶ προβλημά-
 των 200, 9.
 κατὰ μέρος 14, 16.
 παρὰ μέρος 81, 20.
 ἐπὶ μέρος 202, 22. 394, 12.
 432, 2.
 μέσος, ἡ, ον passim, e. g. 3, 3.
 16, 4. 19, 5. 25. 6, 12. 19, 12.
 21, 10. 24, 26. 29, 22. 52, 8.
 21. 62, 11. 24. 87, 20. 100, 17.
 109, 22. 110, 6. 117, 11. 150,
 17. 296, 7 s. 355, 9. 374, 3.
 14.
 ἄκρος καὶ μέσος λόγος 60, 19.
 οἱ μέσοι διάκοσμοι 85, 17.
 μέσα τῶν ὄντων ἀπάντων
 108, 6.
 μέσον τῆς περιφερείας 155, 7.
 εὐθεῖαι μέσον περιέχουσai
 205, 11.
 δύο μέσαι ἀνάλογον 213, 5. 6.
 μέσα προβλήματα 220, 11.
 μεσότης, ἡ 5, 11. 162, 3. 174, 2.
 μεστός, ἡ, όν 69, 2. 137, 20.
 μετά c. Acc. passim, e. g. 5,
 19. 10, 16. 18, 5. 97, 27. 99,
 19 s.
 c. Gen. passim, e. g. 4, 17. 6,
 11. 19, 22. 20, 2.
 μεταβαίνω 181, 24. 195, 14.
 207, 12 ss. 271, 25. 291, 23.
 336, 14. 378, 2. 411, 20.
 μεταβάλλω 49, 20. 133, 6.
 μετάβασις, ἡ 8, 7. 21, 13. 65,
 2. 69, 17. 74, 14. 18. 85, 3.
 179, 20. 212, 24. 234, 18.
 μεταβατικός, ἡ, όν 213, 25.
 μεταβλητός, ἡ, όν 13, 2.
 μεταβολή, ἡ 23, 11. 25. 63, 5.
 78, 17. 79, 2. 147, 11. 149, 14.
 164, 11. 16.
 μετάβολος, ον 11, 13.
 μετάγω 27, 16. 60, 21. 65, 7.
 82, 7. 261, 13. 337, 9. 419, 19.
 μεταδίδωμι 30, 25.
 μεταδιώκω 84, 18. 432, 15.
 μετάδοσις, ἡ 89, 6. 150, 14 s.
 μετάθεσις, ἡ 212, 10.

- μεταλαγχάνω 88, 2.
 μεταλαμβάνω 24, 9. 139, 6. 161, 4. 184, 2. 310, 11. 322, 2. 329, 11 ss.
 μεταξύ passim, e. g. 5, 12. 15, 22. 88, 11. 109, 9. 14. 117, 3. 5. 371, 19. 417, 6.
 μεταστάσις, ἡ 55, 25.
 μετατίθημι 212, 7. 213, 4. 248, 20.
 μεταφέρω 117, 13.
 μεταχείρησις, ἡ 242, 18. 247, 26.
 μεταχειρίζω 180, 25.
 μέτειμι 12, 17. 28, 14. 29, 9. 30, 7. 61, 10. 93, 24. 123, 24. 150, 8. 271, 12. 429, 19.
 μετέρχομαι 199, 15. 329, 12. 390, 14.
 μετέχω passim, e. g. 6, 2. 7, 9. 15, 10. 30, 5. 33, 18. 37, 20. 51, 2 ss. 53, 10. 77, 13. 79, 6. 200, 1. 291, 19.
 μετέωρος, ον 110, 20. 118, 11. 152, 25. 175, 24. 223, 14. 283, 16.
 μετεωροσκοπική, ἡ 42, 1.
 μετουσία, ἡ 99, 4. 148, 10. 354, 12.
 μετρέω 39, 23. 40, 4. 100, 10. 114, 21. 115, 14. 136, 10. 184, 15.
 μετρητική, ἡ 25, 7.
 μέτριος, α, ον 24, 14.
 μετρίως 200, 4.
 μέτρον, τό 5, 23. 25, 2. 10. 63, 12. 134, 24. 145, 12. 168, 16. 19. 292, 21. 403, 20.
 μέτρα τῆς εὐγονίας καὶ τῆς ἀγονίας 8, 18.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης 27, 3.
 εἰς ἀνθρώπος τοῦ πλήθους 40, 8.
 ἐν, πάντων μέτρον 115, 16.
 κοινὸν μέτρον ἐλάχιστον 278, 23.
 θεῖον καὶ νοερὸν 133, 15.
 τῶν γωνιῶν 240, 6—8.
 τῆς ἀνισότητος 293, 17.
 μέγιστον καὶ κοινόν 302, 7.
 μέχρι passim, e. g. 9, 17. 10, 15. 19, 20. 31, 15. 93, 23.
 μέχρις 93, 12. 145, 2. 155, 5.
 μηδαμοῦ 179, 25. 247, 13. 284, 14.
 μηδαμῶς 365, 16.
 μηδέποτε 177, 22.
 μηδέπω 406, 2.
 μηδέτερος 176, 3.
 μήκος, τό 96, 16 ss. 99, 2. 100, 7 ss. 106, 4. 114, 4. 22. 25. 116, 10. 181, 19. 395, 15 ss. 420, 3 ss.
 μηχανῶν 142, 9.
 μηλίτης, ὁ 40, 5.
 μῆν passim, e. g. 8, 4. 12, 16. 23, 12. 24, 21. 202, 5.
 μῆν, ὁ 269, 4.
 μηνίσκος, ὁ 66, 5. 127, 11. 163, 13. 213, 9.
 μνηοειδής, ἐς 159, 15. 160, 3. 9. 190, 8 ss. 238, 8. 11. 301, 12. 333, 15 s.
 μήποτε passim, e. g. 105, 11. 192, 22. 215, 10. 234, 13. 268, 15.
 μήπω 78, 1. 206, 24.
 μὴ ὄντα πω 201, 6.
 μηχανάομαι 73, 23. 181, 6. 234, 5. 246, 8.
 μηχανική, ἡ 19, 26. 38, 11. 41, 3 ss. 59, 23. 63, 8. 78, 15. 79, 5.
 μηχανικός, ὁ 241, 19. 305, 24. 346, 13.
 μηχανή, ἡ 14, 7. 122, 25. 180, 5. 421, 24.
 μίγνυμι 118, 5. 144, 13. 348, 2. 412, 6.
 μικρός, á, ὄν 406, 16.
 μικρόν 200, 6. 306, 13.
 κατὰ μικρόν 28, 19.
 μικρότης, ἡ 53, 17.
 μικτός, ἡ, ὄν passim, e. g. 104, 17. 25. 105, 24 ss. 111, 10. 12. 112, 22. 159, 17 ss. 272, 1 ss. 279, 10. 333, 20.

- τὸ μικτόν 104, 9 ss. 107, 18. 117, 14. 315, 1.
 μιμέομαι passim, e. g. 56, 7. 60, 28. 98, 15. 23. 101, 18. 129, 21. 147. 20? 154, 20.
 μίμησις, ἡ 41, 16.
 μιμνήσκομαι 22, 1. 113, 15. 135. 13. 214, 19. 272, 20. 364, 9.
 μίξις, ἡ 104, 1. 105, 19. 106, 12. 112, 9. 117, 24—120, 6. 164, 3. 272, 22. 314, 20.
 μισθός, ὁ 28, 15.
 μνήμη, ἡ 161, 22. 162, 15. 193, 6. 360, 19. 398, 24. 407, 10. 418, 18.
 μνημονεύω 65, 13. 66, 3. 8. 68, 12. 420, 7.
 μοναδικός, ἡ, ὅν 96, 3. 97, 22. 98, 19. 159, 13. 161, 18.
 μονάς, ἡ 6, 15. 23. 27. 17, 7. 31, 18. 40, 9. 59, 18. 20. 93, 7. 19. 101, 8. 147, 4. 150, 18. 151, 21. 161, 24 ss. 174, 11. 184, 15. 188, 13. 235, 21. 237, 6. 428, 14 ss.
 ἄλλη ἡ γεννητική, ἄλλη ὡς ἕλη 92, 26 s.
 θέσιν ἔχουσα 95, 21—96, 15.
 σημείον ἀνάλογον μοιάδι, γραμμῇ μοναδικῇ 97, 20—98, 7. 99, 19—100, 3.
 πατρική 98, 17.
 ταναή 99, 1.
 νοῦς δύο μονάδας προήγαγεν 108, 18.
 μοναχῶς 168, 11. 219, 20. 220, 8 ss. 280, 23.
 μονή, ἡ 153, 25.
 μόνιμος, ὃν 6, 3. 7, 5. 13, 1. 43, 13. 44, 14. 153, 15. 173, 6.
 τὸ μόνιμον 3, 8. 11, 21. 21, 1. 90, 8.
 μονίμως 18, 12. 50, 23. 138, 3.
 μονοειδής, ἐς 5, 1. 82, 9. 115, 21. 253, 8.
 μονοειδῶς 44, 16.
 μόνον passim, e. g. 15, 21. 26. 16, 3. 30, 4.
 μόνος, ἡ, ὃν passim, e. g. 6, 9. 9, 22. 20, 20. 26, 9.
 μονόστροφος, ὃν 180, 4. 12. 187, 22.
 μῶνως 156, 17. 246, 11. 284, 13. 418, 22.
 μόριον, τό 6, 19. 105, 8. 128, 6. 198, 7. 201, 24. 322, 21.
 μορφή, ἡ passim, e. g. 7, 12. 52, 26. 53, 11. 94, 24. 95, 14. 96, 5. 99, 5. 124, 4. 137, 7. 15. 138, 19. 139, 19. 140, 19. 141, 11. 285, 7. 291, 9.
 μορφώω 12, 13. 51, 4. 56, 20. 78, 20. 95, 2. 115, 7.
 μόρφωμα, τό 138, 15.
 μορφωτικός, ἡ, ὃν 46, 4. 7. 51, 21. 55, 23. 95, 9.
 μορφωτικῶς 94, 19.
 μουσα, ἡ
 Pl. 8, 15. 23, 21. 150, 5.
 μουσικός, ἡ, ὃν 58, 25.
 μουσική, ἡ 24, 11. 36, 1. 24 s. 59, 21. 69, 3.
 μουσικός, ὁ 21, 7. 10.
 μοχθηρός, ἄ, ὃν 218, 2.
 μυρίος, α, ὃν 30, 2. 295, 19. 315, 7.
 μυσταγωγία, ἡ 22, 13.
 μυστικός, ἡ, ὃν
 Sup. 156, 1.
 μύω 46, 14.
 ναῦς, ἡ 63, 20. 22.
 ναυτικός, ἡ, ὃν 25, 22.
 νεαροπρεπής, ἐς 200, 17. 375, 9.
 νέος, α, ὃν 24, 9.
 Comp. 66, 2. 18. 67, 2. 68, 6. 17. 251, 2. 419, 18.
 νεῦρον, τό 41, 13.
 νευρός, ἄ, ὃν passim, e. g. 4, 13. 9, 13. 15, 10. 22. 16, 6. 18, 12. 22. 19, 24. 20, 23. 21, 16. 22, 2. 8. 27, 10. 28, 3. 13. 30, 1. 35, 11. 63, 2. 139, 7. 147, 16. 214, 4.
 νευρῶς 16, 13. 21. 17, 9. 65, 18.
 νεώ passim, e. g. 5, 12. 36, 20. 37, 21. 51, 12. 52, 25. 285, 6—18.

- τὸ ἐν ᾧ δὴ δύο τρίγωνα 250, 1.
 ἐννοήσθω 266, 19.
 νόημα, τό 48, 5. 52, 26.
 νόησις, ἡ 5, 8. 10, 25. 11, 1. 9.
 21. 12, 2. 20, 1. 37, 23. 46,
 21. 55, 7. 56, 20. 86, 18. 141,
 1. 148, 20. 201, 20. 213, 26.
 285, 8 ss.
 νοητός, ἡ, ὄν passim, e. g. 3,
 17. 4, 23. 6, 1. 9. 32, 10. 148,
 20.
 τὰ νοητά passim, e. g. 4, 1.
 16. 10, 21 ss. 21, 2. 34, 6 ss.
 35, 8. 37, 21. 38, 5 ss. 88, 23.
 294, 8.
 ἀκροτάτη τάξις τῶν νοητῶν
 155, 11.
 νοητῶς 155, 21.
 νομίζω passim, e. g. 8, 22. 57,
 2. 89, 15. 94, 1. 223, 16. 238,
 19. 336, 7.
 νοῦς, ὁ 4, 9 ss. 11, 27. 15, 10 ss.
 19, 2. 27, 3 ss. 28, 10. 29, 9.
 37, 17. 26. 41, 1. 42, 13. 43,
 15. 44, 12. 15. 47, 2. 5. 48, 16.
 49, 12. 50, 13. 65, 2. 85, 17.
 87, 17. 129, 22. 140, 12. 147,
 15—27. 148, 17—149, 9. 186,
 6 ss. 192, 8. 210, 13. 214, 1—
 10. 291, 16. 19. 427, 15.
 μέτρον τῆς ὅλης ἐπιστήμης
 27, 4.
 ὁ παθητικός 52, 3—12. 56, 1
 —22.
 πάντα ἐν νῶ προουφίστηκε
 92, 1—4.
 ἐν ἑαυτῷ (ἔχει) τὸ εὐθὺ καὶ
 τὸ περιφερές 108, 2—21.
 μετρεῖ τὰς περιόδους τῆς
 ψυχῆς 115, 14—15.
 ὁ γεωμετρικός 180, 9.
 νῦν 310, 12.
 τὸ νῦν ἀμερές; 93, 6.
 νυνί 178, 5. 200, 6. 266, 4.
 ξένος, ὁ 24, 8.
 ξυστροειδής 127, 10. 238, 8.
 ὄγδοος passim, e. g. 253, 1.
 255, 3. 264, 14. 265, 6 ss.
 268, ss.
 ὄγνος 49, 27.
 ὀδεύω 18, 26. 109, 18. 322, 13.
 ὀδός, ἡ 8, 6. 20, 11. 21, 8. 55,
 9. 63, 13. 68, 15. 100, 7. 242,
 15. 269, 9. 310, 18.
 ὄθεν passim, e. g. 6, 13. 11,
 16. 40, 3. 43, 7.
 οἶδα passim, e. g. 16, 16. 29,
 22. 30, 10. 75, 18. 113, 16.
 275, 7. 341, 19.
 οἱ εἰδότες 145, 18.
 οἰκεῖος, α, ὄν passim, e. g. 9,
 4. 7. 14, 5. 17, 2. 19, 9. 20, 6.
 21, 18. 22, 26. 68, 21. 259, 23.
 οἰκειόω 97, 27. 164, 10. 12.
 οἰκειώς 35, 14. 58, 8. 104, 15.
 145, 8.
 οἰκονομία, ἡ
 στοιχειώσεως (Εὐκλείδου) 69,
 25. 75, 5—81, 22.
 οἶμαι passim, e. g. 3, 14. 19,
 13. 23, 1. 30, 16. 34, 25. 68,
 3. 91, 21. 283, 8. 369, 5. 22.
 οἶνος, ὁ 167, 10.
 οἶον passim, e. g. 6, 25. 7, 24.
 18, 14. 23, 28. 92, 24.
 οἶος, α, ὄν 4, 6. 60, 17.
 οἶος ποτέ 350, 16.
 οἰστικός, ἡ, ὄν 23, 21. 52, 2.
 ὀκνέω 52, 4.
 ὀκτάγωνον, τό 393, 11. 23.
 ὀκτάεδρον, τό 423, 16.
 ὀκτώ 237, 7 s. 305, 12. 383, 11.
 403, 17. 20. 422, 21.
 ὀκτωκαίδεκα 237, 9.
 ὀκτωκαίδεκατος 313, 22. 409, 3.
 ὀλίγος, η, ὄν 28, 16. 34, 19. 64,
 5. 210, 24. 229, 4. 271, 24.
 ὀλίγῳ 66, 2. 67, 2.
 ὀλιγότης, ἡ 23, 10.
 ὀλικός, ἡ, ὄν
 Comp. 9, 18. 10, 1. 6.
 ὀλκή, ἡ 41, 13. 64, 1.
 ὀλος, η, ὄν passim, e. g. 5, 15,
 10, 12. 18, 10. 67, 12.

- τὸ ὅλον 6, 19. 98, 14. 19. 144, 21 ss. 193, 13.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99, 22.
 τὰ ὅλα 12, 9. 15, 25. 20, 12. 31, 14. 69, 22 s.
 ὅλω καὶ παντί 26, 8.
 ὁλότης, ἡ 91, 6. 98, 23. 144, 19. 145, 20.
 ὅλως passim, e. g. 4, 19. 15, 18. 20, 24. 21, 24. 23, 20. 53, 26. 122, 11.
 ὁμαλός, ἡ, ὄν 179, 24. 185, 11 ss.
 ὁμαλότης, ἡ 149, 10.
 ὁμαλῶς 106, 13.
 ὁμιλέω 127, 24. 159, 23.
 ὁμμα, τό 30, 3. 110, 2. 121, 4. 207, 9. 208, 25. 302, 11.
 τῆς ψυχῆς 20, 16. 18. 21, 18. 28, 5. 46, 13.
 ὁμογενής, ἐς 121, 24. 122, 1. 181, 12. 296, 8.
 ὁμοειδής, ἐς 110, 22. 127, 5. 163, 4. 238, 8. 240, 23. 241, 5. 421, 21.
 ὁμοιοειδής, ἐς 163, 7.
 ὁμοιομέρεια, ἡ 301, 4.
 ὁμοιομερής, ἐς 37, 18. 105, 10 ss. 112, 17 ss. 120, 9. 201, 21 ss.
 εὐθεία πρὸς ὁμοιομερή γραμμὴν προσεκβλήθεισαι 113, 1—3. 251, 4—19.
 ὁμοιομερῶς 105, 4.
 ὁμοιος, α, ὄν passim, e. g. 8, 10. 11. 33, 24. 39, 19. 53, 7. 93, 23. 123, 27. 131, 14. 191, 13. 202, 17. 24. 373, 10 ss. 426, 18 ss.
 ὁμοιότης, ἡ passim, e. g. 8, 8. 33, 6. 91, 10. 109, 6. 132, 10. 147, 3. 25. 149, 10. 22. 150, 15. 154, 15. 191, 9. 15. 207, 2. 293, 22. 314, 24 ss. 373, 19. 23. 426, 22. 427, 13.
 ὁμοιόω 154, 18. 155, 17?
 ὁμοίως passim, e. g. 8, 13. 34, 14. 60, 22. 110, 21. 117, 4. 241, 7. 426, 18 ss.
 ὁμόκεντρος, ὄν 53, 13. 160, 5. 161, 3. 163, 12. 176, 19.
 ὁμολογέω passim, e. g. 13, 3. 26, 5. 27, 20. 71, 21. 167, 15. 182, 4. 18. 203, 13. 432, 11.
 ὁμοταχῶς 105, 3.
 ὁμοῦ 7, 18. 70, 27. 100, 12. 145, 10. 153, 25.
 ὁμοφυής, ἐς 29, 4. 129, 15.
 ὁμόχρους, ὄν 145, 20.
 ὁμωνυμία, ἡ 222, 14.
 ὁμως passim, e. g. 4, 23. 23, 16. 32, 15. 76, 14. 19. 81, 13. ὄν 4, 24. 9, 19.
 τὸ ὄν 9, 19. 20, 22. 21, 16. 145, 4. 161, 11. 210, 10. 353, 4.
 τὰ ὄντα passim, e. g. 3, 2. 15, 4. 3. 5, 1. 16. 6, 12. 25. 7, 7. 14. 9, 22. 10, 21. 15, 13. 20, 5. 31, 22. 62, 5. 85, 12. 91, 28. 130, 22.
 ὄνειδος, τό 29, 23.
 ὄνομα, τό 30, 17. 26. 127, 19. 136, 9. 162, 10. 25. 171, 5. 25. 173, 2. 181, 24.
 μαθηματικά 23, 3.
 γεωμετρικά 301, 21.
 τῶν μαθημάτων 44, 25—46, 18.
 στοιχειώσεως 71, 25—73, 14.
 παραλληλογράμμων 355, 4. 392, 21 ss.
 παραπληρωμάτων 418, 15—18.
 κωνικῶν γραμμῶν 419, 18—21.
 ὀνόματα ἐκστήσασθαι, ἀναγράψαι 423, 19 ss.
 ὀνομάζω 194, 7. 283, 8.
 ὄνος, ὁ 322, 5—14.
 ὄντως passim, e. g. 11, 4. 21, 16. 27, 23 (?). 31, 22. 44, 13.
 ὀξυγώνιος, ὄν
 vide τρίγωνον.
 ὀξύγων 132, 17.
 ὀξύς 211, 14.
 ἡ ὀξεῖα (γωνία) passim, e. g. 131, 13—134, 27. 165, 4 ss. 171, 23. 172, 21. 174, 2. 190, 10. 19. 293, 18. 397, 23. 421, 4. 430, 16.

- διαιρετὴν ἀποτελεῖ τὴν φύσιν 167, 23.
 τρίχα τεμεῖν 271, 25 ss.
 τὸ ὀξύ 132, 26.
 ὀξύτης, ἡ 191, 7. 10.
 γωνιών 23, 8. 171, 20. 427, 8.
 ὀπη 59, 6.
 ὀπόθεν 123, 27.
 ὀποιος, α, ον passim, e. g. 18, 12. 46, 19. 118, 22. 193, 19.
 τὸ ὀποιόν τί ἐστίν 202, 5. 8.
 ὀποιοσοῦν 307, 6. 310, 12. 311, 19. 313, 7. 323, 24. 377, 19. 426, 24.
 ὀπόσος η, ον
 οὐδ' εἰπεῖν ὀπόσαις 64, 64.
 ὀποσοσοῦν 305, 6.
 ὀπότερος 335, 13.
 ὀποτερώς 157, 20.
 ὀπον passim, e. g. 60, 15. 61, 3 ss. 81, 10 ss. 92, 21. 23. 223, 11. 376, 28 s.
 ὀπουπερ 277, 21.
 ὀπτικός, ἡ, ὄν 19, 26.
 ὀπτική, ἡ 38, 12. 40, 9 ss. 59, 23. 63, 8.
 τὰ ὀπτικά (Εὐκλείδου) 69, 2.
 ὀπως 7, 20. 42, 9. 91, 27. 177, 10.
 ὀπωσοῦν 93, 9. 114, 18. 125, 22. 210, 5. 233, 2. 304, 26.
 ὀρατός, ἡ, ὄν 40, 14. 141, 13. 179, 19.
 ὀράω passim, e. g. 12, 23. 29, 21. 54, 25. 55, 1. 17. 56, 2. 78, 5. 11. 141, 13 ss.
 ὄργανον, τό 21, 14. 41, 6. 8. 42, 6. 52, 16. 63, 9.
 ὀργανοποιική, ἡ 41, 5.
 ὀρέγομαι 322, 13.
 ὄρεξις, ἡ 46, 5.
 ὀρθογωνιαῖος, α, ον 84, 3.
 Vide τρίγωνον.
 ὀρθογώνιος, ον 169, 3 ss. 171, 113. 21. 172, 15.
 κῶνος 111, 7. 177, 4.
 κωνοειδές 119, 24.
- Vide τρίγωνον. παραλληλό-
 γραμμον.
 ὀρθός, ἡ, ὄν 119, 10. 291, 3. 349, 1.
 ἡ ὀρθή (γωνία) passim, e. g. 76, 21. 80, 4 s. 84, 5. 106, 9. 17. 131, 13—134, 27. 165, 4 ss. 188, 1—191, 15. 421, 2.
 ἡ ὀρθή τῆς ἐπιπέδου βάσεως 382, 4.
 οὐσίαν παρέχεται 167, 17. 18.
 τρίχα τεμεῖν δυνατόν 271, 23.
 συμβολον 290, 22 ss.
 δύο ὀρθαί passim, e. g. 33, 4 ss. 291, 21 ss.
 δυεῖν ὀρθαῖς ἴσος passim, e. g. 14, 12. 206, 22. 291, 22 ss. 294, 17 ss. 377, 13 ss.
 δύο ὀρθῶν ἐλάττονες 191, 18 ss. 292, 19. 364, 16 ss.
 τέσσαρες ὀρθαί 33, 14. 73, 2. 301, 20. 304, 12 ss.
 τεττάρων ὀρθῶν ἐλάσσων 292, 20.
 (ἡ) πρὸς ὀρθάς passim, e. g. 81, 3 s. 217, 15 ss. 280, 12—283, 3. 10.
 μμεῖται ζωὴν αἰρομένην εἰς ὕψος 290, 17—20.
 τὸ ὀρθόν 132, 21.
 ὀρθότης, ἡ 12, 22. 32, 26. 133, 3 ss. 135, 6. 172, 23. 173, 5. 191, 6. 8. 207, 21. 389, 15.
 ὀρθότης γωνίας ἰσότητα παρ-
 ἔχεται 427, 4 ss.
 ὀρθῶς passim, e. g. 32, 22. 34, 22. 78, 13. 93, 27. 105, 26. 118, 7.
 ὀρίζω passim, e. g. 6, 18. 8, 17. 25, 9. 27, 9. 31, 17. 60, 9. 62, 16. 75, 8. 19. 142, 18. 253, 9. 14. 291, 18. 369, 23.
 τὸ ὀρισμένον 26, 15. 23. 27, 6. 36, 5.
 ὀρίζων, ὁ 283, 10.
 ὀρικός, ἡ, ὄν 67, 15?
 ὀρισμός, ὁ 43, 8. 113, 12. 128, 17. 134, 8. 136, 23. 144, 9.

- 158, 26. 206, 13. 209, 19. 215, 17.
 ὀρίσμοι τῆς εὐθείας 109, 6—110, 27.
 τῆς ἐπιφανείας 114, 3—19.
 τῆς ἐπιπέδου ἐπιφανείας 117, 1—13.
 ὀριστικός, ἡ, ὄν 42, 21. 57, 23. 69, 15.
 ὀριστικῶς 43, 4.
 ὀρμάω 57, 19.
 Med. passim, e. g. 10, 9. 11, 23. 29, 14. 31, 13. 57, 28. 58, 26. 240, 13. 272, 11.
 ὄρος, ὁ passim, e. g. 13, 21. 26, 20. 64, 22. 86, 7. 94, 1. 97, 8. 114, 21. 142, 16 ss. 178, 8. 201, 22. 262, 4. 290, 23.
 τῆς ἀποδείξεως 14, 8.
 οἱ ἐπτά 17, 15.
 τῆς κρίσεως 32, 26.
 τῆς ἀνξήσεως 398, 7 s.
 Euclidis definitiones 81, 26. 85, 1—89, 15. 94, 19—95, 20. 96, 17—97, 5. 101, 1—103, 20. 109, 6—20. 114, 3—14. 116, 4—14. 117, 1—5. 123, 15. 19—23. 127, 17—128, 19. 130, 23—25. 134, 19—135, 17. 136, 1—17. 142, 9—143, 8. 151, 14—153, 8. 156, 6—157, 9. 158, 21—159, 11. 161, 13—162, 26. 164, 18—165, 19. 169, 1—9. 171, 1—15. 175, 1—176, 5. 418, 18.
 ὄσος, ἡ, ὄν passim, e. g. 7, 3. 8, 12. 14, 2.
 ὅστισοῦν 8, 9.
 οὐ 27, 21.
 οὐ
 οὐ μὴ 17, 26. 46, 14.
 οὐδαμοῦ 113, 15. 217, 24. 268, 13. 369, 19.
 οὐδαμῶς 31, 1. 60, 8. 105, 15. 247, 9. 277, 19.
 οὐδέποτε passim, e. g. 133, 6. 158, 11 s. 176, 25. 177, 18. 234, 17.
 οὐδέτερος 169, 14. 19. 363, 13.
 οὐκέτι passim, e. g. 120, 10. 189, 13. 17. 202, 16. 350, 23.
 οὐπω 5, 5. 55, 9. 292, 21. 322, 16.
 οὐράνιος, α, ὄν 41, 17. 21. 137, 13. 139, 5. 149, 9.
 οὐρανός, ὁ 22, 24. 53, 26. 137, 11. 147, 8—19. 149, 15. 167, 4.
 οὐς, τό 41, 1.
 οὐσία, ἡ passim, e. g. 11, 14. 13, 1 ss. 15, 2. 9. 20, 4. 46, 22. 86, 3. 9. 133, 2. 167, 7. 195, 16. 201, 20. 353, 2.
 ἡ μαθηματική 3, 1. 5, 15.
 αἱ πρῶται 4, 18. 62, 10.
 ἡ νοητή 4, 23. 174, 20.
 ἀμέριστος (ἀμερής) 5, 13. 20, 26. 53, 16. 291, 10.
 μεριστή 87, 3. 137, 26.
 μία καὶ μόνη 9, 22.
 τῶν μαθημ. εἰδῶν 12, 3—18, 5.
 τῶν διανοητῶν 14, 10. 55, 9.
 νοερά 15, 10. 52, 8.
 τῶν εἰδῶν 18, 20.
 τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22.
 ἡ ἐστῶσα 34, 7.
 τῶν πόλων 90, 9.
 οὐσιοποιός, ὄν 167, 19.
 οὐσιώω 17, 6. 45, 23. 62, 23.
 οὐσιώδης, ες 14, 26. 17, 22. 37, 4. 21. 46, 12. 55, 18. 62, 17. 69, 15. 137, 23.
 οὐσιωδῶς 46, 1.
 οὔτος passim.
 τουτί 47, 6.
 ταύτη adverb. 114, 5.
 τουτέστι 347, 7. 9. 379, 13 s.
 οὔτω passim, e. g. 4, 15. 7, 7. 16. 27, 19.
 οὔτως passim, e. g. 13, 20. 29, 7. 30, 25.
 οὔτωςί 28, 10.
 οὐχί passim, e. g. 15, 3. 23, 13. 94, 4. 112, 12.
 ὀφείλω 135, 21. 348, 16.

- ὄφελος, τό
 τῆς μαθηματικῆς 20, 8—25,
 12. 27, 17—29, 13.
 τῆς ἀστρολογίας 38, 25.
 τῆς ἐν γεωμετρίας τάξεως
 247, 22—248, 3.
 ὄχλος, ὁ 365, 12. 375, 12.
 ὄψις, ἡ 21, 13. 40, 10. 179, 19.
 236, 13. 285, 14. 302, 10. 310, 7.
 πάθημα 52, 17. 19. 54, 15. 77,
 10. 78, 25. 137, 3.
 παθητικός
 νοῦς 52, 3—12. 56, 1—22.
 186, 7.
 πάθος, τό passim, e. g. 33,
 18. 40, 3. 52, 5. 15. 57, 12.
 58, 4. 62, 14. 105, 7. 110, 5.
 120, 17. 121, 16. 136, 24.
 opp. πόησις 23, 7.
 παιδεία, ἡ 20, 13. 65, 17.
 παιδεύεις, ἡ 20, 10.
 παιδεύω 32, 23. 25.
 παιδία, ἡ 10, 2.
 παλαιός, α, ὄν 250, 20.
 οἱ παλαιοί 42, 7. 45, 1. 48, 15.
 77, 15. 121, 12. 144, 3. 200,
 12. 272, 19. 396, 11. 419, 22.
 422, 25.
 Comp. 116, 17.
 πάλιν passim, e. g. 4, 13. 10,
 22. 14, 16. 40, 9. 57, 26.
 παμπληθής, ἐς 177, 2.
 πάμπολν 59, 9. 140, 3.
 παντάπασιν 186, 2. 243, 7.
 πανταχόθεν passim, e. g. 86,
 18. 89, 14. 101, 20. 148, 23.
 πανταχοῦ passim, e. g. 14, 5.
 23, 3. 30, 6. 39, 12. 66, 13.
 148, 5. 179, 13. 432, 15.
 παντελής, ἐς 35, 19. 144, 26.
 146, 13.
 παντελῶς passim, e. g. 5, 13.
 58, 24. 26. 64, 6. 92, 21. 177,
 19. 186, 1.
 πάντη passim, e. g. 11, 13. 19,
 13. 22, 23. 87, 10. 184, 2. 401,
 5. 410, 15.
 παντοδαπός, ἡ, ὄν 18, 4. 432, 16.
 παντοδύναμος, ὄν 108, 12.
 παντοῖος, α, ὄν passim, e. g.
 3, 6. 23, 11. 37, 23. 40, 17.
 57, 13. 69, 10. 120, 21. 291, 4.
 παντοίως 112, 14. 117, 20.
 πάντως passim, e. g. 7, 9. 80,
 8. 124, 2. 125, 12. 176, 18.
 184, 3.
 πάννυ 192, 7. 435, 18.
 παρά c. Acc. passim, e. g. 3, 2.
 40, 21. 71, 26. 106, 17. 180,
 25. 181, 2. 220, 19.
 c. Gen. passim, e. g. 9, 24. 13,
 3. 14, 27. 15, 20 ss. 293, 20.
 c. Dat. passim, e. g. 64, 18.
 65, 3. 5. 73, 11. 75, 2. 130, 9.
 παραβάλλω 220, 19. 22. 419,
 13—421, 8. 422, 22.
 παραβολή 56, 10. 58, 14. 78, 26.
 120, 20. 201, 10. 419, 17 ss.
 421, 12. 422, 5.
 κώνον τομή 112, 3. 119, 23.
 419, 20.
 παραγίνομαι 24, 22. 49, 4. 28.
 72, 5.
 παράγω 5, 22. 16, 5. 17, 1 s.
 89, 13. 140, 10. 201, 7.
 παράδειγμα, τό 5, 1. 13, 8. 15,
 25. 16, 6. 17, 10. 25, 1. 35, 10.
 62, 23. 130, 6. 153, 13. 294,
 2. 384, 8. 395, 9.
 παραδειγματικῶς 16, 4. 140, 17.
 παραδείκνυνμι 24, 13.
 παραδέχομαι 146, 5. 152, 1. 284,
 24.
 παραδίδωμι passim, e. g. 21,
 5. 23, 27. 24, 7. 42, 12. 59, 3.
 60, 18. 345, 14.
 παράδοξος, ὄν 126, 5. 177, 19.
 192, 21. 304, 14. 326, 24. 327,
 9 s. 328, 23. 396, 24. 397, 1.
 431, 22.
 παράδοσις, ἡ 10, 18.
 παραδοχή, ἡ 192, 9. 29.
 παράθεσις, ἡ 159, 23. 164, 4.
 340, 9.
 παραιρέω 140, 27.
 παραιτέρομαι 321, 10.

- παράκειμαι 229, 3. 344, 8.
 παρακελεύομαι 133, 7. 201, 12.
 223, 17. 26. 242, 7. 329, 13.
 παρακολουθέω 162, 12. 254, 3.
 παρακρούομαι 237, 16.
 παραλαμβάνω passim, e. g. 35,
 2. 36, 15. 42, 8. 69, 9. 76, 10.
 81, 15. 304, 19. 357, 10.
 παραλείπω passim, e. g. 75, 1.
 198, 4. 203, 23. 205, 7. 210,
 20. 300, 7. 340, 5. 352, 21.
 395, 25.
 παραλιμπάνω 74, 18.
 παράλλαξις, ἡ 138, 5. 147, 14.
 παραλλάττω 217, 7.
 παραλληλόγραμμον, τό 82, 15.
 83, 16 ss. 156, 13. 162, 23.
 169, 11 ss. 171, 1 ss. 245, 6 ss.
 354, 5 ss. 385, 6—402, 19.
 412, 1—414, 14. 416, 15—
 423, 6.
 ὄνομα 392, 21 ss.
 ὀρθογώνια 169, 13 ss. 398, 8
 —11.
 ὀρθογώνιον τοῦ μὴ ὀρθογων-
 νίου μεῖζον 398, 11—12.
 εἰς τὰς ἀσυμπτώτους καὶ τὴν
 ὑπερβολὴν ἐγγραφόμενα 395,
 9—11.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 401, 1—4.
 περὶ διάμετρον τὴν αὐτὴν
 418, 23 ss.
 παράλληλος, ον 261, 23. 341, 7.
 342, 7. 343, 7. 375, 19—377,
 8. 400, 3 ss.
 παράλληλοι, αἱ 40, 15. 59, 1.
 83, 17. 170, 2 ss. 171, 3. 175,
 1—176, 19. 202, 7. 261, 25.
 328, 16. 340, 6—344, 7. 355,
 3—375, 17.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 394, 9—414, 14.
 παραλληλότης, ἡ 373, 23.
 παραλογίζομαι 260, 16. 403, 8.
 παραλογισμός, ὁ 70, 8. 368, 2.
 375, 11.
 παραμετρέω 13, 18.
 παραμήκης 112, 7.
 παραμυθία, ἡ 322, 7.
 παράπαν 370, 2.
 παραπέτασμα, τό 22, 12.
 παραπλήρωμα, τό 417, 1 ss.
 ἔνομα 418, 15—18.
 παρασκευάζω 63, 20. 89, 4. 167,
 25.
 παρασκευή, ἡ 70, 9. 179, 11.
 271, 22.
 παράστασις, ἡ 116, 19.
 παρατίθημι 64, 5. 70, 13. 109,
 7. 246, 17.
 παρατρέχω 102, 23.
 παραφέρω 172, 3.
 παραφυλάττω 236, 2.
 παραχρόομαι 403, 10.
 πάρεμι passim, e. g. 30, 10.
 48, 4. 64, 17. 88, 19. 93, 21.
 108, 13. 123, 26.
 τὸ παρόν 5, 12. 48, 15. 227, 6.
 241, 22. 304, 10.
 παρεισχυκλέω 268, 15.
 παρεντικός, ἡ, ὅν 23, 20.
 παρέλκω 128, 14. 135, 5. 221,
 18.
 παρεμβάλλω 247, 11.
 παρεμπίπτω 321, 13.
 πάρεργον, τό 212, 17. 248, 1.
 258, 17. 269, 9.
 παρέργως 384, 2.
 παρέρχομαι 141, 19. 269, 4. 390,
 10.
 παρέχω passim, e. g. 9, 25. 51,
 1. 105, 23. 148, 18. 155, 3.
 203, 23. 304, 13.
 Med. passim, e. g. 8, 3. 21,
 26. 34, 19. 71, 4. 72, 12. 97,
 17. 382, 16.
 παρίημι passim, e. g. 241, 21.
 272, 24. 302, 14. 341, 19. 345,
 11. 358, 3. 407, 9.
 παριστάνω 81, 17.
 παρίστημι 61, 20. 81, 25. 97,
 11. 171, 12. 322, 23.
 πάροδος, ἡ 16, 8. 142, 7.
 παρομαρτέω 80, 6.
 παρυφίστημι
 Pass. 26, 18.

παῖς passim, e. g. 6, 26. 11, 11.
13, 13, 1. 5. 17, 12.

Pl. passim, e. g. 4, 16. 18. 5,
16 ss. 6, 18 ss. 7, 16 ss. 17, 9.

πάντα ἐν νῶ, ἐν ψυχαῖς, ἐν
φύσεσιν, ἐν σώμασι 92, 1—
16.

τὸ πᾶν οὐρανὸς καὶ γένεσις
147, 8.

πάσχω passim, e. g. 78, 12. 83,
24. 105, 7. 109, 17. 23. 137, 3.
183, 18. 184, 29.

παύομαι 17, 27. 29, 1. 107, 16.
133, 6. 145, 2.

παχύς 40, 1.

πέδη, ἡ 112, 5.

πείθω 26, 13. 194, 21.

πεῖρα, ἡ 26, 7. 70, 14.

πειράω

Aor. pass. 232, 11.

πέλεκυς, ὁ 333, 14.

πεμπτάς, ἡ 150, 19.

Vide πεντάς.

πέμπτος passim, e. g. 72, 26.
81, 22. 182, 25. 183, 22. 243, 1.

πέμπτου 145, 20.

πέμπω 63, 21.

πεντάγωνον, τό 39, 6. 145, 15.
172, 8. 11. 22. 381, 26.

πεντάπλευρον, τό 382, 15—383,
14. 417, 11 s.

πεντάς, ἡ 61, 16. 404, 7.

Vide πεμπτάς.

πέντε 96, 4. 112, 1. 235, 22. 27.
237, 6. 271, 23. 403, 15. 17.

πεντεκαιδεκαγωνικός, ἡ, ὅν
269, 17.

πεντεκαιδεκάγωνον, τό 269, 12.
15.

πεντεκαιδέκατος 301, 3.

περαίνω passim, e. g. 37, 15.
79, 24. 80, 10. 98, 21. 101,
21—103, 3. 108, 6. 142, 14 ss.

293, 19. 421, 8.

πεπέρασται 6, 16. 19. 116, 6.
151, 16. 223, 27 ss.

πέρας, τό passim, e. g. 5, 18.
6, 3 ss. 7, 1. 11. 8, 17. 19, 11.

37, 13 ss. 57, 11. 58, 12. 62,
16. 74, 6. 85, 5 ss. 91, 13 ss.
101, 8—103, 17. 104, 9 ss. 136,
3 ss. 142, 16 ss. 151, 15. 180,
2. 191, 9. 285, 8. 290, 23.
314, 19. 24.

πέρατι ἀνάλογον 104, 11—13.

περατοειδής, ἐς 101, 22.

περατώω passim, e. g. 85, 4—
89, 2. 91, 16. 19. 99, 6. 101,
6—103, 8. 109, 11. 142, 22 ss.
384, 10.

περί c. Acc. passim, e. g. 3, 8.
5, 14. 7, 26. 9, 1. 14, 21. 18,
16. 105, 2.

c. Gen. passim, e. g. 10, 15.
20, 5. 7. 22, 4.

περί 83, 14.

c. Dat. 112, 22.

περιάγω passim, e. g. 47, 5.
49, 10. 89, 27. 92, 12. 130,
22. 147, 18. 150, 1. 213, 24.

περιαγωγή, ἡ 20, 17. 84, 23.

περιαθρεω 62, 5.

περιβάλλω 138, 12.

περίβολος, ὁ 38, 22.

περιγραφῆ, ἡ 201, 11. 206, 27.

περιγράφω 47, 7. 171, 6. 305,
26.

περιείργω 136, 8.

περιελίσσω 118, 13.

περιεργάζομαι 93, 14. 212, 9.
272, 23.

περίεργος, ὄν 15, 15. 113, 10.
300, 23. 349, 14.

περιέχω passim, e. g. 10, 6.
17, 20. 25, 8. 42, 17. 44, 4.
53, 17. 62, 3. 142, 12 ss.

περιθίω 154, 18.

περίνιμαι 136, 8. 143, 14. 151,
24.

περικλείω 136, 8.

περιλαμβάνω passim, e. g. 8,
17. 17, 15. 36, 7. 62, 16. 71,
11. 86, 20. 144, 10.

περιληπτικός, ἡ, ὄν 9, 24. 50,
19. 99, 10. 348, 12.

περιληπτός, ἡ, ὄν 286, 1.

- περιλήψις, ἡ 74, 7. 213, 18. 395, 17.
 περιμέτρος, ἡ 38, 22. 160, 18. 22. 236, 20—237, 17. 403, 7—404, 16. 423, 5.
 περίοδος, ἡ 22, 27. 23, 15. 63, 11. 64, 8 ss. 91, 7. 115, 15. 147, 14. 149, 1. 14. 150, 9. 213, 26.
 περιορίζω 78, 11.
 περιουσία, ἡ 6, 5.
 περιοχή, ἡ 37, 13. 101, 24. 128, 1. 136, 5. 12. 143, 11. 16. 149, 11. 403, 13.
 περιπατητικός, ὁ 125, 7. 379, 2.
 περιπίπτω 303, 7.
 περιπολέω 150, 7.
 περιπροσένομαι 108, 7. 13. 149, 7.
 περιπινύσσομαι 149, 8.
 περισπάω 46, 5. 192, 25. 432, 11.
 περισπούδαστος, ον 29, 5.
 περιστερά 10, 3.
 περιτροπή, ἡ 150, 4.
 περιττοειδής, ἐς 107, 23.
 περιττός, ἡ, ὄν (περισσός) 73, 26. 151, 9. 162, 17 ss. 174, 7 s. 278, 3 s. 337, 24. 349, 10. 19. 350, 5. 352, 22. 375, 12. 377, 24. 428, 11 s. 429, 11.
 περιττῶς 184, 9. 221, 18. 268, 15.
 περιφανής, ἐς 181, 10.
 περιφέρεια, ἡ passim, e. g. 35, 4. 103, 7. 106, 25 ss. 108, 13. 109, 13. 24. 112, 14. 113, 13—15. 115, 5. 301, 7.
 ἀνάλογον τῷ πέρατι 104, 12. 107, 11.
 τρίχα τεμεῖν 272, 14—20.
 περιφερής, ἐς passim, e. g. 92, 6. 104, 24. 113, 21.
 τὸ περιφερές 16, 21. 37, 8. 107, 18—109, 4. 117, 14 ss. 144, 16.
 ἡ περιφερής γραμμή 104, 1. 105, 11. 106, 22—107, 10. 251, 10.
 πᾶσα περιφερής ἔχει τινὰ εὐθεΐαν ἐλάσσονα 279, 9.
 περιφερόγραμμα, ον 163, 24. 381, 7. 423, 2.
 γωνία 104, 12. 128, 16. 129, 20. 134, 16. 189, 15—190, 23. 205, 19. 333, 12 ss.
 περιφέρουμαι 115, 4.
 περιφορά, ἡ 41, 17. 64, 13. αἱ ἐν κόσμῳ 89, 21—91, 10.
 περιχορεύω 90, 10. 148, 21.
 περιωπή, ἡ 27, 27.
 πέτομαι 10, 4.
 πῆ 161, 23.
 πηγῇ, ἡ 214, 2.
 πηλίκον, τό 35. 24 ss. 182, 8.
 πῆχυς, ὁ 403, 17.
 πιέζω 201, 14. 426, 14.
 πιθανολογέω 192, 11.
 πιθανός 192, 8 ss.
 πίπρω passim, e. g. 72, 22. 157, 20. 189, 1. 215, 23.
 πιστενῶ 63, 26. 189, 1. 322, 8.
 πίστις, ἡ 10, 26. 69, 11. 178, 11. 192, 4. 211, 5. 11. 259, 14. 326, 23.
 μαθηματικά 255, 13—256, 8.
 πιστός, ἡ, ὄν 22, 5. 63, 18. 76, 10. 184, 10. 195, 19.
 πιστόω 183, 12.
 πλάγιος, α, ον 72, 18. ἐν πλαγίον 224, 10. 15.
 πλάνη, ἡ 70, 4.
 πλαστική, ἡ 137, 4.
 πλάτος, τό 87, 4. 97, 3. 100, 9 ss. 106, 5. 114, 4. 22. 25. 116. 10. 396, 21. 397, 11. 398, 2. 420, 18 ss.
 πλατόνω 112, 6.
 πλένω 208, 9.
 πλεονάζω passim, e. g. 4, 20. 11, 20. 53, 15. 79, 4. 81, 21. 88, 12. 221, 15 ss. 242, 12.
 πλεοναχῶς 220, 8 ss. 221, 7.
 πλεονεκτέω 172, 20. 222, 16.
 πλεονά, ἡ passim, e. g. 12, 22. 23, 8. 130, 18. 161, 17. 164, 27 ss. 347, 20 ss.

- ἀριθμὸς πλευρῶν 166, 11—13.
 πληθὺς, τό passim, e. g. 6, 5.
 11, 6. 17, 7. 19, 6. 10. 16. 23,
 10. 36, 4. 19 ss. 37, 14 ss. 39,
 3. 51, 1. 55, 14. 141, 22.
 πληθύνω 87, 22. 90, 25. 154, 26.
 πληκτικόν, τό 192, 27.
 πλημμέλεια, ἡ 133, 12.
 πλημμελέω 128, 11.
 πλημμελεῶς 26, 19.
 πλήν 60, 18. 109, 17. 190, 15.
 410, 16.
 πλὴν ὅτι 394, 1. 400, 11.
 πλήρης, ες 19, 1. 146, 13. 260,
 11. 306, 8.
 πληρώω 15, 11. 17, 2 s. 47, 1.
 145, 21. 148, 18. 291, 18. 304,
 15.
 πλήρωμα, τό 16, 6. 27. 55, 18.
 πλήττω 137, 1.
 πλοῖον, τό 352, 16.
 πλοκή, ἡ 256, 2.
 πλουτέω 25, 23.
 πλοῦτος, ὁ 26, 1.
 πνοῦς, ὁ 41, 9.
 ποδηγέω 28, 4.
 πόθεν passim, e. g. 12, 13. 21,
 15. 44, 26. 140, 5. 144, 10.
 331, 9.
 τὸ πόθεν ποῖ 98, 22.
 ποθέω 149, 8.
 ποιέω passim, e. g. 13, 21. 14,
 25. 22, 22. 25, 2. 130, 11.
 179, 1.
 „ὅπερ ἔδει ποιῆσαι“ 81, 10.
 210, 6. 14.
 Med. passim, e. g. 18, 4. 25,
 18. 29, 25. 31, 17. 162, 15.
 ποιήσεις, ἡ 77, 14. 22. 79, 5.
 164, 13. 167, 12. 210, 9. 234,
 7. 302, 5.
 opp. πάθος 23, 7.
 opp. μάθησις 221, 10 s.
 ποιητής, ὁ 65, 12.
 ποιητικός, ἡ, ὅν 25, 1. 77, 12.
 103, 14. 140, 25. 174, 9.
 ποιητικῶς 78, 5. 141, 3.
 ποιικιλία, ἡ passim, e. g. 6, 13.
 11, 12. 13, 19. 17, 25. 25, 10.
 44, 17. 62, 13. 179, 7. 418,
 19.
 ποιικίλλω 220, 12. 222, 18. 395,
 24.
 ποιικίλος, ἡ, ὄν passim, e. g.
 3, 6. 5, 7. 19, 17. 23, 15. 26,
 25. 42, 3. 51, 3. 57, 25. 59,
 11. 63, 4. 82, 11. 112, 15. 179,
 16. 253, 9. 291, 5.
 ποιικίλως 410, 4.
 ποῖος, α, ὄν passim, e. g. 13,
 17. 61, 21 s. 78, 12. 80, 23.
 ποιός, ἄ, ὄν 252, 19.
 τὸ ποιόν 191, 13 s. 315, 4.
 353, 5.
 ποιότης, ἡ 116, 12. 121, 15.
 122, 7—125, 13.
 ποιόω 125, 1.
 πολεμέω 41, 7.
 πολεμιστήριος, α, ὄν 63, 9.
 πολέμιος, ὁ 199, 6.
 πόλεμος, ὁ 41, 6.
 πόλις, ἡ 38, 21. 63, 10. 15.
 403, 6.
 πολιτεία, ἡ 23, 25. 63, 4.
 v. Πλάτων.
 πολιτικός, ἡ, ὄν
 πρὸς πολιτικὴν φιλοσοφίαν
 συντελεῖ ἡ μαθηματικὴ 23,
 12—24, 3.
 πολλάκις passim, e. g. 15, 15.
 38, 19. 64, 10. 77, 2. 85, 7.
 πολλαπλασιάζω 122, 4. 150, 22.
 161, 26 s. 294, 10. 397, 5. 423,
 24.
 πολλαπλασιασμός, ὁ 151, 1.
 162, 2.
 πολλαπλάσιος, α, ὄν 6, 25. 7,
 25. 197, 4. 221, 5.
 πολλαχόθεν 45, 13.
 πολλαχοῦ 30, 11. 85, 8. 10. 196,
 18. 203, 22. 375, 25.
 πολλαχῶς 136, 20. 222, 17.
 304, 8.
 πολλοστός, ἡ, ὄν 19, 19.
 πολυκράτωρ 90, 23.
 πόλος, ὁ 90, 15. 152, 19—153,
 9. 269, 15 s.

- τῶν ἐν κόσμῳ σφαιρῶν 89, 28.
 90, 12.
 σύμβολα θεῶν 91, 2. 16—19.
 πολυγώνιον vel πολύγωνον, τό
 39, 6. 49, 15. 56, 3 ss. 145, 15.
 304, 15. 26. 426, 22.
 εἰς τρίγωνα διαλύεται 61, 11.
 382, 1 s.
 ἰσόπλευρα ἄπειρα ἐν κύκλοις
 202, 15.
 αἱ ἐντὸς καὶ αἱ ἐκτὸς γωνίαι
 381, 24—383, 16.
 πολυέδρον, τό 49, 16. 202, 16.
 πολυεδρής, ἐς 19, 7. 57, 15.
 112, 11. 145, 1.
 πολυεδρῶς 5, 1.
 πολυθρύλητος, ὄν 219, 18.
 πολυλογία, ἡ 200, 13.
 πολυμετάβολος, ὄν 166, 20.
 πολυπλευρον, τό 161, 16. 162,
 10 ss. 381, 26. 422, 8.
 πολύπτωτος, ὄν 222, 23. 223, 7.
 228, 10. 406, 10.
 πολὺς passim. e. g. —8, 21 ss.
 9, 1. 16. 10, 6. 11. 14, 20. 50,
 19 ss.
 πολλῶ 9, 14. 12, 16. 38, 18.
 οἱ πολλοί 139, 13. 145, 18.
 οὐ μετὰ πολλά 259, 10.
 πολὺ Adv. 11, 12. 68, 6.
 Comp. 38, 18. 44, 7. 61, 18.
 67, 22. 72, 14. 122, 24. 418, 10.
 Sup. 39, 5. 56, 25. 260, 7.
 τὰ πολλὰ πρὸ τοῦ ὅλου 99, 22.
 πορεία, ἡ 44, 23.
 πορεύσθαι 109, 19.
 πορίζω 201, 1.
 Med. passim, e. g. 78, 10. 179,
 1. 180, 23. 181, 6. 182, 22.
 183, 4. 201, 6.
 πόρισμα, τό 210, 27. 212, 12—
 17. 301, 18—304, 11.
 πόρος, ὁ 303, 15.
 πόρρω 52, 7.
 πορρωτέρω 32, 1. 270, 21.
 ποσαχῶς 202, 5. 210, 21.
 πόσος, η, ὄν 18, 9. 35, 18. 310,
 14. 361, 4. 420, 17.
 ποσός, ἡ, ὄν
 τὸ ποσόν 35, 24 ss. 123, 9.
 124, 10. 14. 125, 1. 25. 142,
 20 s. 143, 7. 182, 8. 184, 27.
 191, 12. 14. 233, 18. 315, 3.
 τὰ ποσά 9, 21. 122, 12. 196,
 4. 353, 5.
 ποσότης, ἡ 121, 17. 123, 25—
 125, 14. 143, 10.
 πότε 66, 22 s.
 ποτέ passim, e. g. 7, 3. 9, 5.
 10, 16. 17, 26. 32, 8 s. 164,
 27 s. 203, 10. 357, 10 s.
 πότερον 12, 4. 289, 13. 322, 20.
 23. 370, 14.
 ποῦ 12, 19 ss.
 πού passim, e. g. 9, 12. 11, 18.
 12, 2. 6. 22, 20.
 πούς, ὁ 420, 14 ss.
 πρᾶγμα, τό passim, e. g. 31, 1.
 34, 3. 50, 16. 70, 17. 21. 161,
 2. 187, 3. 214, 15. 293, 7. 302,
 2. 310, 6. 314, 4. 418, 16.
 πραγματεία, ἡ passim, e. g.
 31, 9. 37, 16. 39, 10. 41, 4.
 48, 5. 65, 20. 70, 19. 121, 1.
 384, 8.
 πραγματειώδης, ἐς 84, 13. 429,
 15. 432, 14.
 πραγματεύομαι passim, e. g.
 34, 3. 5. 38, 9. 40, 17. 41, 10.
 18. 58, 4. 121, 1.
 πρακτικός, ἡ, ὄν 25, 3.
 πράξις, ἡ 23, 14. 26, 4.
 πρέπω 5, 23. 24, 6. 71, 15. 150,
 12. 423, 20.
 πρεπώδης, ἐς 398, 18.
 πρέσβυς
 Comp. 11, 8. 36, 24. 64, 3. 68,
 18.
 πρίν 159, 24.
 πρό passim, e. g. 6, 27. 8, 24.
 12, 7. 14, 10. 16, 11. 25. 57,
 20. 99, 22 ss. 125, 6.
 προαγορεύω 84, 9.
 πρόειπον 120, 9.
 προεἰρημαι passim, e. g. 48,
 2. 123, 7. 148, 6. 178, 8.
 198, 3.

- προορηθέν 205, 3.
 προάγω passim, e. g. 19, 7. 43,
 19. 46, 26. 52, 24. 55, 3. 56,
 15. 61, 18. 67, 7. 22. 344, 16.
 18.
 προαίρεσις, ἡ 68, 20.
 προαιρέω
 Med. 201, 9.
 προαναιρέω 234, 20.
 προαποδείννυμι passim, e. g.
 112, 23. 186, 3. 247, 21. 254,
 26. 266, 15. 319, 3. 365, 11.
 372, 10.
 προβάλλω passim, e. g. 17, 4.
 24. 19, 26. 36, 21. 45, 11. 46,
 13. 54, 20. 68, 3. 121, 3. 179,
 17.
 Med. 13, 24.
 πρόβλημα, τό passim, e. g. 35,
 13. 58, 19. 67, 1. 178, 13 ss.
 200, 8.
 quid? 77, 7—81, 4. 201, 4 ss.
 apud Euclidem 81, 7—22.
 μέρη 203, 2—207, 25.
 τεταγμένα (?), μέσα, ἄτακτα
 220, 7—221, 6.
 πλεοναχῶς λέγεται, μειζον,
 ἔλασσον ἢ πρόβλημα 221, 7
 —222, 19.
 ἄπτωτα, πολύπτωτα 222, 22
 —223, 6.
 προβλήματα πρὸ τῶν θεωρη-
 μάτων 241, 20—243, 29.
 ἀδιόριστα, δυνατά 330, 7—16.
 προβληματικός, ἡ, ὅν 80, 27.
 210, 7. 233, 12. 242, 1. 21.
 προβληματικῶς 78, 7. 80, 3.
 234, 5. 243, 17.
 προβολή, ἡ 13, 10. 18, 4. 55, 12.
 78, 10. 23.
 προγινώσκω (προγινώσκω) 18,
 27. 204, 14.
 προδείννυμι passim, e. g. 255,
 17. 269, 20. 321, 6. 334, 16.
 365, 15. 366, 15. 367, 3.
 πρόδηλον sc. ἐστί 27, 12. 223,
 12. 262, 17. 264, 13. 334, 1.
 πρόδηλον ὅν 345, 11.
 προδήλως 215, 24.
 πρόειμι passim, e. g. 5, 22.
 19, 4. 39, 18. 57, 14. 25. 61,
 26. 65, 1. 78, 20. 291, 13. 354,
 18.
 προεῖπον vide προαγορεύω.
 προέρχουμαι passim, e. g. 6, 10.
 13. 49, 23. 66, 17. 86, 20. 101,
 23.
 προεμπορέω 67, 21.
 προεντρεπίζω 20, 14. 22, 2. 28,
 4. 49, 11. 179, 17. 203, 8. 248,
 7. 269, 20.
 προέχω 4, 21.
 προηγέομαι passim, e. g. 8, 26.
 14, 19. 18, 20. 28. 69, 25. 72,
 10. 84, 14.
 προηγούμενα τῶν ἀντιστρέ-
 φόντων θεωρημάτων 254, 7
 —20.
 προηγούμενως 15, 7. 61, 2. 87,
 18. 178, 6. 252, 6. 354, 4. 14.
 423, 18.
 πρόθεσις, ἡ 70, 21. 135, 14.
 272, 1.
 τοῦ πρώτου (Εὐκλείδου) βι-
 βλίου 81, 26—83, 6. 84, 6.
 προθεωρέω 246, 13.
 προθυμοποιία, ἡ 435, 19.
 πρόθυρον, τό 5, 2. 55, 2.
 προίημι
 Med. 90, 17.
 προϊστημι
 Perf. 7, 14. 11, 15. 15, 25. 89,
 19. 141, 3.
 Med. passim, e. g. 8, 17. 10,
 12. 19, 10. 29, 15. 31, 17. 41,
 2. 68, 22. 85, 16. 166, 21.
 248, 3.
 προκαταβάλλω 247, 19.
 προκαταλαμβάνω 158, 19.
 προκατασκευάζω 3, 12.
 προκατασκευή, ἡ 73, 23.
 πρόκειμαι passim, e. g. 28, 15.
 48, 7. 71, 7. 74, 2 s. 113, 12.
 136, 22. 177, 25.

- προλαμβάνω passim, e. g. 13, 13. 18, 2 s. 45, 24. 62, 21. 76, 16. 102, 11. 320, 6. 340, 7.
 προλέγω 204, 11.
 πρόληψις, ἡ 118, 27. 195, 22.
 προνοητικός, ἡ, ὄν 108, 8.
 πρόνοια, ἡ 74, 5. 108, 11. 109, 4. 132, 20. 150, 10.
 προόδος, ἡ passim, e. g. 5, 24. 6, 6. 39, 20. 78, 18. 88, 6. 89, 13. 93, 13. 97, 14. 98, 20.
 προοίδια 203, 19.
 προοικονομέω 247, 17.
 προοινομάζω 236, 13.
 προοράω 247, 25.
 προπαρασκευάζω 20, 15. 384, 3.
 πρὸς c. Acc. passim, e. g. 4, 14. 5, 12. 6, 27. 8, 19. 10, 9. 28.
 τὸ πρὸς τι 121, 12. 122, 22. 123, 10 s. 125, 14.
 πρὸς τό 218, 8.
 c. Dat. 41, 3. 123, 16. 124, 21. 258, 21.
 πρὸς τῷ 125, 22.
 c. Gen. 107, 12. 15.
 προσαγορεύω passim, e. g. 30, 12. 31, 11. 50, 11. 72, 13. 156, 15. 181, 21.
 προσεῖπον 181, 21.
 προσεῖρηκα passim, e. g. 42, 11. 44, 11. 121, 2.
 προσάγω 93, 12. 138, 21. 195, 20.
 προσαναιρῶ 370, 18.
 προσ αποδείκνυμι 247, 8. 339, 12.
 προσβολή, ἡ 4, 2.
 προσγράφω 183, 8.
 προσδέομαι passim, e. g. 178, 10. 260, 3. 266, 17. 272, 24. 282, 21.
 προσδιορισμός, ὁ 240, 27. 349, 21.
 προσεικάζω 121, 6.
 πρόσειμι 309, 8.
 πρόσειπον vide προσαγορεύω.
 προσεβάλλω passim, e. g. 113, 1. 118, 12. 227, 15. 246, 19. 247, 1.
 προσέοικα 99, 8. 133, 3. 155, 12.
 προσεπινόεω 120, 5.
 προσευπορέω 66, 19.
 προσέχεια, ἡ 208, 21.
 προσεχῆς, ἐς 44, 2. 82, 23. 92, 13. 173, 14. 206, 22.
 προσέχω 192, 7.
 προσεχῶς 42, 17. 86, 2. 98, 3. 115, 11. 116, 1. 198, 11. 396, 10.
 προσηγορία, ἡ 45, 5. 77, 18. 155, 26. 162, 12. 14. 172, 6. 25.
 προσήγορος, ὁ 22, 21.
 προσήκω passim, e. g. 5, 6. 23. 8, 13. 12, 3. 22, 25. 23, 16. 28, 11. 75, 24. 315, 3.
 πρόσθεν 178, 3. 271, 7. 310, 19.
 πρόσθεσις, ἡ 77, 10. 78, 26. 96, 14. 139, 14. 18. 198, 13.
 προσθήκη, ἡ, passim, e. g. 96, 15. 114, 12. 137, 1. 197, 2. 204, 4. 221, 24.
 προσιστορέω 379, 19. 429, 9.
 πρόσκειμαι 184, 9. 190, 6. 197, 12. 19. 221, 18. 307, 21.
 προσλαμβάνω passim, e. g. 32, 26. 59, 19. 77, 15. 95, 22. 103, 11. 300, 23. 384, 20.
 προσμηχανάομαι 201, 7.
 προσπάσχω 133, 10.
 προσπίπτω 146, 21. 152, 14 ss. 160, 16. 194, 17. 251, 4. 17. 308, 1. 384, 13.
 προσποιέομαι 100, 8. 207, 23. 208, 18.
 προστάττω passim, e. g. 179, 2. 181, 6. 183, 26. 185, 7. 204, 21.
 προστίθηναι passim, e. g. 12, 19. 13, 5. 24, 25. 29, 22. 67, 5. 69, 25. 197, 7 ss. 228, 3. 338, 4.
 προστυγχάνω 375, 11.
 προσχράομαι passim, e. g. 3, 11. 38, 14. 19. 41, 1. 56, 10.

- 193, 7. 196, 12. 207, 8. 268, 14. 328, 15.
πρόσχησις, ἡ 344, 7.
πρότασις, ἡ *passim*, e. g. 80, 21 ss. 193, 18 ss. 200, 23. 203, 4—7. 18 ss. 208, 5. 16.
προτάσσω 10, 10. 51, 2. 81, 15. 154, 25. 225, 19. 315, 10. 365, 5.
προτείνω *passim*, e. g. 24, 9. 27, 9. 79, 20 ss. 94, 25. 96, 7. 101, 4. 148, 21. 220, 4. 221, 8 ss. 337, 2.
πρότερον *passim*, e. g. 9, 15. 78, 1. 145, 25. 164, 11. 182, 15. 224, 1. 352, 10.
τὸ πρότερον 18, 11.
πρότερος, α, *ον* 14, 18. 95, 7.
προτίθηναι *passim*, e. g. 58, 5. 64, 4. 134, 20. 178, 15. 191, 24. 199, 10. 336, 7.
προτρέπω 68, 1.
προυπάρχω 4, 22. 13, 10. 137, 5. 153, 24. 156, 5. 243, 15.
προυποτίθηναι 371, 23.
προυφίστημι 25, 2. 233, 21.
Perf. passim, e. g. 17, 18. 25, 1. 37, 8. 57, 6. 92, 1. 101, 15.
προφαίνω 17, 5. 46, 1. 72, 20. 89, 7. 188, 11. 193, 8.
προφανής, *ἐς* 197, 11.
προφέρομαι 395, 21. 307, 2.
πρόχειρος, *ον* 84, 16. 179, 4. 23. 384, 7.
προχείρως 166, 12.
προχράομαι 321, 12.
προχωρέω 216, 23. 280, 18. 284, 11.
πρωταρχέω 164, 13.
πρωτεῖον, *τό* 148, 5.
πρωτεύω 243, 3.
πρώτιστος, *η*, *ον* *passim*, e. g. 3, 1. 6, 8. 10, 25. 11, 18. 52, 9. 11. 115, 2. 138, 15.
πρῶτος, *η*, *ον* *passim*, e. g. 3, 15. 4, 18. 5, 3. 19. 24. 9, 26. 10, 10. 11, 6. 23. 19, 24. 24, 26. 72, 7. 25. 87, 20.
πρῶτον *passim*, e. g. 12, 9. 16, 22. 32, 27. 36, 25.
πρωτουργός, *όν* 15, 25. 16, 19. 22, 23. 88, 24. 108, 4. 130, 16. 139, 16. 146, 9. 294, 4.
πρώτως 6, 1. 8, 22. 15, 10. 97, 27. 142, 10. 156, 3. 384, 10.
πτοέω
Pass. 21, 20, 303, 12.
πτῶσις, ἡ *passim*, e. g. 84, 11. 200, 16. 210, 27. 212, 6—11. 223, 5. 224, 5. 289, 9 ss. 406, 17.
πνθανολογέω 34, 1.
πνθανός, ἡ, *όν* 33, 23.
πνραμῖς, ἡ 423, 17.
πνραμοσιδής, *ἐς* 322, 21.
πῦρ, *τό* 82, 24. 93, 22. 181, 10. 322, 18—21.
πῶς *passim*, e. g. 12, 26 ss. 14, 1. 15, 3.
πως, *encl. passim*, e. g. 11, 3. 19, 23. 34, 13.
ῥάδιος, α, *ον* 234, 9. 266, 5. 300, 7. 407, 17.
Comp. 180, 23.
ῥαστώνη, ἡ 242, 20.
ῥέπω 123, 23. 133, 9.
ῥέω 16, 2. 87, 13. 101, 17.
ῥῆμα, *τό* 175, 8. 330, 22.
ῥητορικῆ, ἡ 24, 24. 247, 23.
ῥητορικός, *ὁ* 33, 25. 192, 10.
ῥητός, ἡ, *όν* 48, 12.
λόγος 60, 8.
ῥομβέω 172, 2 s.
ῥομβοσιδής, *τό* 169, 6. 15. 170. 10. 171, 11. 18 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 5.
ἰσοπεριμέτρων ἀπάντων ἔλασσον 398, 16.
ῥόμβος, *ὁ* 169, 4. 17. 170, 10. 171, 10. 17 ss. 386, 25 ss. 388, 15 ss. 421, 4.
ῥοπή, ἡ 41, 10.
ῥύσις, ἡ 179, 24.
γραμμῆ, *ῥύσις σημείου* 97, 7. 9—17. 185, 10—12.

- σαθρός, ἄ, ὄν 200, 2. 275, 4.
 σαφήνεια, ἡ 74, 4. 238, 25. 418, 19.
 σαφηνίζω 38, 24. 418, 21.
 σαφής, ἐς passim, e. g. 74, 13. 144, 2. 210, 18. 273, 14. 322, 15 ss. 358, 11. 374, 5. 376, 12.
 σαφῶς 29, 27. 94, 4. 156, 11. 184, 3. 215, 26.
 Sup. 45, 17.
 σειρά, ἡ 89, 11. 132, 6. 148, 7. 151, 10.
 σελήνη, ἡ 42, 5. 100, 17. 110, 2 s.
 τὰ ὑπὸ σελήνην στοιχεῖα 137, 10. 149, 13.
 ἡ ὕ. σ. σύστασις 167, 16.
 σεμνός, ἡ, ὄν 85, 10. 137, 8. 138, 19.
 σημαίνω passim, e. g. 73, 10. 94, 9. 97, 9. 110, 24. 114, 11. 19. 357, 12. 419, 24.
 σημαντικός, ἡ, ὄν 293, 15.
 σημείον, τό passim, e. g. 39, 9. 49, 13. 57, 14. 58, 16 s. 72, 19.
 πάσης διαστάσεως καθαρεῦον 85, 7.
 τὴν γραμμὴν περιέλαβεν 86, 21.
 λόγος σημείου σωματοειδῆς 87, 11. 89, 11—15. 92, 3. 93, 20.
 γεννᾶ πάντα τὰ διαστήματα 88, 3—5. 16—22.
 μονὰς θέσιν ἔχονσα 95, 21—96, 15.
 τοῖς μεριστοῖς αἵτιον ὅν 97, 12—13.
 ἀνάλογον μονάδι 97, 20 ss.
 μετὰ τὴν μονάδα 99, 19 ss.
 διττόν 98, 13.
 εἰκὼν τοῦ ἑνός 104, 5.
 πάντων πέρας 115, 19.
 θέσει δίδεται μόνον 205, 15.
 σιωπάω 205, 6.
 σκάζω 168, 24.
 σκαληνός, ἡ, ὄν
 τραπέzion 170, 7. 11.
 Vide τρίγωνον.
 σκέπτομαι 95, 22. 178, 8. 208, 1.
 σκηνογραφική, ἡ 40, 19.
 & .ιά, ἡ 100, 19. 114, 23.
 σκιαγραφέω 141, 15.
 σκιάζω 100, 16.
 σκίδναμαι 86, 9.
 σκοπέω 7, 21. 9, 20. 39, 18. 40, 23. 64, 17. 93, 14. 207, 24. 427, 11.
 σκοπός, ὁ
 τῆς (Εὐκλείδου) πραγματείας 70, 19—71, 24.
 τοῦ πρώτου βιβλίου 81, 24—83, 6. 432, 6 ss.
 σκότος, τό 285, 14.
 σκοτώδης 20, 23.
 σμικρόν 194, 25. 330, 18.
 σμικρός, ἄ, ὄν
 Sup. 348, 5.
 σοφία, ἡ 28, 11. 36, 8.
 σοφιστικός, ἡ, ὄν 30, 18. 375, 8.
 σοφός, ὁ 156, 1.
 σπάνιος, α, ὄν 259, 20. 264, 17.
 σπανίως 84, 12. 260, 8.
 σπάρτος, ἡ 40, 1. 41, 13.
 σπείρα, ἡ
 τριχῶς γίνεται 119, 12—16.
 μικτὴ ἐστὶ 119, 17—18.
 σπειρικός, ἡ, ὄν
 σπειρικαὶ τομαί (γραμμαί) 111, 19. 112, 4—8. 113, 4. 119, 16. 120, 6. 127, 1. 128, 8. 356, 12.
 ἐπιφάνεια 119, 9—18. 120, 5.
 σπέρμα, τό 149, 23.
 σπεύδω 19, 16. 27, 16. 82, 7. 87, 24. 153, 21. 154, 22. 201, 15.
 σπήλαιον, τό 20, 24.
 σπουδάζω 76, 22. 199, 5.
 σπουδῇ, ἡ 10, 2. 28, 13. 55, 20. 65, 13. 66, 11. 81, 16.
 σταθερός, ἄ, ὄν 6, 4. 173, 8.
 σταθερῶς 90, 20. 148, 15. 154, 13.
 στάθμη, ἡ 40, 1.

- στάσις, ἡ 36, 16. 37, 2 ss. 41, 11. 173, 7. 292, 6.
 στατική, ἡ 25, 7.
 στερεομετρία, ἡ 39, 9. 73, 12. 116, 22.
 στερεός, ὁ, ὄν 24, 20. 113, 18. καθέτος 135, 17. 20. 283, 13. 16—22.
 γραμμή 394, 21 ss.
 ἀριθμοί 17, 16. 39, 17.
 γωνία 292, 19.
 τὰ στερεά passim, e. g. 39, 12 ss. 57, 15. 104, 3 ss. 107, 19. 111, 13 ss. 112, 10 ss. 121, 20. 126, 8.
 τὸ στερεόν 100, 11. 114, 11. 121, 17 ss. 394, 24.
 τὸ στερεὸν ἀνάλογον τῇ τετραδί, τριαδικόν 97, 21—98, 10. 99, 8—14.
 στέρεσις, ἡ 139, 1.
 στεφάνη, ἡ 163, 12.
 στέφανος, ὁ 63. 27.
 σιγμή, ἡ 59, 18 s. 96, 12 s.
 στοιχείον, τό passim, e. g. 22, 23. 23, 5. 10. 62, 20. 66, 8. 20. 67, 14. 68, 7. 118, 21. 222, 18. 225, 12. 281, 13. 340, 11. 14.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 τὰ τέτταρα 82, 20.
 τοῦ πατρός 148, 2.
 στοιχείων δημιουργία 166, 17.
 στοιχειώω 69, 8. 71, 22. 83, 3.
 στοιχειώδης, ἐς 72, 2. 13, 21. 119, 3. 162, 22. 264, 16.
 στοιχειώσεις, ἡ passim, e. g. 48, 7. 70, 14. 71, 7. 73, 15—75, 4. 217, 24. 293, 11. 336, 6. 354, 2. 432, 2. 6.
 ὄνομα 71, 25—73, 14.
 κατὰ μουσικήν 69, 3.
 στοιχειωτής, ὁ
 vide Ἐκλειδής.
 στοιάζομαι 27, 19. 28, 26. 84, 22.
 στοιχαστικός, ὁ, ὄν 31, 5.
 στρατόπεδον, τό 39, 5.
 στρέφω 29, 10. 119, 10. 23, 147, 28. 148, 25. 243, 14. 337, 17.
 στροφή, ἡ 119, 10. 26, 141, 8. 187, 17.
 συγγένεια, ἡ 52, 12. 138, 22. 161, 9. 266, 8.
 συγγενής, ἐς 14, 10. 71, 14. 168, 15. 191, 6. 213, 15. 314, 20.
 συγγίγνομαι 67, 10.
 σύγγραμμα, τό 47, 6. 66, 12. 68, 24. 70, 9.
 συγγράφω 66, 8. 67, 23. 73, 14.
 συγκατασκευάζω 248, 1. 301, 23. 304, 5.
 σύγκειμαι passim, e. g. 9, 10. 202, 17. 236, 24. 244, 20. 26, 246, 22. 423, 17.
 συγκεράννυμι 64, 1.
 συγκεφαλαίόομαι 199, 1. 277, 5.
 συγκινέω 50, 23. 52, 18. 179, 25.
 συγκλείω 143, 8 ss.
 συγκρίνω 39, 14. 306, 15. 347, 21.
 σύγκρισις, ἡ 83, 10. 22, 340, 5. 341, 20. 352, 24 ss.
 συγκροτέω 423, 21. 424, 2.
 συγκινάω 75, 24.
 συγχέω 118, 6. 187, 2. 322, 8.
 συγχρονος, ὄν 68, 19.
 συγχυσις, ἡ 118, 9. 164, 4. 432, 17.
 συγχωρέω passim, e. g. 12, 5. 32, 9. 40, 6. 50, 13. 51, 18. 54, 23. 76, 14 ss. 121, 18. 182, 16. 199, 13. 364, 20.
 συζεύγεις, ἡ 129, 9. 130, 20.
 συζυγέω 51, 16.
 συζυγία, ἡ 344, 15. 18.
 συζύγως 19, 20.
 συνοφαντέω 218, 1. 260, 13.
 συλλαμβάνω 190, 12. 391, 19.
 συλλήβδην 5, 2. 389, 14.
 συλλογίζομαι passim, e. g. 23, 1. 38, 23. 310, 6. 318, 17. 403, 7. 406, 4.

- συλλογισμός, ὁ 69, 9. 202, 19.
 255, 26. 260, 6. 262, 2.
 συμβαίνω passim, e. g. 33, 10.
 12. 34, 25. 119, 8. 122, 11.
 23. 157, 21.
 κατὰ συμβεβηκός 34, 23 ss.
 212, 4.
 συμβεβηκότα 85, 10. 133, 4.
 τὸ καθ' αὐτὸ συμβεβηκός 58,
 2. 9. 77, 11. 79, 19.
 συμβάλλω 298, 22.
 Med. 22, 17. 3. 335, 16. 352,
 14.
 συμβιβάζω 190, 14.
 συμβολή 129, 7.
 σύμβολον, τό 84, 16. 91, 2. 108,
 10. 128, 26. 133, 12. 15. 138,
 21. 164, 8. 167, 10. 214, 11.
 291, 1. 7.
 συμμερίζω 102, 9.
 συμμετατίθημι 316, 22.
 συμμετρία, ἡ 7, 1. 22, 23. 26,
 15. 22. 27, 2. 61, 2.
 σύμμετρος, ὃν 6, 20. 205, 11.
 278, 20. 302, 6.
 τὸ σύμμετρον 60, 26 ss.
 συμμίσγνυμι 12, 24.
 σύμμικτος
 τὰ σύμμικτα vide Πορφύριος.
 συμπάθεια, ἡ 133, 11.
 συμπαθής, ἐς 22, 22.
 συμπααραλαμβάνω 307, 21.
 συμπαραιστέίνω 420, 2.
 συμπαρεκτείνω 62, 1. 100, 18.
 σύμπασι passim, e. g. 22, 14.
 23, 22. 28, 11. 149, 20.
 συμπεραίνω 207, 11. 271, 5.
 συμπεράσμα passim, e. g. 32,
 17. 75, 13. 194, 20. 23. 196,
 13. 203, 5. 14. 18. 207, 4—25.
 209, 24—210, 16. 244, 16—
 246, 12. 252, 6—254, 20. 256,
 12. 260, 9.
 συμπλέτω passim, e. g. 59, 2.
 72, 19. 111, 14. 175, 4 ss. 177,
 10 s. 180, 15. 308, 17 ss.
 συμπλέκω 40, 18. 81, 18. 206,
 11. 265, 11. 271, 4. 307, 13.
 410, 4.
 συμπεπλεγμένος, ἡ, ὃν 19, 27.
 244, 20. 245, 4. 24 ss.
 συμπληθύνω 102, 8.
 συμπληρώω passim, e. g. 5, 13.
 17, 13. 24. 21, 6. 24, 26. 51,
 12. 124, 15. 19. 160, 11. 418,
 17. 431, 16.
 συμπλήρωσις, ἡ 15, 24. 36, 15.
 συμπλοκή, ἡ 83, 24. 307, 8.
 συμπορεύομαι 48, 3.
 συμπρόειμι 145, 16. 179, 25.
 291, 19.
 συμπτύσσω 19, 16. 44, 20. 55,
 13. 141, 22. 397, 25.
 συνεπτυγμένως 55, 1.
 σύμπτωμα, τό passim, e. g. 61,
 11. 72, 12. 79, 18. 80, 6. 18.
 83, 18. 21. 175, 6. 233, 19.
 σύμπτωμα παραδιδόναι ex
 usu mathematicorum 355, 11.
 356, 6—16.
 σύμπτωσις, ἡ 40, 15. 192, 6. 27.
 367, 8. 26. 369, 23.
 συμπτωτός, ἡ, ὃν 177, 11.
 συμφθείρω 118, 6.
 σύμφυλος, ὃν 29, 9.
 συμφύρω 75, 22.
 συμφών
 Pass. 142, 20.
 συμφωνία, ἡ 27, 2.
 σύμφωνος, ὃν 24, 12. 50, 17.
 57, 1.
 συναγωγ passim, e. g. 4, 13. 44,
 19. 68, 7. 73, 19. 74, 2. 108,
 2. 112, 19. 124, 20 ss. 160,
 20. 349, 15. 383, 17.
 συναγωγή, ἡ 123, 16. 124, 17.
 130, 21. 296, 21.
 συναγωγός, ὃν 19, 8. 90, 24.
 128, 27. 129, 4. 166, 19.
 συνάδω 32, 10. 57, 4.
 συναθροίζω 71, 15.
 συναθροισμός, ὁ 15, 17.
 συναιρέω 148, 19. 196, 16. 382,
 24.
 συνελόντι 51, 10. 88, 26. 241, 9.
 συνάλλαγμα, τό 65, 4.
 συναλλοιόω 87, 6.

- συναμφοτέρος*, α, *ον* 151, 3.
 236, 4 s. 398, 9.
συναναγράφω 197, 6.
συναναίρω 97, 4.
συναναφαίνομαι 212, 15. 302,
 15. 304, 8.
συναποδείκνυμι 19, 22. 241, 15.
 248, 6. 302, 20. 303, 2. 304, 7.
συνάπτω passim, e. g. 19, 21.
 21, 2. 46, 3. 91, 9. 103, 17.
 109, 2. 116, 12. 170, 5. 208, 9.
 278, 16. 307, 1. 401, 21.
συναρμόζω 5, 8. 35, 16. 43, 5.
 70, 14. 157, 19. 294, 7.
συναρτᾶω 26, 26. 82, 25. 210,
 26.
συναύξω 270, 10.
συναφή, ἡ 166, 25.
σύνδεσις, ἡ 130, 3.
σύνδεσμος, ὁ 36, 23. 42, 11.
 43, 22 ss. 166, 21.
συνδετικός, ἡ, *όν* 129, 2. 20.
συνδέω 16, 18. 22, 20. 37, 1.
 44, 21.
συνδιανέμομαι 403, 9.
συνδιδίστημι 87, 11.
συνδρομή, ἡ 123, 21.
συνεγγίζω 19, 23.
σύνεγγυς 61, 12. 427, 23.
συνεθισμός, ὁ 21, 22. 49, 11.
σύνειμι (*εἰμί*) 13, 11.
σύνειμι (*εἶμι*) 192, 19. 384, 16.
συνεισάγω 106, 26.
συνεισφέρω 33, 17. 354, 6. 432,
 17.
συνεβάλλω 176, 24.
συνεκτικός, ἡ, *όν* 89, 23. 90, 4.
 91, 6. 129, 5. 17. 137, 10. 240,
 25.
συνελασσόω (*συνελαττόω*) 270,
 10. 316, 18.
συνελεύνω 90, 26.
συνελίσσω (*συνελίστω*) 89, 26.
 108, 15. 110, 9. 129, 21. 145,
 7. 151, 5. 154, 14.
συνενώω 52, 14.
συνεξισόω 294, 8.
συνέπομαι 432, 4.
- συνεπτυγμένως* 55, 1.
συνεργέω 167, 15.
συνερείδω 89, 26.
συνέρχομαι 177, 8.
σύνεσις, ἡ 242, 5.
σύνευσις, ἡ 177, 20. 192, 5.
 311, 5 ss. 384, 20.
συνεύω 18, 14. 154, 21. 192,
 14 s. 311, 3. 364, 26 ss. 384,
 17.
 Vide *συννεύω*.
συνέχεια, ἡ 69, 24. 187, 13.
 321, 17 s.
συνεχής, *ές* 60, 14. 99, 23. 125,
 20. 196, 4. 198, 14.
σπείρα 119, 15.
τὸ συνεχές διαιρετόν 278,
 13 ss.
συνέχω passim, e. g. 22, 24.
 74, 2. 89, 10. 12. 90, 2. 95, 18.
 115, 22. 148, 22. 290, 23.
συνήθης, *ες* 306, 2.
συνηρημένως 16, 15. 95, 18.
σύνθεσις, ἡ passim, e. g. 3, 6.
 5, 5. 7, 23. 8, 7. 9, 11. 43, 3.
 18. 55, 7. 57, 18. 60, 25. 87,
 16. 117, 25 ss. 162, 3. 245,
 13. 16. 255, 20, 23.
σύνθετος, *ον* 111, 2 ss. 138, 18.
 142, 24. 147, 25. 244, 14 ss.
τὸ σύνθετον 26, 17. 73, 6. 86,
 22. 101, 2.
Comp. passim, e. g. 34, 10.
 57, 17. 69, 20. 85, 2 ss. 86,
 11. 89, 1.
συνθεωρέω 354, 15.
σύνθημα, *τό* 91, 4.
συνήημι 406, 16.
συνιστάνω 39, 13.
συνίστημι 165, 25. 261, 19.
Aor. II. 210, 2. 215, 9. 220, 13.
Perf. 39, 14. 105, 17. 263, 22.
 311, 18.
Med. passim, e. g. 79, 24 s.
 81, 1. 102, 15. 18. 220, 15.
 423, 19.
Pass. 14, 3. 40, 11. 82, 18. 135,
 15. 219, 17. 326, 7 ss.

- συννεύω passim, e. g. 103, 4.
 14. 108, 14. 126, 24. 175, 18
 —176, 16.
 Vide συννεύω.
 σύννοια 192, 13. 216, 21.
 σύννοικος, *ον* 84, 21.
 συνοπτικός, *ῆ, όν* 210, 23.
 συνοπτικῶς 352, 19.
 συνοράω 61, 21. 269, 21. 293,
 16. 329, 16. 392, 3. 407, 17.
 συνοχή, *ῆ* 91, 5. 128, 27.
 συνοχηίς 129, 7.
 συνοχικός, *ῆ* 129, 8.
 σύνταξις, *ῆ* 129, 15.
 συντάσσω (*συντάττω*) 67, 15.
 68, 8. 73, 11. 75, 11. 92, 23.
 302, 13.
 συντείνω 27, 21. 48, 5.
 συντέλεια, *ῆ* 21, 26.
 συντελέω passim, e. g. 23, 14.
 26, 5. 28, 24. 46, 18. 68, 4.
 74, 13. 83, 1. 196, 20. 326, 20.
 424, 3.
 συντέμνω 200, 13.
 συντίθηναι passim, e. g. 42,
 12. 57, 7. 66, 21. 161, 25. 162,
 1. 245, 11. 392, 21.
 συντομία, *ῆ* 74, 4. 246, 9.
 σύντομος
 Comp. 68, 15. 249, 20.
 συντόμως 30, 10. 323, 6. 345,
 13.
 σύντροφος, *ον* 29, 4.
 συννύπτω 143, 7. 145, 5. 183, 5.
 συννυφαίνω 35, 15.
 συννυφίστημι 17, 21. 142, 20.
 συνωθέω 125, 17.
 συνωνύμως 373, 18.
 συσπειράω
 Pass. 4, 12. 87, 22. 95, 12.
 σύστασις, *ῆ* passim, e. g. 56, 8.
 64, 13. 65, 20. 66, 17. 78, 25.
 352, 24. 421, 13. 423, 22.
 συστέλλω 220, 5. 260, 22. 397,
 25.
 συστοιχία, *ῆ* 7, 3. 107, 22. 132,
 2. 147, 5.
 σύστοιχος, *ον* 151, 18. 186, 19.
 191, 8.
 σφαῖρα *ῆ* 71, 1. 18. 89, 24. 90,
 1. 105, 9. 111, 18. 156, 14. 16.
 202, 16.
 ἀνάλογον τῷ πέρατι 104, 13.
 θεῶν εἰκόνες 91, 8.
 ἐπιφάνεια 116, 6 ss.
 σφαιρική, *ῆ* 36, 2. 37, 5. 59,
 20.
 σφαιρικός, *ῆ, όν* 322, 21.
 ἐπιφάνεια 116, 10. 117, 21.
 119, 4. 120, 10. 23. 126, 12 ss.
 σφαιροειδής, *ές* 138, 17.
 τὰ σφαιροειδή 119, 25.
 σφαιροποιῖα 41, 16.
 σφάλω 433, 1.
 σφίγγω 89, 25.
 σφύδρα 259, 23.
 σφραγίς, *ῆ* 90, 15.
 σχεδόν 34, 24. 321, 20.
 σχέσις, *ῆ* passim, e. g. 27, 24.
 35, 27. 51, 9. 78, 13. 107, 2.
 122, 25 s. 123, 8. 124, 6. 283,
 12. 373, 5.
 σχᾶμα 84, 15 s.
 σχῆμα, *τό* passim, e. g. 7, 12.
 8, 1. 10. 16, 20. 24. 17, 18. 21,
 23. 22, 8. 25. 23, 6. 24, 6. 11.
 33, 6 ss. 57, 11. 65, 16. 103,
 12 ss.
 διαφοραὶ κατὰ τὸ Πυθαγό-
 ρειον ἀρέσκον 136, 18—142, 8.
 ὀρισμός 142, 9—145, 25.
 φαινόμενα 17, 10.
 τὸ ἐν οὐσιῶδες 37, 4.
 τὸ ἐν κοινότερον 146, 3—17.
 ἐν τοῖς ἀριθμοῖς 61, 8.
 ἐπίπεδα 163, 1—164, 7.
 τοῖς θεοῖς προσήκοντα 62, 9.
 138, 5—22. 141, 22—142, 2.
 διαμορφώσεις σχημάτων 62,
 16.
 Πλατωνικά 68, 23.
 κοσμικά 70, 24. 423, 13—18.
 ἀναφαίνονται ἐν ταῖς ἐφεξῆς
 διακοσμήσεσιν τῶν θεῶν 156,
 2—5.
 σχηματίζω passim, e. g. 39, 5.
 52, 1. 54, 9. 80, 3. 24. 114,
 18. 116, 11. 137, 2. 259, 22.

- σχηματισμός, ὁ 195, 13.
 σχηματογραφέω 187, 21.
 σχηματοποιέω 111, 4.
 σχολάζω 26, 9. 28, 18.
 σχολή, ἡ 285, 5.
 σώζω 30, 2. 95, 4. 98, 1. 140, 2.
 σῶμα, τό passim, e. g. 16, 26.
 26, 14. 36, 10. 41, 21. 51, 22.
 52, 23. 53, 15. 86, 2. 88, 7.
 89, 7. 17. 91, 27. 92, 10 s. 93,
 22. 95, 5. 147, 22. 168, 2. 186,
 26. 285, 1.
 πάντα ἐν τοῖς σώμασι σωμα-
 τοειδῶς 92, 13—16.
 τετραδικόν, τριαδικόν 97, 21
 —98, 10. 99, 8—14.
 σωματικός, ἡ, ὄν 26, 16. 30, 2.
 54, 4. 99, 11. 147, 23. 186, 9 ss.
 322, 20.
 σωματικῶς 17, 8.
 σωματοειδής, ἐς 87, 11.
 σωματοειδῶς 92, 14.
 σωρός, ὁ 39, 24.
 τακτικός, ὁ 39, 2.
 τὸ τακτικόν 38, 13 ss.
 ταναός, ἡ, ὄν 99, 1. 3.
 τάξεις, ἡ passim, e. g. 3, 13. 4,
 19. 5, 23. 6, 11. 8, 4. 11, 4.
 19, 12. 20, 27. 21, 4. 11. 24,
 5. 25. 25, 1. 26, 15 ss. 35, 8.
 44, 15. 63, 3. 69, 6. 25. 87, 20.
 140, 1. 149, 20 ss. 173, 4. 242,
 1. 243, 24. 354, 14.
 ταραχή, ἡ 321, 15.
 τάσις, ἡ 301, 4. 15. 316, 20.
 τάσσω passim, e. g. 5, 3. 9, 13.
 19, 19. 32, 1. 64, 10. 73, 8.
 16. 98, 16. 114, 4. 140, 5. 12.
 176, 23.
 τεταγμένα (?) προβλήματα
 220, 10.
 ταντότης, ἡ 6, 3. 7, 2. 34, 20.
 36, 14. 132, 1. 147, 3. 25. 154,
 16. 373, 6. 19. 406, 4. 8.
 τάχα 262, 3.
 ταχύ 149, 20.
 τείνω ἐπ' ἄκρον 110, 18. 117,
 7. 198, 8. 215, 22. 316, 21.
 τεκμήριον, τό 69, 11. 206, 15.
 23. 365, 1.
 τέλειος, α, ον passim, e. g. 12,
 18. 18, 13. 20, 15. 23, 18. 29,
 11. 31, 21. 65, 1. 70, 18. 86,
 7. 138, 6. 26. 203, 2. 7. 368, 7.
 Comp. 4, 10. 11, 25. 14, 23.
 55, 21.
 Sup. 9, 27. 137, 19.
 τελειότης, ἡ 19, 4. 24, 25. 46,
 14. 91, 10. 134, 2. 139, 11.
 150, 16. 206, 15.
 τελειόω passim, e. g. 19, 2. 20,
 2. 24, 4. 8. 42, 14. 43, 1. 12.
 148, 9. 20.
 τελείως 3, 14. 161, 2.
 τελείωσις, ἡ 68, 6. 71, 8.
 τελειωτικός, ἡ, ὄν 90, 4.
 τέλος, α, ον 67, 11.
 τελεόω 22, 25. 68, 9.
 τελεσιουργία, ἡ 139, 12. 146, 5.
 τελεσιουργός, ὄν 42, 19. 91, 8.
 108, 20. 138, 2. 150, 10.
 τελευταῖος, α, ον 3, 16. 5, 25.
 24, 26. 87, 21. 150, 2. 14. 168,
 20. 186, 6. 269, 11.
 τελευτάω 18, 18. 70, 25. 142, 6.
 148, 8. 254, 23. 26. 414, 11.
 τελευτή, ἡ 29, 21. 31, 19.
 τελῶς 21, 2.
 τέλος, τό passim, e. g. 31, 16.
 44, 22. 81, 9. 91, 9. 103, 16.
 139, 21. 152, 26. 303, 22.
 τῆς μαθηματικῆς 28, 10.
 τῆς γεωμετρίας 55, 19. 26.
 τέλη των ὄντων ἀπάντων 108, 6.
 τέλος adverb. 84, 2.
 τεμαχίζω 74, 8.
 τέμνω passim, e. g. 38, 3. 50,
 8. 112, 15. 118, 3 ss. 123, 2.
 126, 15 ss. 355, 26 ss.
 εἰς ἄκρον καὶ μέσον λόγον
 60, 19.
 δίχα 80, 10 s.
 γωνίαν 171, 1—277, 4.
 εὐθείαν πεπερασμένην 277,
 16—280, 11.

- τέσσαρες(τέτταρες), α passim, e. g. 9, 3. 6. 10, 24. 33, 14. 73, 2.
 Dat. τέτταρσιν e. g. 301, 20. 303, 3. τέτταρσιν e. g. 302, 21. 305, 2.
 ὁ τέσσαρα 404, 14. 428, 2.
 τεσσαρεσκαίδεκατος 300, 22.
 τέταρτος, η, ον passim, e. g. 71, 26. 81, 21. 183, 23. 196, 20.
 τέταρτον 35, 7. 145, 11.
 τετραγωνίζω 213, 9. 428, 17 ss.
 τετραγωνίζουσαι γραμμαί 272, 8 s. 356, 11.
 τετραγωνικός, ἡ, ὄν 50, 5. 130, 12. 145, 23. 173, 10. 22. 304, 23. 426, 23.
 τετραγωνικῶς 146, 16.
 τετραγωνισμός, ὁ μὴνίσκον 66, 5.
 κύκλου 422, 25.
 τετραγώνον, τό passim, e. g. 39, 5. 40, 15. 58, 11. 60, 10. 78, 2. 80, 13. 106, 3. 156, 13. 169, 2. 14. 172, 5—174, 10. 220, 20 ss. 261, 21 s. 304, 17 ss. 381, 9. 25. 386, 19 ss. 388, 14 ss. 421, 3. 423, 7—431, 14.
 τετραγώνον διπλάσιον 61, 13. 427, 22.
 αἷτιον τῆς γῆς 82, 19. 24.
 εἰκὼν τῆς θείας οὐσίας 173, 2—23.
 (ἀπεικασθὲν) πρὸς ἀρετὴν 173, 23 ss.
 τὸ ἀπὸ τῆς ὑποτεينوῦσης τῆν ὀρθήν 83, 4. 426, 1—429, 16.
 τοῦ ἑτερομήκουσ μεῖζον 398, 8—11.
 τῶν ἰσοπεριμέτρων μεῖζον 398, 15 s.
 τετραδικός ἡ, ὄν 98, 9. 99, 13. 174, 8.
 τετραγώνος ἀριθμός 427, 21—429, 8.
 τετράκις 304, 22.
 τετραμερής, ἐς 167, 3.
 τετραπλάσιος, α, ον 222, 9.
 τετραπλευρος, ον 169, 1.
 τὸ τετραπλευρον 161, 15. 162, 9. 15. 164, 5. 166, 10. 169, 10—174, 21. 314, 23. 354, 9. 382, 6—383, 11. 393, 6. 25 ss. 398, 26. 414, 21 ss. 417, 2. 418, 8 s. 422, 7.
 τρίγωνα τετραπλευρα 165, 22—166, 6. 329, 1—7.
 τετράς, ἡ 97, 22. 99, 9. 162, 17. 174, 8.
 τετραχά 35, 22.
 τετραχῶς 169, 20. 206, 9 s. 277, 7. 358, 21 ss.
 τέχνη, ἡ 24, 21. 25, 5. 14. 30, 25. 31, 12. 34, 9. 64, 16. 137, 4 ss. 194, 3. 243, 14. 17.
 τεχνικός, ἡ, ὄν 30, 14. 119, 1. 200, 14. 243, 20. 247, 17. 390, 11.
 τεχνίτης, ὁ 34, 2. 75, 21.
 τηνικαῦτα 76, 19. 193, 5. 236, 19.
 τίθημι 18, 11. 28, 1. 43, 23. 84, 19.
 Pass. 8, 25. 322, 11.
 Med. passim, e. g. 10, 21. 23, 23. 30, 18. 35, 25. 352, 23.
 τίμιος, α, ον 29, 8.
 τίς, τί
 τὸ τί ἐστι 201, 18.
 τὸ διὰ τί 202, 9—24.
 τμημα, τό 83, 7. 167, 5. 352, 24.
 κύκλου 104, 19. 113, 18? 159, 8. 163, 5. 246, 4. 396, 3.
 δύο εὐθειῶν 214, 22—217, 9. 301, 16 s.
 βάσεως 237, 14. 319, 9.
 ἐλλείψεως 246, 6.
 τοίνυν passim, e. g. 7, 6. 10, 10. 11, 10. 13, 27.
 τοῖος, α, ον 76, 15. 84, 6.
 τοιόσδε passim, e. g. 11, 27, 24, 24. 89, 18. 111, 20. 125, 1.
 τοιοῦτος passim, e. g. 5, 12. 7, 5. 22. 13, 6. 18, 11.

- τοῖχος, ὁ 100, 8.
 τοιῶσδε 119, 20.
 τόκος, ὁ 13, 25.
 τόλμα, ἡ 101, 9.
 τολμάω 262, 5.
 τομεύς, ὁ 113, 18.
 τομή passim, e. g. 60, 17. 67, 6. 77, 9. 78, 25. 79, 20. 104, 4. 111, 16 ss. 118, 16. 18. 119, 16. 120, 19. 25. 170, 14. 322, 21. 354, 17.
 ἐπ' ἄπειρον 158, 6—20.
 τοπικός, ἡ, ὄν 18, 22.
 τοπικά θεωρήματα 394, 15—396, 11. 405, 4. 412, 5. 431, 23.
 τοπικῶς 186, 13.
 τόπος, ὁ 15, 5. 39, 1. 63, 12. 67, 23. 96, 7. 9. 100, 16. 117, 5. 127, 21. 150, 7. 160, 21. 186, 17 ss. 195, 2 ss. 225, 16. 242, 6. 275, 7. 285, 1. 289, 19.
 ὁ περὶ ἐν σημείον 304, 12 ss. 305, 8.
 γραμμῆς ἢ ἐπιφανείας θέσις 394, 17—19.
 τῶν παραλληλογράμμων 395, 5.
 τόσῳ 397, 10.
 τοσόςδε 207, 16. 18. 211, 3. 371, 8.
 τοσοῦτος passim, e. g. 13, 14. 19. 20, 6. 28, 16.
 μέχρι τοσοῦτον 9, 17.
 τότε passim, e. g. 17, 5. 18, 24 ss. 39, 26 s. 46, 10.
 τοτέ 81, 18. 20.
 τρανής, ἐς
 Comp. 4, 22. 11, 18. 14, 26. 89, 2. 376, 1.
 τραπέzion, τό 169, 9. 170, 4 ss. 171, 4. 6. 354, 7 ss. 398, 24. 400, 6 ss. 414, 17—416, 14. 418, 5.
 τραπέξειδής, ἐς 170, 4. 12. 171, 5.
 τρεῖς, τρία passim, e. g. 21, 5. 26, 13. 67, 5. 83, 7.
 ὁ τρία 404, 13 s. 428, 2.
 τρέπω
 Med. 29, 3. 200, 10.
 τριαδικός, ἡ, ὄν 97, 24. 98, 10. 99, 7. 115, 4. 159, 24. 174, 8. θεός 155, 24.
 τριάρμενος, ὄν 63, 20.
 τριάς, ἡ 97, 21—98, 10. 99, 4. 20. 111, 23. 115, 1 ss. 162, 7. 16. 174, 8. 314, 21.
 τριγωνικός, ἡ, ὄν passim, e. g. 12, 12. 33, 13. 19. 50, 5. 53, 20. 130, 11. 145, 22. 167, 26. 236, 24.
 τριγωνικῶς 146, 16.
 τρίγωνος ἀριθμός 253, 18 s.
 τρίγωνον, τό passim, e. g. 12, 12. 14, 14. 33, 4 ss. 50, 3. 80, 25. 82, 15 ss. 83, 8 ss. 102, 18. 123, 24—124, 2. 164, 19—168, 25. 305, 25. 306, 9. 321, 1 ss. 384, 11. 403, 1—414, 14.
 τὸ δημιουργικόν 130, 16.
 ἀδιάστατον 142, 1.
 ἴσον τριγώνῳ 236, 18.
 ἰσοπλευρον 14, 13. 35, 4. 78, 1. 79, 21. 24. 102, 14. 164, 19. 165, 7. 168, 6 ss. 180, 15—19. 206, 27 ss. 208, 3—210, 16. 213, 14—214, 13. 219, 19. 221, 16. 304, 16 ss. 314, 11. 14. 383, 17 ss. 423, 12 ss.
 αἷτιον πυρὸς ἀέρος ὕδατος 82, 18—24.
 ἰσοσκελές 14, 12. 35, 5. 74, 20. 79, 26. 80, 26. 82, 17. 164, 20. 165, 7. 168, 8 ss. 204, 1 ss. 218, 13—219, 3. 20. 222, 1. 236, 5 ss. 244, 10—251, 22. 256, 15—258, 13. 314, 9 ss. 317, 1. 328, 1. 383, 19. 403, 14 ss. 427, 19 s.
 σκαληνόν 14, 13. 74, 20. 82, 17. 164, 21. 165, 8. 168, 9 ss. 219, 4—16. 220, 1. 314, 8. 15. 383, 21. 427, 19 ss.
 ὀρθογωνιαῖον 84, 3.
 ὀρθογώνιον 164, 23. 165, 10 s. 167, 19. 168, 8. 306, 18. 327

12. 423, 4. 426, 1 ss. 427, 18
 —429, 8.
 ἀμβλυγώνιον 164, 24. 165, 10.
 12. 167, 21. 168, 8. 306, 20.
 ὀξυγώνιον 164, 25. 165, 11 ss.
 167, 24. 168, 6. 9.
 τρίγωνα τετράπλευρα (κοιλο-
 γώνια, ἀκιδοειδῆ) 165, 22—
 166, 6. 328, 22—329, 7.
 ἰσογώνια 348, 5.
 τῇ τριάδι κατέχεται 115, 5
 —8.
 ἀρχὴ γενέσεως 166, 15.
 ἀρχηγὸν τῆς ὑπὸ σελήνην συ-
 στάσεως 167, 16. 382, 3.
 πρὸς τὰ ὄντα ἀναλογία 168,
 12—25.
 ἐν ταῖς αὐταῖς παραλλήλοις
 404, 21—26.
 τριπλάσιος, α, ον 197, 4. 210,
 4. 220, 22. 221, 4. 222, 9. 277,
 13.
 τρίπλευρος, ον 163, 17. 165, 22.
 τὸ τρίπλευρον 161, 14. 162,
 8 ss. 164, 4. 166, 8 s. 314, 23.
 τριπλοῦς, ἡ, οὖν 35, 11. 51, 7.
 131, 9. 22. 168, 7.
 τρίς 304, 20.
 τρισκαιδέκατος 299, 8. 312, 13.
 τρίτος, η, ον passim, e. g. 21,
 11. 39, 20. 44, 14. 62, 18. 83,
 19.
 τρίτον 14, 24. 34, 20.
 τρίτον ὀρθῆς 277, 14. 296, 13.
 304, 22. 344, 5. 384, 1. 393,
 16. 20.
 τριττός, ἡ, ὄν (τρισός) 51, 9.
 127, 7. 16. 168, 9. 409, 1.
 τρίχα 271, 23. 272, 3.
 τριχῇ 166, 19. 178, 1.
 τὸ τριχῇ διεστώς (διαστάν)
 85, 4. 86, 17. 99, 8. 114, 5.
 τριχοτομέω 272, 7.
 τριχῶς 102, 12. 20. 119, 12. 168,
 10. 220, 2. 15.
 τριφυῆς, ἐς 214, 11.
 τριώβολος, ὁ 84, 17.
 τροπή, ἡ 136, 24.
 τρόπος, ὁ passim, e. g. 14, 14.
 22, 15. 30, 15. 38, 3. 43, 9.
 59, 5. 70, 11. 73, 16.
 κατὰ τρόπον 108, 10.
 τροφή, ἡ 322, 13.
 τροτάνη, ἡ 63, 14.
 τυγχάνω passim, e. g. 13, 16.
 28, 21. 75, 2. 128, 9. 152, 20.
 172, 25. 185, 23. 204, 16.
 ὁ τυχὼν λόγος 271, 21.
 ἡ τυχοῦσα (εὐθεῖα) 159, 7.
 τὸ τυχόν 69, 27.
 τυχόν 218, 7. 248, 22. 267, 2.
 281, 10.
 εἰ τύχοι 234, 6.
 τύπος, ὁ 16, 12. 52, 2. 15. 26.
 55, 14. 95, 3. 138, 15.
 τυπόω 45, 9.
 τυραννικός, ἡ, ὄν 24, 18.
 τύχη, ἡ 303, 7.
 ὑγρός, ἂ, ὄν 167, 7. 9 s.
 ὕδωρ, τό 11, 2. 82, 24. 93, 22.
 ὕλη, ἡ 3, 9. 5, 9. 14. 7, 8. 12,
 11. 14, 25 ss. 16, 3. 20, 25.
 28, 26. 33, 21. 41, 18. 49, 24.
 52, 27 s. 54, 7. 55, 5. 58, 8.
 63, 6. 64, 2. 78, 18 s. 79, 14.
 17. 80, 6. 19. 86, 8—89, 15.
 92, 27. 96, 8. 123, 26. 137, 7.
 139, 23. 25. 142, 13. 15. 168,
 25. 181, 7. 182, 14. 196, 10.
 218, 10. 291, 9.
 τῆς γεωμετρίας 48, 17—56, 22.
 93, 18. 94, 3. 182, 7. 183, 9.
 196, 23. 206, 18.
 διττή 51, 15. 53, 22.
 ὑλικός, ἡ, ὄν 26, 16. 49, 21. 28.
 139, 3. 166, 21. 168, 21.
 ὑπαρξίς, ἡ passim, e. g. 4, 17.
 5, 4. 6, 3. 8, 22. 13, 2. 26, 22.
 50, 21.
 τρία περὶ τὴν ὑπαρξιν 353,
 3—4.
 ὑπάρχω passim, e. g. 9, 20.
 12, 14. 33, 3. 16. 35, 2.
 ὑπεκτίθηναι 55, 1.

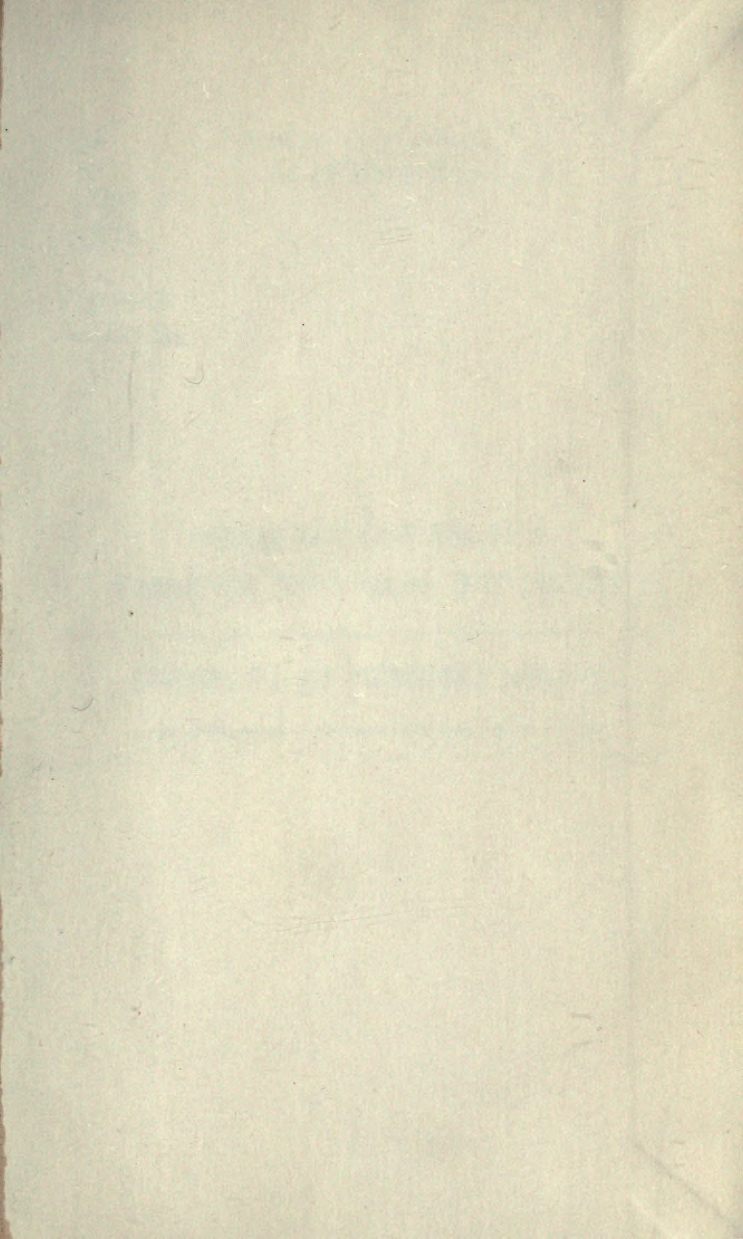
- ὑπέρ c. Acc. 98, 3.
 c. Gen. 32, 19.
 ὑπεραίρω 4, 3.
 ὑπερανέχω 3, 9.
 ὑπεραπλόω 4, 16. 42, 17.
 ὑπερβαίνω 157, 2.
 ὑπερβάλλω 371, 16. 420, 4. 421, 17.
 ὑπερβολή, ἡ 24, 12. 58, 14. 133, 19. 23. 419, 17. 420, 7.
 κώνου τομή 112, 4. 120, 2. 177, 15. 395, 10 s. 419, 21.
 ὑπερέχω 5, 6. 11, 22. 122, 4 s. 137, 25. 173, 1. 197, 17 ss. 332, 9.
 ὑπεριδρύω 12, 1.
 Pass. 4, 8. 19, 2. 42, 13. 88, 27. 92, 22.
 ὑπερκόσμιος, ον 147, 6.
 ὑπερούσιος, ον 22, 6.
 ὑπεροχή, ἡ 92, 22. 114, 10. 147, 3. 149, 3. 153, 15. 197, 10 ss. 316, 16. 372, 18. 403, 9. 427, 8.
 ὑπεροψία, ἡ 29, 16.
 ὑπερτρέχω 5, 7.
 ὑπερφέρω 86, 3. 147, 1. 151, 21.
 ὑπερφυής, ἐς 140, 23.
 ὑπό c. Acc. 9, 25. 41, 5. 14, 59, 22. 123, 12. 125, 15 ss. 191, 9. 233, 9. 245, 6. 338, 13.
 ἡ ὑπὸ ἀβγ et similia, passim, e. g. 188, 24 ss. 190, 5 ss. 249, 3 ss.
 ὑπὸ τὸ αὐτὸ ὕψος 405, 14 ss.
 c. Gen. 7, 8. 123, 7. 124, 22.
 c. Dat. 123, 17. 124, 24 s.
 ὑποβάθρα, ἡ 286, 11.
 ὑποβαίνω 11, 7.
 ὑποβάλλω 223, 20.
 ὑποβιβάζω 106, 10.
 ὑπογράφω 286, 22.
 ὑποδείκνυμι 390, 9. 407, 14.
 ὑποδέχομαι 9, 16. 22, 26. 75, 9. 145, 12.
 ὑποδοχή, ἡ 15, 12. 49, 23. 55, 16. 99, 5.
 ὑπόθεσις, ἡ passim, e. g. 9, 26. 11, 8. 22. 19, 9. 27, 1. 31, 13. 20. 57, 19. 58, 26. 59, 12. 60, 3. 71, 14. 131, 10. 19. 178, 2. 7. 252, 7—254, 20. 354, 8. 398, 19. 25.
 quid? 76, 12—17. 77, 3—6.
 ὑποθετικός, ἡ, ὅν 256, 3.
 ὑποκείμαι 7, 10. 33, 9. 21. 51, 12. 286, 7. 340, 15.
 τὰ ὑποκείμενα passim, e. g. 3, 11. 19, 11. 31, 5. 32, 18. 70, 23.
 τῆς γεωμετρίας 58, 10 ss.
 ὑπολαμβάνω 17, 8. 89, 18. 207, 13. 386, 1.
 ὑπολείπω 284, 14. 359, 16. 401, 21.
 ὑπόληψις, ἡ 243, 8.
 ὑπόλοιπος, ον 226, 11. 235, 22. 236, 17. 407, 16.
 ὑπομένω 118, 5. 186, 12. 291, 5.
 ὑπομιμνήσκω 414, 15.
 ὑπόμνημα, τό 432, 16.
 ὑπόμνησις, ἡ 84, 5. 193, 20. 209, 18. 326, 24.
 ὑπονοέω 278, 1.
 ὑπόστασις, ἡ passim, e. g. 3, 5. 16. 5, 7. 11, 11. 12, 8. 13, 20. 16, 2. 35, 26. 49, 10. 51, 7. 22.
 μετὰ τὸ ἐν τρεῖς ὑποστάσεις, τὸ πέρας, τὸ ἄπειρον, τὸ μικτόν 104, 8—9.
 ὑποστάτης, ὁ 53, 24.
 ὑποστατικός, ἡ, ὅν 86, 26. 92, 10, 93, 3. 140, 24.
 ὑποστορέννυμι 93, 1.
 ὑποστροφή, ἡ 108, 1.
 ὑποτείνω 233, 10.
 ἡ ὑποτείνουσα
 τὴν ὀρθήν 84, 5. 426, 2 ss.
 γωνίας ὑποτείνειν passim, e. g. 238, 13—24. 245, 19. 249, 15. 250, 11. 251, 22.
 ὑποτίθημι passim, e. g. 13, 7. 17, 11. 75, 20. 83, 14. 218, 10. 236, 15. 254, 8. 19. 332, 14.

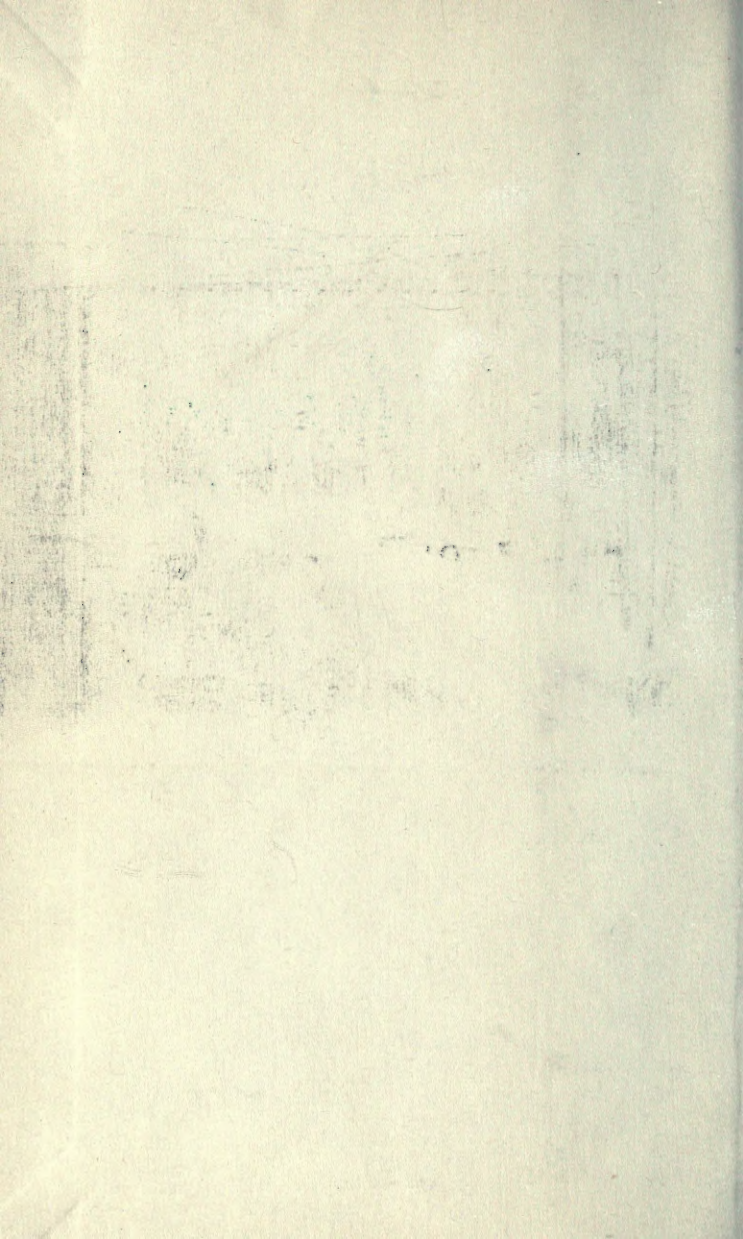
- ὑποφέρω 70, 1. 128, 14.
 ὑστερογενής, ἐς 14, 21. 15. 1.
 18.
 ὑστερογενῶς 12, 13. 51, 5.
 ὕστερος, α, ον 18, 19.
 ὕστερον 200, 6. 247, 6. 269, 5.
 283, 2. 306, 13. 336, 5.
 ὕστερως 8, 23.
 ὑφαίνω 13, 14.
 ὕφεις, ἡ 11, 23. 54, 12. 92,
 20. 96, 14. 114, 13.
 ὑφηγέομαι 37, 1. 43, 3. 63, 12.
 65, 10.
 ὑφήγησις, ἡ 22, 16. 48, 15. 50,
 17. 68, 2. 70, 18. 76, 24.
 ὑφιστάνω 12, 5. 218, 7.
 ὑφίστημι passim, e. g. 13, 9.
 23. 16, 16. 17, 25. 36, 17. 37,
 24. 104, 2. 421, 13. 15.
 Aor. II. 5, 20. 12, 11. 32, 8.
 105, 25. 155, 17. 187, 7.
 Perf. 9, 1. 11, 24. 25, 22. 49,
 22. 89, 16. 278, 16.
 Med. 5, 25. 13, 2. 15, 8. 16, 7.
 ὑψηλολογέομαι 8, 15.
 ὕψος, τό 40, 21. 84, 20. 133,
 16. 176, 12. 245, 6 ss. 290,
 18. 405, 14 ss.
 quid? 405, 20 s.
 φαίνω
 Perf. II. 19, 15.
 Med. passim, e. g. 7, 4. 16,
 24. 17, 10. 21, 9. 22, 3. 30, 17.
 40, 13 ss. 45, 11. 140, 25.
 φανερός, α, όν 195, 19. 299, 12.
 310, 18. 322, 9.
 φανερόν (sc. ἐστί) passim,
 e. g. 7, 14. 81, 8. 160, 11.
 191, 5. 222, 10.
 φανερώς 242, 6.
 φαντάζω 11, 2. 36, 11. 40, 20.
 50, 20. 70, 1. 104, 15. 142, 13.
 357, 7.
 Med. Aor. pass. 53, 13.
 φαντασία, ἡ 45, 9. 46, 4. 51,
 14 ss. 52, 20. 53, 12. 55, 2 ss.
 56, 14. 57, 8. 78, 23. 86, 12.
 121, 5. 141, 5. 14. 142, 9. 186,
 4 ss. 192, 8. 25. 285, 5—286,
 11.
 τὸ ἀμερὲς ἐν αὐτῇ σημεῖον
 94, 20—95, 20. 186, 20.
 φάντασμα, τό, 45, 8. 285, 9.
 φανταστικός, ἡ, όν 94, 26. 186,
 10. 12.
 φανταστός, ἡ, όν 51, 16. 19.
 53, 9 ss. 54, 24 ss. 62, 15. 86,
 12. 101, 13.
 φάσκω 211, 4.
 φέρω passim, e. g. 37, 26. 91,
 14. 102, 4. 104, 5. 289, 12.
 pass. 3, 9. 7, 8. 20, 3. 64, 25.
 70, 3. 105, 22. 155, 19. 193, 5.
 217, 25. 432, 16.
 φέρει 210, 25. 312, 2. 315, 15.
 338, 2. 368, 26. 414, 15.
 φημί passim, e. g. 10, 4. 14, 6.
 11. 21, 21. 22, 20. 23, 13. 28,
 9. 116, 21.
 φθάνω 97, 15.
 φθίσις, ἡ 149, 26.
 φθόγγος, ό 391, 26.
 φθορά, ἡ 149, 19.
 φιαλίτης, ό 40, 5.
 φιλοθεάμων 432, 12.
 φιλοκαλία, ἡ 177, 24.
 φιλομαθής 113, 3. 345, 12.
 φίλος, η, ον 22, 21. 29, 24.
 φιλοσοφείω 62, 26.
 φιλοσοφία, ἡ 20, 13. 21, 25.
 42, 16. 65, 16. 66, 13. 67, 14.
 84, 14. 199, 8.
 Ἀριστοτέλους 284, 25.
 τῶν Πυθαγορείων 22, 12.
 Πλάτωνος 68, 3. 21.
 πολιτική 23, 12.
 ἡθική 24, 4.
 αὐτή 25, 13.
 φιλόσοφος, ό 21, 7. 14. 29, 18.
 56, 24. 93, 8. 116, 17. 130, 15.
 218, 9. Vide Πρόκλος.
 Adiect. 432, 19.
 φιλοτεχνέω 41, 9.
 φιλοχωρέω 28, 18.
 φοιτάω 222, 24. 314, 22.

- πορά, ἡ 23, 1. 20. 106, 16. 150, 4. 155, 22.
 πορέω 155, 20.
 πορέω 30, 10. 38, 21.
 πορέα, τό 39, 24. 100, 11. 13.
 φρόνησις, ἡ 70, 6.
 φροντίζω 292, 13.
 φροντίς, ἡ 29, 2. 432, 11.
 φρουρά, ἡ 90, 18.
 φυλακή, ἡ 90, 18.
 φυλακτήριος, α, ον 63, 10.
 φυλάττω passim, e. g. 87, 6. 88, 28. 90, 22. 130, 6. 133, 3. 136, 10. 157, 14. 398, 7.
 φύλλον, τό 126, 25.
 φυσικός, ἡ, ὅν 21, 18. 35, 10. 41, 24. 53, 27. 63, 3. 92, 10. 166, 17.
 πρὸς τὴν φυσικὴν θεωρίαν συμβάλλεται (ἡ μαθηματικὴ) 22, 17—23, 11.
 ὁ φυσικός 93, 24.
 φυσιολογία, ἡ 19, 22. 36, 11.
 φυσιολόγος, ὁ 34, 4. 75, 19.
 φύσις, ἡ passim, e. g. 3, 14. 4, 16. 7, 8. 8, 2. 14, 19. 27. 15, 3. 19, 22. 21, 15. 20, 23. 4, 52. 7, 62. 19, 89. 18, 137. 9, 141. 3, 11. 194, 15. 211, 18.
 ἐσχάτη 4, 4.
 ἀμέριστος 4, 7. 15, 23.
 νοερά 91, 24.
 τῶν μαθημάτων 5, 21. 44, 1.
 ἀσώματος 21, 22.
 πάντα ἐν ταῖς φύσεσιν κατὰ τὸν τοῦ ἐπιπέδου λόγον 92, 8—13.
 τὴν τῶν σωμάτων κίνησιν ἀφορίζει 115, 13—14.
 τὰ παρὰ φύσιν λεγόμενα 149, 26 v.
 φύσει 75, 25. 82, 2. 105, 17.
 φυτόν, τό 149, 21.
 φύω
 Perf. 29, 11. 31, 23. 50, 20? 88, 28.
 φωνή, ἡ 72, 6.
 φωρέω 192, 21.
 φῶς, τό 100, 19.
 νοερόν 20, 23. 30, 2. 138, 1.
 φωτίζω 100, 15.
 φωτισμός, ὁ 41, 21.
 χαίρω 375, 10.
 χαλεπός, ἡ, ὅν 73, 15. 195, 15. 322, 23. 391, 28.
 Comp. 180, 19. 399, 5.
 χαρακτήρ, ὁ 124, 5. 138, 13. 142, 23.
 χαρακτηρίζω 27, 12. 175, 13.
 χαρακτηριστικός, ἡ, ὅν 81, 11. 355, 23. 359, 9. 387, 24.
 χαρίεις 72, 15. 21.
 χάριν 81, 14. 435, 19.
 χάρις, ἡ 250, 21. 432, 11.
 χείρων 23, 23. 87, 2. 132, 21. 290, 20.
 χθόνιος, α, ον 167, 8.
 χθονίως 173, 21.
 χιαστί 357, 1.
 χορεία, ἡ 137, 16.
 χορηγέω 10, 13. 42, 14. 43, 1. 51, 3. 150, 16.
 χορηγός 23, 19. 90, 5. 130, 19. 132, 24.
 χορός, ὁ 29, 20.
 χόρτος, ὁ 322, 11.
 χράομαι passim, e. g. 9, 5. 13, 17. 21, 10. 23, 22. 12, 26. 1, 30, 17.
 χρεία, ἡ 26, 8. 27, 18 ss. 64, 23. 66, 21. 71, 4. 84, 22. 203, 23. 248, 13. 264, 17. 275, 6. 423, 15.
 χρή passim, e. g. 28, 2. 64, 16. 131, 21. 191, 21. 193, 1. 206, 3.
 χρήζω 301, 26.
 χρήσιμος, η, ον 28, 9. 74, 12. 247, 17. 283, 8.
 Comp. 25, 18.
 Sup. 268, 20.
 χρήσις, ἡ 264, 18.
 χρησμοδέω 27, 23.
 χρόνος, ὁ 28, 16. 66, 14. 67, 17. 93, 7. 153, 24. 196, 1. 5, 12. 269, 5.
 χρυσός, ὁ 105, 17.

- χωλεύω* 168, 23.
χώρα, ἡ 3, 4. 77, 21. 199, 8. 284, 14. 314, 12. 373, 18.
χωρέω 6. 17. 18. 25. 29, 12. 114, 24. 157, 1. 187, 15. 286, 13.
χώρησις, ἡ 157, 13. 174, 6.
χωρίζω 27, 21. 31, 9. 38, 7. 50, 12. 54, 17. 91, 22. 143, 10. 289, 8. 401, 5. 20. 406, 15. 413, 18.
χωρίον, τό *passim*, e. g. 38, 17. 64, 20. 100, 10. 114, 21. 136, 4 ss. 160, 1. 6. 163, 17 ss. 348, 6. 396, 16 ss.
δύο εὐθελίαι χωρίον οὐ περιέχουσι 239, 1—240, 10.
χωρία ἀνισα ἴσων περιμέτρων 403, 4 ss.
παραβολή 419, 17 ss.
χωρίς *passim*, e. g. 10, 5. 19. 56, 4. 57, 26 ss. 70, 27. 76, 17. 145, 10. 203, 9.
χωρισμός 55, 5.
χωριστός, ἡ, ὅν 11, 11. 49, 25. 85, 14. 86, 24. 285, 2.
χωρογράφος, ὁ 403, 6.
ψευδάριον, τό 59, 6. 70, 10.
ψευδής, ἐς 253, 17. 352, 22.
ψεύδομαι 212, 23.
ψεύδος, τό 69, 28. 70, 13. 247, 21. 248, 8. 330, 15.
ψευδῶς 40, 13.
ψιλός, ἡ, ὅν 89, 16. 171, 12. 302, 10.
ψυχή, ἡ 5, 8. 12, 11 ss. 13, 6 ss. 14, 24—17, 4. 20, 14. 26, 14. 29, 6. 11. 27. 32. 7. 16. 36, 14. 25. 38, 7. 45, 8 ss. 62, 10. 84, 20. 87, 17. 95, 9. 96, 5. 137, 19. 24. 140, 11. 27. 141, 4 ss. 147, 15—148, 4. 24—149, 8. 168, 16. 213, 25—214, 3. 291, 3.
ῥμμα τ. ψ. 20, 16. 18. 28, 5. 46, 13.
πάντα ἐν ταῖς ψυχαῖς κατὰ τὸ εἶδος τῆς γραμμῆς 92, 4—8. 107, 20—108, 3. 109, 1—4.
τὴν τῆς φύσεως ἐνέργειαν ἀφορίζει 115, 12—13.
κάθοδος εἰς γένεσιν 133, 6—10.
ψυχικός, ἡ, ὅν 26, 18(?). 50, 15. 63, 2. 86, 1. 91, 25. 137, 24. 138, 3. 139, 6. 147, 16. 24.
ψυχικῶς 16, 14.
ψυχρός, ἁ, ὅν 167, 7.
ψυχρότης, ἡ 122, 8.
ὦδὶ 14, 23. 181, 15. 280, 16 s. 314, 18.
ὦδε 75, 6.
ὦδὶς, ἡ 13, 25.
ῶρα, ἡ 39, 1. 41, 25. 63, 11.
ὥς *Adv. passim*, e. g. 8, 24. 11, 15. 19, 1. 3. 25, 17. 30, 3 ss. 319, 20.
Praep. 21, 24.
Coni. passim, e. g. 5, 2. 12, 6. 8. 23 s. 44, 1.
ὥς μὲν — ὥς δὲ 155, 6. 7.
ὥσανεὶ 78, 5.
ὥσάντως *passim*, e. g. 8, 11. 9, 11. 31, 6. 37, 7. 90, 8. 337, 6.
ὥσπερ *passim*, e. g. 4, 14. 7, 6. 15. 11, 15. 18, 11. 23.
ὥστε 26, 3. 21. 28, 20. 66, 20.
ὠφέλεια, ἡ 28, 3. 20.
τῆς γεωμετρίας 49, 3. 63, 7—64, 6.

① 2355 4





QA

Proclus Diadochus

31

In primum Euclidis

E9P7

1873

Physical &
Applied Sci.

PLEASE DO NOT REMOVE
CARDS OR SLIPS FROM THIS POCKET

UNIVERSITY OF TORONTO LIBRARY
